# Отчет по лабораторной работе № 5

### Модель хищник-жертва

Рахмедов Орун

## Цель работы

Построить простейшую модель взаимодействия двух видов типа «хищник — жертва» - модель Лотки-Вольтерры.

## Теоретическое введение

Модель Лотки-Вольтерры является классическим примером математической модели взаимодействия между хищниками и их жертвами в экологии. Названная в честь двух итальянских ученых, Альфредо Лотки и Витторио Вольтерры, она представляет собой систему дифференциальных уравнений, которые описывают динамику популяций обоих видов во времени.

В модели учитывается два вида организмов: хищники и их жертвы. Предполагается, что популяции обоих видов развиваются в изолированной среде без внешних влияний [1].

## Задание

#### Вариант 17

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.69x(t) + 0.068x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.67y(t) - 0.066x(t)y(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях x0 = 4, y0 = 11. Найдите стационарное состояние системы.

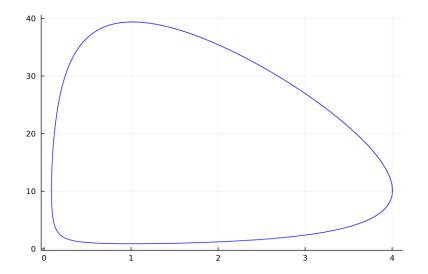
## Выполнение лабораторной работы

#### Julia

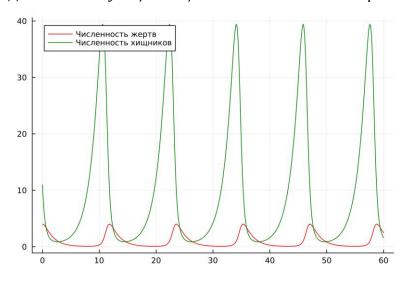
Напишем код на Jilia для случая 1: нестационарное состояние системы.

```
using Plots, DifferentialEquations
x0 = 4
y0 = 11
a = 0.69
b = 0.068
c = 0.67
d = 0.66
function ode_fn(du, u, p, t)
    x, y = u
    du[1] = -a * u[1] + b * u[1] * u[2]
    du[2] = c * u[2] - d * u[1] * u[2]
end
v0 = [x0, y0]
tspan = (0.0, 60.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax=0.05)
X = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
Y = [u[2] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(dpi=300, legend=false)
plot!(plt, X, Y, color=:blue)
savefig(plt, "lab05_1.png")
plt2 = plot(dpi=300, legend=true)
plot!(plt2, T, X, label="Численность жертв", color=:red)
plot!(plt2, T, Y, label="Численность хищников", color=:green)
savefig(plt2, "lab05_2.png")
```

Запустим код при помощи командной строки и получим два изображения: См. рис. 1, См. рис. 2



### Динамика популяций хищников относительно жертв



Изменение популяций хищников и жертв по времени

Напишем код на Jilia для случая 2: стационарное состояние системы. using Plots, DifferentialEquations

```
a = 0.69
b = 0.068
c = 0.67
d = 0.66

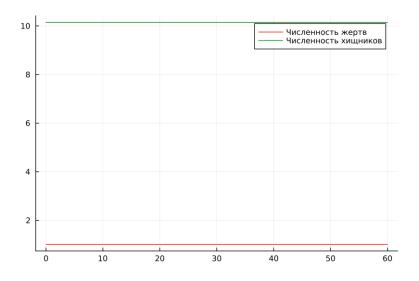
x0 = c / d
y0 = a / b

function ode_fn(du, u, p, t)
    x, y = u
    du[1] = -a * u[1] + b * u[1] * u[2]
    du[2] = c * u[2] - d * u[1] * u[2]
end
```

```
v0 = [x0, y0]
tspan = (0.0, 60.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax=0.05)
X = [u[1] for u in sol.u]
Y = [u[2] for u in sol.u]
T = [t for t in sol.t]

plt2 = plot(dpi=300, legend=true)
plot!(plt2, T, X, label="Численность жертв", color=:red)
plot!(plt2, T, Y, label="Численность хищников", color=:green)
savefig(plt2, "lab05_3.png")
```

Запустим код при помощи командной строки и получим изображение: См. рис. 3



Стационарное состояние системы

В стационарном состоянии решение будет представлять собой точку.

### **OpenModelica**

Напишем код на OpenModelica для случая 1: нестационарное состояние системы.

```
model PredatorPrey
parameter Real a = 0.69;
parameter Real b = 0.068;
parameter Real c = 0.67;
parameter Real d = 0.66;

parameter Real x0 = 4;
parameter Real y0 = 11;

Real x(start = x0);
Real y(start = y0);

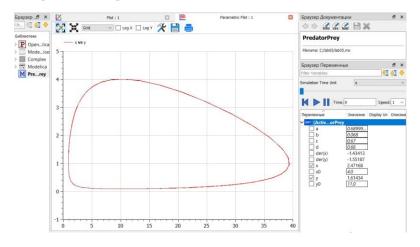
equation
```

```
der(x) = -a * x + b * x * y;

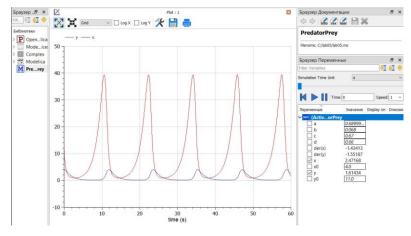
der(y) = c * y - d * x * y;
```

#### end PredatorPrey;

Запустим код при помощи кнопок "проверить модель" -> "установки симуляции" -> "симулировать". Не забываем в найстройках указать заданные нам начальные условия См. рис. 4, См. рис. 5



### Динамика популяций хищников относительно жертв

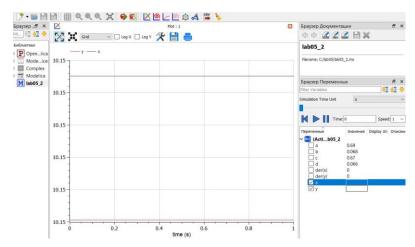


Изменение популяций хищников и жертв по времени

Напишем код для случая 2: стационарное состояние системы.

```
model lab05_2
Real a = 0.69;
Real b = 0.068;
Real c = 0.67;
Real d = 0.066;
Real x;
Real y;
initial equation
x = c / d;
y = a / b;
equation
```

Запустим код. Нажимаем галочки х и у для отображения графиков: См. рис. 6



Стационарное состояние системы

#### Заключение

Построили простейшую модель взаимодействия двух видов типа «хищник — жертва» - модель Лотки-Вольтерры.

# Библиографическая справка

[1] Модель хищник-жертва: https://mathit.petrsu.ru/users/semenova/MathECO/Lections/Lotka\_Volterra.pdf