

图 2-36 展示了一些重要的单精度和双精度浮点数的表示和数字值。根据图 2-35 中展示的 8 位格式，我们能够看出有  $k$  位阶码和  $n$  位小数的浮点表示的一般属性。

描 述	exp	frac	单精度		双精度	
			值	十进制	值	十进制
0	00 ... 00	0 ... 00	0	0.0	0	0.0
最小非规格化数	00 ... 00	0 ... 01	$2^{-23} \times 2^{-126}$	$1.4 \times 10^{-45}$	$2^{-52} \times 2^{-1022}$	$4.9 \times 10^{-324}$
最大非规格化数	00 ... 00	1 ... 11	$(1 - \varepsilon) \times 2^{-126}$	$1.2 \times 10^{-38}$	$(1 - \varepsilon) \times 2^{-1022}$	$2.2 \times 10^{-308}$
最小规格化数	00 ... 01	0 ... 00	$1 \times 2^{-126}$	$1.2 \times 10^{-38}$	$1 \times 2^{-1022}$	$2.2 \times 10^{-308}$
1	01 ... 11	0 ... 00	$1 \times 2^0$	1.0	$1 \times 2^0$	1.0
最大规格化数	11 ... 10	1 ... 11	$(2 - \varepsilon) \times 2^{127}$	$3.4 \times 10^{38}$	$(2 - \varepsilon) \times 2^{1023}$	$1.8 \times 10^{308}$

图 2-36 非负浮点数的示例

- 值  $+0.0$  总有一个全为 0 的位表示。
- 最小的正非规格化值的位表示，是由最低有效位为 1 而其他所有位为 0 构成的。它具有小数(和尾数)值  $M = f = 2^{-n}$  和阶码值  $E = -2^{k-1} + 2$ 。因此它的数字值是  $V = 2^{-n-2^{k-1}+2}$ 。
- 最大的非规格化值的位模式是由全为 0 的阶码字段和全为 1 的小数字段组成的。它有小数(和尾数)值  $M = f = 1 - 2^{-n}$  (我们写成  $1 - \varepsilon$ ) 和阶码值  $E = -2^{k-1} + 2$ 。因此，数值  $V = (1 - 2^{-n}) \times 2^{-2^{k-1}+2}$ ，这仅比最小的规格化值小一点。
- 最小的正规格化值的位模式的阶码字段的最低有效位为 1，其他位全为 0。它的尾数值  $M = 1$ ，而阶码值  $E = -2^{k-1} + 2$ 。因此，数值  $V = 2^{-2^{k-1}+2}$ 。
- 值 1.0 的位表示的阶码字段除了最高有效位等于 1 以外，其他位都等于 0。它的尾数值是  $M = 1$ ，而它的阶码值是  $E = 0$ 。
- 最大的规格化值的位表示的符号位为 0，阶码的最低有效位等于 0，其他位等于 1。它的小数值  $f = 1 - 2^{-n}$ ，尾数  $M = 2 - 2^{-n}$  (我们写作  $2 - \varepsilon$ )。它的阶码值  $E = 2^{k-1} - 1$ ，得到数值  $V = (2 - 2^{-n}) \times 2^{2^{k-1}-1} = (1 - 2^{-n-1}) \times 2^{2^{k-1}}$ 。


练习把一些整数转换换成浮点形式对理解浮点表示很有用。例如，在图 2-15 中我们看到 12 345 具有二进制表示  $[11000000111001]$ 。通过将二进制小数点左移 13 位，我们创建这个数的一个规格化表示，得到  $12345 = 1.1000000111001_2 \times 2^{13}$ 。为了用 IEEE 单精度形式来编码，我们丢弃开头的 1，并且在末尾增加 10 个 0，来构造小数字段，得到二进制表示  $[10000001110010000000000]$ 。为了构造阶码字段，我们用 13 加上偏置量 127，得到 140，其二进制表示为  $[10001100]$ 。加上符号位 0，我们就得到二进制的浮点表示  $[01000110010000001110010000000000]$ 。回想一下 2.1.3 节，我们观察到整数 12345 ( $0x3039$ ) 和单精度浮点值 12345.0 ( $0x4640E400$ ) 在位级表示上有下列关系：

```

0 0 0 0 3 0 3 9
0000000000000000000011000000111001
*****
4 6 4 0 E 4 0 0
01000110010000001110010000000000

```

现在我们可以看到，相关的区域对应于整数的低位，刚好在等于 1 的最高有效位之前停止(这个位就是隐含的开头的位 1)，和浮点表示的小数部分的高位是相匹配的。

 **练习题 2.48** 正如在练习题 2.6 中提到的，整数 3 510 593 的十六进制表示为