

z'' 又等于整数和 $x+y$ 。

4) $2^{w-1} \leq z < 2^w$ 。我们又将有 $z' = z$ ，得到 $2^{w-1} \leq z' < 2^w$ 。但是在这个范围内，我们有 $z'' = z' - 2^w$ ，得到 $z'' = x + y - 2^w$ 。这种情况称为正溢出(positive overflow)。我们将正数 x 和 y 相加(这是我们能得到 $z \geq 2^{w-1}$ 的唯一方式)，得到一个负数结果 $z'' = x + y - 2^w$ 。 ■

图 2-25 展示了一些 4 位补码加法的示例作为说明。每个示例的情况都被标号为对应于等式(2.13)的推导过程中的情况。注意 $2^4 = 16$ ，因此负溢出得到的结果比整数和大 16，而正溢出得到的结果比之小 16。我们包括了运算数和结果的位级表示。可以观察到，能够通过运算数执行二进制加法并将结果截断到 4 位，从而得到结果。

| x | y | $x+y$ | $x + \frac{1}{4}y$ | 情况 |
|--------|--------|---------|--------------------|----|
| -8 | -5 | -13 | 3 | 1 |
| [1000] | [1011] | [10011] | [0011] | |
| -8 | -8 | -16 | 0 | 1 |
| [1000] | [1000] | [10000] | [0000] | |
| -8 | 5 | -3 | -3 | 2 |
| [1000] | [0101] | [11101] | [1101] | |
| 2 | 5 | 7 | 7 | 3 |
| [0010] | [0101] | [00111] | [0111] | |
| 5 | 5 | 10 | -6 | 4 |
| [0101] | [0101] | [01010] | [1010] | |

图 2-25 补码加法示例。通过执行运算数的二进制加法并将结果截断到 4 位，可以获得 4 位补码和的位级表示

图 2-26 阐述了字长 $w=4$ 的补码加法。运算数的范围为 $-8 \sim 7$ 之间。当 $x+y < -8$ 时，补码加法就会负溢出，导致和增加了 16。当 $-8 \leq x+y < 8$ 时，加法就产生 $x+y$ 。当 $x+y \geq 8$ ，加法就会正溢出，使得和减少了 16。这三种情况中的每一种都形成了图中的一个斜面。

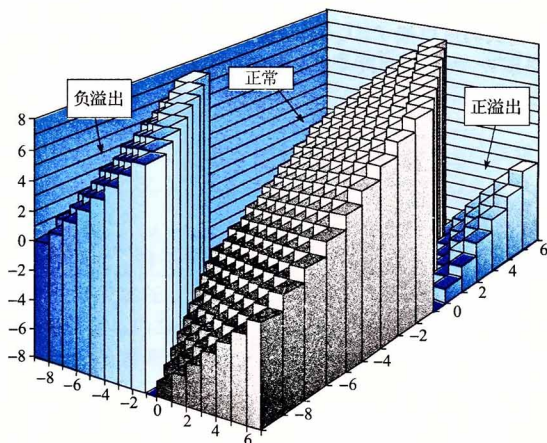


图 2-26 补码加法(字长为 4 位的情况下，当 $x+y < -8$ 时，产生负溢出； $x+y \geq 8$ 时，产生正溢出)