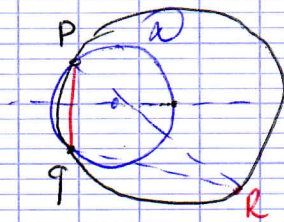
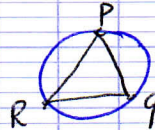


On a un algo "naïf" en  $O(m^3)$ .

## ② Lien avec Delaunay

Lemme: Une arête  $pq$  avec  $p, q \in P$  appartient à la triangulation de Delaunay de  $P$  ssi il existe un disque  $\mathcal{D}$  contenant  $p$  et  $q$  sur son bord et aucun point de  $P$  dans son intérieur.

Pr: Si  $pq \in$  triangulation de Delaunay de  $P$ ,  $pq$  est contenu dans au moins un triangle  $T = p, q, r$  de cette triangulation. Le cercle circonscrit à  $T$  ne contient pas de point de  $P$ , on peut le prendre pour  $\mathcal{D}$ .



On suppose qu'on a un disque  $\mathcal{D}$  vérifiant les hypothèses, on note  $d$  son centre, il est sur la médiatrice de  $[pq]$ .

On étire  $d$  de  $[pq]$  en conservant  $d \in$  "médiatrice"  $(M)$   
 $p, q \in \text{bord}(\mathcal{D})$

\* Soit: le bord de  $\mathcal{D}$  rencontre un point  $r$  de  $P$ , alors  $\mathcal{D}$  est circonscrit à  $pqr$  et ne contient aucun sommet de  $P$  dans son intérieur. Par définition,  $p, q, r$  est un triangle de la triangulation de Delaunay (et  $[pq] \in \text{Delaunay}$ )

\* Soit: le bord cas précédent n'a lieu pas, le demi-plan contenant  $d$  bordé par  $[pq]$  ne contient pas de sommet de  $P$ .  $[pq] \in \text{enl}(P)$  et donc  $[pq] \in \text{Delaunay}$