# MACROECONOMÍA INTERNACIONAL

Profesor: Luis Ortiz Cevallos, e-mail: leortiz@uc.cl

## Objetivo

Extender la teoría sobre la determinación de la cuenta corriente en un economía con producción e inversión de capital físico. Por tanto la cuenta corriente será el resultado de ahorro menos inversión.

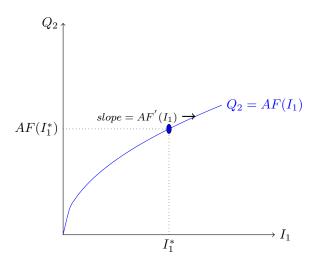
### Estructura

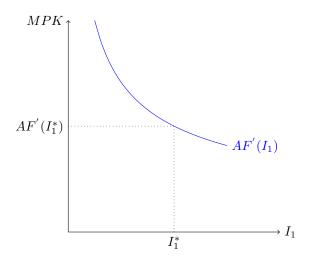
- Supuesto 1 Se trata de una economía abierta con libre comercio de bienes y servicios y activos financieros con el resto del mundo.
- Supuesto 2 Se trata de una economía pequeña. Ello significa que la tasa de interés internacional no depende de ninguna variable domestica.
- Supuesto 3 Las personas en esa economía viven por dos períodos.
- Supuesto 4 En esta economía hay dos sectores: Hogares y Firmas.
- Supuesto 5 Las firmas producen un bien usando capital físico.

En el período 1 las firmas demanda bienes de capital  $(I_1)$  para poder producir bienes finales en el período 2  $(Q_2)$ ; formalmente:

$$Q_2 = A_2 F(I_1) \tag{1}$$

Las propiedades de la función de producción son:





En el período 1 las firmas son deudoras en la economía para financiar su demanda de bienes de inversión: la deuda que poseen las firmas la denotamos como:  $D_1^f$  y se cumple:

$$D_1^f = I_1 \tag{2}$$

Las firmas prestan al interés  $r_1$ , por tanto en el período 2 deben pagar la deuda que asumieron con intereses. Se puede definir los beneficios de la firma como:

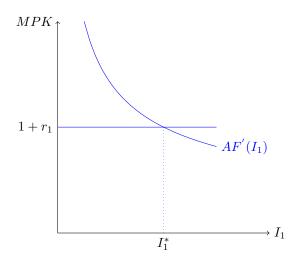
$$\Pi_2 = A_2 F(I_1) - (1 + r_1) D_1^f 
\Pi_2 = A_2 F(I_1) - (1 + r_1) I_1$$
(3)

Noten que el problema de las firmas es:

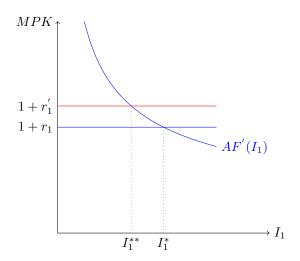
$$\max_{I_1} \Pi_2 = A_2 F(I_1) - (1 + r_1) I_1$$

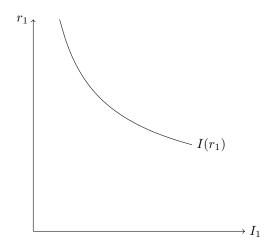
Tomando como dado el resto de argumentos:  $(A_2,r_1)$ . Cada unidad de inversión le cuesta a la firma  $1+r_1$  en el período 2 (esto es el costo del capital). Así que para niveles de inversión cercano a cero el producto marginal de una unidad adicional de inversión es superior a su costo y por tanto la firma tiene incentivo de aumentarla. Por tanto el equilibrio cumple con:

$$1 + r_1 = A_2 F'(I_1) \tag{4}$$



# CUENTA CORRIENTE EN UNA ECONOMÍA CON PRODUCCIÓN INCREMENTO DE TASAS





En resumen podemos definir el nivel de inversión de una economía como:

$$I_1 = I(A_2; r_1) + - \tag{5}$$

Tomen en cuenta que no se ha dicho nada sobre los beneficios de las firmas en el período 1. ¿Por qué?

En el período 1 los hogares están dotados por un stock de activos:  $B_0^h$  los cuales devengan un flujo de intereses de  $r_0B_0^h$  donde  $r_0$  es el interés por los activos mantenidos del período 0 al 1.

Asumimos que los hogares son propietarios de las firmas. Ello implica que sus ingresos en el periodo 1 incluyen los beneficios de las firmas:  $\Pi_1$ .

Los hogares usan sus ingresos en consumo e incremento de activos (ahorro); por tanto su restricción presupuestaria en el período 1 es:

$$C_1 + (B_1^h - B_0^h) = \Pi_1 + r_0 B_0^h \tag{6}$$

Similarmente en el período 2 es:

$$C_{2} + (B_{2}^{h} - B_{1}^{h}) = \Pi_{2} + r_{1}B_{1}^{h}$$

$$C_{2} - B_{1}^{h} = \Pi_{2} + r_{1}B_{1}^{h}$$

$$C_{2} = \Pi_{2} + (1 + r_{1})B_{1}^{h}$$
(7)

Combinando las ecuaciones 6 y 7 tenemos la restricción presupuestaria intertemporal:

$$C_{2} = \Pi_{2} + (1 + r_{1})B_{1}^{h}$$

$$C_{2} = \Pi_{2} + (1 + r_{1})(\Pi_{1} + (1 + r_{0})B_{0}^{h} - C_{1})$$

$$\frac{C_{2}}{(1 + r_{1})} + C_{1} = \frac{\Pi_{2}}{(1 + r_{1})} + \Pi_{1} + (1 + r_{0})B_{0}^{h}$$
(8)

Los hogares enfrentan el siguiente problema ínter-temporal:

$$\max_{C_1, C_2} U(C_1, C_2) 
s.a. 
\frac{C_2}{(1+r_1)} + C_1 = \frac{\Pi_2}{(1+r_1)} + \Pi_1 + (1+r_0)B_0^* 
C.P.O 
U_1(C_1, C_2) = (1+r_1)U_2(C_1, C_2)$$
(9)

## CUENTA CORRIENTE EN UNA ECONOMÍA CON PRODUCCIÓN Equilibrio

En el caso de una economía pequeña y abierta con movilidad de capitales los hogares y firman prestan y toman prestado a una tasa exógenos mundial  $(r^*)$  de manera que se cumple:

$$r_1 = r^* \tag{10}$$

La posición de inversión internacional neta de la economía  $(B_0^*)$  se define como:

$$B_0^* = B_0^h - D_0^f \tag{11}$$

Si sustituimos en 8 los beneficios ( $\Pi$ ) y luego reemplazamos 11 considerando que  $D_1^f=I_1$  tenemos:

$$\frac{C_2}{(1+r_1)} + C_1 = \frac{\Pi_2}{(1+r_1)} + \Pi_1 + (1+r_0)B_0^*$$

$$\frac{C_2}{(1+r_1)} + C_1 = \frac{(A_2F(I_1) - (1+r_1)D_1^f)}{(1+r_1)} + (A_1F(I_0) - (1+r_0)D_0^f)$$

$$+ (1+r_0)B_0^*$$

$$\frac{C_2}{(1+r_1)} + C_1 + I_1 = \frac{A_2F(I_1)}{(1+r_1)} + A_1F(I_0) + (1+r_0)B_0^h$$
(12)

# CUENTA CORRIENTE EN UNA ECONOMÍA CON PRODUCCIÓN Equilibrio

Noten que de la ecuación 12 el lado izquierdo denota la absorción de la economía en los dos períodos y el lado derecho denota el valor de la riqueza de la economía en los dos período; ambos concepto traído a valor presente del período 1. En resumen el equilibrio es la asignación  $C_1,C_2,I_1\ y\ r_1$  que satisfagan:

$$r_1 = r^*$$

$$U_1(C_1, C_2) = (1 + r^*)U_2(C_1, C_2)$$

$$1 + r^* = A_2 F'(I_1)$$

$$\frac{C_2}{(1 + r^*)} + C_1 + I_1 = \frac{A_2 F(I_1)}{(1 + r^*)} + A_1 F(I_0) + (1 + r_0) B_0^h$$

Dado los valores de riqueza inicial, tasa de interés inicial y extranjera y los niveles de productividad de los períodos 1 y 2. Sí definimos el producto 1 como:

$$Q_1 = A_1 F(I_0)$$

Noten que  $A_1$  es determinado en el período 1 pero es exógeno para las firmas; y que  $I_0$  está predeterminado. Por tanto  $Q_1$  se determina en 1 pero es exógeno.

### Conclusión

En base a lo anterior podemos definir la balanza comercial para el período 1:

$$TB_1 = Q_1 - C_1 - I_1 (13)$$

Sí el producto en 2 están dado por:

$$Q_2 = A_2 F(I_2)$$

Este producto es una variable endógena en el modelo siendo la balanza comercia en dos dado por:

$$TB_2 = Q_2 - C_2 (14)$$

Las cuenta corriente se definen para el período 1 y 2 como:

$$CA_1 = TB_1 - r_0 B_0^* (15)$$

$$CA_1 = B_1^* - B_0^*$$

$$CA_2 = TB_2 - r^*B_1^* (16)$$

$$CA_2 = -B_1^*$$

Finalmente el ahorro en la economía es:

$$S_1 = Q_1 + r_0 B_0^* - C_1 (17)$$