

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ <u>«Информатика и системы управления»</u>

КАФЕДРА <u>«Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»</u>

Лабораторная работа № 2

Дисциплина Моделирование

Тема Основные статистические распределения

Студент Игнатьев А.И.

Группа ИУ7-73Б

Оценка (баллы)

Преподаватель Рудаков И.В.

Москва. 2020 г.

Условие

Построить графики функции и плотности для равномерного распределения и распределения по вариантам:

- 1. Распределение Пуассона
- 2. Нормальное распределение
- 3. Распределение Гаусса
- 4. Распределение Эрланга

Вариант 5 – распределение Пуассона.

Теоретические сведения

Случайная величина X имеет равномерное распределение на отрезке [a, b], если плотность ее распределения на этом отрезке равна некоторой постоянной величине и нулю вне его.

Функция равномерного распределения:

$$F_X(x) = \begin{cases} 0, & x < a \\ \frac{x - a}{b - a}, & a \le x < b \\ 1, & x \ge b \end{cases}$$

Функция плотности равномерного распределения:

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & x \in [a,b] \\ 0, & x \notin [a,b] \end{cases}$$

Распределение Пуассона – распределение дискретного типа случайной величины, представляющей собой число событий, произошедших за фиксированное время, при условии, что данные события происходят с некоторой фиксированной средней интенсивностью и независимо друг от друга.

Функция распределения Пуассона:

$$F(k,\lambda) = \sum_{i=0}^{k} \frac{\lambda^{i}}{i!} e^{-\lambda}$$

Функция плотности распределения Пуассона:

$$f_X(k,\lambda) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, \ k = 1,2,3 ...$$

 Γ де λ — параметр, равный математическому ожиданию случайной величины (среднее количество событий за фиксированный промежуток времени), k — число событий.

Результаты работы

Графики функции равномерного распределения и функции плотности равномерного распределения при значениях a=1 и b=5 изображены на рисунке 1.

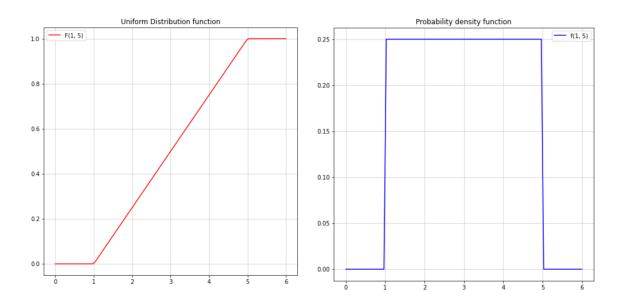


Рисунок 1. Равномерное распределение

Графики функции распределения Пуассона и функции плотности распределения Пуассона при значении $\lambda = 10$ изображены на рисунке 2.

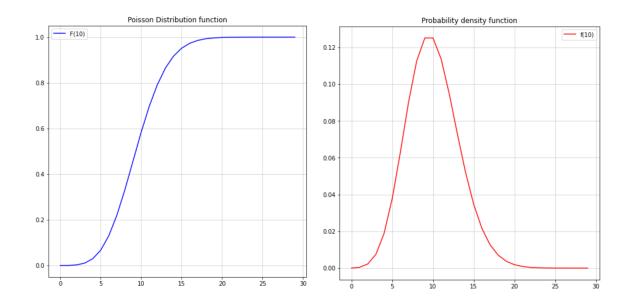


Рисунок 2. Распределение Пуассона

Выводы

В данной работе были изучены равномерное распределение и распределение Пуассона и построены графики функций распределения и функций плотности распределения для данных распределений.