Programação Funcional com a Linguagem Haskell

©André Rauber Du Bois dubois@macs.hw.ac.uk

Índice

CAPÍTULO 1 – Programação em Haskell	4
1.1 Expressões e Funções	4
1.2. Inteiros	6
1.3 Booleanos	8
1.4 Caracteres e Strings	9
1.5 Números em Ponto Flutuante	11
1.6 Tuplas	
1.7 Funções Recursivas	13
1.8 Exemplos	15
CAPÍTULO 2 – Listas em Haskell	18
2.1 Listas	18
2.2 Operadores	19
2.3 Funções sobre Listas	20
2.4 List Comprehensions	24
2.5 Definições	26
2.6 Outras Funções Úteis sobre Listas	30
2.7 Listas Infinitas	33
2.8 Erros	35
CAPÍTULO 3 – Conceitos Avançados	37
3.1 Currying	37
3.2 Composição de Funções	39
3.3 Expressões Lambda	41
CAPÍTULO 4 – Classes de Tipo	43
4.1 Classes de Tipo	43
4.2 Classes Derivadas	45
4.3 Contexto	46
4.4 Algumas Classes Importantes	47
4.4.1 Enum	47
4.4.2 Read e Show	48
4.4.3 Classes de Números	48

<u>CAPÍTULO 5 – Tipos Algébricos</u>	50
5.1 Tipos Algébricos	50
5.2 Tipos Recursivos	52
5.3 Tipos Algébricos Polimórficos	55
CAPÍTULO 6 – Abstract Data Types	57
6.1 Abstract Data Type (ADT)	57
6.2 Exemplo de ADT (Conjuntos)	58
CAPÍTULO 7 – IO	68
7.1 Interação com o Usuário	
7.2 Arquivos	70
7.3 Interações Infinitas	72
7.4 Mônadas	73
CAPÍTULO 7 – Construção de Módulos	74
7.1 Módulos	74
7.2 Criando Um ADT	76

CAPÍTULO 1 – Programação em Haskell

1.1 Expressões e Funções

A idéia principal da linguagem Haskell é baseada na avaliação de expressões. A

implementação da linguagem avalia (simplifica) a expressão passada pelo programador até

sua forma normal. Por exemplo:

Haskell >"Alô Mundo!!"

"Alô Mundo!!"

Neste exemplo foi passada para o interpretador Haskell a string (seqüência de

caracteres) "Alô Mundo!!". O sistema respondeu com a mesma seqüência de caracteres,

pois esta expressão não pode mais ser avaliada, já encontra-se normalizada. Pode-se utilizar

comandos mais complexos:

Haskell> 4 + 3

7

ou

Haskell> ((9*6)+(59/3)) *27

1989.0

Um comando em Haskell é uma fórmula escrita na sintaxe da linguagem.

Em Haskell existem várias funções pré-definidas que podem ser usadas para a

construção de expressões:

Haskell> reverse "Alô Mundo!!"

"!!odnuM ôlA"

4

A função reverse inverte a ordem dos caracteres em uma *string*.

Apesar de existirem várias funções pré-definidas, a grande idéia da programação funcional é que o usuário defina as suas próprias funções. As funções do usuário são definidas em *scripts*. Um script contém definições de funções associando nomes com valores e tipos. Em scripts da linguagem Haskell também existem comentários que facilitam uma leitura posterior. Tudo o que for escrito depois de dois travessões (--) é considerado comentário e não é interpretado. Segue um exemplo de script:

```
exemplo.hs
      Neste script apresentam-se algumas definições simples
idade :: Int
                         -- Um valor inteiro constante
idade = 17
maiorDeldade :: Bool
                          -- Usa a definição de idade
maiorDeldade = (idade>=18)
                          -- função que eleva um número ao quadrado
quadrado :: Int -> Int
quadrado x = x * x
mini :: Int -> Int -> Int
                         -- função que mostra o menor valor entre dois inteiros
mini a b
      | a <= b
      otherwise = b
```

A primeira linha de uma definição é a declaração de tipo. A notação '::' pode ser lida como 'possui tipo'. Então idade tem tipo Int, que em Haskell é o tipo dos números inteiros. A linha seguinte atribui o valor 17 para idade.

Na definição seguinte é introduzido o tipo *Booleano*, que pode ter dois valores, True ou False. No caso, maiorDeldade tem o valor False pois 17 (valor de idade) é menor do que 18. Na definição de maiorDeldade foi utilizada a definição de idade. Em Haskell uma definição pode usar qualquer outra definição do mesmo script.

Em scripts encontra-se também definições de funções. A função quadrado no exemplo, é uma função que vai do tipo Int para o tipo Int. A função através de seu argumento calcula uma resposta utilizando uma equação (x * x) que está no lado direito da definição. Por exemplo, se passarmos para o interpretador a função quadrado e como argumento utilizarmos o valor 2 teremos:

Haskell> quadrado 2

4

A função mini devolve o menor valor entre os seus dois argumentos, que são valores do tipo Int. Para se obter a resposta, testam-se os valores para se decidir qual é o menor. Para isso são usados *guards* que são expressões booleanas iniciadas por uma barra |. No exemplo, se o valor de a é menor ou igual que b a resposta é a, senão passa-se para o próximo *guards*. Temos então a expressão otherwise, que sempre possui a resposta se todos os outros *guards* falharem. Ex:

Haskell > mini 2 3

2

Outros detalhes sobre scripts, serão apresentados no decorrer do texto.

1.2. Inteiros

O tipo Int é o tipo dos números inteiros em Haskell. Este tipo possui alguns operadores e funções:

+, *	Soma e multiplicação de inteiros	
۸	Potência: 2^4 é 16	
-	Serve para mudar o sinal de um inteiro ou para fazer a subtração	

Tabela 1. Operadores do Tipo Int

div	Divisão de números inteiros; div 10 3 é 3
mod	O resto de uma divisão de inteiros; mod 10 3 é 1
abs	Valor absoluto de um inteiro (remove o sinal).
negate	Muda o sinal de um inteiro.

Tabela 2. Funções do Tipo Int

Qualquer operador pode ser usado como função, e qualquer função pode ser usada como um operador, basta incluir o operador entre parênteses (), e a função entre crases ``.

Ex:

Haskell> (+) 2 3

5

Haskell> 10 `mod` 3

1

O programador pode definir os seus próprios operadores em scripts:

```
-- script do meu primeiro operador
(&&&) :: Int -> Int

a &&& b
| a < b = a
| otherwise = b
```

Ex:

Haskell> 10 &&& 3

3

Pode-se trabalhar com ordenação e igualdade com os números inteiros, assim como com todos os tipos básicos. As funções de ordenação e igualdade tem como argumento dois números inteiros e devolvem um valor do tipo Bool:

>	Maior que
>=	Maior ou igual
==	Igual
/=	Diferente
<=	Menor ou igual
<	Menor

Tabela 3. Ordenação e Igualdade

Ex:

Haskell> 29 > 15

True

1.3 Booleanos

O tipo Bool é o tipo dos valores booleanos True (Verdadeiro) ou False (Falso). Os operadores booleanos são:

&&	e
	ou
not	negação

Tabela 4. Operadores Booleanos

Exemplo de definição utilizando Booleanos:

```
-- ou exclusivo
ouEx :: Bool -> Bool -> Bool
ouEx x y = (x || y) && not (x && y)
```

O *ou exclusivo* poderia ser definido utilizando *patterns* ao invés de uma fórmula:

ouEx True x = not x ouEx False x = x

Este tipo de definição utiliza mais de uma equação. No exemplo, na primeira linha da definição, se for passado um valor True e um outro valor qualquer, a resposta será a negação deste valor. Se não ocorrer este caso, passa-se para a segunda linha em que se passa como argumento um valor False e um outro valor qualquer, que será a resposta.

1.4 Caracteres e Strings

O tipo Char é o tipo composto de caracteres, dígitos e caracteres especiais, como nova linha, tabulação, etc. Caracteres individuais são escritos entre aspas simples: 'a' é o caracter *a* e '7' é o caracter sete.

Alguns caracteres especiais são representados da seguinte maneira:

'\t'	Tabulação
ʻ\n'	Nova linha
΄\' '	Aspas simples (')
ζ",	Aspas duplas (")
' \\'	Barra (\)

Tabela 5. Caracteres Especiais

Os caracteres são ordenados internamente pela tabela ASCII. Por isso:

Haskell> 'a' < 'z' True Haskell> 'A'< 'a' True Pode-se utilizar a barra para representar o caracter por seu número: Haskell > '\65' 'Α' Existem funções que transformam um número em caracter, e um caracter em número inteiro, baseando-se na tabela ASCII. Respectivamente: chr :: Int -> Char ord :: Char -> Int Listas de caracteres pertencem ao tipo String, e podem ser representados entre aspas duplas: "Alô Mundo!!" "Haskell" Ex: Haskell> "Haskell é\nLegal !!" "Haskell é Legal"

Listas podem ser concatenadas usando o operador (++). Ex:

Haskell > "Preciso de" ++ "\nfrases " ++ "melhores"

"Preciso de
frases melhores"

A linguagem Haskell permite que se de *sinônimos* aos nomes de tipos. Exemplo:

type String = [Char]

Isto quer dizer que o tipo String é um sinônimo de uma lista de caracteres. Ex:

Haskell> "Haskell" == ['H', 'a', 's', 'k', 'e', 'l', 'l']
True

O assunto listas será analisado mais profundamente no decorrer do texto.

1.5 Números em Ponto Flutuante

Existe em Haskell o tipo Float, que trabalha com números fracionários que são representados em ponto flutuante.

Pode-se escrever os números com casas decimais ou utilizando notação científica; 231.6e-2 que significa 231.61×10^{-2} , ou simplesmente 2.3161. O tipo Float além de aceitar os operadores (+, - , *, ^, = =, /=, <=,>=, <, >) vistos anteriormente, possui algumas funções próprias:

/	Float -> Float -> Float	Divisão
**	Float -> Float -> Float	Exponenciação, x ** x = x ^y
Cos, sin, tan	Float -> Float	Coseno, seno e tangente
log	Float -> Float	Logaritmo base e
logBase	Float -> Float -> Float	Logaritmo em qualquer base (primeiro
		argumento é a base)
read	String -> Float	Converte uma string representando um
		real, em seu valor
show	Float -> String	Converte um número para uma string
sqrt	Float -> Float	Raiz quadrada
fromInt	Int -> Float	Converte um Int para um Float
pi	Float	Constante Pi

Tabela 6. Funções do tipo Float

1.6 Tuplas

Uma tupla em Haskell é uma agregação de um ou mais componentes. Estes componentes podem ser de tipos diferentes. As tuplas são representadas em scripts por listas de componentes separados por vírgula, entre parênteses. O tipo de uma tupla parece uma tupla, mas possui tipos como componentes.

Ex:

```
-- script com tuplas
```

Type Nome = String -- Sinônimo para String (Nome)

Type Idade = Int -- Sinônimo para Int (Idade)

verldade :: (Nome, Idade) -> Idade -- Função que se passa uma tupla verldade (a,b) = b -- (Nome, Idade), e devolve a idade

Então:

Haskell > verldade ("André", 21)

21

1.7 Funções Recursivas

Uma função recursiva é uma função que chama a ela mesma. Grande parte das definições em Haskell serão recursivas, principalmente as que necessitam de algum tipo de repetição. Uma definição recursiva clássica é a do fatorial de um número inteiro positivo:

O fatorial de um número inteiro positivo pode ser dividido em dois casos:

- O fatorial de 0 será sempre 1;
- E o fatorial de um número n>0, será 1 * 2 *...* (n-1) * n

Então:

fatorial :: Int -> Int

fatorial
$$0 = 1$$
 (regra 1)

fatorial n =
$$n * fatorial (n-1)$$
 (regra 2)

Exemplo de avaliação:

fatorial 3

$$= 3 * (fatorial 2)$$
 (2)

$$= 3 * 2 * (fatorial 1)$$
 (2)

$$= 3 * 2 * 1 * (fatorial 0)$$
 (2)

$$= 3 * 2 * 1 * 1$$
 (1)

= 6 Multiplicação

Introduz-se agora um exemplo mais prático de definição recursiva. Seja a função

aluno :: Int -> Float, que possui como argumento o número da chamada de um aluno (que

pode variar de 1 até n), e fornece a nota do aluno na última prova como resultado.

Como se calcularia a média de notas da turma?

Para se resolver este problema, o ideal é dividi-lo em partes menores. Poderíamos

primeiro pensar em uma função soma :: Int -> Float, que soma a nota de todos os alunos.

Esta função teria dois casos:

• soma 1 seria a nota do aluno 1, ou simplesmente (aluno 1);

• soma n seria

aluno 1 + aluno 2 + ... + aluno (n-1) + aluno n

Tem-se então:

soma :: Int -> Float

soma 1 = aluno 1

soma n = aluno n + soma (n-1)

Definida a função soma, pode-se definir a função média de maneira simples:

media :: Int -> Float

media n = (soma n) / (fromInt n)

Na segunda linha da definição tem-se que usar a função fromInt para transformar o

valor n que tem tipo Int, em Float, pois o tipo do operador de divisão é (/) :: Float -> Float

-> Float.

14

1.8 Exemplos

Nesta parte do texto analisa-se um exemplo mais extenso, usando as funções aluno e media explicadas anteriormente. O objetivo é criar uma função que gere uma tabela mostrando o número de todos os alunos e suas respectivas notas. No final da tabela deve aparecer a média das notas. Exemplo:

Haskell > tabela 4

Aluno	Nota
1	7.5
2	10
3	9
4	6.3

Média da Turma: 8.2

Pode–se resolver o problema utilizando uma abordagem *top-down*. A tabela pode ser pensada como sendo uma grande string. Então

tabela :: Int -> String

A função tabela tem como argumento um número inteiro (número de alunos), e devolve uma string (a tabela). A definição dessa função seria:

tabela n = cabeçalho ++ imprimeAlunos n ++ imprimeMedia n

A função cabeçalho tem uma definição direta:

cabeçalho :: String

cabeçalho = "Aluno Nota\n"

Para se imprimir as notas, deve-se imprimir um aluno por linha. Isto pode ser definido recursivamente utilizando uma outra função

```
imprimeAluno :: Int -> String
```

Dessa maneira teremos:

```
imprimeAlunos :: Int -> String
```

```
imprimeAlunos 1 = imprimeAluno 1
```

imprimeAlunos n = imprimeAlunos (n-1) ++ imprimeAluno n

Para a definição das funções imprimeAluno e imprimeMedia é necessário o uso da função pré-definida show, que transforma um número de qualquer tipo em string:

```
imprimeAluno :: Int -> String imprimeAluno n = show n ++ " " ++ show (aluno n) ++ "\n" imprimeMedia :: Int -> String imprimeMedia n = "\n" ++ "Média da Turma: " ++ show (media n)
```

Foram usadas as funções aluno e media definidas anteriormente.

Agora apresenta-se o script completo para a função tabela:

```
-- script tabela

-- banco de dados das notas:
aluno :: Int -> Float

aluno 1 = 7.5
aluno 2 = 10
aluno 3 = 9
aluno 4 = 6.3
-- (...)
```

```
tabela :: Int -> String
tabela n = cabeçalho ++ imprimeAlunos n ++ imprimeMedia n
cabeçalho :: String
cabeçalho = "Aluno
                          Nota\n"
imprimeAlunos :: Int -> String
imprimeAlunos 1 = imprimeAluno 1
imprimeAlunos n = imprimeAlunos (n-1) ++ imprimeAluno n
imprimeAluno :: Int -> String
imprimeAluno n = \text{show } n ++ \text{"} ++ \text{show (aluno } n) ++ \text{"} n"
imprimeMedia :: Int -> String
imprimeMedia n = "\n" ++ "Média da Turma: " ++ show (media n)
soma :: Int -> Float
soma 1 = aluno 1
           = aluno n + soma (n-1)
soma n
media :: Int -> Float
media n = (soma n) / (fromInt n)
```

A ordem em que as definições aparecem em um script não é importante.

É importante ressaltar que os nomes das funções sempre começam com letras minúsculas, e os tipos com letras maiúsculas.

CAPÍTULO 2 - Listas em Haskell

2.1 Listas

Em Haskell pode-se trabalhar com listas de vários tipos diferentes. Para qualquer tipo t, pode-se criar uma lista com elementos do tipo t, que será do tipo [t]. Exemplo:

Pode-se trabalhar também com listas de listas, listas de tuplas e listas de funções (desde que as funções tenham o mesmo tipo):

Um outro caso são as listas vazias, [], que não possuem elementos e podem ser de qualquer tipo:

[] :: [Bool] [] :: [Float] [] :: [Int -> Int]

A ordem e o número de ocorrência dos elementos é significante. Uma lista [3,4] é diferente de uma lista [4,3], e uma lista [1] é diferente de uma lista [1,1].

Existem outras maneiras de descrever listas:

• [a .. b] é a lista [a, a+1, ..., b]. Ex:

• [a, b .. c] é a lista de elementos de a até c passo b – a. Ex:

O último elemento da lista é o maior da seqüência e deve ser menor ou igual a C.

2.2 Operadores

O operador (:) é o operador de construção de listas. Toda a lista é construída através deste operador, de elementos e de uma lista.

[1]
$$= 1 : []$$
 $[1, 2, 3, 4] = 1 : 2 : 3 : 4 : []$

Este operador serve para todo o tipo de listas:

```
(:) :: Int -> [Int] -> [Int]
(:) :: Char -> [Char] -> [Char]
(:) :: Bool -> [Bool] -> [Bool]
(...)
```

O que se observa é que este operador trabalha com um elemento e uma lista que devem ser do mesmo tipo. Na verdade este é um operador *polimórfico* e seu tipo é:

Onde t é uma *variável de tipo* que pode ser substituída por qualquer tipo (Int, Char, etc...). O conceito de polimorfismo será esclarecido em maior profundidade no decorrer do texto.

Outro operador para listas é o de concatenação (++):

Apenas listas de mesmo tipo podem ser concatenadas, por isso:

$$(++) :: [t] \rightarrow [t] \rightarrow [t]$$

Aqui se usa a letra t como variável de tipo. Porém pode-se usar qualquer letra minúscula.

2.3 Funções sobre Listas

Na maioria das definições sobre listas irá se usar a recursão para se percorrer todos os elementos. Uma função simples seria a função para somar todos os elementos de uma lista de números inteiros:

Para esta função existem dois casos:

• Caso Básico: Somar os elementos de uma lista vazia [] que irá resultar em 0, e

• Passo Indutivo: Somar os elementos de uma lista não vazia. Em uma lista não vazia existe sempre o elemento head (o primeiro elemento), e o tail da lista, que é a lista que sobra sem o elemento head. Por exemplo, a lista [1, 2, 3] tem head 1 e tail [2,3]. Uma lista com head a e tail x é escrita (a:x). Então a soma dos elementos de uma lista não vazia (a:x) é dada somando a à soma dos elementos de x.

A definição da função seria:

somaLista []
$$= 0$$
 (1)

somaLista (a:x) =
$$a + somaLista x$$
 (2)

Ex:

Haskell> somaLista [1, 2, 3, 4, 5]

15

O comando é avaliado da seguinte maneira:

somaLista [1, 2, 3, 4, 5]

$$= 1 + somaLista [2, 3, 4, 5]$$
 (2)

$$= 1 + (2 + somaLista [3, 4, 5])$$
 (2)

$$= 1 + (2 + (3 + somaLista [4, 5]))$$
 (2)

$$= 1 + (2 + (3 + (4 + somaLista [5])))$$
 (2)

$$= 1 + (2 + (3 + (4 + (5 + somaLista[]))))$$
 (2)

$$= 1 + (2 + (3 + (4 + (5 + 0))))$$
 (1)

$$= 15 \tag{+}$$

Uma função que teria uma definição muito parecida com a definição de somaLista, seria a função para determinar a lista cujos elementos são o dobro dos elementos de uma lista:

```
dobraLista :: [Int] -> [Int]
dobraLista [] = []
dobraLista (a:x) = 2*a : dobraLista x
```

Quais são os dois casos desta função?

O caso básico é determinar a lista cujos elementos são o dobro dos elementos de uma lista vazia. A resposta seria [].

O passo indutivo consiste em considerar uma lista não vazia. Como se faz isso? Calcula-se o dobro do head e coloca-se este elemento como o primeiro da lista cujos elementos são o dobro dos elementos do tail.

Ex:

```
Haskell > dobraLista [1, 2, 3] [2, 4, 6]
```

As funções apresentadas até o momento trabalham apenas com listas de um tipo específico. Porém existem funções polimórficas que trabalham com listas de qualquer tipo. Um exemplo seria a função length, pré-definida da linguagem, que dá o número de elementos de uma lista:

```
length :: [t] -> Int

length [] = 0

length (a:x) = 1 + length x
```

A lista vazia tem tamanho 0. A lista não vazia, possui sempre um elemento a mais que o seu tail.

Esta definição serve para qualquer tipo de listas, tanto para números quanto para caracteres, etc, por isso usa-se a variável de tipo t na declaração da função.

Um exemplo interessante que envolve recursão é o de uma função de ordenação de

uma lista. O objetivo do algoritmo utilizado é inserir o primeiro elemento da lista a ser

ordenada no tail da lista ordenado:

ordenacao :: [Int] -> [Int]

ordenacao [] = []

ordenacao (a:x) = insere a (ordenacao x)

Utiliza-se para a função ordenacao uma abordagem top-down. Define-se a função

ordenacao utilizando-se a função

insere :: Int -> [Int] -> [Int].

Inserir um elemento em uma lista vazia é simples:

insere e [] = [e]

Para se inserir um elemento no lugar certo em uma lista ordenada tem-se dois casos:

• Se o elemento a ser inserido é menor ou igual ao head da lista, coloca-se este

elemento como o primeiro

• Caso contrário, insere-se o elemento no tail da lista e o head é concatenado na

resposta:

insere e (a:x)

| e <= a = e:(a:x)

otherwise = a : insere e x

23

Ex:

Haskell > ordenacao [3, 1, 2] [1, 2, 3]

2.4 List Comprehensions

A *List Comprehension* é uma maneira de se descrever uma lista inspirada na notação de conjuntos. Por exemplo, se a lista list é [1, 7, 3], pode-se duplicar o valor dos elementos desta lista da seguinte maneira:

que terá valor:

[2, 14, 6]

ou

Haskell >
$$[2^* a | a < [1, 7, 3]]$$

[2, 14, 6]

Na *list Comprehension* o a <-list é chamado de *generator (gerador)*, pois ele gera os dados em que os resultados são construídos. Os geradores podem ser combinados com predicados (*predicates*) que são funções que devolvem valores booleanos (a->Bool).

Ex:

Haskell > [a | a<-list, even a]

[]

No exemplo a função **even** devolve o valor booleano **True** se o seu argumento for um número par. Então esta *list comprehention* devolve apenas os valores pares da lista list. Nos geradores pode-se trabalhar com qualquer tipo de *pattern*.

Ex:

```
somaPares :: [(Int, Int)] -> [Int]
somaPares lista = [ a+b | (a,b) <- lista]
```

Ex:

Quando se trabalha com mais de um gerador, o primeiro valor da primeira lista é gerado e mantido enquanto se avalia os valores da lista seguinte, Ex:

pares ::
$$[t] \rightarrow [u] \rightarrow [(t,u)]$$

pares n m = $[(a,b) \mid a \leftarrow n, b \leftarrow m]$

Então:

Por exemplo, utilizando *list Comprehensions* e um predicado, pode-se criar um filtro para strings:

```
remove :: Char -> [Char] -> [Char]
remove carac str = [c | c <-str , c/= carac]
```

Exemplo:

Haskell > remove ' 'Este exemplo remove os espaços em branco!"

"Este exemploremoveosespaçosembranco!"

Um exemplo mais prático:

Tendo uma lista de tuplas, em que cada tupla tem-se o número do aluno, o nome do aluno e sua nota:

```
baseDeDados :: [(Int, String, Float)]
baseDeDados = [ (1, "André", 10.0), (2, "Carlos", 6.8), (3, "Maurício", 7.0)]
```

Pode-se transformar esta lista em uma lista de nomes de alunos:

```
nomes :: [(Int, String, Float)] -> [String]

nomes list = [pegaNome a | a <-list]

where

pegaNome (a,b,c) = b
```

Na função nomes, foi usada a função pegaNome, que foi definida localmente através da palavra reservada where. Esta definição não serve para nenhuma outra função no script. Ela só funciona na função nomes.

A função nomes poderia ter sido definida de uma maneira mais simples:

```
nomes list = [b \mid (a,b,c) < -list]
```

2.5 Definições

A maioria das definições sobre listas se encaixam em três casos: *folding*, que é a colocação de um operador entre os elementos de uma lista, *filtering*, que significa filtrar

alguns elementos e *mapping* que é a aplicação de funções a todos os elementos da lista. Os outros casos são combinações destes três, ou recursões primitivas.

Existem funções pré-definidas em Haskell que servem para resolver estes casos. São as funções foldr1, map, e filter. Estas funções são todas polimórficas, ou seja, servem para listas de qualquer tipo e são *high order functions*. As *high order functions* são funções que recebem outras funções como argumento.

foldr1

Esta função coloca um operador entre os elementos de uma lista:

foldr1 (
$$\oplus$$
) [$x_1, x_2, ..., x_n$] = $x_1 \oplus x_2 \oplus ... \oplus x_n$

A definição em Haskell é:

foldr1 ::
$$(t -> t -> t) -> [t] -> t$$

$$foldr1 f [a] = a$$

A função tem como argumento um operador (ou melhor, uma função com dois argumentos), e uma lista. Ex:

Haskell > foldr1 (&&) [True, False, True]

False

Haskell > foldr1 (++) ["Concatenar ","uma ","lista ","de ","strings ","em ","uma ","só."] "Concatenar uma lista de strings em uma só."

Haskell > foldr1 (+) [1,2,3]

6

Existe a função foldr que tem um argumento a mais, que seria o que deve devolver como resposta caso seja passada uma lista vazia como argumento:

Ex:

map

A função map aplica uma função a todos os elementos de uma lista.

Para se aplicar f em uma lista (a:x), o head será f aplicado à a, e o tail será dado por mapear f na lista x.

A definição:

map ::
$$(t -> u) -> [t] -> [u]$$

$$map f [] = []$$

$$map f (a:x) = f a : map f x$$

Uma outra definição utilizando list comprehension seria:

Exemplo:

• filter

A função filter filtra a lista através de um predicado ou propriedade. Um predicado é uma função que tem tipo t -> Bool, como por exemplo:

```
par :: Int -> Bool
par n = (n `mod` 2 == 0)
```

A função filter é definida:

```
filter p [] = []
filter p (a:x)
| p a = a: filter p x
```

filter :: (t ->Bool) -> [t] -> [t]

Exemplo:

| otherwise = filter p x

Uma definição alternativa através de list comprehension seria:

filter
$$p x = [a \mid a < -x, pa]$$

Utilizando a baseDeDados definida anteriormente pode-se fazer uma função que de os nomes dos alunos com nota maior que 7.

```
alunos :: [(Int, String, Float)] -> [String]

alunos base = map pegaNome (filter nota base)

where

nota (a,b,c) = c>7

pegaNome (a,b,c) = b

Então:

Haskell > alunos baseDeDados

["André"]
```

2.6 Outras Funções Úteis sobre Listas

Muitas funções de manipulação de listas necessitam tomar, ou retirar, alguns elementos de uma lista a partir do início. Para isto, a linguagem Haskell possui as seguintes funções:

```
take :: Int -> [t] -> [t] drop :: Int -> [t] -> [t]
```

A função take n gera uma lista com os n primeiros elementos da lista parâmetro:

```
take \_[] = []
take 0 \_ = []
take n (a:x) = a : take (n-1) x
```

Então:

```
Haskell > take 3 [1, 2, 3, 4, 5, 6]
[1, 2, 3]

Haskell > take 0 [2, 4, 6, 8, 10]
[]
```

A função drop n gera uma lista sem os n primeiros elementos da lista parâmetro, sua definição é parecida com a da função take:

$$drop \ 0 \ list = list
 $drop \ _[] = []
drop \ n \ (a:x) = drop \ (n-1) \ x$$$

Exemplo:

Outras funções interessantes, que seguem o mesmo princípio, são as funções takeWhile e dropWhile, que tem como parâmetro, ao invés de um número, uma função de tipo (t -> Bool).

Definição da função takeWhile:

A dropWhile é definida de maneira semelhante.

Outra função muito utilizada é a função zip, que transforma duas listas em uma lista de tuplas.

A lista gerada pela função zip sempre terá o mesmo número de elementos da menor lista passada como argumento. Existe uma função pré-definida da linguagem derivada da função zip, é a função zipWith:

ZipWith ::
$$(a -> b -> c) -> [a] -> [b] -> [c]$$

Ela funciona da seguinte maneira:

ZipWith op
$$[x_1, x_2, x_3, ...]$$
 $[y_1, y_2, y_3, ...]$ = $[op x_1 y_1, op x_2, y_2, op x_3 y_3, ...]$

2.7 Listas Infinitas

A linguagem Haskell assim como todas as linguagens funcionais puras, são chamadas de *non-strict languages*, elas trabalham com a *lazy evaluation*, ou seja, os argumentos de funções são avaliados somente quando necessário. Se temos por exemplo uma função

$$f(x) = 7$$

e passamos o seguinte argumento:

$$f((21+33)*8)=7$$

é realmente necessário perder-se tempo computacional avaliando-se a expressão (21+33)*8, se a avaliação da função sempre gera o valor 7, independente do argumento?

Em linguagens imperativas como C e Pascal, os argumentos sempre são avaliados antes de serem passados para as funções.

A *lazy evaluation* nos permite trabalhar com estruturas infinitas. Estas estruturas necessitariam de um tempo infinito de processamento, mas na *lazy evaluation* apenas partes de uma estrutura de dados precisam ser avaliadas.

Uma das principais estruturas infinitas utilizadas são as listas.

Um exemplo simples de lista infinita seria

uns = 1 : uns

Se passarmos esta estrutura para um interpretador:

Haskell > uns

ele nos avaliaria a lista até que uma tecla de interrupção fosse usada.

Pode-se usar funções com listas infinitas:

somaOsDoisPrimeiros :: [Int] -> Int somaOsDoisPrimeiros (a:b:x) = a+b

Temos:

Haskell > somaOsDoisPrimeiros uns

2

A estrutura uns não precisa ser gerada por completo para que a função somaOsDoisPrimeiros seja avaliada.

Um exemplo interessante de lista infinita é a gerada pela função pré-definida iterate:

iterate :: (t -> t) -> t -> [t]

iterate f x = [x] ++ iterate f (f x)

Esta função constrói uma seqüência em que o próximo elemento é o valor gerado aplicando-se uma função ao elemento anterior. Ex:

Haskell > iterate (+1) 1 [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 ^C {Interrupted}

Pode-se definir uma função que pegue todos os valores até a posição n em uma iteração.

valorEmUmalteração :: (v -> v) -> v -> v

valorEmUmalteração func inic valor = take valor (iterate func ini)

Então:

Haskell > valorEmUmalteração (*2) 1 3 [1, 2, 4]

Existem outras maneiras de se descrever listas infinitas:

$$[3 ..] = [3, 4, 5, 6 ...$$

$$[2, 4...] = [2, 4, 6, 8....$$

Pode-se definir então uma função que ache todas as potências de um número inteiro:

pot :: Int -> [Int]

pot
$$n = [n^y | y < -[0..]]$$

Tem-se então

Haskell > pot 2

[1, 2, 4, 8 ^C {Interrupted}

2.8 Erros

Se for passado para a função take um valor negativo, ela ira devolver uma mensagem de erro:

Haskell
$$>$$
 take (-1) [1,2]

Program error: negative argument.

Existe uma função em Haskell chamada

que pára a avaliação de uma expressão caso ocorra um valor não desejado (\perp). A definição final da função take seria:

```
take :: Int -> [a] -> [a]

take 0 _ = []

take _ [] = []

take n (x:xs) | n>0 = x : take (n-1) xs

take _ = error "negative argument"
```

CAPÍTULO 3 - Conceitos Avançados

3.1 Currying

Em Haskell uma função de dois ou mais argumentos, pode aceitá-los um de cada vez. Isto se chama *currying*. Por exemplo:

soma :: Int -> Int -> Int

soma x y = x + y

Esta função pega dois números inteiros como argumento e os soma:

Haskell > soma 2 8

10

Se aplicarmos a função soma a apenas um argumento (soma 1), teremos uma função que aplicada a um argumento b, incrementa este valor (1+b).

Pode-se definir então uma função incrementa da seguinte maneira:

incrementa :: Int -> Int

incrementa = soma 1

Ex:

Haskell > incremeta 4

Observa-se então que uma função de dois ou mais argumentos pode ser aplicada parcialmente (*partial aplication*) formando como resultado funções:

soma :: Int -> Int -> Int

soma 2 :: Int -> Int

soma 2 3 :: Int

Pode-se fazer definições do tipo:

incrementaLista :: [Int] -> Int

incrementaLista = map (soma 1)

Neste exemplo existem duas aplicações parciais de funções. A função soma 1 incrementa um número inteiro, e a função map (soma 1), que tem como argumento uma lista, incrementa todos os valores de uma lista de inteiros.

A aplicação parcial pode ser analisada no cálculo lambda. Considere como exemplo, uma expressão:

$$\lambda y. (\lambda x. x + y)$$

Aplicando-se um argumento:

$$\lambda y. (\lambda x. x + y) 3$$

obtem-se uma função com apenas um argumento:

$$\lambda x$$
. $x + 3$

Os operadores da linguagem podem também ser parcialmente aplicados, o que gera os *operator sections*.

(+1)	Função que incrementa.
(1+)	Função que incrementa.
(<=100)	Função que devolve um valor booleano, True se o argumento for menor
	ou igual a 100, False caso contrário.
("Haskell" ++)	Função que concatena a string "Haskell" no início de outra string
(++ "Haskell")	Função que concatena a string "Haskell" no final de uma string

Tabela 7. Operator Sections

Sendo op um operador, x e y argumentos, a regra é a seguinte:

$$(op x) y = y op x$$

 $(x op) y = x op y$

A função incrementaLista poderia ter sido definida da seguinte maneira:

incrementaLista = map (+1)

A própria função soma poderia ter sido definida simplesmente:

soma = (+)

3.2 Composição de Funções

A composição de funções é utilizada para aplicação de funções sobre funções. Isso proporciona uma maneira de dividir um problema em várias partes menores.

Por exemplo, através da função remove, definida anteriormente, pode-se definir uma função que remove pontuação (,.!) em uma string:

removePontuacao :: String -> String

removePontuacao str = remove '!' (remove '.' (remove ',' str)))

Então:

Haskell > removePontuacao "Haskell. É muito bom, para manipular strings !!!" "Haskell É muito bom para manipular strings "

Existe um operador de composição de funções em Haskell (.), que ajuda a evitar o uso de vários parênteses nas definições. A definição de removePontuacao ficaria da seguinte maneira:

removePontuacao = remove '!' . remove '.' . remove ','

O operador de composição funciona como esta equação:

$$f(g x) = (f. g) x$$

e seu tipo é

(.) ::
$$(u \rightarrow v) \rightarrow (t \rightarrow u) \rightarrow (t \rightarrow v)$$

Um exemplo interessante é a definição de iteracao, que tem como parâmetro uma função e o número de vezes que esta deve ser composta com ela mesma:

iteracao :: (a->a) -> Int -> (a->a)

iteracao f 1 = f

iteracao f n = iteracao f (n-1) . f

Tem -se:

Haskell> iteracao (+1) 5 1 6

3.3 Expressões Lambda

Ao invés de usar equações para definir funções, pode-se utilizar uma notação lambda, em que a função não precisa ter um nome. Por exemplo a função

sucessor :: Int -> Int

sucessor x = x+1

poderia ser definida como

 $\lambda x. x+1$

na notação lambda, ou

 $\xspace x -> x + 1$

em Haskell. Temos então

Haskell > (x -> x + 1) 10

11

Da mesma maneira a função soma poderia ter sido definida da seguinte maneira:

soma = $\ x y \rightarrow x + y$

O operador de composição de funções é definido utilizando a sintaxe lambda:

(.) ::
$$(u \rightarrow v) \rightarrow (t \rightarrow u) \rightarrow (t \rightarrow v)$$

$$f \cdot g = \x -> f (g x)$$

CAPÍTULO 4 - Classes de Tipo

4.1 Classes de Tipo

Observando o operador (==), nota-se que ele tem tipo:

(==) :: t -> t-> Bool

ou seja, ele é uma função polimórfica. Porém este polimorfismo é diferente do da função

length. Analisando-se a definição da função length, observa-se que a mesma definição

vale para qualquer tipo de listas:

length :: [t] -> Int

length [] = 0

length (a:x) = 1 + length x

Já o operador (==) tem uma definição diferente para cada tipo, pois não é o mesmo

algoritmo que calcula a igualdade entre listas, caracteres ou números. Este operador

também não funciona para todos os tipos, por exemplo, não existe um algoritmo que diga

se uma função é igual a outra.

Em Haskell chama-se classe o conjunto de tipos sobre os quais uma função é

definida. Por exemplo a equality class, ou classe Eq, é o conjunto de tipos em que o

operador (==) é definido.

A classe Eq é definida da seguinte maneira:

class Eq a where

(==), (/=) :: a -> a -> Bool

 $x \neq y = not (x==y)$

Na verdade ela possui os operadores de igualdade e de diferença.

Definindo-se um tipo Endereco (a definição de tipos Algébricos será explicada detalhadamente no próximo capítulo):

data Endereco = Rua String Residencia

data Residencia = Casa Int | Apto Int Int

e avaliando-se no interpretador algo do tipo:

Haskell > Rua "Farofa" (Casa 3) == Rua "Farinha" (Casa 3)

a resposta será um erro:

ERROR: Endereco is not an instance of class "Eq"

Pode-se definir então uma função que iguala endereços:

iguala :: Endereco -> Endereco -> Bool

iguala (Rua x (Casa y)) (Rua a (Casa b))
$$= (x==a) && (y==b)$$
iguala (Rua x (Apto y z)) (Rua a (Apto b c))
$$= (x==a) && (y==b) && (z==c)$$
iguala $_$ = False

Exemplo:

Haskell > iguala (Rua "Abobora" (Apto 13 403)) (Rua "Abobora" (Apto 13 403)) True

Com a função iguala é possível instanciar o tipo Endereco na classe Eq da

seguinte maneira:

instance Eq Endereco where

(==) = iguala

Depois de feita a instanciação é possível usar o operador (==) diretamente em

valores do tipo Endereco:

Haskell > (Rua "Abobora" (Apto 13 403)) == (Rua "Abobora" (Apto 13 403))

True

Também pode-se usar o operador (/=), pois na classe ele é definido como:

x = y = not (x==y)

Então:

Haskell > (Rua "Azul" (Apto 1 403)) /= (Rua "Marrom" (Casa 10))

True

4.2 Classes Derivadas

Uma classe pode ser derivada de outra. Dessa maneira além de ter as suas operações

próprias, possui também as operações da super-classe. Um exemplo de classe derivada é a

classe Ord. Ela é definida de uma maneira similar:

class (Eq a) => Ord a where

(<), (<=), (>=), (>) :: a -> a -> Bool

max, min

:: a -> a -> a

Para um tipo pertencer a esta classe, ele também tem que pertencer a classe Eq. Pode-se dizer também que a classe Ord *herda* as operações da classe Eq, o que tornaria a idéia mais parecida com a da orientação a objetos.

Haskell também permite heranças múltiplas, pois uma classe pode ter mais de uma super-classe:

Class (Eq t, Show t) => Minhaclasse t where ...

4.3 Contexto

Considere a definição da função elem, que devolve um valor booleano dizendo se um elemento pertence a uma lista:

elem x [] = False
elem x (y:ys) =
$$x == y || (elem x ys)$$

Como foi visto até agora, o tipo desta função poderia ser polimórfico:

Mas analisando-se a definição da função, nota-se que ela só funciona se o tipo a puder ser igualado com o operador (==), pois toda a definição se baseia neste operador.

Como o tipo a tem que estar instanciado na classe Eq, uma melhor definição de tipo para a função elem seria:

Esta definição pode ser lida como "Para cada tipo a que pertencer a classe Eq, a função elem tem tipo a -> [a] -> Bool.

A expressão Eq a é chamada de *contexto* da função e não faz parte da expressão de tipo. O contexto de uma função pode ser omitido, porém é uma boa prática de programação utiliza-lo, pois facilita a compreensão da função.

4.4 Algumas Classes Importantes

Além das classes Ord e Eq citadas anteriormente existem várias outras classes prédefinidas em Haskell. Aqui serão mostradas algumas das mais importantes:

4.4.1 Enum

É a classe dos tipos que podem ser enumerados, podendo então gerar listas como

A lista [2,4, ..8] é descrita na função enumFromThenTo 2 4 8. Pode-se gerar listas desta maneira em qualquer tipo instanciado na classe Enum, como por exemplo Char, ou qualquer outro Tipo Algébrico definido pelo programador.

As principais funções da classe Enum são:

class (Ord a) => Enum a where

 enumFrom
 :: $a \rightarrow [a]$ -- [n..]

 enumFromThen
 :: $a \rightarrow a \rightarrow [a]$ -- [n,m..]

 enumFromTo
 :: $a \rightarrow a \rightarrow [a]$ -- [n..m]

 enumFromThenTo
 :: $a \rightarrow a \rightarrow [a]$ -- [n,n'..m]

4.4.2 Read e Show

Os tipos instanciados na classe Show, são todos os tipos que podem ser convertidos para listas de caracteres (strings). A classe Read fornece operações para transformar strings em valores de algum tipo.

As principais funções são:

show :: (Show t) \Rightarrow t -> String

read :: (Read t) => String -> t

4.4.3 Classes de Números

A classe mais geral dos números é a classe Num. Todos os números possuem algumas operações em comum, são elas:

class (Eq a, Show a, Eval a) => Num a where

(+), (-), (*) :: a -> a -> a

negate :: a -> a

abs, signum :: a -> a

fromInteger :: Integer -> a

fromInt :: Int -> a

Outras operações numéricas são restritas a subclasses. Por exemplo, div e mod são operações da classe Integral, o que quer dizer que somente valem para os tipos Integer e Int, que a princípio são os únicos tipos instanciados nesta classe.

Outro exemplo é o operador de divisão (/) que só vale para os tipos da classe Fractional.

Uma boa maneira para aprender classes (e Haskell em geral) é consultar o script Preludio.hs que vem junto com as distribuições da linguagem. Lá encontra-se a definição de todas as classes, além de várias funções primitivas.

CAPÍTULO 5 – Tipos Algébricos

5.1 Tipos Algébricos

Até agora foram apresentados vários tipos intrínsecos da linguagem, como valores

booleanos, caracteres e números. Porém existem certos problemas computacionais que são

mais difíceis de serem modelados com estes valores, como por exemplo os meses.

Pode-se definir um tipo Meses da seguinte maneira:

data Meses = Jan | Fev | Mar | Abr | Mai | Jun | Jul | Ago | Set | Out | Nov | Dez

Este tipo é um *enumerated type*. Ele é formado por doze valores que são chamados

de construtores (constructors) de tipo. Uma definição de tipo começa sempre com a palavra

data, depois vem o nome do tipo (Meses), que deve começar com letra maiúscula (note

que todos os tipos em Haskell começam com letra maiúscula), e seus construtores (que

também começam com letra maiúscula).

Os construtores são todos os valores que um tipo pode assumir.

Um exemplo de tipo algébrico já conhecido é o tipo Bool:

data Bool = True | False

Pode-se criar um tipo que possua vários componentes:

type Nome = String

type Idade = Int

data Pessoas = Pessoa Nome Idade

As funções que manipulam os tipos algébricos podem ser definidas por pattern

matching:

mostraPessoa :: Pessoas -> String

mostraPessoa (Pessoa nom idade) = "Nome: " ++ nom ++ " Idade: " ++ show idade

Exemplo:

Haskell > mostraPessoa (Pessoa "Éderson Araújo" 22)

Nome: Éderson Araújo Idade: 22

Um tipo pode trabalhar com valores bem diferentes. Supondo que se queira

trabalhar com figuras geométricas. O tipo pode assumir o valor de um círculo ou de um

retângulo. Então:

data Forma = Circulo Float | Retangulo Float Float

O valor para o círculo poderia ser o raio, e para o retângulo poderia ser base e

altura.

Para se definir uma função que calcula a área de um objeto do tipo Forma pode-se

trabalhar novamente com *pattern matching*:

area :: Forma -> Float

area (Circulo r)

= pi * r * r

area (Retangulo b a) = b * a

Outro exemplo do mesmo princípio seria para se trabalhar com endereços. Algumas

ruas tem nomes e outras são representadas por números. Ex:

data Rua = Numero Int Residencia | Nome String Residencia

data Residencia = Casa Int | Apartamento Int Int

Agora pode-se definir operações que formatam o endereço usando pattern matching em cima dos construtores.

Quando um tipo é definido, algumas classes podem se instanciadas diretamente através da palavra reservada deriving:

data Meses = Jan | Fev | Mar | Abr | Mai | Jun | Jul | Ago | Set | Out | Nov | Dez deriving (Eq, Show, Enum)

Desta maneira, pode-se fazer coisas do tipo:

Haskell > Jan

Jan

Haskell > Mar == Mar

True

Haskell > [Jan .. Set]
[Jan,Fev,Mar,Abr,Mai,Jun,Jul,Ago,Set]

5.2 Tipos Recursivos

Os tipos algébricos podem ser também recursivos.

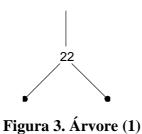
Um exemplo típico é o de construção de árvores:

data Arvore = Null | Node Int Arvore Arvore

Uma árvore pode ser um valor nulo ou um *node* que é composto por um valor inteiro e duas sub-árvores.

Ex:

Node 22 Null Null



Node 12 (Node 1 Null Null) (Node 15 (Node 16 Null Null) Null)

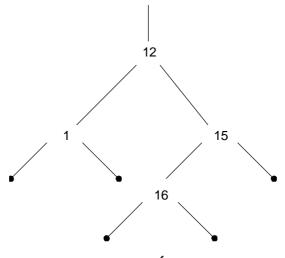


Figura 4. Árvore (2)

Pode-se fazer definições recursivas em cima de árvores, como por exemplo uma função que some todos os elementos:

somaArvore :: Arvore -> Int

somaArvore Null = 0

somaArvore (Node valor esq dir) = valor + somaArvore (esq) + somaArvore (dir)

ou uma função que diz se um valor está na árvore ou não:

Uma função que segue o mesmo princípio é a função ocorrencia que diz quantas vezes um valor aparece na árvore:

- Para uma árvore sem valores a resposta é 0.
- Se o valor do Node for igual ao valor procurado a resposta é 1 somado com o número de ocorrência do valor na árvore da esquerda, somada com a ocorrência na árvore da direita. Senão a resposta é a soma das ocorrências à direita com as da esquerda.

```
Tem-se então a seguinte definição:
```

```
ocorrencia :: Arvore -> Int -> Int
```

```
ocorrencia Null num = 0
ocorrencia (Node valor esq dir) num
```

```
| valor == num = 1 + ocorrencia esq num + ocorrencia dir num 
| otherwise = ocorrencia esq num + ocorrencia dir num
```

5.3 Tipos Algébricos Polimórficos

Os tipos Algébricos podem ser tipos com definições polimórficas. Um exemplo

simples, mas ilustrativo, seria a definição de um tipo Pares. Um par poderia ser tanto dois

números, quanto dois caracteres ou dois valores booleanos.

Temos:

data Pares u = Par u u

Um par seria

par1 :: Pares Int

par1 = Par 22

ou de qualquer outro tipo:

Par [1,2] [2,3,4] :: Pares [Int]

Par False True :: Pares Bool

(...)

A definição anterior dada para árvores trabalhava com números inteiros nos nodes.

Pode-se modificar a definição para que a árvore contenha qualquer tipo de valor nos *nodes*.

Então o tipo árvore seria:

data Arvore t = Null | Node t (Arvore t) (Arvore t)

As definições de procuraValor e ocorrencia, precisariam ser modificadas apenas

na tipagem:

procuraValor :: Arvore t -> Int ->Bool

ocorrencia :: Arvore t -> Int -> Int

Já a função **somaArvore** só funciona para árvores de números inteiros. Por isso o tipo passa a ser:

somaArvore :: Arvore Int -> Int

CAPÍTULO 6 – Abstract Data Types

6.1 Abstract Data Type (ADT)

Supondo que se queira modelar uma base de dados para uma loja de bebidas. Poderia-se ter a seguinte definição.

type Codigo = Int

type Produto = String

type Preco = Float

type Base = [(Codigo, Produto, Preco)]

base1 :: Base

base1 = [(1, "Guarana", 0.70), (2, "Cerveja Bacana lata", 0.50), (3, "Uísque Do Bom", 22.0)]

Teria-se então algumas definições em cima desta base.

insereProduto :: Base -> (Codigo, Produto, Preco) -> Base

retiraProduto :: Base -> Codigo -> Base

preco :: Base -> Codigo -> Preco

Se a base estiver ordenada pelo código do produto, fica muito mais fácil de se implementar as funções, pois todas fazem algum tipo de procura em cima da base. O único

problema é que pode-se inserir um novo cadastro na base simplesmente usando o operador (:), pois a base é uma lista:

```
Haskell > (33, "Cachaça Maldição", 0.55) : base1 [(33, "Cachaça Maldição", 0.55), (1, "Guarana", 0.70), (2, "Cerveja Bacana lata", 0.50), (...)
```

Isto tornaria a base desordenada, e as funções definidas anteriormente não funcionariam mais. Para se modelar a loja de bebidas seria necessário criar um tipo que tivesse apenas as operações insereProduto, retiraProduto e preco.

Quando permitimos que um tipo funcione apenas para um certo conjunto de operações, chamamos este tipo de *abstract data type* (ADT).

6.2 Exemplo de ADT (Conjuntos)

Poderia-se implementar um conjunto como sendo uma lista de valores ordenados sem repetição. Mas para a lista manter estas qualidades seria necessário criar um ADT, para que o conjunto só fosse manipulado pelas funções a ele pertencentes.

A declaração de um ADT é feita da seguinte maneira:

type

Conjunto t = [t]

in

vazio :: Conjunto t,

unitario :: t -> Conjunto t,

membroConj :: Ord $t \Rightarrow$ Conjunto $t \Rightarrow$ Bool,

uniao :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t, inter :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t,

dif :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t,

conjlgual :: Eq t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool, subConj :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool,

leqConj :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool,

constConj :: Ord $t \Rightarrow [t] \Rightarrow$ Conjunto t,

mapConj :: Ord $u \Rightarrow (t > u) \Rightarrow Conjunto t \Rightarrow Conjunto u$,

filterConj :: (t->Bool) -> Conjunto t -> Conjunto t,

foldConj :: (t->t->t) -> t -> Conjunto t -> t,

mostra :: Show $t \Rightarrow$ Conjunto $t \Rightarrow$ ShowS,

card :: Conjunto t -> Int,

conjUniao :: Ord t => Conjunto (Conjunto t) -> Conjunto t,

conjInter :: Ord t => Conjunto (Conjunto t) -> Conjunto t

Depois seguem as definições das funções.

As funções vazio e unitario são de simples definição:

vazio = []

unitario a = [a]

A função membroConj devolve um valor booleano que diz se o elemento passado como parâmetro está ou não no conjunto. Esta definição é recursiva, e utiliza a característica do conjunto ter seus elementos em ordem:

membroConj [] a = False membroConj (a:x) b

| a<b = membroConj x b

| a == b = True

| otherwise = False

As funções uniao, inter e dif, que fazem respectivamente união, intersecção e diferença de dois conjuntos, possuem o mesmo tipo e definições semelhantes:

```
uniao [] a
             = a
uniao a []
             = a
uniao (a:x) (b:y)
             = a : uniao x (b:y)
      | a<b
      | a == b = a : uniao x y
      otherwise = b : uniao (a:x) y
inter [] a
             = []
inter a []
             = []
inter (a:x) (b:y)
      | a < b = inter x (b:y)
      |a == b = a : inter x y
      otherwise = inter (a:x) y
dif[]a = []
dif a [] = a
dif (a:x) (b:y)
      | a == b = dif x y
      |a < b| = a : dif x (b:y)
      | otherwise = dif (a:x) y
```

A subConj (devolve um valor booleano dizendo se um conjunto é ou não subconjunto de outro) é definida como as outras por *pattern matching* tendo três casos:

- Um conjunto vazio é sub-conjunto de outro
- Um conjunto não-vazio não é sub-conjunto de um conjunto vazio
- O terceiro caso é quando nenhum dos conjuntos passados como parâmetro são vazios. Então são feitas chamadas recursivas da função aproveitando o fato dos elementos estarem em ordem.

A função constConj transforma uma lista em um conjunto. Para isso se utiliza a função sort para ordenação dos elementos (função explicada anteriormente), e uma função eliminaRep, que retira os elementos repetidos da lista:

```
eliminaRep :: (Ord t) => [t] -> [t]
eliminaRep [] = []
eliminaRep [a]
                     = [a]
eliminaRep (a:b:x)
       | a == b
                 = eliminaRep (b:x)
       | otherwise = a : eliminaRep (b:x)
       Exemplos:
Haskell > constConj [5, 7, 4, 3, 89, 23, 2, 3, 3, 7, 4]
[2, 3, 4, 5, 7, 23, 89]
Haskell > uniao (constConj [4, 3, 1, 22, 4]) (constConj [4, 34, 1, 3])
[1, 3, 4, 22, 34]
Haskell > inter (uniao (constConj [1,2,3]) (constConj [2,3,4,5])) (constConj [3,4,5])
[3, 4, 5]
       Algumas definições são feitas simplesmente igualando-se uma função a outra:
conjigual = (==)
leqConj = (<=)
filterConj = filter
```

foldConj = foldr

card = length

Na versão de map para conjuntos deve-se cuidar os elementos repetidos que podem aparecer:

mapConj f I = eliminaRep (map f I)

Pode-se definir as funções conjUniao e conjInter que fazem a união e intersecção de conjuntos de conjuntos, utilizando as funções foldConj, uniao e inter definidas anteriormente:

conjUniao = foldConj uniao []

conjInter = foldConj inter []

Para se poder trabalhar com os conjuntos, eles devem estar instanciados na classe show. Um conjunto pode ser exibido na tela da mesma maneira que uma lista. Por isso se usa a função showList.

mostra = showList

instance Show t => Show (Conjunto t) where showsPrec p = mostra

Para se facilitar algumas operações pode-se instanciar o tipo Conjunto em outras classes de tipos:

```
instance Eq t => Eq (Conjunto t) where (==) = conjlgual
```

```
instance Ord t => Ord (Conjunto t) where (<=) = leqConj
```

Existem várias outras definições que podem ser feitas sobre conjuntos. Para isso basta acrescentar a *type signature* da função na lista de funções e depois a sua definição.

Segue agora o script completo do tipo conjunto:

```
-- script de conjuntos
type
       Conjunto t = [t]
       in
                              :: Conjunto t,
       vazio
       unitario
                              :: t -> Conjunto t,
       membroConj
                              :: Ord t \Rightarrow Conjunto t \Rightarrow Bool,
       uniao
                              :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t,
                              :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t,
       inter
                              :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Conjunto t,
       dif
       conjlgual
                              :: Eq t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool,
                              :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool,
       subConj
                              :: Ord t => Conjunto t -> Conjunto t -> Bool,
       IeqConj
       constConj
                              :: Ord t \Rightarrow [t] \Rightarrow Conjunto t,
                              :: Ord u \Rightarrow (t \Rightarrow u) \Rightarrow Conjunto t \Rightarrow Conjunto u,
       mapConj
       filterConj
                              :: (t->Bool) -> Conjunto t -> Conjunto t,
       foldConj
                              :: (t->t->t) -> t -> Conjunto t -> t,
                              :: Show t => Conjunto t -> ShowS,
       mostra
       card
                              :: Conjunto t -> Int,
                              :: Ord t => Conjunto (Conjunto t) -> Conjunto t,
       conjUniao
```

```
conjinter
                          :: Ord t => Conjunto (Conjunto t) -> Conjunto t
vazio = []
unitario a = [a]
membroConj [] a = False
membroConj (a:x) b
 | a < b = membroConj x b
 | a == b
          = True
 | otherwise = False
uniao [] a
             = a
uniao a []
          = a
uniao (a:x) (b:y)
 | a < b = a : uniao x (b:y)
 | a == b = a : uniao x y
 | otherwise = b : uniao (a:x) y
inter [] a
         = []
inter a []
             = []
inter (a:x) (b:y)
 | a < b = inter x (b:y)
 | a == b = a : inter x y
 | otherwise = inter (a:x) y
dif [] a = []
dif a [] = a
dif (a:x) (b:y)
 | a == b = dif x y
 |a < b| = a : dif x (b:y)
 | otherwise = dif (a:x) y
```

```
conjlgual = (==)
subConj [] a = True
subConj x [] = False
subConj (a:x) (b:y)
 | a<b = False
 | a == b = subConj x y
| a>b = subConj (a:x) y
leqConj = (<=)
constConj = eliminaRep . sort
sort :: Ord t => [t] -> [t]
sort [] = []
sort (a:x) = ins a (sort x)
ins :: Ord t => t -> [t] -> [t]
ins a []= [a]
ins a (b:y)
 | a \le b = a : (b:y)
 otherwise = b : ins a y
eliminaRep :: (Ord t) \Rightarrow [t] \Rightarrow [t]
eliminaRep [] = []
eliminaRep [a]
                     = [a]
eliminaRep (a:b:x)
 | a == b = eliminaRep (b:x)
 | otherwise = a : eliminaRep (b:x)
```

```
mostra = showList
instance Eq t => Eq (Conjunto t) where
 (==) = conjlgual
instance Ord t => Ord (Conjunto t) where
 (<=) = leqConj
instance Show t => Show (Conjunto t) where
 showsPrec p = mostra
mapConj f I = eliminaRep (map f I)
filterConj = filter
foldConj = foldr
card = length
conjUniao = foldConj uniao []
conjInter = foldConj inter []
```

CAPÍTULO 7 – 10

7.1 Interação com o Usuário

Haskell, como as outras linguagens de programação, possui funções que se

comunicam com o sistema operacional para realizar entrada e saída de dados. Estas

operações trabalham com valores do tipo (IO t), e durante a sua avaliação requisitam

operações de IO ao sistema operacional.

Ex:

main = putStr "Saída de dados!!!"

sendo que

putStr :: String -> IO ().

Se o valor devolvido por uma função for do tipo IO, o interpretador Haskell não

responde simplesmente imprimindo o valor na tela, e sim mandando uma requisição ao

sistema operacional para que faça a entrada ou saída de dados. Ex:

Haskell > main

Saída de dados !!!

O tipo IO é polimórfico. Se olharmos para o tipo da função getChar

getChar :: IO Char

sabe-se que ela realiza uma ação e retorna um caracter. Quando uma função não

retorna nada de útil utiliza-se o tipo (). Por exemplo, a função

putChar :: Char -> IO ()

tem como argumento um caracter, e não devolve nenhum valor. É o mesmo caso da função

putStr.

Uma seqüência de entrada e saída de dados é expressa através de uma expressão do.

Segue um exemplo de programa simples utilizando o do.

main = do

putStr ("Escreva uma palavra: ")

palavra <- getLine

putStr ("Palavra invertida: "++ reverse palavra)

A função getLine faz com que o sistema operacional leia uma linha, e associe esta

seqüência de caracteres à variável a esquerda da flecha (<-), ou seja palavra. Esta variável

só pode ser acessada dentro da expressão do. Por isso a função tem tipo:

getLine :: IO String.

O programa roda da seguinte maneira:

Haskell > main

Escreva uma palavra: Haskell

Palavra invertida: IleksaH

Haskell >

sendo que a palavra sublinhada foi a entrada do usuário.

Note que a função main possui o seguinte tipo:

main :: IO ()

pois ela não devolve nenhum valor, simplesmente realiza uma série de ações de entrada e saída.

7.2 Arquivos

Existem duas funções principais para se trabalhar com o sistema de arquivos:

```
writeFile :: String -> String -> IO ()
readFile :: String -> IO String
```

O funcionamento delas, pode ser facilmente demonstrado através de exemplos. Primeiro uma função para criar um arquivo contendo uma string digitada pelo usuário:

```
main = do

putStr ("Escreva uma linha e tecle ENTER: ")
linha <- getLine
nome <- criaArq linha
putStr ("A linha \n" ++ linha ++ "\nesta no arquivo " ++ nome ++ "!")

criaArq :: String -> IO String
criaArq linha = do

putStr ("Nome do Arquivo a ser criado: ")
nome <- getLine
writeFile nome linha
return (nome)
```

A função principal pega uma linha e a usa como parâmetro para a função criaArq. Esta solicita o nome do arquivo a ser criado e o cria com a função writeFile, então devolve o nome do arquivo com a função

return :: a -> IO a.

A interação com o usuário ocorre da seguinte maneira:

Haskell > main

Escreva uma linha e tecle ENTER: <u>Trabalhando com Arquivos</u>

Nome do Arquivo a ser criado: <u>Haskell.txt</u>

A linha

Trabalhando com Arquivos esta no arquivo Haskell.txt!

Haskell >

Pode-se fazer uma função que crie o arquivo Haskell2.txt com o conteúdo de Haskell.txt mais uma linha digitada pelo usuário:

```
adiciona = do
```

```
putStr ("Escreva uma linha para adicionar ao arquivo Haskell2.txt:\n") linha <- getLine arquivo <- readFile "Haskell.txt" writeFile "Haskell2.txt" (arquivo ++ "\n" ++ linha) putStr ("Linha adicionada!")
```

A função readFile associa Haskell.txt a variável arquivo, isso é feito *by-need*, ou seja o conteúdo só é lido quando necessário, seguindo a estratégia da *lazy evaluation*.

7.3 Interações Infinitas

Usando a recursão pode se trabalhar com entrada de dados ilimitada.

Para ilustrar este conceito, segue um exemplo de função que lê vários nomes e os exibe em ordem alfabética:

```
main = do
             nomes <- leNomes
             putStr (unlines (sort nomes))
leNomes = do
             putStr ("Escreva um nome: ")
             nome <- getLine
             if nome == ""
                    then return []
                    else do
                           nomes <- leNomes
                           return ([nome] ++ nomes)
sort [] = []
sort (a:b)
             = sort [x | x <- b, x<a]
             ++ [a] ++
             sort [x \mid x <-b, x>=a]
```

A função leNomes é chamada recursivamente até que receba uma string vazia. O controle é feito através da função (if then else), que funciona como em outras linguagens de programação. leNomes devolve uma lista de strings, onde cada elemento é um nome que foi digitado pelo usuário. Esta lista é ordenada na função principal pelo sort que utiliza um algoritmo diferente da função ordenacao vista anteriormente. O resultado é exibido depois de passar pela função

unlines :: [String] -> String

que recebe uma lista de strings, e a transforma em uma string colocando o caracter de nova linha ('\n') entre os elementos. Um exemplo do uso da função seria:

Haskell > main

Escreva um nome: Joao

Escreva um nome: Marcelo

Escreva um nome: Andre

Escreva um nome: Carlos

Escreva um nome:

Andre

Carlos

Joao

Marcelo

Haskell >

7.4 Mônadas

Apesar do sistema de I/O da linguagem Haskell parecer com programação imperativa, é puramente funcional. Ele é baseado na teoria das *Mônadas*. Mesmo assim, não é necessário se compreender a teoria das Mônadas para se programar utilizando I/O.

Os operadores de Mônadas utilizados para construir o sistema de entrada e saída da linguagem Haskell também podem ser usados para outros propósitos de programação. Mais sobre Mônadas pode ser visto em [**THO 96**].

CAPÍTULO 7 - Construção de Módulos

7.1 Módulos

pilhaVazia = Stack []

Pode-se pensar na implementação da estrutura de dados pilha, como sendo uma lista: data Pilha t = Stack [t] deriving (Eq,Show) e então definir-se algumas operações básicas sobre ela. A função push coloca um elemento no topo da pilha: push :: t -> Pilha t -> Pilha t push x (Stack y) = Stack (x:y) a função pop retira o elemento do topo da pilha: pop :: Pilha t -> t = error "Pilha vazia!!" pop (Stack []) pop (Stack (a:b)) = a pilhaVazia :: Pilha t

Exemplos:

Haskell > push 1 pilhaVazia Stack [1]

Haskell > pop (Stack [4,5,6])

4

Esta implementação de pilha pode ser reutilizada por outros programas em Haskell. Para isso é necessário criar um módulo. O módulo Pilha seria construído da seguinte maneira:

module Pilha (Pilha (Stack), pilhaVazia, push, pop) where (...)

Para se criar um módulo, utiliza-se a palavra reservada module, e em seguida o nome do módulo. Após o nome, lista-se todas as funções que se quer utilizar em outros programas. Logo depois vem a palavra where e as implementações.

Quando um outro programa precisar utilizar o módulo pilha, no início do script deve-se utilizar a palavra reservada import .

import Pilha (Pilha (Stack), pilhaVazia, push, pop)

Depois de import deve-se listar as funções que se deseja utilizar do módulo. Se a lista for omitida todas as funções estarão disponíveis:

import Pilha.

7.2 Criando Um ADT

Para tornar o tipo pilha um ADT, basta não incluir na lista de funções públicas o construtor do tipo:

```
module Pilha ( Pilha , pilhaVazia, push, pop) where (...)
```

Então:

Haskell > pop (Stack [1,2])

ERROR: Undefined constructor function "Stack"

Pode-se então criar uma função que transforme uma lista em pilha, no módulo pilha:

```
listaEmPilha:: [t] -> Pilha t
listaEmPilha x = Stack x
```

e inclui-la na lista de funções:

module Pilha (Pilha, pilhaVazia, push, pop, listaEmPilha) where

então:

Haskell > pop (listaEmPilha [1,2])