

\bar{x}		$B2U_4(\bar{x})$	$B2T_4(\bar{x})$
十六进制	二进制		
0xE	[1110]	$2^3+2^2+2^1=14$	$-2^3+2^2+2^1=-2$
0x0			
0x5			
0x8			
0xD			
0xF			

图 2-14 展示了针对不同字长，几个重要数字的位模式和数值。前三个给出的是可表示的整数的范围，用 $UMax_w$ 、 $TMin_w$ 和 $TMax_w$ 来表示。在后面的讨论中，我们还会经常引用到这三个特殊的值。如果可以从上下文中推断出 w ，或者 w 不是讨论的主要内容时，我们会省略下标 w ，直接引用 $UMax$ 、 $TMin$ 和 $TMax$ 。

数	字长 w			
	8	16	32	64
$UMax_w$	0xFF 255	0xFFFF 65 535	0xFFFFFFFF 4 294 967 295	0xFFFFFFFFFFFFFFFF 18 446 744 073 709 551 615
$TMin_w$	0x80 -128	0x8000 -32 768	0x80000000 -2 147 483 648	0x8000000000000000 -9 223 372 036 854 775 808
$TMax_w$	0x7F 127	0x7FFF 32 767	0x7FFFFFFF 2 147 483 647	0x7FFFFFFFFFFFFFFF 9 223 372 036 854 775 807
-1	0xFF	0xFFFF	0xFFFFFFFF	0xFFFFFFFFFFFFFFFF
0	0x00	0x0000	0x00000000	0x0000000000000000

图 2-14 重要的数字。图中给出了数值和十六进制表示

关于这些数字，有几点值得注意。第一，从图 2-9 和图 2-10 可以看到，补码的范围是不对称的： $|TMin| = |TMax| + 1$ ，也就是说， $TMin$ 没有与之对应的正数。正如我们将会看到的，这导致了补码运算的某些特殊的属性，并且容易造成程序中细微的错误。之所以会有这样的不对称性，是因为一半的位模式（符号位设置为 1 的数）表示负数，而另一半（符号位设置为 0 的数）表示非负数。因为 0 是非负数，也就意味着能表示的整数比负数少一个。第二，最大的无符号数值刚好比补码的最大值的两倍大一点： $UMax_w = 2TMax_w + 1$ 。补码表示中所有表示负数的位模式在无符号表示中都变成了正数。图 2-14 也给出了常数 -1 和 0 的表示。注意 -1 和 $UMax$ 有同样的位表示——一个全 1 的串。数值 0 在两种表示方式中都是全 0 的串。

C 语言标准并没有要求要用补码形式来表示有符号整数，但是几乎所有的机器都是这么做的。程序员如果希望代码具有最大可移植性，能够在所有可能的机器上运行，那么除了图 2-11 所示的那些范围之外，我们不应该假设任何可表示的数值范围，也不应该假设符号数会使用何种特殊的表示方式。另一方面，许多程序的书写都假设用补码来表示有符号数，并且具有图 2-9 和图 2-10 所示的“典型的”取值范围，这些程序也能够大量的机器和编译器上移植。C 库中的文件 `<limits.h>` 定义了一组常量，来限定编译器运行的这台机器的不同整型数据类型的取值范围。比如，它定义了常量 `INT_MAX`、`INT_MIN` 和 `UINT_MAX`，它们描述了有符号和无符号整数的范围。对于一个补码的机器，数据类型 `int` 有 w 位，这些常量就对应于 $TMax_w$ 、 $TMin_w$ 和 $UMax_w$ 的值。