Trabajo Practico #6

Objetivos

- 1. Aplicar la Transformada de Laplace para resolver ecuaciones diferenciales lineales con coeficientes constantes.
- 2. Utilizar propiedades y tablas para calcular transformadas de Laplace e inversas de funciones comunes.
- 3. Analizar funciones continuas a trozos y periódicas utilizando la Transformada de Laplace y la función de Heaviside.
- 4. Practicar la descomposición en fracciones simples para encontrar transformadas inversas de Laplace.

Desarrollo

Dada la función $f(t) = \begin{cases} 0 & t < 2 \\ t & 2 < t < 3 \end{cases}$, se pide calcular la transformada de Laplace de la t > 3

función utilizando la definición indicando la abscisa de convergencia.

Determinar si existe la transformada de Laplace de la función.

$$f \Big(t \Big) = \begin{cases} 3 & \quad 0 < t < 1 \\ t^3 & \quad t \ge 1 \end{cases}$$

y escribir la función utilizando la función escalón.

3 Dada la siguiente función:

$$f(t) = \begin{cases} 0 & 0 \le t \le 3\\ 1 & 3 < t \le 5\\ t^2 & t > 5 \end{cases}$$

Calcular su transformada de Laplace utilizando la definición de transformada y escribir por medio de la función escalón.

Sistemas de Control y Servicios

Expresar en términos de la función salto unidad la función f(t), calculando

posteriormente su transformada de Laplace: $f(t) = \begin{cases} 0 \;, & t < 0 \\ 2t^2, & 0 \leq t < 3 \\ 9 \;, & t \geq 3 \end{cases}$

Datos:

$$\mathfrak{L}\left[t^{n}\right] = \frac{n!}{e^{n+1}}$$

$$\mathfrak{L}\!\left[t^{n}\right] = \frac{n\,!}{s^{\,n+1}} \qquad ; \qquad \qquad \mathfrak{L}\!\left[U\!\left(t-c\right)\right] = \frac{e^{-s\,c}}{s}$$

Hallar la transformada de las siguientes funciones, utilizando la tabla y las propiedades de las transformadas de Laplace:

$$f(x) = \frac{\sin 3x}{x}$$

b)
$$\int\limits_0^x \frac{e^t-\cos 2t}{t}\,dt$$

Calcula la transformada inversa de Laplace de $F(s) = \frac{1}{s(s^2 + 4)}$.

Calcular la transformada inversa de Laplace de la función: $F(s) = \frac{1}{\left(s^2+1\right)^2}$.

Bibliografía

- 1. Spiegel, M. R., & Lipschutz, S. (2009). Transformadas de Laplace: Serie Schaum. McGraw-Hill Interamericana.
- 2. Soler, M. A., & Montenegro, S. (2009). Aplicación de las transformadas de Laplace y de Fourier al análisis de circuitos eléctricos. Editorial de la Universidad de Flores.
- 3. Ramírez, J. L. (2002). Transformada de Laplace y aplicaciones. Instituto Politécnico Nacional.
- 4. Moreno, J. (2010). La Transformada de Laplace y sus aplicaciones en ecuaciones diferenciales. Universidad Nacional de Colombia.