## **Polynômes**

**Exercice 1**: Calculer  $P(x) \times Q(x)$  dans chacun des cas suivants :

- 1.  $P(x) = 2x^2 + 3x 2$  et  $Q(x) = x^3 2x^2 + 1$ .
- 2.  $P(x) = 2x^5 \sqrt{2}x^4$  et  $Q(x) = \sqrt{2}x^3 + \sqrt{3}x 1$

**Exercice 2**: Déterminer a et b sachant que P(x) = Q(x) tel que :

 $P(x) = 2x^3 - 5x^2 - 4x + 3$  et Q(x) = (x+1)(x-3)(ax+b)

**Exercice 3**: On considère le polynôme

$$P(x) = 2x^2 - 5x - 3$$

- 1. Vérifier que  $-\frac{1}{2}$  est une racine de P(x)
- 2. Déterminer le polynôme Q(x) tel que

$$P(x) = \left(x + \frac{1}{2}\right)Q(x)$$

3. En déduire une autre racine de P(x)

**Exercice 4** : On considère le polynôme

$$Q(x) = 2x^2 - 5x + 2$$

- 1. Calculer Q(2), le polynôme Q(x) est-il divisible par x 2?
- 2. Déterminer le polynôme R(x) tel que

$$Q(x) = (x-2)R(x)$$

## Exercice 5:

1. Montrer que le polynôme P(x) est divisible par x - a dans les cas suivants :

(a) 
$$P(x) = x^3 - 3x^2 + 4x - 4$$
 et  $a = 2$ 

(b) 
$$P(x) = x^4 - 3x^2 + x - 2$$
 et  $a = -2$ 

(c) 
$$P(x) = x^3 + 3x^2 + 4x + 12$$
 et  $a = 3$ 

2. Déterminer *a* et *b* sachant que le polynôme :

$$P(x) = x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 4x^2 + ax + b$$

est divisible par x-2 et par x+3

## Exercice 6:

1. Déterminer le quotient et le reste de la division euclidienne de P(x) par (x-a) dans les cas suivants :

(a) 
$$P(x) = x^3 - 3x - 2$$
 et  $a = 1$ 

(b) 
$$P(x) = x^3 + 4x^2 + 4x + 3$$
 et  $a = -3$ 

(c) 
$$P(x) = 3x^3 - x^2 - 6x + 2$$
 et  $a = \frac{1}{3}$ 

2. En utilisant la méthode de Horner, déterminer le quotient et le reste de la division euclidienne de P(x) par (x - a) dans les cas suivants :

(a) 
$$P(x) = 2x^3 - 5x^2 - x - 2$$
 et  $a = 3$ 

(b) 
$$P(x) = 3x^4 - x^3 + 2x - 52$$
 et  $a = -2$ 

(c) 
$$P(x) = 3x^5 - 2x^3 + 3x - 11$$
 et  $a = -4$ 

**Exercice 7** : On considère le polynôme

$$P(x) = 2x^3 + 5x^2 - x - 6$$

- 1. Montrer que -2 est une racine de P(x)
- 2. Déterminer le polynôme Q(x) tel que

$$P(x) = (x+2)Q(x)$$

- 3. Montrer que Q(x) est divisible par (x-1)
- 4. Factoriser le polynôme Q(x)
- 5. Donner une factorisation de P(x) en produit de trois binômes.