

INFORMÁTICA

CODIFICACIÓN DE LA INFORMACIÓN

INTRODUCCIÓN

El mundo de los ordenadores es un mundo binario.

Sin embargo, el mundo de la información manejada por el hombre es mayoritariamente de texto o analógica.

Por ello, es importante establecer unos mecanismos de traducción o codificación que permitan convertir esa información.

La codificación es una transformación que representa los elementos de un conjunto mediante los de otro, de tal forma que a cada elemento del primer conjunto le corresponda un elemento distinto del segundo
aplicación biyectiva.





INTRODUCCIÓN

Ejemplos de código: el D.N.I, el código de asignatura en la matrícula de la Universidad y el código provincial en los números de teléfono.

Gracias a los códigos se puede comprimir y estructurar la información.

La comunicación con el ordenador se realiza empleando un conjunto de símbolos, dividido en los siguientes grupos:

- Caracteres alfabéticos: letras, minúsculas y mayúsculas, del alfabeto inglés (a, b, c, ..., x, y, z, A, B, C, ..., X, Y, Z)
- Caracteres numéricos: formado por las 10 cifras decimales (0, 1, 2, ..., 9)
- Caracteres especiales: son todos los símbolos no incluidos en los grupos anteriores (* , + , . , \tilde{n} , \dot{z} , \dot{z}
- Caracteres de control: denominados caracteres no imprimibles ya que no se pueden visualizar directamente en pantalla. Los emplea el ordenador para realizar algunas tareas de control: emitir pitido, cambiar de línea, etc.

¿QUE IDIOMA HABLA?

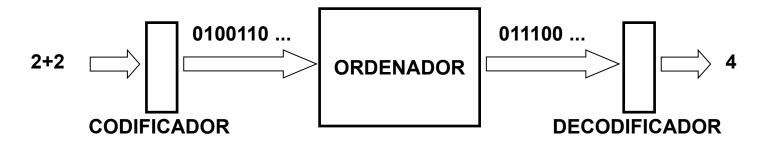
- Un código nos permite realizar operaciones con la información.
- Binario es el más simple, sólo hay dos símbolos en un alfabeto binario, (0, 1).
- Los circuitos presentan OV para el cero y 5V para el uno.
- Una unidad de información es un BIT, (un 0 o un 1).
- Para poder funcionar en binario, nosotros que estamos acostumbrados al decimal y a letras tenemos que establecer una correspondencia.

```
0 0000
```

MEDIDA DE LA INFORMACIÓN

En el interior del ordenador la información se almacena y procesa mediante un código que usa sólo dos valores, representados por el 0 y el 1, y que se denomina código binario.

El ordenador codifica la información de entrada en código binario y decodifica la salida para presentar los resultados obtenidos:



La unidad mínima de información es el bit (Blnary DigiT). Cada bit puede tomar los valores 0 ó 1.

La unidad con significado en informática es el byte, que son 8 bits.

MEDIDA DE LA INFORMACIÓN

 La capacidad de almacenamiento de un ordenador se mide en bytes. Como el byte es una unidad pequeña, se suelen usar múltiplos de éste:

Kilobyte (KB)	1KB = 2 ¹⁰ bytes = 1024 bytes
Megabyte (MB)	1MB = 2 ¹⁰ KB = 2 ²⁰ bytes = 1.048.576 bytes
Gigabyte (GB)	1GB = 2 ¹⁰ MB = 2 ³⁰ bytes = 1.073.741.824 bytes
Terabyte (TB)	$1TB = 2^{10} GB = 2^{40} bytes$

- Estos múltiplos no sólo se pueden usar con bytes, sino también con bits, por ejemplo,
 1Mb (1 Megabit), 1 Gb (1 Gigabit), etc.
- Se suele usar una b minúscula para indicar un bit y una B mayúscula para indicar un byte.

SISTEMAS DE REPRESENTACIÓN

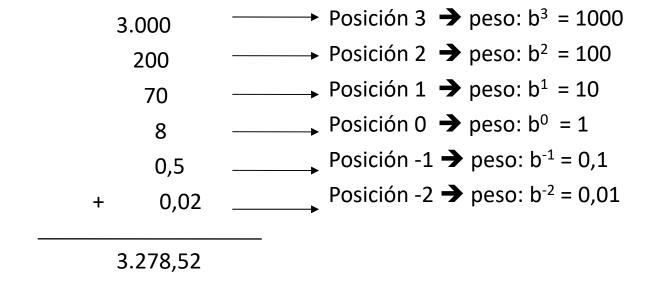
Los sistemas de representación de números se llaman sistemas de numeración.

- Cifras o dígitos: los símbolos que se usan para representar números.
- Base de un sistema de numeración: el cardinal del conjunto de cifras.
- Sistema de numeración posicional: cada dígito tiene un peso de acuerdo con su posición.
- En la representación de un número:
 - Pel dígito más a la izquierda es el más significativo (el de más peso)
 - Pel dígito más a la derecha es el menos significativo

Ejemplo : Sistema de numeración decimal, sistema de numeración binario, sistema de numeración octal y sistema de numeración hexadecimal.

SISTEMAS DE NUMERACIÓN USUALES

Por ejemplo, el número decimal 3.278,52 puede obtenerse como suma de:



Es decir, se verifica que:

$$3.278,52 = 3 \times 10^{3} + 2 \times 10^{2} + 7 \times 10^{1} + 8 \times 10^{0} + 5 \times 10^{-1} + 2 \times 10^{-2}$$

SISTEMAS DE NUMERACIÓN USUALES

Generalizando para cualquier base, se tiene que la representación de un número N en la base b:

$$N = ... + n_4 \times b^4 + n_3 \times b^3 + n_2 \times b^2 + n_1 \times b^1 + n_0 \times b^0 + n_{-1} \times b^{-1} + n_2 \times b^{-2} + n_{-3} \times b^{-3} + ...$$

Ejemplos:

$$341 = 3 \times 10^{2} + 4 \times 10^{1} + 1 \times 10^{0} = 300 + 40 + 1 = 341$$

$$27,134 = 2 \times 10^{1} + 7 \times 10^{0} + 1 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2} + 4 \times 10^{-3}$$

$$= 20 + 7 + 0,1 + 0,03 + 0,004 = 27,134$$

Cuanto menor es la base mayor es el número de cifras que se necesitan para representar una cantidad dada.

SISTEMAS DE NUMERACIÓN DECIMAL Y BINARIO

Sistema decimal

- Es un sistema de numeración posicional.
- Cada posición tiene un peso potencia de 10 (la base).
- Dígitos diferentes: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

$$10^2 \, 10^1 \, 10^0 \, .10^{-1} \, 10^{-2} \, 10^{-3}$$
 Punto decimal

Ejemplo: $23.4 \rightarrow 2 \times 10^{1} + 3 \times 10^{0} + 4 \times 10^{-1}$

Sistema binario

- Es un sistema de numeración posicional de base 2.
- Dígitos diferentes: 0, 1.

Ejemplo:
$$10.11 \longrightarrow 1 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0} + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} \longrightarrow 2.75$$

SISTEMA DE NUMERACIÓN BINARIO

Contar en binario

Número Decimal		Número	Binario	
0	0	0	0	()
1	0	0	0	1
2	0	0	3133	0
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	Ţ	0	1
6	0	1		0
7	0	100	1	
8	1.	0	0	0
9	1	0	0	1
10	1	0		0
11	1	. 0	1	1
12	1	1	0	0
13	1	1	0	1
14	1	1	1	0
1.5	1	1	1	1

- Con n bits para cifras enteras puedo representar: $0 \longrightarrow 2^n 1$
- Ejemplo:

$$n = 5 \longrightarrow 111111 \longrightarrow 2^{n} - 1 = 31$$

- Cada sistema de numeración tiene su propia aritmética definida por las operaciones aritméticas básicas: suma y multiplicación.
- En un sistema de numeración posicional multiplicación y división por la base son inmediatas.

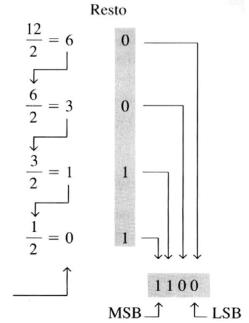
CONVERSIÓN DECIMAL-BINARIO

Método de la suma de pesos. De decimal a binario o al revés.

$$12 = 8 + 4 = 2^3 + 2^2 \longrightarrow 1100$$

Método de la división sucesiva por 2. Para pasar de decimal a binario.

Método de la multiplicación sucesiva por 2. Para convertir decimales fraccionarios a binarios.



Parar cuando la parte

entera del cociente es 0

Acarreo

Acarreo

0,3125 \times 2 = 0,625

0,625 \times 2 = 1,25

0,25 \times 2 = 0,50

0,50 \times 2 = 1,00

1

MSB

LSB

0,0101

0,0101

Continuar hasta obtener el número de posiciones decimales deseadas o cuando la parte fraccional sea toda cero.

División sucesiva por 2. Multiplicación sucesiva por 2.

CAMBIOS SISTEMA

Decim	nal	Bin
Resto	Nd	lec/2

52	0
26	0
13	1
6	0
3	1
1	1

Decimal_Hex Resto Ndec/16

Binario a Decimal

10010110

 $1x2^7 + 0x2^6 + 0x2^5 + 1x2^4 + 0x2^3 + 1x2^2 + 1x2^1 + 0x2^0 = 150$

Dec	Hex
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
10	A
11	В
12	C
13	D
14	Е
15	F

CÓDIGOS INTERMEDIOS

- Como el sistema binario no es muy cómodo, también se usan otros dos sistemas de numeración denominados códigos intermedios:
 - El sistema hexadecimal (base 16)
 - El sistema octal (base 8)
- Los códigos intermedios se fundamentan en la facilidad de transformar un número en base 2 a otra base que sea potencia de 2, y viceversa.
- Como 16 es 2⁴ y 8 es 2³, un dígito hexadecimal corresponde a cuatros dígitos y un dígito octal a tres dígitos binarios.

SISTEMA DE NUMERACIÓN OCTAL

- Sistema de numeración posicional de base 8.
- Dígitos diferentes: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7.
- Contar: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 20, 21 ...

Peso: 83 82 81 80

Conversión de octal a decimal: método de suma de pesos.

Número Octal: 2 3 7 4

$$2374_8 = (2 \times 8^3) + (3 \times 8^2) + (7 \times 8^1) + (4 \times 8^0)$$

$$= (2 \times 512) + (3 \times 64) + (7 \times 8) + (4 \times 1)$$

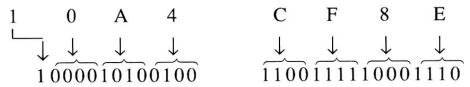
$$= 1024 + 192 + 56 + 4 = 1276_{10}$$

Conversión de octal a binario y de binario a octal: ir convirtiendo una a una por separado cada cifra de octal a binario en el primer caso e ir agrupando las cifras de tres en tres y convirtiéndolas a octal en el segundo.

Dígito octal	0	1	2	3	4	5	6	7
Binario	000	001	010	011	100	101	110	111

SISTEMA DE NUMERACIÓN HEXADECIMAL

- Conversión de hexadecimal a decimal: método de suma de pesos.
- Conversión de hexadecimal a binario: ir convirtiendo una a una por separado cada cifra hexadecimal a binario.



Conversión de binario a hexadecimal: agrupar las cifras binarias en grupos de 4 empezando por la derecha e traducirlas a hexadecimal.

 Conversión de decimal a hexadecimal: pasar el número a binario y agrupar las cifras de cuatro en cuatro a partir del punto decimal.

$$010011 .11010 \longrightarrow 13.D4 \text{ (en hexadecimal)}$$

$$13.D4 \text{ (en hexadecimal)}$$

REPRESENTACIÓN DE NÚMERO BINARIOS CON SIGNO

Es necesario representar signo y magnitud del número.

Tres formatos binarios:

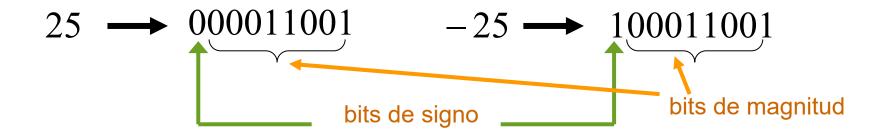
- Sistema signo-magnitud.
- Sistema del complemento a 1.
- Sistema del complemento a 2.

REPRESENTACIÓN DE NÚMERO BINARIOS CON SIGNO

Signo-magnitud

- ➤ El bit más a la izquierda es el **bit de signo** (1 si es negativo y 0 si positivo)
- Los bits de magnitud son el número sin signo en binario puro tanto para los positivos como para los negativos

Ejemplo: Expresar en signo-magnitud los números 25 y -25.



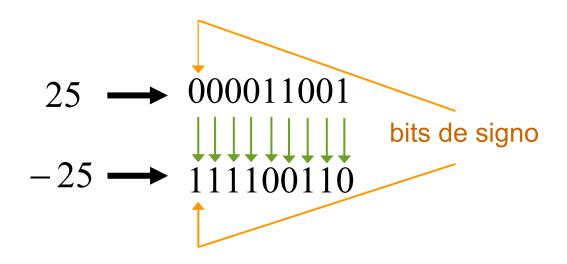
NÚMEROS BINARIOS CON SIGNO: COMPLEMENTO A 1

- > El bit más a la izquierda es el bit de signo
- Los números positivos se representan igual que en signo magnitud.
- Los números negativos son el complemento a 1 del correspondiente número positivo.
- ➤ Hacer el complemento a 1 de un número es cambiar cada 0 por un 1 y viceversa.
- Con n bits se pueden representar
- ➤ Hay dos posibles representaciones para el 0.

$$-(2^{n-1}-1) \le x \le (2^{n-1}-1)$$

COMPLEMENTO A 1

Ejemplo: Expresar en complemento a 1 los números 25 y -25.



¿Qué número decimal representa el número 1100 si está expresado en C1?

El número -3.

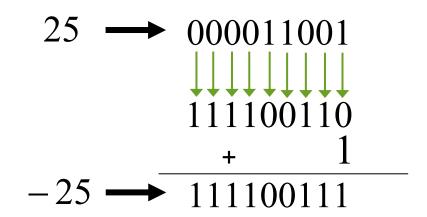
NÚMEROS BINARIOS CON SIGNO: COMPLEMENTO A 2

- El bit más a la izquierda es el bit de signo.
- Los números positivos igual que en signo magnitud.
- Los números negativos son el complemento a 2 del correspondiente número positivo.
- ➤ Hacer el complemento a 2 de un número es hacer el complemento a 1 de dicho número y sumar 1 al bit menos significativo.
- > Rango de representación con n bits:

$$-2^{n-1} \le x \le (2^{n-1}-1)$$

COMPLEMENTO A 2

Ejemplo: Expresar en complemento a 2 los números 25 y -25.

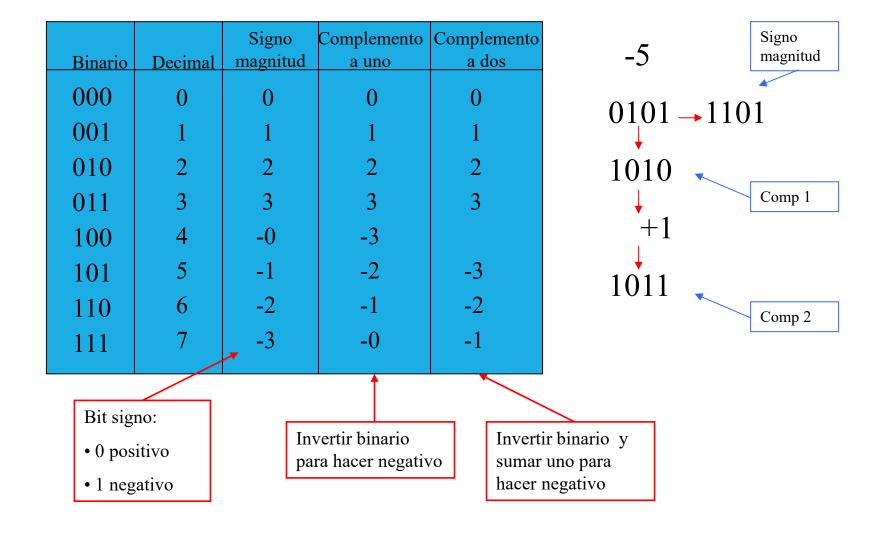


¿Qué número decimal representan los números 1101 y Los número -3 y 2. 0010 si están expresados en C2?

NEGATIVOS

	Sign/Mag	Comp 1	Comp 2
	0011	0011	0011
3+2=5	+0010	+0010	+0010
	0101	0101	0101
	1011	1100	1101
-3+2=-1	+0010	+0010	+0010
	1101=-5	1110=-1	1111=-1
	101/	1100	1101
-3+(-2)=-5	+1010	+1/01	+1110
	0101=5	1001=-6	1011=-5

NÚMEROS NEGATIVOS



OPERACIONES ARITMÉTICAS EN BINARIO

Suma.

Multiplicación.

A B Acarr	<u>eo Suma</u>	A B producto
0 + 0 = 0	0	$0 \times 0 = 0$
0 + 1 = 0	1	$0 \times 1 = 1$
1 + 0 = 0	1	$1 \times 0 = 0$
1 + 1 = 1	0	$1 \times 1 = 1$

- La suma de números binarios se realiza comenzando por la derecha y propagando el acarreo hacia la izquierda.
- El producto de números binarios se realiza como en decimal, desplazando cada producto parcial una posición a la izquierda.
- Overflow o desbordamiento: cuando el resultado de una operación necesita un número de bits mayor que el número de bits de los operandos

OPERACIONES ARITMÉTICAS EN C2

Suma. Operandos del mismo signo.

Se suman los número bit a bit y se desprecia el acarreo final.

$$\begin{array}{c}
-14 \longrightarrow 11110010 \\
-9 \longrightarrow 11110111 \\
-23 \longrightarrow 111101001
\end{array}$$
Acarreo que se desprecia

Resta. Operandos de diferente signo.

Se cambia el signo al sustraendo realizándole el complemento a 2 y se le suma al minuendo despreciando el acarreo final.

CÓDIGOS ALFANUMÉRICOS

- Son códigos que permiten representar no sólo números sino también letras y otros símbolos.
- Información que necesitaría codificar:
 - las 26 letras del alfabeto
 - las 10 cifras decimales
 - los signos especiales (puntuación, punto y coma,...)
 - códigos de control,
 - el alfabeto griego, ...
- Hay cientos de estándares de codificación pero nos centraremos en dos:
 - ASCII (código estándar americano para el intercambio de información) por su uso extendido y su importancia histórica
 - UNICODE por ser el estándar más actual y novedoso y que aglutina otras iniciativas además de incluir al ASCII.

CÓDIGO ASCII

- ASCII: American Standard Code for Information Interchange:
 - Usa 7 bits \rightarrow 128 caracteres
- ASCII extendido:
 - Usa 8 bits \rightarrow 256 caracteres
 - La parte extendida no es estándar, existen variantes
 - La parte extendida se denomina página de códigos
- Dentro del ASCII extendido se distinguen 2 grupos:
 - Caracteres imprimibles o de texto: letras, números y símbolos
 - Caracteres de control: acciones o estados de la transmisión de la información, por ejemplo: salto de línea, fin de mensaje, etc.

CÓDIGO ASCII

Ca	ractere	es de control						S	ímbolo	s gráficos					
Nombre	Dec	Binario	Hex	Símbolo	Dec	Binario	Hex	Símbolo	Dec	Binario	Hex	Símbolo	Dec	Binario	Hex
NUL	0	0000000	00	space	32	0100000	20	@	64	1000000	40		96	1100000	60
SOH	1	0000001	01	!	33	0100001	21	Α	65	1000001	41	a	97	1100001	61
STX	2	0000010	02	"	34	0100010	22	В	66	1000010	42	b	98	1100010	62
ETX	3	0000011	03	#	35	0100011	23	C	67	1000011	43	С	99	1100011	63
EOT	4 -	0000100	04	\$	36	0100100	24	D	68	1000100	44	d	100	1100100	64
ENQ	5	0000101	05	%	37	0100101	25	Е	69	1000101	45	e	101	1100101	65
ACK	6	0000110	06	&	38	0100110	26	F	70	1000110	46	f	102	1100110	66
BEL	7	0000111	07	,	39	0100111	27	G	71	1000111	47	g .	103	1100111	67
BS	8	0001000	08	(40	0101000	28	Н	72	1001000	48	h	104	1101000	68
HT	9	0001001	09)	41	0101001	29	I	73	1001001	49	i	105	1101001	69
LF	10	0001010	0A	*	42	0101010	2A	J	74	1001010	4A	j	106	1101010	6A
VT	11	0001011	0B	+	43	0101011	2B	K	75	1001011	4B	k	107	1101011	6B
FF	12	0001100	0C	,	44	0101100	2C	L	76	1001100	4C	1	108	1101100	6C
CR	13	0001101	0D	-	45	0101101	2D	M	77	1001101	4D	m	109	1101101	6D
SO	14	0001110	0E		46	0101110	2E	N	78	1001110	4E	n	110	1101110	6E
SI	15	0001111	0F	/	47	0101111	2F	0	79	1001111	4F	0	111	1101111	6F
DLE	16	0010000	10	0	48	0110000	30	P	80	1010000	50	p	112	1110000	70
DC1	17	0010001	11	1	49	0110001	31	Q	81	1010001	51	q	113	1110001	71
DC2	18	0010010	12	2	50	0110010	32	R	82	1010010	52	r	114	1110010	72
DC3	19	0010011	13	3	51	0110011	33	S	83	1010011	53	s	115	1110011	73
DC4	20	0010100	14	4	52	0110100	34	T	84	1010100	54	t	116	1110100	74
NAK	21	0010101	15	5	53	0110101	35	U	85	1010101	55	u	117	1110101	75
SYN	22	0010110	16	6	54	0110110	36	V	86	1010110	56	v	118	1110110	76
ETB	23	0010111	17	7	55	0110111	37	w	87	1010111	57	w	119	1110111	77
CAN	24	0011000	18	8	56	0111000	38	X	88	1011000	58	x	120	1111000	78
EM	25	0011001	19	9	57	0111001	39	Y	89	1011001	59	y	121	1111001	79
SUB	26	0011010	1A	:	58	0111010	3A	z	90	1011010	5A	z	122	1111010	7A
ESC	27	0011011	1B	;	59	0111011	3B	1	91	1011011	5B	ĺ	123	1111010	7B
FS	28	0011100	1C	<	60	0111100	3C	\	92	1011100	5C		124	1111100	7C
GS	29	0011101	1D	=	61	0111101	3D	ì	93	1011101	5D	1 1	125	1111100	7D
RS	30	0011110	1E	>	62	0111110	3E	٧	94	1011110	5E	~	126	11111101	7E
US	31	0011111	1F	?	63	0111111	3F	_	95	1011111	5F	Del	127	1111111	7F

CÓDIGO ASCII 8 BITS

8 bit ASCII codes

The space character appears in place of unprintable characters

0	32		64	@	96	6	128	160		192	À	224	à
1	33	!	65	A	97	a	129	161	i	193	Á	225	á
2	34	"	66	В	98	b	130	162	¢	194	Â	226	â
3	35	#	67	\mathbf{C}	99	c	131	163	£	195	Ã	227	ã
4	36	\$	68	D	100	d	132	164	Ø	196	Ä	228	ä
5	37	%	69	\mathbf{E}	101	. е	133	165	¥	197	Å	229	å
6	38	&	70	\mathbf{F}	102	f	134	166	1	198	Æ	230	æ
7	39	,	71	\mathbf{G}	103	g	135	167	§	199	Ç	231	ç
8	40	(72	\mathbf{H}	104	h	136	168	•	200	È	232	è
9	41)	73	Ι	105	i	137	169	0	201	É	233	é
10	42	*	74	J	106	j	138	170	ā	202	Ê	234	ê
11	43	+	75	\mathbf{K}	107	k	139	171	**	203	Ë	235	ë
12	44	,	76	\mathbf{L}	108	3 l	140	172	\neg	204	Ì	236	ì
13	45	_	77	\mathbf{M}	109	m	141	173	-	205	Í	237	í
14	46		78	N	110	n	142	174	B	206	Î	238	î
15	47	/	79	0	111	. 0	143	175	-	207	Ϊ	239	ï
16	48	0	80	\mathbf{P}	112	p	144	176	٥	208	Đ	240	ð
17	49	1	81	Q	113	q	145	177	±	209	Ñ	241	ñ
18	50	2	82	\mathbf{R}	114	r	146	178	2	210	Ò	242	ò
19	51	3	83	\mathbf{S}	115	s	147	179	3	211	Ó	243	ó
20	52	4	84	T	116	5 t	148	180	1	212	Ô	244	ô
21	53	5	85	U	117		149	181	μ	213	Õ	245	õ
22	54	6	86	V	118	v	150	182	${\mathbb P}$	214	Ö	246	ö
23	55	7	87		119		151	183		215	×	247	÷
24	56	8	88	X	120		152	184	3	216	Ø	248	ø
25	57	9	89	Y	121	. у	153	185	1	217	Ù	249	ù
26	58	:	90	\mathbf{Z}	122		154	186	0	218	Ú	250	ú
27	59	;	91	[123		155	187	»	219	Û	251	û
28	60	<	92	\	124		156	188	1/4	220	Ü	252	ü
29	61	=	93]	125	5 }	157	189	1/2	221	Ý	253	ý
30	62	>	94	۸	126		158	190	3/4	222	Þ	254	þ
31	63	?	95	_	127	•	159	191	ż	223	В	255	ÿ

CÓDIGOS ALFANUMÉRICOS: UNICODE

 Estándar de codificación de 16 bits, lo que permite 65536 códigos (actualmente están ocupados la mitad).

http://www.unicode.com

- Esfuerzo conjunto desde 1992 de diferentes organizaciones para unificar estándares:
 - Apple Computer, Borland, Digital, Hewlett-Packard, International Business Machines, Lotus, Microsoft (lo eligió como estándar para Windows NT), ...
- Permite procesar y comunicar información en cualquier lengua y producir software que pueda ser utilizado en cualquier lengua.

CÓDIGOS ALFANUMÉRICOS: UNICODE

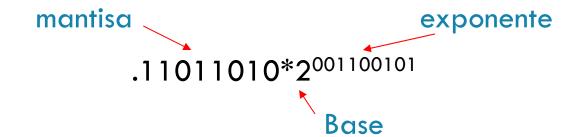
- Soluciona el problema de codificaciones estándar sin suficiente espacio para todos los símbolos que es necesario codificar.
- Codifica también por ejemplo caracteres fonéticos del chino o coreano.
- Dos características importantes:
 - codificación única (una letra que aparece en diferentes idiomas presenta una única codificación UNICODE)
 - codificación uniforme (todos los códigos de igual longitud)
- La última versión es la Unicode Standard, Version 5.1.0 del año 2007

REPRESENTAR FRACCIONALES

Punto fijo: El punto (coma) se toma siempre en la misma posición (ej. Enteros)

100100.11

Punto flotante



NÚMEROS EN PUNTO FLOTANTE

La aritmética en punto flotante opera con números reales.

$$0.000001_{10} \text{ o } 1.0_{10} \times 10^{-6}$$

$$3333333_{10} \text{ o } 3.33_{10} \times 10^{6}$$
Notación científica: un solo dígito a la izquierda del punto decimal.

Notación científica normalizada: si adamás al dígito a la inquierda del punto

además el dígito a la izquierda del punto decimal no es un cero.

Los números binarios también se pueden expresar en notación científica siendo 2 la base para ajustar el número de cifras decimales:

$$1.xxxxxxxxx_2 \times 2^{yyyy_2}$$
 Por ejemplo: 1.001×2^{10}

- Ventajas de la notación científica:
 - Simplifica los algoritmos al estar siempre los números en la misma notación.
 - Incrementa la precisión de los números que pueden almacenarse en una palabra.

REPRESENTACIÓN DE NÚMEROS EN PUNTO FLOTANTE

Notación estándar de punto flotante del IEEE 754 utilizada por MIPS y DLX.

En general, los números en punto flotante son de la forma:

$$(-1)^{s} \times mantisa \times 2^{exponente}$$

	s	exponente	mantisa
11	bit	8 bits	23 bits

- > El exponente se almacena en complemento a 2.
- > En el campo mantisa se almacena los 23 bits de la parte fraccionaria.
- Diseño exige decisión de compromiso entre tamaño de mantisa (que limita la precisión) y tamaño de exponente (que limita el rango).
- > Se pueden representar números positivos en el rango: $\{2.0 \times 10^{-38}, 2.0 \times 10^{+38}\}$
- Overflow: si el exponente positivo no cabe en 8 bits.
- Underflow: si el exponente negativo no cabe en 8 bits.

REPRESENTACIÓN DE NÚMEROS EN DOBLE PRECISIÓN

También vemos la notación estándar de punto flotante del IEEE 754.

Los números en punto flotante de doble precisión (*doubles*) requieren dos palabras (64 bits):

s	exponente	mantisa
1bit	11 bits	52 bits

➤En este formato se pueden representar números positivos en el rango:

$$\{2.0\times10^{-308}, 2.0\times10^{+308}\}$$

➤En realidad hay un bit más a 1 en la mantisa que se da implícito para los números binarios normalizados en IEEE 754 (en simple y en doble precisión), así que realmente tenemos (si m1 es el bit de la mantisa más a la izquierda):

$$(-1)^{s} \times ((1 + \text{mantisa}) \times 2^{\text{exponente}} =$$

 $(-1)^{s} \times (1 + (\text{m1} \times 2^{-1}) + (\text{m2} \times 2^{-2}) + (\text{m3} \times 2^{-3}) + ...) \times 2^{\text{exponente}}$

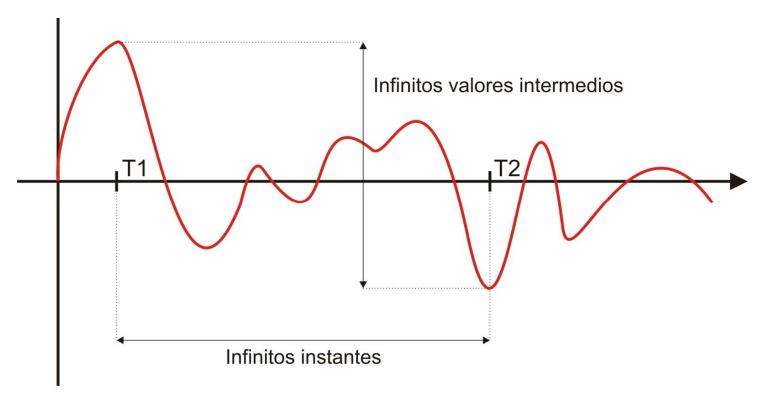
➤ Para el 00... no se suma el 1 a la mantisa y se identifica con 00... en el exponente.

REPRESENTACIÓN DE SEÑALES

¿Señal?

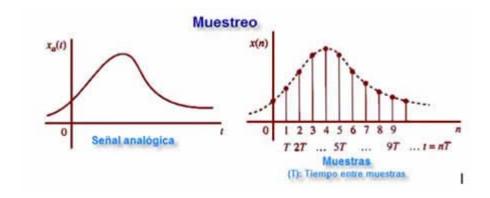


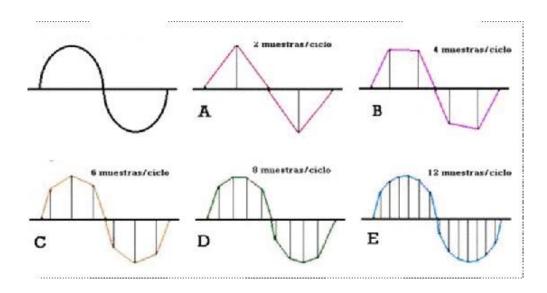
SEÑAL: Variación de una magnitud física en el tiempo



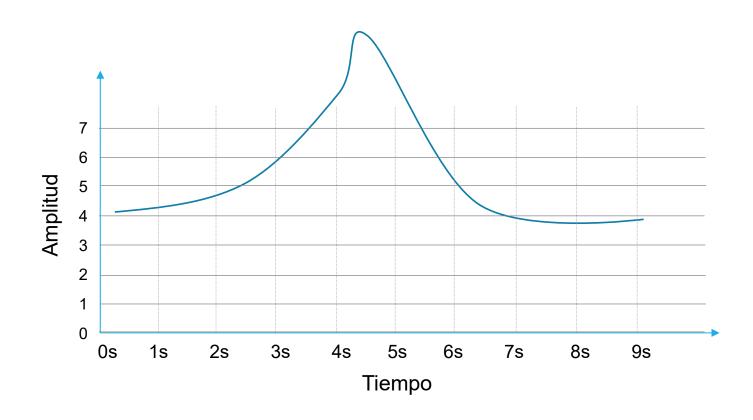
Señal analógica

MUESTREO

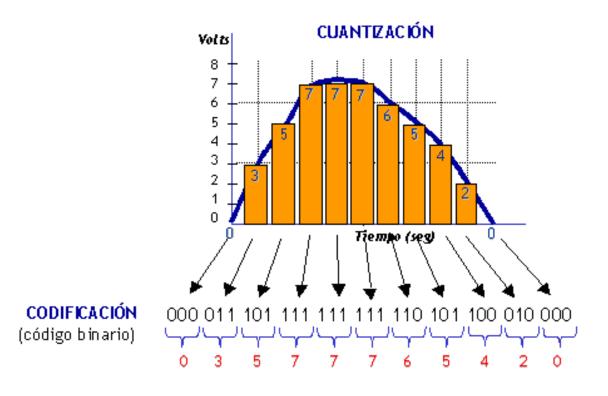




CUANTIZACIÓN

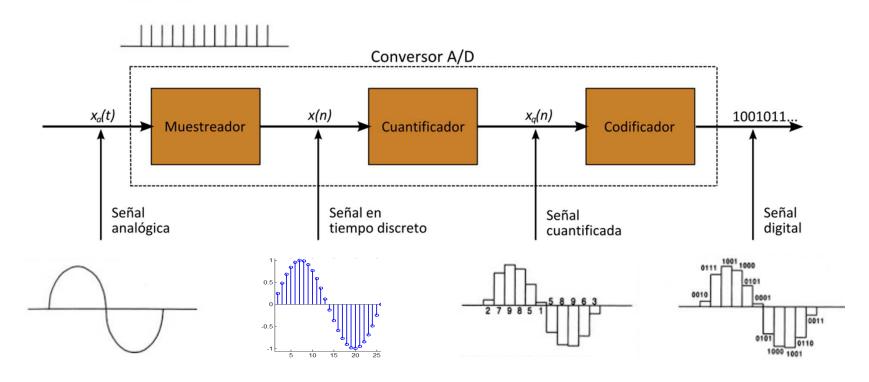


CUANTIZACIÓN/DIGITALIZACIÓN

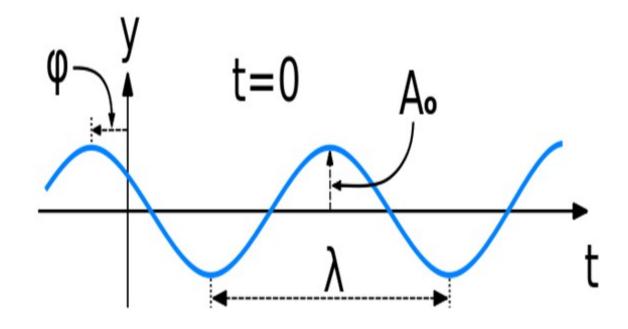


CONVERSIÓN ANALOGICO/DIGITAL (A/D)

RELOJ DE MUESTREO

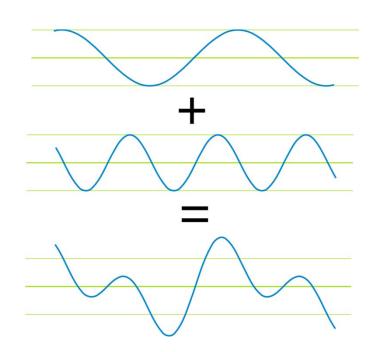


SINUSOIDAL



 $Y=A sen(\omega t+\phi)$

SUPERPOSICIÓN DE ONDAS



$$Y = \sum A_i \operatorname{sen}(\omega_i t + \varphi_i)$$

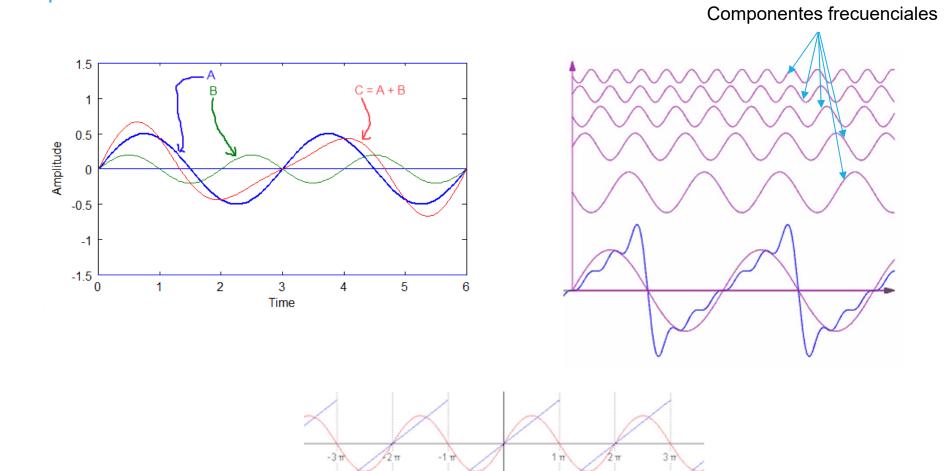
FOURIER



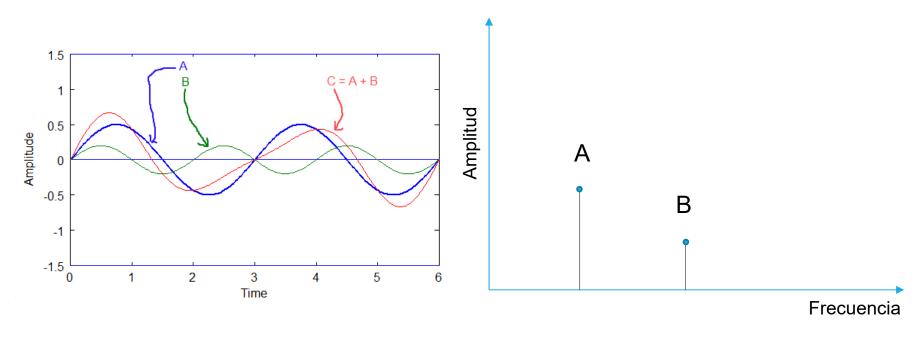
Teorema:

Cualquier forma de onda (señal) periódica se puede descomponer en una suma finita de senoidales.

SUPERPOSICIÓN DE ONDAS



ESPACIO FRECUENCIAL (ESPECTRO)



Espectro de C

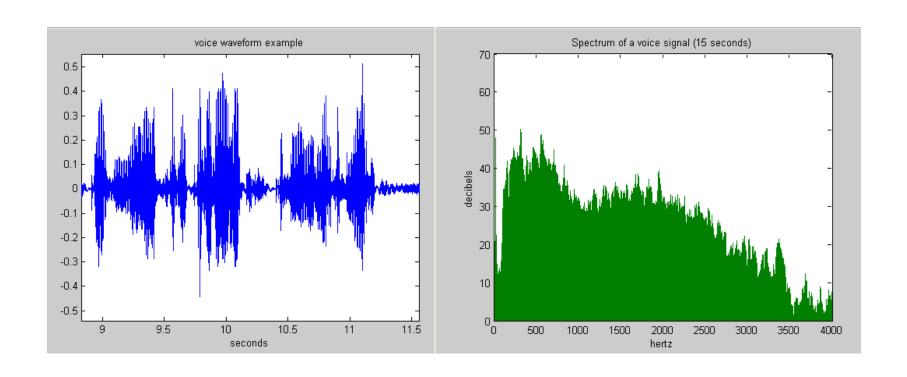
FOURIER II



Teorema:

Cualquier señal se puede descomponer en una serie de senoidales (que puede ser infinita).

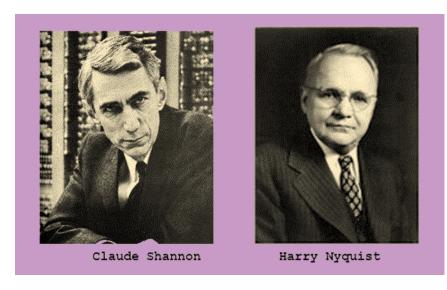
ESPACIO FRECUENCIAL CONTINUO



NYQUIST-SHANNON

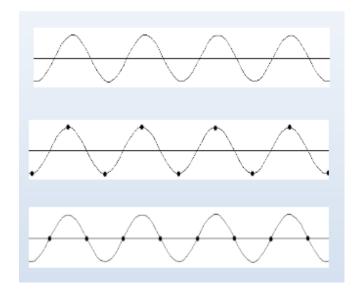
Teorema de muestreo de Nyquist-Shannon:

La reconstrucción exacta de una señal periódica continua en banda base a partir de sus muestras, es matemáticamente posible si la señal está limitada en banda y la tasa de muestreo es superior al doble de su ancho de banda (doble de la frecuencia de su componente frecuencial de mayor frecuencia).

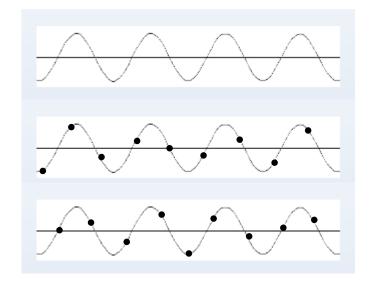


NYQUIST-SHANNON

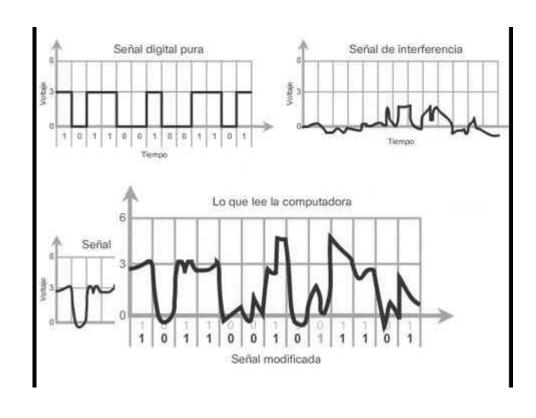
Muestreando al límite =2f



Muestreando >2f



RUIDO



REPRESENTACIÓN DE INFORMACIÓN ANALÓGICA

La precisión de la digitalización depende de:

- Frecuencia de muestreo:
 - Determina el ritmo al que se toman las muestras
 - Se mide en muestras/seg para sonido y muestras/pulgada para imágenes
- Precisión de la escala de traslación:
 - Para cada muestra se realiza un cambio de escala
 - La precisión de ésta depende del número de bits empleados para la traslación
 - Con n bits se puede representar 2ⁿ niveles de señal

El producto de los 2 factores proporciona la cantidad de información digitalizada

REPRESENTACIÓN DE SONIDO

- Se capta por medio de un micrófono que produce una señal analógica
- Además, suele amplificarse para encajarla entre unos valores máximo y mínimo (por ejemplo, -5V y +5V)
- Posteriormente, se aplica el muestreo:
 - Selecciona muestras de la señal a una frecuencia F_s
 - Por tanto cada $T_s = 1/F_s$ segundos se dispone de un valor de la señal
- Simultáneamente al muestreo las muestras se digitalizan con un conversor A/D

REPRESENTACIÓN DE SONIDO

Después de este proceso:

La señal de sonido queda representada por una secuencia de valores, por ejemplo, de 8 bits

Características de distintas señales de audio:

	Nº de bits/ muestra (por canal)	Frecuencia muestreo (F _s , KHz)	Período de muestreo (T _s ,
PCM Teléfono	8	8	125
Calidad telefónica	8	11,025	90,7
Radio	8	22,05	45,4
CD	16	44,1	22,7

REPRESENTACIÓN DE SONIDO

Cálculo capacidad necesaria para almacenar una señal:

• Muestras:
$$N = F_s * t$$

- Bits por canal: $B_c = N * Bits por muestra$
- Capacidad total: $C = N^{\circ}$ canales * B_{c}

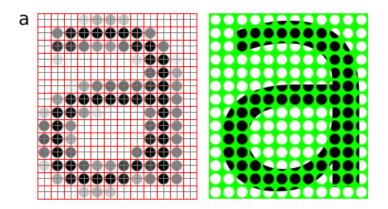
Ejemplo: Calcular la capacidad necesaria (en Bytes) para almacenar 1 minuto de señal de audio estereofónico con calidad CD

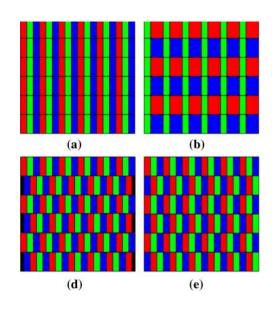
- $^{\bullet}N = F_s * t = 44.100 \text{ muestras/seg} * 60 \text{ segundos} = 2.646.000 \text{ muestras}$
- $^{\bullet}$ B_c = 2.646.000 muestras * 2 Bytes/muestra = 5.292.000 Bytes
- $^{\bullet}$ C = 2 * 5.292.000 = 10.584.000 Bytes \approx 10MB

- Las imágenes se obtienen por periféricos como por ejemplo escáneres, cámaras digitales y cámaras de video
- Existen sistemas de codificación de imágenes muy diversos: BMP, TIFF, JPG, GIF, PNG, etc.
- Formas básicas de representar imágenes:
 - Mapas de bits
 - Mapas de vectores

Mapas de bits:

- Imagen compuesta por puntos
- A cada punto se le asocia un atributo:
 - Nivel de gris (imagen en blanco y negro)
 - Nivel de color (imagen en color)
- Para almacenar una imagen influyen 2 factores:
 - Número de puntos
 - Código de atributo (color) asociado a cada punto
- Como no es posible almacenar infinitos puntos:
 - Se divide la imagen en una fina retícula (elementos de imagen o pixels)
 - A cada punto se le asigna como atributo el nivel de gris o color medio





Mapas de bits:

- Resolución de imagen (determina la calidad de la imagen):
 - (n° elementos por línea) x (n° elementos por columna)
- La imagen de una fotografía típica también se forma por puntos:
 - Con una resolución de 1280 x 1024 pixels el ojo humano la considera continua
- Para imágenes con calidad fotográfica se suelen usar 300 puntos por pulgada (2,54 cm) y 24 bits por cada punto
- En este caso la información almacenada es:

$$(300 * 300 * 2^3 * 3) / (2,54 * 2,54) = 334.800, 6696$$
 bits/cm² $\approx 326,954$ Kbits/cm² $\approx 0,3193$ Mbits/cm²

Ejemplo 1: Calcular la capacidad de memoria que ocupará una imagen en blanco y negro con resolución de 640 * 350 elementos de imagen (pixels) y con 16 niveles de grises

$$C = (640 * 350) * 4 \text{ bits} = 896.000 \text{ bits} = 875 \text{ Kbits}$$

Ejemplo 2: Obtener la capacidad de memoria de una imagen en color con una resolución XGA y con 256 niveles para cada color básico

$$C = (1.024 * 768) * 3 \text{ bytes} = 2.359.296 \text{ bytes} = 2,304 \text{ KB} = 2,25 \text{ MB}$$

Ejemplo 3: Una imagen de 100*100 puntos ocupa 5.000 bytes, ¿cuál es el máximo número de colores que puede tener?

0,5 bytes
$$\rightarrow$$
 4 bits/punto \rightarrow 2⁴ = 16 colores

Mapas de vectores:

- Descomponen la imagen en un conjunto de objetos: líneas, polígonos, textos, etc. con sus atributos (grosor, color, etc.)
- Los objetos son modelados mediante vectores y ecuaciones matemáticas que determinan
 - La forma
 - La posición
- Adecuada para gráficos de tipo geométrico, no para imágenes reales
- Genera archivos que ocupan menos espacio que los mapas de bits
- Más fáciles de procesar y reescalar