

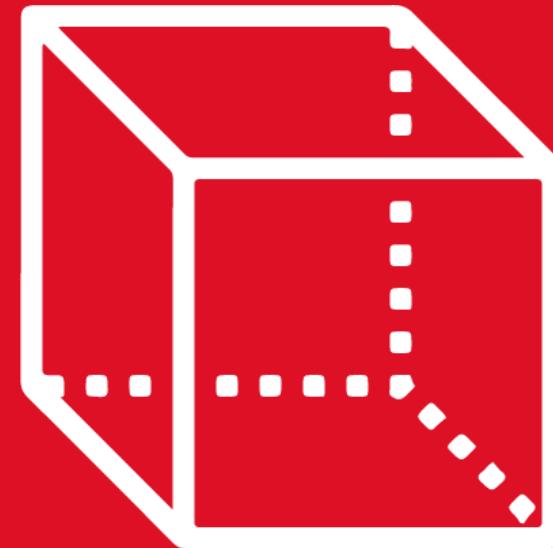


GEOMETRÍA

Chapter 21

5th
SECONDARY

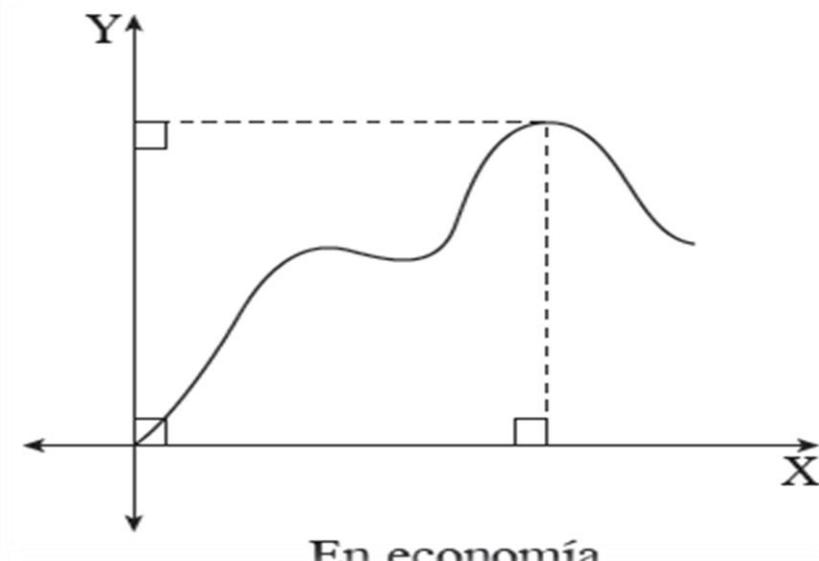
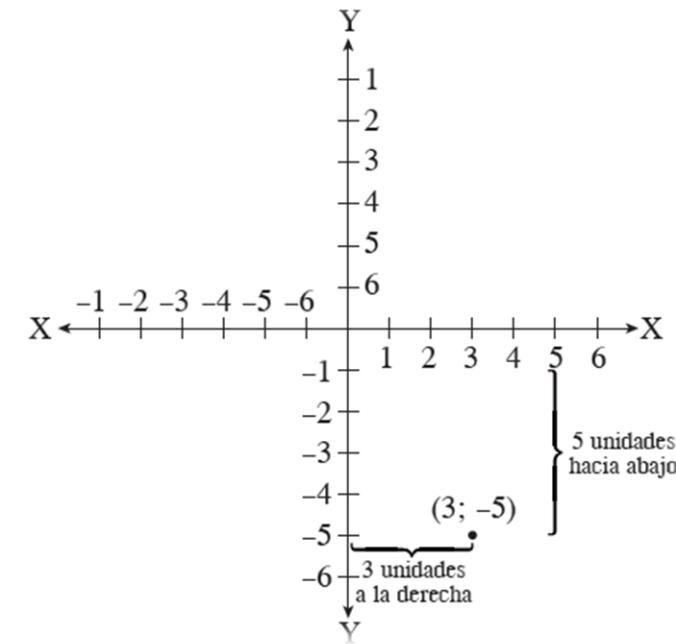
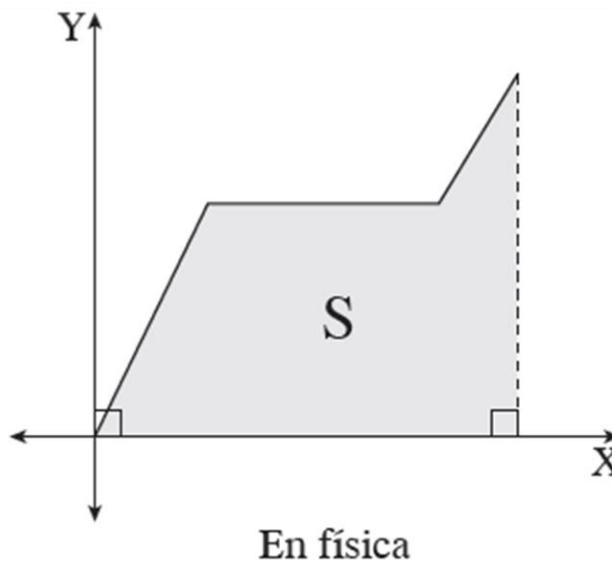
ECUACIÓN DE LA
RECTA



SACO OLIVEROS

Usos del plano cartesiano

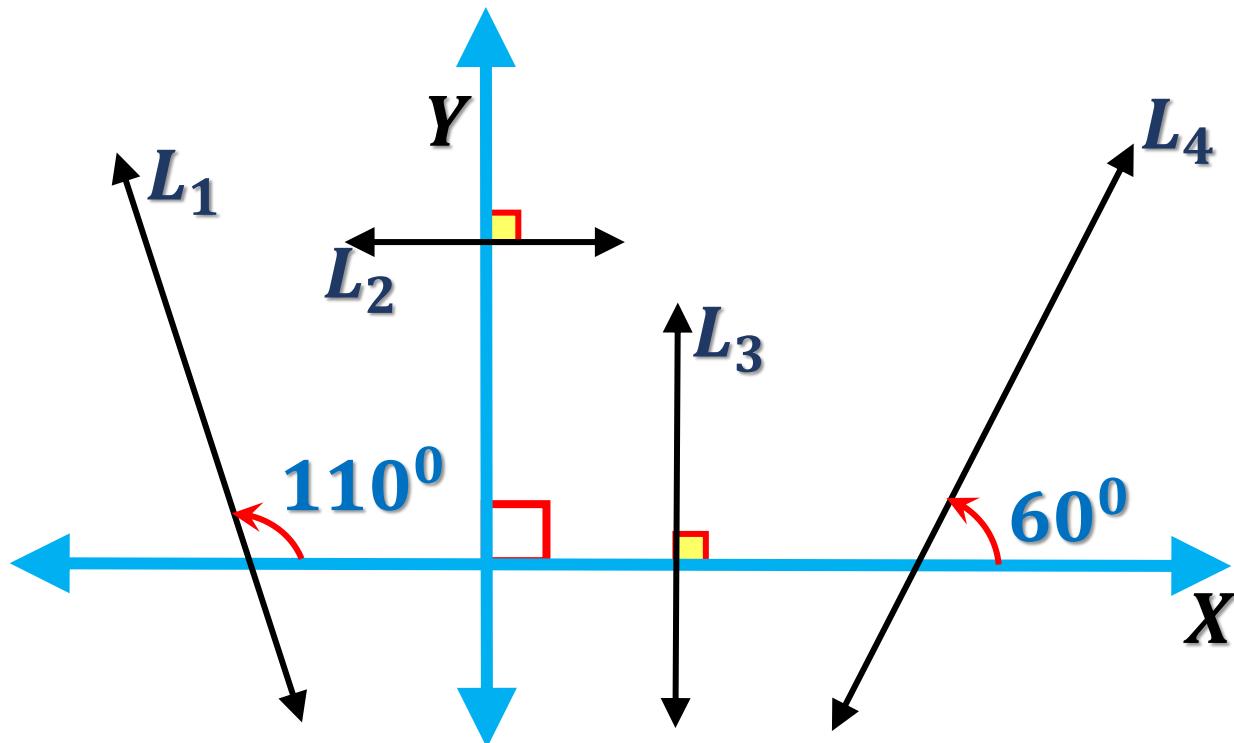
En física se utiliza para la resolución de vectores y movimientos. Se usa para las coordenadas, así la policía y la fuerza aérea pueden guiarse con la ayuda del plano. El plano cartesiano es uno de los dispositivos más importantes en las matemáticas. El plano sirve para dar con precisión la posición de cualquier objeto, en relación a un punto fijo que llamaremos origen.



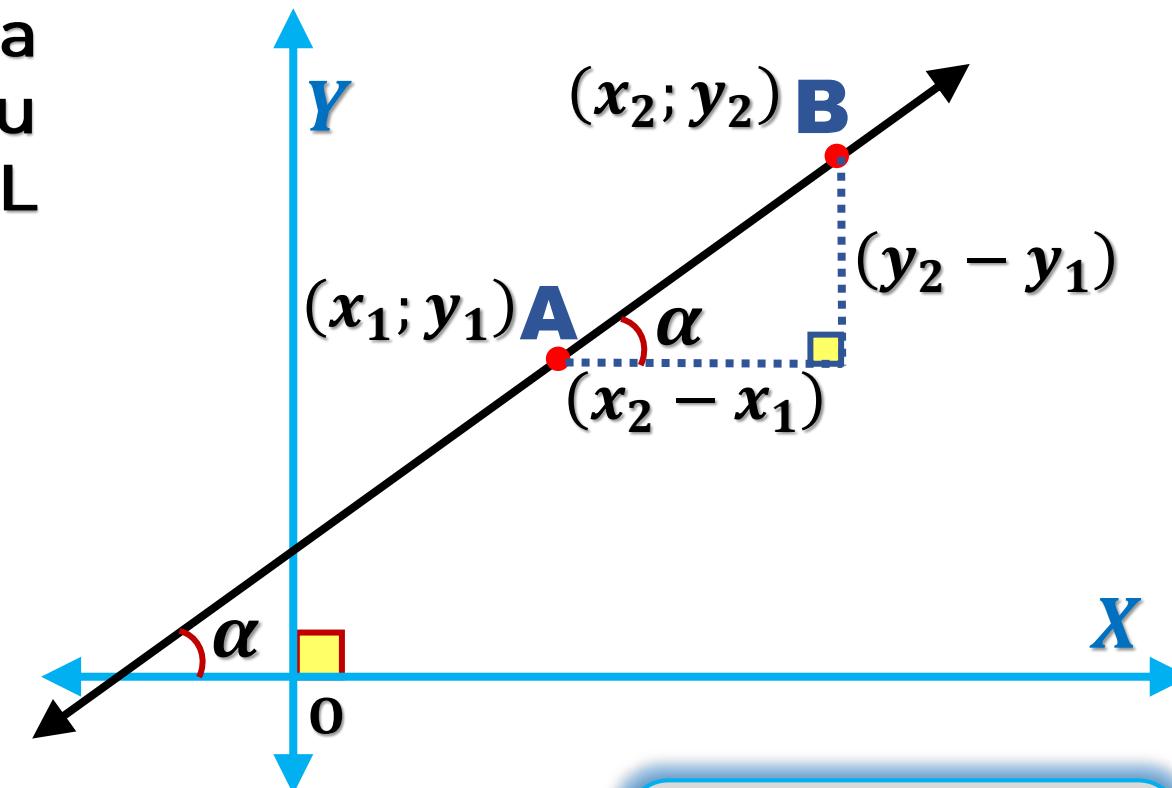
ECUACIÓN DE LA RECTA

Ángulo de inclinación de una recta

Es el ángulo que determina la recta con el eje positivo de las abscisas y su valor se mide desde el eje X a la recta L en sentido antihorario.



Pendiente de una recta (m)



$$m = \tan \alpha$$

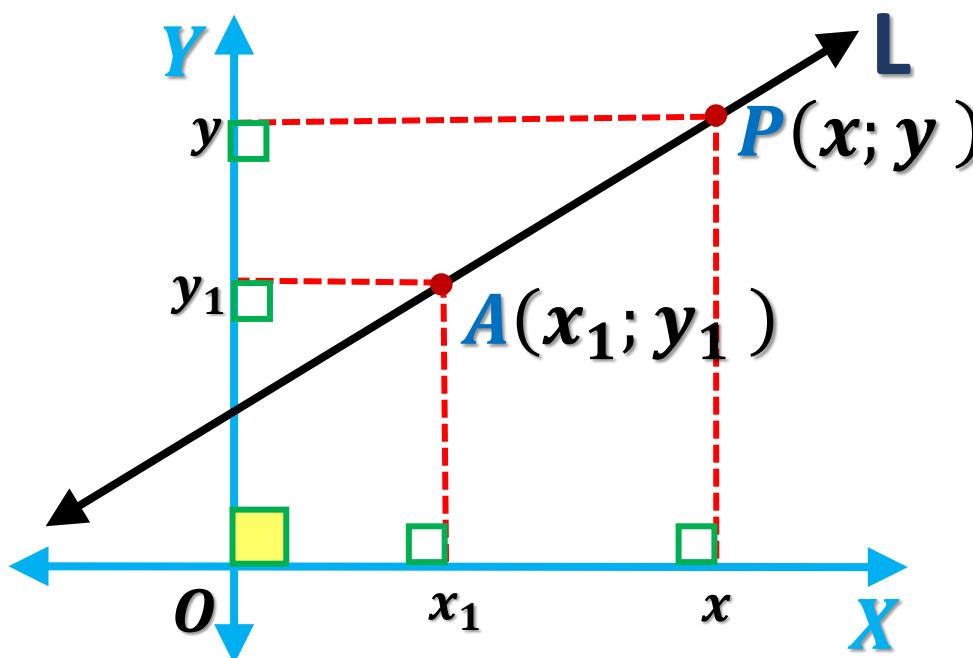
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

Ecuación de una recta

Analíticamente, una recta es una ecuación de primer grado con una o dos variables que presenta diversas formas.

Ecuación punto-pendiente

Sea $A(x_1; y_1)$ un punto conocido de la recta L de pendiente m y $P(X; Y)$ un punto cualquiera.



Se tiene que: $m = \frac{y - y_1}{x - x_1}$

de donde se obtiene:

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

Ecuación general de la recta

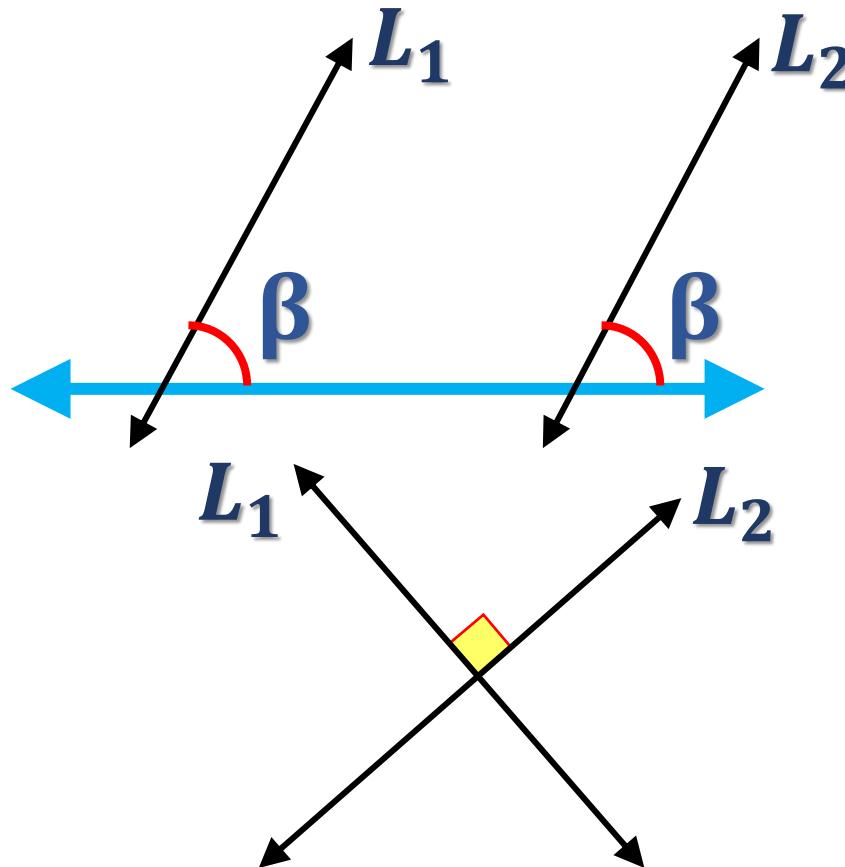
Es cuando la expresión algebraica de la ecuación tiene la forma.

$$Ax + By + C = 0$$

$$m = -\frac{A}{B}$$

Paralelismo y perpendicularidad entre dos rectas

Sean dos rectas, L_1 y L_2 , con pendientes m_1 y m_2 , respectivamente, si se cumple que:



Si las rectas son paralelas.



$$m_1 = m_2$$

Si las rectas son perpendiculares.



$$m_1 \cdot m_2 = -1$$



1. Determine la pendiente de una recta que pasa por los puntos A (2; 7) y B (7; 4).

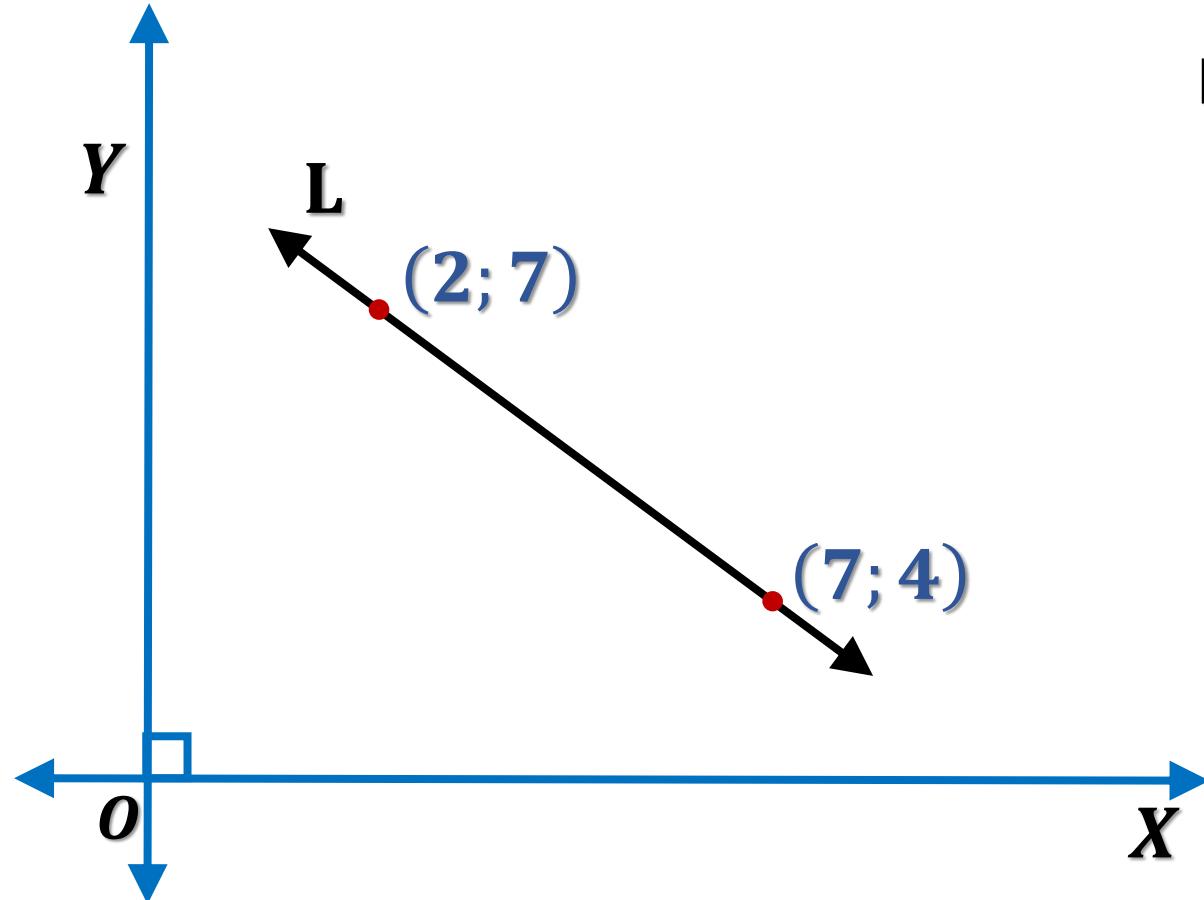
Resolución

Piden: m

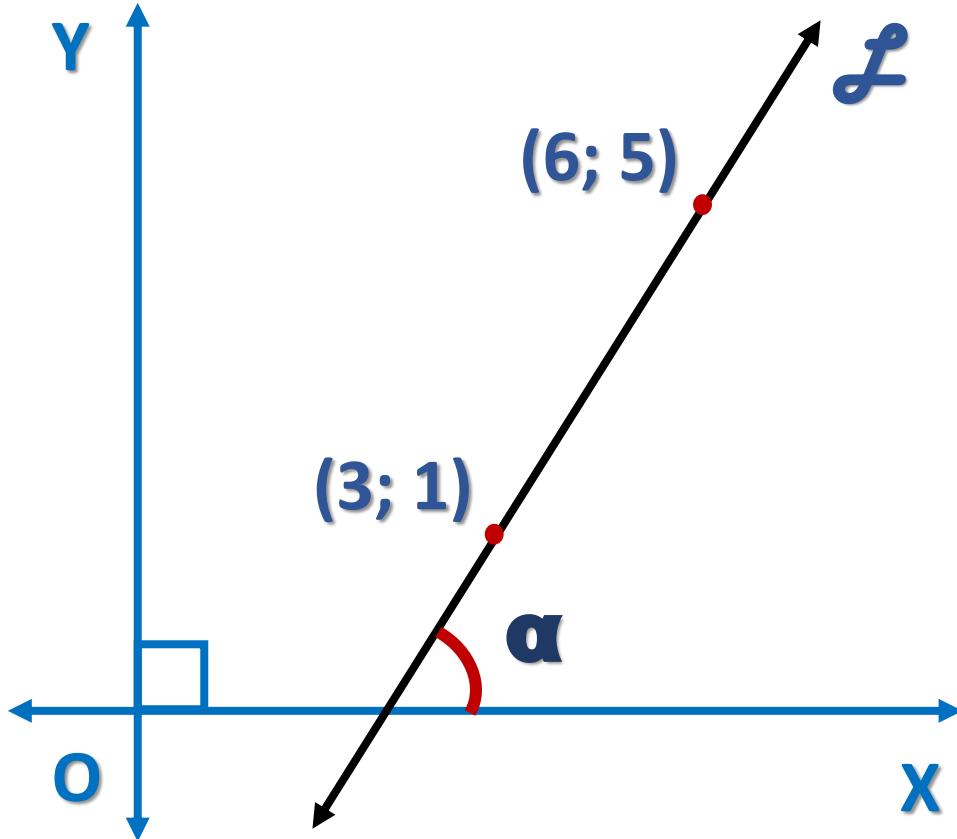
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \frac{7 - 4}{2 - 7} = \frac{3}{-5}$$

$$m = -\frac{3}{5}$$



2. En la figura, halle el valor de α .



Resolución

- Piden: α
- Calculando la pendiente (m)

$$m = \frac{5 - 1}{6 - 3} = \frac{4}{3}$$

- Recordando :

$$m = \tan \alpha$$

$$\frac{4}{3} = \tan \alpha$$

$\alpha = 53^\circ$

3. Halle la ecuación general de la recta L.

Resolución

- Piden: La ecuación de la recta L.
- Calculando la pendiente:

$$m = \tan \alpha$$

$$m = \tan 135^\circ$$

$$m = -\tan 45^\circ$$

$$m = -1$$

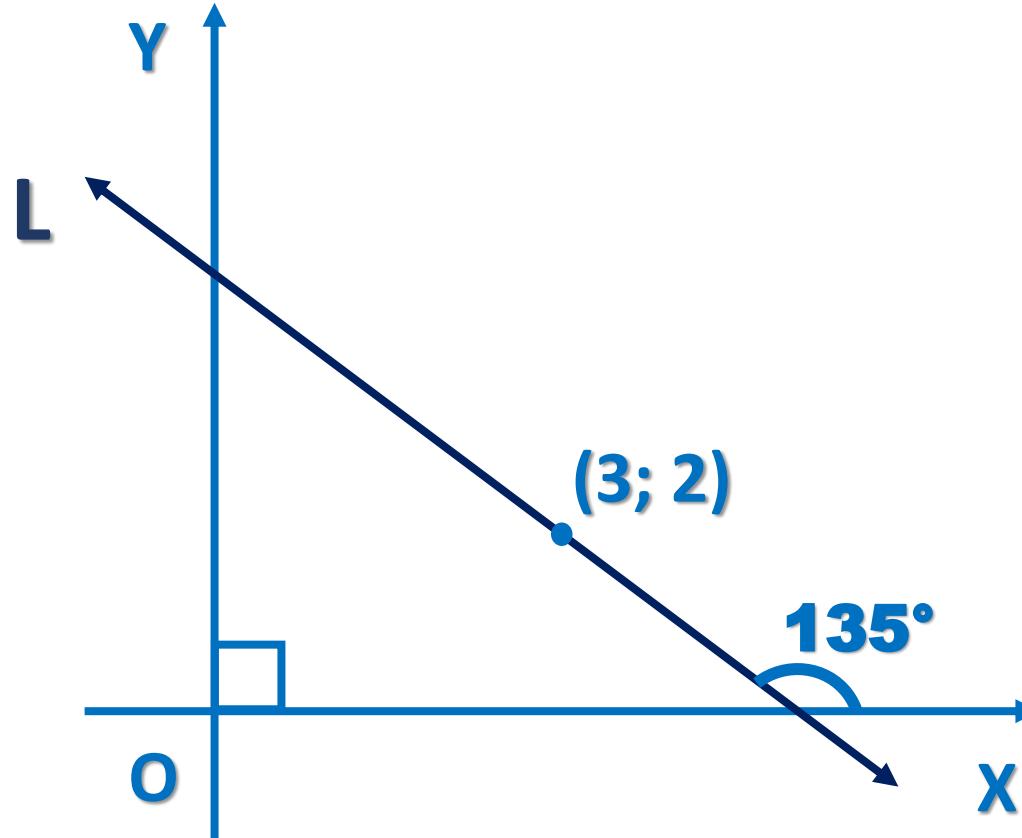
- Calculando la ecuación de la recta L

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 2 = -1(x - 3)$$

$$y - 2 = -x + 3$$

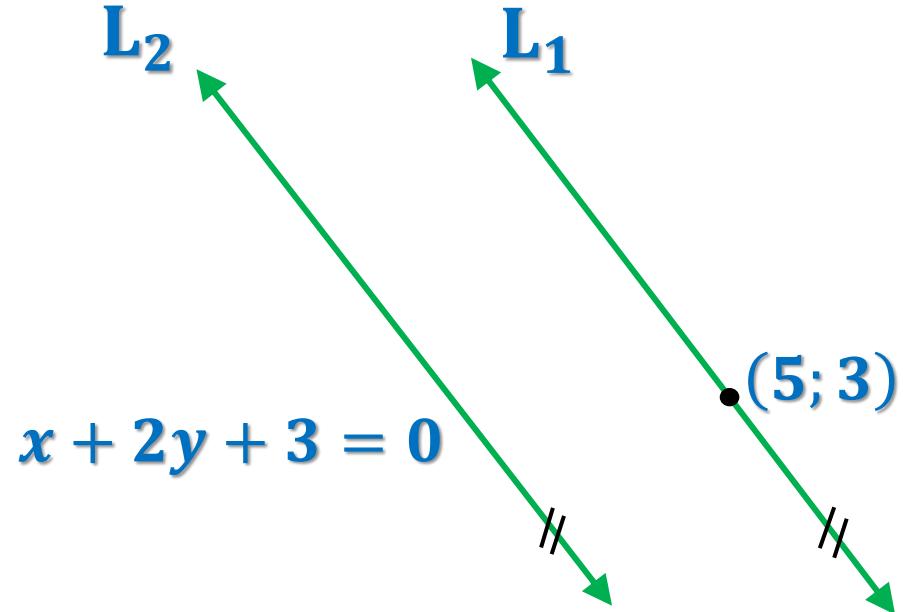
$$\boxed{L : x + y - 5 = 0}$$





4. Halle la ecuación general de una recta que pasa por el punto $(5; 3)$ y es paralela a la recta cuya ecuación es $x + 2y + 3 = 0$.

Resolución



- Piden: La ecuación de la recta L_1 .
 - Calculando la pendiente:
$$m = -\frac{A}{B}$$

$$L_2 : x + 2y + 3 = 0$$

$$m_2 = -\frac{1}{2}.$$
- Si dos rectas son paralelas se cumple:

$$m_1 = m_2$$

$$m_1 = -\frac{1}{2}.$$

- Calculando la ecuación de la recta L_1

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

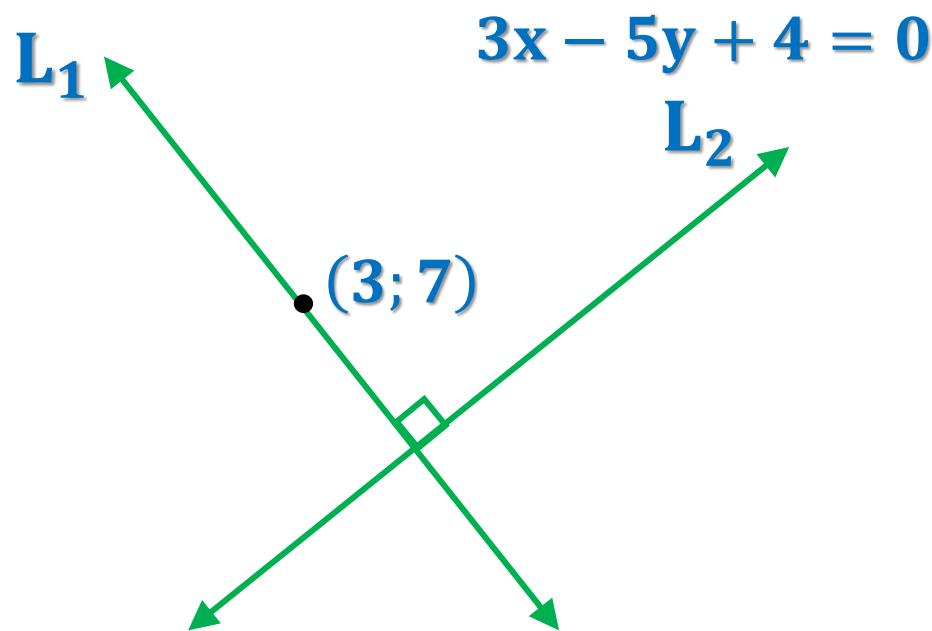
$$y - 3 = -\frac{1}{2}(x - 5)$$

$$2y - 6 = -x + 5$$

$$L_1 : x + 2y - 11 = 0$$

5. Halle la ecuación general de una recta que pasa por el punto (3; 7) y es perpendicular a la recta cuya ecuación es $3x - 5y + 4 = 0$.

Resolución



- Piden: La ecuación de la recta L_1 .
 - Calculando la pendiente:
- $m = -\frac{A}{B}$
- $L_2 : 3x - 5y + 4 = 0$

$m_2 = -\frac{3}{-5} = \frac{3}{5}$
- Si dos rectas son perpendiculares se cumple:

$$m_1 \cdot m_2 = -1$$

$$m_1 = -\frac{5}{3}$$

- Calculando la ecuación de la recta L_1

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 7 = -\frac{5}{3}(x - 3)$$

$$3y - 21 = -5x + 15$$

$$L_1 : 5x + 3y - 36 = 0$$



6. Calcule el área de la región triangular sombreada.

Resolución

- Piden: S
- En el punto A:

$$5x + 6y - 30 = 0$$

$$5(6) + 6(0) - 30 = 0$$

$$30 + 0 - 30 = 0$$

$$x = 6$$
- En el punto B:

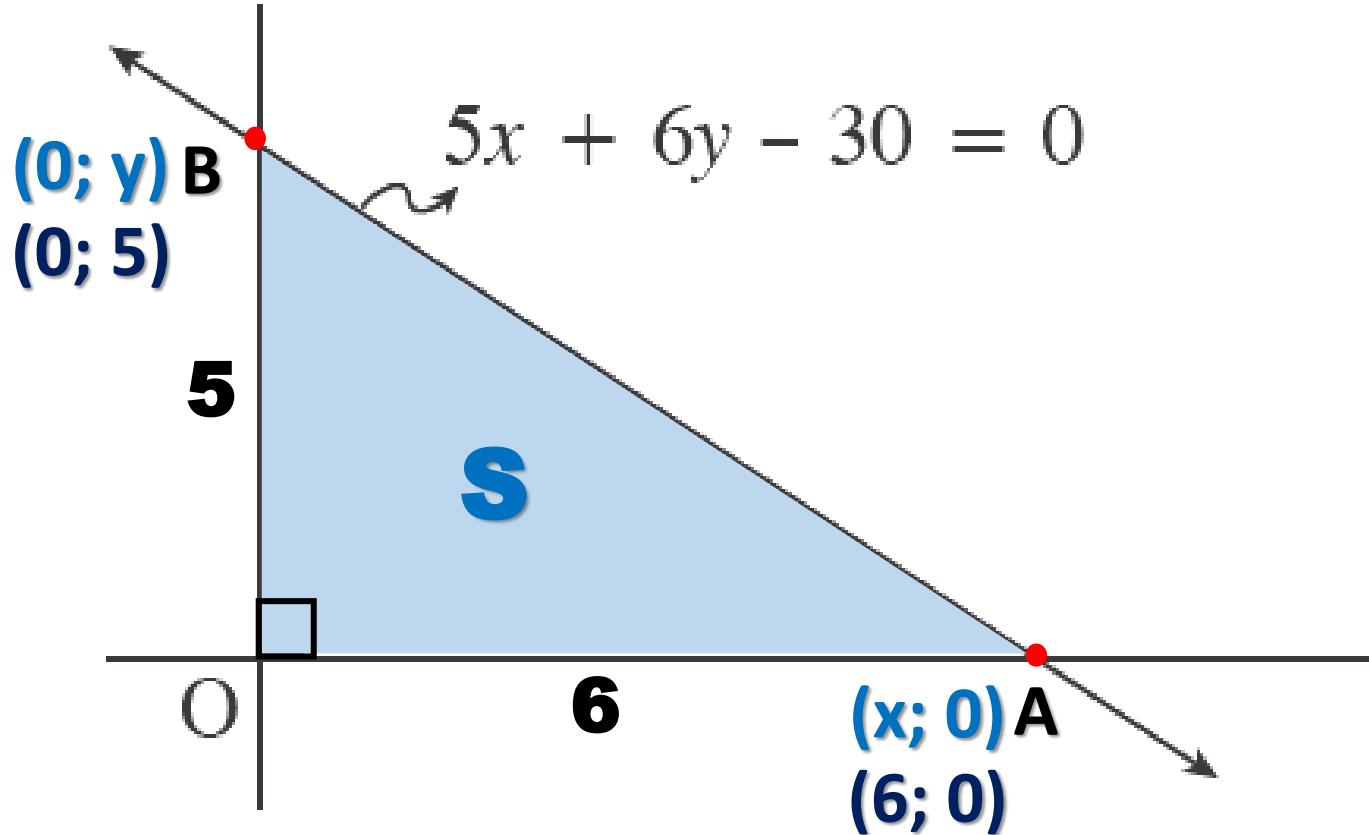
$$5(0) + 6y - 30 = 0$$

$$0 + 6y - 30 = 0$$

$$6y = 30$$

$$y = 5$$
- Por teorema:

$$S = \frac{(6)(5)}{2}$$



$$S = 15 \text{ u}^2$$

7. En la figura, halle el valor de α .

Resolución

- Piden: α
- Por sistema de ecuaciones:

$$\begin{array}{r} L_2 : x + 2y = 9 \\ L_1 : \underline{x - 4y = -9} \\ \hline 6y = 18 \end{array}$$

$$y = 3$$

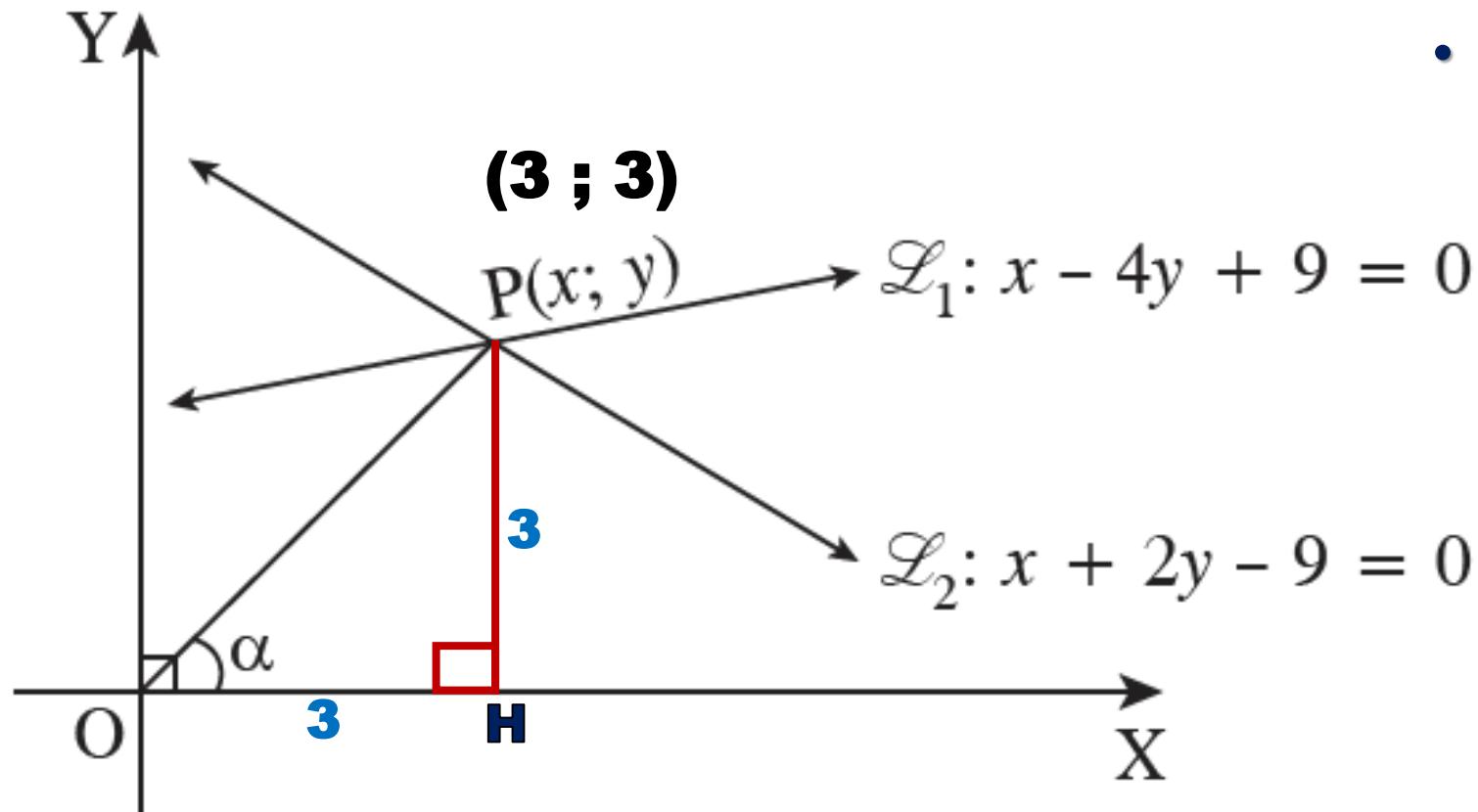
$$x = 3$$

• Se traza $\overline{PH} \perp X$



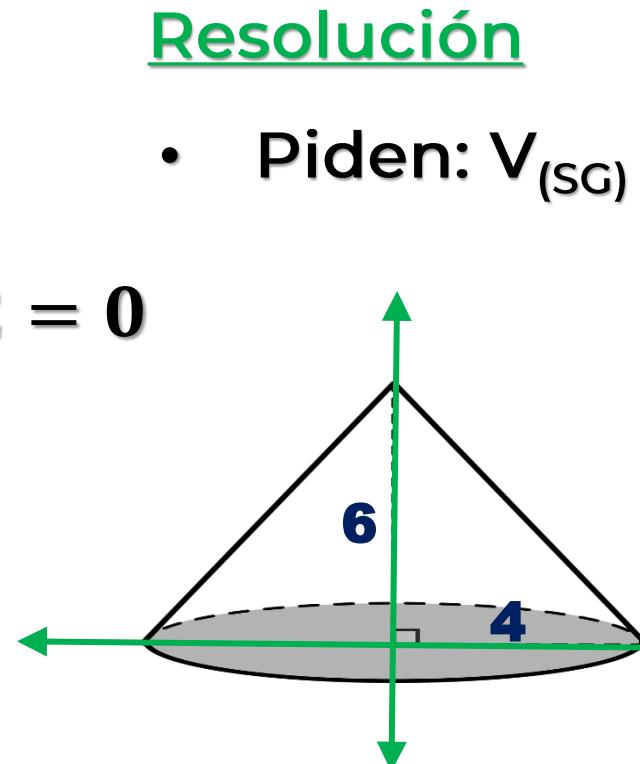
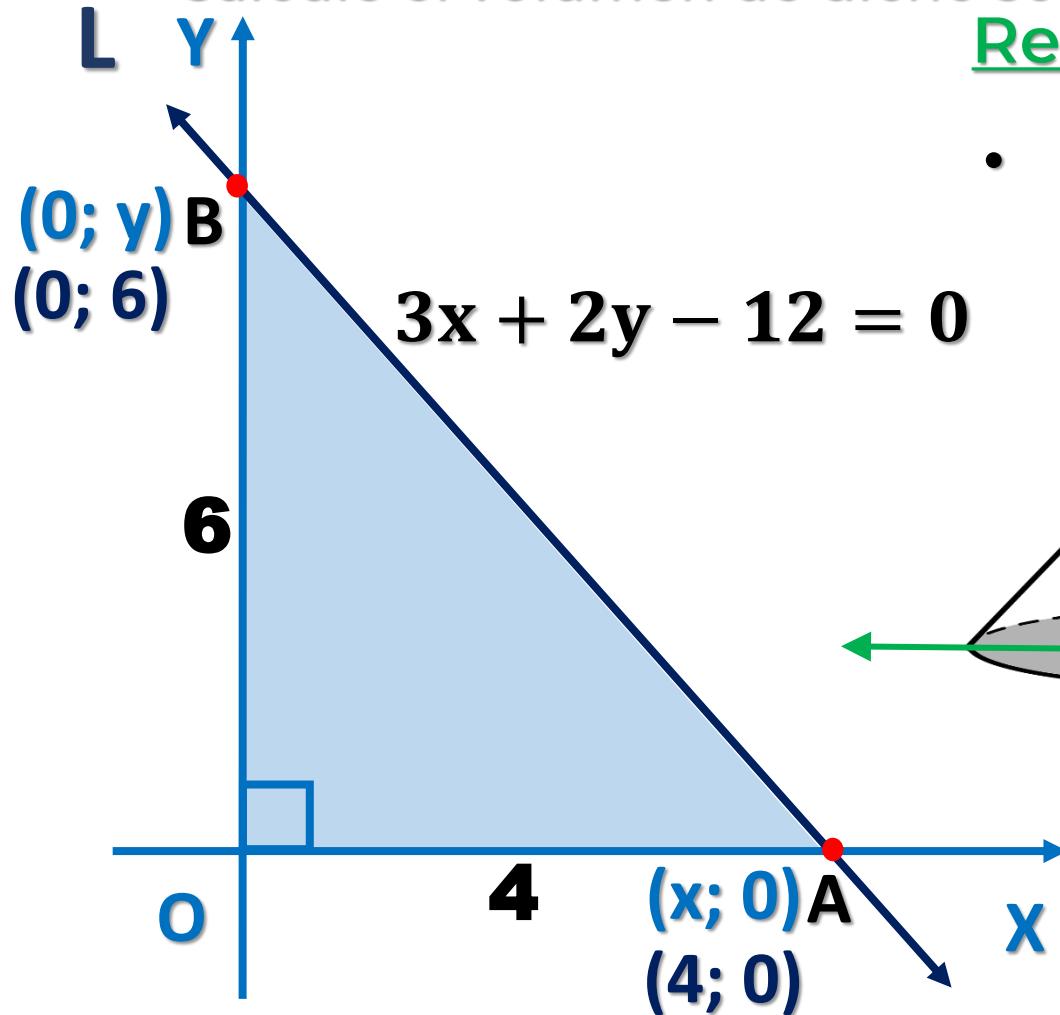
Notable de 45° y 45°

$$\alpha = 45^\circ$$





8. Las rectas $3x + 2y - 12 = 0$, $x = 0$ e $y = 0$; determinan una región triangular. Al hacer girar esta región alrededor del eje Y, se genera un sólido de revolución. Calcule el volumen de dicho sólido.



- En el punto A:

$$3x + 2(0) - 12 = 0$$

$$3x = 12$$

$$x = 4$$
 - En el punto B:

$$3(0) + 2y - 12 = 0$$

$$2y = 12$$

$$y = 6$$
 - Por teorema:
- $$V_{(SG)} = \frac{1}{3}\pi r^2 \cdot h = \frac{1}{3}\pi 4^2 \cdot 6$$

$$V_{(SG)} = 32\pi \text{ u}^3$$



**SACO
OLIVEROS**

The logo consists of the brand name "SACO OLIVEROS" in a bold, white, sans-serif font. To the left of the text is a circular emblem containing a stylized, swirling graphic that resembles a sunburst or a whirlpool. A large, semi-transparent red arrow curves from the bottom right towards the emblem and text.