## UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO

FACULTAD DE CIENCIAS

Tarea 4: Riesgo de Crédito

Cedeño Ramírez Osvaldo Felipe Santiago Edson Yair Morelos Granados José Carlos Pacheco Tovar Alejandra Citlalli

## Ejercicio 3

1. Usando la tabla del archivo "Ejer\_anal discr.xls" (hoja base) que está en la página del curso, ajustar una regresión logística con las variables más significativas (pueden hacer uso de la hoja frecuencia del archivo "logit y disc datos.xls" y utilizando la prueba de Wald para cada variable), pueden usar el archivo "logitprobit.ipynb" para hacer el análisis, obviamente entregar los coeficientes de regresión, la gráfica de datos observados y ajustados, el nivel de significancia (Devianza) del modelo, es decir la prueba de hipótesis de que la Devianza se distribuye como una  $X_{n-(m+1)}^2$ , y la interpretación de las variables.

## Solución

```
library(dplyr)
  incump = "C:\\Users\\citla\\Downloads\\BD.csv"
  data=read.csv(incump, sep=",", quote="/")
  print(head(data))
   ## Cliente Incump Liquid Apalanc AñosCl Rentab Bancos
  PCP_CT
   ## 1 1 0 1.418983 0.3678430 5.519115 0.082436996 2
  0.9578792
   ## 2 2 0 1.095459 0.6742535 5.365984 0.050120498 3
  0.7856872
   ## 3 3 0 1.232216 0.8788182 6.579059 0.047376582 1
11
  0.6682592
  ## 4 4 0 1.112399 0.6111619 3.980561 -0.010216081 2
  0.9324931
   ## 5 5 0 1.495808 0.2262790 5.861760 0.002987486 4
15
  0.5764472
   ## 6 6 0 1.106524 0.7106344 6.710337 0.046598640 3
  0.7644960
   ## Gop_SD RetrTMP PLP_PT IFAudit UO_VN AñoOper
   ## 1 0.9619346 1 0.4255506 1 0.16267763 4
   ## 2 0.8832112 1 0.3777689 0 0.20572504 4
   ## 3 1.1103575 1 0.5652263 0 0.23805917 4
  ## 4 1.0153539 1 0.3970641 1 0.17857237 5
  ## 5 0.9057852 1 0.4313102 0 0.08164283 6
```

```
## 6 1.0523312 0 0.3734093 1 0.24602347 4
n<-nrow(data)-1
m=ncol(data)
x=data[,3:m]
y=data[,2]
xext=as.matrix(cbind(1,x))
ylogr = glm(Incump ~ Liquid + Apalanc + AñosCl + Rentab
 → +Bancos
+ PCP_CT + Gop_SD + RetrTMP + PLP_PT + IFAudit +UO_VN +
 → AñoOper,
family=binomial("logit"), data = data)
## Warning: glm.fit: algorithm did not converge
## Warning: glm.fit: fitted probabilities numerically 0 or
 \rightarrow 1 occurred
summary(ylogr)
##
## Call:
## qlm(formula = Incump ~ Liquid + Apalanc + AñosCl +
→ Rentab + Bancos +
## PCP_CT + Gop_SD + RetrTMP + PLP_PT + IFAudit + UO_VN +
 \rightarrow AñoOper,
## family = binomial("logit"), data = data)
##
## Deviance Residuals:
## Min 10 Median 30 Max
## -4.993e-05 -2.100e-08 -2.100e-08 2.100e-08 4.766e-05
##
## Coefficients:
## Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 86.097 345041.658 0.000 1.000
## Liquid -35.348 83217.419 0.000 1.000
## Apalanc 63.663 74575.329 0.001 0.999
## AñosCl -7.861 16526.692 0.000 1.000
## Rentab -395.216 893798.551 0.000 1.000
## Bancos 8.519 48731.575 0.000 1.000
```

```
## PCP_CT 47.308 128348.446 0.000 1.000
   ## Gop_SD -73.761 111142.606 -0.001 0.999
57
   ## RetrTMP -9.272 112996.503 0.000 1.000
   ## PLP_PT -102.053 384818.303 0.000 1.000
   ## IFAudit 16.038 39775.381 0.000 1.000
   ## UO_VN -124.528 663892.384 0.000 1.000
   ## AñoOper -3.374 30617.497 0.000 1.000
   ##
   ## (Dispersion parameter for binomial family taken to be
   ##
   ## Null deviance: 3.4231e+02 on 246 degrees of freedom
   ## Residual deviance: 1.3106e-08 on 234 degrees of freedom
   ## AIC: 26
   ##
   ## Number of Fisher Scoring iterations: 25
```

Listing 1: Carga y ajuste de datos

```
## Number of Fisher Scoring iterations: 25

print(ylogr$coef)

## (Intercept) Liquid Apalanc AñosCl Rentab

Bancos

## 86.096523 -35.347612 63.663052 -7.861229 -395.215718

8.518809

## PCP_CT Gop_SD RetrTMP PLP_PT IFAudit

UO_VN

## 47.308495 -73.760760 -9.272432 -102.053079 16.038037 -

124.528160

## AñoOper

## -3.374335
```

Listing 2: Coeficientes de regresión

```
Llogit=log(prod(((1+exp(-xext%*%as.matrix(ylogr$coef)))^(-1))^y*(1-
   (1+\exp(-xext%*%as.matrix(ylogr$coef)))^(-1))^(1-y)))
   DLogit=-2*Llogit
   print(paste("Devianza replicada = ",DLogit))
   ## [1] "Devianza replicada = 1.31061188997963e-08"
   print(paste("Devianza del modelo lineal generalizado = ",
       ylogr$dev))
   ## [1] "Devianza del modelo lineal generalizado =
       1.3106114410409e-08"
92
   ptol=0.5
93
   yest=(1+exp(-xext\%*\%as.matrix(ylogr\$coef)))^(-1)
94
   print("Matriz de confusión")
   ## [1] "Matriz de confusión"
   print(table(y,ifelse(yest<0.5,0,1)))</pre>
97
   ## y 0 1
   ## 0 126 0
   ## 1 0 121
101
```

Listing 3: Réplica de la devianza y la matriz de confusión

Utilizamos la devianza residual para observar si el modelo de regresión logística proporciona un ajuste adecuado para los datos. Para probar la significancia, podemos encontrar el p-value asociado.

```
pvalue = 1 - pchisq(5.9299, 234)

pvalue

## [1] 1
```

Listing 4: P-value asociado

Los resultados indican que no hay evidencia para rechazar la hipótesis nula ni variables que significativas para predecir el incumplimiento de los clientes. Se va a utilizar un nuevo modelo utilizando el regresión múltiple para mejorar los resultados.

```
plot(y,type="1", lty=2, xlab="Observaciones",
103
    ylab="Probabilidad", main="Regresión Logística")
104
   points(yest, lwd=2, col="red")
   pvalue = 1 - pchisq(5.9299, 234)
107
   pvalue
108
   ## [1] 1
109
   ylogr = glm(Incump ~ Liquid + Apalanc + AñosCl + Rentab
    → +Bancos
   + PCP_CT + Gop_SD + RetrTMP + PLP_PT + IFAudit +UO_VN +
    → AñoOper,
113
   data = data)
114
   summary(ylogr)
115
   ##
116
   ## Call:
   ## qlm(formula = Incump ~ Liquid + Apalanc + AñosCl +
    → Rentab + Bancos +
   ## PCP_CT + Gop_SD + RetrTMP + PLP_PT + IFAudit + UO_VN +
    → AñoOper,
   ## data = data
121
   ## Deviance Residuals:
122
   ## Min 1Q Median 3Q Max
123
   ## -0.61744 -0.10534 -0.01249 0.10217 0.47844
124
   ##
   ## Coefficients:
   ## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
127
   ## (Intercept) 0.311946 0.121002 2.578 0.01055 *
128
   ## Liquid -0.071780 0.039473 -1.818 0.07027 .
129
   ## Apalanc 0.307901 0.028870 10.665 < 2e-16 ***
   ## AñosCl -0.015446 0.005509 -2.804 0.00548 **
131
   ## Rentab -1.486105 0.301809 -4.924 1.60e-06 ***
132
   ## Bancos 0.033695 0.014130 2.385 0.01789 *
133
   ## PCP_CT 0.392136 0.042365 9.256 < 2e-16 ***
```

```
## Gop_SD -0.422445 0.052626 -8.027 4.83e-14 ***
135
   ## RetrTMP -0.002731 0.024758 -0.110 0.91225
136
   ## PLP_PT 0.040351 0.076964 0.524 0.60057
137
   ## IFAudit -0.007332 0.022477 -0.326 0.74456
   ## UO_VN -0.202252 0.208894 -0.968 0.33394
139
   ## AñoOper -0.017458 0.009273 -1.883 0.06099 .
140
   ## ---
141
   ## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1
   ##
143
   ## (Dispersion parameter for gaussian family taken to be
144
       0.02534142)
   ##
   ## Null deviance: 61.7247 on 246 degrees of freedom
   ## Residual deviance: 5.9299 on 234 degrees of freedom
147
   ## AIC: -192.2
148
   ##
149
   ## Number of Fisher Scoring iterations: 2
```

Listing 5: Carga y ajuste de datos

El apalanca miento, la liquidez, la antigüedad, la rentabilidad, el número de bancos, el pasivo corto plazo, la Generación Operativa y los años operando son significativos para el incumplimiento de los clientes. Realizamos un nuevo modelo.

```
data2 = data %>%
    select(Apalanc, AñosCl, Rentab, PCP_CT, Gop_SD)
154
   xext2=as.matrix(cbind(1,data2))
   ylogr2 = glm(Incump ~ Apalanc + AñosCl + Rentab + PCP_CT +
156
   Gop_SD, data = data)
157
   summary(ylogr2)
158
   ##
159
   ## Call:
   ## glm(formula = Incump ~ Apalanc + AñosCl + Rentab +
    \rightarrow PCP_CT + Gop_SD,
   ## data = data
```

```
##
163
   ## Deviance Residuals:
164
   ## Min 10 Median 30 Max
165
   ## -0.68280 -0.10883 0.00431 0.11333 0.46782
   ##
167
   ## Coefficients:
168
   ## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
169
   ## (Intercept) 0.251781 0.088174 2.856 0.004671 **
   ## Apalanc 0.330885 0.028521 11.601 < 2e-16 ***
   ## AñosCl -0.018206 0.005451 -3.340 0.000971 ***
172
   ## Rentab -1.718526 0.298939 -5.749 2.71e-08 ***
173
   ## PCP_CT 0.414708 0.042167 9.835 < 2e-16 ***
174
   ## Gop_SD -0.454613 0.051644 -8.803 2.64e-16 ***
   ## ---
176
   ## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1
   ##
   ## (Dispersion parameter for gaussian family taken to be
       0.02618935)
   ##
180
   ## Null deviance: 61.7247 on 246 degrees of freedom
181
   ## Residual deviance: 6.3116 on 241 degrees of freedom
182
   ## AIC: -190.79
184
   ## Number of Fisher Scoring iterations: 2
```

Listing 6: Carga y ajuste de datos

```
(1+exp(-xext2%*%as.matrix(ylogr2$coef)))^(-1))^(1-y)))
DLogit2=-2*Llogit2
print(paste("Devianza replicada = ",DLogit2))
## [1] "Devianza replicada = 261.62491079492
print(paste("Devianza del modelo lineal generalizado = ", ylogr2$dev))
## [1] "Devianza del modelo lineal generalizado = ", d.31163348561568"
```

Listing 7: Coeficientes de regresión y devianza

```
ptol=0.5

yest2=(1+exp(-xext2%*%as.matrix(ylogr2$coef)))^(-1)

print("Matriz de confusión")

## [1] "Matriz de confusión"

print(table(y,ifelse(yest2<0.5,0,1)))

##

## y 0 1

## y 0 1

## 0 48 78

## 1 0 121</pre>
```

Listing 8: Matriz de confusión

Obtenemos la precisión de nuestro modelo utilizando la diagonal de nuestra matriz de confusión.

```
print(table(y,ifelse(yest2<0.5,0,1)))</pre>
205
    ##
206
    ## y 0 1
207
    ## 0 48 78
208
    ## 1 0 121
209
210
   plot(y,type="1", lty=2, xlab="Observaciones",
211
    ylab="Probabilidad", main="Regresión Multinomial")
212
   points(yest2, lwd=2, col="red")
213
214
    (48+121)/(48+121+78)
215
```

```
## [1] 0.6842105

pvalue2 = 1 - pchisq(6.3116, 241)

pvalue2

## [1] 1
```

Listing 9: Matriz de confusión

Con precisión del 66.3966% de no evidencia para rechazar el modelo.