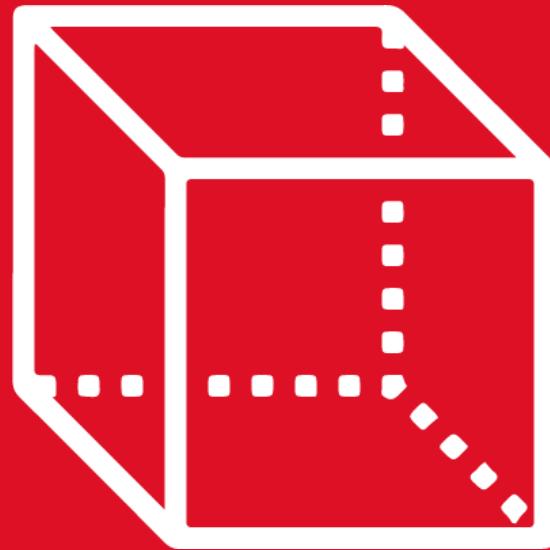




GEOMETRÍA

Capítulo 24

4th
SECONDARY



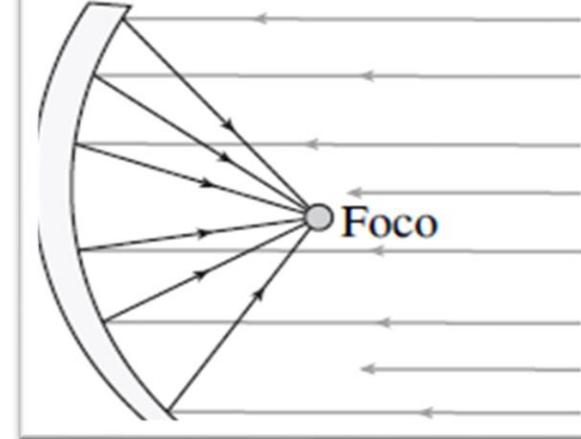
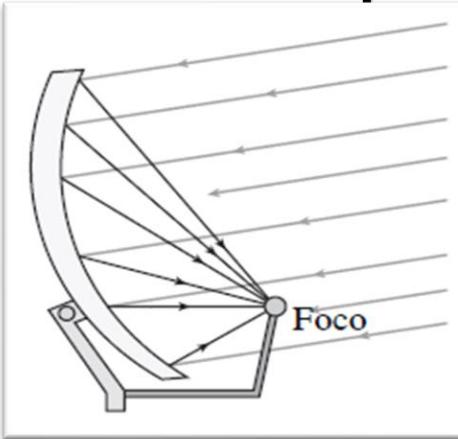
ECUACION DE LA PARÁBOLA

 SACO OLIVEROS



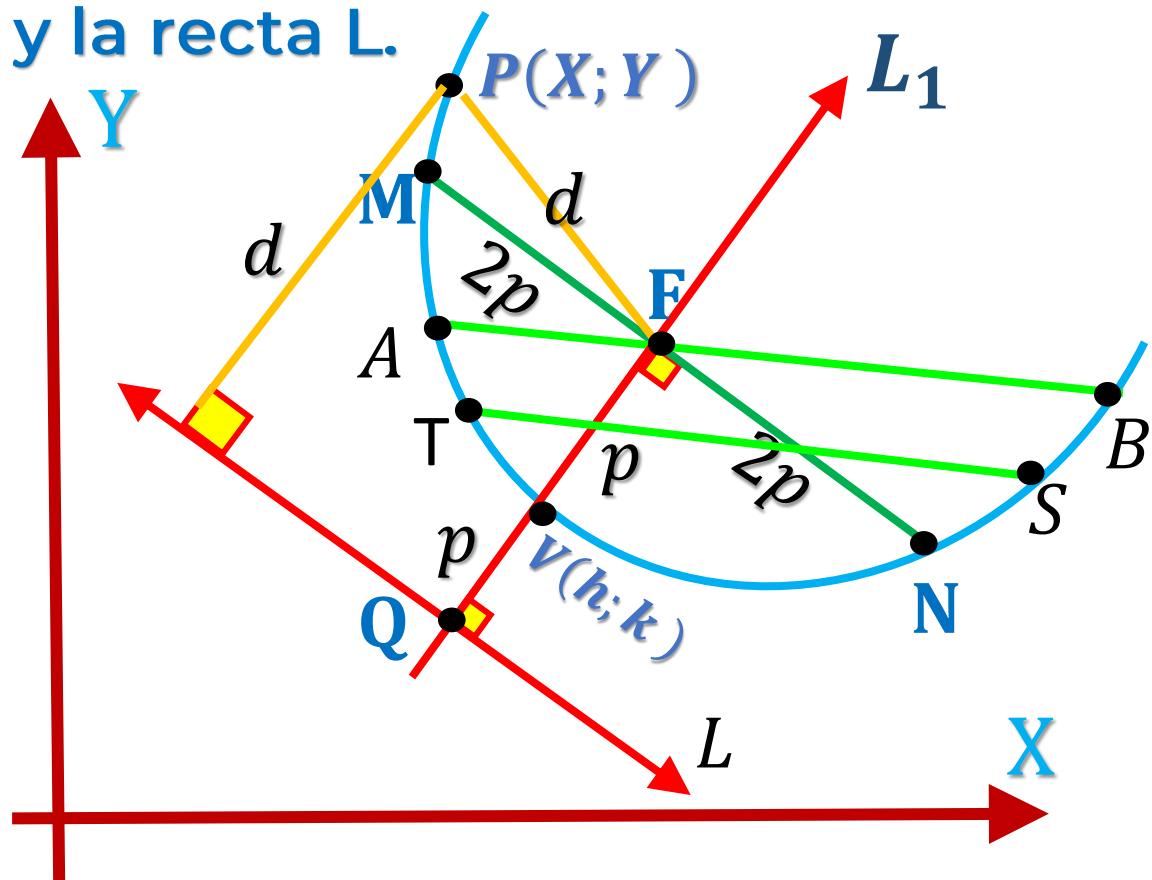
APLICACIONES DE LA PARÁBOLA

Las aplicaciones de las paráolas son básicamente aquellos fenómenos en donde nos interesa hacer converger o divergir un haz de luz y sonido principalmente. La dirección de propagación de una onda se representa mediante líneas que se denominan rayos y según la forma de la superficie en la que inciden así será la dirección de los rayos reflejados. Cuando la forma de dicha superficie es parabólica todos los rayos que llegan paralelos al eje de la parábola se reflejan pasando por un mismo punto que se denomina:





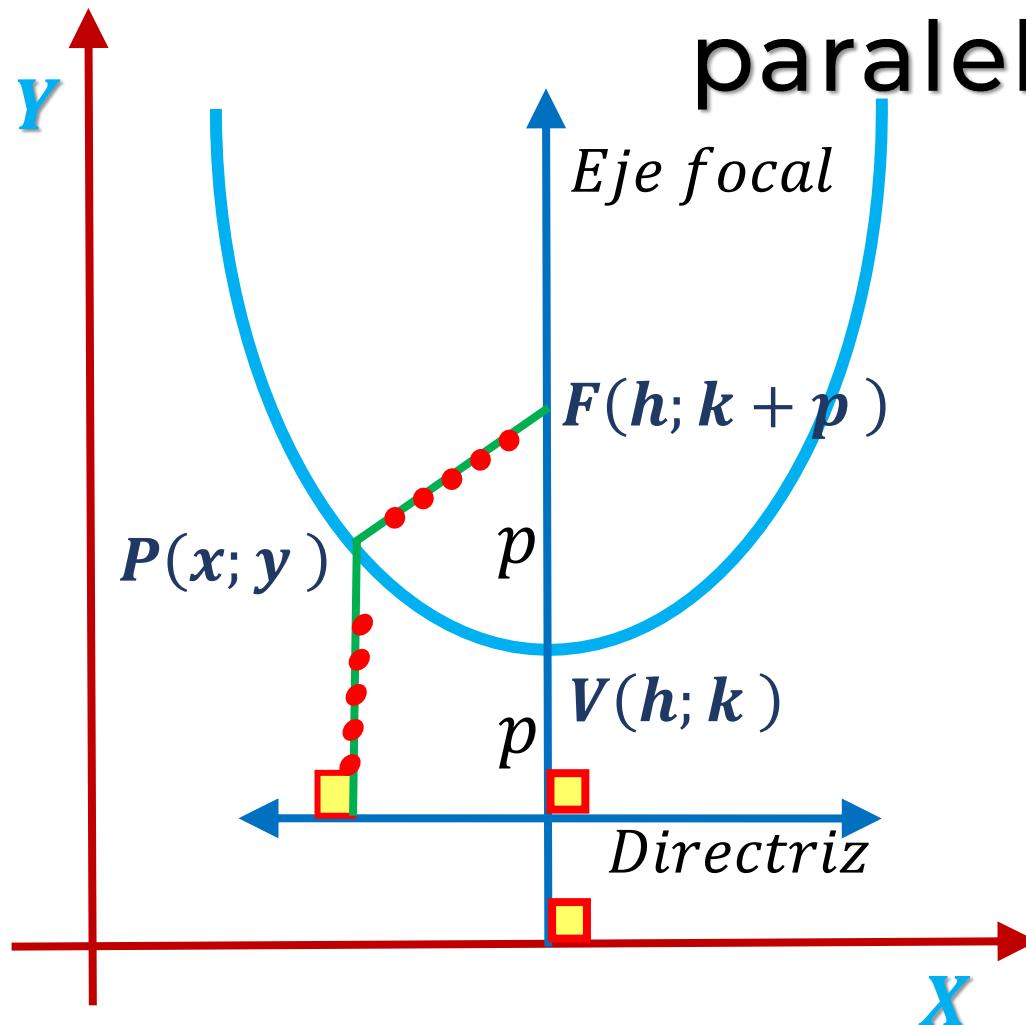
Dada la recta fija L , denominada directriz y un punto fijo F , denominado foco, que no pertenece a dicha recta, se define la parábola como el lugar geométrico del conjunto de puntos $P(x, y)$ que equidistan del foco F y la recta L .



Elementos parábola

- | | |
|-----------------------|---------------------------------|
| . EJE FOCAL | : F |
| . DIRECTRIZ | : L_1 |
| . VERTICE | : L |
| . PARAMETRO | : $V(h; k)$ |
| . CUERDA | : p ($VF = VQ = p$) |
| . CUERDA FOCAL | : \overline{ST} |
| . LADO RECTO | : \overline{AB} |
| | : \overline{MN} ($MN = 4p$) |

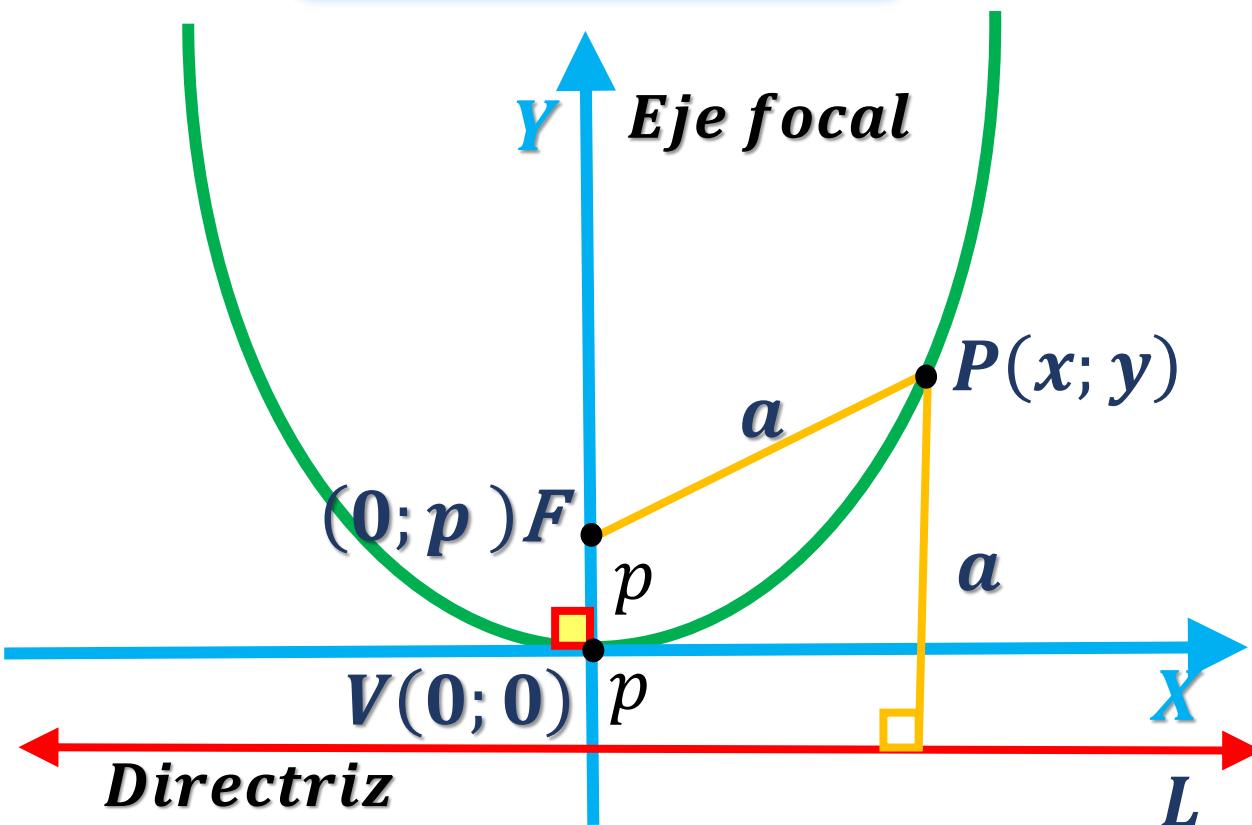
Ecuación de la parábola con eje focal paralelo al eje y.



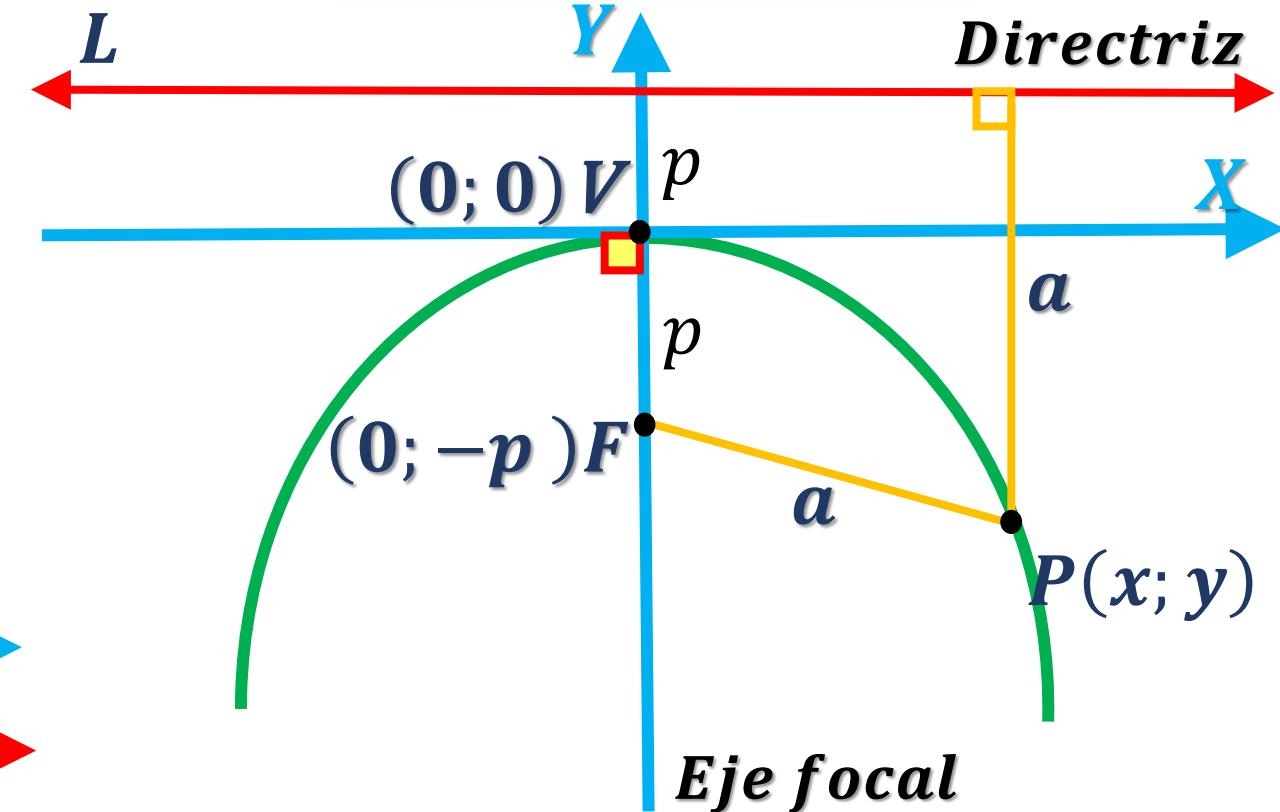
$$(x - h)^2 = 4p(y - k)$$

Ecuación de la parábola con el eje focal en el eje y

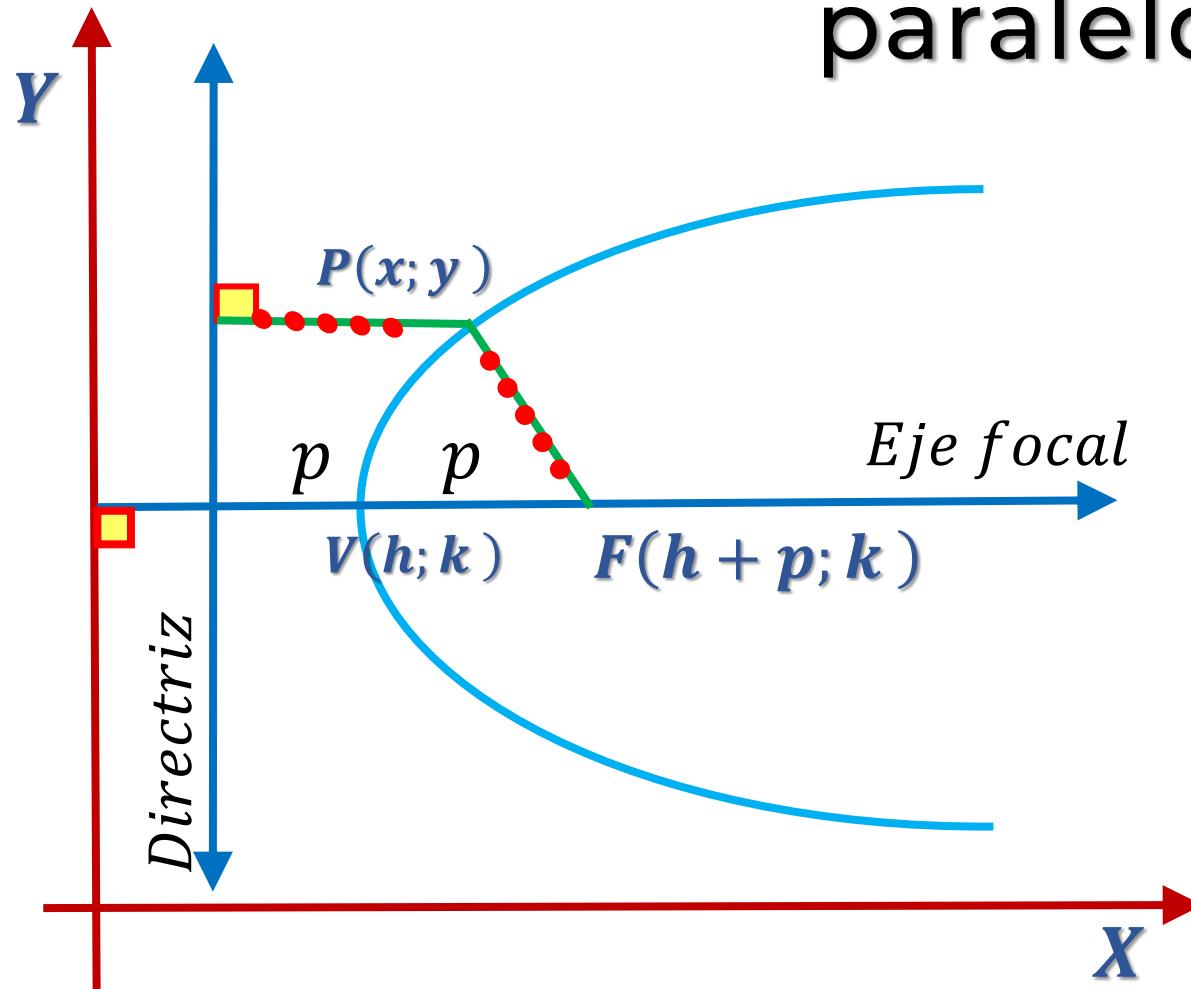
$$(x)^2 = 4py$$



$$(x)^2 = -4py$$

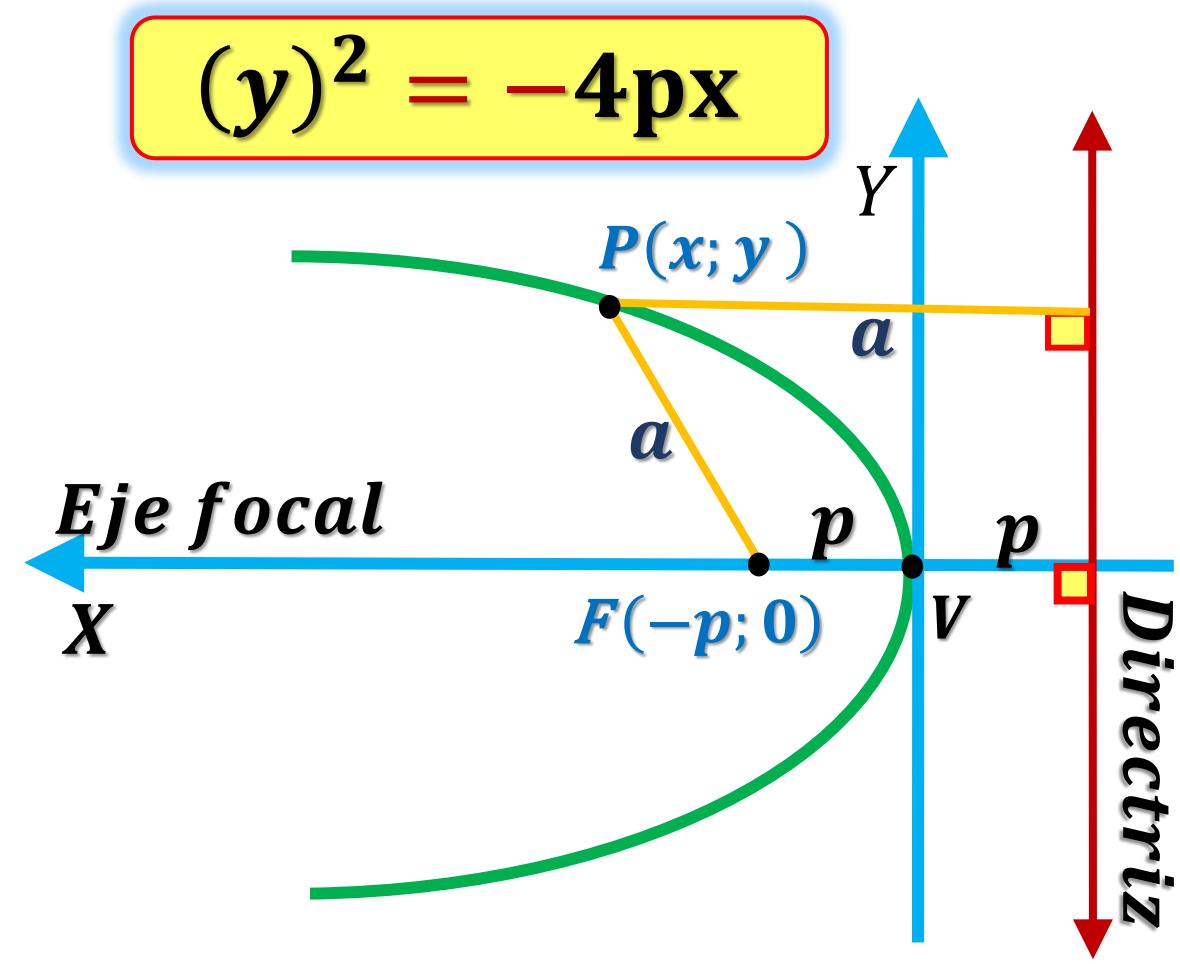
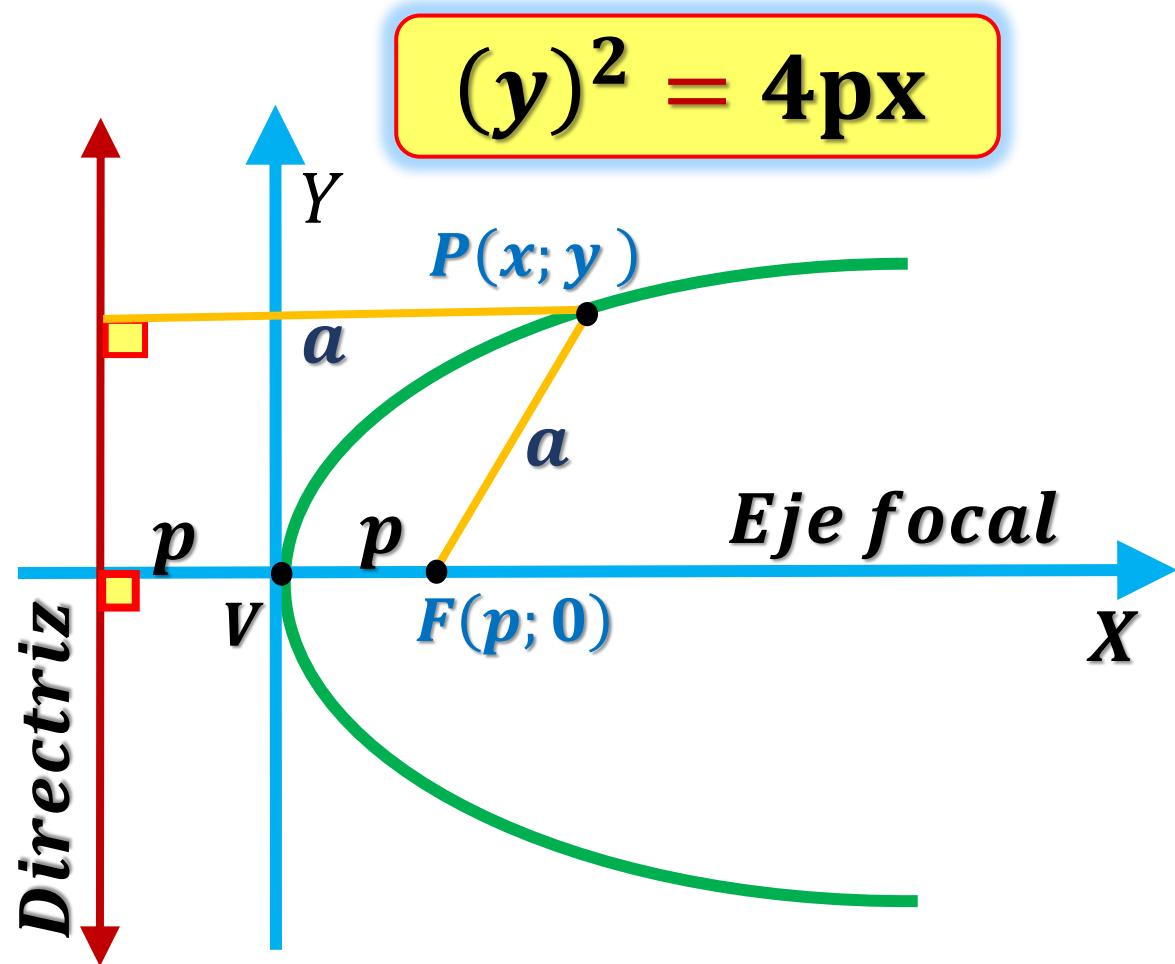


Ecuación de la parábola con el eje focal paralelo al eje x

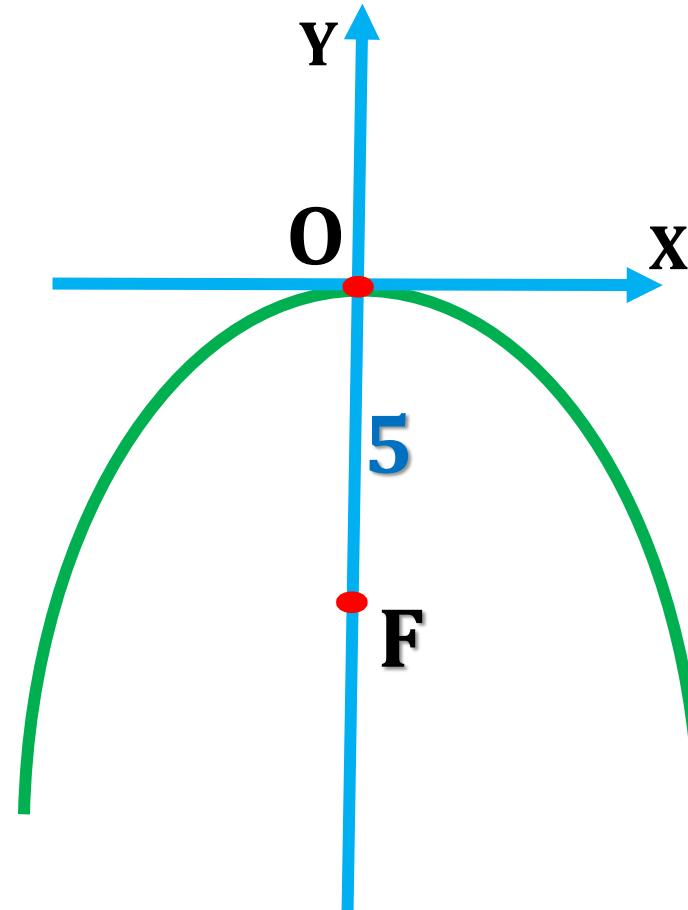


$$(y - k)^2 = 4p(x - h)$$

Ecuación de la parábola con eje focal en el eje x



1. De la figura, halle la ecuación de la parábola siendo F el foco y O su vértice.



Resolución

- Piden: La ecuación de parábola
- El parámetro :
 $p = 5$
- Remplazando en la ecuación

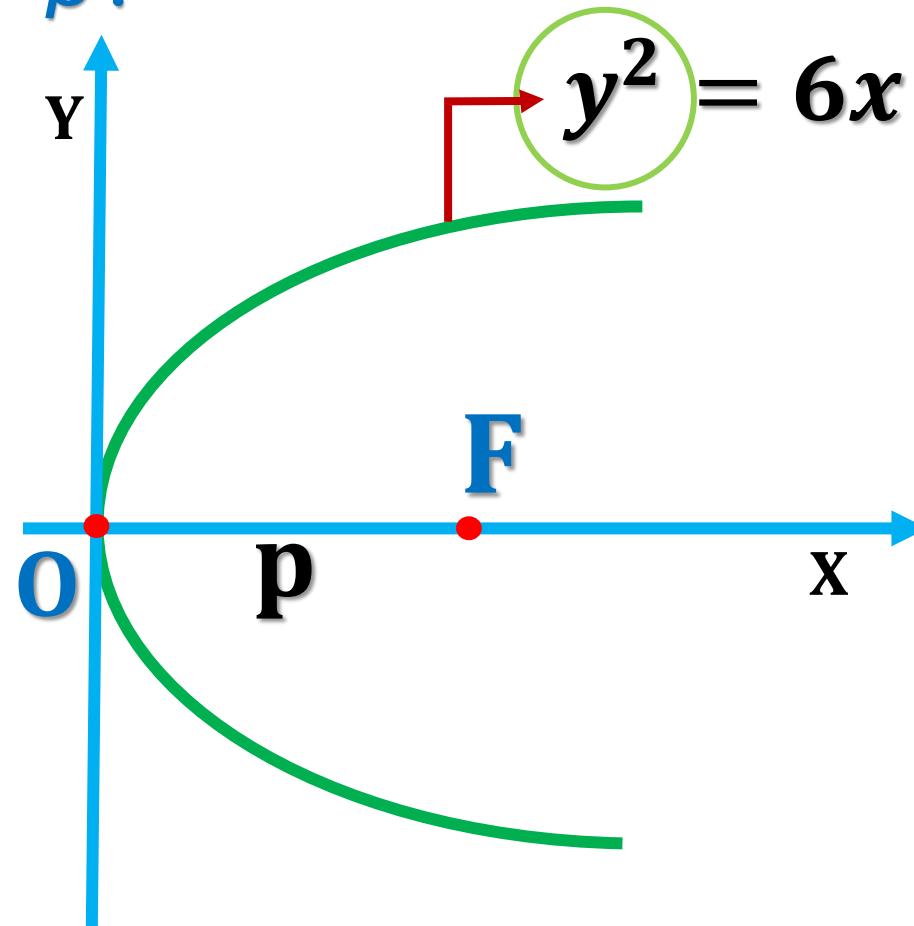
$$x^2 = -4py$$

$$p = 5$$

$$x^2 = -4(5)y$$

$$x^2 = -20y$$

2. De la figura, F es el foco de la parábola y O su vértice. Halle el valor de p .



Resolución

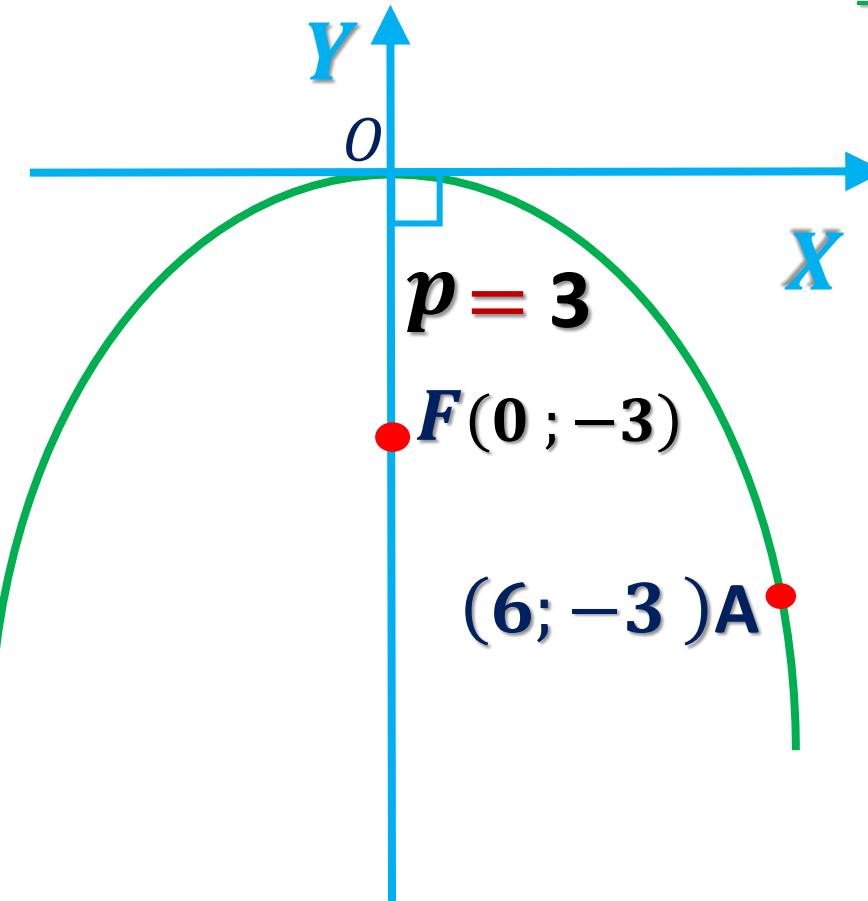
- Piden: p
- La ecuación de parábola

$$\begin{aligned} y^2 &= 4px \\ 6x &= 4px \\ \frac{6}{4} &= p \end{aligned}$$

$$p = \frac{3}{2}$$



3. En la parábola mostrada, determine las coordenadas del foco F si O es su vértice.



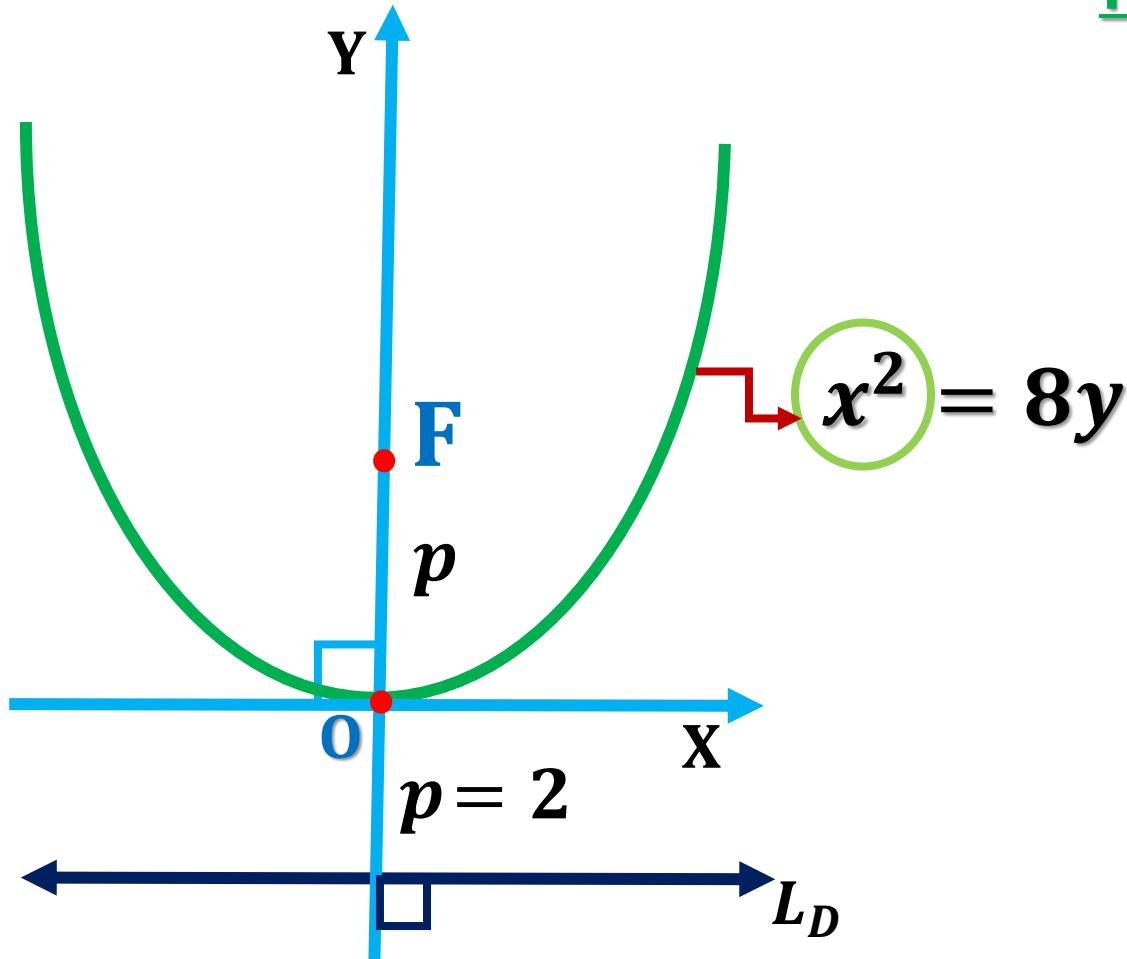
Resolución

- Piden: La coordenada del foco.
 - La ecuación de parábola

$$x^2 = -4py$$
 - Reemplazando el par ordenado (6 ; -3) en la ecuación.
- $$6^2 = -4p(-3)$$
- $$36 = 12p$$
- $$3 = p$$
- La coordenada del foco.

F(0 ; -3)

4. De la figura, halle la ecuación de la recta directriz L_D de la parábola de foco F y vértice O.



Resolución

- Piden: L_D
- La ecuación de parábola

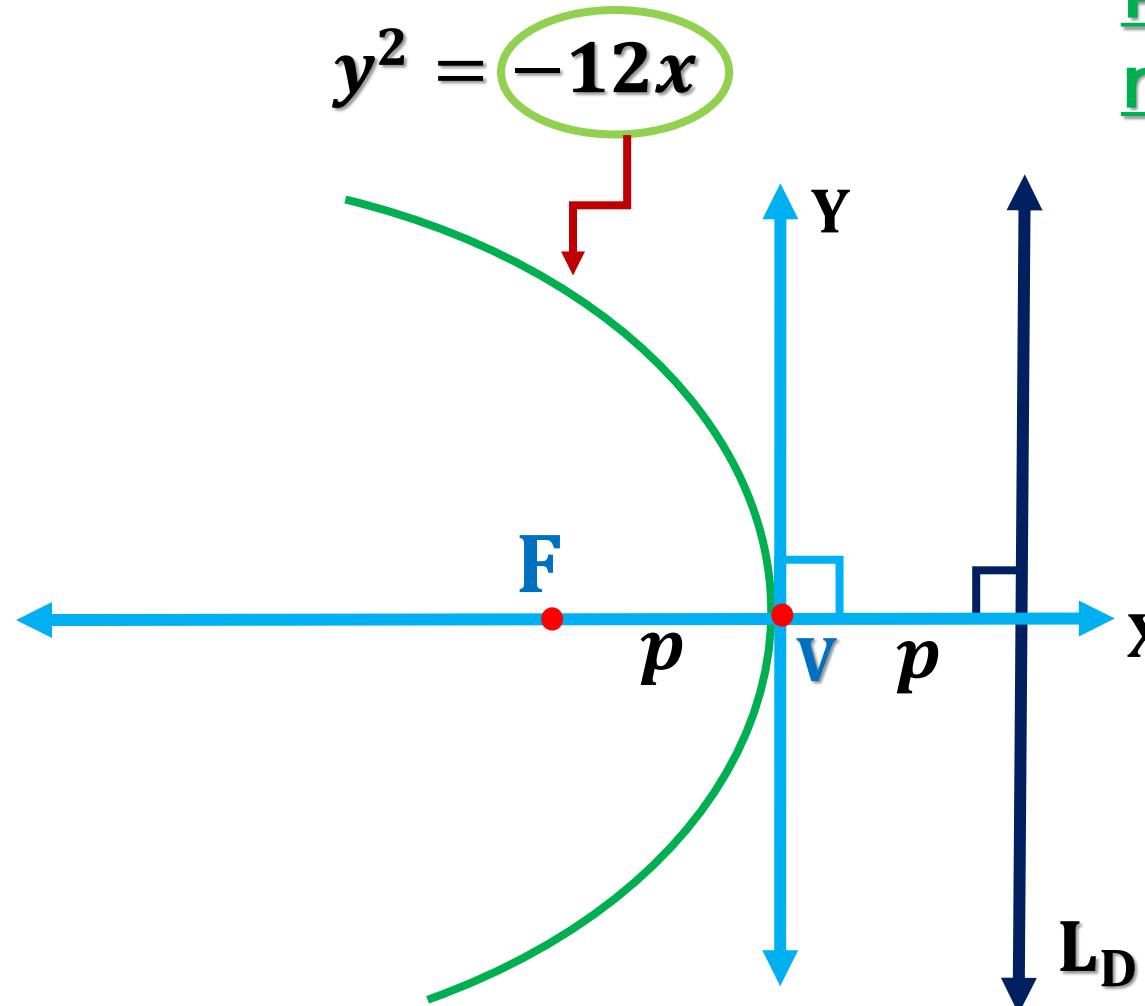
$$x^2 = 4py$$

$$\cancel{8y} = \cancel{4py}$$

$$2 = p$$

$L_D: y = -2$

5. Halle la distancia del foco de la parábola $y^2 = -12x$ a su directriz.



Resolución

n

- Piden: $2p$
- La ecuación de parábola

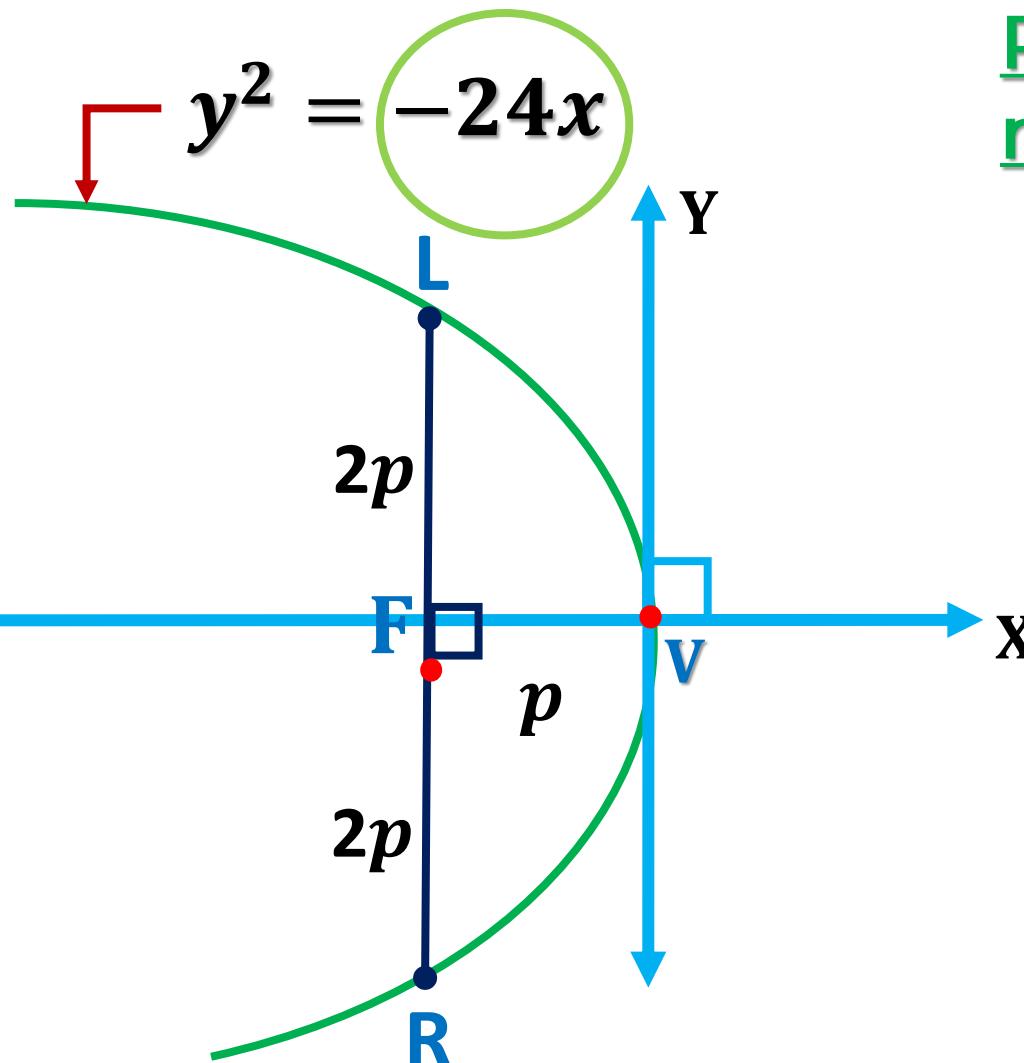
$$y^2 = -4px$$

$$\begin{aligned} \cancel{-12x} &= \cancel{-4px} \\ 3 &= p \end{aligned}$$

2p = 6



6. Halle la longitud del lado recto de la parábola $y^2 + 24x = 0$



Resolución

- n • Piden: LR

$$LR = 4p$$

... (1)

- La ecuación de parábola $y^2 = -4px$

$$\cancel{-24x} = \cancel{-4px}$$

... (2)

- Reemplazando 2 en

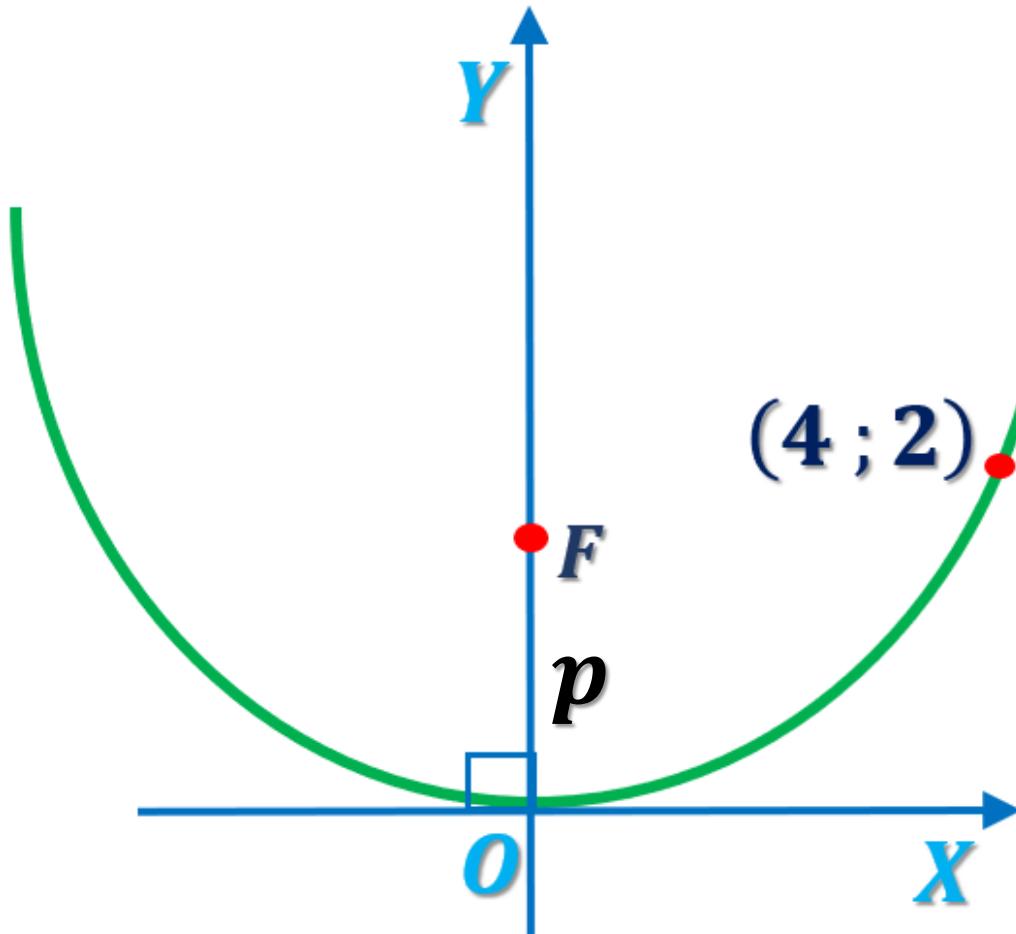
$$1 LR = 4(6)$$

LR = 24



7. De la figura, halle la ecuación de la parábola si F es su foco y O es su vértice.

Resolución



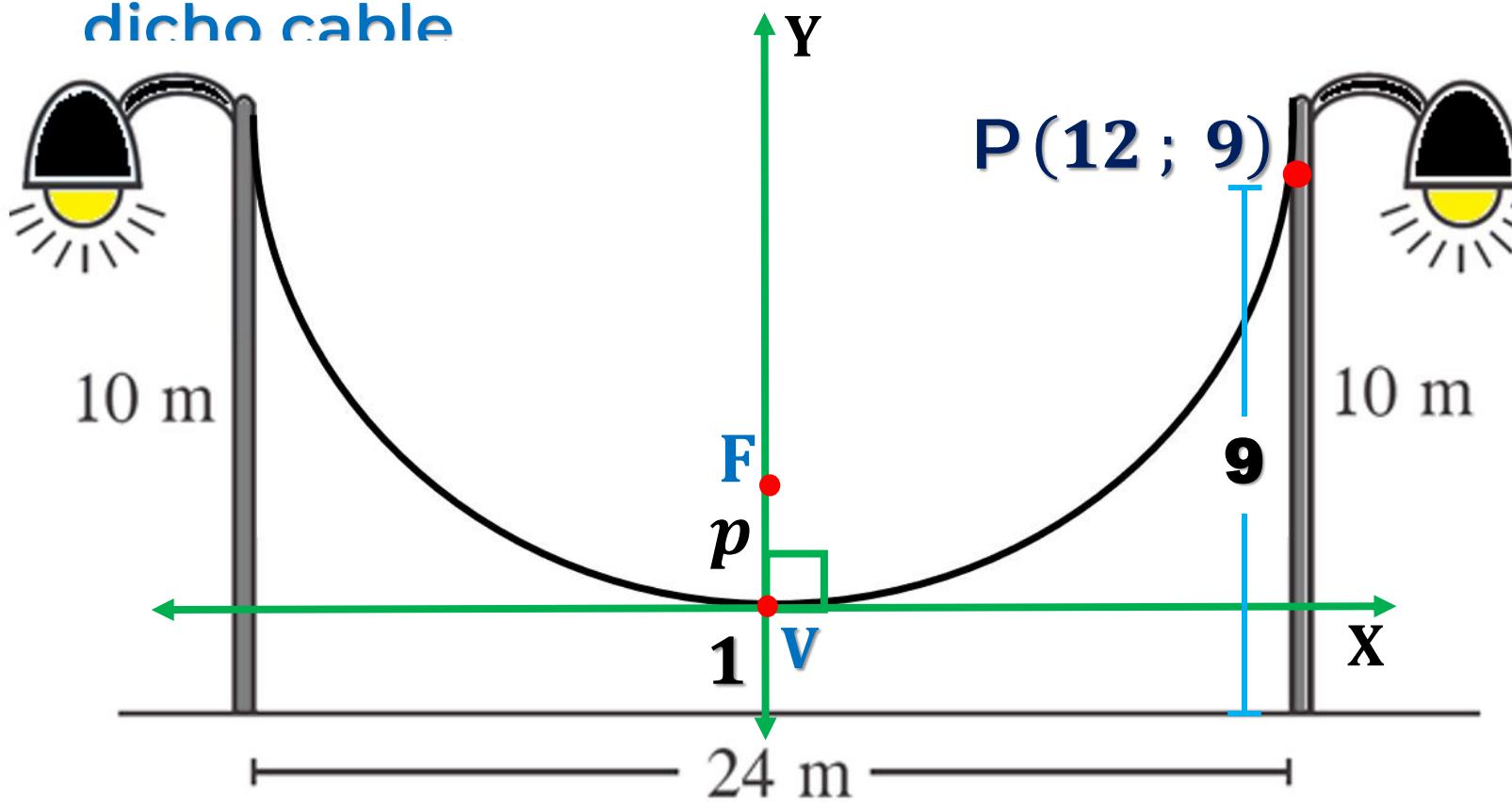
- Piden: La ecuación de parábola $x^2 = 4py$
 - Reemplazando el par ordenado $(4 ; 2)$ en la ecuación:
- $$(4)^2 = 4p(2)$$
- $$16 = 8p$$
- $$2 = p$$
- Reemplazando:

$$x^2 = 4(2)y$$

$$x^2 = 8y$$



8. En la figura se muestran dos postes separados 24m. A una altura de 10m en ambos postes, se encuentra suspendido un cable, el cual forma una curva parabólica. Si la parte más baja del cable se encuentra a 1 m del piso, halle la ecuación de la parábola descrita por dicho cable.



Resolución

- Piden: La ecuación de parábola $x^2 = 4py$
- Reemplazando el par ordenado $(12 ; 9)$ en la ecuación: $(12)^2 = 4p(9)$
 $144 = 36p$
 $4 = p$
- Reemplazando:
 $x^2 = 4(4)y$ $x^2 = 16y$