

Programación 2 Árboles

Fernando Orejas

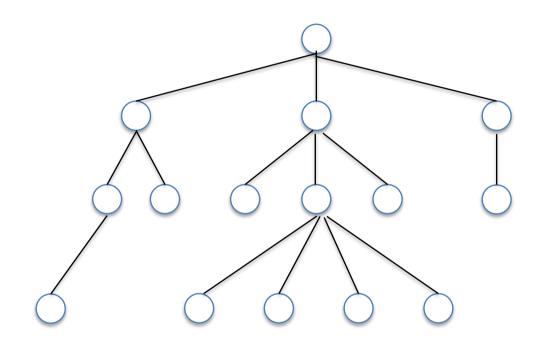
Transparencias basadas en las de Ricard Gavaldà y Conrado Martínez

- 1. Estructuras arborescentes
- 2. Árboles binarios
- 3. Recorridos

Estructuras arborescentes

Terminología

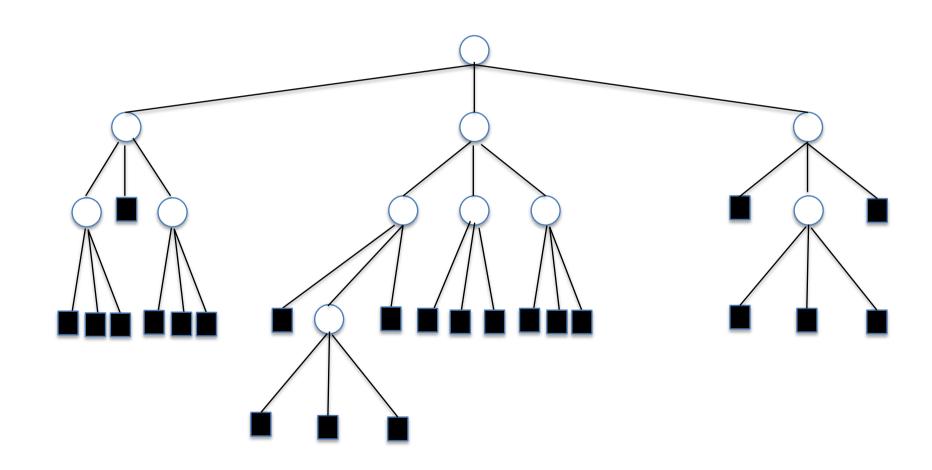
- nodo
- padre, hijo
- ascediente descendiente
- hermano
- raiz, hoja
- camino
- nivel, altura



Definiciones

- Grafo dirigido que, o es vacío, o contiene un nodo (la raiz) del que hay un único camino a cada nodo del grafo
- Grafo no dirigido y conexo, con un arco menos que nodos y con un nodo distinguido (la raiz)
- Un árbol es, o bien un árbol vacío, o bien es un nodo con cero o más árboles sucesores

Árboles n-arios



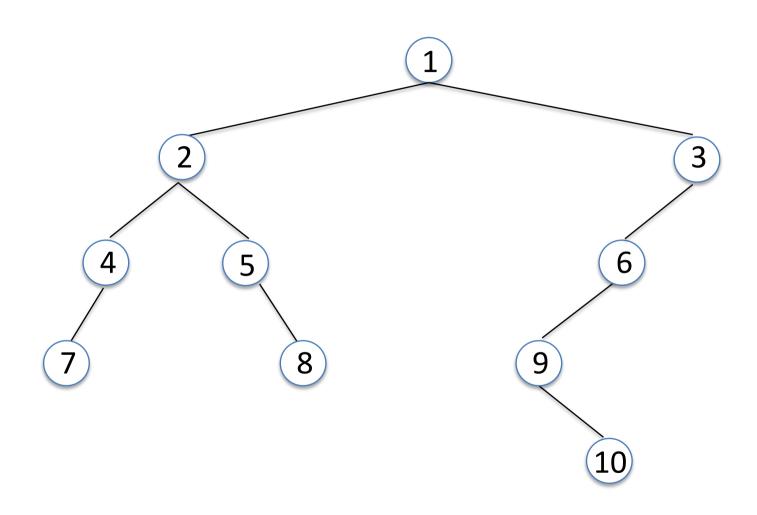
Árboles binarios

Árboles Binarios

• Árboles n-arios con n=2

Los dos hijos de un nodo son el izquierdo y el derecho

Árboles binarios



Especificación de la clase BinTree

```
template <class T> class BinTree {
   public:
   // Constructoras
   // Pre: true
   // Post: crea un árbol vacía
   BinTree ();
   // Pre: true
   // Post: crea un árbol con x como raiz, left como hijo
   // izquierdo y right como hijo derecho
   BinTree (const T& x, const BinTree& left, const BinTree&
   right);
   // Destructora
   ~BinTree();
```

```
// Consultoras
// Pre: true
// Post: Retorna true si el árbol y false en caso
// contrario
bool empty ();
// Pre: El parámetro implícito no está vacío
// Post: retorna el hijo izqdo del parámetro implícito
BinTree left ();
// Pre: El parámetro implícito no está vacío
// Post: retorna el hijo dcho del parámetro implícito
BinTree right ();
// Pre: El parámetro implícito no está vacío
// Post: retorna la raiz del parámetro implícito
BinTree value ();
```

Tamaño de un árbol

```
/* Pre: true */
/* Post: retorna el número de nodos del árbol t*/
int size(const BinTree <int>& t){
   if (t.empty()) return 0;
   else return 1 + size(t.left()) + size(t.right());
}
```

Búsqueda en un árbol

```
/* Pre: true */
/* Post: nos dice si x está en t*/
bool busq(const BinTree <int>& t, int x){
   if (t.empty()) return false;
   else
     return (t.value() == x) or busq(t.left(),x) or
     busq(t.right(),x);
}
```

Suma k a todos los valores de un árbol

Suma k a todos los valores de un árbol

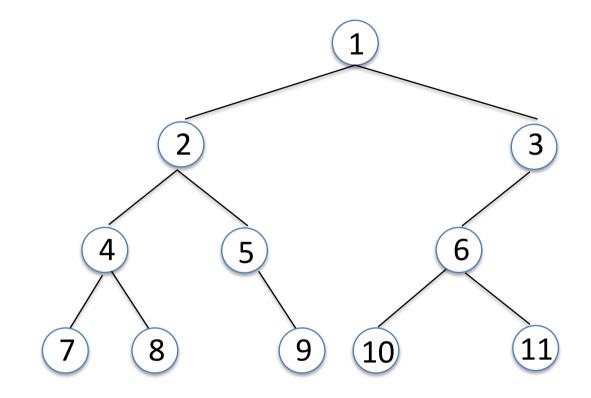
Recorridos

Recorridos de árboles

- En profundidad
 - Preorden
 - Postorden
 - inorden
- En amplitud (o por niveles)

Recorrido en preorden

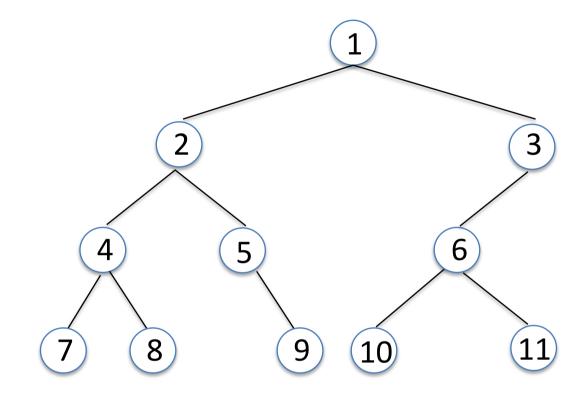
- 1. Visitamos la raiz
- Recorremos en preorden el hijo izquierdo
- Recorremos en preorden el hijo derecho



Recorrido

Recorrido en postorden

- Recorremos en postorden el hijo izquierdo
- Recorremos en postorden el hijo derecho
- 3. Visitamos la raiz



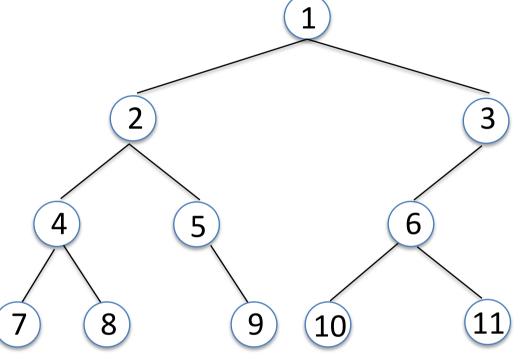
Recorrido

Recorrido en inorden

 Recorremos en inorden el hijo izquierdo

2. Visitamos la raiz

3. Recorremos en inorden el hijo derecho

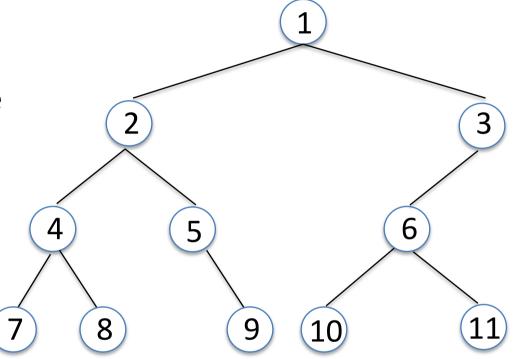


Recorrido

Recorrido por niveles

 Todos los nodos del nivel k son visitados antes que los del nivel k+1

 En cada nivel, los nodos se visitan de izquierda a derecha



Recorrido

Recorrido en preorden

```
/* Pre: true */
/* Post: El resultado es la lista en preorden de los
elementos de t */
list<int> preorden(const BinTree <int>& t,) {
   list<int> L;
   if (not t.empty()) {
      L.insert(L.begin(), t.value()),
      L.splice(L.end(), preorden(t.left())),
      L.splice(L.end(), preorden(t.right()));
   return L;
```

Recorrido en preorden (iterativo)

```
/* Pre: true */
/* Post: El resultado es la lista de los elementos de t
recorridos en preorden */
list<int> preorden (const BinTree <int>& t,) {
   list <int> L;
   if (not t.empty()) {
      stack <BinTree <int>> s; s.push(t);
      while (not s.empty()) {
         BinTree <int>& aux = s.top(); s.pop();
         L.insert(L.end(), aux.value()),
         if (not aux.right().empty()) s.push(aux.right()),
         if (not aux.left().empty()) s.push(aux.left());
   return L;
```

Recorrido por niveles

```
/* Pre: true */
/* Post: El resultado es la lista de los elementos de t
recorridos por niveles */
list<int> niveles (const BinTree <int>& t,) {
   list <int> L;
   if (not t.empty()) {
      queue <BinTree <int>> q; q.push(t);
      while (not q.empty()) {
         BinTree <int>& aux = q.front(); q.pop();
         L.insert(L.end(), aux.value()),
         if (not aux.left().empty()) q.push(aux.left()),
         if (not aux.right().empty()) q.push(aux.right());
   return L;
```