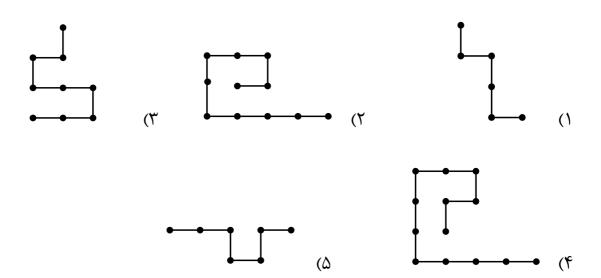
1. با کنار هم قرار دادن دو نسخه ٔ مشابه از کدام نوع سیم، میتوان یک چندضلعی بسته ساخت که خودش را قطع نکند و همه ٔ اضلاعش افقی و یا عمودی باشد؟



المحاد حقیقی a ، a و a در تساوی های a = a ، a و a = a و a - a صدق می کنند. a و a در ممکن برای a وجود دارد؟

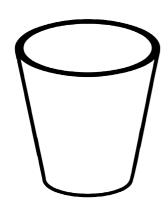
۱) صفر ۱ (۲ ۳ ۴) مفر ۱) صفر ۱) مغایت

۴. سه جفت پیچ و مهره ٔ کوچک، متوسط و بزرگ داریم که نمیدانیم کدام پیچ برای کدام مهره است. هر بار میتوانیم یک پیچ و یک مهره را با هم امتحان کنیم. کمترین تعداد امتحانهای مورد نیاز برای این که در هر صورت مهره ٔ نظیر هر پیچ را بیابیم، برابر کدام گزینه است؟

۵ (۵ ۴ (۴ ۳ (۳ ۲ (۲ ) ) (۱

۵. به یک هفته در سال «جالب» می گوییم اگر دوشنبه ٔ آن هفته، روز دوم، دوازدهم یا بیست و دوم ماه باشد. در فصل پاییز چند هفته ممکن است جالب باشد؟

	بهــمن۹۴					۱) یک یا دو هفته
44	IV	1.	۳		شنبےہ	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •
20	1/	11	۴		يكشنبه	۲) یک یا سه هفته
44	19	14	۵		دوشنبه	۳) صفر یا سه هفته
۲V	۲.	114	8		سەشنبە	
27	71	116	V		چهار شنبه	۴) صفر، یک یا دو هفته
49	44	۱۵	Λ	1	پنجشنبه	۵) در هر حالتی دقیقاً دو هفته
m.	μh	18	9	۲	جمعــه	,

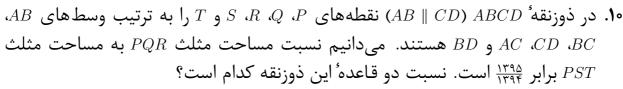


گلدانی به شکل مخروطی ناقصی با ارتفاع ۲۰ سانتیمتر و قطر دهانه و کف به ترتیب ۱۵ و ۱۰ سانتیمتر روی زمین قرار گرفته است. توپی به شعاع ۷ سانتیمتر را در این گلدان میاندازیم. ارتفاع بالاترین نقطه ٔ توپ از سطح زمین (بر حسب سانتیمتر) به کدام گزینه نزدیک تر است؟
۲۱ ۲۳ ۲۳ ۳) ۲۷ ۴

- ۱۳۰۹ با کند است؟  $a^{r} + b^{r} = \lambda$  و عدد حقیقی هستند که  $a^{r} + b^{r} = \lambda$  حداکثر مقدار  $a^{r} + b^{r} = \lambda$  (۵ پر مقدار ۲ $\sqrt{8}$  (۲ پر ۱۷ پر
- ۸. در یک هتل ۱۳ اتاق وجود دارد که شمارهٔ اتاقها از ۱ تا ۱۳ روی درب اتاق و روی کلید هر اتاق درج شده است، ولی کلید هر اتاق یکتا نیست و همهٔ کلیدهایی که تفاضل شمارهٔ نوشته شده روی آنها و شمارهٔ اتاق بر ۳ بخشپذیر باشد، درب اتاق را باز میکنند. به چند طریق میتوان کلیدها را به اتاقها نسبت داد تا درب همهٔ اتاقها قابل باز شدن باشند؟

$$17! (\Delta \frac{f! \times (\Delta!)^{\tau}}{T!} (f \frac{\Delta! \times (f!)^{\tau}}{T!} (f \frac{\Delta! \times (f!)^{\tau}}{T!}$$

۹. مقدار سینوس زاویه ٔ ۱۱۱۰۰ درجه به کدام گزینه نزدیک تر است؟
۱) ۱ – ۲) ۵/۰ – ۳) صفر ۴ ه/۰۵ (۱) ۱



۱۱. به چند طریق می توان ۳ چوب کبریت از ۹ چوب کبریت موجود در شکل روبهرو را حذف کرد که هیچ مثلثی در شکل باقی نماند؟

٨٠ (۵ ٢٧ (۴ ١٨ (٣ ٩ (٢ ۶ (١

17. یک مستطیل با اضلاع ۳۰ و ۴۰ را با رسم خطوطی موازی اضلاع به شبکهای ۴۰×۳۰ از مربعهای واحد تبدیل کردهایم. یکی از قطرهای مستطیل اولیه را در نظر بگیرید. دایرهٔ محاطی چند تا از مربعهای واحد شبکهبندی به این قطر مماس هستند؟

۴۰ (۵

٣٠ (٣

۲۰ (۲

۱۳. طول جهشهای یک قورباغه میتواند هر یک از اعداد ۱٫۵٫۵۲٫۵۳٫۰۰ باشد. این قورباغه روی نقطه ٔ صفر از محور اعداد صحیح نشسته و در هر مرحله می تواند به سمت راست یا چپ جهش کند. اگر این قورباغه نتواند دو جهش با طول مساوی انجام دهد، به چند تا از اعداد {۱,۲,...,۱۳۹۴} می تواند برود؟

744 (0

171 (4

11 (4

۶۴ (T

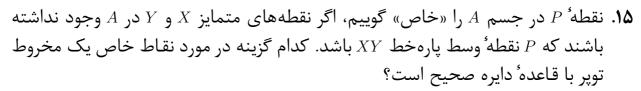
۶۳ (۱

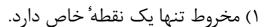
از اعداد حقیقی یافت (a,b,c,d) باز اعداد حقیقی یافت ۱۴. می شود که در دستگاه معادلات روبه رو صدق کند؟

۵ (۲

۵) بینهایت

49 (4



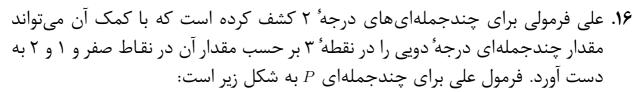


۲) هر خطی که وجه دایرهای مخروط را قطع کند، حتماً شامل
یک نقطه ٔ خاص مخروط است.

۳) هر صفحهای که مخروط را قطع کند، حتماً شامل نقطهای خاص از مخروط است.

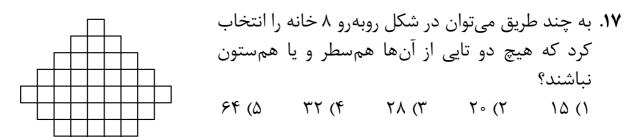


۵) یک و فقط یک کره در فضا وجود دارد که همه ٔ نقاط خاص مخروط روی سطح آن قرار بگیرند.



$$P(\Upsilon) = aP(\circ) + bP(\Upsilon) + cP(\Upsilon),$$

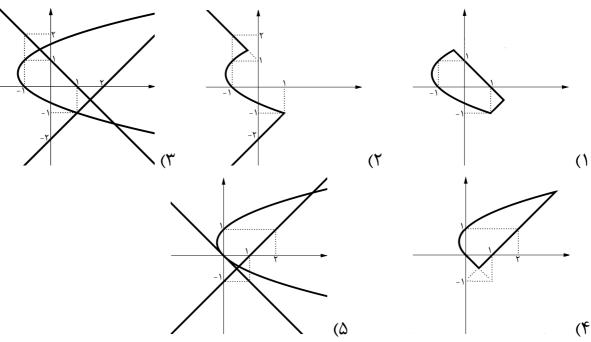
که در آن a و a سه عدد ثابت هستند. این سه عدد را پیدا کنید و مشخص کنید که مقدار a-b+c مقدار a-b+c





114 (Q 111 (4 104 (7 104 (1

19. کدام گزینه مجموعهٔ نقطههایی مانند (x,y) در صفحه را با این خاصیت نمایش می دهد که بیش ترین مقدار در بین سه عبارت x+y x-y-1 و x+y برابر یک است؟



روز اول یک ویروس موذی وارد بدن شده است. در انتهای هر روز، هر ویروس موذی در ابتدای روز اول یک ویروس موذی جدید تولید می کند و خودش نیز به موذی که k روز عمر کرده باشد، k ویروس موذی جدید تولید می تولد می شود؟ زندگی ادامه می دهد. در انتهای روز ششم چند ویروس موذی متولد می شود؟ (۱۲۸ گ) ۱۲۴ (۲ می ۱۲۴ (۲ می ۱۲۸ (۲ می ۱۲۸ (۲ می ۱۲۸ (۲ می ۱۲۸ (۲ می ایران ا

۲۱. به چند طریق می توان عدد  $^{10.}$  را به صورت مجموع تعدادی عدد طبیعی متوالی (بیش از یک عدد) نوشت که در آن ترتیب اعداد مهم نباشد؟ () صفر  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$  ()  $^{10.}$ 

۲۲. به چند طریق می توان یک جدول  $V \times V$  را با کاشیهای  $V \times V$  پر کرد، طوری که هر خانه توسط حداقل یک کاشی و حداکثر دو کاشی پر شده باشد؟

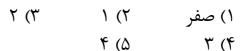
18 (۲ ۱۹ (۵ 11 (4 17 (٣ 10 (1

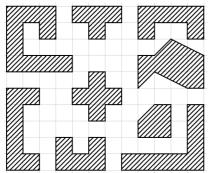
۲۳. میخواهیم در تمام نقاط یک شبکه ٔ منظم ۵×۵، غیر از  $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$ نقطهٔ مرکزی، ستونهایی استوانهای و برابر نصب کنیم، • بهنحوی که نقطهٔ مرکزی از بیرون دیده نشود؛ یعنی در نقشه ٔ مسطحی که میبینید، هر خط گذرنده از نقطه ٔ مرکزی دست کم یکی از دایره ها را قطع کند. در صورتی که فاصله ٔ بین نقاط مجاور یک متر باشد، کمترین مقدار  $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$   $\bullet$ لازم برای شعاع مقطع ستونها چند متر است؟

 $\sqrt{\frac{r}{\Delta}}$  ( $\Delta$   $\sqrt{\frac{r}{1V}}$  (f  $\sqrt{\frac{1}{\Delta}}$  (f  $\sqrt{\frac{1}{1^{\circ}}}$  (f  $\sqrt{\frac{1}{1V}}$  (f

۲۴. می گوییم با یک چندضلعی می توان صفحه را کاشی کاری کرد، هرگاه بتوان نامتناهی شکل همنهشت با آن چندضلعی را در صفحه کنار هم قرار داد به گونهای که کل صفحه را بپوشانند و ضمناً به جز احتمالاً در

اضلاع هم پوشانی نداشته باشند. با چند تا از اشکال روبهرو نمیتوان صفحه را کاشیکاری کرد؟





درست کدام گزینه درست C اعداد  $\nabla^{\sqrt{r}}$  و  $\nabla^{\sqrt{r}}$  را به ترتیب با A و A نمایش می دهیم. کدام گزینه درست است؟

C < A < B ( $\Delta$ A < C < B (\* C < B < A (\* B < C < A ( $\Upsilon$ A < B < C ()

۲۶. چند دنبالهٔ  $a_1, a_7, \ldots, a_{10}$  از اعداد مجموعهٔ  $\{1, 7, 7, \ldots, 7^{\circ}\}$  داریم به گونهای که برای هر  $? \ a_{i+j} > a_i + a_j$  :داشته باشیم  $i+j \leq 1$ که کا

4 (4 10 (0 9 (4 1 (٢ ۱) صفر

۲۷. حاصل ضرب اعضای مجموعه ٔ A را با f(A) نشان می دهیم. اگر  $A_1$  ،  $A_2$  ، . . . و  $A_3$  تمام زیرمجموعه های ناتهی مجموعه ٔ  $\{1,7,\ldots,1^\circ\}$  باشد، باقی مانده ٔ زیرمجموعه های ناتهی مجموعه ٔ

$$f(A_1) + f(A_7) + \cdots + f(A_{1 \circ 77})$$

بر ۱۳ کدام است؟ ۱) صفر ۱ (۲ ه) ۶ (۴

ور سدق یازگشتی زیر صدق  $n \ge 0$  در رابطههای بازگشتی زیر صدق برای هر  $n \ge 0$  در رابطههای بازگشتی زیر صدق میکنند:

$$x_{n+1} = x_n^{\mathsf{T}} + x_n y_n + y_n^{\mathsf{T}}, \quad y_{n+1} = x_n^{\mathsf{T}} - x_n y_n + y_n^{\mathsf{T}}.$$

 $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda}$  اگر  $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda}$  و  $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda}$  عدام درست است  $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda}$  عدام درست  $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda} + y_{\Lambda}$  عدام درست  $S = x_{\Lambda} + y_{\Lambda} + y$ 

نقطه ٔ C روی خط C از مثلث C از مثلث C با C با C با C با نقطه ٔ C روی خط C از مثلث C از مثلث C با C و C به طور مشابه از C و C به طور مشابه از C و C به عمود می کنیم تا یک دیگر را در C قطع کنند. پای عمود ترتیب عمودهایی بر C و C رسم می کنیم تا یک دیگر را در C قطع کنند. پای عمود وارد از C بر C را بر C را بر C با C رسم می دانیم C روی خط C قرار دارد و منطبق بر C نیست. وارد از C بر C با C را درجه است؟

14. (Q 1... (4 X... (4

x,y,z را «جالب» می گوییم، هرگاه در آن فقط از ترکیب x,y,z را «جالب» می گوییم، هرگاه در آن فقط از ترکیب توابع مینیمم و ماکسیمم استفاده شده باشد. مثل سه فرمول زیر:

 $\min(\max(x,z),y), \min(x,x), \max(x,\min(x,y)).$ 

دو فرمول را متفاوت می گوییم، اگر یک مقداردهی برای متغیرهای x,y,z وجود داشته  $\min(x,x)$  باشد که دو فرمول مقادیر مختلفی را برای آنها محاسبه کنند. مثلاً دو فرمول مقادیر  $\max(x,\min(x,y))$  و  $\max(x,\min(x,y))$ 

۱۲ (۵