HW 6

- **1.** 我们对钢条切割问题进行一点修改,除了切割下的钢条段具有不同价格 p_i 外,每次切割还要付出固定的成本 c。这样,切割方案的收益就等于钢条段的价格之和减去切割的成本。设计一个动态规划算法解决修改后的钢条切割问题。
- **2.** 给定一个有向无环图 G = (V, E), 边权重为实数,给定图中两个顶点 s 和 t。设计动态规划算法,求从 s 到 t 的最长加权简单路径。
- **3.** 在最优二叉搜索树问题中, 若给定 7 个关键字的概率如下所示, 求其最优二叉搜索树的结构和代价.(p,q) 定义和课本相同).

4. 一位公司主席正在向 Stewart 教授咨询公司聚会方案。公司的内部结构关系是层次化的,即员工按主管-下属关系构成一棵树,根结点为公司主席。人事部按"宴会交际能力"为每个员工打分,分值为实数。为了使所有参加聚会的员工都感到愉快,主席不希望员工及其直接主管同时出席。

公司主席向 Stewart 教授提供公司结构树,采用左孩子右兄弟表示法 (参见课本 10.4 节) 描述。每个节点除了保存指针外,还保存员工的名字和宴会交际评分。设计算法,求宴会交际评分之和最大的宾客名单。分析算法复杂度。

- **5.** 设计一个高效的算法,对实数线上给定的一个点集 $\{x_1, x_2, ... x_n\}$,求一个单位长度闭区间的集合,包含所有给定的点,并要求此集合最小。证明你的算法是正确的。
- **6.** 考虑用最少的硬币找 n 美分零钱的问题。假定每种硬币的面额都是整数。设计贪心算法求解找零问题,假定有 25 美分、10 美分、5 美分和 1 美分四种面额的硬币。证明你的算法能找到最优解。