



MATHEMATICAL REASONING

Chapter 14





FRACCIONES





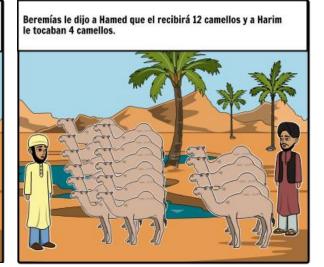
EL HOMBRE QUE CALCULABA

Estábamos caminando sin interrupción, cuando de repente vimos a tres hombres discutiendo al lado de unos camellos.

Somos hermanos y recibimos, como herencia, 35 camellos. Según la voluntad de mi padre yo recibo la mitad, mi hermano Hamed una tercera parte, y Harim, una novena parte.

No sabemos, como dividir 35 camellos, y a cada división que uno propone protestan los otros dos, pues la mitad de 35 es 17 y medio. ¿Cómo hallar la tercera parte y la novena parte de 35, si tampoco son exactas las divisiones?

Beremías cogió mi camello para hacer la operación y dijo que iba a hacer una operación exacta con 36 camellos. Y le dijo al más viejo que el tenía que recibir 18.







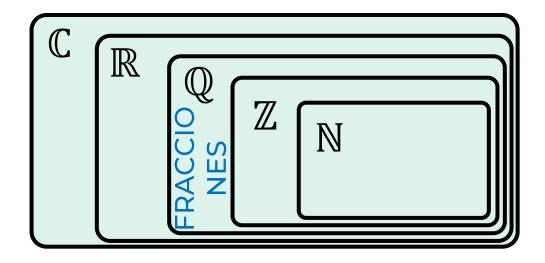






FRACCIONES

Recordemos Que:



DEFINICIÓN DE FRACCIÓN

Es aquella división indicada de los enteros positivos a y b, que cumplen las condiciones:

Ejemplos

$$f = \frac{a}{b} \quad \begin{cases} a; b \in \mathbb{Z}^+ \\ a \neq b \end{cases}$$



FRACCIONES

EN GENERAL

$$\frac{PARTE}{TODO} \rightarrow es; son; representa$$

$$\rightarrow de; del: respecto de$$

¿Qué parte es 15 de 12?
$$\frac{Parte}{Todo} = \frac{15}{12} <> \frac{5}{4}$$

Ejemplos
¿Qué parte de 15 es 12?
$$\frac{Parte}{Todo} = \frac{12}{15} <> \frac{4}{5}$$

¿Qué fracción representa 18 respecto de 30?

$$\frac{Parte}{Todo} = \frac{18}{30} \Longleftrightarrow \frac{3}{5}$$



FRACCIONES

GANANCIAS Y PÉRDIDAS EN FRACCIONES

GANA / AUMENTA	QUEDA
$\frac{1}{6}$ >+	$\frac{7}{6}$
$\frac{3}{8}$ >+	11 8
$\frac{a}{b}$ >+	$\frac{a+b}{b}$

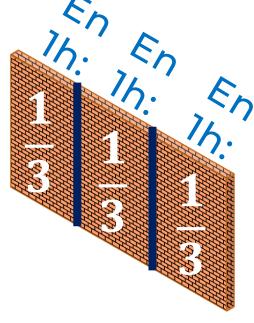
PIERDE / DISMINUYE	QUEDA
$\frac{1}{6}$ > -	<u>5</u> 6
$\frac{3}{8}$ > -	<u>5</u> 8
$\frac{a}{b}$) –	$\frac{b-a}{b}$



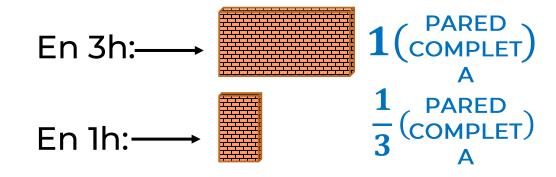
REDUCCIÓN A LA UNIDAD

Si Lucho puede pintar esa pared en 3 horas.





Entonces:



Si toda la obra la realiza en 3h, en una hora hará 1/3 de la obra.



REDUCCIÓN A LA UNIDAD

EN GENERAL Si toda la obra lo realiza en un tiempo T, en una unidad de tiempo hará $\frac{1}{T}$ de la obra.

<u>Por ejemplo</u>

Dos obreros A y B pueden hacer una obra en 10 y 15 días respectivamente. Entonces,

	OBRA TOTAL	EN 1D	EN 2D	En 3d
A	10d	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{10}$	$\frac{3}{10}$
\boldsymbol{B}	15 <i>d</i>	$\frac{1}{15}$	$\frac{2}{15}$	$\frac{3}{15}$



REDUCCIÓN A LA UNIDAD

OTRA FORMA:

Dos obreros A y B pueden hacer una obra en 10 y 15 días respectivamente. Si trabajan juntos, ¿en cuánto tiempo podrán terminar la obra?

Resolución

Sea el tiempo (en días) que demoran en hacer la obra: x

	OBRA TOTAL	EN 1D	$\left(\frac{1}{10} + \frac{1}{15} = \frac{1}{x}\right) 30x$
A	10d	$\frac{1}{10}$	3x + 2x = 30 $5x = 30$
B	15 <i>d</i>	$\frac{1}{15}$	$\Rightarrow x = 6$

Tiempo total
$$= 6d$$
ías



HELICO PRACTICE





A puede hacer una obra en 20 días; B lo podría hacer en 60 días. Si A y B trabajan juntos, ¿en cuántos días lo podrán hacer?

RESOLUCIÓN

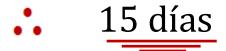
	OBRATOTAL	EN1 DÍA
\boldsymbol{A}	20 días	$\frac{1}{20}$
B	60 días	$\frac{1}{60}$
JUNTO S	x días	$\frac{1}{x}$
3		

$$\left(\frac{1}{20} + \frac{1}{60} = \frac{1}{x}\right) 60x$$

$$3x + x = 60$$

$$4x = 60$$

$$\Rightarrow x = 15$$





Mario realizó 1/12 de su tarea. ¿Qué fracción de que le queda, debe realizar para tener listo los 2/3 de su tarea?

RESOLUCIÓN TAREA TOTAL. 12X

REALIZA:
$$\frac{1}{12}(12X) = X$$

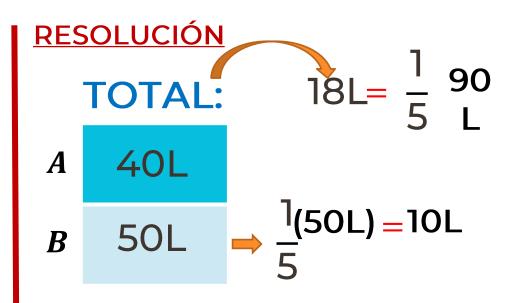
LE QUEDA: 11X

DESEATENER
$$\frac{2}{3}(12X) = 8X$$
LISTO:

$$f = \frac{8}{11}$$



Se tiene una mezcla de 40L de líquido A con 50L de líquido B. Si se extrae 18L de la mezcla. ¿Cuántos litros del líquido B salen?



OTRA FORMA:
$$A = 4K$$
 $B = 5K$ $9K = 18$ $K = 2$





Una piscina se llena mediante 3 grifos, A, B y C que pueden llenarla en 6h, 4h y 3h respectivamente; si los 3 grifos funcionarán simultáneamente para llenar la piscina vacía ¿Cuánto tiempo tardarían?

RESOLUCIÓN

	OBRATOTAL	EN1 HORA	
A	6 horas	$\frac{1}{6}$	
В	4 horas	$\frac{1}{4}$	
С	3 horas	$\frac{1}{3}$	
Junto s	x horas	$\frac{1}{x}$	

$$\left(\frac{1}{6} + \frac{1}{4} + \frac{1}{3} = \frac{1}{x}\right)^{12x}$$

$$2x + 3x + 4x = 12$$

$$9x = 12$$

$$\rightarrow x = \frac{12}{9}$$





Dos grifos pueden llenar un estanque en 6h y 4h respectivamente; por su parte un desagüe puede vaciar el estanque en 12h ¿En que tiempo se llenará el estanque si funcionan los grifos y el desagüe en forma simultanea?

RESOLUCIÓN

	OBRATOTAL	EN1 HORA
A	6 horas	$\frac{1}{6}$
В	4 horas	$\frac{1}{4}$
C	12 horas	$\frac{1}{12}$
Junto s	x horas	$\frac{1}{x}$

$$\left(\frac{1}{6} + \frac{1}{4} - \frac{1}{12} = \frac{1}{x}\right) 12x$$

$$2x + 3x - x = 12$$

$$4x = 12$$

$$\rightarrow x = 3$$





En una reunión de 60 personas, los 3/10 del total son varones.

¿Cuántas mujeres deberán retirarse para los varones sean ahora los 3/5 del nuevo total?

RESOLUCIÓN

TOTAL PERSONAS: 60

VARONES
$$\frac{3}{10}(60) = 18$$
 MUJERES: 42

PIDEN QUE LOS 18 VARONES QUE QUEDAN SEAN LOS 3/5 **DEL NUEVO TOTAL "X".**

$$\frac{3}{5}X = 18$$

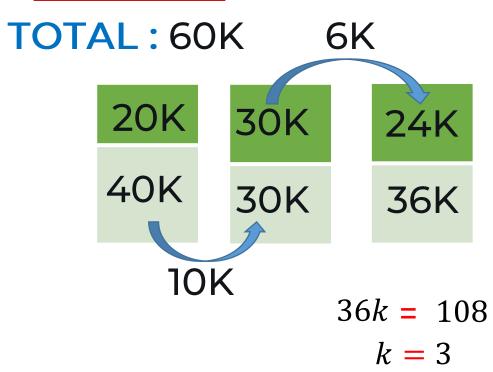
$$X = MUJERES:12$$

30MUJERES QUE DEBEN RETIRARSE: 42 - 12 = 30



Se tiene un recipiente lleno de vino, se extrae 1/3 de su contenido y se reemplaza con agua, en seguida se extrae 1/4 de la mezcla y se reemplaza con agua. Por último se extrae 1/5 de la nueva mezcla y se reemplaza con vino. Si hay todavía 108 L de vino puro, ¿cuál era el contenido del recipiente?

RESOLUCIÓN



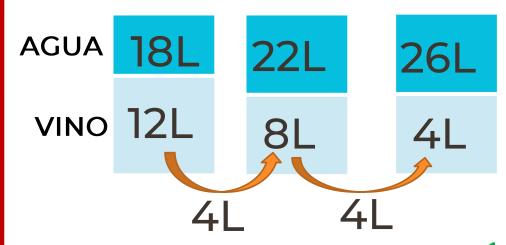
Total contenido: 60k



Se descubrió a un mal empleado de una bodega de vinos, el cual adulteraba el vino. Un determinado día, hizo lo siguiente: a un recipiente de 12 litros de vino hecha 18 litros de aqua, luego retira 10 litros de la mezcla y luego reemplaza por agua. Seguidamente retira 15 litros de la nueva mezcla y lo reemplaza con ¿Qué parte es el vino respecto a la cantidad de agua en la mezcla resultante?

RESOLUCIÓN

TOTAL: 30L



$$10L es \frac{1}{3} de total$$

$$15L es \frac{1}{2} de total$$

PIDEN: VINO: 4

 $\frac{1}{26}$



HELICO WORKSHOP













MUCHAS GRACIAS

