



# ARITHMETIC

## Chapter 11

**5th**  
SECONDARY

**NUMERACIÓN**



 **SACO OLIVEROS**





# NUMERACIÓN



Es parte de la aritmética que se encarga de la correcta formación, lectura y escritura de los números.

*Número: Idea que se tiene de cantidad.*

Numeral: ~~IIII~~ III    8    VIII

Descomposición  
n

polinómica  
de un numeral  
Numeral  
capicúa

$$3725 = \underbrace{3000}_{3 \times 10^3} + \underbrace{700}_{7 \times 10^2} + \underbrace{20}_{2 \times 10^1} + \underbrace{5}_{5 \times 10^0}$$

22 ,  $101_{(3)}$  ,  $5225_{(8)}$  ,  $\overline{xyzyx}$  ,  $\overline{abccba}_{(7)}$

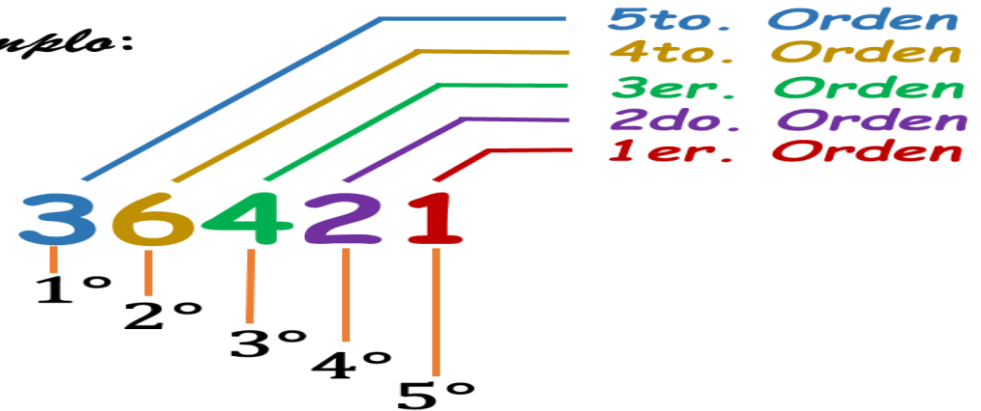


# Principio de orden

En un numeral cada una de las cifras tiene un orden y lugar establecido.

← se cuenta de derecha a izquierda.

Ejemplo:



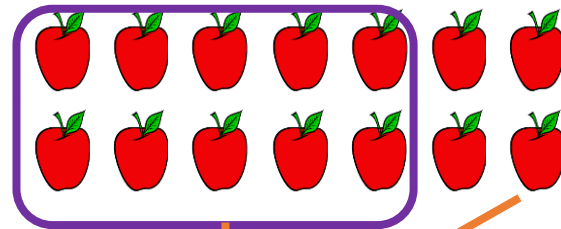
Lugar

→ se cuenta de izquierda a derecha.

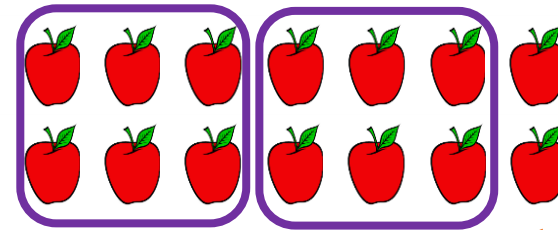
r

De la base

Ejemplo Represente 14 unidades en base 10, base 6



14



22(6)

## CASO 1

De base “n” a base 10

*Método:**Descomposición polinómica*Ejm 1  $1432_{(5)}$  a base 10

$$\begin{aligned}
 &1 \times 5^3 + 4 \times 5^2 + 3 \times 5 + 2 \\
 &125 + 100 + 15 + 2 \\
 &= 242
 \end{aligned}$$

$$\therefore 1432_{(5)} = 242$$

## CASO 2

De base 10 a base “m”

*Método:**Divisiones sucesivas*

Ejm 2 526 a base 8

$$\begin{array}{r}
 526 \overline{) 8} \\
 \underline{6} \phantom{5} \phantom{2} \phantom{6} \\
 65 \phantom{2} \phantom{6} \\
 \underline{64} \phantom{6} \\
 1 \phantom{6} \phantom{6} \\
 \underline{8} \phantom{6} \\
 0 \phantom{6} \\
 \underline{0} \phantom{6} \\
 1
 \end{array}
 \quad \Rightarrow \quad 526 = 1016_{(8)}$$



## CASO 3

De base “n” a base “m”

Ejm  $358_{(9)}$  a base 4

Paso 1 A base 10

descomposición polinómica

$$\begin{aligned}
 3 \times 9^2 + 5 \times 9 + 8 &= \\
 243 + 45 + 8 &= 296 \\
 \therefore 358_{(9)} &= 296
 \end{aligned}$$

Paso 2 A base 4

divisiones sucesivas

$$\begin{array}{r}
 296 \div 4 = 74 \text{ residuo } 0 \\
 74 \div 4 = 18 \text{ residuo } 2 \\
 18 \div 4 = 4 \text{ residuo } 2 \\
 4 \div 4 = 1 \text{ residuo } 0 \\
 1 \div 4 = 0 \text{ residuo } 1
 \end{array}$$

$358_{(9)} = 10220_{(4)}$



# CIFRAS MÁXIMAS DE UN NUMERAL

Ejm

- $99 = 100 - 1 = 10^2 - 1$
- $999 = 1000 - 1 = 10^3 - 1$
- $4444_{(5)} = 10000_{(5)} - 1 = 5^4 - 1$

*Luego:*

$$\overline{(n-1)(n-1) \dots (n-1)}_{(n)} = n^k - 1$$

*"K" cifras*



## RESOLUCIÓN

1. Si los siguientes números están correctamente escritos:  
 $\overline{n32q}_{(m)}$ ,  $\overline{p21}_{(n)}$ ,  $\overline{n3m}_{(6)}$ ,  $1211_{(p)}$  halle el máximo valor de  $m + n + p + q$ .

$$\begin{array}{ccc} \overline{n32q}_{(m)} & \overline{p21}_{(n)} & \overline{n3m}_{(6)} \\ 1211_{(p)} & p < n & m < 6 \\ q < m & 2 < p & \end{array}$$

$$2 < p < n < m < 6$$

$$p = 3 ; n = 4 ; m = 5$$

$$q_{max} = 4$$

$$\therefore m + n + p + q = 5 + 4 + 3 + 4 =$$

16

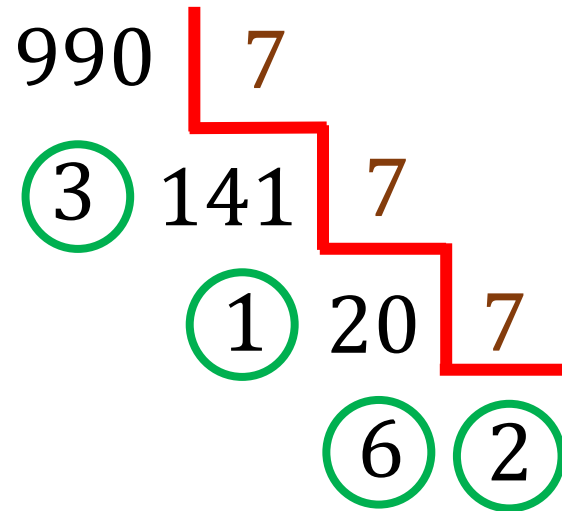




## RESOLUCIÓN

2. Si  $\overline{ab13}_{(7)} = 990$ ,  
calcule  $a \cdot b$ .

*990 a base 7*



$$990 = 2613_{(7)}$$

$$\overline{ab13}_{(7)} = 2613_{(7)}$$

$$a = 2 ; b = 6$$

$$\therefore a \cdot b =$$

**12**



## RESOLUCIÓN

3. Si  $524_{(11)} = 771_{(n)}$ ,  
halle el valor de  $n$ .

$$524_{(11)} = 771_{(n)}$$

$$5 \times 11^2 + 2 \times 11 + 4 = 7 \times n^2 + 7 \times n + 1$$

$$631 = 7n^2 + 7n + 1$$

$$630 = 7n(n + 1)$$

$$90 = n(n + 1)$$

$$n = 9$$

9



## RESOLUCIÓN

4. Si  $\overline{(b-4)(b+1)(b-2)}_{(7)} = \overline{aan}_{(b)}$ , calcule  $a + b + n$ .

$$\left. \begin{array}{l} 0 < b - 4 \rightarrow 4 < b \\ b + 1 < 7 \rightarrow b < 6 \end{array} \right\} b = 5$$

$$163_{(7)} = \overline{aan}_{(5)}$$

Cambio de base 7 a base 5

$$163_{(7)} = 1 \times 7^2 + 6 \times 7 + 3 = 94$$



$$163_{(7)} = 334_{(5)}$$

$$a = 3; n = 4$$

$$\begin{array}{r} 94 \\ \textcircled{4} \quad 18 \\ \quad \textcircled{3} \quad \textcircled{3} \end{array}$$

$$\therefore a + b + n = 3 + 5 + 4 = \boxed{12}$$



## RESOLUCIÓN

5. Halle el valor de  $a$  si:  
 $\overline{3a0}_{(8)} = 1040_{(a)}$ .

$$\overline{3a0}_{(8)} = 1040_{(a)}$$

$$3 \cdot 8^2 + a \cdot 8 + 0 = 1 \cdot a^3 + 0 \cdot a^2 + 4 \cdot a + 0$$

$$192 + 8 \cdot a = a^3 + 4 \cdot a$$

$$192 = a^3 - 4 \cdot a$$

$$192 = a \cdot (a^2 - 4)$$

$$192 = a \cdot (a-2)(a+2)$$

$$\therefore a = 6$$

6



6. Javier es un amante de los juegos de azar, cierto día en el casino “Royal Palace” lanzó 3 dados; si al resultado del primero lo multiplicamos por 8 y le agregamos el resultado del segundo dado, luego a todo esto lo volvemos a multiplicar todo por 8 y le agregamos finalmente el resultado del tercer dado, obtendremos 277. Determine el resultado del segundo

dato.  
RESOLUCIÓN

1°



↓  
x

2°



↓  
y

3°



↓  
z

resultados de  
cada dado

Del dato

$$(x \cdot 8 + y) \cdot 8 + z = 277$$

$$x \cdot 8^2 + y \cdot 8 + z = 277$$

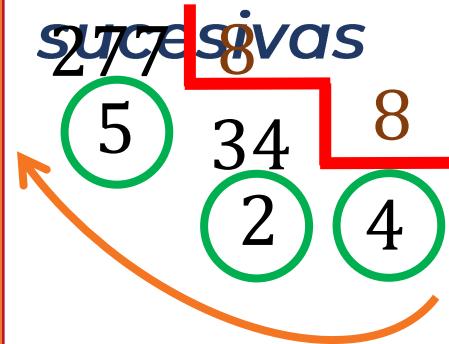
Descomposición  
polinómica



$$\overline{xyz}_{(8)} = 277$$

➤ 277 a base 8

Divisiones  
sucesivas



$$277 = 425_{(8)} = \overline{xyz}_{(8)}$$

$$x = 4 \quad y = 2 \quad z = 5$$

resultado del segundo dado  $\therefore 2$

2



7. El mayor número de tres cifras de la base  $n$  se escribe en el sistema senario como 2211. Halle  $n$ .

**RESOLUCIÓN**

Del dato tenemos:

$$\overline{(n-1)(n-1)(n-1)}_{(n)} = 2211_{(6)}$$

Propiedad y descomposición polinómica

$$n^3 - 1 = 2 \cdot 6^3 + 2 \cdot 6^2 + 1 \cdot 6 + 1$$

$$n^3 - 1 = 432 + 72 + 6 + 1$$

$$n^3 - 1 = 511$$

$$n^3 = 512$$

$$\therefore n = 8$$

**8**



8. Si el numeral  $\overline{pepe}_{(n)}$  se convierte al sistema undecimal se obtiene 771. Calcule:  $p + e + n$ .

## RESOLUCIÓN

$$\overline{pepe}_{(n)} = 771_{(11)}$$

descomposición polinómica por bloques

$$\overline{pe}_{(n)} \cdot n^2 + \overline{pe}_{(n)} = 7 \cdot 11^2 + 7 \cdot 11 + 1$$

$$\overline{pe}_{(n)} \cdot (n^2 + 1) = 925 = 37 \cdot 25$$

$$n^2 + 1 = 37 \Rightarrow n = 6$$

$$\overline{pe}_{(n)} = 25 = 41_{(6)}$$

$$\therefore p + e + n = 11$$