## Rasch time

#### Ottavia

#### 2023-02-06

## Contents

Analisi separata SET A e SET B	1
Confronto TRA set	ę
Analisi distrattori come diceva Pasquale	10
$\mathbf{L}\mathbf{M}\mathbf{M}$	12

Prendo solo i dati che qualtrics identifica come persone che hanno finito, dopo aver applicato i criteri di pulizia come nell'altro file. L'analisi è quindi svolta su un dataset complessivo di 35.

## Analisi separata SET A e SET B

Penso che userò solo i dati completi, anche se si riduce l'ampiezza campionaria.

In questo caso, stimo separatamente il modello di Rasch sul set A e sul set B.

#### Set A

```
## -----
## TAM 4.0-16 (2022-05-13 13:23:23)
## R version 4.2.2 (2022-10-31 ucrt) x86_64, mingw32 | nodename=LAPTOP-OTTAVIA | login=huawei
## Date of Analysis: 2023-02-06 12:32:48
## Time difference of 0.05951405 secs
## Computation time: 0.05951405
##
## Multidimensional Item Response Model in TAM
##
## IRT Model: 1PL
## Call:
## tam.mml(resp = d.a.all[, -c(1:2)], verbose = F)
## Number of iterations = 36
## Numeric integration with 21 integration points
##
## Deviance = 456.65
## Log likelihood = -228.32
## Number of persons = 35
## Number of persons used = 35
## Number of items = 14
```

```
## Number of estimated parameters = 15
##
     Item threshold parameters = 14
     Item slope parameters = 0
##
     Regression parameters = 0
##
##
     Variance/covariance parameters = 1
##
## AIC = 487 | penalty=30
                       | AIC=-2*LL + 2*p
## AIC3 = 502 | penalty=45 | AIC3=-2*LL + 3*p
## BIC = 510 | penalty=53.33 | BIC=-2*LL + log(n)*p
## aBIC = 461 | penalty=4.78 | aBIC=-2*LL + log((n-2)/24)*p (adjusted BIC)
## CAIC = 525 | penalty=68.33 | CAIC=-2*LL + [log(n)+1]*p (consistent AIC)
## AICc = 512 | penalty=55.26 | AICc=-2*LL + 2*p + 2*p*(p+1)/(n-p-1) (bias corrected AIC)
## GHP = 0.49964 | GHP=( -LL + p ) / (#Persons * #Items) (Gilula-Haberman log penalty)
## -----
## EAP Reliability
## [1] 0.792
## -----
## Covariances and Variances
## [,1]
## [1,] 2.449
## -----
## Correlations and Standard Deviations (in the diagonal)
       [,1]
## [1,] 1.565
## -----
## Regression Coefficients
## [,1]
## [1,]
## -----
## Item Parameters -A*Xsi
##
         item N
                  M xsi.item AXsi_.Cat1 B.Cat1.Dim1
                     -1.299
## 1
         a_1 35 0.714
                            -1.299
## 2
         a_2 35 0.914
                      -3.200
                               -3.200
                                             1
## 3
         a 3 35 0.914
                      -3.200
                               -3.200
## 4
    a_logic1 35 0.486
                     0.063
                               0.063
                                             1
## 5 a_logic2 35 0.629
                      -0.760
                               -0.760
## 6
     a_logic3 35 0.829
                      -2.186
                               -2.186
                                              1
                      -1.935
## 7
     a_logic4 35 0.800
                               -1.935
## 8
       a1_1 35 0.657
                      -0.933
                               -0.933
                                              1
## 9
        a1 2 35 0.857
                      -2.468
                               -2.468
## 10
        a1 3 35 0.486
                      0.063
                               0.063
                                             1
## 11 a1_logic1 33 0.515
                     -0.119
                               -0.119
                                             1
## 12 a1_logic2 35 0.343
                     0.909
                               0.909
                                             1
## 13 a1_logic3 34 0.765
                      -1.664
                               -1.664
                                             1
## 14 a1_logic4 35 0.829
                      -2.186
                               -2.186
                                              1
## Item Parameters in IRT parameterization
##
         item alpha beta
## 1
         a_1
              1 -1.299
## 2
         a_2
               1 -3.200
## 3
         a_3
               1 -3.200
## 4 a_logic1
               1 0.063
## 5 a_logic2
                1 - 0.760
```

```
## 6
       a_logic3
                     1 - 2.186
       a_logic4
## 7
                     1 -1.935
## 8
           a1_1
                       -0.933
                       -2.468
## 9
           a1_2
## 10
           a1_3
                        0.063
## 11 a1_logic1
                       -0.119
## 12 a1_logic2
                        0.909
## 13 a1_logic3
                     1 - 1.664
## 14 a1_logic4
                     1 -2.186
```

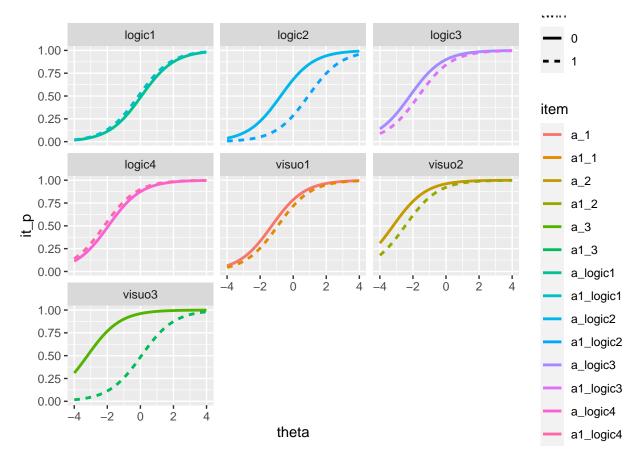


Figure 1: ICC set A con coppie equivalenti di item

#### Le persone:

Faccio il confronto delle difficoltà degli item gemelli ENTRO il set (Grafico a Pallini):

```
##
                item set
                                 b_A
                                         se_bA label
                                                              b_A1
                                                                      se_bA1
## a_3
                       A -3.20017130 0.6736529 visuo3 0.06300724 0.4034019
                 a_3
## a_logic2 a_logic2
                       A -0.75984512 0.4132778 logic2 0.90930939 0.4249521
                       A -3.20017130 0.6736529 visuo2 -2.46831372 0.5504129
## a_2
                 a_2
## a_logic3 a_logic3
                       A -2.18551308 0.5147376 logic3 -1.66377782 0.4712228
                       A -1.29946618 0.4378563 visuo1 -0.93311626 0.4195103
                 a_1
                       A 0.06300724 0.4034019 logic1 -0.11925034 0.4183178
## a_logic1 a_logic1
## a_logic4 a_logic4
                       A -1.93472790 0.4878911 logic4 -2.18551308 0.5147376
##
                  diff
            -3.2631785
## a_3
## a_logic2 -1.6691545
```

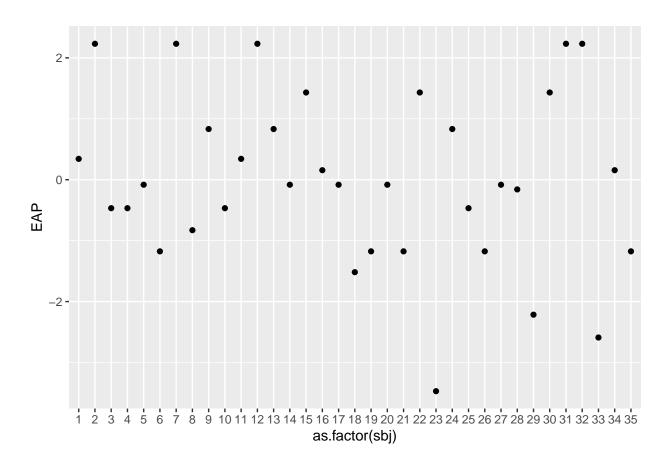


Figure 2: Distribuzione abilità delle persone

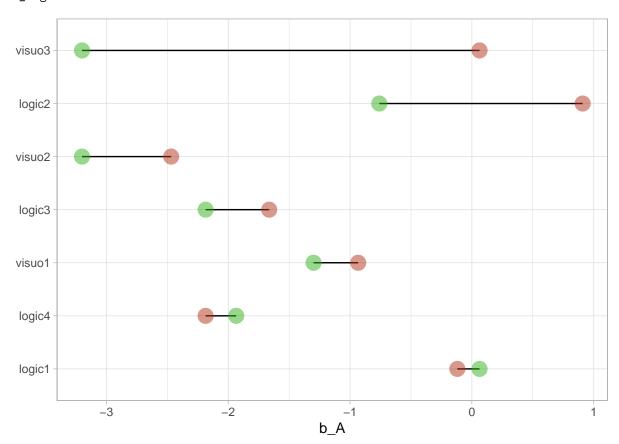
```
## a_2 -0.7318576

## a_logic3 -0.5217353

## a_1 -0.3663499

## a_logic1 0.1822576

## a_logic4 0.2507852
```



#### Set B

```
## Deviance = 367.6
## Log likelihood = -183.8
## Number of persons = 35
## Number of persons used = 35
## Number of items = 14
## Number of estimated parameters = 15
     Item threshold parameters = 14
##
     Item slope parameters = 0
##
     Regression parameters = 0
##
     Variance/covariance parameters = 1
## AIC = 398 | penalty=30
                         | AIC=-2*LL + 2*p
## AIC3 = 413 | penalty=45
                        | AIC3=-2*LL + 3*p
## BIC = 421 | penalty=53.33 | BIC=-2*LL + log(n)*p
## aBIC = 372 | penalty=4.78 | aBIC=-2*LL + log((n-2)/24)*p (adjusted BIC)
## CAIC = 436 | penalty=68.33
                           | CAIC=-2*LL + [log(n)+1]*p (consistent AIC)
                           | AICc=-2*LL + 2*p + 2*p*(p+1)/(n-p-1) (bias corrected AIC)
## AICc = 423 | penalty=55.26
## GHP = 0.40571 | GHP=( -LL + p ) / (#Persons * #Items) (Gilula-Haberman log penalty)
## -----
## EAP Reliability
## [1] 0.737
## -----
## Covariances and Variances
##
       [,1]
## [1,] 2.561
## -----
## Correlations and Standard Deviations (in the diagonal)
## [1,] 1.6
## -----
## Regression Coefficients
      [,1]
## [1,]
## Item Parameters -A*Xsi
    item N
                M xsi.item AXsi .Cat1 B.Cat1.Dim1
## 1 b1_visuo1 35 0.800 -1.986
                               -1.986
     b_visuo1 35 0.486
                      0.064
                                 0.064
## 3
    b_visuo2 35 0.886
                     -2.847
                                -2.847
                                               1
    b visuo3 35 0.914
                     -3.241
## 4
                                -3.241
## 5 b1 visuo3 35 0.943
                      -3.759
                                -3.759
                                               1
                      -1.340
## 6
     b logic1 35 0.714
                                -1.340
                                               1
## 7 b1_visuo2 35 0.971
                       -4.573
                                -4.573
                                               1
## 8 b1_logic1 35 0.457
                      0.233
                                0.233
                                               1
## 9 b1_logic2 35 0.857
                       -2.521
                                -2.521
                                               1
                       -1.148
## 10 b_logic2 35 0.686
                                -1.148
                                               1
## 11 b1_logic3 35 0.800
                       -1.986
                                -1.986
## 12 b_logic3 35 0.886
                       -2.847
                                -2.847
                                               1
## 13 b1_logic4 35 0.886
                       -2.847
                                -2.847
## 14 b_logic4 35 0.914
                       -3.241
                                -3.241
                                               1
## Item Parameters in IRT parameterization
##
         item alpha beta
```

```
## 1
      b1_visuo1
                     1 - 1.986
## 2
       b_visuo1
                        0.064
## 3
       b_visuo2
                     1 - 2.847
       b_visuo3
## 4
                     1 -3.241
## 5
      b1_visuo3
                     1 - 3.759
## 6
       b_logic1
                     1 -1.340
      b1_visuo2
                     1 - 4.573
## 7
      b1_logic1
## 8
                        0.233
## 9
      b1_logic2
                     1 -2.521
      b_logic2
## 10
                     1 -1.148
## 11 b1_logic3
                     1 -1.986
## 12
      b_logic3
                     1 - 2.847
## 13 b1_logic4
                     1 - 2.847
## 14 b_logic4
                     1 - 3.241
```

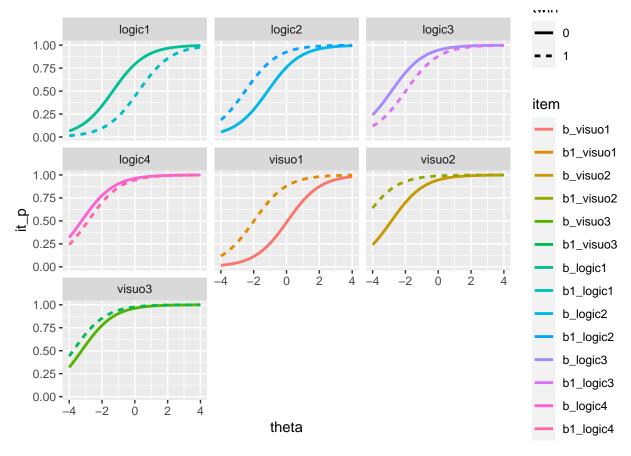


Figure 3: ICC set A con coppie equivalenti di item

#### Le persone:

Faccio il confronto delle difficoltà degli item gemelli ENTRO il set (Grafico a Pallini):

```
##
                                         se_bB label
                                                            b_B1
                item set
                                 b_B
                                                                    se_bB1
                      B -1.33992483 0.4430300 logic1 0.2329157 0.4113676
## b_logic1 b_logic1
## b_logic3 b_logic3
                      B -2.84691103 0.5955275 logic3 -1.9860632 0.4902273
## b_logic4 b_logic4
                       B -3.24144896 0.6653049 logic4 -2.8469110 0.5955275
## b_visuo2 b_visuo2
                       B -2.84691103 0.5955275 visuo2 -3.7593642 0.7848552
                       B -3.24144896 0.6653049 visuo3 -4.5733662 1.0613937
## b_visuo3 b_visuo3
```

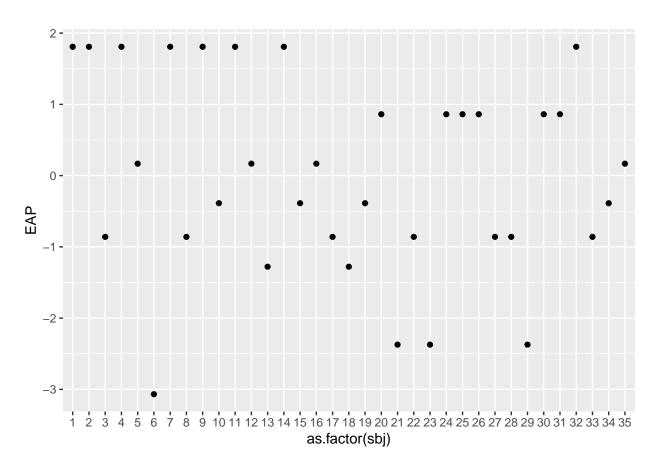
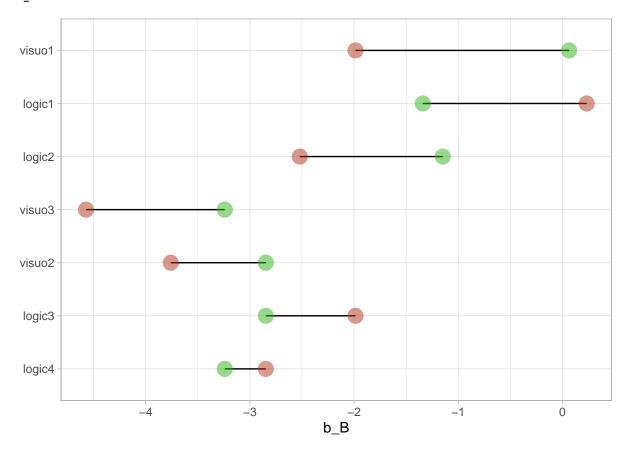
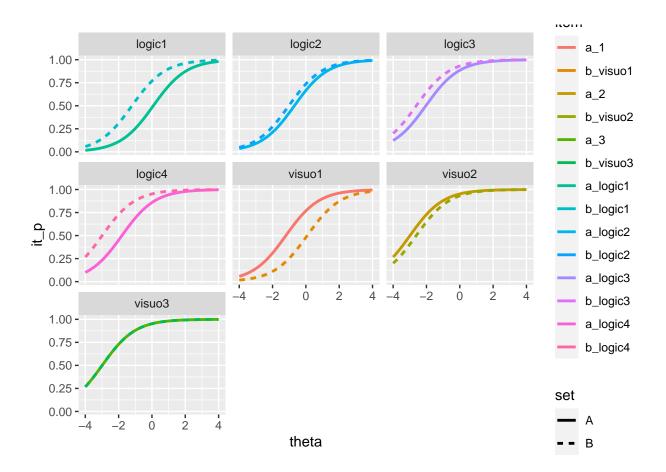


Figure 4: Distribuzione abilità delle persone



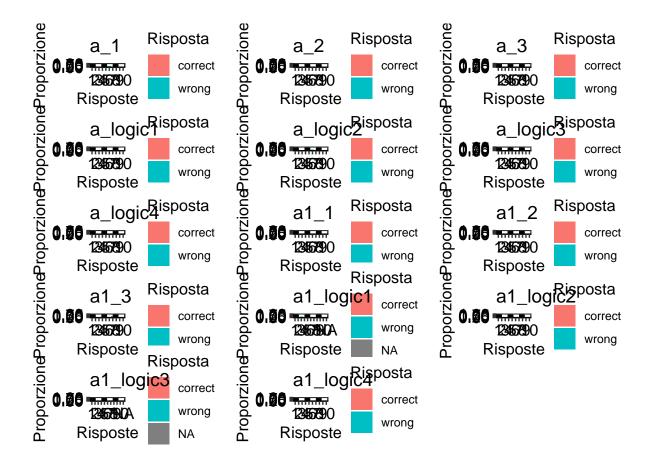
## Confronto TRA set

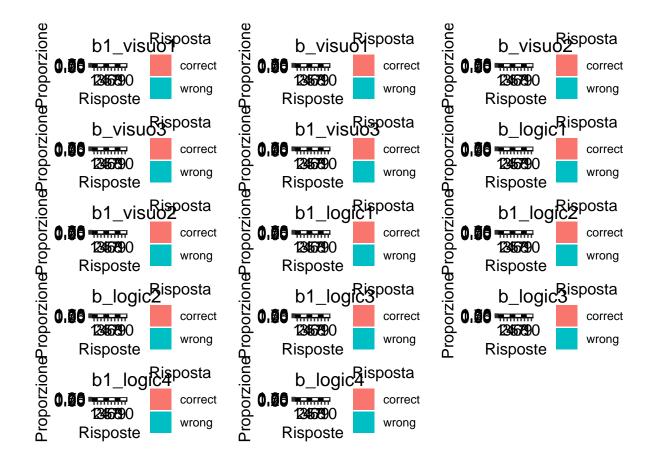
Siccome al momento ho 35 soggetti e mettere insieme i 28 item vorrebbe dire provare a stimare un modello con 29 parametri, per fare i confronti tra i set mi muovo come ho fatto per il calcolo dell'accordo TRA set, ossia appaiando A-B e A1-B1



# Analisi distrattori come diceva Pasquale

```
##
## Caricamento pacchetto: 'patchwork'
## Il seguente oggetto è mascherato da 'package:MASS':
##
## area
```





## LMM

Voglio andare a (almeno provare) a fare un'analisi più comprensiva. Voglio considerare in un unico modello:

- il set (A vs. B)
- Il tipo di item (posso considerare visuo, visuo1, visuo2 eccetera o come item equivalente)
- Gli item

Prima cosa: devo sistemare il dataset in modo da avere in formato Long tutte le risposte (sempre codificate come 1/0)

```
##
                                          sbj item resp
                                                         set type.gen
                                                                              twin
                                                                         type
## R_3q0JtfuxCV2EeOY.a_1 R_3q0JtfuxCV2EeOY
                                               a_1
                                                       1
                                                           Α
                                                                visuo visuo1
                                                                                  0
## R_3PFEEF9VwLkdjbI.a_1 R_3PFEEF9VwLkdjbI
                                               a_1
                                                       1
                                                           Α
                                                                visuo visuo1
                                                                                  0
## R_2Y9cnG6WCGqIPPd.a_1 R_2Y9cnG6WCGqIPPd
                                                                                  0
                                               a 1
                                                       0
                                                           Α
                                                                visuo visuo1
\verb|## R_3qJPfVWV4m3ioEh.a_1 R_3qJPfVWV4m3ioEh|\\
                                               a_1
                                                       1
                                                           Α
                                                                                  0
                                                                visuo visuo1
## R_2CN61fltHFydjPs.a_1 R_2CN61fltHFydjPs
                                                       0
                                                                                  0
                                                           Α
                                                                visuo visuo1
## R_p5hhdn6Hxb7j5xT.a_1 R_p5hhdn6Hxb7j5xT
                                                       1
                                                           Α
                                                                visuo visuo1
                                                                                  0
                                               a_1
```

Il modello più semplice che mi vien in mente va a specificare l'effetto random sia dei soggetti sia degli item ma considera l'effetto fisso dei

```
## Generalized linear mixed model fit by maximum likelihood (Laplace
##
     Approximation) [glmerMod]
  Family: binomial (logit)
## Formula: resp ~ 0 + type.gen + (1 | sbj) + (1 | item)
##
     Data: ab.1
##
##
                       logLik deviance df.resid
       AIC
                 BIC
      468.3
               485.0
                       -230.1
##
                                 460.3
##
## Scaled residuals:
      Min
               1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -4.1856 0.1406 0.2910 0.4642 2.0007
##
## Random effects:
## Groups Name
                       Variance Std.Dev.
## sbj
           (Intercept) 1.4865
                                1.2192
           (Intercept) 0.9037
                                0.9506
## item
## Number of obs: 490, groups: sbj, 35; item, 14
##
## Fixed effects:
##
                 Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                   1.4807
                              0.4321
                                       3.427 0.000611 ***
## type.genlogic
                              0.4971
                                       4.083 4.44e-05 ***
                   2.0298
## type.genvisuo
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Correlation of Fixed Effects:
               typ.gnl
## type.genvis 0.233
m2 = glmer(resp \sim 0 + type.gen + set + (1|sbj) + (1|item),
           data = ab.1,
           family = "binomial")
summary(m2)
## Generalized linear mixed model fit by maximum likelihood (Laplace
     Approximation) [glmerMod]
  Family: binomial (logit)
## Formula: resp ~ 0 + type.gen + set + (1 | sbj) + (1 | item)
      Data: ab.1
##
##
        AIC
                 BIC
                       logLik deviance df.resid
                       -230.0
##
      470.1
                                 460.1
                                            485
               491.1
##
## Scaled residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
## -4.1151 0.1430 0.2960 0.4681
                                   1.9831
##
## Random effects:
## Groups Name
                       Variance Std.Dev.
## sbj
           (Intercept) 1.4864
                                1.2192
           (Intercept) 0.8929
## item
                                0.9449
## Number of obs: 490, groups: sbj, 35; item, 14
##
## Fixed effects:
```

```
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                  1.3686
                             0.5113
                                      2.677 0.007439 **
## type.genlogic
## type.genvisuo
                  1.9133
                             0.5705
                                      3.354 0.000798 ***
## setB
                  0.2284
                             0.5662
                                      0.403 0.686631
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Correlation of Fixed Effects:
##
              typ.gnl typ.gnv
## type.genvis 0.439
## setB
              -0.539 -0.496
m3 = glmer(resp \sim 0 + type.gen*set + (1|sbj) + (1|item),
          data = ab.1,
          family = "binomial")
summary(m3)
## Generalized linear mixed model fit by maximum likelihood (Laplace
    Approximation) [glmerMod]
## Family: binomial (logit)
## Formula: resp ~ 0 + type.gen * set + (1 | sbj) + (1 | item)
##
     Data: ab.1
##
##
                      logLik deviance df.resid
       ATC
                BIC
##
     470.5
              495.7
                      -229.3
                                458.5
##
## Scaled residuals:
      Min
               1Q Median
                               30
## -4.3279 0.1382 0.2896 0.4597 2.0101
##
## Random effects:
## Groups Name
                      Variance Std.Dev.
          (Intercept) 1.4849
## sbj
                              1.2186
          (Intercept) 0.7717
                               0.8785
## item
## Number of obs: 490, groups: sbj, 35; item, 14
## Fixed effects:
                     Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## type.genlogic
                       1.0796
                                  0.5324
                                          2.028 0.042591 *
## type.genvisuo
                       2.3233
                                  0.6379
                                           3.642 0.000271 ***
## setB
                       0.8101
                                  0.7001
                                           1.157 0.247240
## type.genvisuo:setB -1.4131
                                  1.0868 -1.300 0.193509
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Correlation of Fixed Effects:
              typ.gnl typ.gnv setB
## type.genvis 0.143
## setB
              -0.632
                       0.009
## typ.gnvs:sB 0.405 -0.517 -0.645
# per stimare semplicemente la difficoltà degli item posso metterli come effetti fissi
# per come è scritto il modello 1, ho le stime di difficoltà degli item
ranef(m1)$item
```

```
(Intercept)
-0.7547717
##
## a_1
## a_2
            0.5486805
## a_3
            0.5486805
## a_logic1 -1.3193488
## a_logic2 -0.7018771
## a_logic3 0.3422708
## a_logic4
            0.1692263
## b_logic1 -0.2939832
## b_logic2 -0.4346913
## b_logic3
            0.7297656
## b_logic4
            0.9512762
## b_visuo1 -1.7957057
## b_visuo2
            0.3125375
## b_visuo3
            0.5486805
```