


注意, 无论是无符号运算还是补码运算, 乘以 2 的幂都可能会导致溢出。结果表明, 即使溢出的时候, 我们通过移位得到的结果也是一样的。回到前面的例子, 我们将 4 位模式 [1011] (数值为 11) 左移两位得到 [101100] (数值为 44)。将这个值截断为 4 位得到 [1100] (数值为 $12 = 44 \bmod 16$)。

由于整数乘法比移位和加法的代价要大得多, 许多 C 语言编译器试图以移位、加法和减法的组合来消除很多整数乘以常数的情况。例如, 假设一个程序包含表达式 $x * 14$ 。利用 $14 = 2^3 + 2^2 + 2^1$, 编译器会将乘法重写为 $(x \ll 3) + (x \ll 2) + (x \ll 1)$, 将一个乘法替换为三个移位和两个加法。无论 x 是无符号的还是补码, 甚至当乘法会导致溢出时, 两个计算都会得到一样的结果。(根据整数运算的属性可以证明这一点。)更好的是, 编译器还可以利用属性 $14 = 2^4 - 2^1$, 将乘法重写为 $(x \ll 4) - (x \ll 1)$, 这时只需要两个移位和一个减法。

 **练习题 2.38** 就像我们将在第 3 章中看到的那样, LEA 指令能够执行形如 $(a \ll k) + b$ 的计算, 这里 k 等于 0、1、2 或 3, 而 b 等于 0 或者某个程序值。编译器常常用这条指令来执行常数因子乘法。例如, 我们可以用 $(a \ll 1) + a$ 来计算 $3 * a$ 。

考虑 b 等于 0 或者等于 a 、 k 为任意可能的值的情况, 用一条 LEA 指令可以计算 a 的哪些倍数?

归纳一下我们的例子, 考虑一个任务, 对于某个常数 K 的表达式 $x * K$ 生成代码。编译器会将 K 的二进制表示表达为一组 0 和 1 交替的序列:


$$[(0 \cdots 0)(1 \cdots 1)(0 \cdots 0) \cdots (1 \cdots 1)]$$


例如, 14 可以写成 $[(0 \cdots 0)(111)(0)]$ 。考虑一组从位位置 n 到位位置 m 的连续的 $1 (n \geq m)$ 。(对于 14 来说, 我们有 $n=3$ 和 $m=1$ 。)我们可以用下面两种不同形式中的一种来计算这些位对乘积的影响:

形式 A: $(x \ll n) + (x \ll (n-1)) + \cdots + (x \ll m)$


形式 B: $(x \ll (n+1)) - (x \ll m)$

把每个这样连续的 1 的结果加起来, 不用做任何乘法, 我们就能计算出 $x * K$ 。当然, 选择使用移位、加法和减法的组合, 还是使用一条乘法指令, 取决于这些指令的相对速度, 而这些是与机器高度相关的。大多数编译器只在需要少量移位、加法和减法就足够的时候才使用这种优化。

 **练习题 2.39** 对于位位置 n 为最高有效位的情况, 我们要怎样修改形式 B 的表达式?

 **练习题 2.40** 对于下面每个 K 的值, 找出只用指定数量的运算表达 $x * K$ 的方法, 这里我们认为加法和减法的开销相当。除了我们已经考虑过的简单的形式 A 和 B 原则, 你可能会需要使用一些技巧。

K	移位	加法/减法	表达式
6	2	1	
31	1	1	
-6	2	1	
55	2	2	

 **练习题 2.41** 对于一组从位位置 n 开始到位位置 m 的连续的 $1 (n \geq m)$, 我们看到可以产生两种形式的代码, A 和 B。编译器该如何决定使用哪一种呢?

2.3.7 除以 2 的幂

在大多数机器上, 整数除法要比整数乘法更慢——需要 30 个或者更多的时钟周期。