# AS - Apprentissage par renforcement (simple)

Ludovic Denoyer et Nicolas Baskiotis

# Notions de base

# Processus de Décision Markovien partiellement observables (PO-MDP)

- Un ensemble d'états  $\mathcal S$  associé à un espace d'observations  $\mathcal X$  tel que P(x|s) est inconnu
  - Si  $\mathcal{X} == \mathcal{S}$ , alors, on a affaire à un MDP classique
- Un ensemble possible d'actions  $\mathcal{A}$ , discret dans notre cas
- Une fonction de récompense immédiate r(s, a)
- Un modèle (inconnu) du monde P(s'|s,a)

### Politique

Dans ce contexte, un agent est défini par une **politique**  $\pi$  telle que  $\pi = P(a|s)$ , la probabilité de choisir une action dans un état donné. Dans le cadre des PO-MDP, la politique est défine par  $P(a|x_t,...,x_1)$  où  $x_t,a_{t-1},x_{t-1},...,x_1$  est la séquence des observations+actions précédentes.

#### Politique optimale

Soit un facteur de discount  $\gamma \leq 1$ , la récompense globale obtenue sur une trajectoire  $s_1, a_1, s_2, a_2, \dots a_{T-1}, s_T$  est définie par :

$$R(s_1, a_1, s_2, a_2, \dots a_{T-1}, s_T) = \sum_t \gamma^{t-1} r(s_t, a_t)$$

La politique optimale  $\pi^*$  est la politique qui maximise l'espérance de la récompense :

$$\pi^* = \arg\max_{\pi} E_{\pi}[R(s_1, a_1, \dots, s_{+\infty})]$$

où  $s_1, a_1, ...., s_{+\infty}$  est échantilloné selon  $\pi.$  Il est prouvé que cettre politique existe.

# Value Function et Q-Function

La Value Function est définie comme :

$$V^{\pi}(s_t) = E_{\pi}[R(s_t, a_t, ..., s_{+\infty})]$$

La Q-function est définie comme :

$$Q^{\pi}(s_t, a_t) = E_{\pi}[R(s_t, a_t, ..., s_{+\infty})]$$

La Value function et la Q function entretiennent des liens étroits :

$$Q^{\pi}(s_t, a_t) = \sum_{s_{t+1}} P(s_{t+1}|s_t, a_t) (r(s_t, a_t) + \gamma V^{\pi}(s_{t+1}))$$

# Q-Learning

Soit  $Q^*$  la Q-value optimale :

$$Q^*(s,a) = \max_{\pi} Q^{\pi}(s,a)$$

On peut définir la politique optimale comme :

$$\pi^*(s) = \max_a Q^*(s, a)$$

On a donc :

$$Q^*(s,a) = r_{t+1} + \gamma \max_{a_{t+1}} Q^*(s_{t+1}, a_{t+1})$$

Et on peut montrer que :

$$Q^*(s, a) = E_{s'}[r + \gamma \max_{a'} Q^*(s', a')|s, a]$$

D'où l'algorithme de Q-learning de la Figure 1

# Q-Learning approché

On va maintenant considérer que  $Q^*(s,a)$  est approximé par un modèle paramétrique Q(s,a,w) de paramètres w (voir Figure 2)

On peut utiliser la descente de gradient pour résoudre l'équation de Bellman :

- En considérant que  $r + \gamma \max_{a'} Q^*(s', a', w)$  est la cible a atteindre pour Q(s,a,w)
- En utilisant un coût des moindres carrés :  $(r + \gamma \max_{a'} Q^*(s', a', w) Q(s, a, w))^2$

Mais, en pratique, cela diverge due aux corrélations dans les exemples d'apprentissage. La solution passe par l'implémentation d'une mémoire (*Experience Replay*) permettant de supprimer les corrélations (et la non stationnarité) dans la base d'apprentissage.

# Algorithme 6 L'algorithme Q-Learning. $Q(s,a) \leftarrow 0, \forall (s,a) \in (\mathcal{S},\mathcal{A})$ pour $\infty$ faire initialiser l'état initial $s_0$ $t \leftarrow 0$ répéter choisir l'action à émettre $a_t$ et l'émettre observer $r_t$ et $s_{t+1}$ $Q(s_t,a_t) \leftarrow Q(s_t,a_t) + \alpha[r_t + \gamma \max_{a' \in \mathcal{A}(s_{t+1})} Q(s_{t+1},a') - Q(s_t,a_t)]$ $t \leftarrow t+1$ jusque $s_t \in \mathcal{F}$ fin pour

Figure 1 – Q-Learning (tabulaire)

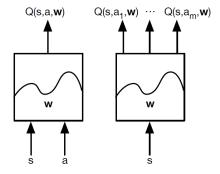


FIGURE 2 – Approximation de la Q-function

```
Algorithm 1 Deep Q-learning with Experience Replay
Initialize replay memory \mathcal{D} to capacity N
Initialize action-value function Q with random weights
for episode =1,M do
Initialise sequence s_1=\{x_1\} and preprocessed sequenced \phi_1=\phi(s_1)
for t=1,T do
With probability \epsilon select a random action a_t
otherwise select a_t=\max_a Q^*(\phi(s_t),a;\theta)
Execute action a_t in emulator and observe reward r_t and image x_{t+1}
Set s_{t+1}=s_t,a_t,x_{t+1} and preprocess \phi_{t+1}=\phi(s_{t+1})
Store transition (\phi_t,a_t,r_t,\phi_{t+1}) in \mathcal{D}
Sample random minibatch of transitions (\phi_j,a_j,r_j,\phi_{j+1}) from \mathcal{D}
Set y_j=\left\{ \begin{array}{cc} r_j & \text{for terminal } \phi_{j+1} \\ r_j+\gamma\max_{a'}Q(\phi_{j+1},a';\theta) & \text{for non-terminal } \phi_{j+1} \end{array} \right.
Perform a gradient descent step on (y_j-Q(\phi_j,a_j;\theta))^2 according to equation 3 end for end for
```

FIGURE 3 – Deep Q-Learning with Experience Replay