

Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет
информационных технологий, механики и оптики

Кафедра информатики и прикладной математики

Лабораторная работа №5
Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных»

Выполнил:
Молодецкий Арсений Алексеевич
Группа Р3217

Санкт-Петербург
2018

Задание №1:

Структуру данных «куча», или, более конкретно, «неубывающая пирамида», можно реализовать на основе массива.

Для этого должно выполняться основное свойство неубывающей пирамиды, которое заключается в том, что для каждого $1 \leq i \leq n$ выполняются условия:

- если $2i \leq n$, то $a[i] \leq a[2i]$;
- если $2i + 1 \leq n$, то $a[i] \leq a[2i + 1]$.

Дан массив целых чисел. Определите, является ли он неубывающей пирамидой.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит целое число n ($1 \leq n \leq 10^6$). Вторая строка содержит n целых чисел, по модулю не превосходящих $2 \cdot 10^9$.

Формат выходного файла

Выведите «YES», если массив является неубывающей пирамидой, и «NO» в противном случае.

Код:

```
#include <iostream>
#include <string>
using namespace std;
#include "edx-io.hpp"

int main() {
    int n;
    io >> n;
    int* heap = new int[n+1];
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        io >> heap[i];
    }

    bool isHeap = true;
    for (int i = n; isHeap && i > 1; i--) {
        if (heap[i / 2] > heap[i]){
            isHeap = false;
        }
    }
    io << (isHeap ? "YES" : "NO");
    return 0;
}
```

| № теста | Результат | Время, с | Память | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|----------|-----------------------|------------------------|
| Max | | 0.046 | 18333696 | 10945420 | 3 |
| 1 | OK | 0.046 | 3440640 | 14 | 2 |
| 2 | OK | 0.000 | 3428352 | 14 | 3 |
| 3 | OK | 0.031 | 3428352 | 1092 | 3 |
| 4 | OK | 0.000 | 3407872 | 889 | 3 |
| 5 | OK | 0.015 | 3420160 | 1099 | 2 |
| 6 | OK | 0.015 | 3428352 | 1100 | 3 |
| 7 | OK | 0.000 | 3416064 | 1098 | 3 |
| 8 | OK | 0.000 | 3432448 | 1093 | 3 |
| 9 | OK | 0.000 | 3424256 | 1105 | 2 |
| 10 | OK | 0.015 | 3424256 | 1095 | 2 |
| 11 | OK | 0.015 | 3448832 | 10931 | 3 |
| 12 | OK | 0.000 | 3432448 | 8837 | 3 |
| 13 | OK | 0.000 | 3416064 | 10928 | 2 |
| 14 | OK | 0.000 | 3411968 | 10934 | 3 |
| 15 | OK | 0.000 | 3416064 | 10989 | 3 |
| 16 | OK | 0.000 | 3416064 | 10934 | 3 |
| 17 | OK | 0.015 | 3436544 | 10978 | 2 |
| 18 | OK | 0.000 | 3411968 | 10960 | 2 |
| 19 | OK | 0.000 | 3534848 | 109474 | 3 |
| 20 | OK | 0.015 | 3489792 | 89095 | 3 |
| 21 | OK | 0.000 | 3543040 | 109362 | 2 |
| 22 | OK | 0.000 | 3526656 | 109479 | 3 |
| 23 | OK | 0.015 | 3534848 | 109486 | 3 |
| 24 | OK | 0.000 | 3506176 | 109443 | 2 |
| 25 | OK | 0.000 | 3522560 | 109565 | 2 |
| 26 | OK | 0.015 | 3510272 | 109493 | 2 |
| 27 | OK | 0.015 | 4841472 | 1094387 | 3 |
| 28 | OK | 0.000 | 4653056 | 886879 | 3 |
| 29 | OK | 0.015 | 4849664 | 1094726 | 2 |
| 30 | OK | 0.015 | 4874240 | 1094117 | 3 |
| 31 | OK | 0.000 | 4853760 | 1094308 | 3 |
| 32 | OK | 0.015 | 4874240 | 1094215 | 3 |
| 33 | OK | 0.000 | 4874240 | 1094084 | 2 |
| 34 | OK | 0.015 | 4849664 | 1094403 | 2 |
| 35 | OK | 0.046 | 18333696 | 10944156 | 3 |
| 36 | OK | 0.031 | 16240640 | 8876466 | 3 |
| 37 | OK | 0.031 | 18313216 | 10945179 | 2 |
| 38 | OK | 0.046 | 18321408 | 10945420 | 3 |
| 39 | OK | 0.046 | 18296832 | 10943533 | 3 |
| 40 | OK | 0.046 | 18333696 | 10944594 | 3 |
| 41 | OK | 0.031 | 18313216 | 10944330 | 2 |
| 42 | OK | 0.046 | 18317312 | 10944738 | 2 |

Задание №2:

Реализуйте очередь с приоритетами. Ваша очередь должна поддерживать следующие операции: добавить элемент, извлечь минимальный элемент, уменьшить элемент, добавленный во время одной из операций.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число n ($1 \leq n \leq 10^6$) - число операций с очередью.

Следующие n строк содержат описание операций с очередью, по одному описанию в строке. Операции могут быть следующими:

- Δx — требуется добавить элемент x в очередь.
- x — требуется удалить из очереди минимальный элемент и вывести его в выходной файл. Если очередь пуста, в выходной файл требуется вывести звездочку «*».
- $\Delta x y$ — требуется заменить значение элемента, добавленного в очередь операцией Δ в строке входного файла номер $x + 1$, на y . Гарантируется, что в строке $x + 1$ действительно находится операция Δ , что этот элемент не был ранее удален операцией x , и что y меньше, чем предыдущее значение этого элемента.

В очередь помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

Формат выходного файла

Выведите последовательный результат выполнения всех операций x , по одному в каждой строке выходного файла. Если перед очередной операцией x очередь пуста, выведите вместо числа звездочку «*».

Код:

```
#include <iostream>
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Linq;

namespace tmp
{
    public class Program
    {
        private static StreamWriter _out;

        private static void Main(string[] args)
        {
            _out = new StreamWriter("output.txt");
            Console.SetOut(_out);
            new PriorityQueue().Run(File.ReadAllLines("input.txt"));
            DisposeIO();
        }

        private static void DisposeIO()
        {
            _out?.Dispose();
        }
    }
}
```

```

public struct HeapElem
{
    public long value;
    public int number;
}
public class PriorityQueue
{
    public Dictionary<int, int> _links = new Dictionary<int, int>();
    private HeapElem _tmp;
    private HeapElem[] _heap;
    private Dictionary<char, Action<string, int>> _instructions;
    private int _length;
    public void Run(string[] lines)
    {
        DefineInstructions();

        int n = int.Parse(lines[0]);
        _heap = new HeapElem[n + 1];

        _length = 0;

        for (int i = 1; i < lines.Length; i++)
        {
            _instructions[lines[i][0]](lines[i], i);
        }
    }

    private void DefineInstructions()
    {
        _instructions = new Dictionary<char, Action<string, int>>
        {
            ['X'] = (s, i) => { PrintAndRemoveMin(); },
            ['D'] = (s, i) =>
            {
                string[] tokens = s.Split(' ');
                int number = int.Parse(tokens[1]);
                long value = long.Parse(tokens[2]);
                ChangeElement(number, value);
            },
            ['A'] = (s, i) =>
            {
                string[] tokens = s.Split(' ');
                long value = long.Parse(tokens[1]);
                AddElement(value, i);
            }
        };
    }

    private void AddElement(long value, int number)
    {
        _length++;
        _heap[_length].value = value;
        _heap[_length].number = number;
        _links.Add(number, _length);
        DecreaseValue(_length, value);
    }

    private void DecreaseValue(int _i, long value)

```

```

{
    int i = _i;
    _heap[i].value = value;
    while (i > 1 && _heap[i / 2].value > _heap[i].value)
    {
        Swap(i, i / 2);
        i = i / 2;
    }
}

private void ChangeElement(int number, long value)
{
    DecreaseValue(_links[number], value);
}

private void PrintAndRemoveMin()
{
    if (_length <= 0)
    {
        Print("*");
    }
    else
    {
        Print(_heap[1].value);
        RemoveMin();
    }
}

private void RemoveMin()
{
    Swap(1, _length);
    _length--;
    if (_length > 0) Heapify(1);
}

private void Heapify(int index)
{
    int left = this.left(index);
    int right = this.right(index);
    int minIndex = index;

    if (left <= _length && _heap[left].value < _heap[index].value)
    {
        minIndex = left;
    }

    if (right <= _length && _heap[right].value < _heap[minIndex].value)
    {
        minIndex = right;
    }

    if (minIndex != index)
    {
        Swap(minIndex, index);
        Heapify(minIndex);
    }
}

private int left(int i)
{

```

```

        return i*2;
    }

    private int right(int i)
    {
        return i*2 + 1;
    }

    private void Swap(int i1, int i2)
    {
        _links[_heap[i1].number] = i2;
        _links[_heap[i2].number] = i1;
        _tmp.value = _heap[i1].value;
        _tmp.number = _heap[i1].number;
        _heap[i1].value = _heap[i2].value;
        _heap[i1].number = _heap[i2].number;
        _heap[i2].value = _tmp.value;
        _heap[i2].number = _tmp.number;
    }

    private void Print(long number)
    {
        Console.WriteLine(number);
    }

    private void Print(char c)
    {
        Console.WriteLine(c);
    }
}

```


| № теста | Результат | Время, с | Память | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|-----------|-----------------------|------------------------|
| Max | | 1.828 | 226910208 | 12083657 | 5694235 |
| 1 | OK | 0.015 | 10436608 | 37 | 12 |
| 2 | OK | 0.031 | 10305536 | 6 | 3 |
| 3 | OK | 0.031 | 10407936 | 11 | 3 |
| 4 | OK | 0.031 | 10399744 | 22 | 4 |
| 5 | OK | 0.031 | 10461184 | 19 | 6 |
| 6 | OK | 0.015 | 10448896 | 19 | 6 |
| 7 | OK | 0.031 | 10403840 | 19 | 6 |
| 8 | OK | 0.046 | 10510336 | 48 | 19 |
| 9 | OK | 0.031 | 10485760 | 58 | 29 |
| 10 | OK | 0.015 | 10481664 | 57 | 28 |
| 11 | OK | 0.031 | 10412032 | 48 | 19 |
| 12 | OK | 0.031 | 10469376 | 58 | 29 |
| 13 | OK | 0.031 | 10469376 | 57 | 28 |
| 14 | OK | 0.031 | 10493952 | 828 | 573 |
| 15 | OK | 0.015 | 10518528 | 1037 | 369 |
| 16 | OK | 0.046 | 10489856 | 828 | 573 |
| 17 | OK | 0.015 | 10477568 | 988 | 404 |
| 18 | OK | 0.031 | 10432512 | 1082 | 300 |
| 19 | OK | 0.031 | 10510336 | 1139 | 240 |
| 20 | OK | 0.015 | 10514432 | 930 | 377 |
| 21 | OK | 0.031 | 10514432 | 1190 | 280 |
| 22 | OK | 0.031 | 10694656 | 8184 | 5678 |
| 23 | OK | 0.031 | 10854400 | 10768 | 3637 |
| 24 | OK | 0.031 | 10690560 | 8206 | 5700 |
| 25 | OK | 0.031 | 10776576 | 9903 | 3928 |
| 26 | OK | 0.031 | 10768384 | 10814 | 3000 |
| 27 | OK | 0.015 | 10752000 | 11338 | 2400 |
| 28 | OK | 0.015 | 10809344 | 11138 | 3582 |
| 29 | OK | 0.031 | 10825728 | 10904 | 3851 |
| 30 | OK | 0.062 | 61267968 | 81951 | 56944 |
| 31 | OK | 0.062 | 61505536 | 110901 | 36274 |
| 32 | OK | 0.062 | 61235200 | 81971 | 56964 |
| 33 | OK | 0.078 | 61644800 | 99351 | 39719 |
| 34 | OK | 0.062 | 61837312 | 107882 | 30000 |
| 35 | OK | 0.062 | 61927424 | 113181 | 24000 |
| 36 | OK | 0.062 | 61489152 | 112799 | 37474 |
| 37 | OK | 0.078 | 61517824 | 114106 | 37576 |
| 38 | OK | 0.171 | 76824576 | 819273 | 569265 |
| 39 | OK | 0.171 | 75071488 | 1143615 | 361526 |
| 40 | OK | 0.171 | 76836864 | 819455 | 569447 |
| 41 | OK | 0.187 | 77144064 | 992441 | 396009 |
| 42 | OK | 0.187 | 77598720 | 1079125 | 300000 |
| 43 | OK | 0.218 | 80695296 | 1131016 | 240000 |
| 44 | OK | 0.171 | 75362304 | 1175194 | 377350 |
| 45 | OK | 0.171 | 75358208 | 1174192 | 378071 |
| 46 | OK | 1.687 | 166047744 | 8194244 | 5694235 |
| 47 | OK | 1.546 | 160239616 | 11753433 | 3632457 |
| 48 | OK | 1.421 | 166023168 | 8193883 | 5693874 |
| 49 | OK | 1.593 | 181227520 | 9926125 | 3963652 |
| 50 | OK | 1.812 | 223801344 | 10792079 | 3000000 |
| 51 | OK | 1.828 | 226910208 | 11312176 | 2400000 |
| 52 | OK | 1.078 | 160780288 | 12078250 | 3794039 |
| 53 | OK | 1.062 | 160833536 | 12083657 | 3795822 |