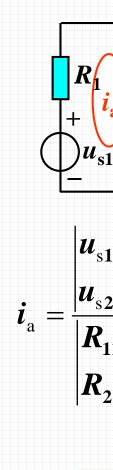


# 内容

- 1叠加定理
- 2 替代定理
- 3 戴维南定理和诺顿定理







# 由回路法

$$R_{11}i_{a}+R_{12}i_{b}=u_{s11}$$
  
 $R_{21}i_{a}+R_{22}i_{b}=u_{s22}$ 

$$= \frac{u_{s1} - u_{s2}}{\Delta} u_{s11} + \frac{u_{s2} - u_{s3}}{\Delta} u_{s22}$$

 $y = ax_1 + bx_2 + cx_3$ 

$$= \frac{R_{22}}{\Delta} u_{s1} - \frac{R_{12} + R_{22}}{\Delta} u_{s2} + \frac{R_{12}}{\Delta} u_{s3}$$

#### 其中

 $y' = ax_1$ 

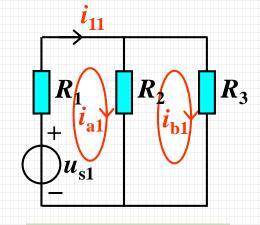
 $y'' = bx_2$ 

 $y''' = cx_3$ 

$$R_{11} = R_1 + R_2$$
  
 $R_{12} = R_{21} = -R_2$   
 $R_{22} = R_2 + R_3$   
 $u_{s11} = u_{s1} - u_{s2}$   
 $u_{s22} = u_{s2} - u_{s3}$ 

$$\Delta = \begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}$$
$$= R_{11}R_{22} - R_{12}R_{21}$$

$$y = y' + y'' + y'''$$

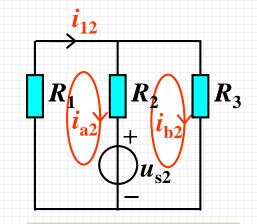


# $u_{S2}$ 和 $u_{S3}$ 不作用

$$R_{11}i_{a1}+R_{12}i_{b1}=u_{s1}$$
  
 $R_{21}i_{a1}+R_{22}i_{b1}=0$ 

$$egin{aligned} m{i_{a1}} &= egin{aligned} m{u_{s1}} & m{R_{12}} \ m{0} & m{R_{22}} \ \hline m{R_{11}} & m{R_{12}} \ m{R_{21}} & m{R_{22}} \end{aligned}$$

$$=\frac{R_{22}}{\Lambda}u_{s1} \quad y'=ax_1$$

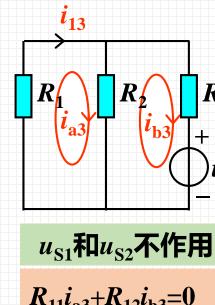


# $u_{S1}$ 和 $u_{S3}$ 不作用

 $R_{11}i_{a2}+R_{12}i_{b2}=-u_{s2}$  $R_{21}i_{a2}+R_{22}i_{b2}=u_{s2}$ 

$$i_{a2} = \frac{\begin{vmatrix} -u_{s2} & R_{12} \\ u_{s2} & R_{22} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}}$$

$$= \frac{R_{22}}{\Delta} (-u_{s2}) + \frac{-R_{12}}{\Delta} u_{s2}$$
$$= -\frac{R_{12} + R_{22}}{\Delta} u_{s2} \quad y'' = bx_{2}$$



 $R_{11}i_{a3}+R_{12}i_{b3}=0$  $R_{21}i_{a3} + R_{22}i_{b3} = -u_{s3}$ 

$$i_{a3} = egin{array}{c|c} 0 & R_{12} \ -u_{s3} & R_{22} \ \hline R_{11} & R_{12} \ R_{21} & R_{22} \ \hline \end{array}$$

$$= -\frac{R_{12}}{\Delta} (-u_{s3})$$

$$= \frac{R_{12}}{\Delta} u_{s3} \quad y''' = cx_{3}$$

$$i_{a} = \frac{\begin{vmatrix} u_{s11} & R_{12} \\ u_{s22} & R_{22} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}} = \frac{R_{22}}{\Delta} u_{s11} + \frac{-R_{12}}{\Delta} u_{s22} = \frac{R_{22}}{\Delta} u_{s1} - \frac{R_{12} + R_{22}}{\Delta} u_{s2} + \frac{R_{12}}{\Delta} u_{s3}$$

$$i_{2} = i_{21} + i_{22} + i_{23}$$

$$y = y' + y'' + y'''$$

$$i_{a1} = \frac{\begin{vmatrix} u_{s1} & R_{12} \\ \mathbf{0} & R_{22} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}}$$

$$|R_{21} R_{22}| = \frac{R_{22}}{\Delta} u_{s1}$$

 $y' = ax_1$ 

$$i_{a2} = \frac{\begin{vmatrix} -u_{s2} & R_{12} \\ u_{s2} & R_{22} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}}$$

 $i_{a} = i_{a1} + i_{a2} + i_{a3}$ 

$$= \frac{R_{22}}{\Delta}(-u_{s2}) + \frac{-R_{12}}{\Delta}u_{s2}$$

$$= -\frac{R_{12} + R_{22}}{\Delta}u_{s2}$$

$$y'' = bx_{2}$$

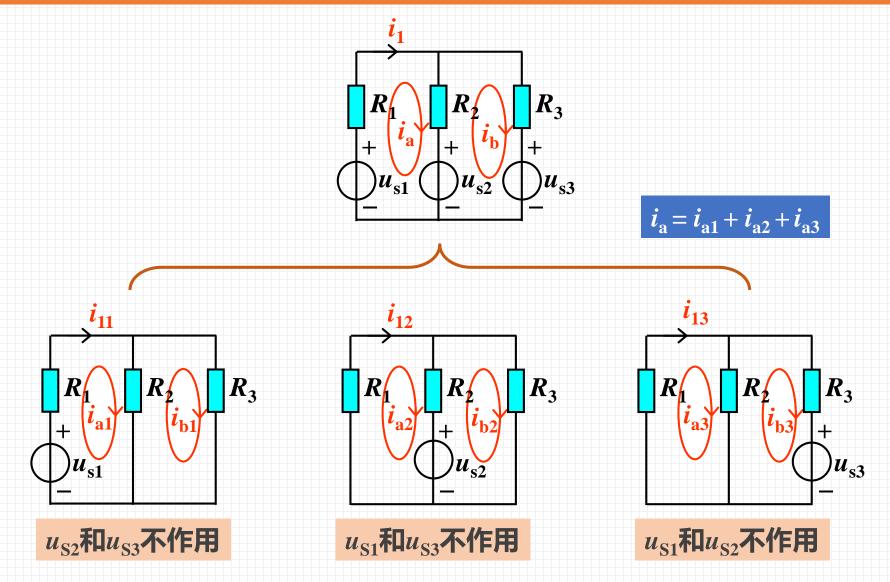
$$i_{a3} = \frac{\begin{vmatrix} \mathbf{0} & R_{12} \\ -u_{s3} & R_{22} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_{11} & R_{12} \\ R_{21} & R_{22} \end{vmatrix}}$$

$$= -\frac{R_{12}}{\Delta}(-u_{s3})$$

$$= \frac{R_{12}}{\Delta}u_{s3}$$

$$y''' = cx_3$$





3个独立电源共同作用的效果与单个独立电源作用的效果之和相同





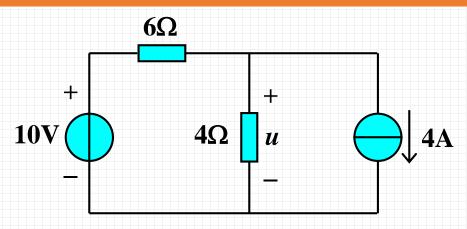
# 叠加定理:

在线性电路中,任一支路电流(或电压)都是电路中各个独立电源单独作用时,在该支路产生的电流(或电压)的代数和。

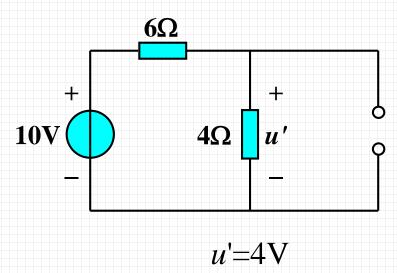
单独作用:一个电源作用,其余电源不作用。



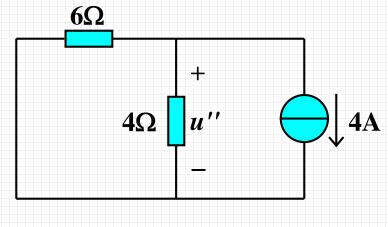
例1 用叠加定理求图中电压u。



**解: (1)** 10V电压源单独作用, 4A**电流源开路** 



(2) 4A电流源单独作用, 10V**电压源短路** 

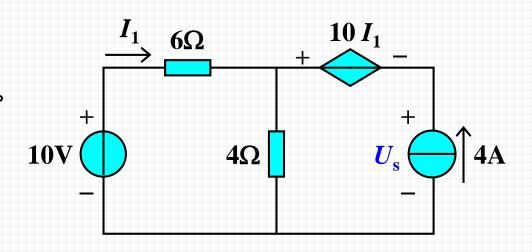


$$u'' = 4 \times (-2.4) = -9.6 \text{V}$$

共同作用: *u=u'+u''=* 4+(-9.6)= -5.6V



 $M_2$  用叠加定理求电压 $U_s$  。



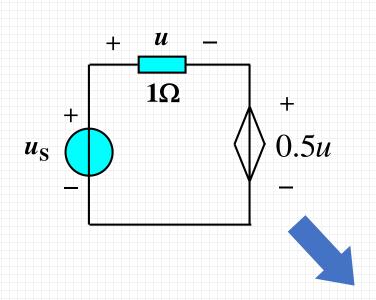
可以将CCVS看作独立源进行叠加吗?

#### 不行!

- 受控源不是能量和信号的"源"
- 支路量无法表示为受控源的参数和独立源参数的线性组合



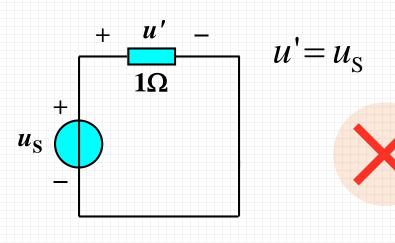


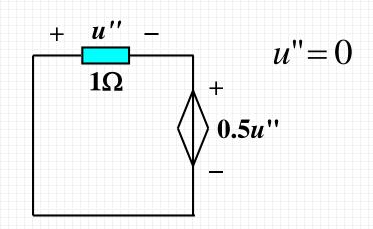


如果一意孤行用**受控源叠加**求: **u** 

$$u + 0.5u = u_S \Rightarrow u = 0.667u_S$$

## 受控源不参与叠加

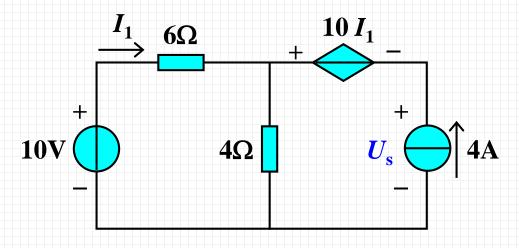




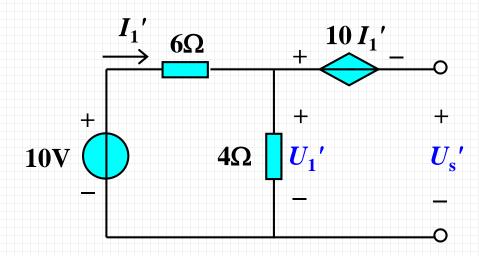
$$u = u' + u'' = u_S$$



例2 用叠加定理求电压 $U_{\rm s}$ 。

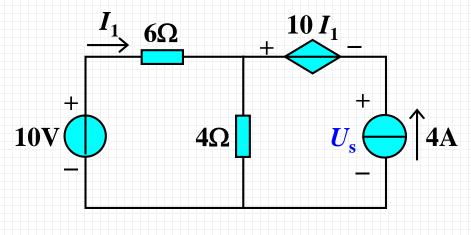


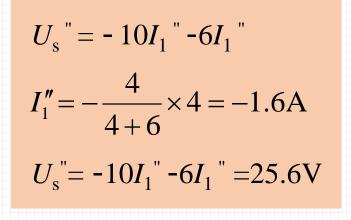
解: (1) 10V电压源单独作用:

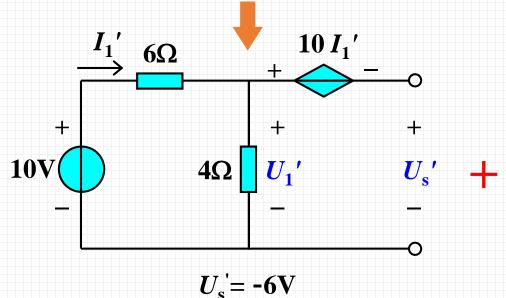


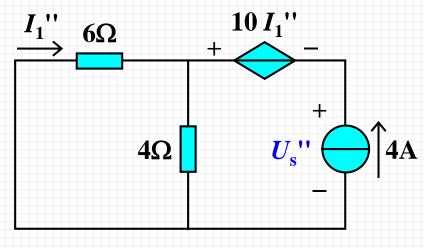












共同作用:  $U_s = U_s' + U_s'' = -6 + 25.6 = 19.6 \text{V}$ 





# 齐性原理 (homogeneity property)

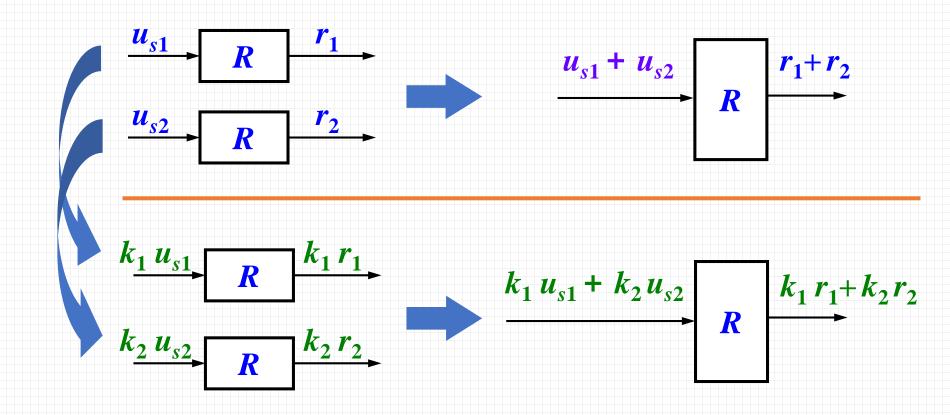
当电路中只有一个激励(独立源)时,则响应(电压或电流)与激励成正比。



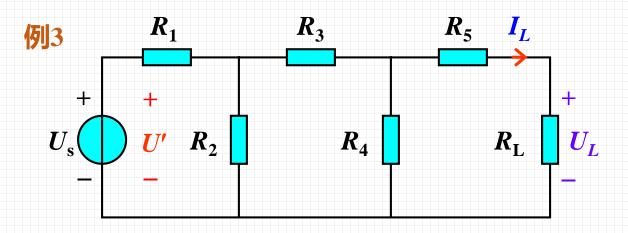




# 可加性 (additivity property)







已知: 如图

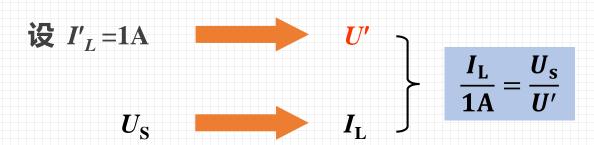
求: 电流 I<sub>L</sub>

解 法一: 分压、分流

法二: 电源变换

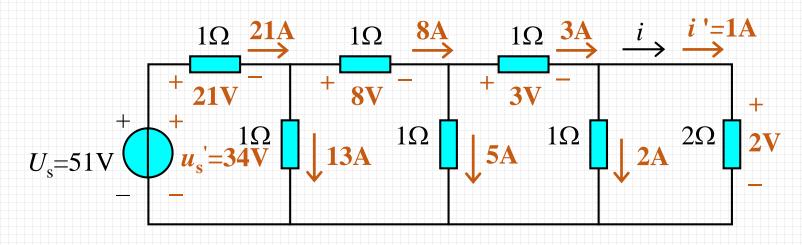
法三: 节点/回路

法四: 齐性原理 (单位电流法)





已知:如图,求:电流i



设
$$i'=1A$$
 
$$\frac{l}{i'}=\frac{u_s}{u_s}$$

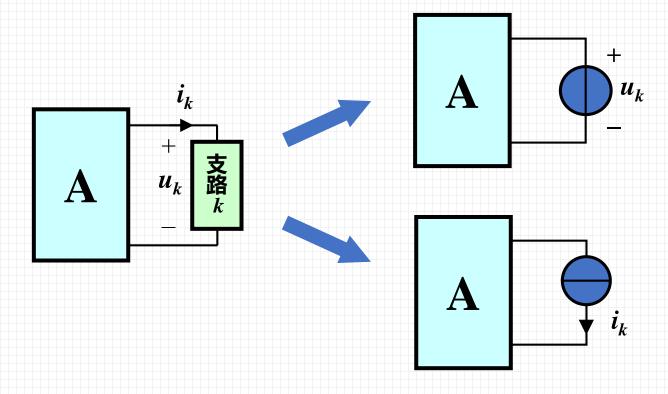


$$i = \frac{u_s}{u_s}i' = \frac{51}{34} \times 1 = 1.5A$$



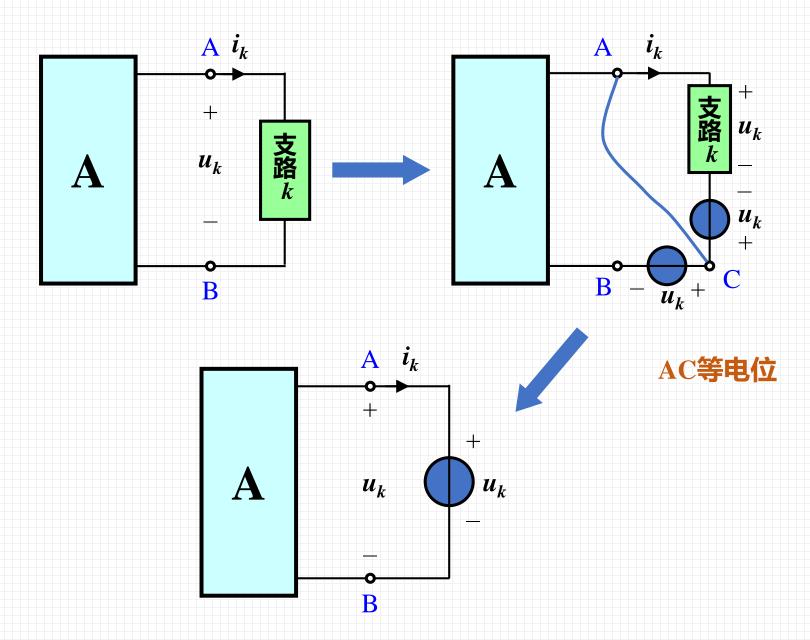
# 2 替代定理 (Substitution Theorem)

任意一个电路,其中**第** k 条支路的电压已知为  $u_k$  (电流为 $i_k$ ) ,那么就可以用一个电压等于  $u_k$  的理想电压源(电流等于 $i_k$ 的理想电流源)来替代该支路,替代前后电路中各处电压和电流均保持不变。







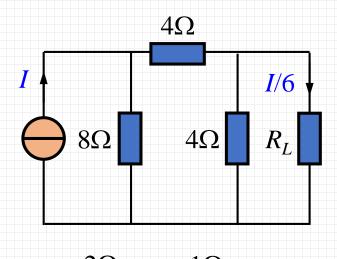


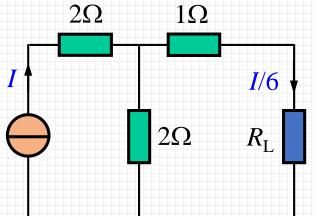


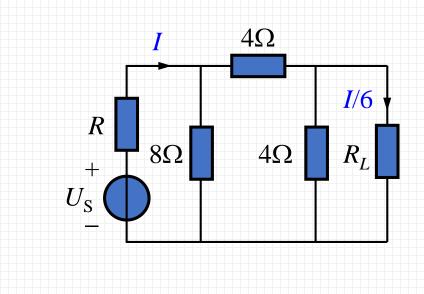
例4 已知如图。现欲使负载电阻  $R_L$  的电流为电源支路电流 I 的 1/6 ,



#### 应用替代定理









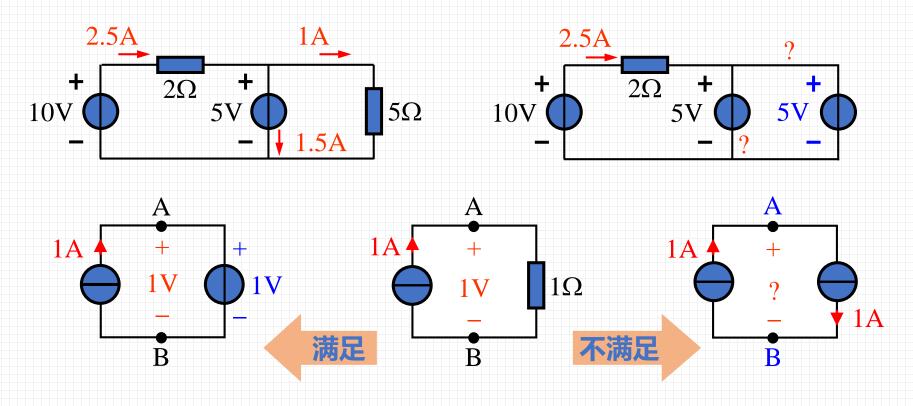
$$\frac{I}{6} = \frac{2}{3 + R_L} I$$

$$R_L=9\Omega$$





- 说明
- 1. 替代定理适用于线性、非线性电路、定常和时变电路。
- 2. 应用替代定理必须满足的条件:
  - 1) 原电路和替代后的电路必须有唯一解。



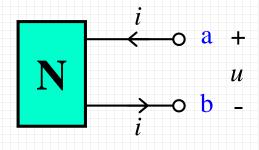
2) 被替代的支路和电路其它部分应无耦合关系。

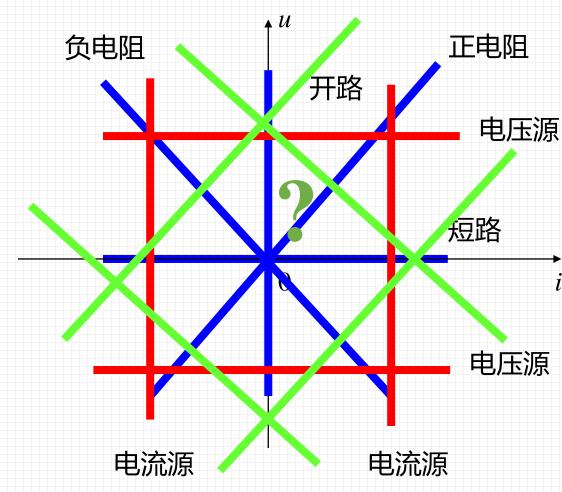




#### 一般线应该对应怎样的等效电路?

# 讨论







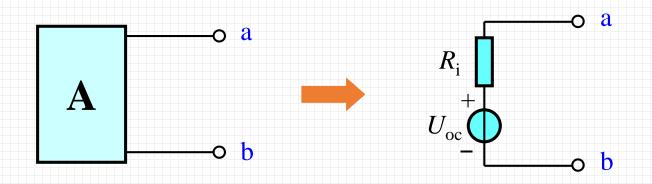


# 3 戴维南定理和诺顿定理 (Thevenin-Norton Theorem)

# 戴维南定理

任何一个**含**有独立电**源**、线性电阻和线性受控源的一端口网络,可以用一个独立电压源  $U_{oc}$  和电阻  $R_{i}$  的串联组合来等效替代,其中电压  $U_{oc}$  等于端口开路电压,

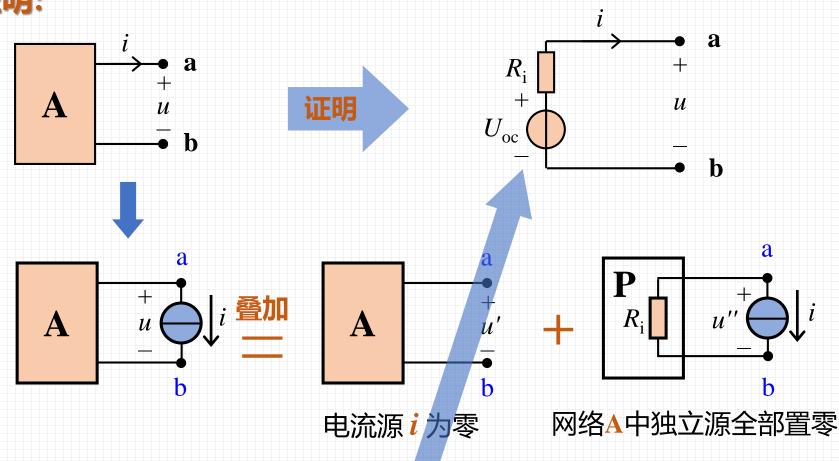
电阻 R<sub>i</sub>等于端口中所有独立电源置零后端口的入端等效电阻。











$$\left\{ egin{aligned} u' = U_{
m oc} & (外电路开路时 $a$ 、 $b$ 间开路电压)  $u'' = -R_{
m i}i \end{aligned} 
ight.$$$

得 
$$u = u' + u'' = U_{oc} - R_i i$$

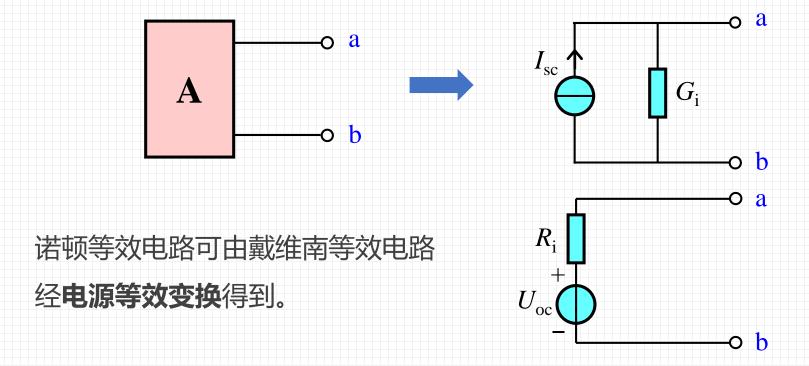




# 诺顿定理

任何一个含独立电源、线性电阻和线性受控源的一端口,可以用一个**电流源和电导的并联**来等效替代,

其中电流源的电流等于该一端口的短路电流 $I_{sc}$ ,电阻等于把该一端口的全部独立电源置零后的输入电导 $G_{i}$ 。



#### 第05讲 | 03 戴维南定理和诺顿定理







Hermann von Helmholtz 1821–1894



Léon Charles Thévenin 1857–1926



Hans Ferdinand Mayer 1895–1980



Edward Lawry Norton 1898–1983

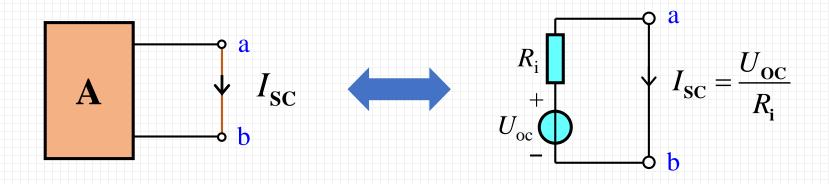
**戴维南定理** (Thevenin's theorem, 也译作戴维宁定理) 是由法国科学家L.C.戴维南于1883年提出的一个电学定理(由于早在1853年, **亥姆霍兹**也提出过本定理,所以又称亥姆霍兹-戴维南定理)。

**诺顿定理**是戴维南定理的一个延伸,于1926年由两人分别提出,他们分别是Hause-Siemens研究员汉斯·费迪南·**梅耶尔**(1895年-1980年)及贝尔实验室工程师爱德华·罗里·**诺顿**(1898-1983)。实际上梅耶尔是两人中唯一有在这课题上发表过论文的人,但诺顿只在贝尔实验室内部用的一份技术报告上提及过他的发现。



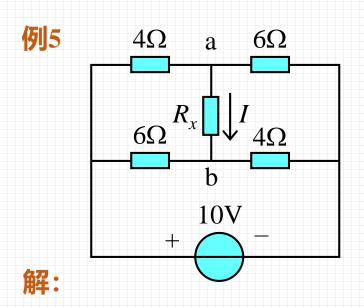
## 求入端等效电阻的方法:

- 2 3 可用于含受控源的线性电路
- 1 无受控源时电阻等效变换(独立源置零)
- 2 加压求流或加流求压(独立源置零)
- 3 开路电压 / 短路电流  $R_{\rm i} = \frac{U_{\rm OC}}{I_{\rm SC}}$





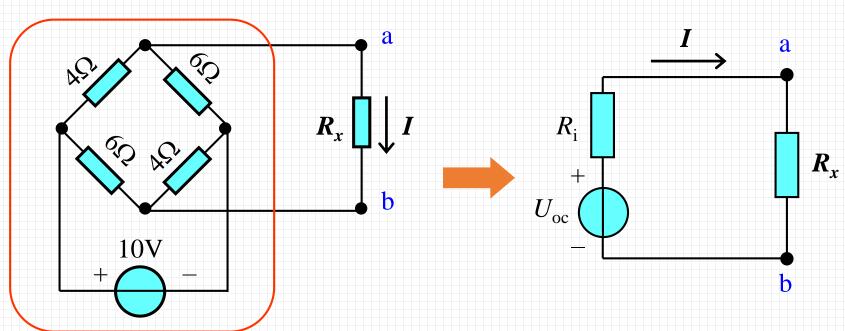




当  $R_x$ =1.2 $\Omega$  或 5.2 $\Omega$  时计算 I;

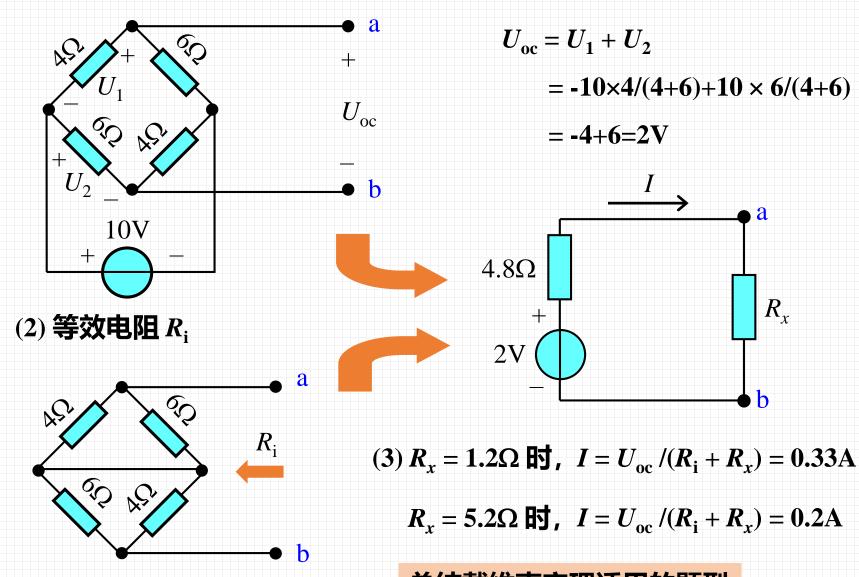
#### Y-∆变换/节点法/回路法?

求从 $R_x$ 看进去的戴维南等效电路:

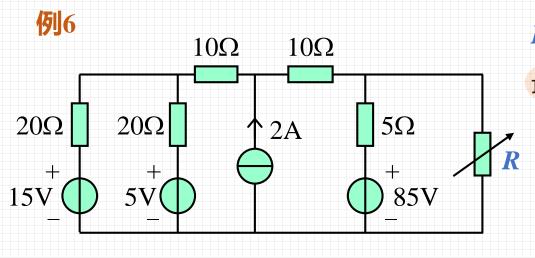


#### (1) 开路电压

 $R_i = 4//6 + 6//4 = 4.8\Omega$ 



总结戴维南定理适用的题型

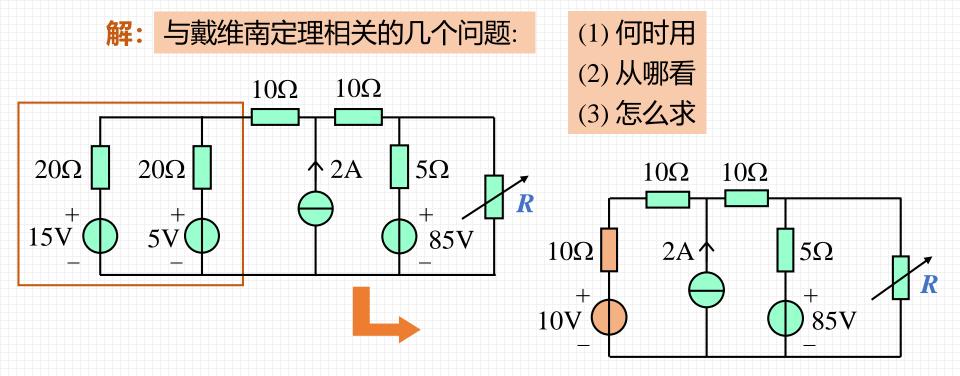


R多大时能从电路中获得

最大功率,并求此最大功率。

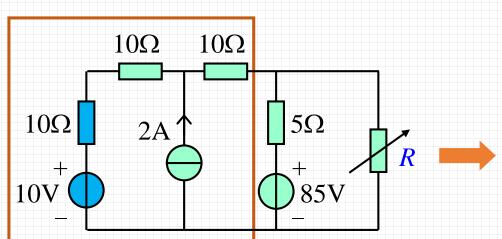
#### 3种方法:

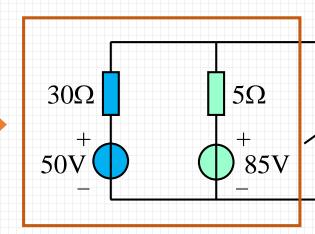
- (1)写P与R的函数关系,求导。
- (2) 电源等效变换。
- (3) 戴维南定理。









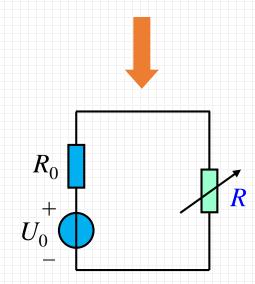


$$U_{\rm oc} = \frac{5}{35} \times 50 + \frac{30}{35} \times 85 = 80 \text{V}$$

$$R_{\rm i} = \frac{30 \times 5}{35} = 4.29 \Omega$$

#### $R = 4.29\Omega$ 获最大功率。

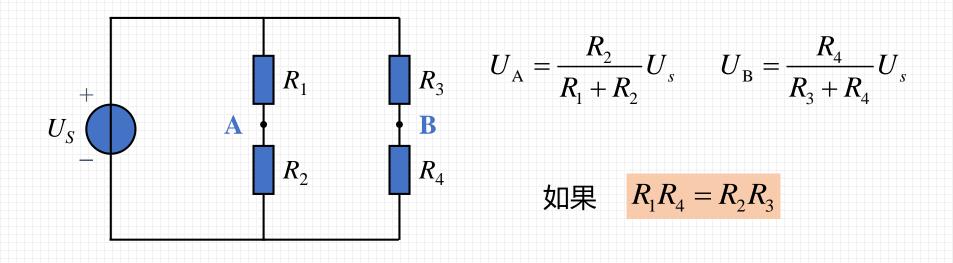
$$P_{\text{max}} = \frac{80^2}{4 \times 4.29} = 373 \text{W}$$







# 戴维南定理的应用1: 平衡电桥



A-B等电位点



电桥平衡

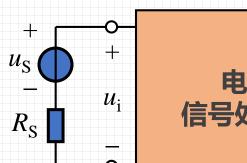
#### 此处可以有弹幕

等电位点间接任意电阻(含开短路)不影响电路的电压电流分布。 为什么?

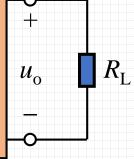


# 戴维南定理的应用2:

#### 电压型信号处理电路3个最重要的性质

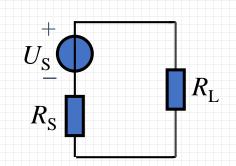


电压型 信号处理电路



 $R_{\rm L}$ 和 $R_{\rm S}$ 不满足

从信号传输的角度:  $R_L$ 大好, $R_S$ 小好



#### 电压放大倍数

$$A_{u} = \frac{u_{o}}{u_{i}}$$

# 输入电阻Ri

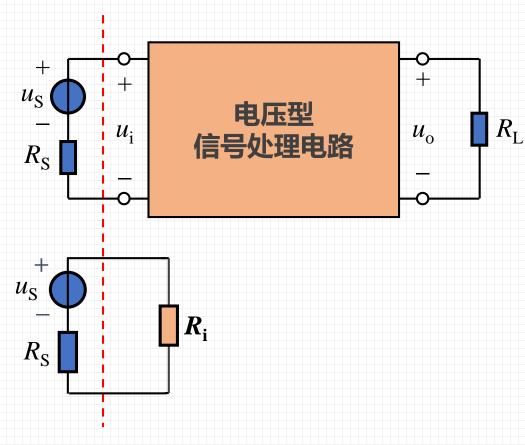
从*u<sub>i</sub>*两端向输出端方向看,那个一端口网络的等效电阻(接或不接负载)

输出电阻R。

从*u*。两端向输入端方向看,那个一端口网络的戴维南电阻



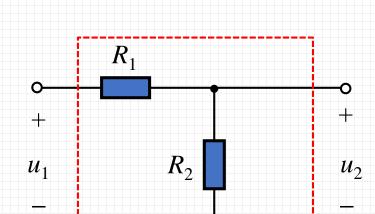




输入电阻R<sub>i</sub> 什么值合适?

 $R_i$  越大越好  $\longrightarrow$  对信号源的影响小



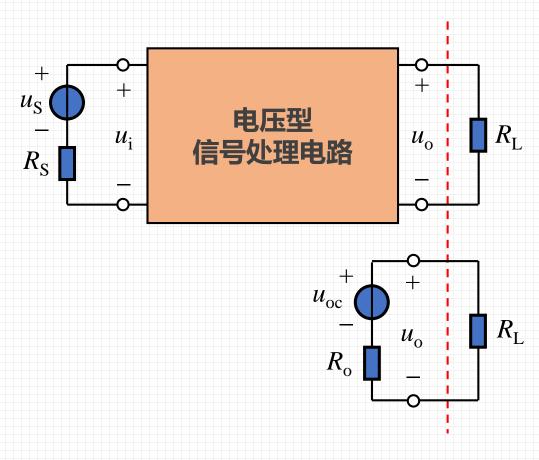


输出端开路, 虚线框所示电压型信号处理电路的输入电阻是?

此处可以有弹幕





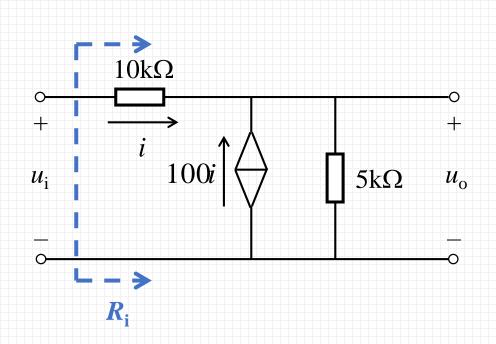


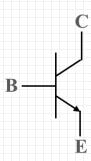
输出电阻R。什么值合适?





### 例7 求图示放大器的输入电阻 (॥,开路)



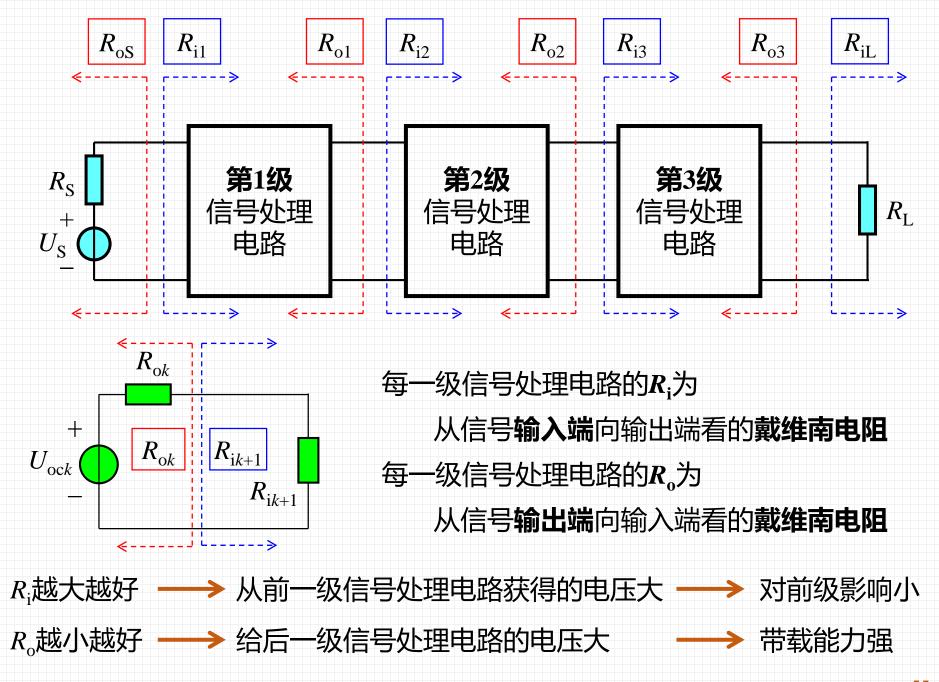


双极型晶体管共集放大器

小信号等效电路

$$10ki + 5k(100+1)i = u_i$$
  $R_i = \frac{u_i}{i} = 515k\Omega$ 

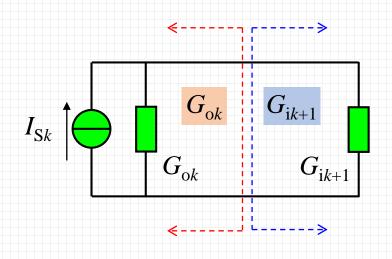
#### 对信号源的影响小







# 关于输入 - 输出电阻的讨论(电流型)



自己思考

 $G_{i}$  越大越好  $\longrightarrow$  从前一级信号处理电路获得的电流大

**一**对前级影响小

 $G_0$ 越小越好  $\longrightarrow$  给后一级信号处理电路的电流大