## Avaliação Final

QXD0010 — Estrutura de Dados Avançada — Turma 01A Prof. Atílio Gomes 27 de Outubro de 2020

Aluno:		
Matrícula:		

**OBSERVAÇÃO:** Logo abaixo, encontram-se três exercícios de programação, que você terá 24 horas para fazer.

Observação 1: Envie código compilável.

Observação 2: Provas copiadas receberão nota zero.

Prazo de Entrega: 28/10/2020 às 8h da manhã via Moodle, ou via email gomes.atilio@ufc.br (caso o Moodle esteja fora do ar).

1. Durante as aulas, aprendemos o que é a estrutura de dados Grafos e vimos que ela pode modelar situações reais. Vimos também que os grafos possuem duas representações principais no computador. Eles podem ser representados por matriz de adjacência ou por listas de adjacências.

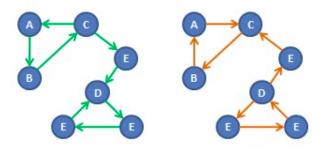
Em aula, eu implementei em C++ a representação por matriz de adjacências usando o paradigma de orientação a objetos. Inicialmente, foi criada a classe abstrata Graph que possui as funções virtuais puras a serem obrigatoriamente implementadas pelas classes filhas (herdeiras) e também implementei a classe filha Graphm, herdeira de Graph. A classe filha Graphm é, na verdade, uma implementação que armazena o grafo como uma matriz de adjacência no computador. A implementação da classe que implementa o grafo por listas de adjacências ficou para casa.

As classes Graph e Graphm, implementadas naquela aula, foram enviadas junto com esta prova.

A sua tarefa nesta questão é implementar a classe filha **Graph1**, que armazena o grafo como listas de adjacências. Juntamente com os demais arquivos foi enviado para vocês o arquivo **graph1.cpp** onde vocês devem implementar a classe **Graph1**.

Uma estrutura de dados só é utilizável (só presta) se ela funciona corretamente. Para saber se a estrutura de dados funciona corretamente não há outro jeito senão verificar que a implementação de cada função está correta. Uma forma empírica é testar as suas funções, ou seja, criar alguns testes e ver o que acontece e checar se o resultado obtido casa com o resultado esperado. Para isso, é preciso criar um programa cliente, ou seja, um arquivo main.cpp e criar um grafo e testar algumas de suas funcionalidades, de preferência exaustivamente. Para essa questão, crie um arquivo main.cpp e teste o seu grafo. Envie todos os arquivos mencionados acima como resposta desta questão.

2. (Exercício 22.1-3, do livro do Cormen, que está na bibliografia da disciplina) O **transposto** de um grafo direcionado G = (V, E) é o grafo  $G_T = (V, E_T)$ , onde  $E_T = \{(v, u) \in V \times V : (u, v) \in E\}$ . Assim,  $G_T$  é G com todas as suas arestas invertidas. A figura abaixo mostra um grafo direcionado G à esquerda e o seu transposto  $G_T$  à direita.



Implemente algoritmos eficientes para calcular  $G_T$  a partir de G, para a representação por lista de adjacências e também para a representação por matriz de adjacências de G.

Dentro da classe Graph há o seguinte protótipo de função:

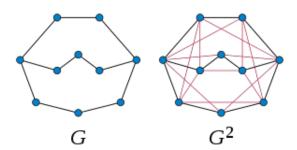
## Graph\* transposto();

Descomente essa linha quando você for fazer essa questão.

Dentro das classes Graphm e Graphl também há duas funções transposto(). O que esta questão pede é que você implemente essa função em cada uma dessas duas classes herdeiras. A função-membro transposto(), quando chamada por um objeto g do tipo Graph, devolve um ponteiro para um novo grafo que é o transposto do grafo g que invocou a função. Veja que, como estamos usando orientação a objetos, não é preciso passar o grafo g como parâmetro para a função. Desta forma, para criar o grafo transposto de g, é suficiente executar a seguinte linha no programa principal:

```
Graph *g;
g = new Graphm(n);
... (adiciona arestas no grafo g aqui)
Graph* grafoTransposto;
grafoTransposto = g.transposto();
```

3. (Exercício 22.1-5, do livro do Cormen, que está na bibliografia da disciplina) O **quadrado** de um grafo direcionado G = (V, E) é o grafo  $G^2 = (V, E_2)$  em que  $(u, v) \in E_2$  se e somente se G contiver um caminho que tenha no máximo duas arestas entre u e v. A figura abaixo mostra um grafo G e seu quadrado  $G^2$ .



Implemente algoritmos eficientes para calcular  $G^2$  a partir de G para uma representação por lista de adjacências e para uma representação por matriz de adjacências de G. Implemente os seus algoritmos como funções-membros das classes das questões anteriores, assim como foi feito para calcular o grafo transposto de G.