

Задача А. Мультисет

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Обработайте запросы двух видов:

"*add x*" — добавить число x в мультимножество.

"*ask x*" — вывести количество вхождений числа x в мультимножество.

Формат входного файла

В первой строке вводится одно число n ($1 \leq n \leq 300\,000$) — число запросов. В каждой из следующих n строк вводятся строка s и число x ($1 \leq x \leq 10^9$), описывающие запрос. Гарантируется, что есть хотя бы один запрос типа "*ask*".

Формат выходного файла

На каждый запрос типа "*ask*" надо вывести в отдельной строке количество вхождений числа x в мультимножество.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	0
ask 4	1
add 4	0
ask 4	
ask 5	

Задача В. Простое двоичное дерево поиска

Имя входного файла: `bstsimple.in`
Имя выходного файла: `bstsimple.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте двоичное дерево поиска.

Формат входного файла

Входной файл содержит описание операций с деревом, их количество не превышает 100. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- `insert x` — добавить в дерево ключ x
- `delete x` — удалить из дерева ключ x . Если ключа x в дереве нет, то ничего делать не надо
- `exists x` — если ключ x есть в дереве выведите «true», если нет «false»
- `next x` — выведите минимальный элемент в дереве, строго больший x , или «none» если такого нет
- `prev x` — выведите максимальный элемент в дереве, строго меньший x , или «none» если такого нет

В дерево помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

Формат выходного файла

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `exists`, `next`, `prev`. Следуйте формату выходного файла из примера.

Пример

<code>bstsimple.in</code>	<code>bstsimple.out</code>
<code>insert 2</code>	<code>true</code>
<code>insert 5</code>	<code>false</code>
<code>insert 3</code>	<code>5</code>
<code>exists 2</code>	<code>3</code>
<code>exists 4</code>	<code>none</code>
<code>next 4</code>	<code>3</code>
<code>prev 4</code>	
<code>delete 5</code>	
<code>next 4</code>	
<code>prev 4</code>	

Задача С. Двоичное дерево поиска

Имя входного файла: `bst.in`
Имя выходного файла: `bst.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте двоичное дерево поиска.

Формат входного файла

Входной файл содержит описание операций с деревом, их количество не превышает 100000. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- `insert x` — добавить в дерево ключ x
- `delete x` — удалить из дерева ключ x . Если ключа x в дереве нет, то ничего делать не надо
- `exists x` — если ключ x есть в дереве выведите «true», если нет «false»
- `next x` — выведите минимальный элемент в дереве, строго больший x , или «none» если такого нет
- `prev x` — выведите максимальный элемент в дереве, строго меньший x , или «none» если такого нет

В дерево помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

Формат выходного файла

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `exists`, `next`, `prev`. Следуйте формату выходного файла из примера.

Пример

bst.in	bst.out
insert 2	true
insert 5	false
insert 3	5
exists 2	3
exists 4	none
next 4	3
prev 4	
delete 5	
next 4	
prev 4	

Задача D. К-ый максимум

Имя входного файла: `kthmax.in`
Имя выходного файла: `kthmax.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Напишите программу, реализующую структуру данных, позволяющую добавлять и удалять элементы, а также находить k -й максимум.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит натуральное число n — количество команд ($n \leq 100\,000$). Последующие n строк содержат по одной команде каждая. Команда записывается в виде двух чисел c_i и k_i — тип и аргумент команды соответственно ($|k_i| \leq 10^9$). Поддерживаемые команды:

- $+1$ (или просто 1): Добавить элемент с ключом k_i .
- 0 : Найти и вывести k_i -й максимум.
- -1 : Удалить элемент с ключом k_i .

Гарантируется, что в процессе работы в структуре не требуется хранить элементы с равными ключами или удалять несуществующие элементы. Также гарантируется, что при запросе k_i -го максимума, он существует.

Формат выходного файла

Для каждой команды нулевого типа в выходной файл должна быть выведена строка, содержащая единственное число — k_i -й максимум.

Пример

<code>kthmax.in</code>	<code>kthmax.out</code>
11	7
+1 5	5
+1 3	3
+1 7	10
0 1	7
0 2	3
0 3	
-1 5	
+1 10	
0 1	
0 2	
0 3	

Задача Е. И снова сумма...

Имя входного файла: `sum2.in`
Имя выходного файла: `sum2.out`
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте структуру данных, которая поддерживает множество S целых чисел, с которым разрешается производить следующие операции:

- $add(i)$ — добавить в множество S число i (если он там уже есть, то множество не меняется);
- $sum(l, r)$ — вывести сумму всех элементов x из S , которые удовлетворяют неравенству $l \leq x \leq r$.

Формат входного файла

Исходно множество S пусто. Первая строка входного файла содержит n — количество операций ($1 \leq n \leq 300\,000$). Следующие n строк содержат операции. Каждая операция имеет вид либо «+ i », либо «? l r ». Операция «? l r » задает запрос $sum(l, r)$.

Если операция «+ i » идет во входном файле в начале или после другой операции «+», то она задает операцию $add(i)$. Если же она идет после запроса «?», и результат этого запроса был y , то выполняется операция $add((i + y) \bmod 10^9)$.

Во всех запросах и операциях добавления параметры лежат в интервале от 0 до 10^9 .

Формат выходного файла

Для каждого запроса выведите одно число — ответ на запрос.

Пример

sum2.in	sum2.out
6	3
+ 1	7
+ 3	
+ 3	
? 2 4	
+ 1	
? 2 4	

Задача F. Вставка ключевых значений

Имя входного файла: `key.in`
Имя выходного файла: `key.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вас наняла на работу компания MacroHard, чтобы вы разработали новую структуру данных для хранения целых ключевых значений.

Эта структура выглядит как массив A бесконечной длины, ячейки которого нумеруются с единицы. Изначально все ячейки пусты. Единственная операция, которую необходимо поддерживать — это операция $Insert(L, K)$, где L — положение в массиве, а K — некоторое положительное целое ключевое значение.

Операция выполняется следующим образом:

- Если ячейка $A[L]$ пуста, то присвоить $A[L] := K$.
- Если ячейка $A[L]$ непуста, выполнить $Insert(L + 1, A[L])$, а затем присвоить $A[L] := K$.

По заданной последовательности из N целых чисел L_1, L_2, \dots, L_N вам необходимо вывести содержимое этого массива после выполнения следующей последовательности операций:

$Insert(L_1, 1)$
 $Insert(L_2, 2)$
 \dots
 $Insert(L_N, N)$

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится N — число операций $Insert$ и M — максимальный номер позиции, которую можно использовать в операции $Insert$. ($1 \leq N \leq 131\,072$, $1 \leq M \leq 131\,072$).

В следующей строке даны N целых чисел L_i , которые описывают операции $Insert$ ($1 \leq L_i \leq M$).

Формат выходного файла

Выведите содержимое массива после выполнения данной последовательности операций $Insert$. На первой строке выведите W — номер последней несвободной позиции в массиве. Далее выведите W целых чисел — $A[1], A[2], \dots, A[W]$. Для пустых ячеек выводите нули.

Пример

key.in	key.out
5 4	6
3 3 4 1 3	4 0 5 2 3 1

Задача G. Переворачивания

Имя входного файла: `reverse.in`
Имя выходного файла: `reverse.out`
Ограничение по времени: 5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Учитель физкультуры школы с углубленным изучением предметов уже давно научился считать суммарный рост всех учеников, находящихся в ряду на позициях от l до r . Но дети играют с ним злую шутку. В некоторый момент дети на позициях с l по r меняются местами. Учитель заметил, что у детей не очень богатая фантазия, поэтому они всегда «переворачивают» этот отрезок, т. е. l меняется с r , $l+1$ меняется с $r-1$ и так далее. Но учитель решил не ругать детей за их хулиганство, а все равно посчитать суммарный рост на всех запланированных отрезках.

Формат входного файла

В первой строке записано два числа n и m ($1 \leq n, m \leq 200\,000$) — количество детей в ряду и количество событий, произошедших за все время. Во второй строке задано n натуральных чисел — рост каждого школьника в порядке следования в ряду. Рост детей не превосходит $2 \cdot 10^5$. Далее в m строках задано описание событий: три числа q, l, r в каждой строке ($0 \leq q \leq 1, 1 \leq l \leq r \leq n$). Число q показывает тип события: 0 показывает необходимость посчитать и вывести суммарный рост школьников на отрезке $[l, r]$; 1 показывает то, что дети на отрезке $[l, r]$ «перевернули» свой отрезок. Все числа во входном файле целые.

Формат выходного файла

Для каждого события типа 0 выведите единственное число на отдельной строке — ответ на этот запрос.

Пример

<code>reverse.in</code>	<code>reverse.out</code>
5 6	15
1 2 3 4 5	9
0 1 5	8
0 2 4	7
1 2 4	10
0 1 3	
0 4 5	
0 3 5	

Задача Н. Range Minimum Query

Имя входного файла: `rmq.in`
Имя выходного файла: `rmq.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Компания Giggle открывает свой новый офис в Судиславле, и вы приглашены на собеседование. Ваша задача — решить поставленную задачу.

Вам нужно создать структуру данных, которая представляет из себя массив целых чисел. Изначально массив пуст. Вам нужно поддерживать две операции:

- запрос: «? i j » — возвращает минимальный элемент между i -ым и j -м, включительно;
- изменение: «+ i x » — добавить элемент x после i -го элемента списка. Если $i = 0$, то элемент добавляется в начало массива.

Конечно, эта структура должна быть достаточно хорошей.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит единственное целое число n — число операций над массивом ($1 \leq n \leq 200\,000$). Следующие n строк описывают сами операции. Все операции добавления являются корректными. Все числа, хранящиеся в массиве, по модулю не превосходят 10^9 .

Формат выходного файла

Для каждой операции в отдельной строке выведите её результат.

Примеры

<code>rmq.in</code>	<code>rmq.out</code>
8	4
+ 0 5	3
+ 1 3	1
+ 1 4	
? 1 2	
+ 0 2	
? 2 4	
+ 4 1	
? 3 5	

Задача I. Переместить в начало

Имя входного файла: `movetofront.in`
Имя выходного файла: `movetofront.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Вам дан массив $a_1 = 1, a_2 = 2, \dots, a_n = n$ и последовательность операций: переместить элементы с l_i по r_i в начало массива. Например, для массива 2, 3, 6, 1, 5, 4, после операции (2, 4) новый порядок будет 3, 6, 1, 2, 5, 4. А после применения операции (3, 4) порядок элементов в массиве будет 1, 2, 3, 6, 5, 4.

Выведите порядок элементов в массиве после выполнения всех операций.

Формат входного файла

В первой строке входного файла указаны числа n и m ($2 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq m \leq 100\,000$) — число элементов в массиве и число операций. Следующие m строк содержат операции в виде двух целых чисел: l_i и r_i ($1 \leq l_i \leq r_i \leq n$).

Формат выходного файла

Выведите n целых чисел — порядок элементов в массиве после применения всех операций.

Пример

<code>movetofront.in</code>	<code>movetofront.out</code>
6 3 2 4 3 5 2 2	1 4 5 2 3 6