



GEOMETRÍA

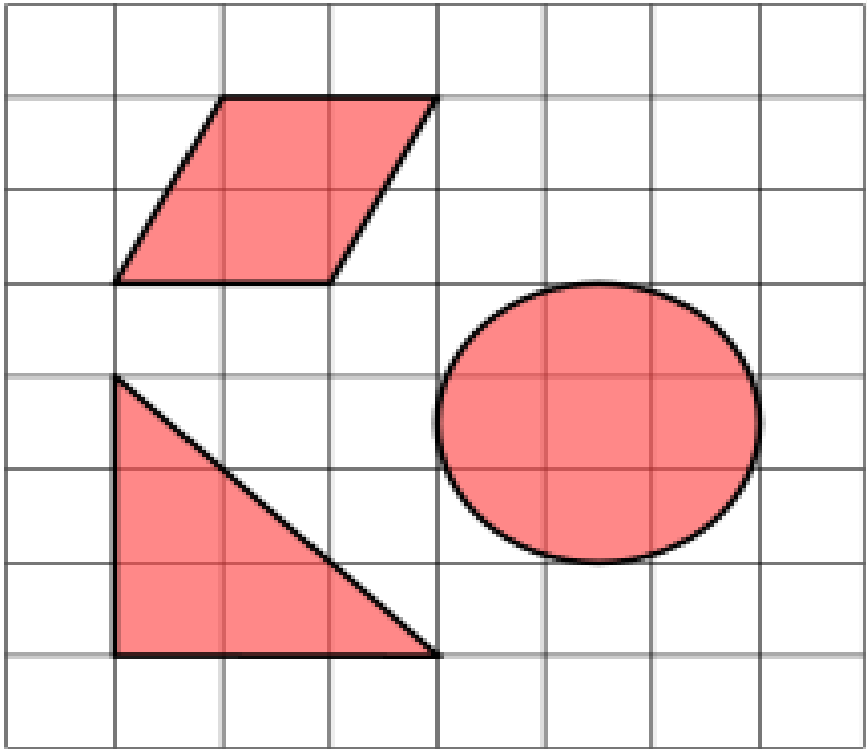
Capítulo 20

2st
SECONDARY

Área de regiones triangulares

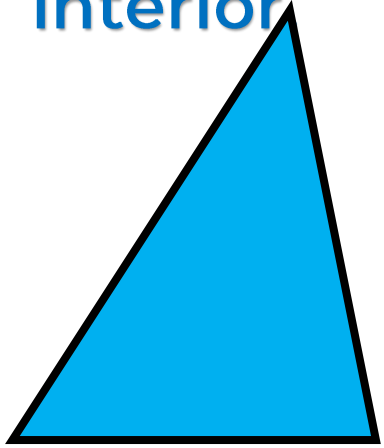


 **SACO OLIVEROS**

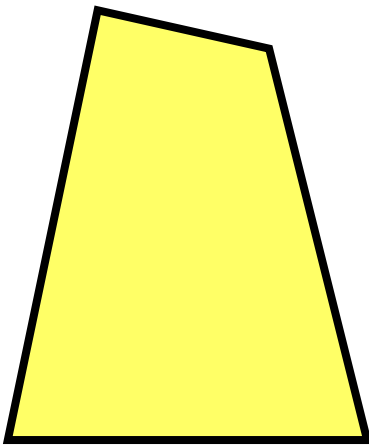


ÁREAS DE REGIONES TRIANGULARES

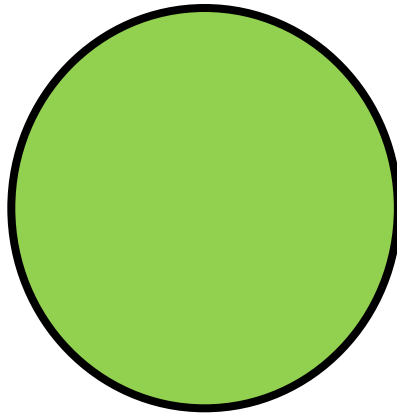
REGIÓN PLANA.- Es la unión de una línea plana cerrada y su interior



Región
Triangular

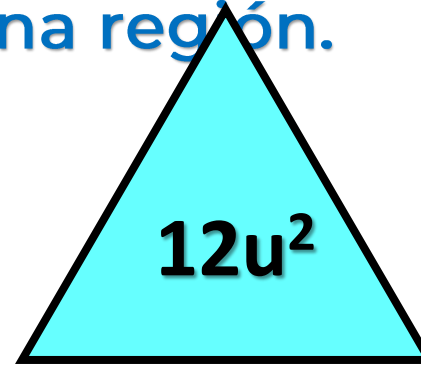


Región
Cuadrangular



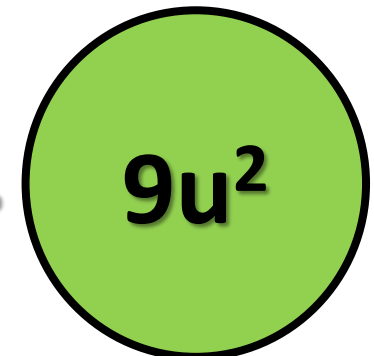
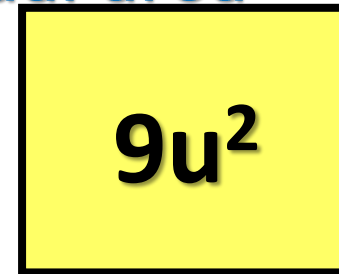
Región
Circular

ÁREA.- Es un número real positivo que indica la medida de una región.



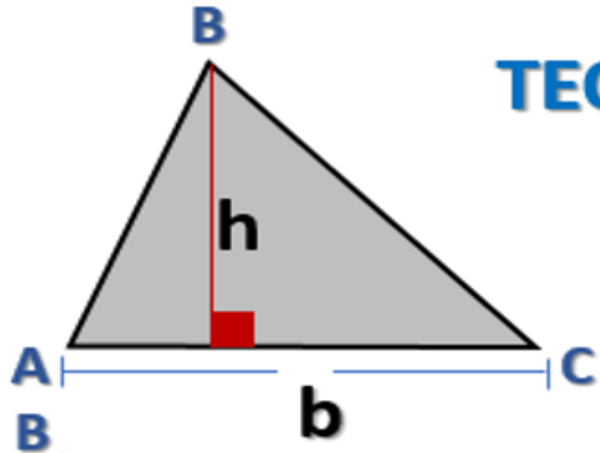
$$A_{\triangle} = 12u^2$$

REGIONES EQUIVALENTES.- Son aquellas regiones que tienen igual área

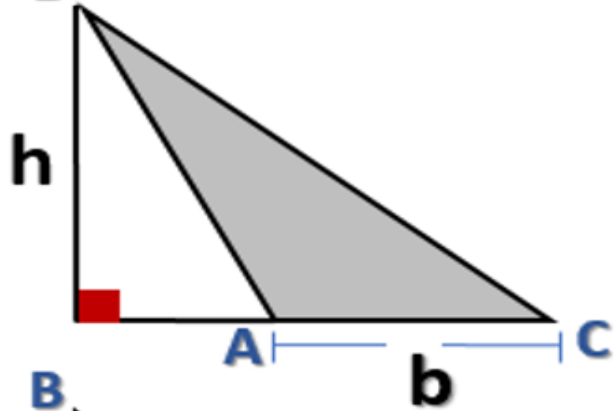




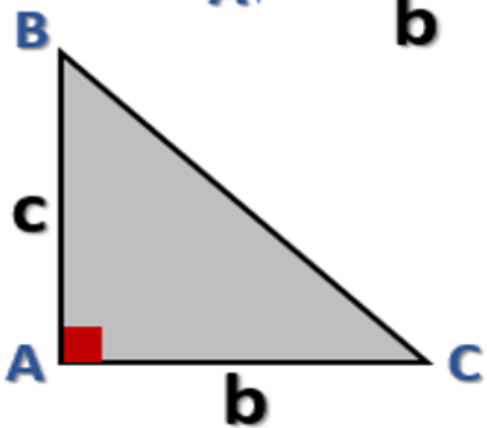
TEOREMAS BÁSICOS



$$S_{ABC} = \frac{bh}{2}$$

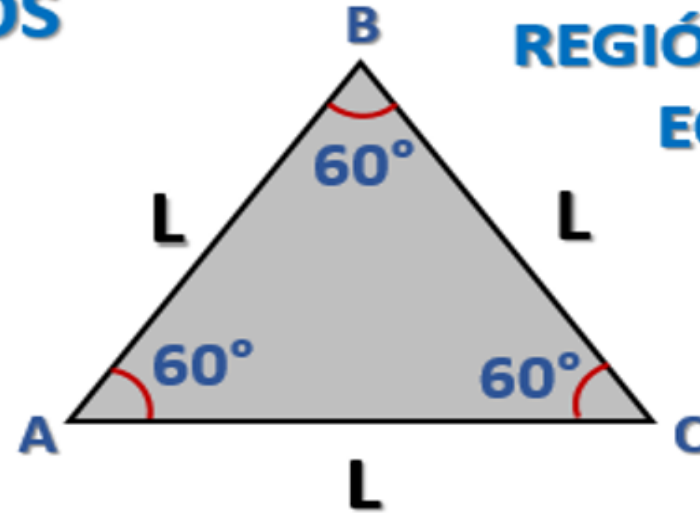


$$S_{ABC} = \frac{bh}{2}$$



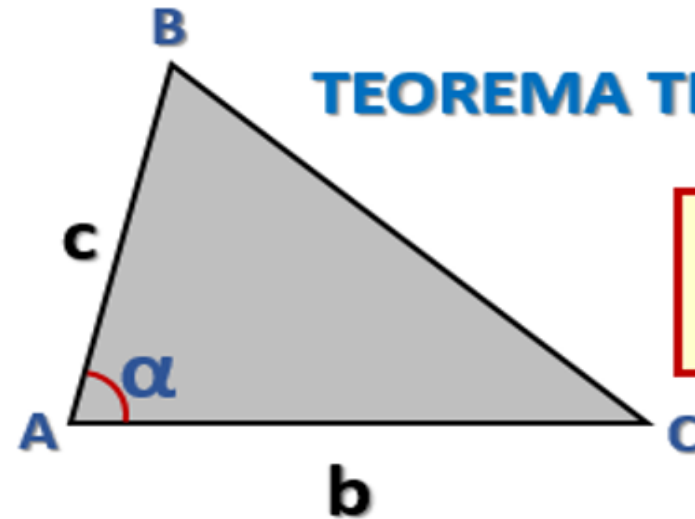
$$S_{ABC} = \frac{bc}{2}$$

REGIÓN TRIANGULAR EQUILÁTERA



$$S_{ABC} = \frac{L^2 \sqrt{3}}{4}$$

TEOREMA TRIGONOMÉTRICO

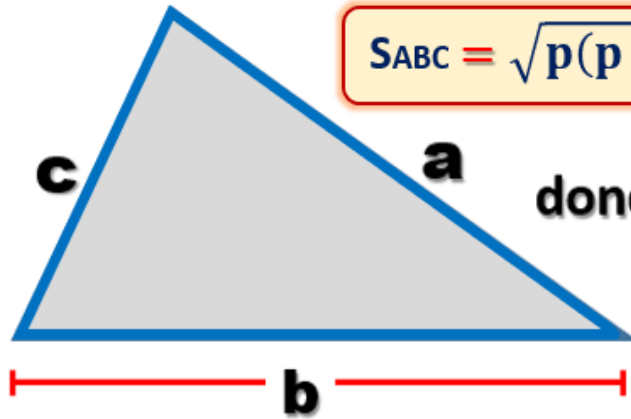


$$S_{ABC} = \frac{bc \operatorname{sen} \alpha}{2}$$

SACO OLIVEROS

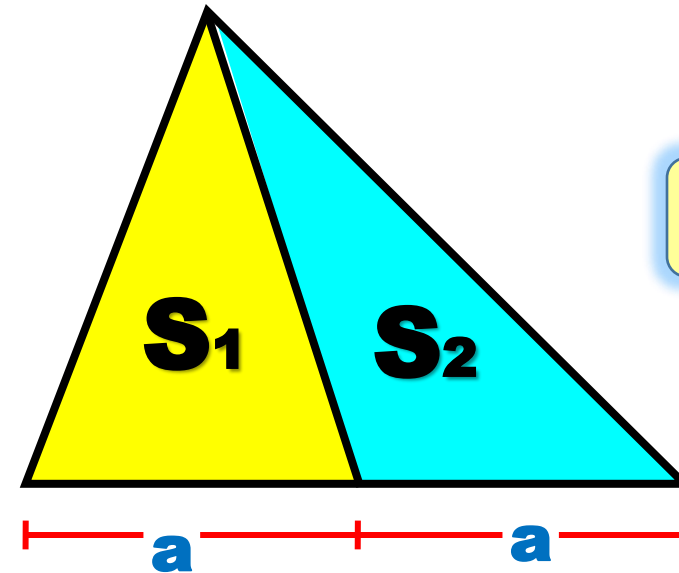
Teorema de Herón

$$S_{ABC} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$



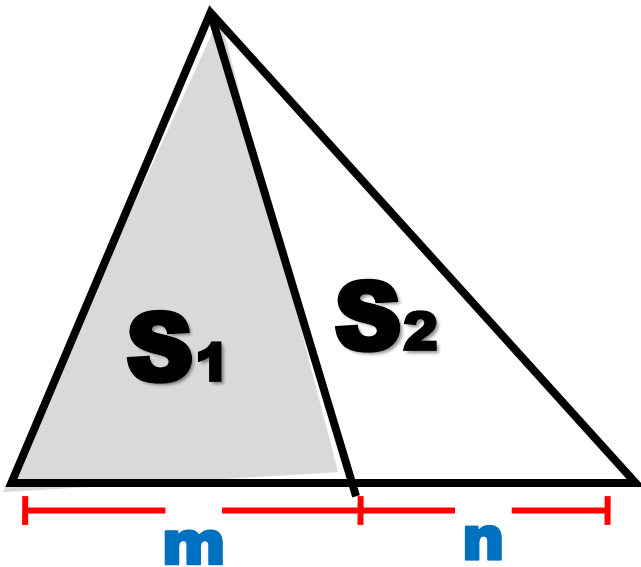
donde
 $p = \frac{a+b+c}{2}$

$$S_1 = S_2$$

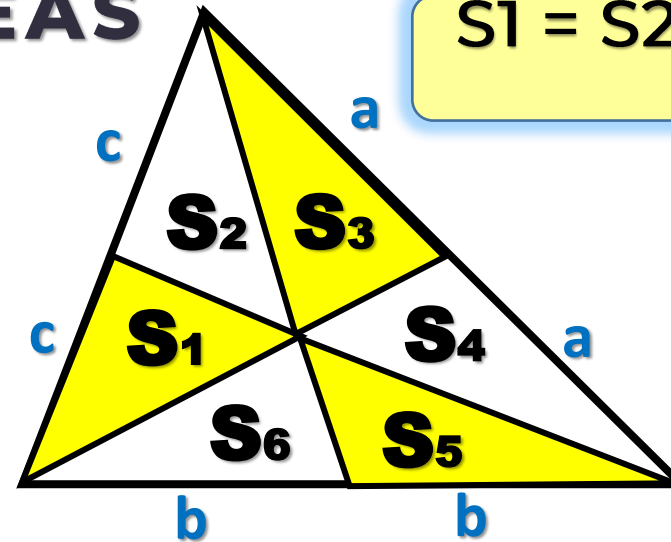


RELACIONES ENTRE ÀREAS

$$S_1 = S_2 = S_3 = S_4 = S_5 = S_6$$

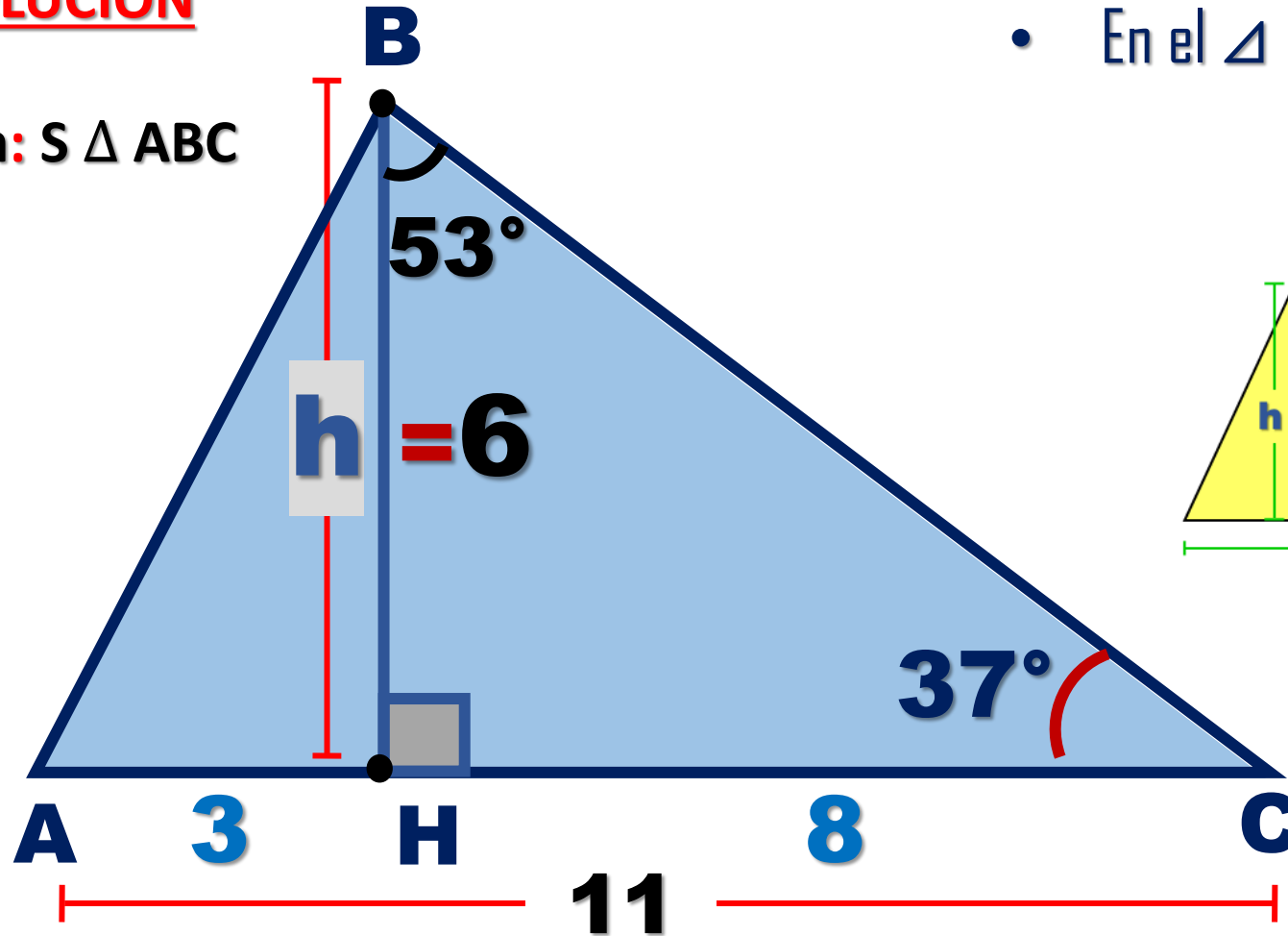


$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{m}{n}$$



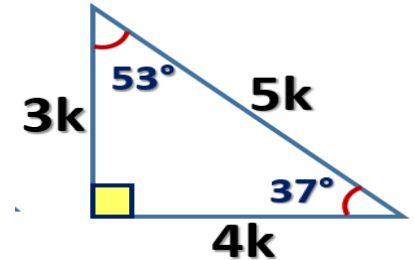
PROBLEMA 1

En un triángulo ABC, se traza la altura \overline{BH} , si $m\angle BCA = 37^\circ$, $AH = 3\text{m}$ y $HC = 8\text{m}$. Calcule el área de la región ABC.

RESOLUCIÓNPiden: $S_{\triangle ABC}$ 

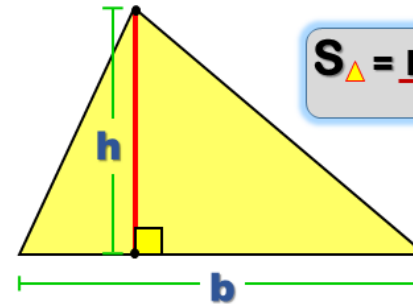
- En el $\triangle BHC$ notable

$$BH = 6$$



$$S_{\triangle} = \frac{b \cdot h}{2}$$

$$S_{ABC} = \frac{11 \cdot 6}{2}$$



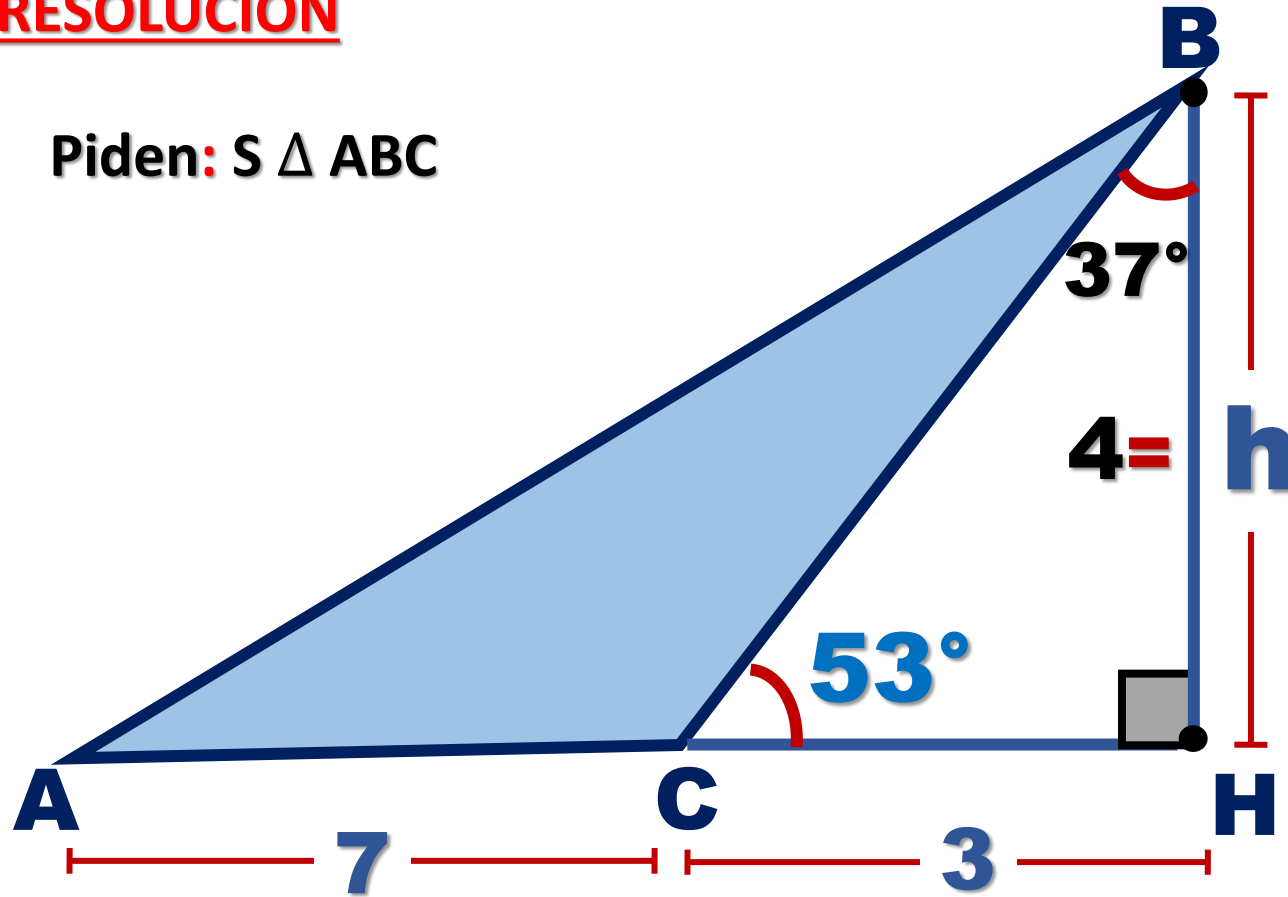
$$S_{\triangle ABC} = \frac{11 \cdot 6}{2}$$

$$S_{\triangle ABC} = 33\text{m}^2$$

PROBLEMA 2 Calcule el área de la región ABC.

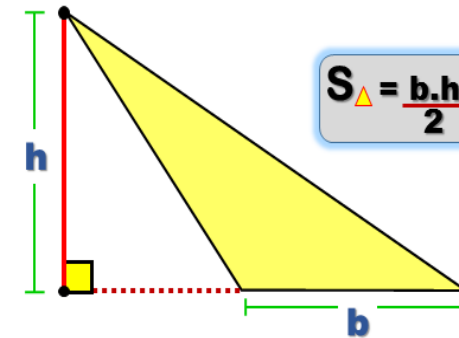
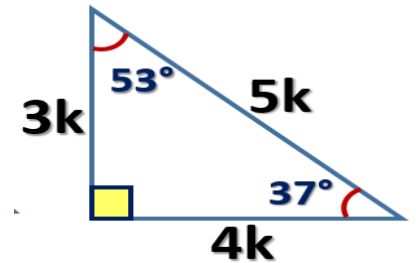
RESOLUCIÓN

Piden: $S_{\triangle ABC}$



• En el $\triangle BHC$ notable

$$BH = 4$$



$$S_{\triangle} = \frac{b \cdot h}{2}$$

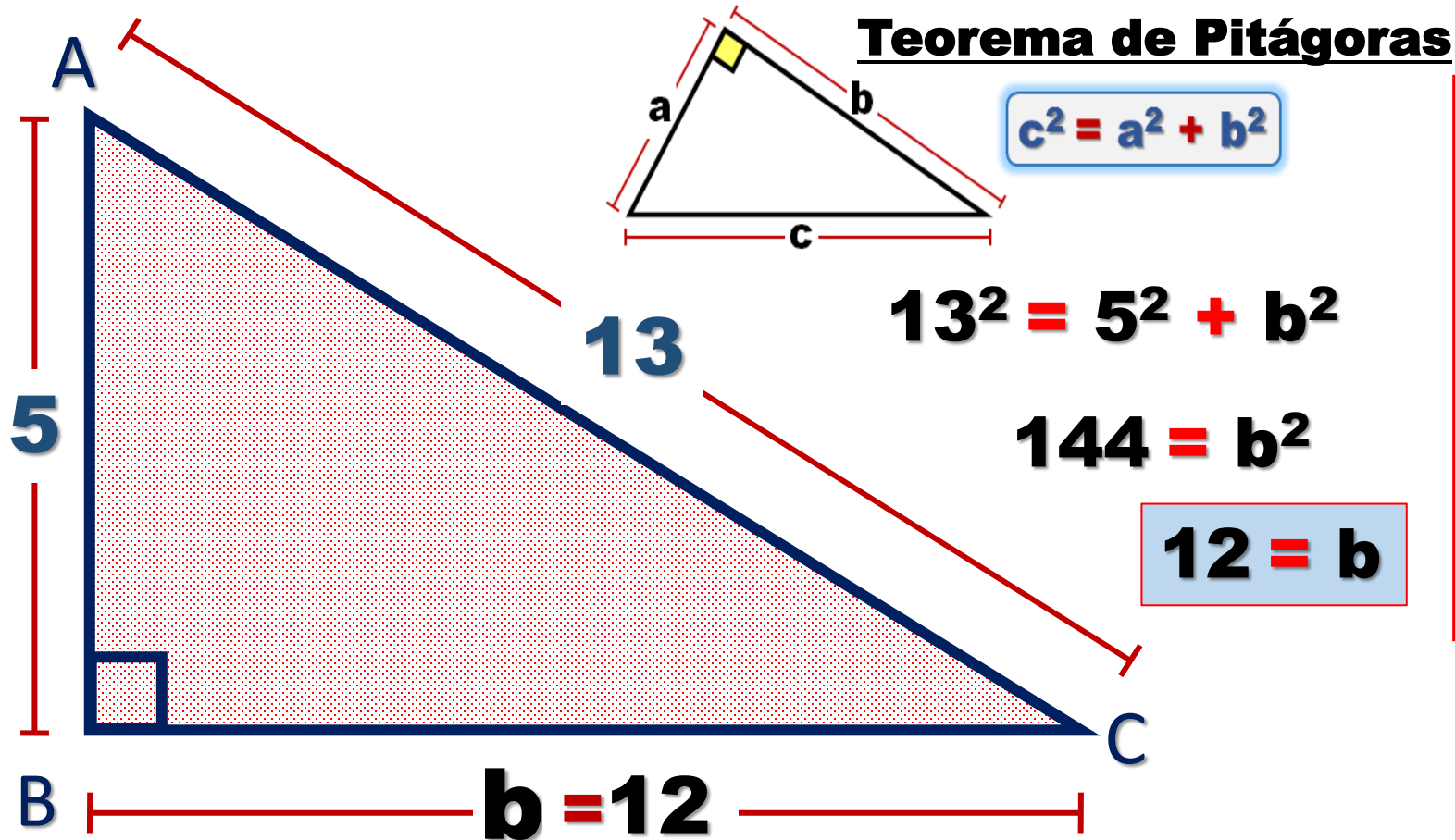
$$S_{ABC} = \frac{7 \cdot 4}{2}$$

$$S_{ABC} = 14u^2$$

PROBLEMA 3 Calcule el área de la región limitada por un triángulo rectángulo, si un cateto mide 5m y la hipotenusa mide 13 m.

RESOLUCIÓN

Piden: $S_{\triangle ABC}$



$$S_{\triangle} = \frac{b \cdot h}{2}$$

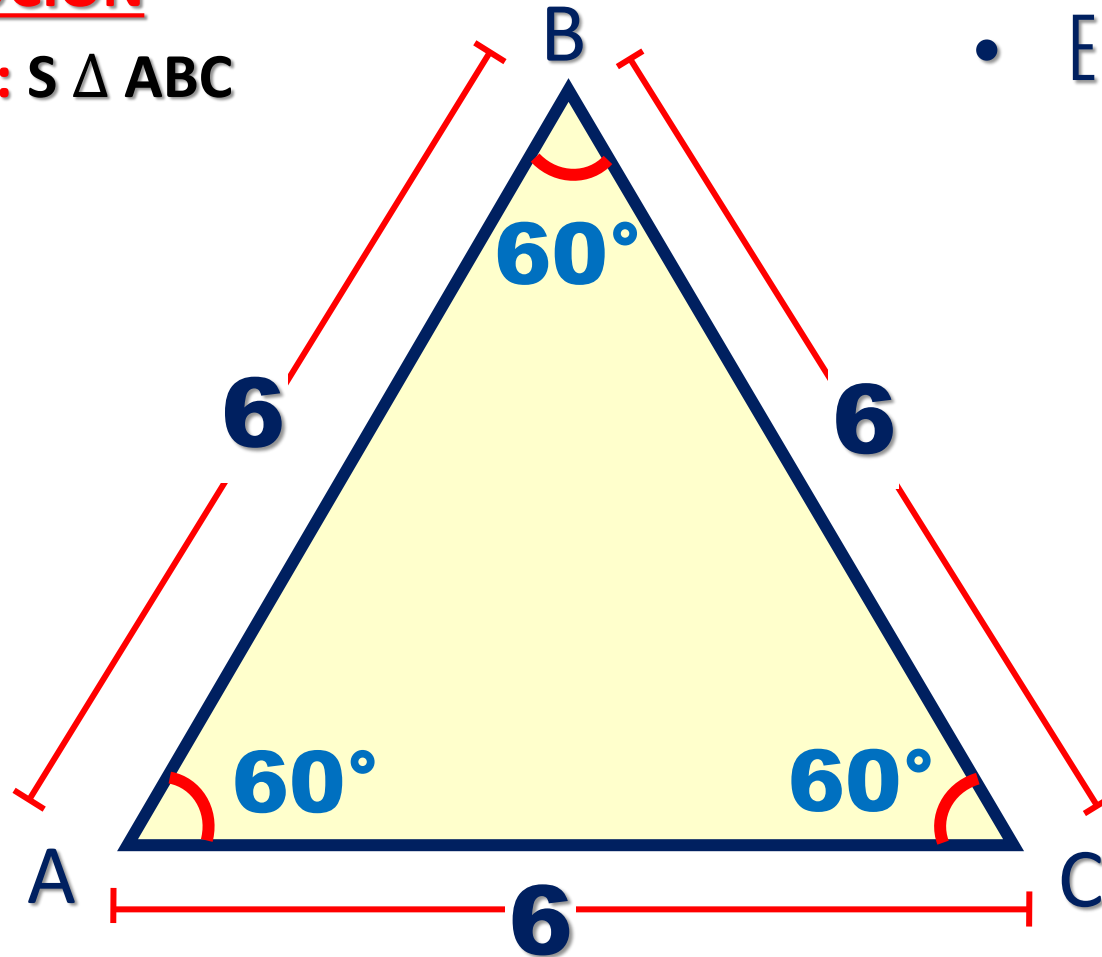
$$S_{ABC} = \frac{12 \cdot 5}{2}$$

$$S_{ABC} = 30 \text{ m}^2$$

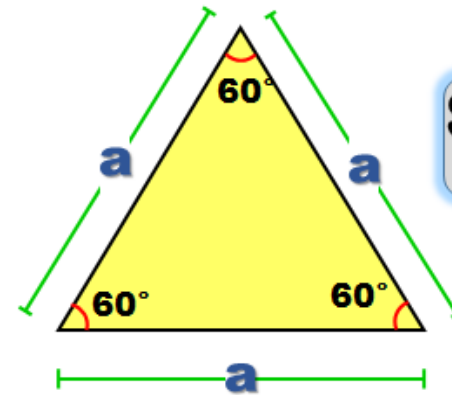
PROBLEMA 4 Calcule el área de la región limitada por un triángulo equilátero si la longitud de su lado es 6 m.

RESOLUCIÓN

Piden: $S_{\Delta ABC}$



- El ΔABC , es equilátero



$$S_{\Delta} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S_{ABC} = \frac{6^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S_{ABC} = 9\sqrt{3} \text{ m}^2$$

PROBLEMA 5 Si la región sombreada mide 24 m^2 , calcule $S \triangle ABC$.

RESOLUCIÓN

Piden: $S \triangle ABC$

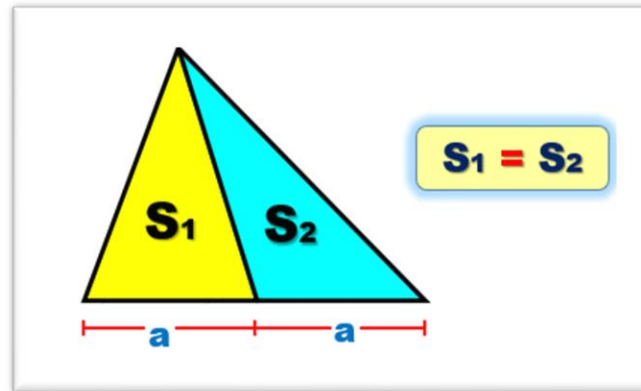
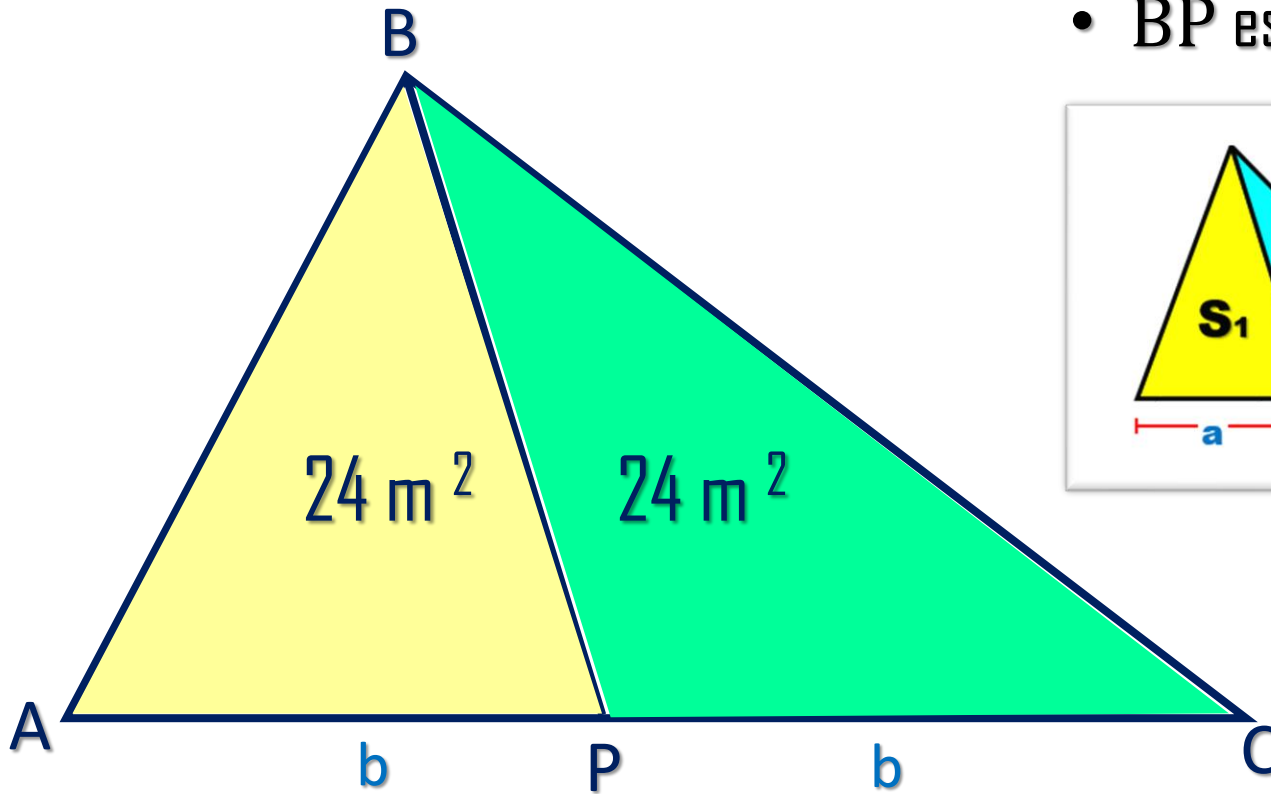
DATO: $S \triangle_{ABP} = 24 \text{ m}^2$

- \overline{BP} es mediana de \overline{AC}

Se cumple:

$$S \triangle_{ABP} = S \triangle_{BPC}$$

$$S \triangle_{BPC} = 24 \text{ m}^2$$



$$S_{ABC} = S_{ABP} + S_{BPC} = 24 + 24$$

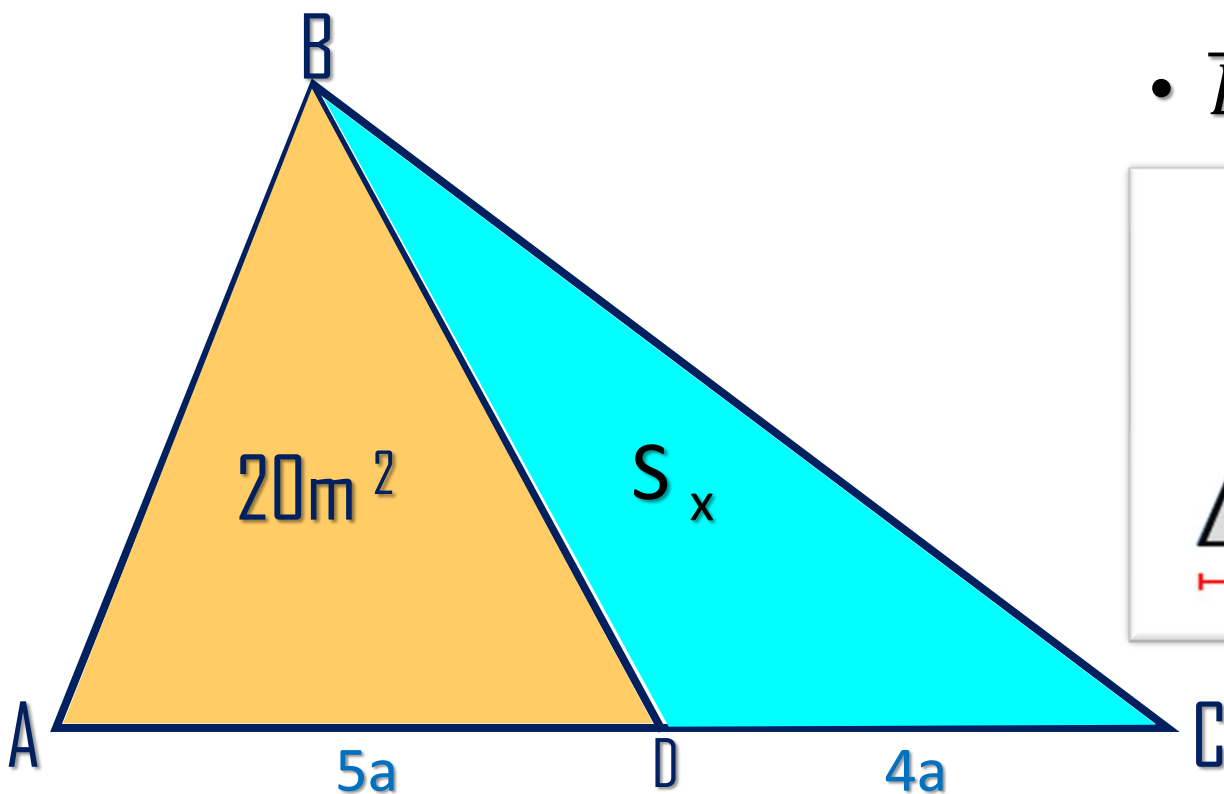
$$\mathbf{S_{ABC} = 48 \text{ m}^2}$$

PROBLEMA 6

En un triángulo ABC se traza la ceviana BD, $AD = 5a$, $CD = 4a$ y el área de la región ABD es iguala 20 m^2 . Calcule el área de la región BCD.

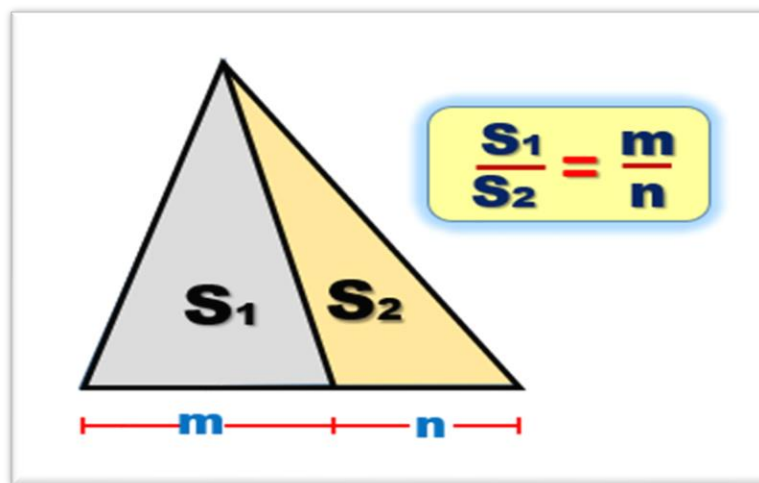
RESOLUCIÓN

Piden: $S_{BCD} = S_x$



DATO: $S_{\Delta ABD} = 20 \text{ m}^2$

• \overline{BD} es ceviana de \overline{AC}



Se cumple:

$$\frac{20}{S_x} = \frac{5a}{4a}$$

$$5 \cdot S_x = 80$$

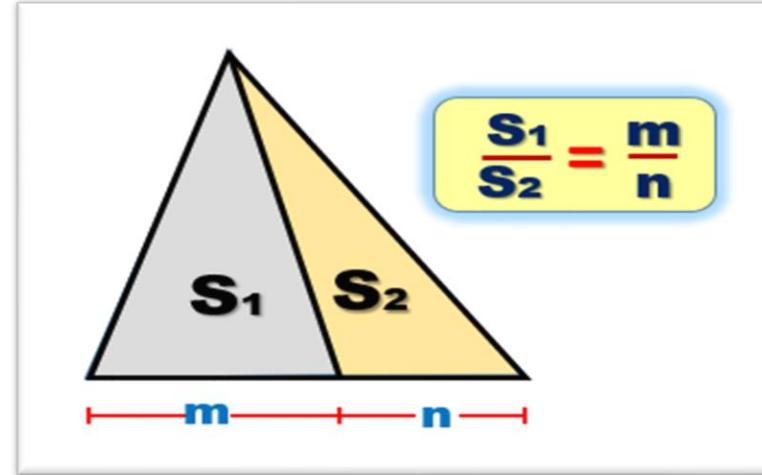
$$\boxed{S_x = 16 \text{ m}^2}$$

PROBLEMA 7

Calcule el área de la región sombreada.

RESOLUCIÓNPiden: = S_x

- \overline{BD} es ceviana de \overline{AC}

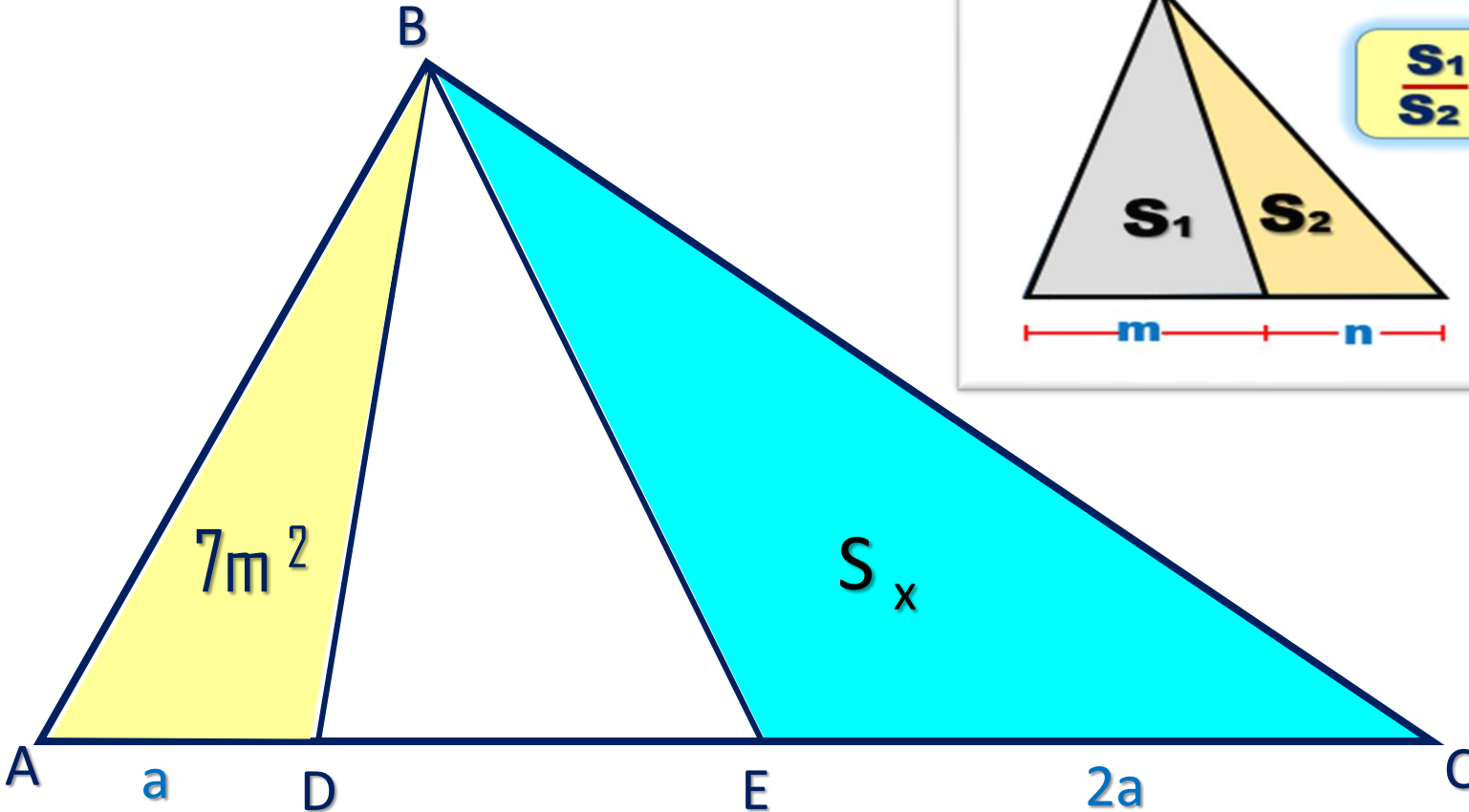


Se cumple:

$$\frac{7}{S_x} = \frac{\cancel{a}^1}{2\cancel{a}}$$

$$S_x = 7 \cdot 2$$

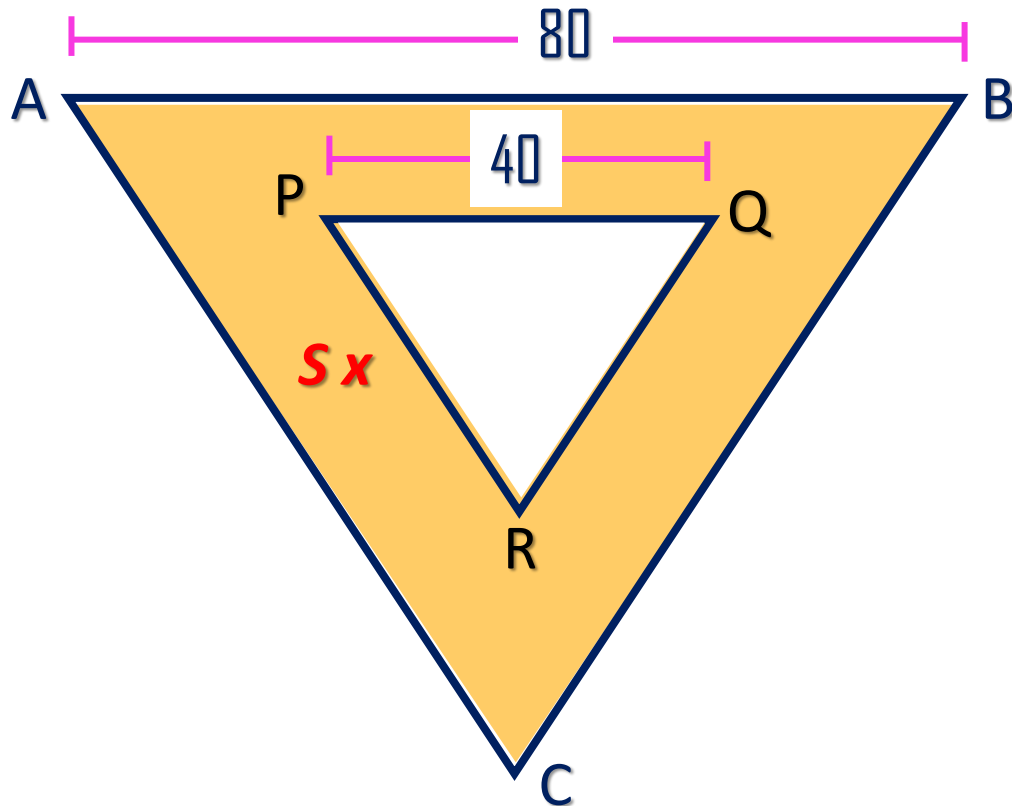
$$\boxed{S_x = 14 \text{ m}^2}$$



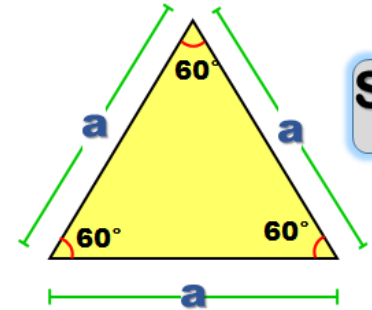
PROBLEMA 8 Se muestra un letrero de forma de un triángulo equilátero ABC, AB= 80cm, se pinta el borde equidistante, formándose interiormente un triángulo cuyo lado mide 40cm. ¿Cuántos cm se pintó el borde?

RESOLUCIÓN

Piden: = S_x



- El ΔABC y ΔPQR , son equiláteros



$$S_{\Delta} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S_x = S_{ABC} - S_{PQR}$$

$$S_x = \frac{80^2 \sqrt{3}}{4} - \frac{40^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$S_x = 1600 \sqrt{3} - 400 \sqrt{3}$$

$$\boxed{S_x = 1200 \sqrt{3} \text{ cm}^2}$$