```
long rfun(unsigned long x) {
   if (x == 0)
        return 0;
   unsigned long nx = x>>2;
   long rv = rfun(nx);
   return x + rv;
}
```

3.36 这个练习测试你对数据大小和数组索引的理解。注意,任何类型的指针都是8个字节长。short 数据类型需要2个字节,而int需要4个。

数组	元素大小	总大小	起始地址	元素 i
S	2	14	$x_{\rm s}$	$x_s + 2i$
T	8	24	$x_{\scriptscriptstyle \mathrm{T}}$	$x_{\rm T} + 8i$
U	8	48	$x_{\scriptscriptstyle extsf{U}}$	$x_{\rm U} + 8i$
v	4	32	x_{v}	$x_{\vee} + 4i$
W	8	32	x_{w}	$x_w + 8i$

3.37 这个练习是关于整数数组 E 的练习的一个变形。理解指针与指针指向的对象之间的区别是很重要的。因为数据类型 short 需要 2 个字节,所以所有的数组索引都将乘以因子 2。前面我们用的是mov1,现在用的则是 movw。

表达式	类型	值	汇编语句	
S+1	short*	$x_s + 2$	leal2(%rdx),%rax	
S[3]	short	$M[x_s + 6]$	movw6(%rdx),%ax	
&S[i]	short*	$x_s + 2i$	leal(%rdx,%rcx,2),%rax	
S[4*i+1]	short	$M[x_s + 8i + 2]$	movw2(%rdx,%rcx,8),%ax	
S+i-5	short*	$x_{s} + 2i - 10$	leal-10(%rdx,%rcx,2),%rax	

3.38 这个练习要求你完成缩放操作,来确定地址的计算,并且应用行优先索引的公式(3.1)。第一步是 注释汇编代码,来确定如何计算地址引用;

```
long sum_element(long i, long j)
    i in %rdi, j in %rsi
1
   sum_element:
2
     leaq
               0(,%rdi,8), %rdx
                                          Compute 8i
     subq
              %rdi, %rdx
                                          Compute 7i
                                          Compute 7i + j
     addq
              %rsi, %rdx
               (%rsi,%rsi,4), %rax
      leaq
                                          Compute 5j
                                          Compute i + 5j
      addq
              %rax, %rdi
               Q(,%rdi,8), %rax
                                          Retrieve M[x_Q + 8 (5j + i)]
      movq
8
                                          Add M[x_p + 8 (7i + j)]
      addq
              P(,%rdx,8), %rax
      ret
```

我们可以看出,对矩阵 P的引用是在字节偏移 $8\times(7i+j)$ 的地方,而对矩阵 Q的引用是在字节偏移 $8\times(5j+i)$ 的地方。由此我们可以确定 P有 7 列,而 O有 5 列,得到 M=5 和 N=7。

- 3.39 这些计算是公式(3.1)的直接应用:
 - 对于 L=4, C=16 和 j=0, 指针 Aptr 等于 $x_A+4\times(16i+0)=x_A+64i$ 。
 - 对于 L=4, C=16, i=0 和 j=k, 指针 Bptr 等于 $x_B+4\times(16\times0+k)=x_B+4k$ 。
 - 对于 L=4, C=16, i=16 和 j=k, Bend 等于 $x_B+4\times (16\times 16+k)=x_B+1024+4k$ 。
- 3.40 这个练习要求你能够研究编译产生的汇编代码,了解执行了哪些优化。在这个情况中,编译器做一些聪明的优化。

让我们先来研究一下 C 代码, 然后看看如何从为原始函数产生的汇编代码推导出这个 C 代码。