| Limite | Interprétation géométrique | | |
|--|--|--|--|
| $f(x) - f(x_0)$ | (C_f) admet une tangente d'équation : $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$ au point d'abscisse x_0 . | | |
| $\lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = l$ | | | |
| $\lim_{x \to x_0^+} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = l$ | (\mathcal{C}_f) admet une demi-tangente d'équation : | | |
| | $\begin{cases} y = f'_d(x_0)(x - x_0) + f(x_0) \\ x \ge x_0 \end{cases}$ au point d'abscisse x_0 . | | |
| $\lim_{x \to x_0^-} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = l$ | (\mathcal{C}_f) admet une demi-tangente d'équation : | | |
| | $\begin{cases} y = f'_d(x_0)(x - x_0) + f(x_0) \\ x \le x_0 \end{cases}$ au point d'abscisse x_0 . | | |
| $\lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = 0$ | (\mathcal{C}_f) admet une tangente horizontale au point d'abscisse x_0 . | | |
| $\lim_{x \to x_0^+} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = +\infty$ | (\mathcal{C}_f) admet une demi-tangente vertical dirigée vers le haut au point d'abscisse a . | | |
| $\lim_{x \to x_0^+} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = -\infty$ | (\mathcal{C}_f) admet une demi-tangente vertical dirigée vers le bas au point d'abscisse a . | | |
| $\lim_{x \to x_0^-} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = +\infty$ | (\mathcal{C}_f) admet une demi-tangente vertical dirigée vers le haut au point d'abscisse a . | | |
| $\lim_{x \to x_0^-} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = -\infty$ | (C_f) admet une demi-tangente vertical dirigée vers le bas au point d'abscisse a . | | |

| La fonction f | La fonction f' | Domaine de dérivabilité |
|---|---|---|
| $x \mapsto c \ (c \in \mathbb{R})$ | $x \mapsto 0$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto ax \ (a \in \mathbb{R})$ | $x \mapsto a$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto x^n$ | $x \mapsto nx^{n-1}$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto \frac{1}{x}$ | $x \mapsto -\frac{1}{x^2}$ | \mathbb{R}^* |
| $x \mapsto \sqrt{x}$ | $x \mapsto \frac{1}{2\sqrt{x}}$ | \mathbb{R}_+^* |
| $x \mapsto \sin x$ | $x \mapsto \cos x$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto \cos x$ | $x \mapsto -\sin x$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto \tan x$ | $x \mapsto 1 + \tan x = \frac{1}{\cos^2 x}$ | $\left] -\frac{\pi}{2} + k\pi; \frac{\pi}{2} + k\pi \right[(k \in \mathbb{Z})$ |
| $x \mapsto \sin(ax+b) \ (a,b \in \mathbb{R})$ | $x \mapsto a\cos(ax+b)$ | \mathbb{R} |
| $x \mapsto \cos(ax+b) \ (a,b \in \mathbb{R})$ | $x \mapsto -a\sin(ax+b)$ | \mathbb{R} |

