

性价比之王的宽度优先搜索 Breadth First Search

课程版本 v6.1 主讲 令狐冲



扫描二维码关注微信/微博获取最新面试题及权威解答

微信: ninechapter

微博: http://www.weibo.com/ninechapter

知乎: http://zhuanlan.zhihu.com/jiuzhang

官网: http://www.jiuzhang.com



版权声明

九章的所有课程均受法律保护,不允许录像与传播录像 一经发现,将被追究法律责任和赔偿经济损失

先修内容



请在随课教程中先修如下内容:

http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/14

- 什么是队列,如何自己实现一个队列
- 什么是 Interface, LinkedList 和 Queue 之间的关系是什么?
 - Java 才需要学习,Python和C++可以直接跳过(爽不爽!)
- 什么是拓扑排序 Topological Sorting
- 如何定义一个图的数据结构

大纲 Outline



宽度优先搜索算法是一个性价比极高的算法 如果你只有很短的时间准备面试(比如一周),那么你应该把时间花在宽度优先搜索上

- 什么时候使用 BFS
- 二叉树上的 BFS
- 图上的 BFS
- 矩阵上的 BFS
- 拓扑排序 Topological Sorting

第4页

什么时候应该使用BFS?



图的遍历 Traversal in Graph

- 层级遍历 Level Order Traversal
- 由点及面 Connected Component
- 拓扑排序 Topological Sorting

最短路径 Shortest Path in Simple Graph

- 仅限简单图求最短路径
- 即,图中每条边长度都是1,或者边长都相等

非递归的方式找所有方案 Iteration solution for all possible results

• 这一点我们将在后面 DFS 的课上提到



如果题目问最短路径

除了BFS还可能是什么算法? 如果问最长路径呢?

题型与算法的对应关系



最短路径

简单图 → BFS

复杂图 → Dijkstra, SPFA, Floyd (一般面试不考这个)

最长路径

图可以分层 → Dynamic Programming

分层:比如走到第i一定会经过第 i-1 层(棋盘格子图是典型的例子)

不可以分层 → DFS



二叉树上的宽度优先搜索

BFS in Binary Tree



Binary Tree Level Order Traversal

http://www.lintcode.com/problem/binary-tree-level-order-traversal/ http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-level-order-traversal/

图的遍历 (层级遍历)

注: 树是图的一种特殊形态,树属于图

宽搜要点 BFS Key Points



使用队列作为主要的数据结构 Queue

思考:用栈(Stack)是否可行?为什么行 or 为什么不行?

是否需要实现分层?

需要分层的算法比不需要分层的算法多一个循环

Java / C++:

size=queue.size()

如果直接 for (int i = 0; i < queue.size(); i++) 会怎么样?

问:为什么 Python 可以直接写 for i in range(len(queue))?



Binary Tree Serialization (M+Y)

问: 什么是序列化?



什么是序列化?

将"内存"中结构化的数据变成"字符串"的过程

序列化: object to string

反序列化: string to object

什么时候需要序列化?



1. 将内存中的数据持久化存储时

内存中重要的数据不能只是呆在内存里,这样断电就没有了,所需需要用一种方式写入硬盘,在需要的时候,能否再从硬盘中读出来在内存中重新创建

2. 网络传输时

机器与机器之间交换数据的时候,不可能互相去读对方的内存。只能讲数据变成字符流数据(字符串)后通过网络传输过去。接受的一方再将字符串解析后到内存中。

常用的一些序列化手段:

- XML
- Json
- Thrift (by Facebook)
- ProtoBuf (by Google)

序列化算法



一些序列化的例子:

- 比如一个数组,里面都是整数,我们可以简单的序列化为"[1,2,3]"
- 一个整数链表,我们可以序列化为,"1->2->3"
- 一个哈希表(HashMap), 我们可以序列化为, "{\"key\": \"value\"}"

序列化算法设计时需要考虑的因素:

- **压缩率**。对于网络传输和磁盘存储而言,当然希望更节省。
 - 如 Thrift, ProtoBuf 都是为了更快的传输数据和节省存储空间而设计的。
- 可读性。我们希望开发人员,能够通过序列化后的数据直接看懂原始数据是什么。
 - 如 Json, LintCode 的输入数据

二叉树如何序列化?



你可以使用任何你想要用的方法进行序列化,只要保证能够解析回来即可。

LintCode 采用的是 BFS 的方式对二叉树数据进行序列化,这样的好处是,你可以更为容易的自己画出整棵二叉树。

算法描述:

http://www.lintcode.com/en/help/binary-tree-representation/

题目及解答:

http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-serialization/

http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-serialization/

相关问题 Related Problems



Binary Tree Level Order Traversal II

http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-level-order-traversal-ii/

http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-level-order-traversal-ii/

Binary Tree Zigzag Order Traversal

http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-zigzag-level-order-traversal/

http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-zigzag-level-order-traversal/

Convert Binary Tree to Linked Lists by Depth

http://www.lintcode.com/en/problem/convert-binary-tree-to-linked-lists-by-depth/

http://www.jiuzhang.com/solutions/convert-binary-tree-to-linked-lists-by-depth/



图上的宽度优先搜索

BFS in Graph

问: 和树上有什么区别?



哈希表

图中存在环

存在环意味着,同一个节点可能重复进入队列

Java: HashMap / HashSet

C++: unordered_map / unordered_set

Python: dict / set



Clone Graph (F)

http://www.lintcode.com/problem/clone-graph/http://www.jiuzhang.com/solutions/clone-graph/ 图的遍历(由点及面)



BFS 的时间复杂度

O(N + M) 其中 N 为点数, M 为边数



Word Ladder

http://www.lintcode.com/problem/word-ladder/

http://www.jiuzhang.com/solution/word-ladder/

最典型的BFS问题 —— 隐式图 (Implicit Graph) 最短路径



休息5分钟

take a break



矩阵中的宽度优先搜索

BFS in Matrix

矩阵 vs 图



图 Graph

N个点,M条边

M最大是 O(N^2) 的级别

图上BFS时间复杂度 = O(N + M)

• 说是O(M)问题也不大,因为M一般都比N大 所以最坏情况可能是 O(N^2)

矩阵 Matrix

R行C列

R*C个点,R*C*2条边(每个点上下左右4条边,每条边被2个点共享)。

矩阵中BFS时间复杂度 = O(R * C)



Number of Islands

http://www.lintcode.com/problem/number-of-islands/http://www.jiuzhang.com/solutions/number-of-islands/ 图的遍历(由点及面)



坐标变换数组

int[] $deltaX = \{1,0,0,-1\};$

int[] deltaY = $\{0,1,-1,0\}$;

问: 写出八个方向的坐标变换数组?



更多 Union Find 有关的问题

将在《九章算法强化班》中讲解

并查集 Union Find



Knight Shortest Path

http://www.lintcode.com/problem/knight-shortest-path/

http://www.jiuzhang.com/solutions/knight-shortest-path/

简单图最短路径

follow up: speed up? (见随课教程)



拓扑排序 Topological Sorting

几乎每个公司都有一道拓扑排序的面试题! BFS or DFS?



独孤九剑——破剑式

能够用 BFS 解决的问题,一定不要用 DFS 去做! 因为用 Recursion 实现的 DFS 可能造成 StackOverflow! (Iteration 的 DFS 一来你不会写,二来面试官也看不懂)

拓扑排序 Topological Sorting



入度(In-degree):

有向图(Directed Graph)中指向当前节点的点的个数(或指向当前节点的边的条数)

算法描述:

- 1. 统计每个点的入度
- 2. 将每个入度为 0 的点放入队列(Queue)中作为起始节点
- 3. 不断从队列中拿出一个点,去掉这个点的所有连边(指向其他点的边),其他点的相应的入度 1
- 4. 一旦发现新的入度为 0 的点,丢回队列中

拓扑排序并不是传统的排序算法

一个图可能存在多个拓扑序(Topological Order),也可能不存在任何拓扑序



Topological Sorting

http://www.lintcode.com/problem/topological-sorting/

http://www.jiuzhang.com/solutions/topological-sorting/

该问题保证一定存在至少一个拓扑序

拓扑排序的四种不同问法



求任意1个拓扑序(Topological Order)

问是否存在拓扑序(是否可以被拓扑排序)

求所有的拓扑序

求是否存在且仅存在一个拓扑序

拓扑排序的四种不同问法



求任意1个拓扑序(Topological Order)

问是否存在拓扑序(是否可以被拓扑排序)

求所有的拓扑序 DFS

求是否存在且仅存在一个拓扑序 Queue中最多同时只有1个节点



Course Schedule I && II (GAFZ)

http://www.lintcode.com/problem/course-schedule/

http://www.lintcode.com/problem/course-schedule-ii/

换了个皮,第二问需要判断是否没有拓扑序



Alien Dictionary (GFTSAP)

http://www.lintcode.com/problem/alien-dictionary/

http://www.jiuzhang.com/solution/alien-dictionary/

相似问题: http://www.lintcode.com/problem/sequence-reconstruction/

考点1: 如何构建图

考点2: 如何存储图

考点3: 如何拓扑排序

相关问题



- 图上的BFS
- 判断一个图是否是一棵树
- http://www.lintcode.com/problem/graph-valid-tree/
- 搜索图中最近值为target的点
- http://www.lintcode.com/problem/search-graph-nodes/
- 无向图联通块
- http://www.lintcode.com/problem/connected-component-in-undirected-graph/
- 序列重构(判断是否只有一个拓扑排序)
- http://www.lintcode.com/problem/sequence-reconstruction/
- 矩阵上的BFS
- 僵尸多少天吃掉所有人
- http://www.lintcode.com/problem/zombie-in-matrix/
- 建邮局问题 Build Post Office Ⅱ
- http://www.lintcode.com/problem/build-post-office-ii/

总结 Conclusion



- 能用 BFS 的一定不要用 DFS (除非面试官特别要求)
- BFS 的两个使用条件
 - 图的遍历(由点及面,层级遍历)
 - 简单图最短路径
- 是否需要层级遍历
 - size = queue.size()
- 拓扑排序必须掌握!
- 坐标变换数组
 - deltaX, deltaY
 - inBound

课后补充内容



请在随课教程中自学如下内容:

http://www.jiuzhang.com/tutorial/algorithm/367

另外两种宽度优先搜索算法的实现方式

双向宽度优先搜索算法(Bidirecitonal BFS)