


الصفحة 1 8	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المسالك الدولية – خيار فرنسية الدورة العادية 2018 الموضوع-	+XHAZ+ I HCV0Z0 +oLllo0+ I 80XEX olo80 A 80E3+X oJX3Hoi A 800MCA oJX3Hoi A 80JX3 oLoooi	 المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي
★	NS28F	المركز الوطني للتقويم والإمتحانات والتوجيه	

3	مدة الإنجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية : مسلك العلوم الفيزيائية – خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

L'usage de la calculatrice scientifique non programmable est autorisé

Le sujet comporte 4 exercices

On donnera les expressions littérales avant de passer aux applications numériques

Exercice I (7 points) :

- Electrolyse d'un composé ionique : le bromure de plomb
- Etude de quelques réactions de l'acide lactique

Exercice II (2,5 points) :

- Détermination de la célérité d'une onde ultrasonore dans un liquide

Exercice III (5 points) :

- Détermination expérimentale de la capacité d'un condensateur
- Etude d'un circuit RLC série

Exercice IV (5,5 points) :

- Etude du mouvement de chute verticale d'une bille dans un liquide visqueux
- Etude énergétique d'un oscillateur mécanique (solide-ressort)

Barème:

EXERCICE I (7 points)

Les parties I et II sont indépendantes

Partie I- Electrolyse d'un composé ionique : le bromure de plomb

On réalise l'électrolyse du bromure de plomb $Pb^{2+} + 2 Br^-$ à haute température par un générateur fournissant un courant électrique d'intensité I constante.

Au cours de cette électrolyse, le métal plomb se dépose sur l'une des électrodes et au niveau de l'autre, il se forme le gaz dibrome.

Au cours du fonctionnement de l'électrolyseur pendant la durée $\Delta t = 3600$ s, la masse de plomb déposé est : $m = 20,72$ g .

Données:

- Les 2 couples mis en jeu : $Pb^{2+} / Pb_{(s)}$ et $Br_{2(g)} / Br^-$;
- La constante de Faraday : $F = 9,65 \cdot 10^4$ C.mol⁻¹ ;
- Le volume molaire des gaz dans les conditions de l'expérience : $V_m = 70,5$ L.mol⁻¹ ;
- La masse molaire du plomb: $M(Pb) = 207,2$ g.mol⁻¹ .

0,25

1. Donner le nom de l'électrode (anode ou cathode) au niveau de laquelle se forme le dibrome.

0,75

2. Ecrire les équations des réactions aux électrodes, ainsi que l'équation bilan lors de l'électrolyse.

0,5

3. Déterminer la valeur de l'intensité I du courant électrique passant dans le circuit pendant la durée Δt .

0,5

4. Calculer, dans les conditions de l'expérience, le volume V du gaz dibrome formé pendant Δt .

Partie II - Etude de quelques réactions de l'acide lactique

L'acide 2-hydroxypropanoïque est connu généralement sous le nom de l'acide lactique. C'est un acide organique qui entre dans beaucoup de réactions biochimiques. on le trouve dans le lait et ses dérivés, dans des fruits et légumes. Il est utilisé comme conservateur des aliments et dans la préparation de certains produits pharmaceutiques contre des maladies de la peau...

On se propose d'étudier en premier lieu, la réaction de l'acide lactique avec l'hydroxyde de sodium, puis dans un deuxième temps, sa réaction avec un alcool.

1. Réaction de l'acide lactique avec l'hydroxyde de sodium

Données :

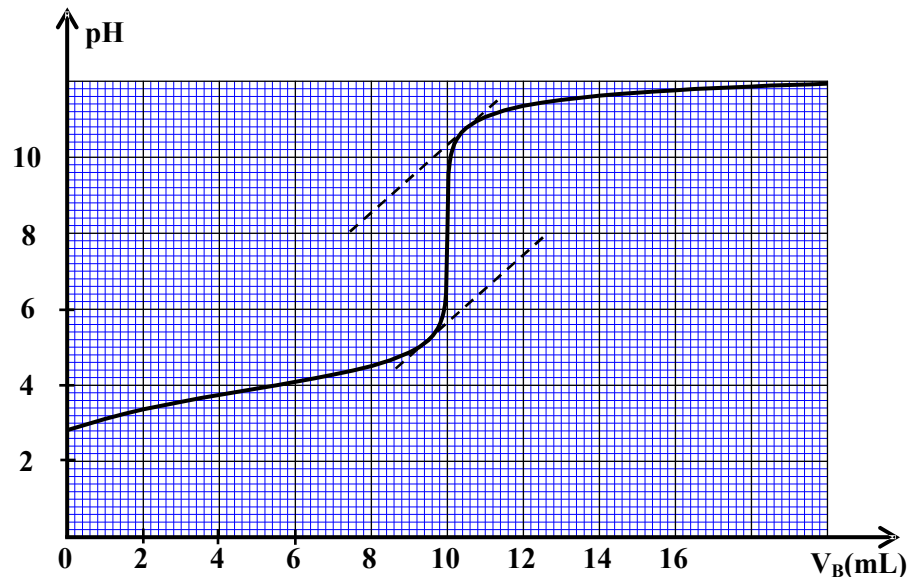
- Toutes les mesures sont effectuées à 25°C ;
- On représente l'acide lactique $CH_3-CH(OH)-COOH$ par AH et sa base conjuguée par A^- ;
- La constante d'acidité du couple $AH_{(aq)} / A^-_{(aq)}$: $K_A = 10^{-3,9}$;
- Zone de virage de quelques indicateurs colorés :

Indicateur coloré	Hélianthine	B.B.T	rouge de crésol
Zone de virage	3 – 4,4	6 – 7,6	7,2 – 8,8

On dose le volume $V_A = 15 \text{ mL}$ d'une solution aqueuse (S_A) d'acide lactique AH de concentration molaire C_A par une solution aqueuse (S_B) d'hydroxyde de sodium de concentration molaire $C_B = 3.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$, en suivant les variations du pH du mélange réactionnel en fonction du volume V_B versé de la solution (S_B).

La courbe de la figure ci-dessous, représente les variations du pH en fonction du volume V_B au cours du dosage.

- 0,5 1.1. Ecrire l'équation de la réaction de dosage.
0,5 1.2. Déterminer les coordonnées V_{BE} et pH_E du point d'équivalence.
0,5 1.3. Calculer la concentration C_A de la solution (S_A).
0,5 1.4. Choisir, en justifiant la réponse, l'indicateur coloré adéquat pour repérer l'équivalence.
0,75 1.5. Trouver le rapport $\frac{[A^-]}{[AH]}$ à l'ajout du volume $V_B = 10 \text{ mL}$, puis déduire l'espèce chimique prédominante AH ou A^- .



2. Réaction entre l'acide lactique et le méthanol

On mélange dans un ballon, la quantité $n_0 = 10^{-3} \text{ mol}$ d'acide lactique $CH_3-CH(OH)-COOH$ avec la même quantité $n_0 = 10^{-3} \text{ mol}$ de méthanol pur CH_3-OH , puis on chauffe à reflux le mélange réactionnel pendant une certaine durée.

On obtient à la fin de la réaction la quantité $n_E = 6.10^{-4} \text{ mol}$ d'un ester E.

- 0,5 2.1. Citer deux caractéristiques de cette réaction.
0,5 2.2. Proposer deux facteurs cinétiques pour accélérer la réaction d'estérification.
0,5 2.3. Ecrire, en utilisant les formules semi développées, l'équation de la réaction ayant lieu entre l'acide lactique et le méthanol.
0,75 2.4. Calculer le rendement r à la fin de la réaction.

EXERCICE II (2,5 points)

Détermination de la célérité d'une onde ultrasonore dans un liquide

Les ondes mécaniques se propagent seulement dans un milieu matériel, et leur célérité (vitesse de propagation) croît avec la densité du milieu où elles se propagent.

Pour déterminer la valeur approximative de la célérité V_p d'une onde ultrasonore dans le pétrole liquide, on réalise l'expérience suivante:

Dans une cuve contenant du pétrole, on fixe à l'une de ses extrémités deux émetteurs E_1 et E_2 qui sont reliés à un générateur GBF. A l'instant $t_0 = 0$, les deux émetteurs émettent chacun une onde ultrasonore, une se propage dans l'air et l'autre dans le pétrole. A l'autre extrémité de la cuve, on place deux récepteurs R_1 et R_2 , l'un dans l'air et l'autre dans le pétrole. Les récepteurs sont à une distance L des émetteurs. (voir figure 1)

On visualise sur l'écran d'un oscilloscope les deux signaux reçus par R_1 et R_2 . (voir figure 2)

Données :

- les deux ondes parcourent la même distance $L = 1,84 \text{ m}$;
- la célérité des ultrasons dans l'air : $V_{air} = 340 \text{ m.s}^{-1}$;
- la sensibilité horizontale de l'oscilloscope: 2 ms / div .

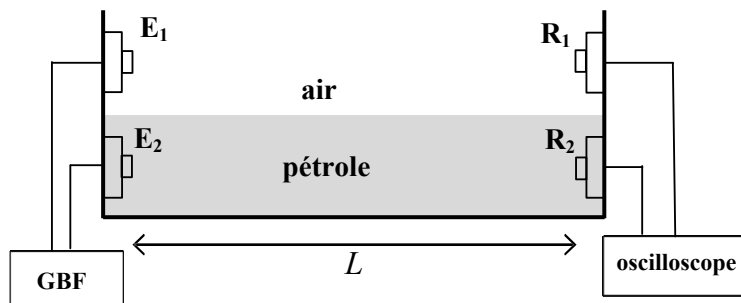


Figure 1

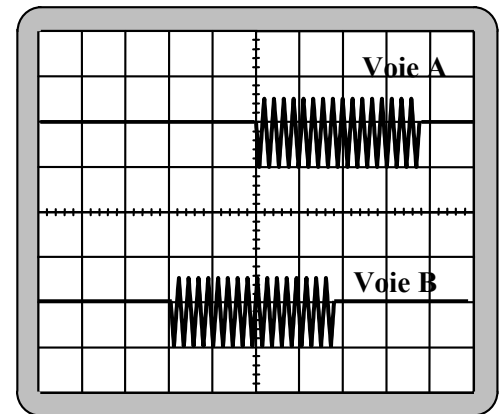


Figure 2

- 0,5 1. Les ondes ultrasonores, sont-elles longitudinales ou transversales ? justifier.
- 0,5 2. En exploitant la figure 2, déterminer la valeur du retard temporel τ entre les deux ondes reçues.
- 0,75 3. Montrer que l'expression de τ s'écrit sous la forme: $\tau = L \left(\frac{1}{V_{air}} - \frac{1}{V_p} \right)$.
- 0,75 4. Trouver la valeur approchée de la célérité V_p .

EXERCICE III (5 points)

Un professeur a consacré, avec ses élèves, une séance de travaux pratiques de physique pour :

- Déterminer expérimentalement la valeur de la capacité d'un condensateur par deux méthodes différentes.
- Etudier un circuit RLC série.

I-Détermination expérimentale de la capacité d'un condensateur

1. En utilisant un générateur de courant

Un premier groupe d'élèves d'une classe réalise, sous les directives du professeur, le montage expérimental de la figure 1 (page suivante) constitué des éléments suivants:

- un générateur idéal de courant qui alimente le circuit par un courant électrique d'intensité I_0 ;
- un conducteur ohmique de résistance R ;
- deux condensateurs (c_1) et (c_2) montés en parallèle, respectivement de capacités $C_1 = 7,5 \mu\text{F}$ et C_2 inconnue ;
- un interrupteur K .

À l'instant $t_0 = 0$, un élève ferme le circuit. A l'aide d'un système d'acquisition informatisé, le groupe d'élèves obtient la courbe des variations de la charge q du condensateur équivalent à l'association des deux condensateurs (C_1) et (C_2) en fonction de la tension u_{AB} (figure 2).

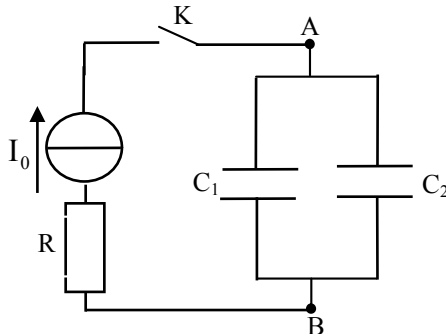


Figure 1

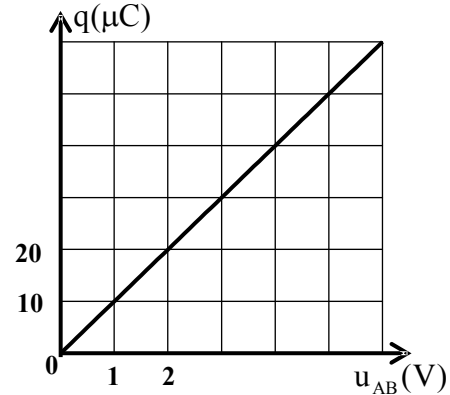


Figure 2

0,5

1.1. Quel est l'intérêt de monter des condensateurs en parallèle ?

0,75

1.2. En exploitant la courbe de la figure 2, déterminer la valeur de la capacité C_{eq} du condensateur équivalent aux deux condensateurs (C_1) et (C_2) .

0,5

1.3. En déduire la valeur de la capacité C_2 .

2. En étudiant la réponse du dipôle RC à un échelon de tension

Un deuxième groupe d'élèves de la même classe réalise le montage représenté par la figure 3 constitué par :

- Un générateur idéal de tension de force électromotrice E ;
- Un conducteur ohmique de résistance $R = 1600 \Omega$;
- Le condensateur précédent de capacité C_2 ;
- Un interrupteur K à double position.

Après avoir chargé totalement le condensateur, un élève bascule l'interrupteur K sur la position (2) à l'instant $t_0 = 0$. A l'aide d'un système d'acquisition informatisé, le groupe d'élèves obtient la courbe des variations de la tension $u_{C_2}(t)$ aux bornes du condensateur (figure 4).

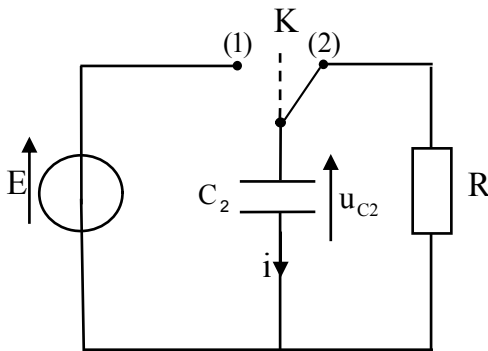


Figure 3

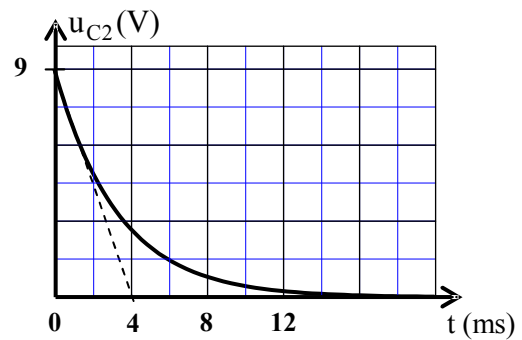


Figure 4

0,5

2.1. Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension $u_{C_2}(t)$ au cours de la décharge du condensateur.

0,5

2.2. La solution de cette équation différentielle est de la forme $u_{C_2}(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$. Trouver l'expression de la constante de temps τ en fonction de R et C_2 .

0,5

2.3. Déterminer de nouveau la valeur de la capacité C_2 .

II- Etude d'un circuit RLC série

Un élève de la même classe réalise le montage représenté sur la figure 5 qui comporte :

- un condensateur, totalement chargé, de capacité $C = 2,5 \mu\text{F}$;
- une bobine d'inductance L et de résistance r ;
- un interrupteur K .

Après fermeture du circuit, on visualise, à l'aide d'un système d'acquisition informatisé, des oscillations pseudopériodiques représentant les variations de la charge $q(t)$ du condensateur.

0,25 1. Pourquoi observe-t-on des oscillations pseudopériodiques ?

2. Pour obtenir des oscillations électriques entretenues, un générateur G délivrant une tension proportionnelle à l'intensité du courant $u_G(t) = k.i(t)$ est inséré en série dans le circuit précédent.

0,5 2.1. Etablir l'équation différentielle vérifiée par la charge $q(t)$.

0,25 2.2. En ajustant le paramètre k sur la valeur $k = 5$ (exprimée dans le système d'unités international), les oscillations deviennent sinusoïdales (figure 6). Déterminer la valeur de r .

0,75 2.3. En exploitant la courbe de la figure 6, trouver la valeur de l'inductance L de la bobine.

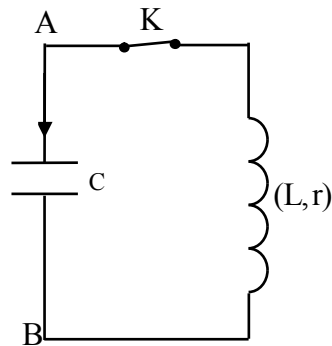


Figure 5

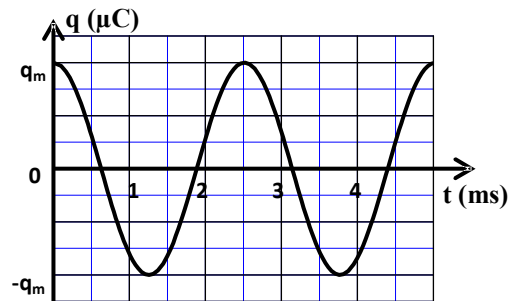


Figure 6

EXERCICE IV (5,5 points)

Les parties I et II sont indépendantes

Partie I- Etude du mouvement de chute verticale d'une bille dans un liquide visqueux

Afin de déterminer quelques caractéristiques du mouvement de chute d'une bille dans un liquide visqueux, on réalise l'expérience suivante :

On remplit une éprouvette graduée par un liquide visqueux et transparent, de masse volumique ρ , puis on libère, sans vitesse initiale dans ce liquide, une bille de masse $m = 2.10^{-2} \text{ kg}$, de volume V et de centre d'inertie G .

On étudie le mouvement du centre d'inertie G dans un repère (O, \vec{j}) lié à un référentiel terrestre considéré comme galiléen.

La position instantanée du centre d'inertie G est repérée sur un axe vertical \overline{Oy} orienté vers le bas (figure 1).

On considère que la position de G à l'instant $t=0$ est confondue avec l'origine de l'axe \overline{Oy} et que la poussée d'Archimède \vec{F}_a n'est pas négligeable devant les autres forces.

La force de frottement fluide est modélisée par $\vec{f} = -k.\vec{v}_G$. (\vec{v}_G étant le vecteur vitesse instantanée du centre d'inertie G et k une constante positive).

On rappelle que l'intensité de la poussée d'Archimède vaut le poids du liquide déplacé : $F_a = \rho.V.g$, où g est l'intensité de pesanteur.

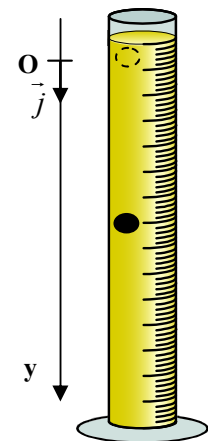


Figure 1

Avec une camera numérique et un logiciel adapté, on obtient, après traitement des données expérimentales, la courbe des variations de la vitesse instantanée du centre d'inertie de la bille en fonction du temps (voir figure 2).

1. En appliquant la deuxième loi de Newton, montrer que l'équation différentielle vérifiée par la vitesse s'écrit sous la forme : $\frac{dv_G}{dt} + \frac{1}{\tau} \cdot v_G = A$

, en précisant l'expression du temps caractéristique τ en fonction de k et m et l'expression de la constante A en fonction de g , m , ρ et V .

- 0,5 2. Déterminer graphiquement la valeur de la vitesse limite v_{Glim} et la valeur de τ .

- 1 3. Trouver la valeur de k et celle de A .

- 1 4. L'équation différentielle du mouvement de G s'écrit sous la forme numérique :

$$\frac{dv_G}{dt} = 9,26 - 18,52 \cdot v_G.$$

En utilisant la méthode d'Euler et les données du tableau suivant, calculer la valeur approchée de a_3 et celle de v_4 .

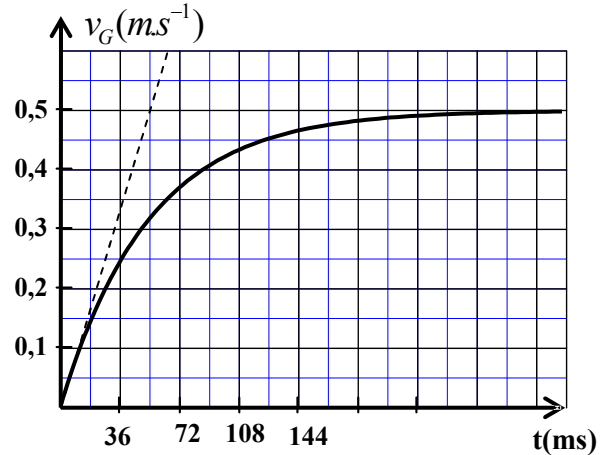


Figure 2

t (s)	v_G (m.s ⁻¹)	a_G (m.s ⁻²)
⋮	⋮	⋮
0,015	0,126	a_3
0,020	v_4	6,28
0,025	0,192	5,70

Partie II- Etude énergétique d'un oscillateur mécanique (solide-ressort)

On modélise une partie d'une machine mécanique par un oscillateur horizontal, constitué d'un solide (S), de centre d'inertie G et de masse m fixé à l'extrémité d'un ressort horizontal à spires non jointives de masse négligeable et de raideur $K = 35 \text{ N.m}^{-1}$.

L'autre extrémité est attachée à un support immobile.

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre d'une distance X_m puis on le lâche sans vitesse initiale.

Le solide (S) oscille sans frottements sur un plan horizontal.

On étudie le mouvement du centre d'inertie G dans un repère (O, \vec{i}) lié à un référentiel terrestre considéré comme galiléen.

La position de G, lorsque le solide (S) est à l'équilibre, coïncide avec l'origine O de l'axe (O, \vec{i}) .

On repère la position de G à un instant t par l'abscisse x dans le repère (O, \vec{i}) . (figure3, page suivante)

On choisit la position de G à l'état d'équilibre ($x=0$) comme référence de l'énergie potentielle élastique.

L'équation horaire du mouvement de G s'écrit sous la forme: $x(t) = X_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$.

La courbe de la figure 4 représente les variations de l'abscisse x en fonction du temps.

- 0,75 1. Déterminer les valeurs de X_m , T_0 et φ .
- 0,5 2. Trouver la valeur de l'énergie potentielle élastique E_{pe1} du système mécanique à la date $t_1 = 0,5 \text{ s}$.
- 0,75 3. Calculer le travail $W_{AB}(\vec{F})$ de la force de rappel, lorsque le centre d'inertie G se déplace de la position A d'abscisse $x_A = X_m$ à la position B d'abscisse $x_B = -X_m$.

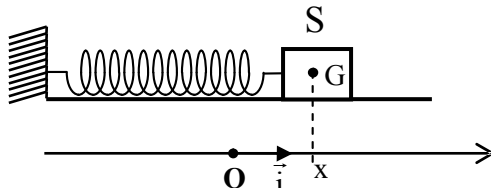


Figure 3

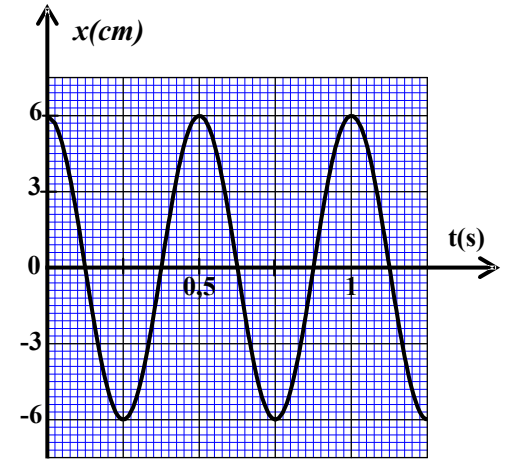


Figure 4

- Exercice1-

Partie I :

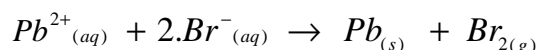
1- Le nom de l'électrode où se forme le gaz Br_2 : C'est l'anode (qui attire l'anion Br^-)

2- * Equations des réactions :

- Au niveau de la cathode : $Pb^{2+}_{(aq)} + 2.e^- \rightleftharpoons Pb_{(s)}$

- Au niveau de l'anode : $2.Br^-_{(aq)} \rightleftharpoons Br_{2(g)} + 2.e^-$

* Equation bilan :



3- Détermination de l'intensité I :

Demi- équation		$Pb^{2+}_{(aq)} + 2.e^{-} \overset{\rightarrow}{\underset{\leftarrow}{}} Pb_{(s)}$			Quantité de matière des e^{-} échangés :
Etat du système	Avancement x (mol)	Quantités de matière (mol)			
Etat initial	0	$n_0(Pb^{2+})$	\approx	0	0
E. intermédiaire	x	$n_0(Pb^{2+}) - x$	\approx	$x = \frac{m}{M(Pb)}$	$n(e^{-}) = 2.x$

- On sait que $I = \frac{\text{Quantité d'électricité}}{\text{Durée du temps}} = \frac{Q}{\Delta t}$ avec $Q = n(e^-) \times F$

- D'après le tableau d'avancement : $n(e^-) = 2.x$ et $x = n_t(Pb) = \frac{m}{M(Pb)}$

- En combinant ces relations on aboutit à l'expression : $I = \frac{2.m.F}{M(Pb).\Delta t}$

- A.N : $I = \frac{2 \times 20,72 \times 9,56.10^4}{207,2 \times 3600} \approx 5,36A$

4- Calcul du volume V du gaz dibrome formé pendant Δt :

- Tableau d'avancement :

Equation de la réaction		$Pb^{2+}_{(aq)} + 2.Br^-_{(aq)} \rightarrow Pb_{(s)} + Br_{2(g)}$			
Etat du système	Avancement x(mol)	Quantités de matière (mol)			
Etat initial	0	$n_0(Pb^{2+})$	$n_0(Br^-)$	0	0
Etat intermédiaire	X	$n_0(Pb^{2+}) - x$	$n_0(Br^-) - 2.x$	x	$x = n_t(Br_2) = \frac{V}{V_m}$

- D'après les deux tableaux : $x = \frac{m}{M(Pb)}$ et $x = n_t(Br_2) = \frac{V}{V_m}$

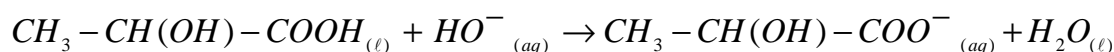
- On en déduit que : $V = \frac{m.V_m}{M(Pb)}$

- A.N : $V = \frac{20,72 \times 70,5}{207,2} \approx 7,05L$

Partie II :

1- Réaction de l'acide lactique avec l'hydroxyde de sodium :

1-1- Equation de la réaction du dosage :

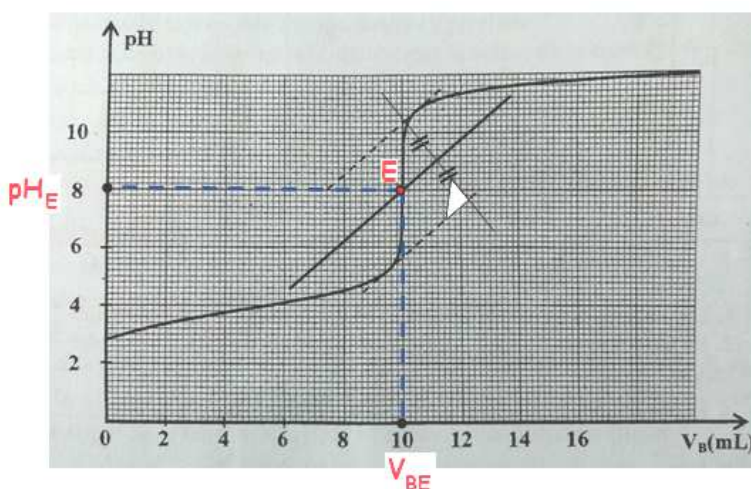


1-2- Coordonnées du point d'équivalence :

En utilisant la méthode des droites Parallèles ; on trouve graphiquement :

- $V_{BE} = 10mL$;

- $pH_E \approx 8$.



1-3- Calcul de la concentration C_A :

- A l'équivalence ; on applique la relation : $C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$

- On en déduit que : $C_A = C_B \cdot \frac{V_{BE}}{V_A}$

- A.N : $C_A = 3 \cdot 10^{-2} \times \frac{10}{15} = 2 \cdot 10^{-2} mol.L^{-1}$

1-4- L'indicateur adéquat pour repérer le pont d'équivalence :

C'est le rouge de crésol ; car sa zone de virage $[7,2 ; 8,8]$ contient $pH_E \approx 8$.

1-5- * Calcul du rapport $[A^-] / [AH]$:

- On applique la relation : $pH_E = pK_A + \text{Log} \frac{[A^-]_E}{[AH]_E}$

- Cette relation s'écrit : $\text{Log} \frac{[A^-]_E}{[AH]_E} = pH_E - pK_A \Rightarrow \frac{[A^-]_E}{[AH]_E} = 10^{(pH_E - pK_A)} = 10^{pH_E} \times 10^{-pK_A}$

- Finalement on trouve : $\frac{[A^-]_E}{[AH]_E} = 10^{pH_E} \times K_A$

- A.N : $\frac{[A^-]_E}{[AH]_E} = 10^8 \times 10^{-3,9} \approx 1,26 \cdot 10^4$

Correction du sujet de l'examen national du Baccalauréat
Session normale : 2018

KACHICHE MUSTAPHA - Madariss Maria - Temara

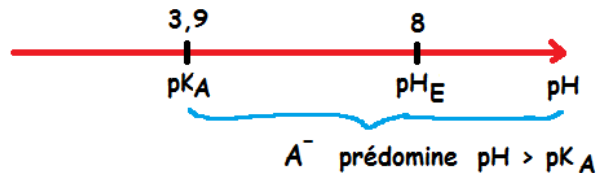
page 3

* L'espèce chimique prédominante :

$$- \frac{[A^-]_E}{[AH]_E} = 1,26.10^4 \Rightarrow \frac{[A^-]_E}{[AH]_E} \gg 1 \Rightarrow [A^-] \gg [AH]$$

- Donc l'espèce prédominante est la forme basique : A^- .

Rmq : on peut utiliser l'échelle pH de prédominance :



2- Réaction de l'acide lactique avec le méthanol :

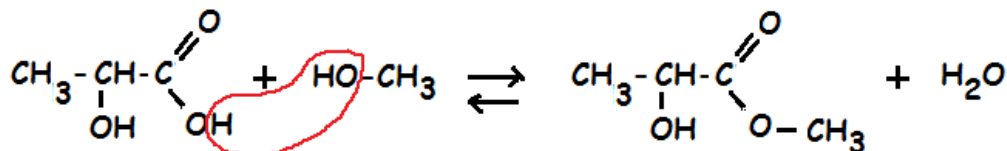
2-1- Deux caractéristiques de cette réaction :

- La réaction est lente ;
- La réaction est limitée.

2-2- Deux facteurs cinétiques pour accélérer la réaction :

- Augmenter la température ;
- Utiliser un catalyseur ;
- Ou encore augmenter la concentration d'un réactif.

2-3- Equation de la réaction :



2-4- Calcul du rendement r de la réaction :

$$- \text{Par définition : } r = \frac{n_{\text{exp}}(\text{ester})}{n_{\text{théo}}(\text{ester})} = \frac{n_E}{n_0}$$

$$- \text{A.N : } r = \frac{6.10^{-4}}{10^{-3}} = 0,60 = 60 \%$$

- Exercice2-

1- Une onde sonore est-elle longitudinale ou transversale ?

Une onde sonore est longitudinale, car la direction de déformation du milieu de propagation est parallèle à la direction de propagation de l'onde sonore.

2- Le retard temporel entre les deux ondes :

On trouve graphiquement : $\tau = 2 \times (2\text{ms}) = 4\text{ms}$

3- Montrons l'expression voulue :

- Le pétrole est plus dense que l'air, donc $V_{\text{pétrole}} > V_{\text{air}}$
- En comparant les durées mises par les deux ondes sonores entre l'émetteur et le récepteur ; on écrit : $t_p < t_a$
- Le retard temporel entre les deux ondes est $\tau = t_a - t_p$; avec $t_a = \frac{L}{V_{\text{air}}}$ et $t_p = \frac{L}{V_p}$
- Finalement l'expression est : $\tau = \frac{L}{V_{\text{air}}} - \frac{L}{V_p}$ ou $\tau = L \cdot \left(\frac{1}{V_{\text{air}}} - \frac{1}{V_p} \right)$

3- La valeur approchée de V_p :

- On sait que $\tau = L \cdot \left(\frac{1}{V_{\text{air}}} - \frac{1}{V_p} \right)$
- Elle s'écrit également : $\frac{1}{V_{\text{air}}} - \frac{1}{V_p} = \frac{\tau}{L} \Rightarrow \frac{1}{V_p} = \frac{1}{V_{\text{air}}} - \frac{\tau}{L} \Rightarrow \frac{1}{V_p} = \frac{L - \tau \cdot V_{\text{air}}}{L \cdot V_{\text{air}}}$
- Finalement : $V_p = \frac{L \cdot V_{\text{air}}}{L - \tau \cdot V_{\text{air}}}$
- A.N : $V_p = \frac{1,84 \times 340}{1,84 - 4 \cdot 10^{-3} \times 340} \approx 1303 \text{ m.s}^{-1}$

- Exercice3-

I: Détermination expérimentale de la capacité d'un condensateur :

1- En utilisant un générateur de courant :

1-1- Intérêt de monter les condensateurs en dérivation :

C'est pour augmenter la charge électrique, et par conséquent augmenter la valeur de la capacité.

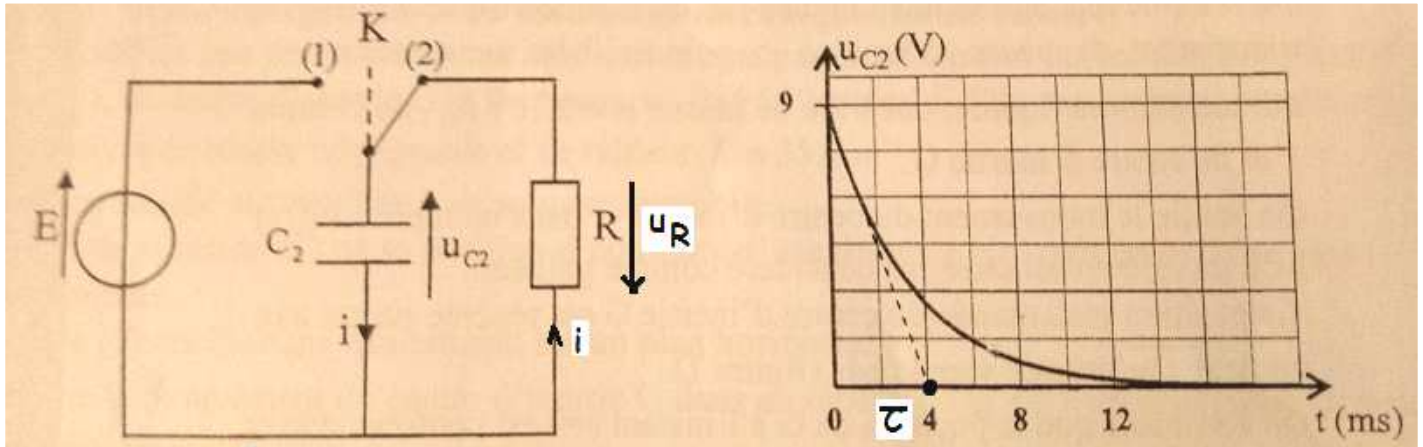
1-2- Détermination graphique de la capacité C_{eq} du condensateur équivalent :

- On sait que $q = C_{eq} \cdot U_{AB}$; $q = f(U_{AB})$: fonction linéaire ($y = a \cdot x$)
- Le coefficient C_{eq} représente le coefficient directeur de la droite indiquée sur la figure2.
- Graphiquement on a : $C_{eq} = \frac{\Delta q}{\Delta U_{AB}}$
- A.N : $C_{eq} = \frac{(20 - 0) \cdot 10^{-6}}{2 - 0} = 10^{-5} F$

1-3- Déduction de la valeur de la capacité C_2 :

- Les deux condensateurs sont en dérivation ; et d'après la loi d'association : $C_{eq} = C_1 + C_2$
- On en déduit que : $C_2 = C_{eq} - C_1$
- A.N : $C_2 = 10^{-5} - 7,5 \cdot 10^{-6} = 2,5 \cdot 10^{-6} F$

1- En étudiant la réponse du dipôle RC à un échelon de tension :



2-1- Equation différentielle vérifiée par la tension u_{C2} :

- D'après la figure1 ; $u_{C2} = -u_R \Rightarrow u_R + u_{C2} = 0$ (1)

- Dans la convention récepteur : $u_R = R \cdot i = R \cdot \frac{dq}{dt} = R \cdot \frac{d(C_2 \cdot u_{C2})}{dt} = RC_2 \cdot \frac{du_{C2}}{dt}$ (2)

- En remplaçant (2) dans (1), on obtient l'équation différentielle vérifiée par la tension u_{C2} :

$$RC_2 \cdot \frac{du_{C2}}{dt} + u_{C2} = 0 \quad \text{ou} \quad \frac{du_{C2}}{dt} + \frac{1}{RC_2} \cdot u_{C2} = 0$$

2-2- Expression de la constante de temps τ :

- La solution de cette équation est de la forme : $u_{C2}(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

- Portons cette expression dans l'équation différentielle précédente :

$$\begin{aligned} \frac{d}{dt} \left(E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \right) + \frac{1}{RC_2} \cdot \left(E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \right) &= 0 \\ \Rightarrow -\frac{E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{RC_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} &= 0 \\ \Rightarrow \underbrace{E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}}_{\neq 0} \left(-\frac{1}{\tau} + \frac{1}{RC_2} \right) &= 0 \\ \Rightarrow \tau &= R \cdot C_2 \end{aligned}$$

2-3- Détermination de la valeur de la capacité C_2 :

- D'après la relation précédente ; on a : $C_2 = \frac{\tau}{R}$

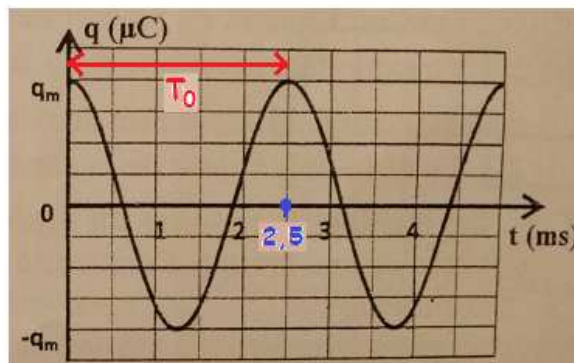
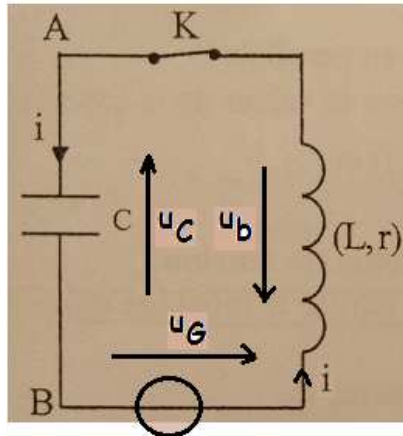
- A.N : $\tau = 4 \text{ ms} = 4 \cdot 10^{-3} \text{ s (graphiquement) ; } C_2 = \frac{4 \cdot 10^{-3}}{1600} = 2,5 \cdot 10^{-6} \text{ F}$

II : Etude d'un circuit RLC série :

1- Pourquoi les oscillations pseudopériodiques ?:

La présence de la résistance r de la bobine dans le circuit étudié, conduit à la dissipation d'énergie par effet Joule.

2-1- Equation différentielle vérifiée par la charge q :



- D'après la figure 1 ; $u_b + u_c = u_G \Rightarrow L \cdot \underbrace{\frac{di}{dt}}_{u_b} + r \cdot i + \underbrace{\frac{q}{C}}_{u_c} = \underbrace{k \cdot i}_{u_G} \Rightarrow L \cdot \frac{di}{dt} + (r - k) \cdot i + \frac{q}{C} = 0$

- En remplaçant i par $\frac{dq}{dt}$, on aura : $L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} + (r - k) \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} \cdot q = 0$

- D'où l'équation différentielle : $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{(r - k)}{L} \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot q = 0$

2-2- Détermination de la valeur de R :

- Le paramètre $k = 5 \text{ S.I}$, est ajusté de manière que les oscillations deviennent sinusoïdales ;

- Dans ce cas le terme $\frac{(r - k)}{L} \cdot \frac{dq}{dt}$ doit être nul dans l'équation différentielle précédente ;

- Finalement $r - k = 0 \Rightarrow r = k = 5 \Omega$

2-3- Recherche de la valeur de l'inductance L :

- L'équation différentielle est de la forme : $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot q = 0$

- La période propre du système oscillant est : $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$

- Cette relation conduit à l'expression : $L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 \cdot C}$

- A.N : $T_0 = 2,5 \text{ ms}$ (graphiquement) et $L = \frac{(2,5 \cdot 10^{-3})^2}{4\pi^2 \cdot 2,5 \cdot 10^{-6}} \approx 6,3 \cdot 10^{-2} \text{ H}$

- Exercice 4 -

Partie I : Etude du mouvement de chute verticale :

1- Equation différentielle vérifiée par la vitesse v_G :

- Système à étudier : {bille}

- Repère d'étude R (O ; \vec{j}) supposé galiléen ;

- Bilan des forces extérieures :

* Poids du corps : $\vec{P} = m \cdot g \cdot \vec{j}$

* Force de frottement fluide : $\vec{f} = -k \cdot \vec{v}_G$

* La poussée d'Archimède : $\vec{F}_a = -\rho \cdot g \cdot V \cdot \vec{j}$

- La 2^{ème} loi de Newton s'écrit : $\vec{P} + \vec{f} + \vec{F}_a = m \cdot \vec{a}_G$

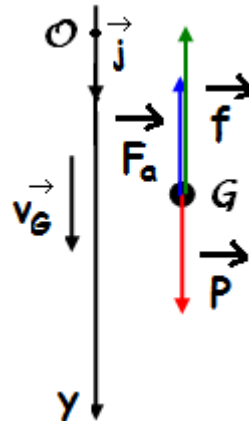
- Projection de cette relation vectorielle sur l'axe Oy : $P_y + f_y + F_{a_y} = m \cdot a_y$ (*)

- Les expressions sont: $P_y = P = m \cdot g$, $f_y = -k \cdot v_{Gy}$, $F_{a_y} = -\rho \cdot g \cdot V$ et $a_y = \frac{dv_{Gy}}{dt}$.

- La relation (*) devient : $m \cdot g - k \cdot v_G - \rho \cdot g \cdot V = m \cdot \frac{dv_G}{dt}$

- Finalement l'équation différentielle est : $\frac{dv_G}{dt} + \frac{k}{m} \cdot v_G = g(1 - \frac{\rho \cdot V}{m})$

- On pose : $\tau = \frac{m}{k}$ et $A = g(1 - \frac{\rho \cdot V}{m})$; l'équation devient : $\frac{dv_G}{dt} + \frac{1}{\tau} \cdot v_G = A$



2- Détermination graphique de $v_{G \lim}$ et de τ :

- La vitesse limite : $v_{G \lim} = 0,5 \text{ m.s}^{-1}$;

- la constante de temps : $\tau = 54 \text{ ms}$

3- Valeur de k et celle de A :

- $k = \frac{m}{\tau}$ A.N : $k = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{54 \cdot 10^{-3}} \approx 0,37 \text{ Kg.s}^{-1}$

- Au régime permanent ; l'équation différentielle s'écrit : $A = \left(\frac{dv_G}{dt} \right)_{t \rightarrow \infty} + \frac{1}{\tau} \cdot v_{Gt \rightarrow \infty}$

- On a : $\left(\frac{dv_G}{dt} \right)_{t \rightarrow \infty} = 0$ et $v_{Gt \rightarrow \infty} = v_{G \lim}$;

- Finalement : $A = \frac{v_{G \lim}}{\tau}$ A.N : $A = \frac{0,5}{54 \cdot 10^{-3}} = 9,26 \text{ m.s}^{-2}$

Correction du sujet de l'examen national du Baccalauréat
Session normale : 2018

KACHICHE MUSTAPHA - Madariss Maria - Temara

page 8

4- Calcul de la valeur approchée de a_3 et celle de v_4 :

* A l'instant t_n l'équation différentielle peut s'écrire : $(a_G)_n = 9,26 - 18,52 \cdot (v_G)_n$ (1)

* Au même instant ; la méthode d'Euler permet d'écrire : $(v_G)_n = (v_G)_{n-1} + (a_G)_{n-1} \times \Delta t$ (2)

* D'après le tableau, on remarque que le pas du calcul est :

$$\Delta t = 0,020 - 0,015 = 0,025 - 0,020 = 0,005s$$

* Par application de (1) :

$$(a_G)_3 = 9,26 - 18,52 \cdot (v_G)_3$$

$$= 9,26 - 18,52 \times 0,126$$

$$(a_G)_3 \approx 6,93 m.s^{-2}$$

* Par application de (2) :

$$(v_G)_4 = (v_G)_3 + (a_G)_3 \times \Delta t$$

$$= 0,126 + 6,93 \times 0,005$$

$$(v_G)_4 \approx 0,161 m.s^{-1}$$

Partie II : Etude énergétique d'un oscillateur mécanique :

1- Détermination des valeurs de X_m , T_0 et φ : $x(t) = X_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

* D'après la figure 4 : $X_m = 6cm = 6 \cdot 10^{-2}m$ et $T_0 = 0,5s$

* A $t = 0$, on a : $x(0) = X_m$ (condition initiale) ; Or $x(0) = X_m \cdot \cos(\varphi)$

Donc on peut écrire : $X_m \cdot \cos(\varphi) = X_m \Rightarrow \cos(\varphi) = 1 \Rightarrow \varphi = 0$

Finalement la solution est : $\underset{en\ m}{x}(t) = 6 \cdot 10^{-2} \cdot \cos(\underset{en\ s}{4\pi \cdot t})$

2- Energie potentielle élastique à la date $t_1 = 0,5s$:

- A cette date la position est maximale ; donc la vitesse est nulle et par suite : $E_c(0,5s) = 0$

- Energie potentielle (0,5s) = Energie mécanique (0,5s) - Energie cinétique (0,5s)

- Or l'énergie mécanique est constante d'expression : $E_m = \frac{1}{2} K \cdot X_m^2$

- Finalement : $E_{pe}(0,5s) = \frac{1}{2} K \cdot X_m^2$

- **A.N :** $E_{pe}(0,5s) = \frac{1}{2} \times 35 \times (6 \cdot 10^{-2})^2 = 6,3 \cdot 10^{-2} J$

3- Calcul du travail $W_{x_A=X_m \rightarrow x_B=-X_m}(\vec{F})$:

On applique la relation : $W_{x_A=X_m \rightarrow x_B=-X_m}(\vec{F}) = -\Delta E_{pe} = -\frac{1}{2} \cdot (x_B^2 - x_A^2)$

$W_{x_A=X_m \rightarrow x_B=-X_m}(\vec{F}) = \frac{1}{2} \cdot ((-X_m)^2 - (X_m)^2) = \frac{1}{2} \cdot (X_m^2 - X_m^2)$

On trouve : $W_{x_A=X_m \rightarrow x_B=-X_m}(\vec{F}) = 0$