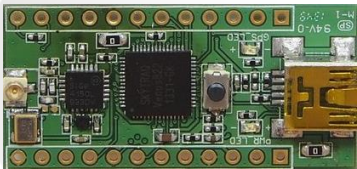


计算机组成原理

第三章 运算方法与运算器

3.4 补码一位乘法



补码一位乘法的基本方法

可证明：(证明见教材)

$$[X \cdot Y]_{\text{补}} = [X]_{\text{补}} \cdot (0.Y_1Y_2Y_3\dots Y_n) - Y_0 \cdot [X]_{\text{补}}$$

进一步展开合并后可得：

展开后可得：

$$[x \cdot y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} \cdot \sum_{i=0}^n (y_{i+1} - y_i) 2^{-i} \quad (\text{符号位参加运算})$$

累加式 $\begin{cases} 0, & y_{i+1} = y_i \\ 1, & y_{i+1} > y_i \\ -1, & y_{i+1} < y_i \end{cases}$

补码一位乘法的基本方法

原码 \rightarrow 符号位单独参加运算

$$[x \cdot y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} \cdot \sum (y_{i+1} - y_i) 2^{-i} \quad (\text{符号位参加运算})$$

补码一位乘法的运算规则如下:

 $\times 2^{-i}$ \rightarrow 向右移动 i 位

- (1) 如果 $y_{n+1} = y_n$, 部分积加 0, 部分积算术右移 1 位;
- (2) 如果 $y_{n+1}y_n = 10$, 部分积加 $[x]_{\text{补}}$, 部分积算术右移 1 位;
- (3) 如果 $y_{n+1}y_n = 01$, 部分积加 $[-x]_{\text{补}}$, 部分积算术右移 1 位.

重复进行 $n + 1$ 步, 但最后一步不移位。包括一位符号位, 所得乘积为 $2n + 1$ 位, 其中 n 为数据位位数。

补码一位乘法的基本方法

$$\text{设}[X]_{\text{补}} = X_0X_1X_2X_3\dots X_n \quad [Y]_{\text{补}} = Y_0Y_1Y_2Y_3\dots Y_n$$

$$[x \cdot y]_{\text{补}} = [x]_{\text{补}} \cdot \sum (y_{i+1} - y_i) 2^{-i} \quad (\text{符号位参加运算})$$

几个特殊问题的处理

(1) $i=n$ 时, $y_{n+1} = ?$

$$y_{n+1} = 0$$

y_{n+1} 不应改变 Y 的值

(2) y_{n+1} 是哪个寄存器？

在乘数寄存器 Y 后增加的一位

为使乘法按规则进行

(3) 算术右移的对象有哪些？

部分积和乘数寄存器均右移

- ① 用乘数寄存器保存部分积移出来的1位
- ② 便于从乘数寄存器的最末位去找部分积加 $[X]_{\text{补}}$ 还是 $[-X]_{\text{补}}$ 还是 0 的依据

2

补码一位乘法的举例

例1 已知 $X = +1101$ $Y = +1011$ 用补码一位乘法求 $X \times Y$

解: $[X]_{\text{补}} = 01101$ $[Y]_{\text{补}} = 01011$ $[-X]_{\text{补}} = 10011$

	部分积	乘数 (动态变化的)	说明
	000000	<u>010110</u>	$Y_{n+1} < Y_n$ 部分积 $+ [-X]_{\text{补}}$
+	<u>110011</u>	<u>010110</u>	$[Y]_{\text{补}}$ 初始值为0
→	110011		
0 →	<u>111001</u>	<u>101011</u>	
+	<u>000000</u>		
	111001		
→	111100	<u>110101</u>	
+	<u>001101</u>		
	001001		

说明: 每次用 Y_{n+1} 和 Y_n 决定 $Y_{n+1} < Y_n$ 部分积 $+ [-X]_{\text{补}}$
 $Y_{n+1} = Y_n$ 部分积 $+ 0$
 $Y_{n+1} > Y_n$ 部分积 $+ [X]_{\text{补}}$

部分积左移: 0 →
 乘数右移: 1 →

2

补码一位乘法的举例

$n=4$ 位
进行 $n+1$
即 5 次运算

部分积	乘数	说明
→ 000100	111010	将结果右移一位, $Y_{n+1} < Y_n$ 部分积 $+ [-X]_{\text{补}}$
+ 110011		
110111		
→ 111011	111101	将结果右移一位, $Y_{n+1} > Y_n$ 部分积 $+ [X]_{\text{补}}$
+ 001101		
001000		

乘数寄存器中全部用到之后, 结束

根据字长来推算固定的运算步数
步数达到, 结束运算

$$\therefore [X \cdot Y]_{\text{补}} = 010001111$$

$$\therefore X \cdot Y = 010001111$$

真值: 正数补码 = 原码