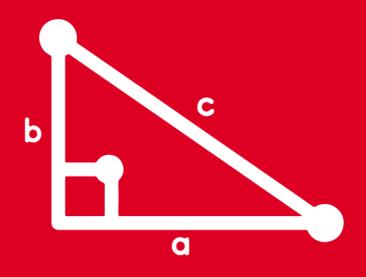
TRIGONOMETRY **Chapter 16 Session 1**





IDENTIDADES TRIGONOMETRICAS @ SACO OLIVEROS **FUNDAMENTALES**





ECUACIONES E IDENTIDADES

ECUACIONES Y SISTEMAS

ECUACIONES E IDENTIDADES

$$5x-2=3(x+4)$$

$$2(x-3)=2x-6$$



IDENTIDAD TRIGONOMÉTRICA

Definición:

Es una igualdad que contiene expresiones trigonométricas y que se verifica para todo valor admisible de la(s) variable(s).

Expresiones Trigonométricas:

Es toda expresión matemática donde la(s) variable(s) está (n) afectada(s) por operadores trigonométricos (sen, cos, tan, cot, sec, csc).

Identidades Fundamentales:

Llamadas también identidades trigonométricas básicas; son aquellas que se obtienen luego de relacionar las líneas trigonométricas en la circunferencia trigonométrica. Se clasifican



IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS (Clasificación)

1. Identidades por División

$$tanx = \frac{senx}{cosx}$$

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

2. Identidades

Recíprocas:



$$cscx = \frac{1}{senx}$$



$$secx = \frac{1}{cosx}$$

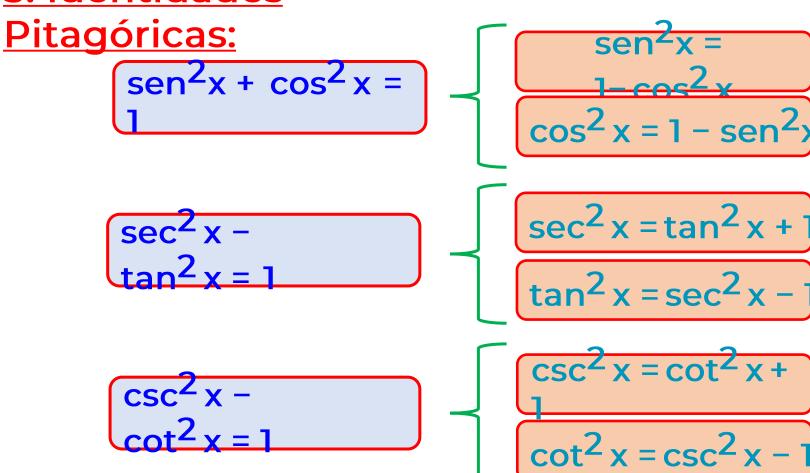


$$cotx = \frac{1}{tanx}$$



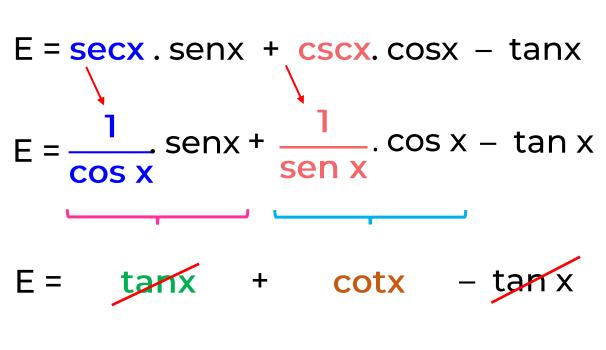
IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS (Clasificación)

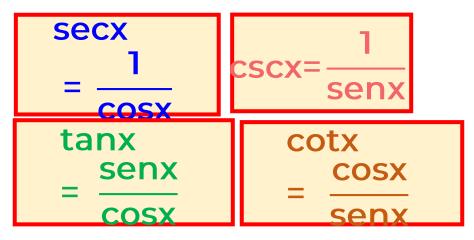
3. Identidades





Simplifique : E = secx. senx + cscx.cosx - tanxolución:



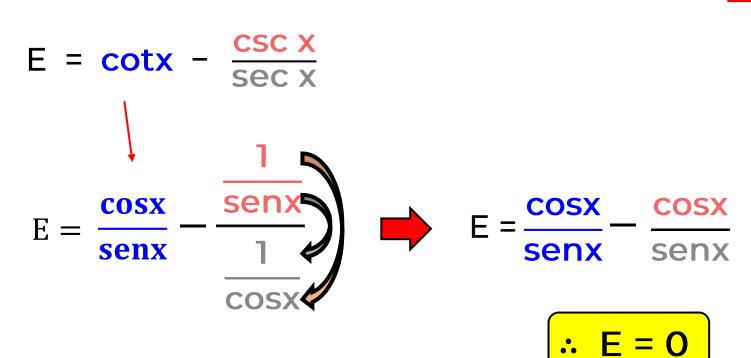






 $\frac{\csc x}{\sec x}$ Simplifique: $E = \cot x - \cot x$

Resolución:







Reduzca:
$$P = \frac{1 + \cot x}{\csc x} - \frac{1 + \cot x}{\csc x}$$

Resolución:

$$P = \frac{1 + \cot x}{\csc x} - \cos x$$

$$P = \frac{1 + \frac{\cos x}{\sec nx}}{\frac{1}{\sec nx}} - \cos x$$

$P = \frac{\frac{\text{senx} + \cos x}{\text{senx}}}{1} - \cos x$

$$P = senx + eosx - cosx$$



Recordar:

cotx _ cosx

cscx 1 = senx



Simplifique:
$$N = \frac{\tan \alpha + \tan^3 \alpha}{\cot^3 \alpha}$$

$$N = \frac{\tan\alpha + \tan^3\alpha}{\cot\alpha + \cot^3\alpha}$$

$$N = \frac{\tan\alpha(1 + \tan^2\alpha)}{\cot\alpha(1 + \cot^2\alpha)}$$

$$N = \frac{\tan\alpha(\sec^2\alpha)}{\cot\alpha(\csc^2\alpha)}$$

$$N = \frac{\frac{\text{sen}\alpha}{\cos^2\alpha}}{\frac{1}{\cos^2\alpha}}$$

senα sen² α

$$N = \frac{\sin^4 \alpha}{\cos^4 \alpha} \implies N = \left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}\right)^2$$

Recordar:

tanα

$$1 + \tan^{2}\alpha = \sec^{2}\alpha$$

$$1 + \cot^{2}\alpha =$$

$$\csc^{2}\alpha$$

$$1$$

$$\csc^{2}\alpha$$

$$1$$

$$\sec^{2}\alpha$$

$$1$$

$$\sec^{2}\alpha$$

$$\therefore N = \tan^4 \alpha$$



Simplifique: E = (senx + cosx. cotx)

senx Resolución:



$$E = sen^2x + cosx.\frac{cosx}{senx}$$
 senx

$$\Rightarrow E = sen^2x + cos^2x$$



$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$sen^2x + cos^2x = 1$$



Simplifique:

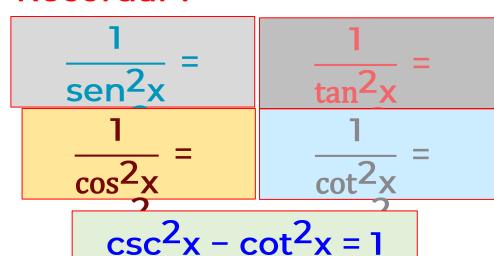
$$Q = \frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} - \frac{1}{\tan^2 x} - \frac{1}{\cot^2 x}$$

Resolución:

$$Q = \frac{1}{\text{sen}^2x} + \frac{1}{\cos^2x} - \frac{1}{\tan^2x} - \frac{1}{\cot^2x}$$

$$Q = csc^2x + sec^2x - cot^2x - tan^2x$$

$$Q = \frac{\csc^2 x - \cot^2 x}{1} + \frac{\sec^2 x - \tan^2 x}{1}$$



$$sec^2x - tan^2x = 1$$

Si $x \in IIIC$, simplifique la expresión:

$$E = \frac{\sqrt{(1-\sin x)(1+\sin x)}}{\cos x} + \csc^2 x$$
Recordar

:
$$(a - b)(a + b) =$$

 $a^2 - b^2$

$$1-sen^2x =$$

$$\sqrt{a^2} = |\mathbf{a}|$$
 csc²x-1 =

Obs: Como xEIIIC: cosx es (-)

$$\rightarrow$$
 |cosx| = - cosx

Resolución:

$$E = \frac{\sqrt{1-\sin^2 x}}{\cos x} + \csc^2 x$$

$$E = \frac{\sqrt{\cos^2 x} + \csc^2 x}{\cos x}$$

$$E = \frac{|\cos x|}{\cos x} + \csc^2 x$$

$$E = \frac{|\cos x|}{\cos x} + \csc^2 x$$

 \therefore E = cot²x



Al copiar de la pizarra la expresión secx – tanx – 1; un estudiante cometió un error y escribió cscx – cotx – 1.

Calcule la razón entre lo que estaba escrito en la pizarra y lo que copió el alumno.

Recordar:

$$secx = \frac{1}{cosx}$$

$$cscx = \frac{1}{senx}$$

$$tanx = \frac{senx}{cosx}$$

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

Resolución:

Piden
$$\pm = \frac{\sec x - \tan x - 1}{\csc x - \cot x - 1}$$

$$E = \frac{\frac{1}{\cos x} - \frac{\cos x}{\cos x}}{\frac{1}{\cos x} - \frac{\cos x}{\cos x}} = \frac{1}{\sin x} - \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$E = \frac{\frac{1-\text{senx} - \cos x}{\cos x}}{\frac{1-\cos x}{\sin x}}$$

$$E = \frac{\text{senx}}{\text{cosx}}$$

∴ E = tanx