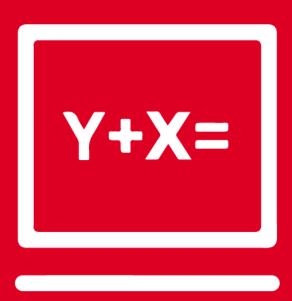
ARITHMETIC

Chapter 13

2°GRADE OF
SECONDARY
Números Racionales I





MOTIVATING | STRATEGY





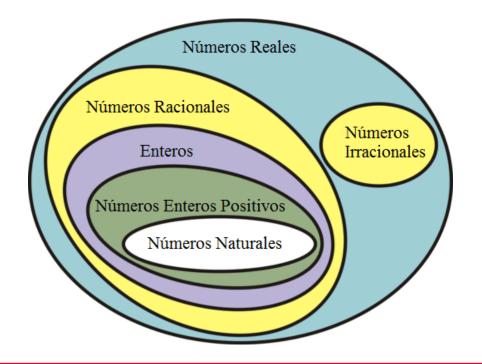


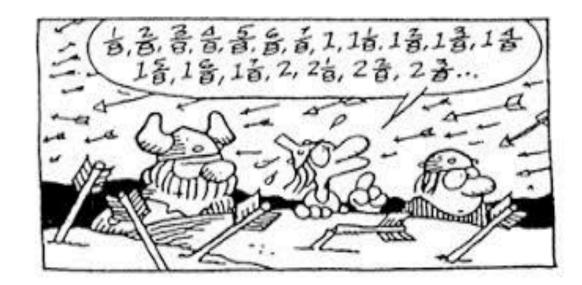


El conjunto de números Racionales: Q

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} / a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z} - \{0\} \right\}$$

$$\frac{3}{8}$$
; $\frac{12}{3}$; $\frac{-4}{5}$; $\frac{-15}{5}$; $\frac{4}{-3}$; $\frac{21}{7}$





HELICO | THEORY

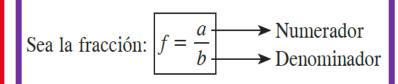
2

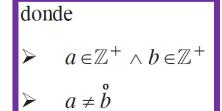
Números Fraccionarios:

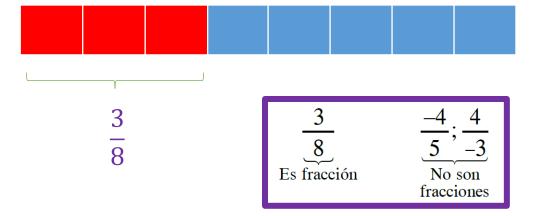
$$\frac{3}{8}; \frac{-4}{5}; \frac{4}{-3}$$
Números
fraccionarios
$$\frac{12}{3}; \frac{-15}{5}; \frac{21}{7}$$
No son números
fraccionarios





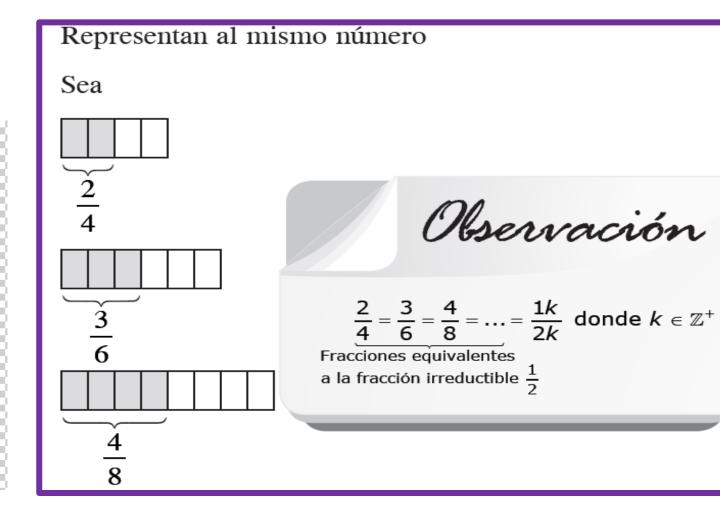






* Fracciones Equivalentes:







Clasificación de las Fracciones:

a) Por comparación de sus términos respecto de la unidad



Propia	Impropia
La fracción es menor que 1.	La fracción es mayor que 1.
$\frac{a}{b} < 1 \to a < b$	$\frac{a}{b} > 1 \to a > b$
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{3}{5}$; $\frac{7}{9}$; $\frac{23}{29}$	$\frac{7}{4}$; $\frac{13}{9}$; $\frac{27}{5}$

b) Por su denominador



Decimal	Ordinaria
El denominador es	El denominador no es una
una potencia de 10.	potencia entera de 10.
$\frac{a}{b} \to b = 10^n$	$\frac{a}{b} \to b \neq 10^n$
$n \in \mathbb{Z}^+$	$n \in \mathbb{Z}^+$
Ejemplos 11	Ejemplos
$\frac{9}{10}$; $\frac{7}{100}$; $\frac{11}{1000}$	$\frac{4}{9}$; $\frac{35}{47}$; $\frac{11}{123}$

c) Por la cantidad de divisores comunes de sus términos:

Irreductible	Reductible
Sus términos son números PESI. $\frac{a}{b} \rightarrow \stackrel{\triangleright}{b} a \ y \ b \ son PESI.$ $\stackrel{\triangleright}{b} MCD(a, b) = 1$	Sus términos no son números PESI. $\frac{a}{b} \rightarrow \begin{array}{c} > a \text{ y } b \text{ no son PESI.} \\ \xrightarrow{b} & > \text{MCD}(a, b) \neq 1 \end{array}$
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{3}{11}$; $\frac{13}{5}$; $\frac{32}{21}$	$\frac{27}{72}$; $\frac{36}{40}$; $\frac{16}{24}$



d) Por grupo de fracciones:



Homogéneas	Heterogéneas
Todas las fracciones tienen el mismo deno- minador.	Al menos una de las frac- ciones tendrá un denomina- dor diferente de las demás.
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{83}{3}$; $\frac{8}{3}$; $\frac{14}{3}$; $\frac{17}{3}$	$\frac{3}{8}$; $\frac{17}{7}$; $\frac{18}{8}$; $\frac{13}{8}$

HELICO | THEORY

e)Observaciones:

1. De un grupo de fracciones homogéneas, será mayor aquella que presenta mayor numerador.

Ejemplo

Del siguiente grupo:

$$\frac{15}{7}$$
; $\frac{8}{7}$; $\frac{24}{7}$; $\frac{2}{7} \rightarrow \frac{2}{7} < \frac{8}{7} < \frac{15}{7} < \frac{24}{7}$

 $\therefore \frac{24}{7}$ es el mayor.

2. De un grupo de fracciones con igual numerador, será mayor aquella que presente menor denominador.

Ejemplo

Del siguiente grupo:

$$\frac{18}{7}$$
; $\frac{18}{14}$; $\frac{18}{5}$; $\frac{18}{26}$ \rightarrow $\frac{18}{26}$ $<$ $\frac{18}{14}$ $<$ $\frac{18}{7}$ $<$ $\frac{18}{5}$

 $\therefore \frac{18}{5}$ es el mayor

e)Observaciones:

3. Comparando el valor de dos fracciones.

Ejemplo

¿Qué fracción es mayor $\frac{7}{9}$ o $\frac{4}{5}$?

$$\frac{7}{9}$$
 $\times \frac{4}{5}$ $\rightarrow \frac{7 \times 5}{35} < \frac{4 \times 9}{36}$

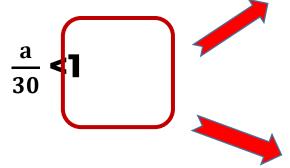
$$\therefore \frac{7}{9} < \frac{4}{5}$$



2. ¿Cuántas fracciones propias e irreductibles con denominador 30 existen?

Resolution:

Se tiene la fracción:



Fracción Propia:

Fracción Irreductible:

Descomponiendo:30=2x3x5.......

C



a≠2,a≠3 y a≠5

Los valores que toma a: 1 ;7 ;11 ;13 ; 17 ;19 ;23 ; 29

: Hay 8 fracciones.



2. ¿Cuántas fracciones impropias e irreductibles con numerador 28 existen?

Resolution:

Se tiene la fracción: $\frac{28}{a}$ >



Fracción impropia:

Fracción irreductible:

Descompiendo:

Los valores que toma a: 3; 5; 9; 11; 13; 15; 17; 19; 23; 25; 27

*Hay 11 fracciones



La edad de un hijo es la sexta parte de la edad de su padre. Las edades de los dos juntos suman 42 años. Halle la diferencia de las edades.

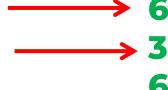
Resolution:

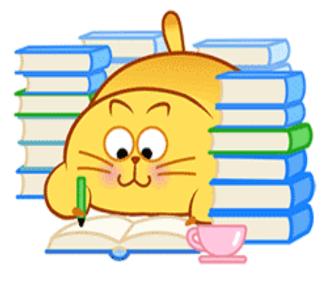
Por dato:

Edad del hijo = x

Edad del padre = 6x

—





Diferencia de edades:36 - 6 = 30

∴ Diferencia 30 años.

Si son las 2 pm ¿Qué fracción del día han transcurrido?

Resolution:

Sabemos que:2pm <> 14h

$$\frac{parte}{todo}$$

$$f = \frac{14}{24} = \frac{7}{12}$$



 $Arr Ha transcurrido \frac{7}{12}$



En el campamento de ajedrez, Mateo se enfrentará con su oponente cuando haya transcurrido los 3/4 del día, si su partida termino a la 9 p.m., ¿Cuántas horas duro su partida?

Resolution:

Si terminó a las 9 pm

 $\frac{3}{4}x24 = 18 horas$ = **6:00 pm** comenz

Entonces la partida duró 3 horas



6. El producto de los términos de una fracción equivalente a 3/7 es igual a 189. Calcule la suma de dichos términos.

Resolution:

7

su fracción equivalente es

$$\frac{3k}{7k}$$



$$21k^2 = 189$$

$$k^2 = 9$$

$$k = 3$$

La suma de términos:

$$3k + 7k = 10k$$

10(3)=30



7. Un grifo llena un depósito en 3 horas. ¿Qué fracción del depósito llena en 90 minutos?

Resolution:

3 horas = 180 minutos

Fracción =
$$\frac{parte}{todo}$$
 = $\frac{90}{180}$ = $\frac{1}{2}$



Llena la mitad del depósito



Un alumno de 2do año observa que al cargar la batería de su teléfono móvil durante 30 minutos logró cargar solo batería ¿Cuánto le faltará de tiempo para terminar de cargar la batería por completo si logró cargar durante 1 hora más? 2/9 de la

Sea "M" la cantidad de minutos que demora en cargar

Por dato:
$$\frac{2}{9}$$
. $M = 30$ \longrightarrow $M = 135$ min

En total la batería se ha cargado: 30 min + 60 min = 90 min

Falta por cargar: 135 min - 90 min

Faltan 45 min