

等式(2.13)也让我们认出了哪些情况下会发生溢出：


原理：检测补码加法中的溢出

对满足 $TMin_w \leq x$, $y \leq TMax_w$ 的 x 和 y , 令 $s = x + {}^t_w y$ 。当且仅当 $x > 0$, $y > 0$, 但 $s \leq 0$ 时, 计算 s 发生了正溢出。当且仅当 $x < 0$, $y < 0$, 但 $s \geq 0$ 时, 计算 s 发生了负溢出。


图 2-25 显示了当 $w=4$ 时, 这个原理的例子。第一个条目是负溢出的情况, 两个负数相加得到一个正数。最后一个条目是正溢出的情况, 两个正数相加得到一个负数。

推导：检测补码加法中的溢出

让我们先来分析正溢出。如果 $x > 0$, $y > 0$, 而 $s \leq 0$, 那么显然发生了正溢出。反过来, 正溢出的条件为：1) $x > 0$, $y > 0$ (或者 $x + y < TMax_w$)，2) $s \leq 0$ (见公式(2.13))。同样的讨论也适用于负溢出情况。 ■


 **练习题 2.29** 按照图 2-25 的形式填写下表。分别列出 5 位参数的整数值、整数和与补码和的数值、补码和的位级表示, 以及属于等式(2.13)推导中的哪种情况。

x	y	$x+y$	$x+{}^t_s y$	情况
[10100]	[10001]			
[11000]	[11000]			
[10111]	[01000]			
[00010]	[00101]			
[01100]	[00100]			

 **练习题 2.30** 写出一个具有如下原型的函数：


```
/* Determine whether arguments can be added without overflow */
int tadd_ok(int x, int y);
```

如果参数 x 和 y 相加不会产生溢出, 这个函数就返回 1。

 **练习题 2.31** 你的同事对你补码加法溢出条件的分析有些不耐烦了, 他给出了一个函数 `tadd_ok` 的实现, 如下所示：

```
/* Determine whether arguments can be added without overflow */
/* WARNING: This code is buggy. */
int tadd_ok(int x, int y) {
    int sum = x+y;
    return (sum-x == y) && (sum-y == x);
}
```

你看了代码以后笑了。解释一下为什么。

 **练习题 2.32** 你现在有个任务, 编写函数 `tsub_ok` 的代码, 函数的参数是 x 和 y , 如果计算 $x-y$ 不产生溢出, 函数就返回 1。假设你写的练习题 2.30 的代码如下所示：

```
/* Determine whether arguments can be subtracted without overflow */
/* WARNING: This code is buggy. */
int tsub_ok(int x, int y) {
    return tadd_ok(x, -y);
}
```

x 和 y 取什么值时, 这个函数会产生错误的结果? 写一个该函数的正确版本(家庭作业 2.74)。