# ARITHMETIC Tomo IV



**Números Primos II** 

$$N = A^{\alpha} X B^{\beta} X C^{\gamma}$$

Descomposición polinómica

@ SACO OLIVEROS

### **MOTIVATING STRATEGY**





# HELICO THEORY 1 TEOREMA FUNDAMENTAL DE LA ARITMÉTICA:

## Todo número se puede representar como:

$$> 72 = 2^3 \times 3^2$$

$$> 90 = 2^{1} \times 3^{2} \times 5^{1}$$

$$> 45= 3^2 \times 5^1$$

#### En

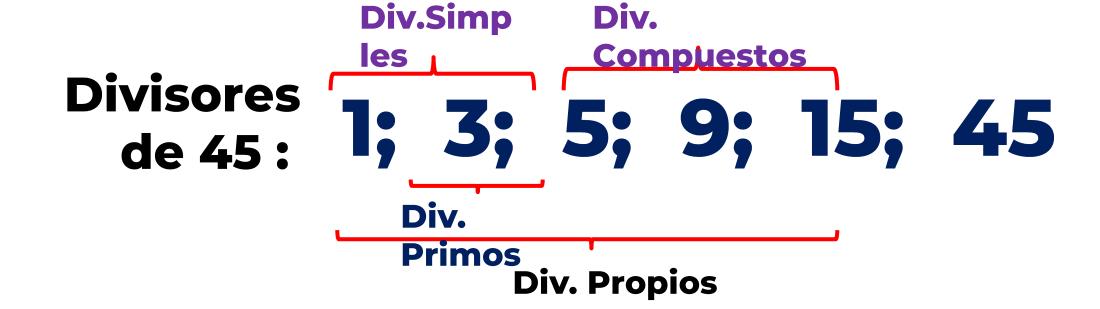
**general:** 
$$N = A^a \times B^b \times C^c$$
 ...(DC)

### **Donde:**

- A, B ,C ...son números primos
- a, b, c, ...son enteros positivos

# HELICO THEORY (2) ESTUDIO DE LOS DIVISORES ENTEROS PO

**Ejemplo: DETERMINE Y CLASIFIQUE LOS DIVISORES DE 45** 



### **3**

# HELICO THEORY CANTIDAD DE DIVISORES DE UN NÚMERO

$$24 = 2^{3}x^{3}$$

$$1 \quad 1$$

$$2^{1} \quad 3^{1}$$

$$2^{2}$$

$$2^{3}$$

$$CD_{24} = 4x \quad 2 = 8$$

**180** = 
$$2^2 x 3^2 x 5$$
  
 $1 1 1 1$   
 $2^1 3^1 5$   
 $2^2 3^2$ 

$$CD_{180} = 3 \times 3 \times 2 = 18$$

En general
$$Sea N = A^{a} \times B^{b} \times C^{c} \dots (DC)$$

$$CD_{N} = (a+1)(b+1)(c+1)$$

### **HELICO THEORY** 4 CONSIDERACIONES IMPORTANTES:

\* Los divisores de un número pueden ser simples o compue

$$CD_{N} = CD_{simples} + CD_{compuestos}$$

\* Los divisores simples son el uno y los números primos

$$CD_N = 1 + CD_{primos} + CD_{compuestos}$$

\* Para determinar la cantidad de divisores propios no se cu el mismo número.

$$CD_{\text{propios de N}} = CD_{\text{N}} - 1$$

- 1. Para el número 720 Calcule 5720
  a. Cantidad de divisores 72
  primos 3
  b. Cantidad de divisores 68
  simples 9
  Cantidad de divisores 3
  compuestos 1
- a) Tiene 3 divisores primos:
- b) Tiene 4 divisores simples:

### 2. ¿Cuántos di**VisoPes Me**ne el número 93 ×

\* 
$$9^3 = (3^2)^3 = 3^6$$

\* 
$$25^2 = (5^2)^2 = 5^4$$

Entonces 
$$9^3 \times 25^2 = 36 \times 5^4$$

•

$$CD=(7).(5)=35$$

∴ Tiene 35

divisores

3. Dado el númecos NEMIS × 12, ¿Cuántos divisores compuestos tienecN?

$$N = 15 \times 12$$
  $N = 3 \times 5 \times 2^2 \times 3$ 

$$N = 2^2 \times 3^2 \times 5....DC$$

#### Por condición

∴ Tiene 14 divisores compuestos

4.Si A = 600, ¿cuántos divisores pares e

imparés tiene A?

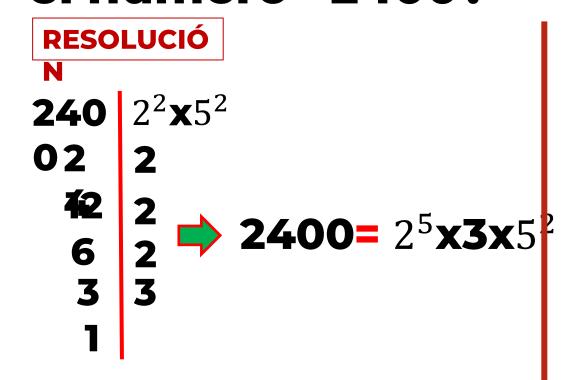
**Tenemos: 600** =

Para saber cuantos divisores  $[2^2 x 3^1 x 5^2]$  pares:

CD(pares)(3)(2)(3)=18

Para saber cuantos divisores  $2^3[3^1x5^2]$  impares:

# 5. ¿Cuántos divisores múltiplos de 15 tiene el número 2400?



2400 3x 
$$(2^{5}x5^{1})$$
  
=  $CD_{15}$  = (6)(2)  
 $CD_{15}$  = 12

∴ Tiene 12 divisores múltiplos de

15

6. El 30 de enero de 2004 el gramma estro danés Peter Nielsen jugó una partida de ajedrez contra Chess Brain, el ordenador en red más grande del mundo. El encuentro terminó en un empate luego de  $a^5+2$  movimientos. ¿En cuántos movimientos terminó el encuentro si  $A = 2^a x 3^2 x 5^{a+1}$  tiene 36

**divisores?**

$$A = 2^{a} \times 3^{2} \times 5^{a+1}$$

$$CD_A = (a+1). (3). (a+2)=36$$
 $(a+1).(a+2)=12$ 
 $3 \qquad 4 \qquad a=2$ 

### El número de movimiento

$$a^5+2 = 2^5+2 = 34$$

∴ el número de movimientos fue 34

7. ¿ Un número que Riene EMactores primos y cuyos exponentes son dos números consecutivos, tiene 17 divisores compuestos. ¿Cuál es el menor valor que puede tomar diche púrpere ando:

 $N = a^n.b^{n+1}$ a y b son números **R**/tirene que ser el menor valor a = 3entonces: b = 2

$$CD_S = 2 + 1 = 3$$

$$N = 3^{n}.2^{n+1}$$
 $CD_{N} = (n+1).(n+2) = 17 + 3$ 
 $(n+1).(n+2) = 20$ 
 $A = 5 \Rightarrow n = 17$ 
 $N = 3^{3}.2^{4} \Rightarrow N = 432$ 

8. Rosario debe repartir cierta cantidad de caramelos junto a Armando quien le comenta que por coincidencia la cantidad de caramelos a repartir es igual a la cantidad de divisores que tiene el número 2500, a lo que ella replica que en realidad es igual a la cantidad de divisores compuestos. ¿Cuál es la verdadera cantidad de caramelos si ambos están equivocados y estaccantidad es múltiplo de 7 y se encuentra entre las dos

cantidades indicadas?

Calculando la cantidad de divisores de 2500

$$CD_A = (3). (5)$$

$$CD_A = 15$$

$$CD_{S} = 2 + 1$$

$$CD_S = 3$$

$$CD_c = 15 - 3$$

$$CD_{c} = 12$$

Hay 14 caramelos