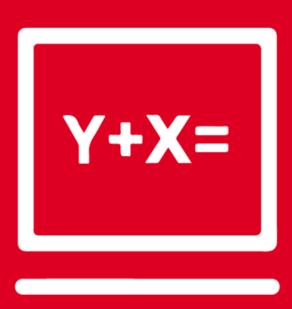
# ARITHMETIC Chapter 18





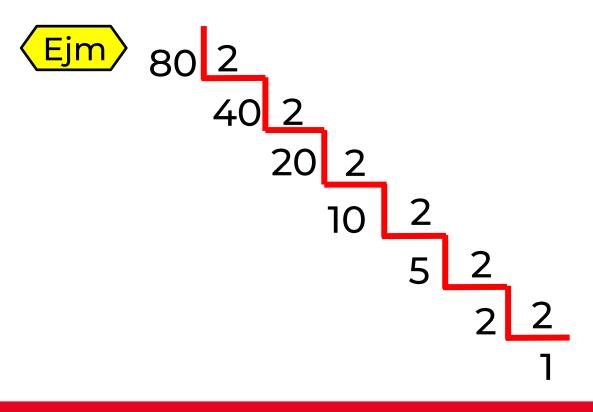
**NÚMEROS RACIONALES II** 





La fracción  $\frac{1}{80!}$ , ¿cuántas cifras decimales no periódicas origina?

- ✓ Siendo 80! el denominador de la fracción generatriz, el factor con mayor exponente contenido en 80! es 2.
- ✓ Para esto utilizamos un caso particular de los números primos.



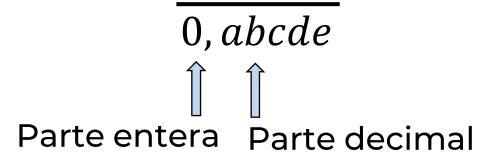
Luego, sumados los cocientes obtenidos

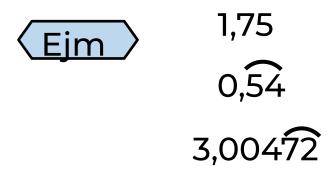
$$1 + 2 + 5 + 10 + 20 + 40 = 78$$

La fracción tiene 78 cifras decimales no periódicas.





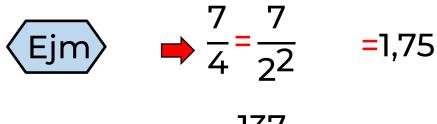




# CLASIFICACIÓN DE LOS NÚMEROS DECIMALES



Decimal exacto o limitado



$$\Rightarrow \frac{137}{2^4 \times 5^3} = 0,0685$$

El número de cifras decimales va a estar dada por el mayor exponente de 2 y/o 5 contenidos en el exponente del denominador de la fracción irreductible.





### Decimal inexacto o ilimitado

#### 1. Decimal periódico puro

Ejm
$$\frac{2}{9} = 0.222.. = 0, 2 = 0, [2]$$

⇒ El 9 origina una cifra periódica pura.

$$\frac{675}{999} <> \frac{25}{37} = 0,675 = 0,[675]$$

El 37 origina tres cifras periódicas puras.

# 

El número de cifras periódicas puras va a estar dada por el menor número de nueves contenidos en el denominador como factor.



#### 2. Decimal periódico mixto

$$\frac{5}{6} \iff \frac{5}{2^{1} \times 3} = 0.83 = 0.8[3]$$

El exponente de 2 es 1 por ende una cifra no periódicas y 3 origina una cifra periódica.

$$\frac{13}{2750} \iff \frac{13}{5^3 \times 2 \times 11} = 0,00472 = 0,004[72]$$

El exponente de 5 es 3 por ende tres cifras no periódicas y 11 origina dos cifras periódicas.

- NÚMEROS

  AVALES

  a  $\frac{1}{6}$ =1,4343...(5)
  - ⇒ Número pentaval.





## FRACCIÓN GENERATRIZ

| Clase                     | Base n=10        | Base n≠10                                     |
|---------------------------|------------------|---|
| Decimal exacto 0,abcde(n) | abcde<br>100000  | abcde <sub>(n)</sub><br>100000 <sub>(n)</sub> |
| Decimal p. puro           | abcde            | abcde <sub>(n)</sub>                          |
| 0,abcde <sub>(n)</sub>    | 99999            | (n-1)(n-1)(n-1) <sub>(n)</sub>                |
| Decimal p. mixto          | <u>abcde-abc</u> | abcde <sub>(n)</sub>                          |
| 0,abcde <sub>(n)</sub>    | 99000            | (n-1)(n-1)000 <sub>(n)</sub>                  |



1. Una fracción irreductible con denominador 7, ¿cuántas cifras periódicas origina?

RESOLUCIÓN

**Recordemos:** 

#### Tabla de nueves

$$999999 = 33 \times 7 \times 11 \times 13 \times 37$$

$$f = \frac{N}{7} = 0,ab...x$$

$$= \frac{0,ab...x}{999999}$$

6 cifras



2. En la siguiente fracción

$$f = \frac{17}{37}$$

¿cuánto suman las cifras del periodo?

#### Tabla de nueves

$$999 = 37 \times 27$$

#### RESOLUCIÓN

$$f = \frac{17}{37} \times \frac{27}{27} = \frac{459}{999} = 0,459$$

#### Suma de cifras del periodo



**3.** Calcule la suma del numerador y denominador de la fracción irreductible generatriz de:

2,454545...

RESOLUCIÓN

$$2,\widehat{45} = \frac{245-2}{99} = \frac{243}{99} = \frac{27}{11}$$

#### Suma de términos



4. En el último censo nacional realizado el 22 de octubre del 2017; se le preguntó a María sobre la cantidad de hijos que tiene y esta respondió: "La cantidad de hijos que tengo es igual a la última cifra del periodo que origina la fracción 14/83". Determine la cantidad de hijos que tiene María.

$$f = \frac{14}{83} = 0, ab...x = \frac{ab...x}{99...9}$$

$$\frac{(...4)}{(...3)} = \frac{(...x)}{(...9)}$$

$$(...4)(...9) = (...3)(...x)$$

$$(...6) = (...3)(...x)$$

El numero de hijos que tiene es:

2

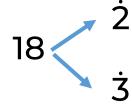


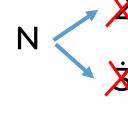
**5.** Si la siguiente fracción es irreductible, además:

$$\frac{18}{N} = 0, \widehat{abc}$$
Calcule  $a + b + c$ .



Fracción irreductible 18 y N son PESI





$$\frac{18}{N} = 0,\widehat{abc}$$

$$\frac{18}{N} = \frac{abc}{999}$$

$$\frac{18}{N} = \frac{abc}{37 \times 27}$$

$$\frac{18}{37} = \frac{abc}{37x27}$$

$$\overline{abc} = 18 \times 27$$

$$\overline{abc} = 486$$

$$a + b + c =$$



**6.** Si la siguiente fracción irreductible cumple que

$$\frac{N}{27}$$
=0,5ab

halle el número de valores que toma N.

#### RESOLUCIÓN

$$\frac{N}{27} = 0.5ab$$
 $\frac{N}{27} = \frac{5ab}{989}$ 
37

 $37N = 5ab$ 
 $37 \times 14 = 518$ 
 $37 \times 15 = 555$ 
 $37 \times 16 = 592$ 

2 valores



7. Si se cumple que:

$$\frac{a}{3} + \frac{b}{5} = 2,5\hat{3}$$

Calcule a + b.

#### RESOLUCIÓN

$$\frac{a}{3} + \frac{b}{5} = 2,5\hat{3}$$
  $\Rightarrow$   $\frac{5a+3b}{15} = \frac{253-25}{90}$ 

$$\frac{5a+3b}{15} = \frac{228}{90}$$

$$5a + 3b = 38$$





$$7 + a + b = 8$$

$$6 \implies a + b = 10$$

$$1 \quad 11 \quad \implies a + b = 12$$

8; 10; 12



#### **8.** Determine el valor de B si

$$B = \frac{1}{5} + \frac{3}{10} + \frac{1}{50} + \frac{3}{100} + \frac{1}{500} + \frac{3}{1000} + \dots$$

#### RESOLUCIÓN

$$B = \frac{1}{5} + \frac{3}{10} + \frac{1}{50} + \frac{3}{100} + \frac{1}{500} + \frac{3}{1000} + \dots$$

$$B = \frac{2x1}{2x5} + \frac{3}{10} + \frac{2x1}{2x50} + \frac{3}{100} + \frac{2x1}{2x500} + \frac{3}{1000} + \dots$$

$$B = \frac{5}{10} + \frac{5}{100} + \frac{5}{1000} + \dots$$

$$B = 0.5 + 0.05 + 0.005 + ...$$

$$B = 0.5$$

∴ B= 
$$\frac{5}{9}$$