Задача А. Суффиксный массив

Имя входного файла: array.in
Имя выходного файла: array.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Постройте суффиксный массив для заданной строки s, для каждых двух соседних суффиксов найдите длину максимального общего префикса.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит строку s ($1 \le |s| \le 400\,000$). Строка состоит из строчных латинских букв.

Формат выходного файла

В первой строке выведите |s| различных чисел — номера первых символов суффиксов строки s так, чтобы соответствующие суффиксы были упорядочены в лексикографически возрастающем порядке. Во второй строке выведите |s|-1 чисел — длины наибольших общих префиксов.

| array.in | array.out |
|----------|-----------|
| ababb | 1 3 5 2 4 |
| | 2 0 1 1 |

Задача В. Циклические сдвиги

Имя входного файла: shifts.in Имя выходного файла: shifts.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

k-м $uu\kappa nuveckum$ cdeurom строки S называется строка, полученная перестановкой k первых символов строки S в конец строки.

Рассмотрим все различные циклические сдвиги строки S и отсортируем их по возрастанию. Требуется вычислить i-ю строчку этого массива.

Например, для строки abacabac существует четыре различных циклических сдвига: нулевой (abacabac), первый (bacabaca), второй (acabacab) и третий (cabacaba). После сортировки по возрастанию получится такой массив: abacabac, acabacab, bacabaca, cabacaba.

Формат входного файла

В первой строке входного файла записана строка S, длиной не более $100\,000$ символов с ASCII-кодами от 32 до 126. Во второй строке содержится единственное целое число k ($1 \le k \le 100\,000$).

Формат выходного файла

В выходной файл выведите k-й по возрастанию циклический сдвиг строки S, или слово IMPOSSIBLE, если такого сдвига не существует.

| shifts.in | shifts.out |
|---------------|------------|
| abacabac 4 | cabacaba |
| abacabac 5 | IMPOSSIBLE |

Задача С. Количество подстрок (3 балла)

Имя входного файла: count.in
Имя выходного файла: count.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вычислите количество различных подстрок строки s.

Формат входного файла

Единственная строка входного файла содержит строку s ($1 \le |s| \le 400\,000$). Строка состоит из строчных латинских букв.

Формат выходного файла

Выведите одно число — ответ на задачу.

| count.in | count.out |
|----------|-----------|
| ababb | 11 |

Задача D. Циклические суффиксы

Имя входного файла: cyclic.in Имя выходного файла: cyclic.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Рассмотрим строку $S = s_1 s_2 s_3 \dots s_{n-1} s_n$ над алфавитом Σ . *Циклическим расширением* порядка m строки S назовем строку $s_1 s_2 s_3 \dots s_{n-1} s_n s_1 s_2 \dots$ из m символов; это значит, что мы приписываем строку S саму к себе, пока не получим требуемую длину, и берем префикс длины m.

Рассмотрим суффиксы циклической строки \tilde{S} . Очевидно, существует не более |S| различных суффиксов: (n+1)-ый суффикс совпадает с первым, (n+2)-ой совпадает со вторым, и так далее. Более того, различных суффиксов может быть даже меньше. Например, если S= abab, первые четыре суффикса циклической строки $\tilde{S}-$ это:

 $egin{array}{lll} ilde{S}_1 &=& ext{ababababa} \dots \ ilde{S}_2 &=& ext{bababababa} \dots \ ilde{S}_3 &=& ext{abababababa} \dots \ ilde{S}_4 &=& ext{bababababa} \dots \end{array}$

Здесь существует всего два различных суффикса, в то время как |S|=4.

Отсортируем первые |S| суффиксов \tilde{S} лексикографически. Если два суффикса совпадают, первым поставим суффикс с меньшим индексом. Теперь нас интересует следующий вопрос: на каком месте в этом списке стоит сама строка \tilde{S} ?

Например, рассмотрим строку $S = \mathsf{cabcab}$:

- (1) \tilde{S}_2 = abcabcabca...
- (2) $\tilde{S}_5 = \text{abcabcabca}...$
- (3) $\tilde{S}_3 = bcabcabcab...$
- (4) $\tilde{S}_6 = \text{bcabcabcab}...$
- (5) $\tilde{S}_1 = \text{cabcabcabc} \dots$
- (6) $\tilde{S}_4 = \text{cabcabc} \dots$

Здесь циклическая строка $\tilde{S}=\tilde{S}_1$ находится на пятом месте.

Вам дана строка S. Ваша задача — найти позицию циклической строки \tilde{S} в описанном порядке.

Формат входного файла

Во входном файле записана единственная строка S ($1 \le |S| \le 1\,000\,000$), состоящая из прописных латинских букв.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите единственное число — номер строки \tilde{S} в описанном порядке среди первых |S| суффиксов.

| cyclic.in | cyclic.out |
|-------------|------------|
| abracadabra | 3 |
| cabcab | 5 |

Задача Е. Рефрен

Имя входного файла: refrain.in Имя выходного файла: refrain.out Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Рассмотрим последовательность n целых чисел от 1 до m. Подпоследовательность подряд идущих чисел называется рефреном, если произведение ее длины на количество вхождений в последовательность максимально.

По заданной последовательности требуется найти ее рефрен.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два целых числа: n и m ($1 \le n \le 150\,000, 1 \le m \le 10$). Вторая строка содержит n целых чисел от 1 до m.

Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать произведение длины рефрена на количество ее вхождений. Вторая строка должна содержать длину рефрена. Третья строка должна содержать последовательность которая является рефреном.

| refrain.in | refrain.out |
|-------------------|-------------------|
| 9 3 | 9 |
| 1 2 1 2 1 3 1 2 1 | 9 |
| | 1 2 1 2 1 3 1 2 1 |

Задача F. Бордеры

Имя входного файла: sumborder.in Имя выходного файла: sumborder.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Строка t является <u>бордером</u> строки s, если она одновременно является ее собственным суффиксом и собственным префиксом. Например, у строки abbabba три бордера: abba, a и пустая строка.

Дана строка s, посчитайте суммарное число бордеров у всех ее подстрок.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит строку s ($1 \le |s| \le 400\,000$). Строка состоит из строчных латинских букв.

Формат выходного файла

Выведите одно число — суммарное число бордеров у всех подстрок строки s.

| sumborder.in | sumborder.out |
|--------------|---------------|
| ababb | 20 |

Задача G. Периодические префиксы

 Имя входного файла:
 periodic.in

 Имя выходного файла:
 periodic.out

 Ограничение по времени:
 2 секунды

 Ограничение по памяти:
 512 мегабайт

Дана строка s, найдите для каждого ее префикса максимальное k_i , такое, что префикс длины i является конкатенацией k_i одинаковых строк.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит строку s ($1 \le |s| \le 400\,000$). Строка состоит из строчных латинских букв.

Формат выходного файла

Выведите |s| чисел: для всех длин от 1 до |s| выведите максимальное k_i , такое, что префикс длины i является конкатенацией k_i одинаковых строк.

| periodic.in | periodic.out |
|-------------|---------------|
| aabaabb | 1 2 1 1 1 2 1 |

Задача Н. Контрольное списывание

Имя входного файла: kthsubstr.in Имя выходного файла: kthsubstr.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Сегодня на уроке преподаватель Массивов Автомат Укконевич рассказывал своим ученикам про строки, суффиксные структуры и всё такое. Например, он рассказал им, как сравнить две строки A и B лексикографически. Если одна из них является префиксом другой, то более короткая будет лексикографически меньше, иначе необходимо сравнить символы стоящие на первой позиции, в которой они отличаются. Строка с меньшим по номеру в алфавите символом на данной позиции и будет лексикографически меньше.

Чтобы проверить понимание учениками нового материала, Автомат Укконевич дал им следующее задание: найти k-ю лексикографически непустую уникальную подстроку строки S.

Так как учитель знает, что Михаил В. и Роман Б. очень любят списывать у известного в узких кругах Максима И., каждый школьник получил своё число k и вынужден был обратиться к вам за помощью.

Формат входного файла

В первой строке входного файла находится строка S ($|S| \le 10^5$). Вторая строка содержит число k ($1 \le k \le 10^{18}$) — порядковый номер запрашиваемой подстроки.

Формат выходного файла

Если ответ существует, выведите искомую подстроку строки S. В противном случае выведите её лексикографически максимальную подстроку.

| kthsubstr.in | kthsubstr.out |
|--------------|---------------|
| abacaba | acab |
| 10 | |

Задача І. Бинарные строки

Имя входного файла: binary.in
Имя выходного файла: binary.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Строка называется бинарной, если она состоит только из символов '0' и '1'.

Рассмотрим бинарную строку w длины n. $Cy \phi \phi$ иксным массивом строки w называется массив a[1..n] такой, что строка w[a[i]..n] является i-ым в лексикографическом порядке суффиксом строки w. Например, в результате сортировки суффиксов строки w="001011" они будут расположены следующим образом: "001011", "01011", "011", "1". Следовательно, суффиксный массив для строки w выглядит так: (1, 2, 4, 6, 3, 5).

Вам дан суффиксный массив a неизвестной строки w. Требуется восстановить строку w.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит n- длину строки w ($1 \le n \le 300\,000$). Вторая строка содержит n различных целых чисел в диапазоне от 1 до n- суффиксный массив строки w.

Формат выходного файла

Выведите единственную строку — искомую бинарную строку w, суффиксный массив которой совпадает с массивом, заданным во входных данных. Если таких строк несколько, выведите любую из них. В случае, если таких строк не существует, выведите "Error".

| binary.in | binary.out |
|-------------|------------|
| 6 | 001011 |
| 1 2 4 6 3 5 | |