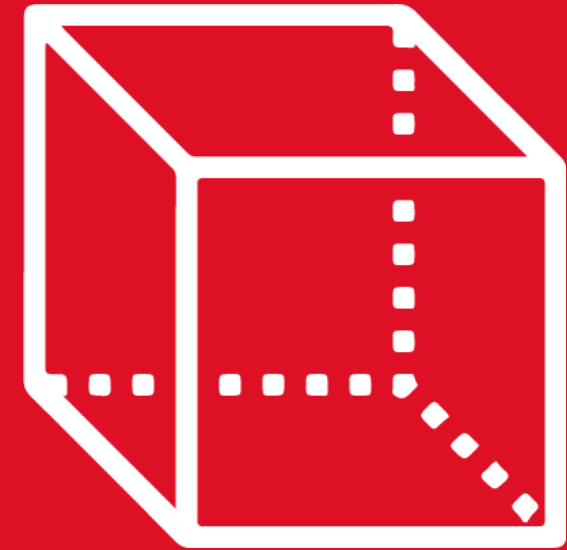




GEOMETRÍA

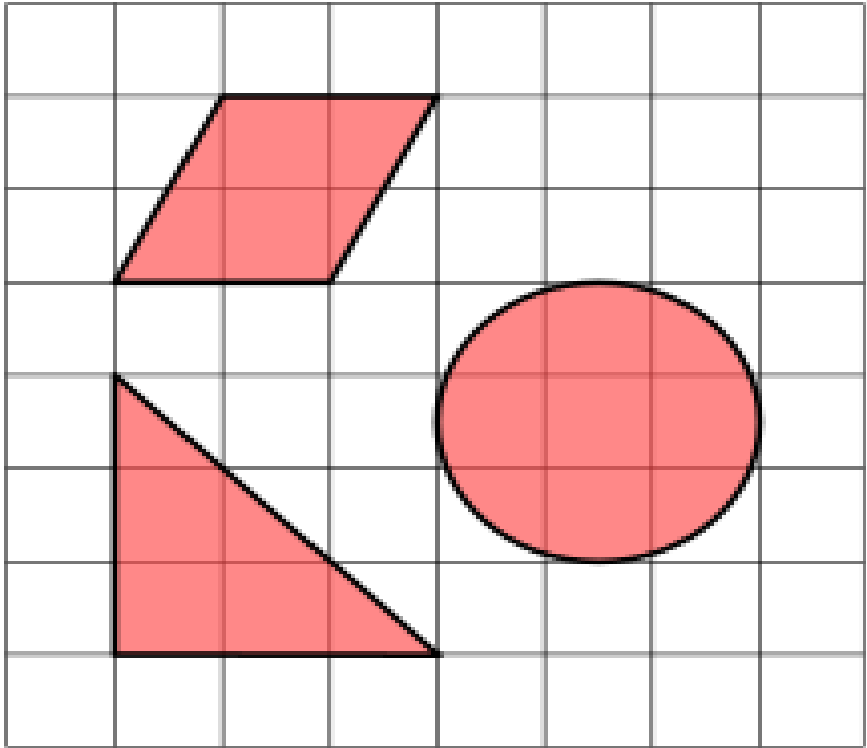
Capítulo 19

3st
SECONDARY



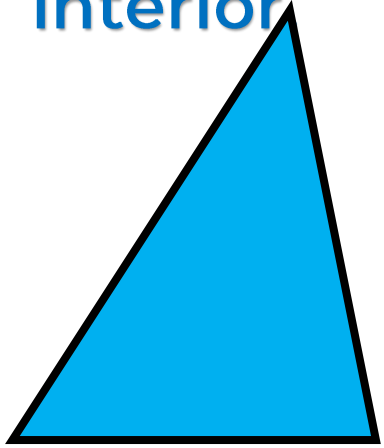
Área de regiones triangulares
“sesión 1”

 **SACO OLIVEROS**

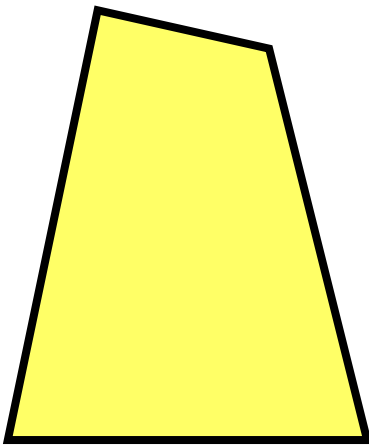


ÁREAS DE REGIONES TRIANGULARES

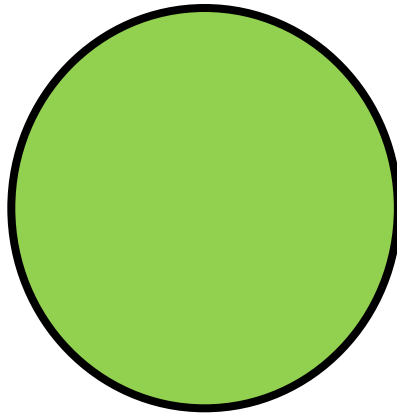
REGIÓN PLANA.- Es la unión de una línea plana cerrada y su interior



Región
Triangular

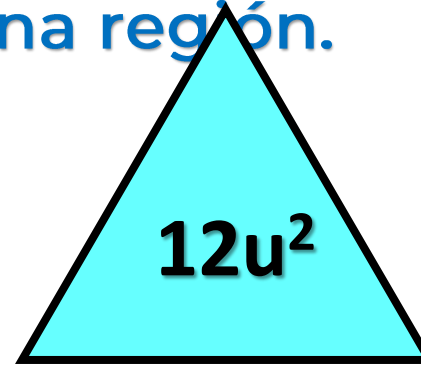


Región
Cuadrangular



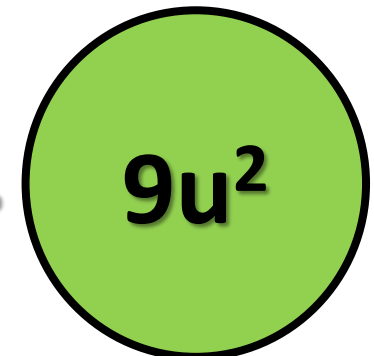
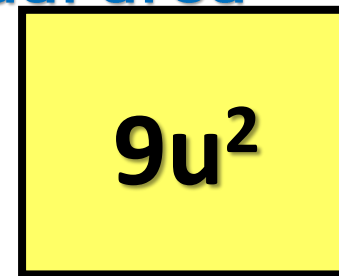
Región
Circular

ÁREA.- Es un número real positivo que indica la medida de una región.



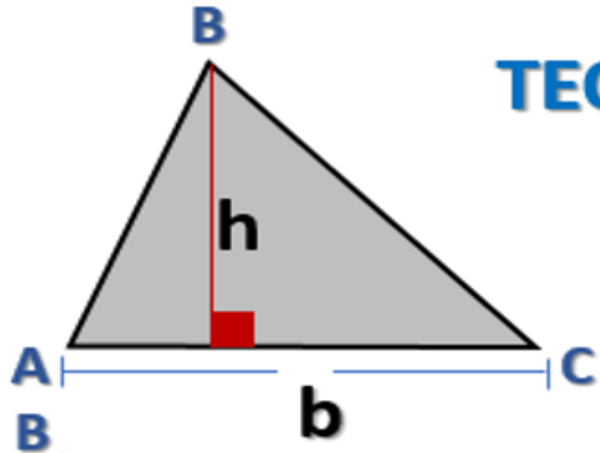
$$A_{\triangle} = 12u^2$$

REGIONES EQUIVALENTES.- Son aquellas regiones que tienen igual área

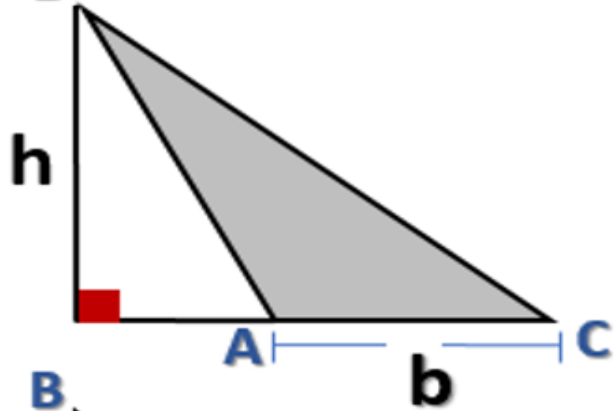




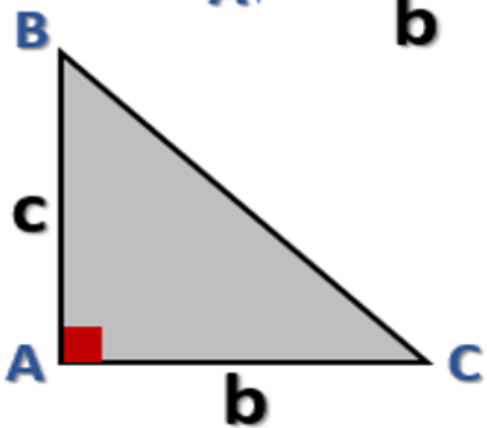
TEOREMAS BÁSICOS



$$S_{ABC} = \frac{bh}{2}$$

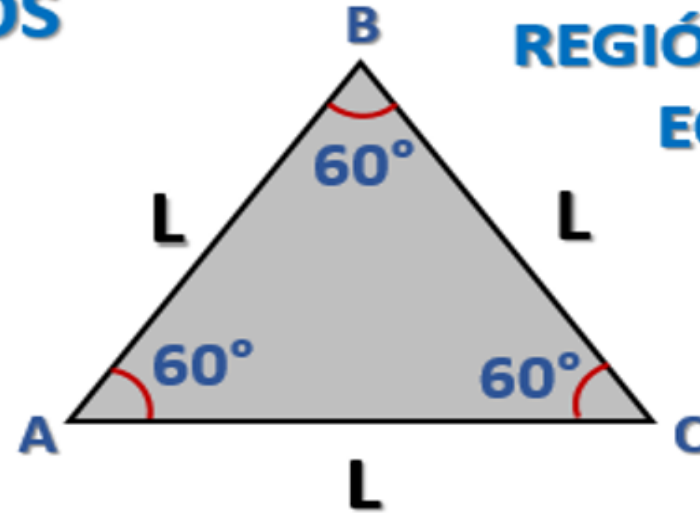


$$S_{ABC} = \frac{bh}{2}$$



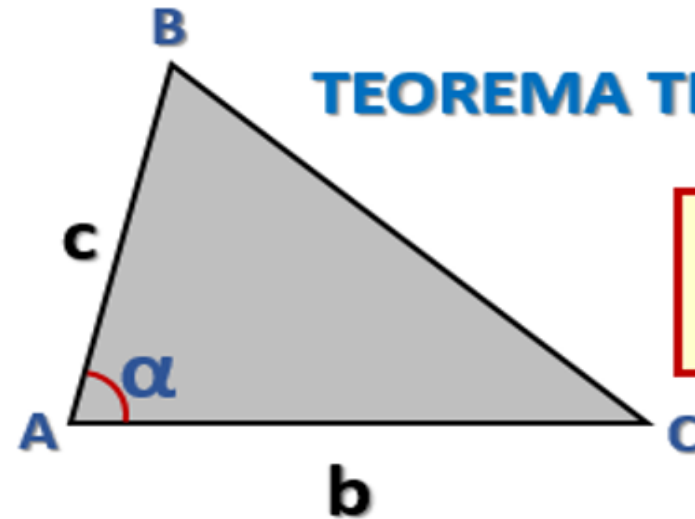
$$S_{ABC} = \frac{bc}{2}$$

REGIÓN TRIANGULAR EQUILÁTERA



$$S_{ABC} = \frac{L^2 \sqrt{3}}{4}$$

TEOREMA TRIGONOMÉTRICO

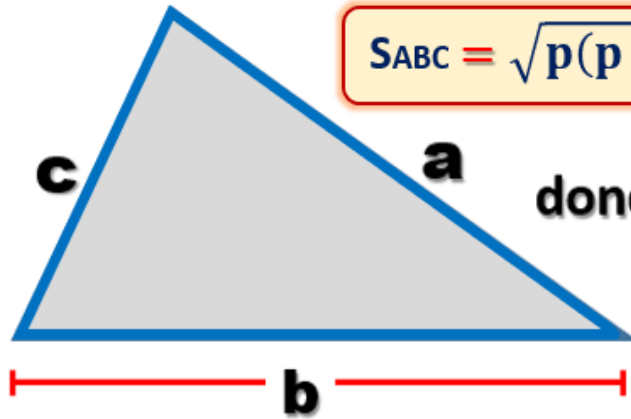


$$S_{ABC} = \frac{bc \operatorname{sen} \alpha}{2}$$

SACO OLIVEROS

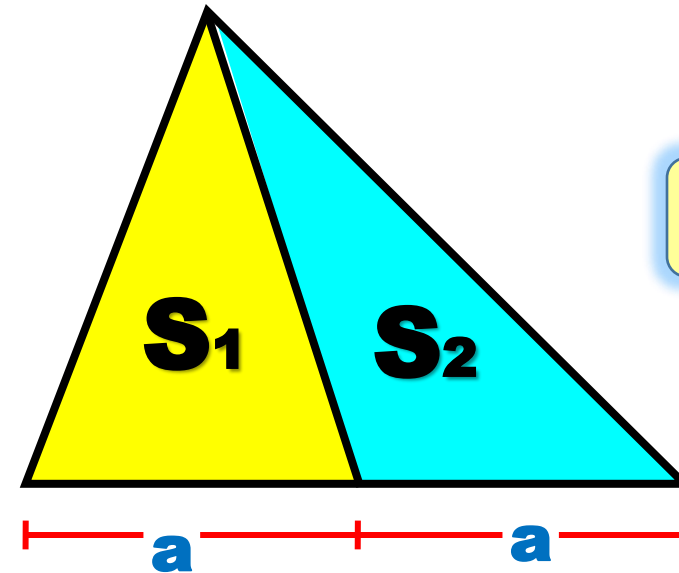
Teorema de Herón

$$S_{ABC} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$



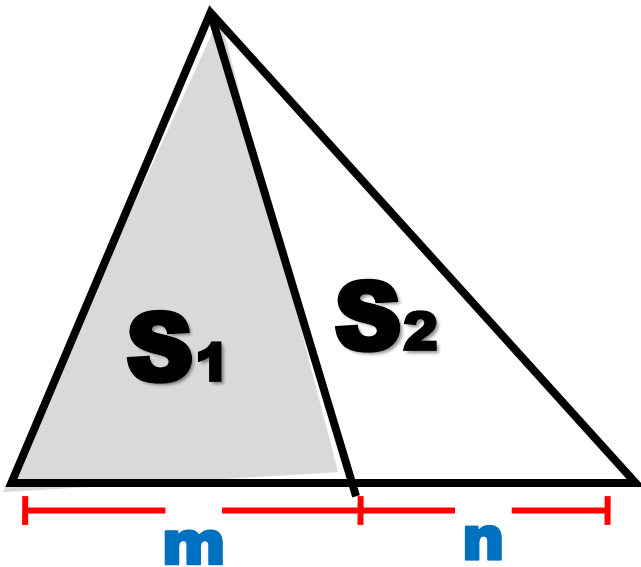
donde
 $p = \frac{a+b+c}{2}$

$$S_1 = S_2$$

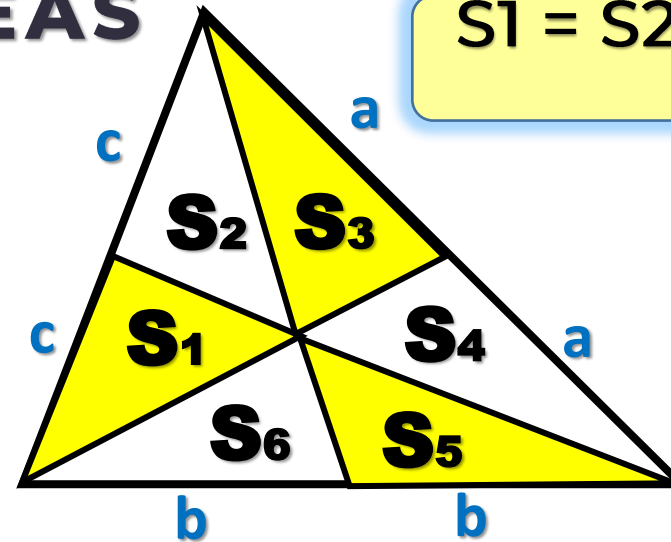


RELACIONES ENTRE ÀREAS

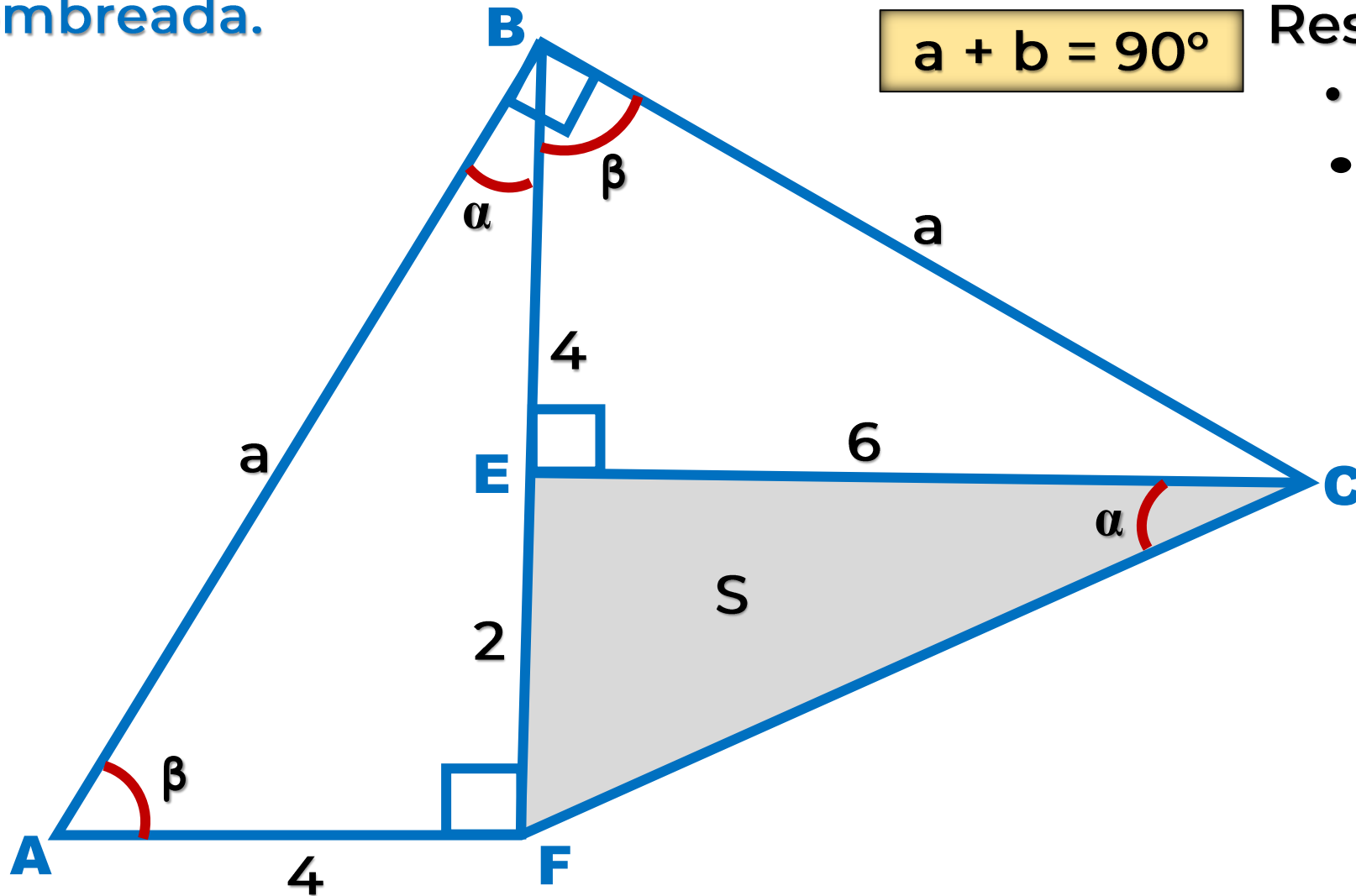
$$S_1 = S_2 = S_3 = S_4 = S_5 = S_6$$



$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{m}{n}$$



1. En la figura, $AB = BC$, $AF = 4$ u y $EC = 6$ u. Calcule el área de la región sombreada.



$$a + b = 90^\circ$$

Resolución

- Piden: S
- $\triangle AFB \cong \triangle BEC$

A-L-A

$$AF = BE = 4$$

$$CE = BF = 6$$

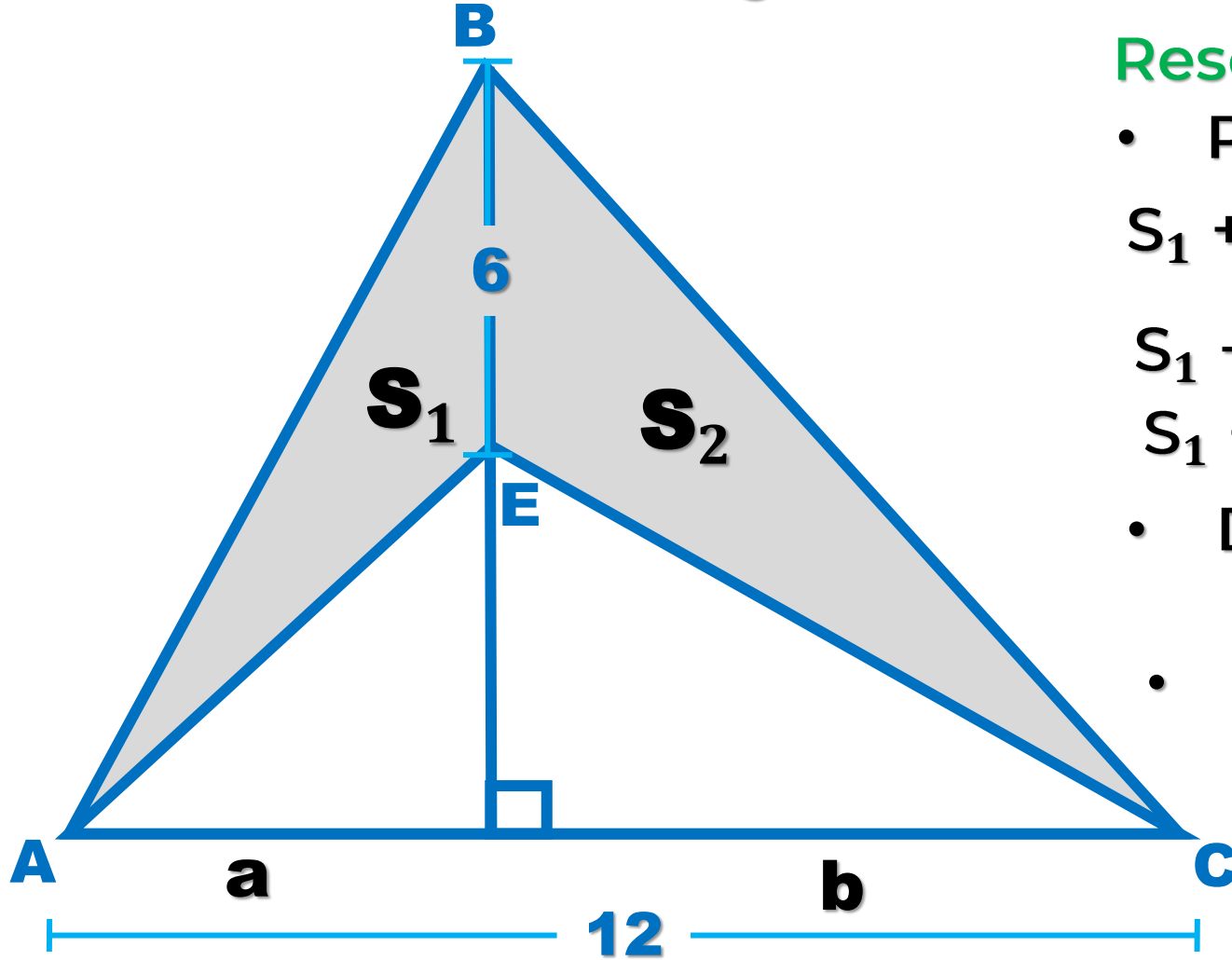
$$\rightarrow EF = 2$$

- Por teorema

$$S = \frac{6 \cdot 2}{2}$$

$$S = 6 \text{ u}^2$$

2. Calcule el área de la región sombreada, si $AC = 12$ u y $BE = 6$ u.



Resolución

- Piden: $S_1 + S_2$.

$$S_1 + S_2 = \frac{6 \cdot a}{2} + \frac{6 \cdot b}{2}$$

$$S_1 + S_2 = 3a + 3b$$

$$S_1 + S_2 = 3(a + b) \dots (1)$$

- Del gráfico:

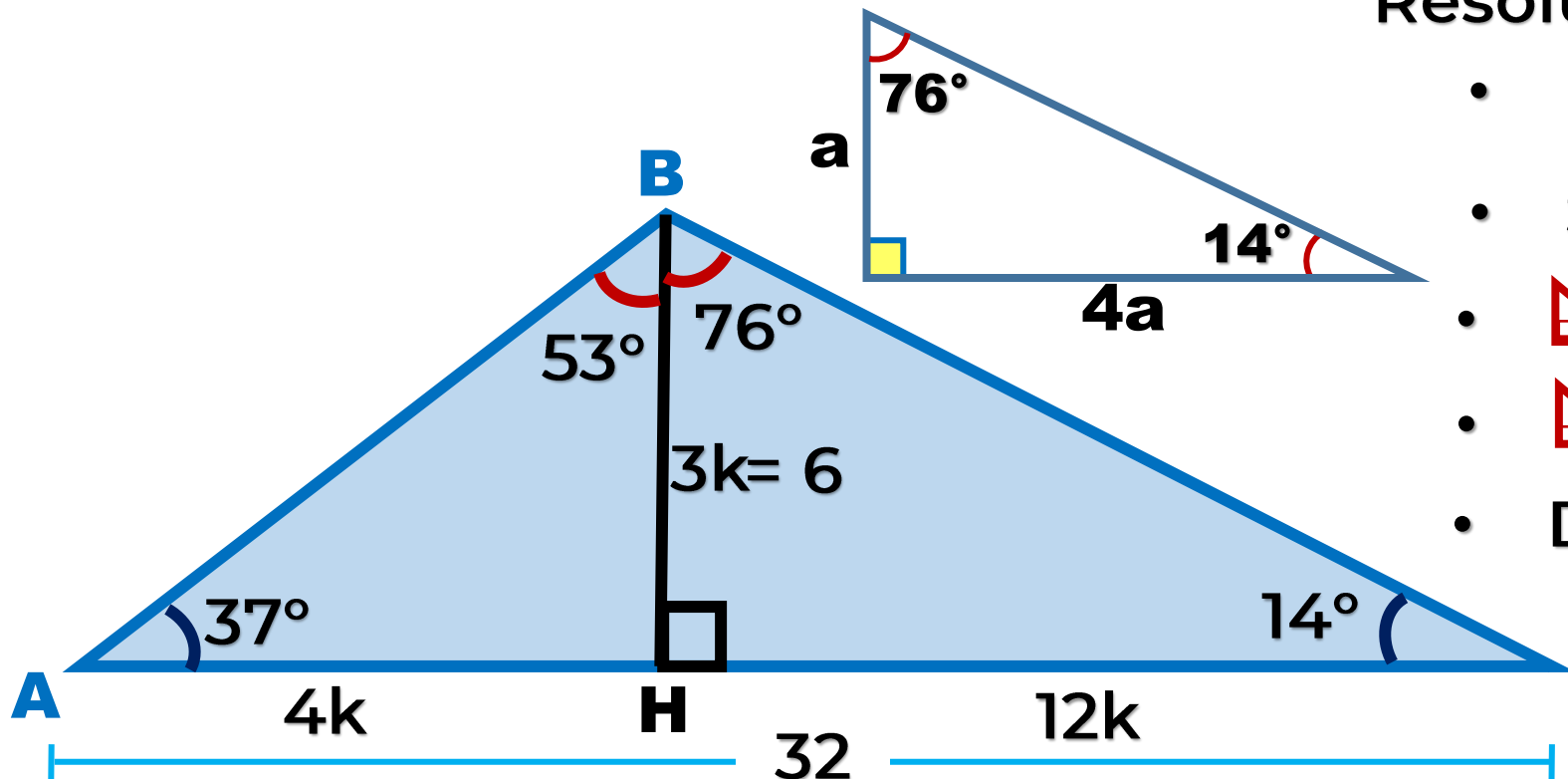
$$a + b = 12 \dots (2)$$

- Reemplazando 2 en

$$1: S_1 + S_2 = 3(12)$$

$$S_1 + S_2 = 36 \text{ u}^2$$

3. Se tiene un triángulo ABC, tal que $m\angle A = 37^\circ$ y $m\angle C = 14^\circ$. Si $AC = 32$ u, calcule el área de la región triangular ABC.



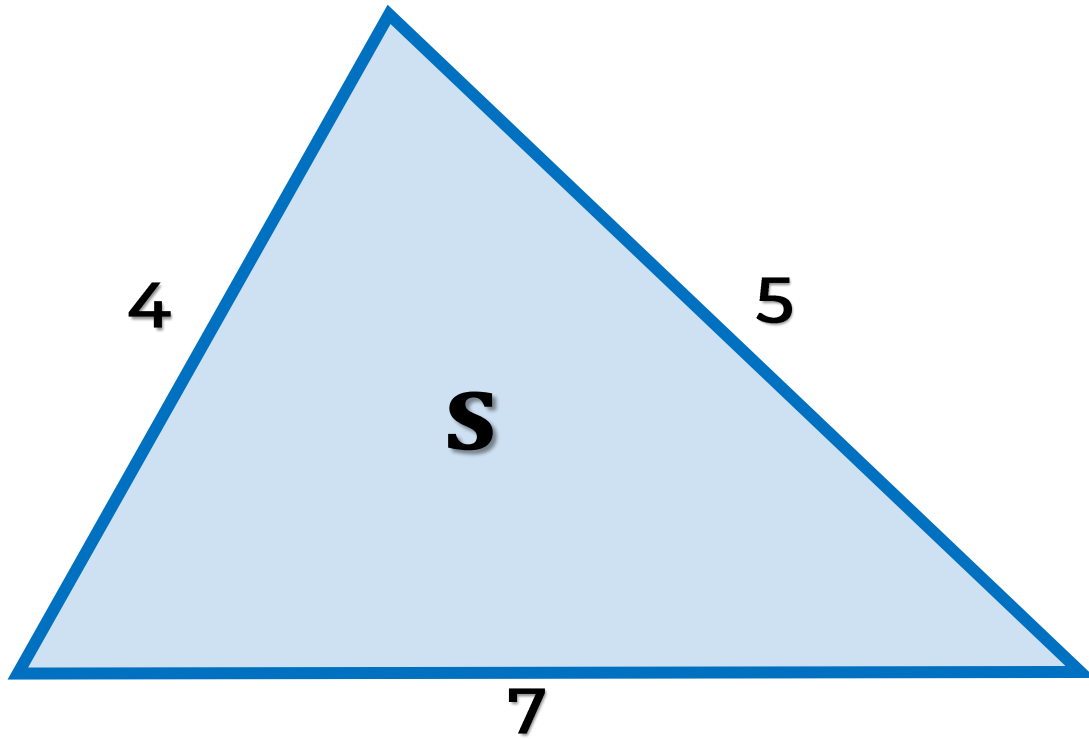
Resolución

- Piden: S_{ABC}
- Se traza la altura \overline{BH} .
- $\triangle AHB$: Notable de 37° y 53°
- $\triangle BHC$: Notable de 14° y 76°
- Del gráfico:
 - $4k + 12k = 32$
 - $16k = 32$
 - $k = 2$
- Por teorema:

$$S_{ABC} = \frac{32 \cdot 6}{2}$$

$$S_{ABC} = 96 \text{ u}^2$$

4. Calcule el área de la región triangular cuyos lados miden 4 u, 5 u y 7 u.



Resolución

- Piden: S
- Por teorema de Herón:

$$p = \frac{4+5+7}{2} \rightarrow p = 8$$

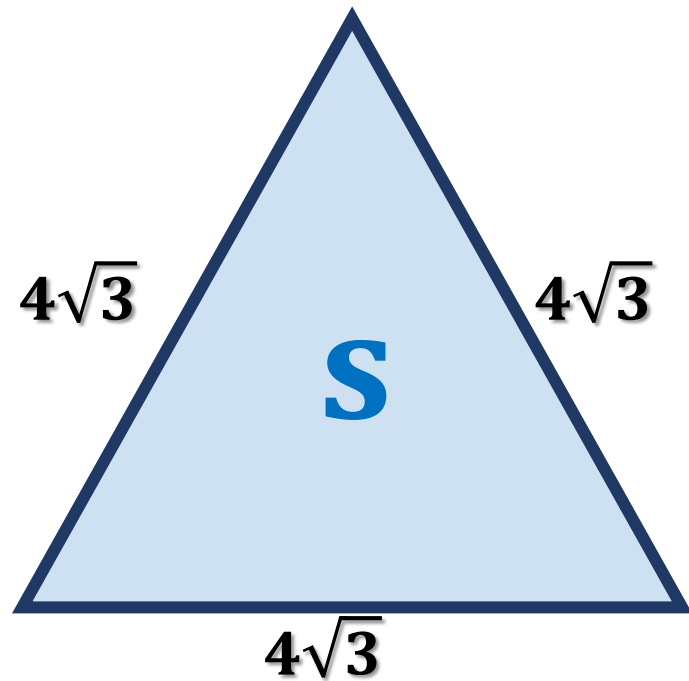
$$S = \sqrt{8(8-4)(8-5)(8-7)}$$

$$S = \sqrt{8(4)(3)(1)}$$

$$S = \sqrt{(2 \cdot 4)(4)(3)}$$

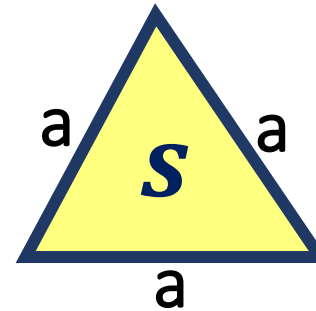
$$S = 4\sqrt{6} \text{ u}^2$$

5. Determine el área de la región limitada por un triángulo equilátero, cuyo lado mide $4\sqrt{3}$ m.



Resolución

- Piden: S
- Por teorema:

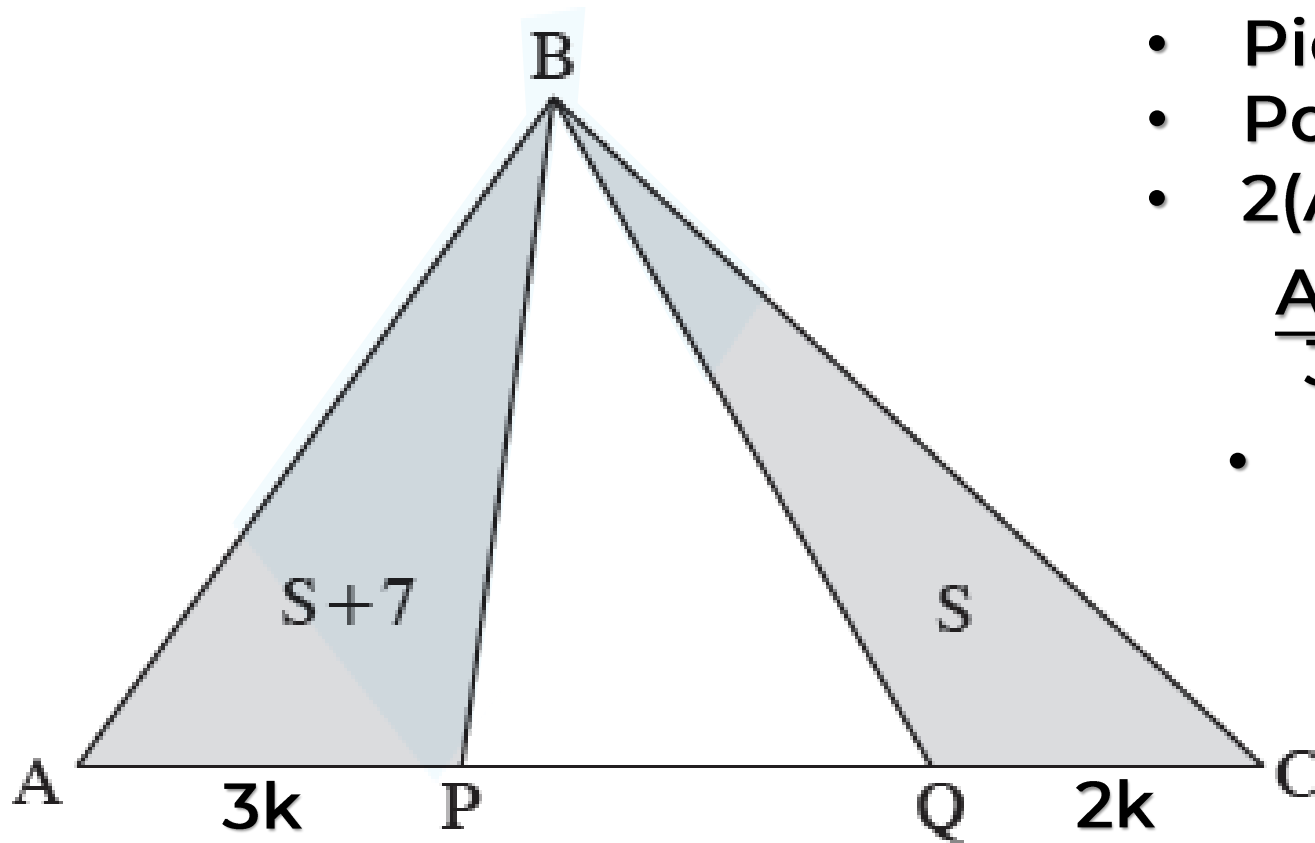


$$S = \frac{(a)^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S = \frac{(4\sqrt{3})^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S = 12\sqrt{3} \text{ m}^2$$

6. Calcule el área S , si $2(AP) = 3(QC)$.



Resolución

- Piden: S
- Por dato:
- $2(AP) = 3(QC)$

$$\frac{AP}{3} = \frac{QC}{2} = k \quad \begin{matrix} AP = 3k \\ QC = 2k \end{matrix}$$

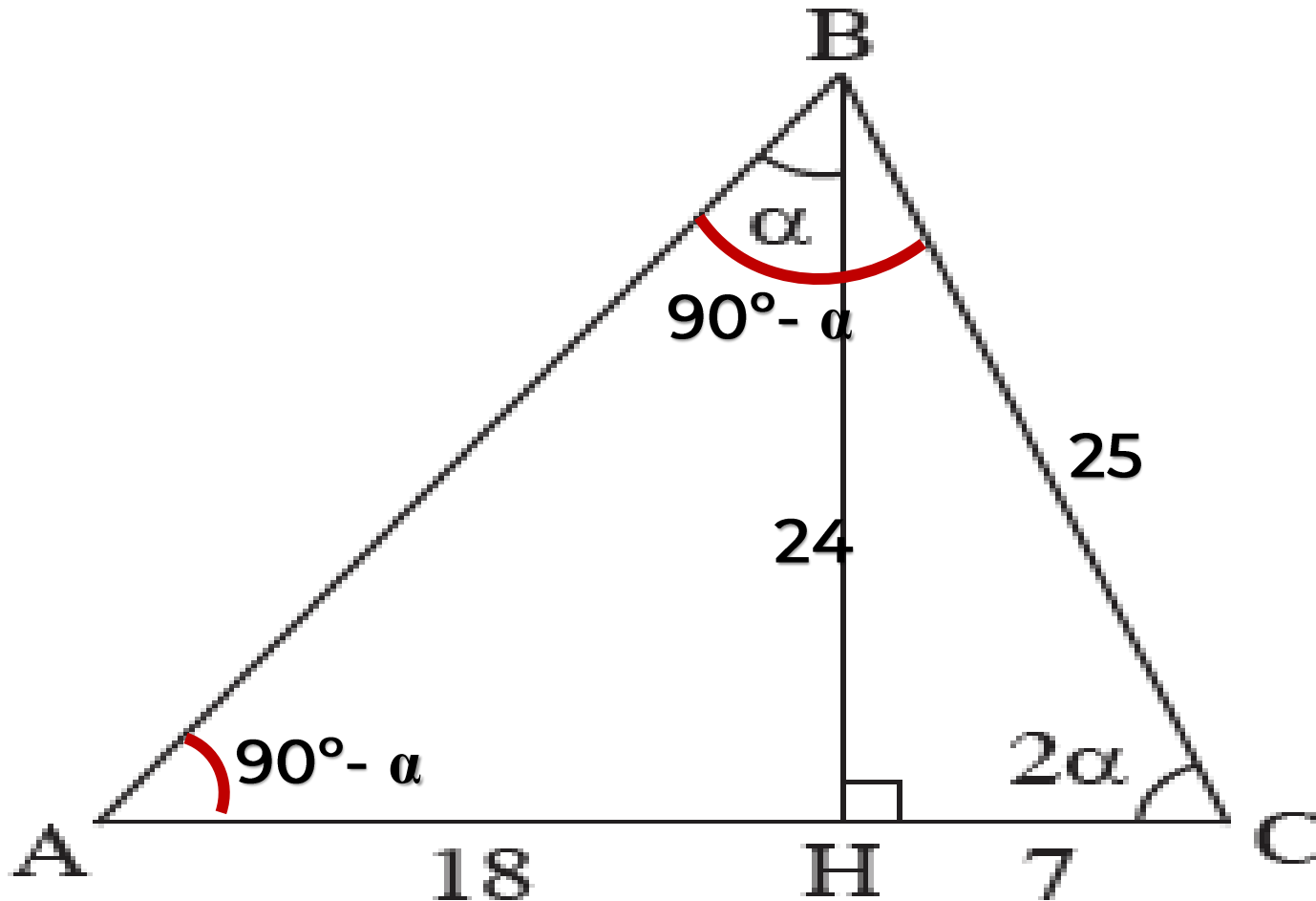
- Por teorema:

$$\frac{S+7}{S} = \frac{3k}{2k}$$

$$2S + 14 = 3S$$

$$14 = S$$

7. Calcule el área de la región triangular ABC.



Resolución

- Piden: S_{ABC}
- $\triangle ABC$: Isósceles
 $AC = \quad = 25$
- $\triangle BHC$: T. Pitágoras

$$25^2 = (BH)^2 + 7^2$$

$$576 = (BH)^2$$

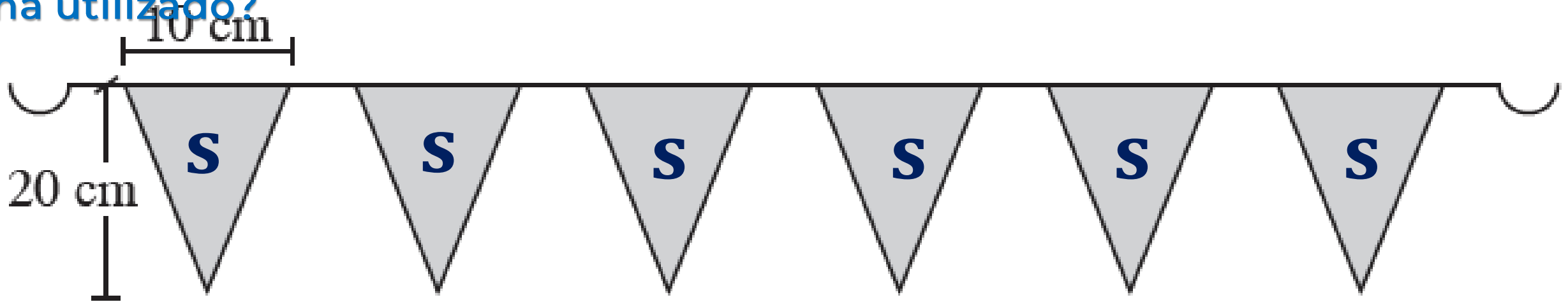
$$24 = BH$$

- Por teorema:

$$S_{ABC} = \frac{25 \cdot 24}{2}$$

$$S_{ABC} = 300 \text{ u}^2$$

8. La maestra de Joaquín le manda hacer banderolas para el aniversario del colegio, tal como se muestra en la figura. ¿Cuántos cm^2 de papel en total ha utilizado?



Resolución

- Piden: S_T
 $S_T = 6S \dots (1)$

- Por teorema:
 $S = \frac{10 \cdot 20}{2} = 100 \text{ u}^2 \dots (2)$

- Reemplazando 2 en 1:
 $S_T = 6(100)$

$$S_T = 600 \text{ cm}^2$$