ALGEBRA



HELICO ASESORÍA





HELICO ASEORÍA



01

Problema 1

Simplifique

$$M = \frac{27^{5a-3}.81^{a+6}}{9^{8a+3}.3^{3a+5}}$$





$$M = \frac{27^{5a-3}.81^{a+6}}{9^{8a+3}.3^{3a+5}}$$

$$M = \frac{\left(3^{3}\right)^{5a-3} \cdot \left(3^{4}\right)^{a+6}}{\left(3^{2}\right)^{8a+3} \cdot 3^{3a+5}}$$

$$M = \frac{3^{15a-9}.3^{4a+24}}{3^{16a+6}.3^{3a+5}}$$

$$M = \frac{3^{15a-9+4a+24}}{3^{16a+6+3a+5}}$$

$$M = \frac{3^{19a+15}}{3^{19a+11}}$$

$$M = 3^{19a+15-19a-11}$$

$$M = 3^4$$

Problema 2

Reduzca

$$E = \sqrt[25]{5} \sqrt{5}.\sqrt{5}$$

$$E = \sqrt[25]{5}.\sqrt{5}.\sqrt{5}$$

$$E = \sqrt[25]{5} \sqrt{5} \cdot \sqrt{5}$$

$$E = \sqrt[25]{5}$$

$$E = \sqrt[25]{5^3}$$

$$E=\sqrt[25]{5}^{125}$$

$$E = 5^5$$

$$M = 3125$$

Luego de resolver

$$125^{3^{2x-7}} = 5^{9^{21-7x}}$$

el valor de x representa la edad del hijo menor del profesor Miguel. Si su último hijo nació cuando él tenía 30 años, ¿cuál es la edad actual del profesor Miguel?

Resolucións

$$(125)^{3^{2x-7}} = 5^{9^{21-7x}}$$

$$(5^3)^{3^{2x-7}} = 5^{9^{21-7x}}$$

$$5^{3.3^{2x-7}}$$
 $5^{9^{21-7x}}$

$$3.3^{2x-7} = 9^{21-7x}$$

$$3^{2x-6} = \left(3^{\frac{2}{2}}\right)^{21-7x}$$

$$3^{2x-6} = 3^{42-14x}$$

$$2x - 6 = 42 - 14x$$

$$16x = 48$$

$$x = 3$$

Edad del hijo del profesor Miguel

El profesor Miguel tiene actualmente 33 años.

Problema 4

Siendo

$$Q(x) = \frac{7x - 10}{10x - 7}$$

determine Q[Q(x)]



$$\frac{Q}{10x-7}$$

Reemplazamos x por Q(x)

Reemplazamos Q(X) por $\left(\frac{7x-10}{10x-7}\right)$

$$Q[Q(x)] = \frac{7\left(\frac{7x - 10}{10x - 7}\right) - 10}{10\left(\frac{7x - 10}{10x - 7}\right) - 7}$$
$$= \frac{\frac{49x - 70}{10x - 7} - 10}{\frac{70x - 100}{10x - 7} - 7}$$

$$= \frac{49x - 70 - 100x + 70}{10x - 7}$$

$$= \frac{70x - 100 - 76x + 49}{10x - 7}$$

$$= \frac{-51x}{\frac{10x - 7}{-51}}$$

$$= \frac{10x - 7}{10x - 7}$$

$$=\frac{-51x}{-51}$$

$$\therefore Q[Q(x)] = x$$

Problema 5

Determine el grado absoluto de

$$F(x) = (x+7)(x^3+2)(x^5+7)(x^7+9)...(x^{99}+6)$$

Recordemos:



$$Grado(P) = m$$

$$Grado(Q) = n$$



$$Grado(P.Q) = m + n$$

Además:

$$1+3+5+7+\cdots+(2n-1)=n^2$$



$$GA = 1$$
 $GA = 3$ $GA = 5$ $GA = 7$ $GA = 99$

$$F(x) = (x+7)(x^3+2)(x^5+7)(x^7+9)...(x^{99}+6)$$

$$GA[F(x)] = 1+3+5+7+\cdots+99$$

$$2n-1=99$$

$$n = 50$$

◎1

$$= n^2$$

$$= 50^2$$

$$A[F(x)] = 2500$$

Problema 6

Calcule b^a si

$$a(5x+9) + b(2x-3) \equiv 25x + 12$$

Resolución

$$a(5x + 9) + b(2x - 3) \equiv 25x + 12$$

$$5ax + 9a + 2bx - 3b \equiv 25x + 12$$

$$(5a+2b)x+(9a-3b) \equiv 25x + 12$$

$$\mathbf{5}a + \mathbf{2}b = 25$$



$$\mathbf{9a} - \mathbf{3b} = 12$$

$$3\times(5a+2b=25)$$

$$2\times(9a-3b=12)$$

$$\implies 15a + 6b = 75$$

$$\implies 18a - 6b = 24 \downarrow +$$

$$33a = 99$$
 $a = 3$

$$\implies$$
 5(3) + 2b = 25

$$b = 5$$

$$b^a = 5^3 = 125$$

Problema 7

Dedermine el valor de x

$$5^{x+3} + 5^{x+2} + 5^{x+4} + 5^x = 19400$$

Recordemos:

$$5^{x}$$
. $5^{3} = 5^{x+3}$







$$5^{x+3} + 5^{x+2} + 5^{x+4} + 5^x = 19400$$

$$(5^x)$$
 5^3 $+(5^x)$ 5^2 $+(5^x)$ 5^4 $+(5^x)$ = 19400

$$5^{x}(5^{3}+5^{2}+5^{4}+1)=19400$$

$$5^{x}(125+25+625+1)=19400$$

$$5^{x}(776) = 19400$$

$$5^{x} = 25$$

$$5^{x} = 5^{2}$$

$$x = 2$$

িয

Problema 8

Siendo:

$$P(x) = x - 2$$

$$Q(x) = x + 5$$

el valor de

$$J = P[Q(0)] + Q[P(1)]$$

representa la edad de José hace 10 años. ¿Cuál es la edad actual de José?

$$J = P[Q(0)] + Q[P(1)]$$

$$P[0+5]+Q[1-2]$$

$$P[5] + Q[-1]$$

$$(5-2)+(-1+5)$$

$$3 + 4$$



$$J = 7$$

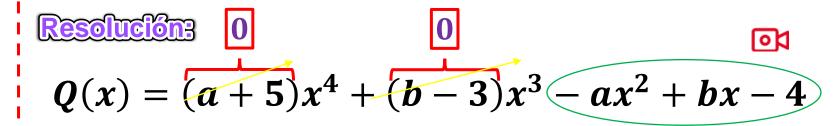
 \therefore José tiene: 7 + 10 = 17 años actualmente.

Problema 9

Si el polinomio

$$Q(x) = (a+5)x^4 + (b-3)x^3 - ax^2 + bx - 4$$

es de segundo grado, el quíntuplo de la suma de coeficientes de Q(x) representa la nota de Karla en el examen de Álgebra. ¿Cuál es la nota de Karla?



Por dato sabemos que: GA[Q(x)] = 2

$$\begin{cases} a+5=0 & \longrightarrow a=-5 \\ b-3=0 & \longrightarrow b=3 \end{cases}$$

$$Q(x) = -ax^{2} + bx - 4$$

$$Q(x) = 5x^{2} + 3x - 4$$

$$\sum Coef[Q(x)] = 5 + 3 - 4 = 4$$

 \therefore La nota de Karla es: 5(4) = 20

Problema 10

Sea
$$P(x) \equiv Q(x)$$

$$P(x) = (a+2)x^2 + (b-3)x + 2c - 5$$

$$Q(x) = (2a-1)x^2 + (3b-7)x + c$$

calcule $\frac{a+b}{c}$.





$$P(x) = (a+2)x^{2} + (\underline{b-3})x + \underline{2c-5}$$

$$Q(x) = (2a-1)x^{2} + (\underline{3b-7})x + \underline{c}$$

$P(x) \equiv Q(x)$:

$$\begin{cases} a+2=2a-1 & \longrightarrow a=3 \\ b-3=3b-7 & \longrightarrow b=2 \\ 2c-5=c & \longrightarrow c=5 \end{cases}$$

Nos piden:
$$\frac{a+b}{c} = \frac{3+2}{5}$$

$$\therefore \frac{a+b}{c} = 1$$

