마

শ

如

考

东南大学考试卷(A卷)

课程名称 概率论与数理统计 考试学期 19-20-2 得分

适 用 专 业		全校	考试形式		闭卷	考试时间长度		120 分	钟	
	题号	1		111	四	五.	六	七	八	
	得分									

$$\Phi(x) = \int_{-\infty}^{x} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt \, \text{表示标准正态分布的分布函数},$$

 $\Phi(-1.65) = 0.05; \Phi(-1.96) = 0.025; \Phi(1) = 0.8413; \Phi(2) = 0.9772$

$$T_n \sim t(n)$$
 $P(T_{24} \ge 2.064) = 0.025; P(T_{24} \ge 1.711) = 0.05;$
 $P(T_{25} \ge 2.060) = 0.025; P(T_{25} \ge 1.708) = 0.05;$

$$K_n \sim \chi^2(n)$$
 $P(K_{24} \ge 39.36) = 0.025; P(K_{24} \ge 12.40) = 0.975;$
 $P(K_{25} \ge 40.65) = 0.025; P(K_{25} \ge 13.12) = 0.975;$

- 一、选择题(每题 2', 共 10')
 - 1) 设 A,B 为两随机事件,且 P(A) > 0, P(B|A) = 1,则下列结果

正确的是

- (A) $A \subset B$
- (B) B \subset A
- (C) A-B = ϕ
- (D) P(A-B)=0.
- 2) 随机变量 X 的概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} Ae^{-(x-a)^2} & x > a \\ 0 & x \le a \end{cases}.$$

则对任意的 b>0,概率 P(a < X < a + b) 的值 (

- A) 与 a 无关,随 b 的增大而增大; B) 与 a 无关,随 b 的增大而减小;
- C) 与 b 无关, 随 a 的增大而增大 D) 与 b 无关, 随 a 的增大而减小。
- 3) 设随机变量 X 与 Y ,都服从正态分布 N(0,2) ,且相关系数为 r 则 以下说法

正确是()

- (A) 当 r=0 时, (X,Y) 服从二维正态;
- (B) (X, Y) 服从二维正态;

)

- (C) 当 r=0 时, X 和 Y 相互独立;
- (D) 以上都不对。

如

考

试

作

此

卷

无 效

自

4) 设 X , Y, Z相互独立,且均服从泊松分布 $P(2)$ 。令 $T=(X+Y+Z)/$	4)	设 X ,	Υ,	Z相互独立,	且均服从泊松分布 P(2)。	\$\text{\Phi} T=(X+Y+Z)/3;\bar{\Psi}\$
---	----	---------	----	--------	----------------	--

ET²的值为 (B) 2/3

- (A) 2
- (C) 4/3(D) 14/3.
- 5) 对正态总体的数学期望 b 进行假设检验,如果在显著水平 0.05 下接受 H0:b=b0,那 么在显著水平 0.01 下,下列结论中正确的是
 - (A) 必须接受 HO; (B) 可能接受 HO, 也可能拒绝 HO;
 - (C) 必拒绝 HO; (D) 不接受 HO, 也不拒绝 HO。
- 二、填充题(每空格 2', 共 26')
 - 1) 设事件 A 和 B 相互独立,设 P(A)=x; P(B)=0.2, P(AUB)=0.8,则 x =
 - 2) 一射手对同一目标独立地进行四次射击,若至少命中一次的概率为80/81,则该 射手的命中率为
 - 3) 设随机变量 X 服从泊松分布, 方差为 4, EX(X-1) = 。
 - 4) 随机变量 X, Y 相互独立, X~N(1,2), Y~N(0,2), 则 P(X-Y<3)=_____
 - 5) 随机变量 X, Y 的联合分布律为: P(X=-1,Y=-1)=0.2; P(X=-1,Y=1)=0.3; P(X=1,Y=-1)=0.4; P(X=1,Y=1)=0.1。 则 EXY=____。
 - 6) 若随机变量 X,Y 满足, DX=DY=2, 相关系数 r=0.3,则 D(X-Y)= 。
 - 7) 设随机变量序列 $\{Xn,n=1,2,...\}$ 独立同于f(x),

$$f(x) = \begin{cases} 2x & 0 < x < 1 \\ 0 & \text{ } \sharp \text{ } \vdots \end{cases} \quad \emptyset \frac{1}{n} (X_1^2 + X_2^2 + \dots + X_n^2) \xrightarrow{p} \underline{\hspace{1cm}}$$

- 设总体 X 服从正态分布 N(-1,1) , $X_1,X_2,...,X_{10}$ 是来此该总体的样本, \overline{X} 表示样 本均值, 则 $\sum_{i=1}^{10} (X_i + 1)^2$ 服从_____分布 (标明自由度)。
- 随机变量 X 的分布律为 P(X=1)=0.4, P(X=3)=0.6, 则其分布函数

答 卷 无 效

自

卟 佻

- 11) 设 X_1, X_2, X_3, X_4 是 来 自 正 态 总 体 N(0,4) 的 简 单 随 机 样 本 , 若 $c(X_1 + X_2)^2 / X_3^2 \sim F(1,1)$,则常数 $c = _____$ 。
- 12) 设某总体服从N(m,4),有来自该总体的容量为 16 的简单随机样本,其样本均 值为 2, 且 m 置信区间为[1.02,2.98],则该置信区间的置信度为____。
- 13) 设总体 X 的概率密度为 $f(x) = \frac{1}{2b} e^{-|x|/b}, -\infty < x < +\infty, (b > 0)$ 为未知参数。若 -2, -1, 4, 3, 2 是来自该总体的简单随机样本的观测值,则 b 的矩估计值
- 三、(15') 设随机变量(X,Y)的联合密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} ax(x+y) & x > 0, y > 0, x+y < 1 \\ 0 & 其他 \end{cases}$$

求(1)常数a;(2)Y的边缘密度函数;(3)条件概率P(X<0.5|Y=0.4)。

姓名

叩

শ

蓝

自

无

效

四、(10') 设某高校库存现有灯管 60%购自甲厂家;30%购自乙厂家;10%购自丙厂家。已知甲厂家产品的次品率为5%;乙厂家产品的次品率为10%;丙厂家产品的次品率为15%。现随机的从仓库抽取一支灯管。 (1)求抽出灯管为合格品的概率; (2)若已知抽到灯管是合格品,求该灯管是丙厂家生产的概率。.

五、(10')设随机变量 X 和 Y 相互独立,都服从指数分布;其中, $X\sim e(1)$, $Y\sim e(2)$ 。令 Z=X+Y,求随机变量 Z 的概率密度函数 $f_Z(z)$ 。

六、(9') 甲乙两家小型音乐厅竞争 100 名听众。设每位听众随机选择这两家音乐厅,并且听众的选择是相互独立的。问甲应该至少设有多少个座位,才能使得观众因无座位而离去的概率小于 2.5%。(要求: 使用中心极限定理近似计算)

自

七、(10')设总体 X 的概率密度为

$$f(x,\theta) = \begin{cases} 2e^{-2(x-\theta)} & x \ge \theta \\ 0 & x < \theta \end{cases}, (\theta > 0)$$

其中 θ 为未知参数。 $X_1,...X_n$ 为来自该总体的样本。(1)求参数 θ 的最大似然估计量 $\hat{\theta}$: (2) $\hat{\theta}$ 是否是 θ 的无偏估计量,说明理由。.

八、 (10')设总体 X 服从正态分布 N (u, σ^2), u 和 σ^2 未知。 现有来自该总体样本容量为 25 的样本,其样本均值为 15,样本标准差为 3。 (1) 试检验 H₀: u=16, v.s. H₁: u ≠16.(检验水平 α = 0.05),(2)求 σ^2 的置信度为 95%的置信区间。

姓名

如考试作弊 此答卷

小小

无效