# Лабораторная работа №7. Эффективность рекламы

Выполнил: Рахмедов Орун

# Цель работы

Рассмотреть и решить задачу об эффективности рекламы на языках Julia[1] и OpenModelica[2].

#### Теоретическое введение

Организуется рекламная кампания нового товара или услуги. Необходимо, чтобы прибыль будущих продаж с избытком покрывала издержки на рекламу. Вначале расходы могут превышать прибыль, поскольку лишь малая часть потенциальных покупателей будет информирована о новинке. Затем, при увеличении числа продаж, возрастает и прибыль, и, наконец, наступит момент, когда рынок насытиться, и рекламировать товар станет бесполезным [3].

Предположим, что торговыми учреждениями реализуется некоторая продукция, о которой в момент времени t из числа потенциальных покупателей N знает лишь n покупателей. Для ускорения сбыта продукции запускается реклама по радио, телевидению и других средств массовой информации. После запуска рекламной кампании информация о продукции начнет распространяться среди потенциальных покупателей путем общения друг с другом. Таким образом, после запуска рекламных объявлений скорость изменения числа знающих о продукции людей пропорциональна как числу знающих о товаре покупателей, так и числу покупателей о нем не знающих

#### Теоретическое введение

Модель рекламной кампании описывается следующими величинами. Считаем, что  $\frac{dn}{dt}$  - скорость изменения со временем числа потребителей, узнавших о товаре и готовых его купить, t - время, прошедшее с начала рекламной кампании, N общее число потенциальных платежеспособных покупателей, n(t) - число уже информированных клиентов. Эта величина пропорциональна числу покупателей, еще не знающих о нем, это описывается следующим образом:  $\alpha_1(t)(N-n(t))$ , где  $\alpha_1 > 0$  - характеризует интенсивность рекламной кампании (зависит от затрат на рекламу в данный момент времени). Помимо этого, узнавшие о товаре потребители также распространяют полученную информацию среди потенциальных покупателей, не знающих о нем (в этом случае работает т.н. сарафанное радио). Этот вклад в рекламу описывается величиной  $\alpha_2(t)n(t)(N-n(t))$ , эта величина увеличивается с увеличением потребителей узнавших о товаре. Математическая модель распространения рекламы описывается уравнением:

$$\frac{dn}{dt} = (\alpha_1(t) + \alpha_2(t)n(t))(N - n(t))$$

#### Вариант 17

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

1. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.63 + 0.000013n(t))(N - n(t))$$
  
2.  $\frac{dn}{dt} = (0.000035 + 0.98n(t))(N - n(t))$   
3.  $\frac{dn}{dt} = (0.65sin(7t) + cos(3t)n(t))(N - n(t))$ 

При этом объем аудитории N=741, в начальный момент о товаре знает 4 человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

работы

Выполнение лабораторной

```
Напишем код на Jilia для случая 1: \frac{dn}{dt} = (0.63 + 0.000013n(t))(N - n(t))
using Plots
using DifferentialEquations
N = 741
n0 = 4
function ode fn(du, u, p, t)
    (n) = u
    du[1] = (0.63 + 0.00013*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 30.0)
prob = ODEProblem(ode fn, v0,
tspan) sol = solve(prob, dtmax =
0.05)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.u}]
T = [t \text{ for t in sol.t}]
plt = plot(dpi = 600, title = "Эффективность
pacпpocтpaнe plot!(plt, T, n, color = :red)
savefig(plt, "lab07 1.png")
```

## Julia. Случай 1

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение с динамикой эффективности рекламы во времени: См. рис. 1

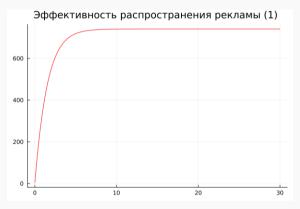


Рис. 1: График для случая 1 (Julia)

```
Напишем код на Jilia для случая 2: \frac{dn}{dt} = (0.000035 + 0.98n(t))(N - n(t))
using Plots
using DifferentialEquations
N = 741
n0 = 4
function ode fn(du, u, p, t)
     (n) = u
    du[1] = (0.000035 + 0.98*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
prob = ODEProblem(ode fn, v0,
tspan) sol = solve(prob)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t \text{ for t in sol.t}]
```

```
max dn = 0;
\max dn t = 0;
\max dn n = 0;
for (i, t) in enumerate(T)
    if sol(t, Val\{1\})[1] > max dn
        global max dn = sol(t, Val{1})[1]
        qlobal max dn t = t
        qlobal max dn n = n[i]
    end
end
plt = plot(dpi = 600, title = "Эффективность
pacпростране plot! (plt, T, n, color = :red)
plot!(plt, [max dn t], [max dn n], seriestype =
:scatter,
savefig(plt, "lab07 2.png")
```

## Julia. Случай 2

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение с динамикой эффективности рекламы во времени и точку, в которой скорость распространения достигает максимума: См. рис. 2

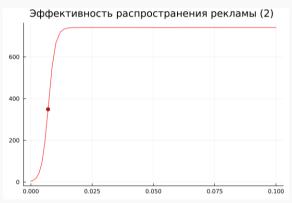


Рис. 2: График для случая 2 (Julia)

```
Напишем код на Jilia для случая 3: \frac{dn}{dt} = (0.65 \sin(7t) + \cos(3t)n(t))(N - n(t))
using Plots
using DifferentialEquations
N = 741
n0 = 4
function ode fn(du, u, p, t)
    (n) = u
    du[1] = (0.65*sin(7*t) + cos(3*t)*u[1])*(N - u[1])
end
v0 = [n0]
tspan = (0.0, 0.1)
prob = ODEProblem(ode fn, v0,
tspan) sol = solve(prob, dtmax =
0.05)
n = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.u}]
T = [t \text{ for t in sol.t}]
plt = plot(dpi = 600, title = "Эффективность
pacпpocтpaнe plot!(plt, T, n, color = :red)
savefig(plt, "lab07 3.png")
```

## Julia. Случай 3

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение: См. рис. 3

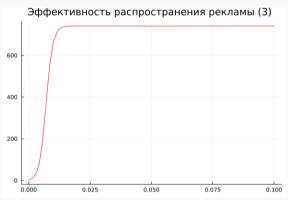


Рис. 3: График для случая 3 (Julia)

```
Напишем код на OpenModelica для случая 1: \frac{dn}{dt} = (0.63 + 0.000013n(t))(N-n(t)) model lab07_1 Real N = 741; Real n; initial equation n = 4; equation der(n) = (0.63 + 0.00013*n)*(N-n); end lab07_1;
```

Запустим код при помощи кнопок "проверить модель" -> "симулировать". Не забываем в настройках указать заданные нам начальные условия (время). См. рис. 4

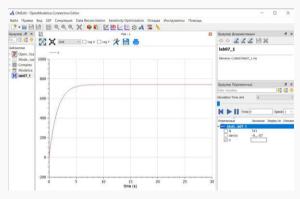


Рис. 4: График для случая 1 (OpenModelica)

```
Напишем код на OpenModelica для случая 2: \frac{dn}{dt} = (0.000035 + 0.98n(t))(N - n(t)) model lab07_2 Real N = 741; Real n; initial equation n = 4; equation der(n) = (0.000035 + 0.95*n)*(N-n); end lab07_2;
```

Запустим код при помощи кнопок "проверить модель" -> "симулировать". Не забываем в настройках указать заданные нам начальные условия (время). См. рис. 5

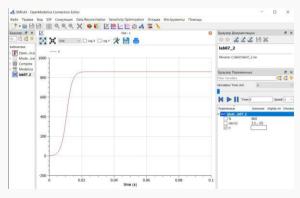


Рис. 5: График для случая 2 (OpenModelica)

```
Напишем код на OpenModelica для случая 3: \frac{dn}{dt} = (0.65 sin(7t) + \cos{(3t)}n(t))(N-n(t)) model lab07_3 Real N = 741; Real n; initial equation n = 4; equation der(n) = (0.65 * \sin{(7*time)} + \cos{(3*time)}*n)*(N-n); end lab07_3;
```

Запустим код при помощи кнопок "проверить модель" -> "симулировать". Не забываем в настройках указать заданные нам начальные условия (время). См. рис. 6

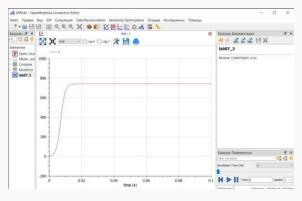


Рис. 6: График для случая 3 (OpenModelica)

#### Заключение

Рассмотрели и решили задачу об эффективности рекламы на языках Julia и OpenModelica. Получили идентичные результаты. Отметили, что на языке OpenModelica реализация более ёмкая, нежели на языке Julia.

## Библиографическая справка

- 1 Документация по Julia: https://docs.julialang.org/en/v1/
- 2 Документация по OpenModelica: https://openmodelica.org/
- 3 Мальтузианская модель роста: <a href="https://www.stolaf.edu//people/mckelvey/envision.dir/malthus.html">https://www.stolaf.edu//people/mckelvey/envision.dir/malthus.html</a>