# Отчет по лабораторной работе № 6

## Задача об эпидемии

Рахмедов Орун

## Цель работы

Рассмотреть простейшую задачу об эпидемии. Построить графики для двух случаев на Julia и OpenModelica: особи популяции изолированы / особи могут заражать друг друга.

#### Теоретическое введение

Модель SIR является одной из наиболее известных и простых моделей для описания распространения инфекционных заболеваний в популяции. Эта модель разделяет популяцию на три основные группы: восприимчивые к инфекции (S, Susceptible), инфицированные (I, Infected) и выздоровевшие или иммунизированные (R, Recovered). Основное предположение модели заключается в том, что переход индивидуума из одного состояния в другое происходит с определёнными скоростями, которые могут быть описаны системой обыкновенных дифференциальных уравнений. [1].

# **Задание**

#### Вариант 17

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=10300) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=55, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=27. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)-R(0). Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп.

Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1.  $I(0) \leq I^*$
- 2.  $I(0) > I^*$

Построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп S, I, R. Рассмотреть, как будет протекать эпидемия в этих случаях.

## Выполнение лабораторной работы

#### Julia

```
Напишем код на Jilia для случая 1: особи изолированы.
using Plots, DifferentialEquations
N = 10300 # общее число особей
I0 = 55 # заболевшие особи
R0 = 27 \# особи с иммунитетом
S0 = N - I0 - R0 # здоровые, но восприимчивые особи
alpha = 0.01 # коэффициент заболеваемости
beta = 0.02 # коэффициент выздоровления
#I0 <= I*
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u
    du[1] = 0
    du[2] = -beta*u[2]
    du[3] = beta*I
end
v0 = [S0, I0, R0]
tspan = (0.0, 60.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
S = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
I = [u[2] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
R = [u[3] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t \text{ for t in sol.t}]
plt = plot(dpi = 600, legend = :topright)
plot!(plt, T, S, label = "Восприимчивые особи", color = :blue)
plot!( plt, T, I, label = "Инфицированные особи", color = :green)
plot!(plt, T, R, label = "Особи с иммунитетом", color = :red)
savefig(plt, "lab06_1.png")
```

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение с динамикой численности популяции: См. рис. 1

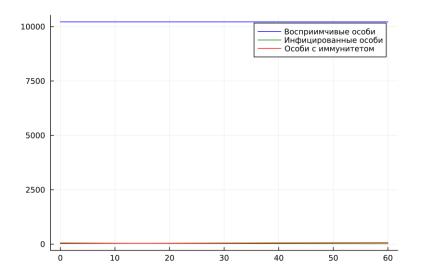


График численности особей SIR: больные изолированы

Напишем код на Jilia для случая 2: больные могут заражать особей группы S. using Plots, DifferentialEquations

```
N = 10300 # общее число особей
I0 = 55 # заболевшие особи
R0 = 27 \# особи с иммунитетом
S0 = N - I0 - R0 # здоровые, но восприимчивые особи
alpha = 0.01 # коэффициент заболеваемости
beta = 0.02 # коэффициент выздоровления
\#I0 > I*
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u
    du[1] = -alpha*u[1]
    du[2] = alpha*u[1] - beta*u[2]
    du[3] = beta*I
end
v0 = [S0, I0, R0]
tspan = (0.0, 120.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax=0.05)
S = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
I = [u[2] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
R = [u[3] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(dpi=600, legend=:right)
plot!(plt, T, S, label="Восприимчивые особи", color=:blue)
plot!(plt, T, I, label="Инфицированные особи", color=:green)
plot!(plt, T, R, label="Особи с иммунитетом", color=:red)
```

```
savefig(plt, "lab06_2.png")
```

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение: См. рис. 2

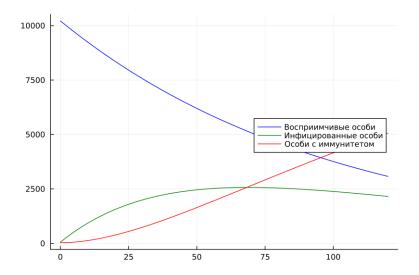


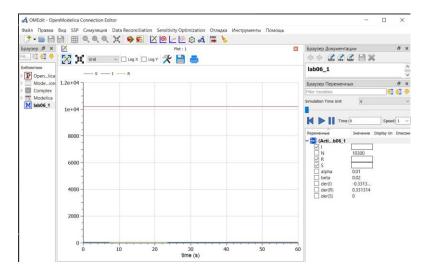
График численности SIR: больные могут заражать особей группы S

## **OpenModelica**

Напишем код на OpenModelica для случая 1: особи изолированы.

```
model lab06 1
Real N = 10300;
Real I;
Real R;
Real S;
Real alpha = 0.01;
Real beta = 0.02;
initial equation
I = 55;
R = 27;
S = N - I - R;
equation
der(S) = 0;
der(I) = -beta*I;
der(R) = beta*I;
end lab06 1;
```

Запустим код при помощи кнопок "проверить модель" -> "симулировать". Не забываем в настройках указать заданные нам начальные условия (время). См. рис. 3

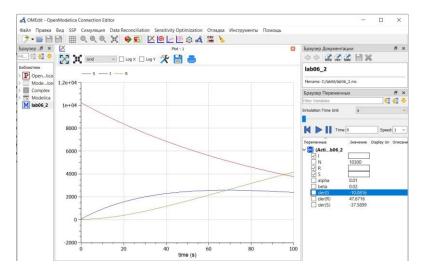


Графики численности особей SIR: больные изолированы

Напишем код для случая 2: ольные могут заражать особей группы S.

```
model lab06_2
Real N = 10300;
Real I;
Real R;
Real S;
Real alpha = 0.01;
Real beta = 0.02;
initial equation
I = 55;
R = 27;
S = N - I - R;
equation
der(S) = -alpha*S;
der(I) = alpha*S - beta*I;
der(R) = beta*I;
end lab06_2;
```

Запустим код: См. рис. 4



Графики численности SIR: больные могут заражать особей группы S

#### Заключение

Рассмотрели простейшую задачу об эпидемии. Построили графики для двух случаев на Julia и OpenModelica: для изолированных особей популяции / для особей, которые подвержены заражению.

## Библиографическая справка

[1] Задача об эпидемии: https://cyberleninka.ru/article/n/uchebnaya-model-razvitiya-epidemii