

而自由由于remainder为2， 我们需要在目前位置需要插入两个最终后缀 ab和a。这主要是因为：

- 在上一步中的后缀a从来没有真正地插入树中（只是用变量表示而已），因此它一直被保留着，然而由于我们已经向前走了一步，它现在由a变为ab。
- 还有，我们需要插入新的最终边a。

实际上，我们只需要修改活动点（它现在指向的边是边ababba之后），而且插入当前边的最后一个字符b。不过，同时它也证明b也 已经出现在同一条边上。（But Again, it turns out that b is also already present on that same edge.）

因此，我们两次不修改这样树。我们只是：

- 修改活动点为root.v.2与当前边性的节点相边。只不过现在我们指向b之前。
- 添加remainder为1，因为它仍然不能插入前一步新的最终边。同时我们也不能插入当前的最终边。

为了清晰地说明，我们不得不在当前这一步插入ab和a。但是因为我们已经找到，我们只是修改了活动点，甚至都尝试插入b。为什么？因为如果a处于这样树里。那么它的每个后缀（包括b也一定在这棵树里。也许仅仅是隐含性的。不过它一定在这样树里，因为这是我们迄今为止建立这棵树所采用的方法。

步骤4：我们将该边叶，这棵树自动修改如下：



由于remainder是3，我们不得不插入abba和a。活动点告诉我们ab在树边。因此我们仅仅需要路过这儿，然后插入a。a确实还不在这棵树里。因此我们添加边ababba，插入一个内部节点



这条边表示的是指向文本内部的一个指针。因此我们和插入内部节点的树复杂度为O(1)。

这时我们修改了ab，并且把remainder减为1。现在我们将插入下一个保留的后缀ba。但是在我们做这些之前，我们需要修改活动点。我们插入a——一条边（我们稍后再讨论）。如下，而且已选择于活动节点是根节点的后裔（针对下边树的其他情况，我们将有更详细的规则）。规则如下：

内部节点插入后。

- active_node 保持为根节点
- active_edge 保持为根节点的第一个字符，也就是 b。
- active_length 减1

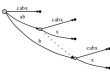
因此，新的活动节点三光现因为root.v.1表明下一个插入b=ababba。第一个字符为b，也就是 b之后。我们可以确定插入的树复杂度为O(1)。并且检查a是否已经出现在b之后。如果出现，我们将结束当前的步骤。保持一切为原样。然而如果a没有出现，那么我们将分边插入而插入a。



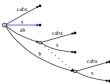
再次说明，它的树复杂度为O(1)。而且我们按照规则将把remainder修改为1。活动节点修改为root.v.2a。

不过还有一件事情需要我们讨论。我们称它为规则2。

如果我们分边一条边开始插入新的节点。如果它不是在当前这一步要创建的第一个节点的话，我们将通过特殊的指针，即后缀连接（suffix link），把以前插入的节点和新的节点连接起来。后面我们将会知道这么做是有用的。这儿我们将明白，后缀连接用边线表示：



我们的树需要插入当前步骤的最终后缀a，因为活动节点的active_length已经减为0了，因此直接插入到根节点上。由于根节点上没有以a开始边，所以我们将插入了前边：



正如我们所能看到的那样，在当前这一步我们插入了所有剩余的后缀。

步骤9：我们设置#-1。这棵树将像往常一样由添加下一个字符b的所有叶子边上。然后我们试图插入新的最终字符到活动节点（根节点），然后发现它已经在这棵树里了。因此我们将结束当前的步骤。并且修改活动点为root.v.1b。

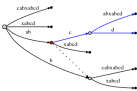
步骤10：设置#-0。我们像往常一样添加字符b。这仅仅意味着我们修改活动点为root.v.2，然后remainder，其他事情都不需要。因为a已经出现在这棵树里。然而我们（在O(1)树复杂度里）注意到活动节点现在是在一条边的结尾（However, we notice (in O(1) time) that the active point is now at the end of an edge.），我们通过重置活动节点为node[0].v.2来反映这个。这儿，我们将node指向a边结束的那个内部节点。

步骤11：设置设置#-0。我们需要插入c。这有助于我们理解的最后一条技巧。

第二次扩展：使用后缀连接（suffix link）

像往常一样，#的修改自动给每条边是叶子的边添加了c。而且我们得到活动点看是否可以插入c。活动点显示c已经存在在那条边上。因此我们设置活动点为node[1].c.1并且增加剩余后缀数。不做任何其他事情。现在 位置#-0进入步骤0，剩余后缀数是4，因此我们首先需要在活动点插入c来实现插入abcd（这条边从第三步开始就一直保留着）。

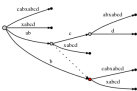
如果在活动点插入c将引起树复杂度为O(1)的边分割



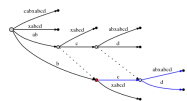
分割起始的活动点在上图中标记为红色。最后一条规则和规则1如下：

- 1 | 引从不是根节点的活动点开始边之后，我们将当前从根节点开始边的前缀保留。如果存在一条这样的前缀，那么我们将活动点指向它的那个节点。如果不存在这样的前缀，那么我们将活动点指向根节点。活动点和活动长度保持不变。

因此活动节点现在是在node[1].c.1，这棵树如下面图所示标记为红色：



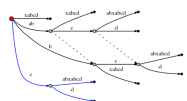
由于ab的插入已经完成，我们把剩余后缀数减为3。而且考虑当前的步骤将下一个剩余后缀减为1。规则1已经设置活动点为右边的节点a边。因此从a边可以很容易地知道活动点插入a和a的树里。因此我们添加边a，并把这个边分割成一个子树。然后我们，我们将创建一条从以前插入的节点开始的到新节点的树连接。



我们注意到：后继连接使我们重置了活动点，因为我们能在 $O(1)$ 复杂度下插入下一个剩余后继。看看上面的图就可确定标签为 b 的真正子点连接到节点 b (它的后继)，而节点 abc 则连接到 bc 节点。

当前步骤还没有结束。现在剩余后缀数是2，我们需要遵循规则3再次重置活动节点。由于当前的活动节点（上图中红色标记的）已经无后缀连接，我们重置活动节点为根节点。活动节点现在是`(root, 'c', 0)`。

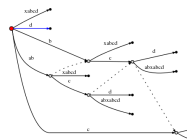
因此下一个插入发生在根节点的一条边上。以c开始的这条边的标签为cabxabcde，位于第一个字符之后，即c之后。这将产生另一个分割：



另外，由于这涉及到新的内部节点的创建，我们遵循规则2，设置一条新的从前面已创建的内部节点开始的后继连接

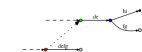


(为了制作这些小组，我使用了Graphviz Dot软件。新的后继连接使得Dot软件爱你重新布局了已经存在的边。因此仔细地检查确定上图中插入的唯一的東西就是一条新的后继连接。) 创建了这条连接，剩余后继树可设置为1，另外由于活动节点是根节点，我们按照规则修改活动点为root'd。这意味着这一步的最后一个输入是向根节点插入单独的d。



这是最后一步。至此我们已经完成了后缀树的建立。虽然工作已经完成，但还有许多最后要注意的地方：

- [illegible]



(短划线的的是这棵树的剩余部分，虚线的是后继连接。)

现在，假设活动节点是 (red, 'd', 3)，因此它指向defid的i之后的位置。现在假设我们做了必须的修改，而且现在依据规则3跳过了后续连接并修改了活动节点。新的活动节点是 (green, 'd', 3)，然而从绿色节点出发的d边是de，因此这条边只有2个字符。为了找到正确的活动点，很明显我们需要添加一个到蓝色节点的边，然后重置活动节点为 (blue, 'r', 1)。

在特别糟的情况下，活动长度可以是剩余后缀数那么多，它甚至可以和 n 一样大。再找正确的活动节点的时候，这种情况可能刚好发生。我们不仅仅需要跳过一个内部节点长度，不过也许很长，最坏的情况是高达 n 。由于在每一步里，剩余后缀的插入通常是 $O(n)$ ，链接了后缀之后的对活动节点的后续调整也是 $O(n)$ 的复杂度，这是否意味着这个算法具有隐藏的 $O(n^2)$ 的复杂度？

不是这样的。理由如果从如何调整活动点数目(例如,如上所示从红色节点调整到蓝色节点),那么就给我们引入了一个将蓝色节点替换的新节点,而且活动点数目将减少。当我们沿着后级连接这个链向下时,我们就把插入到剩余的节点中。使用这种方法我们可以调整活动点的数目通过任何给定的初始活动点数目。由于活动点从未来不会超过初始值,而后级剩余量不仅仅在每个单一步骤是 $O(n)$,而且对整个处理过程进行的剩余点级递进的总数也是 $O(n)$,因此调整活动点的数目也是以 $O(n)$ 为界的。

資料:

- Ukkonen's paper on the algorithm
- Fast String Searching With Suffix Trees
- Ukkonen's suffix tree algorithm

点赞 1 收藏 分享

SunnyYoona 博望专家

发布了624 篇原创文章 · 获赞 907 · 访问量 217万+

数据结构系列——Java后缀树实现代码

上一篇文章介绍了什么是后缀树以及后缀树的应用场景，同时结合Ukkonen算法论文概述了如何在 $O(n)$ 时间内构建后缀树。博文 | 来源: 极客之心

©

构建后缀树的Ukkonen算法及其实现

Ukkonen算法(简称bukk算法)是一个online算法,它与mcc算法的一个显著区别是每次只对S的一个。 博文 | 来源: [jaspac](#)

学历低，无法胜任工作，大佬告诉你应该怎么做

阅读量 175 +

微信上收到一位读者小谭的留言，大致的意思是自己只有高中学历，经过培训后找到了一份工作，...

博文 | 宋

博文 | 宋

Java C语言 Python C++ C# Visual Basic .NET JavaScript PHP SQL Go语言 R语言 Assembly
language Swift Ruby MATLAB PL/SQL Perl Visual Basic Objective-C Delphi/Object Pascal Unity3D

没有更多推荐了, [返回首页](#)

©2019 CSDN | 皮肤主题: 编程工作室 设计师: CSDN官方博客