FYS1120 Linjer på Kryss og Tvers

Oskar Idland

a)

Ved bruk av superposisjons prinsippet vet vi at feltene skapt av linjeladingene langs x og z-aksen kan kombineres for å finne feltet i xy-planet. Vi har allerede fått likningen for feltet til linjeladningen som går langs z-aksen og kan gjøre den om slik at den passer for ladningen langs x-aksen. Den eneste forskjellen er fortegnet på ladningstettheten, og retningsvektoren som nå skal stå radielt ut fra x-aksen.

$$\mathbf{E}_{z} = \frac{(Q/L)}{2\pi\epsilon_{0}r_{1}}\hat{\mathbf{r}}_{1}, \quad \hat{\mathbf{r}}_{1} = (x, y, 0) \qquad \mathbf{E}_{x} = \frac{(-Q/L)}{2\pi\epsilon_{0}r_{2}}\hat{\mathbf{r}}_{2}, \quad \hat{\mathbf{r}}_{2} = (0, y, z)$$

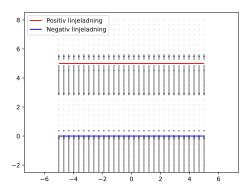
$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_{z} + \mathbf{E}_{x} = \frac{Q/L}{2\pi\epsilon_{0}} \left(\frac{\hat{\mathbf{r}}_{1}}{r_{1}} - \frac{\hat{\mathbf{r}}_{2}}{r_{2}}\right)$$

b)

Vi bruker superposisjons prinsippet og legger sammen feltet skapt av linjeladningene. Ettersom den ene linjen går gjennom (0,a) må retningsvektoren justeres. $\hat{\mathbf{r}} = (x,y) - (x,5) = (0,-5)$

$$\mathbf{E}_{x_0} = \frac{(-Q/L)}{2\pi\epsilon_0 r_0} \hat{\mathbf{r}}_0, \quad \hat{\mathbf{r}}_0 = (0, y) \qquad \mathbf{E}_{x_5} = \frac{(-Q/L)}{2\pi\epsilon_0 r_5} \hat{\mathbf{r}}_5, \quad \hat{\mathbf{r}}_5 = (0, y - 5)$$

Vi får følgende plot:



Figur 1: Plot av to horisontale linjeladninger

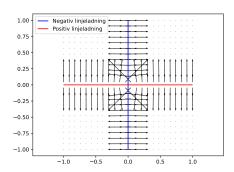
Ved å bruke kode tillhørende oppgave b:

 $\mathbf{c})$

Vi bruker superposisjons prinsippet ved å legge sammen feltene fra begge linjeladningene for å finne det totalet elektriske feltet i xy-planet. Ettersom vi ser på xy-planet vil z komponenten være irrelevant og vi forenkler derfor formelene fra tidligere.

$$\mathbf{E}_x = \frac{(Q/L)}{2\pi\epsilon_0 r_x} \hat{\mathbf{r}}_x, \quad \hat{\mathbf{r}}_x = (0, y) \qquad \mathbf{E}_y = \frac{(-Q/L)}{2\pi\epsilon_0 r_y} \hat{\mathbf{r}}_y, \quad \hat{\mathbf{r}}_y = (x, 0)$$

Vi får følgende plot:



Figur 2: Plot av to linjeladninger langs x og y-aksen

Når vi kjører kode tillhørende oppgave c:

```
1 # b)
3 import numpy as np
 import matplotlib.pyplot as plt
  def efieldq(q0,r,r0):
      # Input: charge q in Coulomb
              r: position to find field (in 1,2 or 3 dimensions) in meters
              r0: position of charge q0 in meters
9
      # Output: electric field E at position r in N/C
10
11
      dr = r-r0
      drnorm = np.sqrt(dr.dot(dr))
12
      epsilon0 = 8.854187817e-12
13
      return q0/(2.0*np.pi*epsilon0*(drnorm)**3)*dr
14
15
q = 1 \# Simplified Q/L
_{17} L = 5
18 N = 30
19 x = np.linspace(-L,L,N)
y = np.linspace(-L + 3,L + 3,N)
21 rx,ry = np.meshgrid(x,y)
22 Ex = np.zeros((N,N),float)
23 Ey = np.zeros((N,N),float)
24 for i in range(len(rx.flat)):
      rx0 = np.array([rx.flat[i],0])
      rx5 = np.array([rx.flat[i],5])
26
      r = np.array([rx.flat[i],ry.flat[i]])
27
      making a new function for the y-axis we generalize the function and input
       a negatative charge instead
plt.quiver(rx,ry,Ex,Ey)
go plt.hlines(5, -L, L, color = 'red', label = 'Positiv linjeladning')
plt.hlines(0,-L,L, color = 'blue', label = 'Negativ linjeladning')
32 plt.legend(loc = 'upper left')
plt.axis('equal')
34 plt.savefig('Linjeladninger_.b.pdf', format = 'pdf')
```

Code Listing 1: kode tillhørende oppgave b

```
1 # c)
3 import numpy as np
4 import matplotlib.pyplot as plt
6 def efieldq(q0,r,r0):
     # Input: charge q in Coulomb
              r: position to find field (in 1,2 or 3 dimensions) in meters
     #
              r0: position of charge q0 in meters
9
     # Output: electric field E at position r in N/C
10
     dr = r-r0
11
     drnorm = np.sqrt(dr.dot(dr))
12
    epsilon0 = 8.854187817e-12
     return q0/(2.0*np.pi*epsilon0*(drnorm)**3)*dr
14
15
q = 1 \# Simplified Q/L
17 L = 1
_{18} N = 24
19 x = np.linspace(-L,L,N)
y = np.linspace(-L,L,N)
21 rx,ry = np.meshgrid(x,y)
22 Ex = np.zeros((N,N),float)
23 Ey = np.zeros((N,N),float)
for i in range(len(rx.flat)):
      rx0 = np.array([rx.flat[i],0])
      ry0 = np.array([0,ry.flat[i]])
26
      r = np.array([rx.flat[i],ry.flat[i]])
27
      Ex.flat[i], Ey.flat[i] = efieldq(q,r,rx0) + efieldq(-q,r,ry0) # Instead of
       making a new function for the y-axis we generalize the function and input
       a negatative charge instead
plt.quiver(rx,ry,Ex,Ey)
30 plt.vlines(0, -L, L, color = 'blue', label = 'Negativ linjeladning')
plt.hlines(0,-L,L, color = 'red', label = 'Positiv linjeladning')
32 plt.legend(loc = 'upper left')
plt.axis('equal')
plt.savefig('Linjeladninger_c.pdf', format = 'pdf')
```

Code Listing 2: kode tillhørende oppgave c