

Taller Distancia Total

Presentado por:

Oscar Alejandro Gonzalez Soto – 20231578120

Maira Alejandra Orejuela Andrade – 20222578109

Presentado a:

Elsy Carolina Cipaguata Lara

Curso: 578 – 303

Universidad Distrital Francisco José de Caldas (Facultad tecnológica)

Calculo Integral

Noviembre 2023

Bogotá DC

TALLER DISTANCIA TOTAL Y DESPLAZAMIENTO

1. La función de velocidad está dada para una partícula que se mueve en línea recta. Hallar

a. El desplazamiento

b. la distancia recorrida

por la partícula en el intervalo indicado.

1. $v(t) = 3t - 5$, $0 \leq t \leq 3$

2. $v(t) = t^2 - 2t - 8$, $1 \leq t \leq 6$

1. a)
$$\int_0^3 (3t - 5) dt = \left[\frac{3t^2}{2} - 5t \right]_0^3$$

$$= \frac{3}{2}(3)^2 - 5(3)$$

$$= \frac{27}{2} - 15 = -\frac{3}{2}$$

• El desplazamiento de la partícula es de $-\frac{3}{2}$
es decir se mueve hacia atrás

b)
$$\int_0^3 |3t - 5| dt = \int_0^{5/3} -3t + 5 dt + \int_{5/3}^3 3t - 5 dt$$

$$= \left[-\frac{3}{2}t^2 + 5t \right]_0^{5/3} + \left[\frac{3}{2}t^2 - 5t \right]_{5/3}^3$$

$$= -\frac{3}{2}\left(\frac{5}{3}\right)^2 + 5\left(\frac{5}{3}\right) + \left(\frac{3}{2}(3)^2 - 5(3) - \left(\frac{3}{2}\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 5\left(\frac{5}{3}\right)\right)\right)$$

$$= -\frac{25}{6} + \frac{25}{3} + \frac{27}{2} - 15 - \frac{25}{6} + \frac{25}{3}$$

$$= \frac{41}{6}$$

• La distancia recorrida de la partícula es de $\frac{41}{6}$

$$2. a) \int_1^6 t^2 - 2t - 8 \, dt = \left. \frac{t^3}{3} - t^2 - 8t \right|_1^6$$

$$= \left(\frac{6^3}{3} - 6^2 - 8(6) \right) - \left(\frac{1^3}{3} - 1^2 - 8(1) \right)$$

$$= \frac{216}{3} - 36 - 48 - \frac{1}{3} + 1 + 8$$

$$= \frac{215}{3} - 75$$

$$= -\frac{10}{3}$$

• El desplazamiento de la partícula es de $-\frac{10}{3}$ es decir se mueve hacia atrás

$$b) \int_1^6 |t^2 - 2t - 8| \, dt = t = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-8)}}{2 \cdot 1}$$

$$= \frac{-(-2) \pm 6}{2}$$

$$t = 4$$

$$t = -2$$

$$= \int_1^4 -t^2 + 2t + 8 \, dt + \int_4^6 t^2 - 2t - 8 \, dt$$

$$= \left. -\frac{t^3}{3} + t^2 + 8t \right|_1^4 + \left. \frac{t^3}{3} - t^2 - 8t \right|_4^6$$

$$= -\frac{(4)^3}{3} + (4)^2 + 8(4) - \left(-\frac{1}{3} + 1 + 8 \right)$$

$$= -\frac{64}{3} + 16 + 32 + \frac{1}{3} - 1 - 8 = -\frac{63}{3} + 39 = \boxed{\frac{54}{3}}$$

$$= \left(\frac{6^3}{3} - 6^2 - 8(6) \right) - \left(\frac{4^3}{3} - 4^2 - 8(4) \right)$$

$$= \frac{216}{3} - 36 - 48 - \frac{64}{3} + 16 + 32 = \frac{152}{3} - 36 = \boxed{\frac{44}{3}}$$

$$= \frac{54}{3} + \frac{44}{3} = \frac{98}{3}$$

• la distancia recorrida de la partícula es de $\frac{98}{3}$

II. Se da la función de aceleración (en m/s^2) y la velocidad inicial para una partícula que se mueve a lo largo de una recta. Encontrar:

- a. la velocidad en el instante t
- b. el desplazamiento durante el intervalo dado
- c. la distancia recorrida durante el intervalo dado.

1. $a(t) = t + 4$, $v(0) = 5$, $0 \leq t \leq 10$

2. $a(t) = 2t + 3$, $v(0) = -4$, $0 \leq t \leq 2$.

1. a. $\int t + 4 \, dt = \frac{t^2}{2} + 4t + C \rightarrow \text{si } v(0) = 5$
 $= \frac{t^2}{2} + 4t + C = 5$
 $C = 5$

◦ la velocidad en el instante t es de $\frac{t^2}{2} + 4t + 5$

b. $\int_0^{10} \left(\frac{t^2}{2} + 4t + 5 \right) dt = \left. \frac{t^3}{6} + 2t^2 + 5t \right|_0^{10}$
 $= \frac{10^3}{6} + 2(10)^2 + 5(10) = \frac{1000}{6} + 200 + 50$

$= \frac{500}{3} + 200 + 50 = \frac{1250}{3}$

◦ El desplazamiento de la partícula es de $\frac{1250}{3}$

c. $\int_0^{10} \left| \frac{t^2}{2} + 4t + 5 \right| dt = \int_0^{10} \left(\frac{t^2}{2} + 4t + 5 \right) dt$
 $= \left. \frac{t^3}{6} + 2t^2 + 5t \right|_0^{10} = \frac{10^3}{6} + 2(10)^2 + 5(10) = \frac{1000}{6} + 200 + 50$
 $= \frac{500}{3} + 200 + 50 = \frac{1250}{3}$

$$2. a). \int 2t + 3 \, dt = t^2 + 3t + C \rightarrow \text{si } v(0) = -4$$

$$= t^2 + 3t + C = -4$$

$$C = -4$$

• la velocidad de la partícula en el instante t es de $t^2 + 3t - 4$

$$b). \int_0^2 (2t + 3) \, dt = \left. \frac{t^3}{3} + \frac{3}{2} t^2 - 4t \right|_0^2$$

$$= \frac{(2)^3}{3} + \frac{3}{2} (2)^2 - 4(2) = \frac{8}{3} + 6 - 8 = \frac{8}{3} - 2 = \frac{2}{3}$$

• El desplazamiento de la partícula es de $\frac{2}{3}$

$$c). \int_0^2 |t^2 + 3t - 4| \, dt \quad x=1, x=-4$$

$$= \int_0^1 -t^2 - 3t + 4 \, dt + \int_1^2 t^2 + 3t - 4 \, dt = \left. -\frac{t^3}{3} - \frac{3}{2} t^2 + 4t \right|_0^1 + \left. \frac{t^3}{3} + \frac{3}{2} t^2 - 4t \right|_1^2$$

$$= -\frac{1}{3} - \frac{3}{2} + 4 = \boxed{\frac{13}{6}}$$

$$= \frac{(2)^3}{3} + \frac{3}{2} (2)^2 - 4(2) - \left(\frac{1}{3} + \frac{3}{2} - 4 \right)$$

$$= \frac{8}{3} + 6 - 8 - \frac{1}{3} - \frac{3}{2} + 4 = \frac{7}{3} - \frac{3}{2} + 2 = \frac{5}{6} + 2 = \boxed{\frac{17}{6}}$$

$$= \frac{13}{6} + \frac{17}{6} = \frac{30}{6} = 5$$

• la distancia de la partícula es de 5.

III. la velocidad de un automovil leída en un velocímetro fue registrada a intervalos de 10 segundos en la tabla. Usar la regla del punto medio para estimar la distancia que viajó el automovil.

$$\frac{b-a}{n} (f(x_1) + f(x_2) + \dots + f(x_n)) \quad n=11$$

t(seg)	v(mi/h)
0	0
10	38
20	52
30	58
40	55
50	51
60	56
70	53
80	50
90	47
100	45

$$\frac{100-0}{11} (0+38+52+58+55+51+56+53+50+47+45)$$

$$\approx \frac{100}{11} (503) = \frac{50300}{11} \approx 4572,7 \text{ mi/h}$$

