## **Лабораторная работа**4

Рахмедов О.

09 февраля 2023

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

### <u>Цель работы</u>

#### Цель работы

- 1. Построить решение уравнения гармонического осциллятора без затухания
- 2. Записать уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора с затуханием, построить его решение. Построить фазовый портрет гармонических колебаний с затуханием.
- 3. Записать уравнение колебаний гармонического осциллятора, если на систему действует внешняя сила, построить его решение. Построить фазовый портрет колебаний с действием внешней силы.

<u>Задание</u>

### Задание

 $\nu = 0.0 \text{ m} = 1.2$ 

Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев

1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 4.3x = 0$$

2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 6\dot{x} + 5x = 0$$

3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 10\dot{x} + 9x = 8\sin(7t)$$

На интервал  $t \in [0; 80]$  (шаг 0.05) с начальными условиями

3/25

### Выполнение лабораторной

работы

### Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

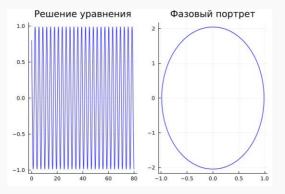
1. Зададим изначальные значения для решения варианта.

```
w = 4.3
g = 0.0
xo = 0.8
yo = -1.2
tspan = (0.0, 80.0)
```

2. Зададим наше уравнение для нахождения фазового портрета и решения уравнения на языке Julia (Полный исходный код представлен в репозитории)

```
function ode_fn(du, u, p, t)
  x, y = u
  du[1] = u[2]
  du[2] = -w*u[1] - g*u[2]
end
```

3. Сохраним наш график в файл и посмотрим, что в нем хранится (рис. fig. 1).

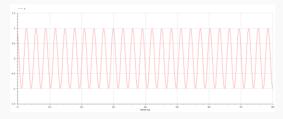


**Figure 1:** Решение уравнения и фазовый портрет колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

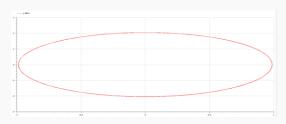
4. Расмотрим решение на OpenModelica (Полный исходный код представлен в репозитории).

```
model lab41
Real x;
Real y;
Real w= 4.3;
Real g = 0.0;
Real t = time;
initial equation
x = 0.8;
y = -1.2;
equation
der(x) = y;
der(y) = -w^*x - g^*y;
end lab41;
```

5. Здесь мы получаем аналогичное решение (fig. <u>2)</u> и аналогичный фазовый портрет (fig. <u>3)</u>.



**Figure 2:** Решение уравнения колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы



**Figure 3:** Фазовый портрет колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

# Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

1. Зададим изначальные значения для решения варианта.

```
w = 5.0

g = 6.0

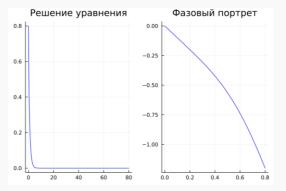
x_0 = 0.8

y_0 = -1.2

tspan = (0.0, 80.0)
```

2. Зададим наше уравнение для нахождения фазового портрета и решения уравнения на языке Julia (Аналигчное тому, что было в коде из пунтка ранее. Полный исходный код представлен в репозитории)

3. Сохраним наш график в файл и посмотрим, что в нем хранится (рис. fig. <u>4).</u>

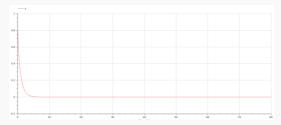


**Figure 4:** Решение уравнения и фазовый портрет колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

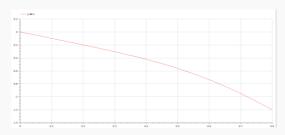
4. Расмотрим решение на OpenModelica (Полный исходный код представлен в репозитории).

```
model lab42
Real x;
Real y;
Real w = 5.0;
Real g = 6.0;
Real t = time;
initial
equation x =
0.8;
y = -1.2;
equation
der(x) = y;
der(y) = -w^*x - g^*y;
end lab42;
```

5. Здесь мы получаем аналогичное решение (fig. <u>5)</u> и аналогичный фазовый портрет (fig. <u>6)</u>.



**Figure 5:** Решение уравнения колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы



**Figure 6:** Фазовый портрет колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

# Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

1. Зададим изначальные значения для решения варианта.

```
w=9.0

g = 10.0

x_0 = 0.8

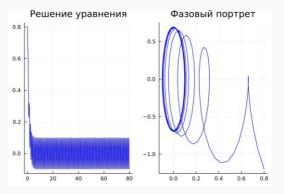
y_0 = -1.2

tspan = (0.0, 80.0)
```

2. Зададим наше уравнение для нахождения фазового портрета и решения уравнения на языке Julia (Полный исходный код представлен в репозитории)

```
function ode_fn(du, u, p, t)
    x, y = u
    du[1] = u[2]
    du[2] = -w*u[1] - g*u[2] + 8*sin(7*t)
end
```

3. Сохраним наш график в файл и посмотрим, что в нем хранится (рис. fig. 7).

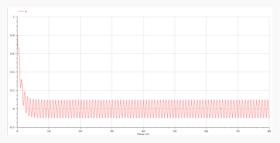


**Figure 7:** Решение уравнения и фазовый портрет колебания гармонического осциллятора с затуханий и без действий внешней силы

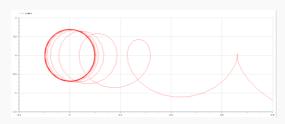
4. Расмотрим решение на OpenModelica (Полный исходный код представлен в репозитории).

```
model lab43
Real x;
Real y;
Real w=9.0;
Real g = 10.0;
Real t = time;
initial equation
x = 0.8;
y = -1.2;
equation
der(x) = y;
der(y) = -w^*x - g^*y + 8^*sin(7^*t);
end lab43;
```

5. Здесь мы получаем аналогичное решение (fig. <u>8)</u> и аналогичный фазовый портрет (fig. <u>9)</u>.



**Figure 8:** Решение уравнения колебания гармонического осциллятора с затуханием и с действием внешних сил



**Figure 9:** Фазовый портрет колебания гармонического осциллятора без затуханий и с действием внешних сил

Выводы

#### Выводы

Результатом работы стали по три модели в Julia и OpenModelica: конструкция модели колебаний в OpenModelica содержит меньше строк, чем аналогичная конструкция в Julia.