

结果是所有结点具有了该网络的等同的、完整的视图。于是每个结点都能够像其他结点一样，运行 LS 算法并计算出相同的最低费用路径集合。

我们下面给出的链路状态路由选择算法叫做 Dijkstra 算法，该算法以其发明者命名。一个密切相关的算法是 Prim 算法，有关图算法的一般性讨论参见 [Cormen 2001]。Dijkstra 算法计算从某结点（源结点，我们称之为  $u$ ）到网络中所有其他结点的最低费用路径。Dijkstra 算法是迭代算法，其性质是经算法的第  $k$  次迭代后，可知道到  $k$  个目的结点的最低费用路径，在到所有目的结点的最低费用路径之中，这  $k$  条路径具有  $k$  个最低费用。我们定义下列记号。

- $D(v)$ ：到算法的本次迭代，从源结点到目的结点  $v$  的最低费用路径的费用。
- $p(v)$ ：从源到  $v$  沿着当前最低费用路径的前一结点（ $v$  的邻居）。
- $N'$ ：结点子集；如果从源到  $v$  的最低费用路径已确知， $v$  在  $N'$  中。

该全局路由选择算法由一个初始化步骤和其后的循环组成。循环执行的次数与网络中结点个数相同。一旦终止，该算法就计算出了从源结点  $u$  到网络中每个其他结点的最短路径。

源结点  $u$  的链路状态（LS）算法

```
1 Initialization:
2    $N' = \{u\}$ 
3   for all nodes  $v$ 
4     if  $v$  is a neighbor of  $u$ 
5       then  $D(v) = c(u,v)$ 
6       else  $D(v) = \infty$ 
7
8 Loop
9   find  $w$  not in  $N'$  such that  $D(w)$  is a minimum
10  add  $w$  to  $N'$ 
11  update  $D(v)$  for each neighbor  $v$  of  $w$  and not in  $N'$ :
12     $D(v) = \min( D(v), D(w) + c(w,v) )$ 
13  /* new cost to  $v$  is either old cost to  $v$  or known
14     least path cost to  $w$  plus cost from  $w$  to  $v$  */
15 until  $N' = N$ 
```

举一个例子，考虑图 4-27 中的网络，计算从  $u$  到所有可能目的地的最低费用路径。该算法的计算过程以表格方式总结于表 4-3 中，表中的每一行给出了迭代结束时该算法的变量的值。我们详细地考虑前几个步骤。

表 4-3 在图 4-27 中的网络上运行的链路状态算法

步骤	$N'$	$D(v), p(v)$	$D(w), p(w)$	$D(x), p(x)$	$D(y), p(y)$	$D(z), p(z)$
0	$u$	2, $u$	5, $u$	1, $u$	$\infty$	$\infty$
1	$ux$	2, $u$	4, $x$		2, $x$	$\infty$
2	$uxy$	2, $u$	3, $y$			4, $y$
3	$uxyv$		3, $y$			4, $y$
4	$uxyvw$					4, $y$
5	$uxyv wz$					

- 在初始化步骤，从  $u$  到与其直接相连的邻居  $v$ 、 $x$ 、 $w$  的当前已知最低费用路径分别初始化为 2、1 和 5。特别值得注意的是，到  $w$  的费用被设为 5（尽管我们很快就会看见一条费用更小的路径确实存在），因为这是从  $u$  到  $w$  的直接（一跳）链路费用。到  $y$  与  $z$  的费用被设为无穷大，因为它们不直接与  $u$  连接。