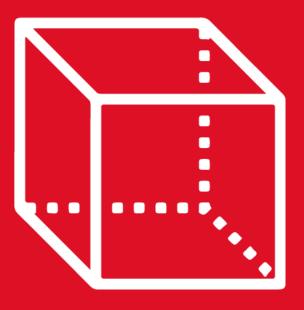


# GEOMETRÍA Capítulo 2

2st SECONDARY

Ángulos



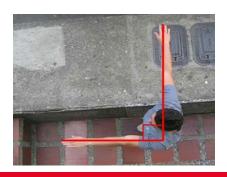


#### MOTIVATING | STRATEGY





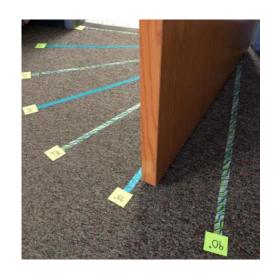












## <u>Definición</u>: Es aquella figura geométrica que está formada por dos rayos que tienen en común el mismo origen.

#### **ELEMENTOS**



• Lados:  $\overrightarrow{OA} y \overrightarrow{OB}$ 

#### <u>NOTACIÓN</u>

**∢AOB: Ángulo AOB.** 

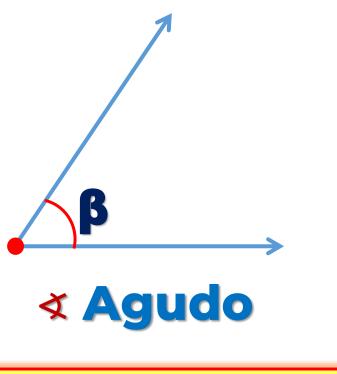
m∢AOB: medida del ángulo AOB.

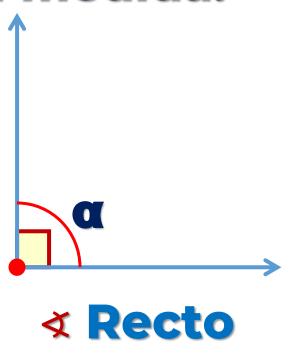


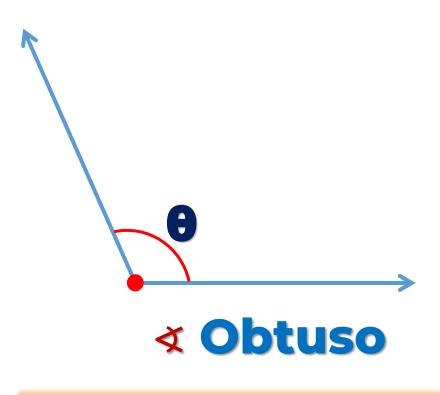
## CLASIFICACIÓN



De acuerdo a su medida.

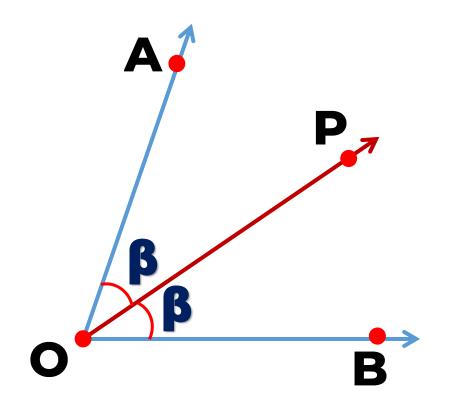






#### **BISECTRIZ**

Es aquel rayo cuyo origen es el vértice de un ángulo y que divide a este en dos ángulos de igual medida.

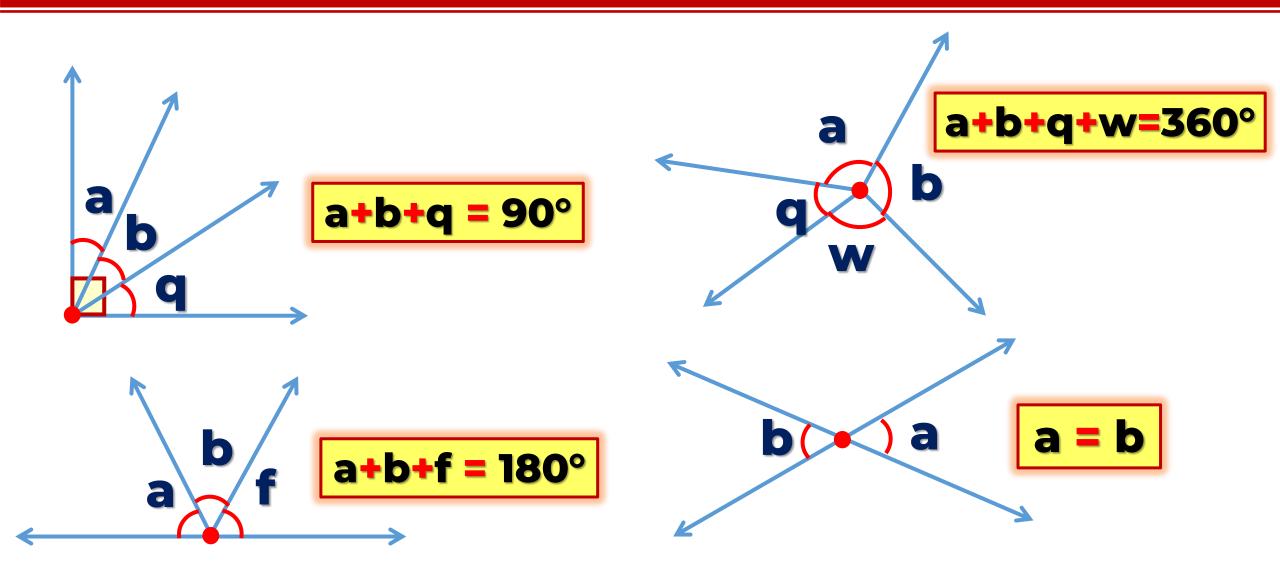


Si: OP es bisectriz del ∢AOB



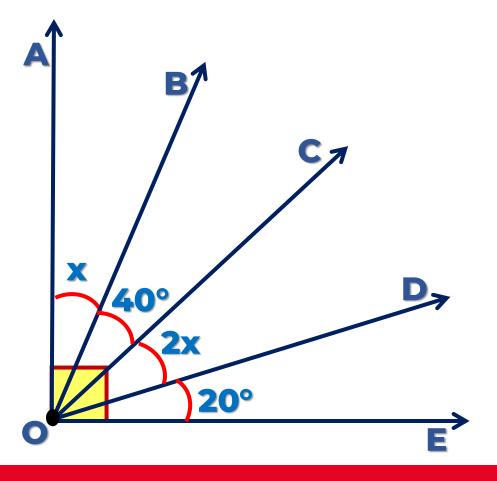
### **TEOREMAS**



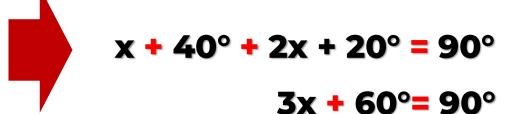




1. Se tiene los ángulos consecutivos AOB, BOC, COD y DOE, tal que m∢AOB=x, m∢BOC=40°, m∢COD=2x, m∢DOE=20° y m∢AOE=90°. Halle el valor de x.

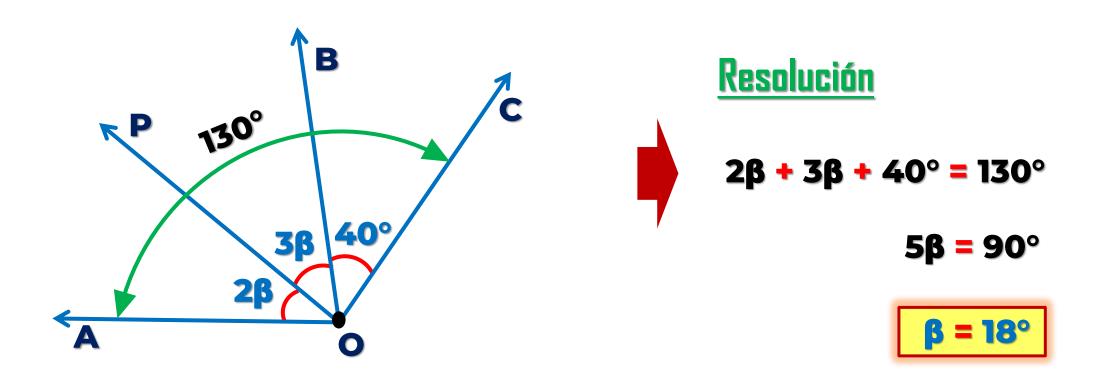


## Resolución



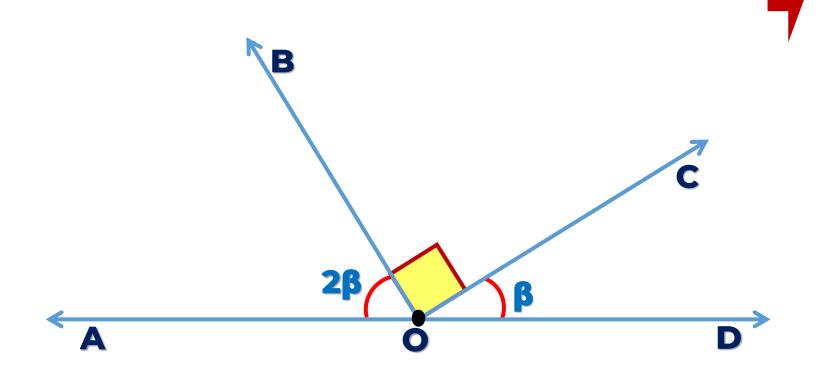
$$3x = 30^{\circ}$$

#### 2. Si m∢AOC = 130°, halle el valor de β.





#### 3. En la figura, halla m∢BOD.



#### Resolución

• 
$$2\beta + 90^{\circ} + \beta = 180^{\circ}$$
  
 $3\beta = 90^{\circ}$   
 $\beta = 30^{\circ}$ 

#### NOS PIDEN



4. Se tiene los ángulos consecutivos AOM y MOC, tal que  $\overline{OM}$  es bisectriz del  $\angle$ AOC, m $\angle$ AOM =  $\alpha$  + 50° y m $\angle$ MOC = 3 $\alpha$  + 10°. Halle el valor de  $\alpha$ .

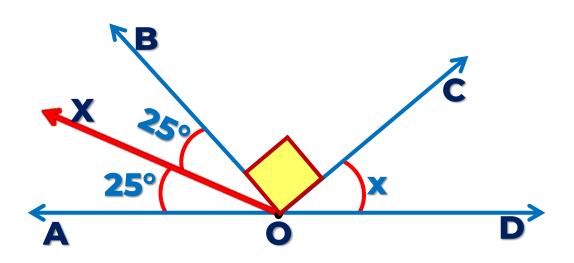
## Resolución m ∢ AOM = m ∢ MOC $\alpha + 50^{\circ} = 3\alpha + 10^{\circ}$ α+50° $40^{\circ} = 2\alpha$ 3α+10°

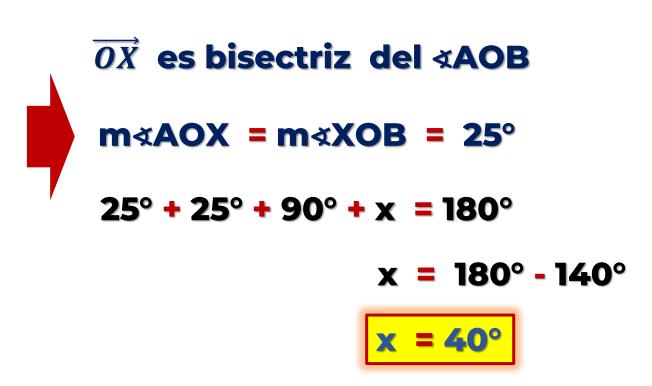


5. Se tiene los ángulos consecutivos AOB, BOC y COD, tal que los rayos  $\overrightarrow{OA}$  y  $\overrightarrow{OD}$  son rayos opuestos, m&BOC= 90°. Se traza la bisectriz  $\overrightarrow{OX}$  del ángulo AOB. Si m&AOX = 25°, calcule m&COD.

#### Resolución

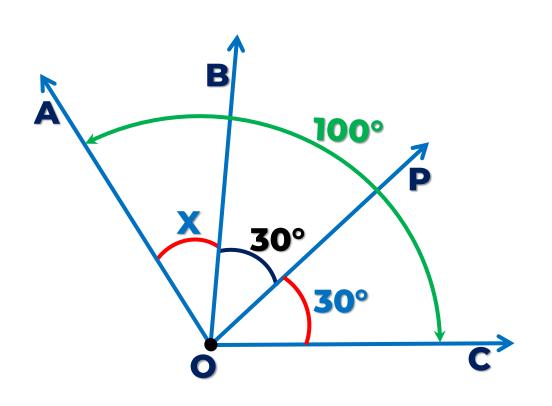
 $\overrightarrow{OA}$  y  $\overrightarrow{OD}$  son opuestos







#### 6. En la figura, $\overrightarrow{OP}$ es bisectriz del $\angle$ BOC. Halle m $\angle$ AOB.



#### Resolución

**OP** es bisectriz del ∢BOC

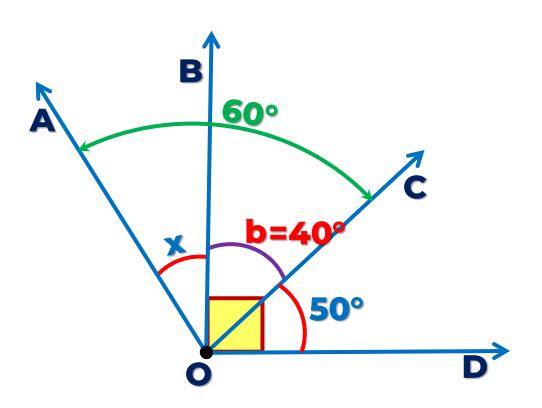
 $m \not\in BOP = m \not\in POC = 30^{\circ}$ 

En el ∢AOC

$$x + 30^{\circ} + 30^{\circ} = 100^{\circ}$$
  
 $x = 100^{\circ} - 60^{\circ}$ 



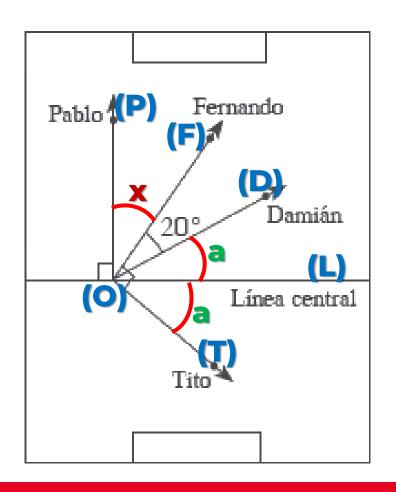
#### 7. En la figura, halle el valor de x.



#### Resolución



8. Damián y Tito se ubican de tal forma que la línea central del campo es la bisectriz del ángulo formado por estos amigos. Halle la medida del ángulo formado por Pablo y Fernando.



#### Resolución