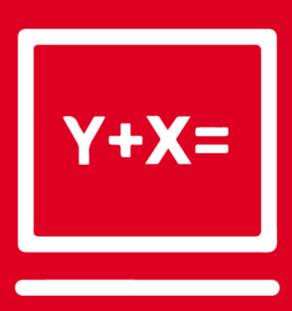
# ARITHMETIC Chapter 5



TEORIA DE NUMERACION II





#### **0**1

## MOTIVATING STRATEGY



¿Qué opinas al respecto?



# CAMBIO DE BASE

CASO 1

De base "n" a base 10

#### Método:

Descomposición polinómica

Ejemplo 1  $1432_{(5)}$  a base 10

$$1432_{(5)} = 1 \times 5^3 + 4 \times 5^2 + 3 \times 5^1 + 2$$
$$= 125 + 100 + 15 + 2$$

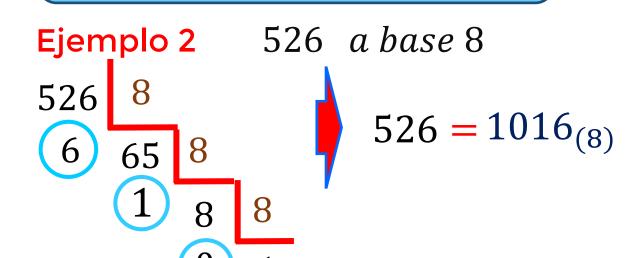
 $1432_{(5)} = 242$ 

CASO 2

De base 10 a base "m"

Método:

Divisiones sucesivas





# CASO 3

## De base "n" a base "m"

Ejemplo 3

358<sub>(9)</sub> a base 4

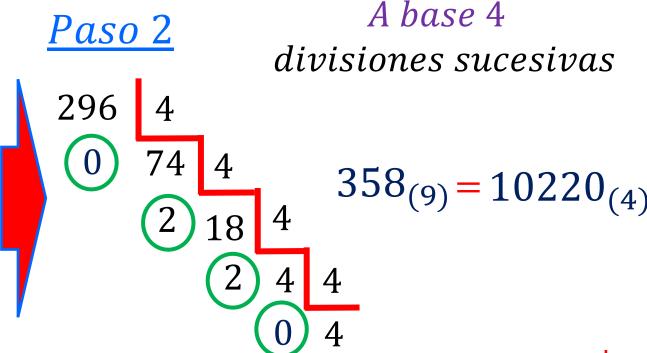
Paso 1

A base 10

descomposición polinómica

$$358_{(9)} = 3 \times 9^2 + 5 \times 9^1 + 8$$
  
= 243 + 45 + 8  
= 296

 $358_{(5)} = 296$ 







## **PROPIEDADES**



## CIFRAS MÁXIMAS DE UN NUMERAL

#### **Ejemplos:**

$$99 = 100 - 1 = 10^2 - 1$$

$$\circ$$
 999 =  $1000 - 1 = 10^3 - 1$ 

$$_{\circ}$$
 4444<sub>(5)</sub> = 10000<sub>(5)</sub> - 1 = 5<sup>4</sup> - 1

$$\circ$$
 66666<sub>(7)</sub> = 100000<sub>(7)</sub> - 1 = 7<sup>5</sup> - 1

#### En general:

$$(n-1)(n-1)...(n-1)_{(n)} = n^k - 1$$
"K" cifras



## BASES SUCESIVAS

## Ejemplo:

$$\bullet$$
 13<sub>(8)</sub> = 8 + 3

$$\bullet \quad 15_{13_8} = 15_{(8+3)} = 8+3+5$$

$$12_{15_{138}} = 12_{(8+3+5)} = 8+3+5+2$$

### En general:

$$\overline{1a_{1b_{1c}}}_{-1m_{(n)}} = a + b + c + \dots + m + n$$





## TERVALO PARA UN NUMERAL CON CIERTA CANTIDAD DE CIFRAS

## **Ejemplos:**

$$\bullet \quad 10^2 \quad \leq \quad \overline{abc} \quad < \quad 10^3$$

$$10^3 \leq \overline{mnpq} < 10^4$$

$$7^3 \leq \overline{wxyz_{(7)}} < 7^4$$

$$7^{3} \le \overline{wxyz_{(7)}} < 7^{4}$$
 $9^{4} \le mnpqr_{(9)} < 9^{5}$ 

#### En general:

$$n^{k-1} \le N_{(n)} < n^k$$

$$\downarrow^{"K" \ cifras}$$



Al convertir el mayor número de cuatro cifras del sistema senario al sistema decimal, se obtiene un número del cual se pide indicar la suma de cifras.

## Resolución:

i recordar!

$$(n-1)(n-1)...(n-1)_{(n)} = n^k - 1$$
"K" cifras

$$5555_{(6)} = 6^4 - 1$$
  
=  $1296 - 1$ 

$$5555_{(6)} = 1295$$

Suma de cifras es

: 
$$1 + 2 + 9 + 5 = 17$$







Si el mayor número de cuatro cifras de la base n es igual a  $1688_{(9)}$ , halle el valor de n.

Resolución:

$$\overline{(n-1)(n-1)(n-1)(n-1)}_{(n)} = n^4 - 1$$



$$n^4 - 1 = 1688_{(9)}$$
$$= 1 \times 9^3 + 6 \times 9^2 + 8 \times 9^1 + 8$$

$$n^4 - 1 = 729 + 486 + 72 + 8$$

$$n^4 - 1 = 1295$$

$$n^4 = 1296$$

$$n = 6$$







Si número de cuatro cifras iguales del sistema quinario se convierte al sistema decimal, se obtiene un número de tres cifras que termina en 8. Halle este último número y dé como Resplución la cifra de mayor Numeral de cuatro cifras iguales en base 5, se representa en base 10 como :

$$\overline{aaaa}_{(5)} = \overline{bc8}$$

Descomponiendo polinomicamente

$$a \times 5^{3} + a \times 5^{2} + a \times 5^{1} + a = \overline{bc8}$$

$$156a = \overline{bc8}$$

Por terminación de su ultima cifra:

$$...6 \times a = ...8 \implies a = 3$$

$$156 \times 3 = \overline{bc8}$$

$$468 = \overline{bc8}$$

∴La cifra de mayor orden es : 4

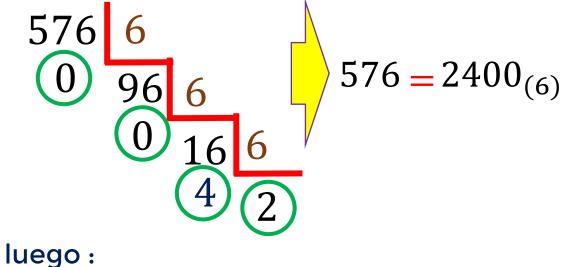


4

Si el número 576 se expresa en el sistema senario se obtiene un número de la forma:

$$(a + 1)(b + 1)(c + 1)(d + 1).$$

Determine el valor de a+b+c+d,



#### Resolución:

Por dato:

$$576 = \overline{(a+1)(b+1)(c+1)(d+1)}_{(6)}$$

> 576 a base 6 (caso 2, divisiones sucesivas)

$$2400_{(6)} = \overline{(a+1)(b+1)(c+1)(d+1)}_{(6)}$$

$$2 = a + 1 \Longrightarrow a = 1$$

$$4 = b + 1 \Longrightarrow b = 3$$

$$0 = c + 1 \Longrightarrow c = -1$$

$$0 = d + 1 \Longrightarrow d = -1$$

$$\therefore a + b + c + d = 2$$



5

$$1101_{(4)} = \overline{1}a_{\overline{1}a_{\overline{1}a}}_{\overline{1}a_{(9)}}$$

#### 24 veces

Determine el valor de R =

Resolución:

Por propiedad

$$\overline{1a_{1b_{1c}}}_{\overline{1b_{1c}}} = a + b + c + \dots + m + n$$

$$1101_4 = a + a + a + \cdots + a + a + 9$$
24 veces

$$1101_4 = 24 \times a + 9$$

$$1x4^{3} + 1x4^{2} + 0x4^{2} + 1 = 24 x a + 9$$

$$64 + 16 + 0 + 1 = 24 x a + 9$$

$$81 = 24 x a + 9$$

$$24 \times a = 72$$
$$a = 3$$

Piden:

$$R = a^3 - 7$$

$$R = 3^3 - 7$$

$$R = 20$$





# Si se cumple que:

$$\overline{aaaa}_{(5)} = pr8$$

halle  $\overline{arpa}$ .

#### Resolución:

$$\overline{aaaa}_{(5)} = \overline{pr8}$$



$$a \times 5^{3} + a \times 5^{2} + a \times 5^{1} + a = \overline{pr8}$$

$$= \overline{pr8}$$

#### Por terminación de su ultima cifra:

$$...6 \times a = ...8 \implies a = 3$$
;8

$$156 \times 8 = 1248 = pr8 \dots$$
 (no cumple)

$$156 \times 3 = 468 = pr8$$
 ... ( cumple)

$$p = 4$$
 $r = 6$ 

Piden:

$$\overline{arpa} = 3643$$





## Si se cumple que

$$213_{(n)} = 1230_{(4)}$$

halle el valor de E =  $n^2$  + 3.

## Resolución:

Descomponiendo polinomicamente ambas expresiones

$$213_{(n)} = 1230_{(4)}$$

$$2xn^{2} + 1xn^{1} + 3 = 1x4^{3} + 2x4^{2} + 3x4^{1} + 0$$

$$2n^{2} + n + 3 = 64 + 32 + 12 + 0$$

$$2n^2 + n + 3 = 108$$

$$2n^2 + n = 105$$

$$2(7^2) + 7 = 105$$

$$n = 7$$

Piden:

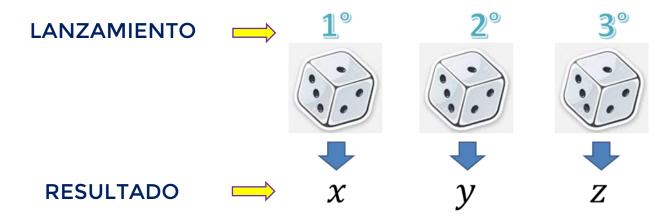
$$E = n^2 + \frac{1}{2} = 7^2 + 3$$
  
 $E = 52$ 



8)

En el casino Royal Place de Plaza de San Miguel, Roberto, un apostador con suerte, lanza tres dados; al resultado del primero se le multiplica por 7, a esto se le suma el resultado del segundo dado y se vuelve a multiplicar todo por 7; finalmente se le agrega el resultado del tercer dado obteniéndose así 145. Determine qué resultado obtuvo Roberto en el segundo dado.

#### Resolución:



#### Luego:

$$7(7x+y)+z = 145$$
$$x(7)^{2}+y(7)+z = 145$$

Descomposicion polinomica de un numeral de 3 cifras en base 7



Cambio de base 10 a base 7 (caso 2)

145 a base 7  
145 7  

$$\overline{5}$$
 20 7 145 = 265<sub>(7)</sub>  
 $\overline{xyz}_{(7)} = 265_{(7)}$ 

Piden