

GEOMETRY

4th grade of secondary

CHAPTER 6 TEORIA

ÁNGULOS ASOCIADOS A LA CIRCUNFERENCIA

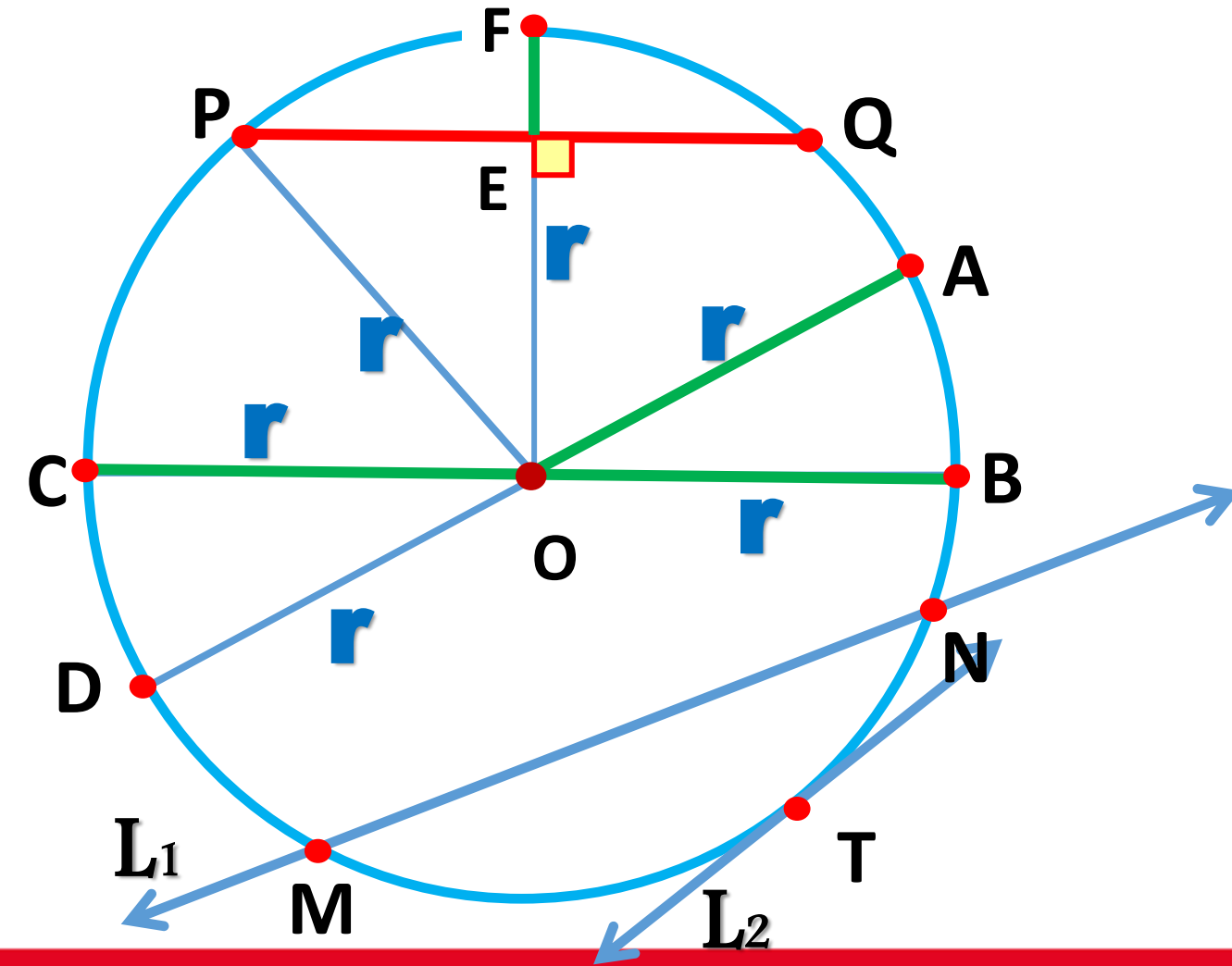


Al observar el borde de la luna o el sol, el hombre tuvo las primeras nociones de circunferencia, al cortar una naranja o un limón el contorno de la sección plana tiene forma de circunferencia y que equidista de centro, esto le llevó a conocer las primeras propiedades de ella.



CIRCUNFERENCIA

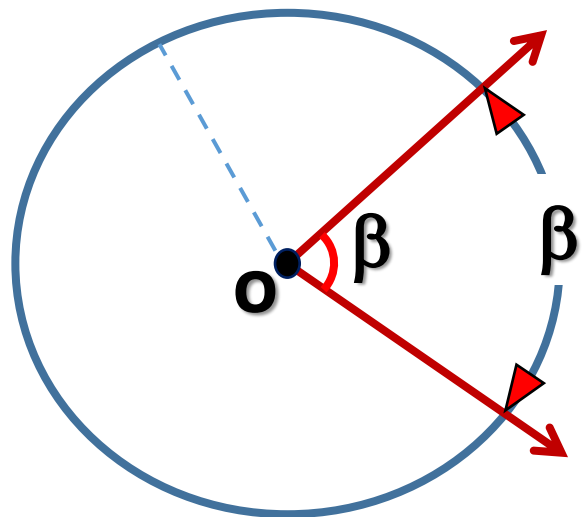
Es aquella línea curva cerrada, que esta formada por el conjunto de puntos coplanales que equidistan a un punto fijo denominado centro.



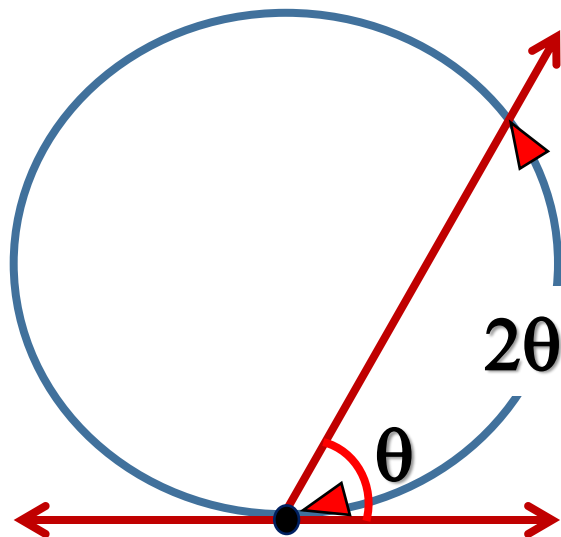
- O : Centro
- \overline{OA} : Radio
- \overline{PQ} : Cuerda
- \overline{BC} : Diámetro
- \widehat{AQ} : Arco
- \overline{EF} : Flecha
- $\overleftrightarrow{L_1}$: Recta secante
- $\overleftrightarrow{L_2}$: Recta tangente
- T : Punto de tangencia

Ángulos asociados a la circunferencia

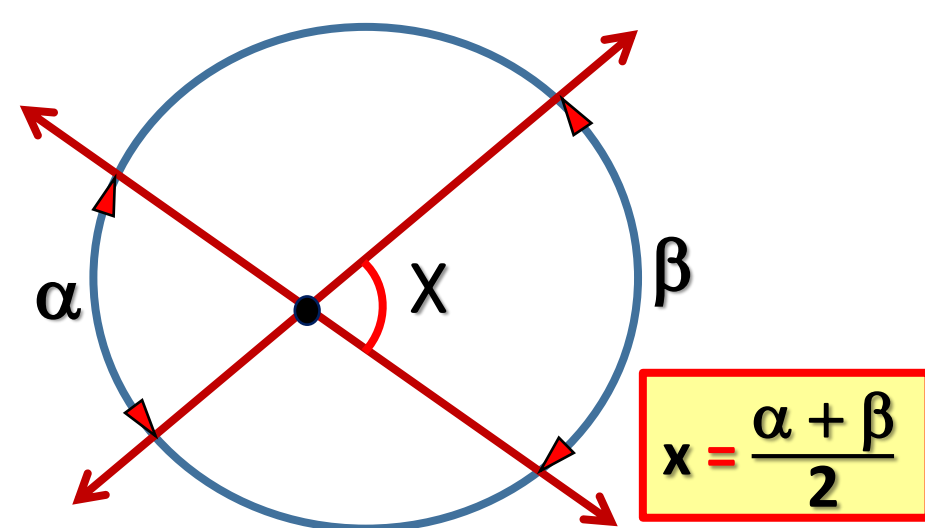
Ángulo central



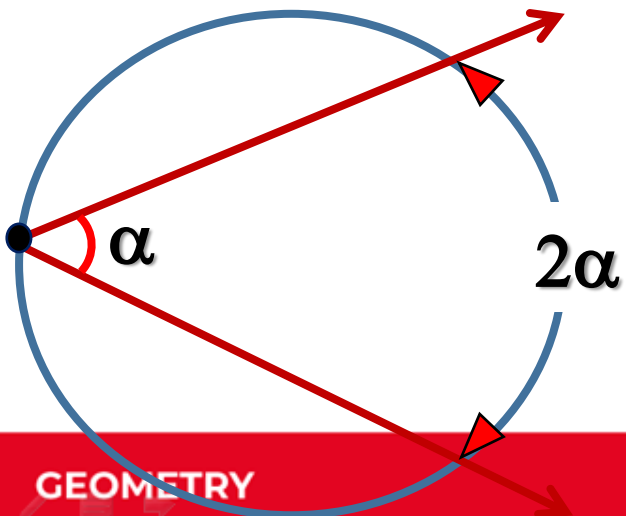
Ángulo semiinscrito



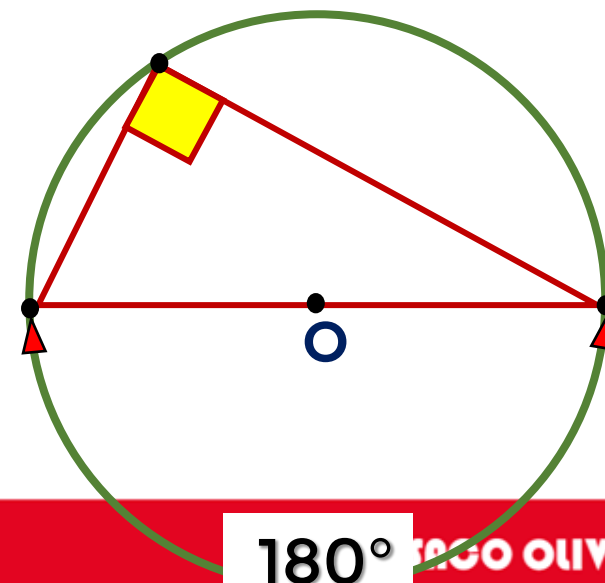
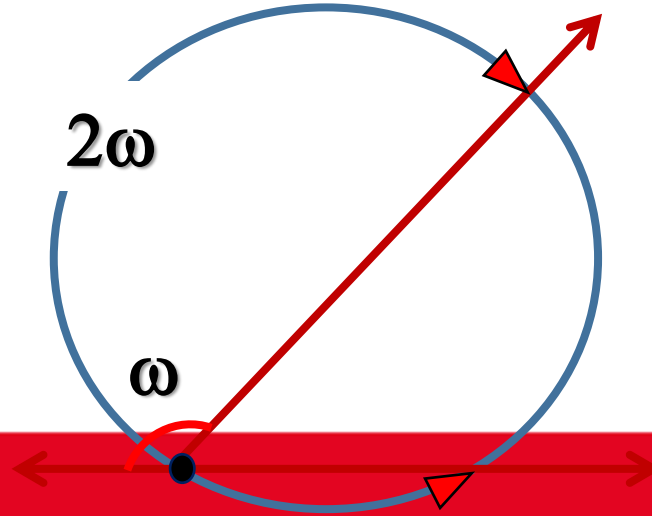
Ángulo interior



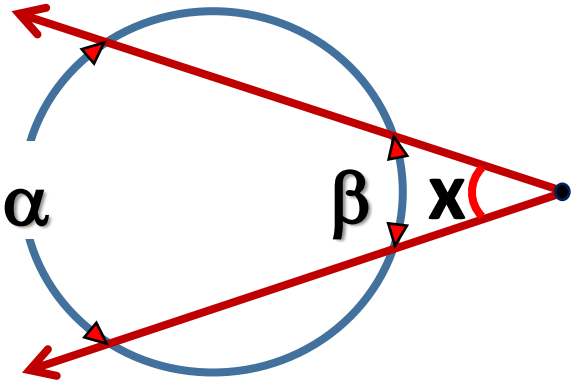
Ángulo inscrito



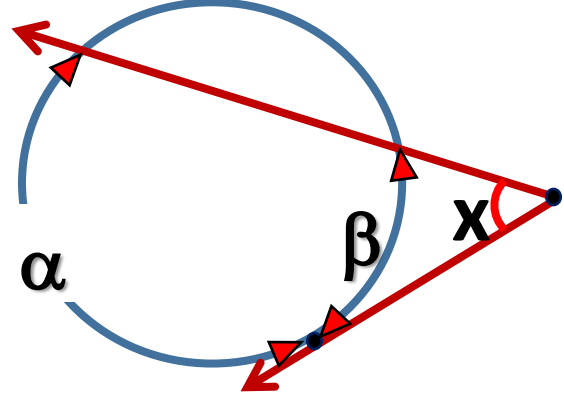
Ángulo exinscrito



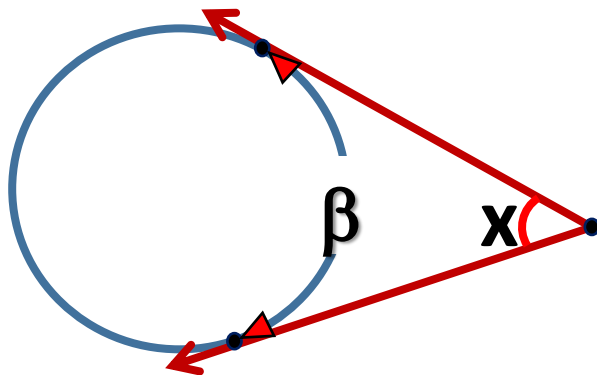
Ángulo exterior



$$x = \frac{\alpha \square \beta}{2}$$

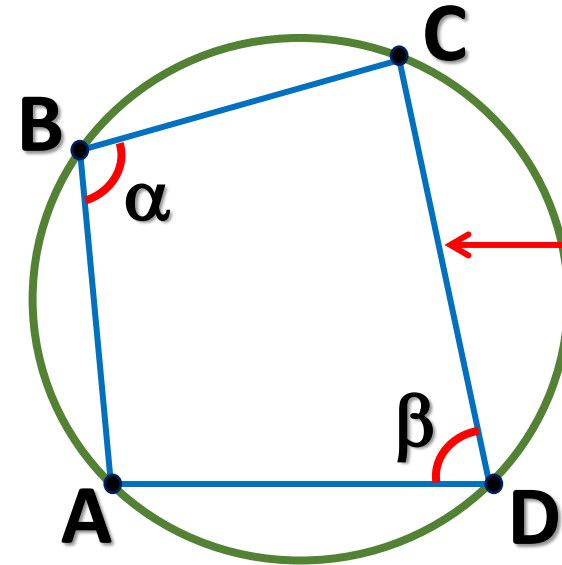


$$x = \frac{\alpha \square \beta}{2}$$



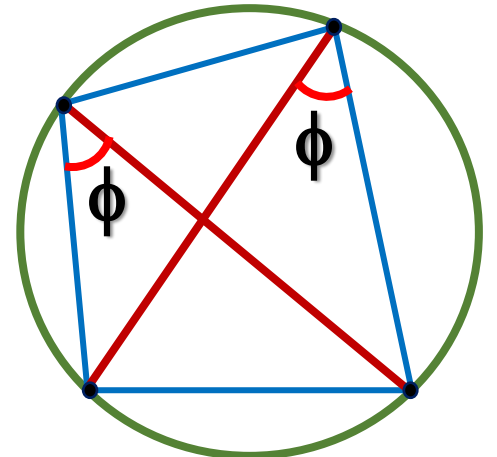
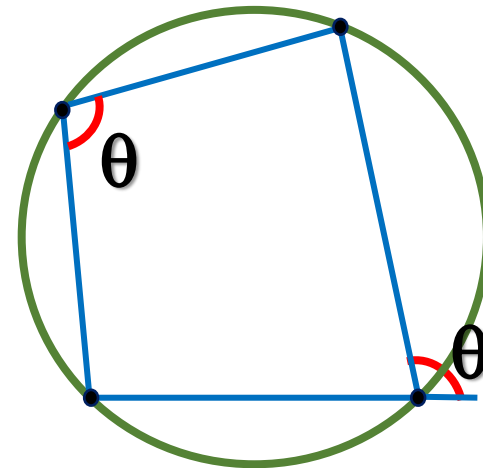
$$x + \beta = 180^\circ$$

Cuadriláteros inscritos en una circunferencia

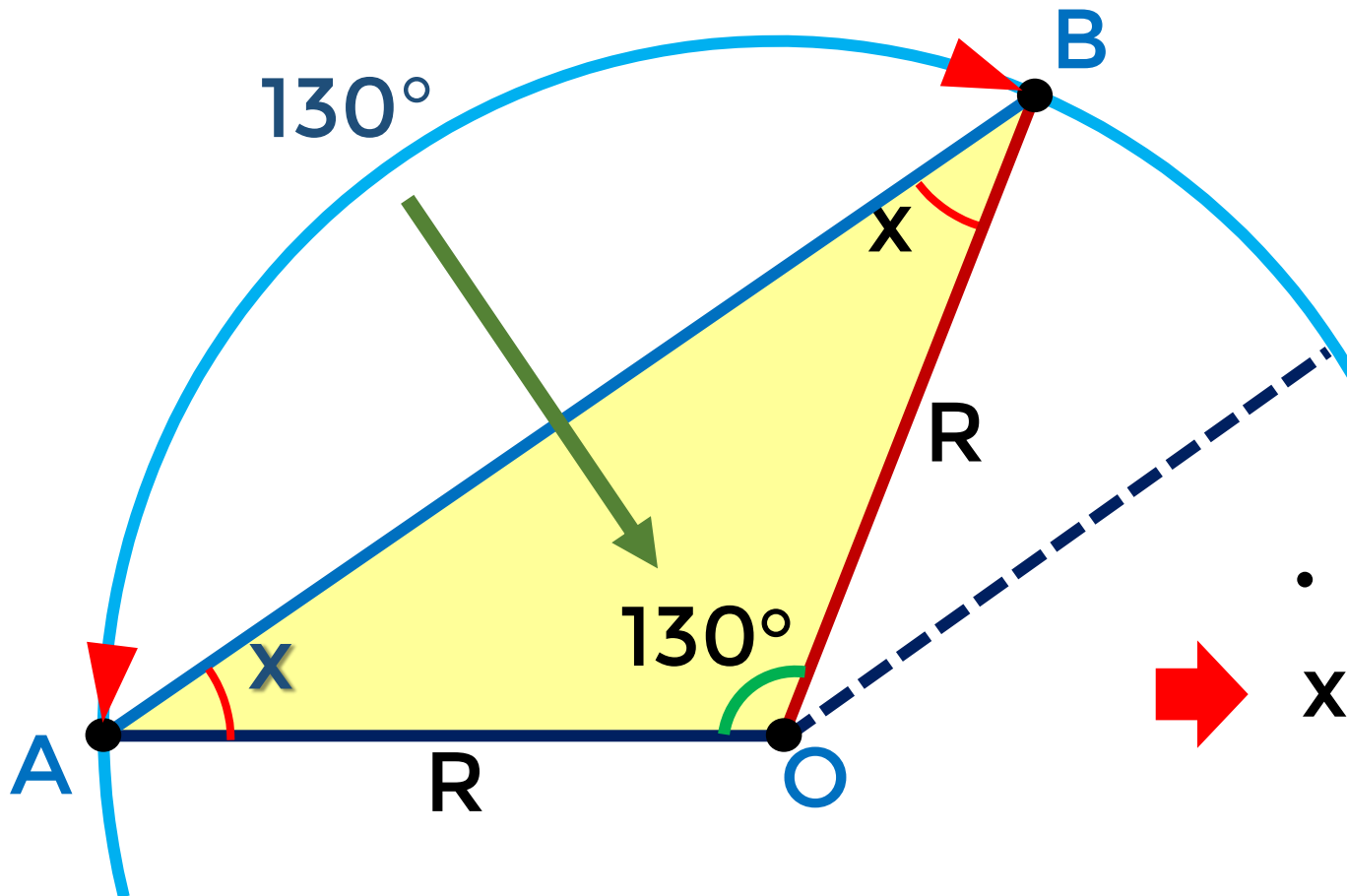


$ABCD: \square$ inscrito

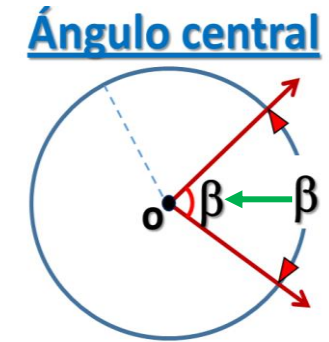
$$\alpha + \beta = 180^\circ$$



1. En una circunferencia de centro O , se traza una cuerda \overline{AB} , tal que: la $m\widehat{AB} = 130^\circ$. Halle la $m\angle OAB$.



- Trazamos \overline{OB}

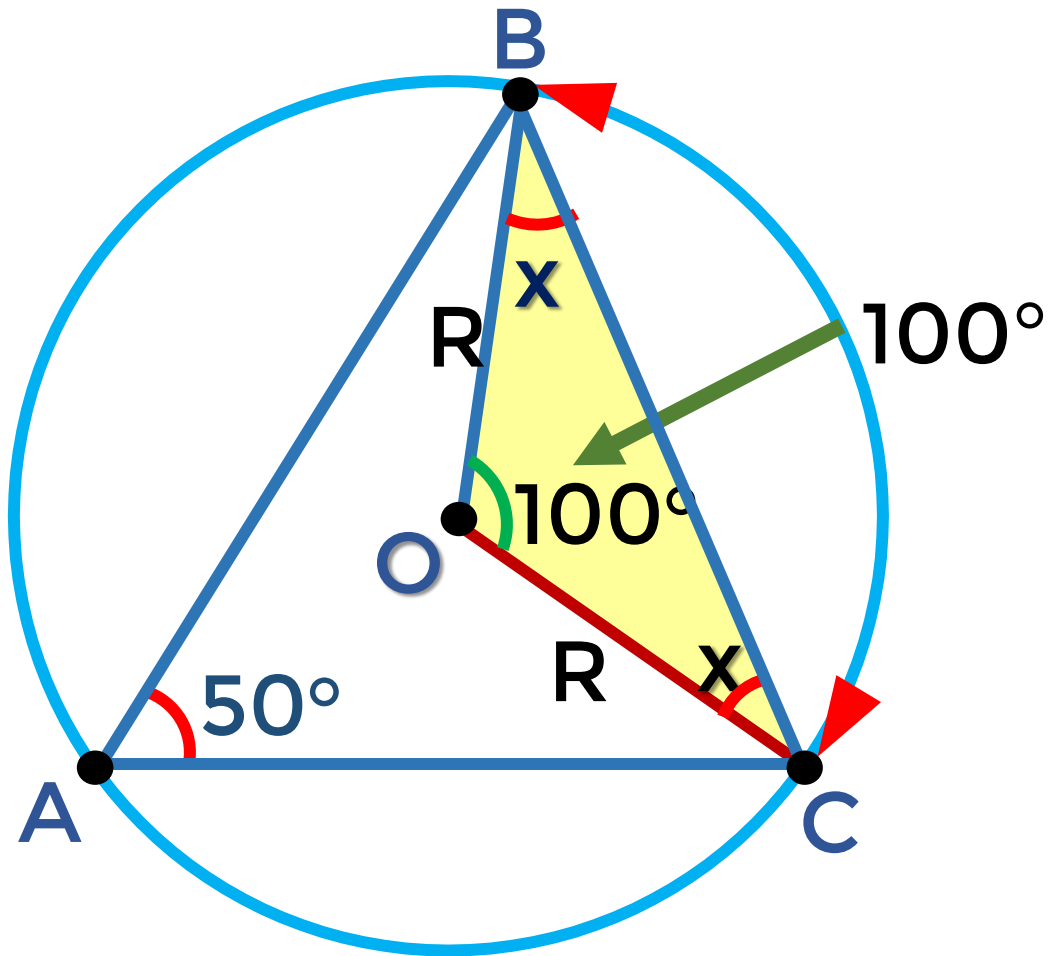


- $\triangle AOB$: Isósceles

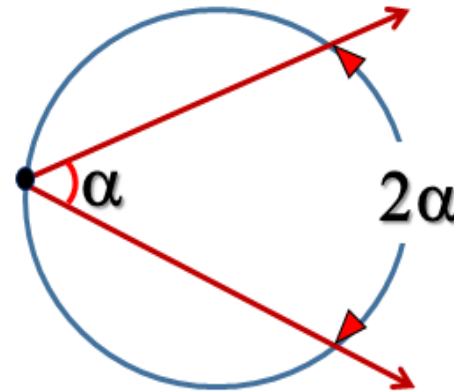
$$\begin{aligned} x + x + 130^\circ &= 180^\circ \\ 2x &= 50^\circ \end{aligned}$$

$$x = 25^\circ$$

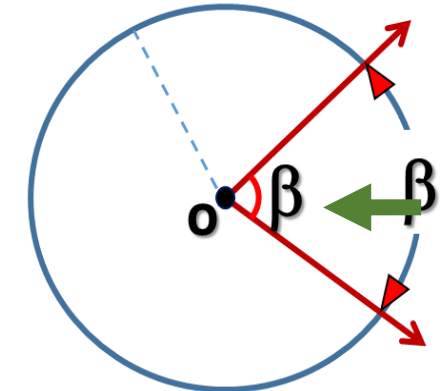
2. En una circunferencia de centro O, se inscribe el triángulo ABC, tal que: la $m\angle BAC = 50^\circ$. Halle la $m\angle OBC$.



Ángulo inscrito



Ángulo central



- Trazamos \overline{OC}
- $\triangle BOC$: Isósceles

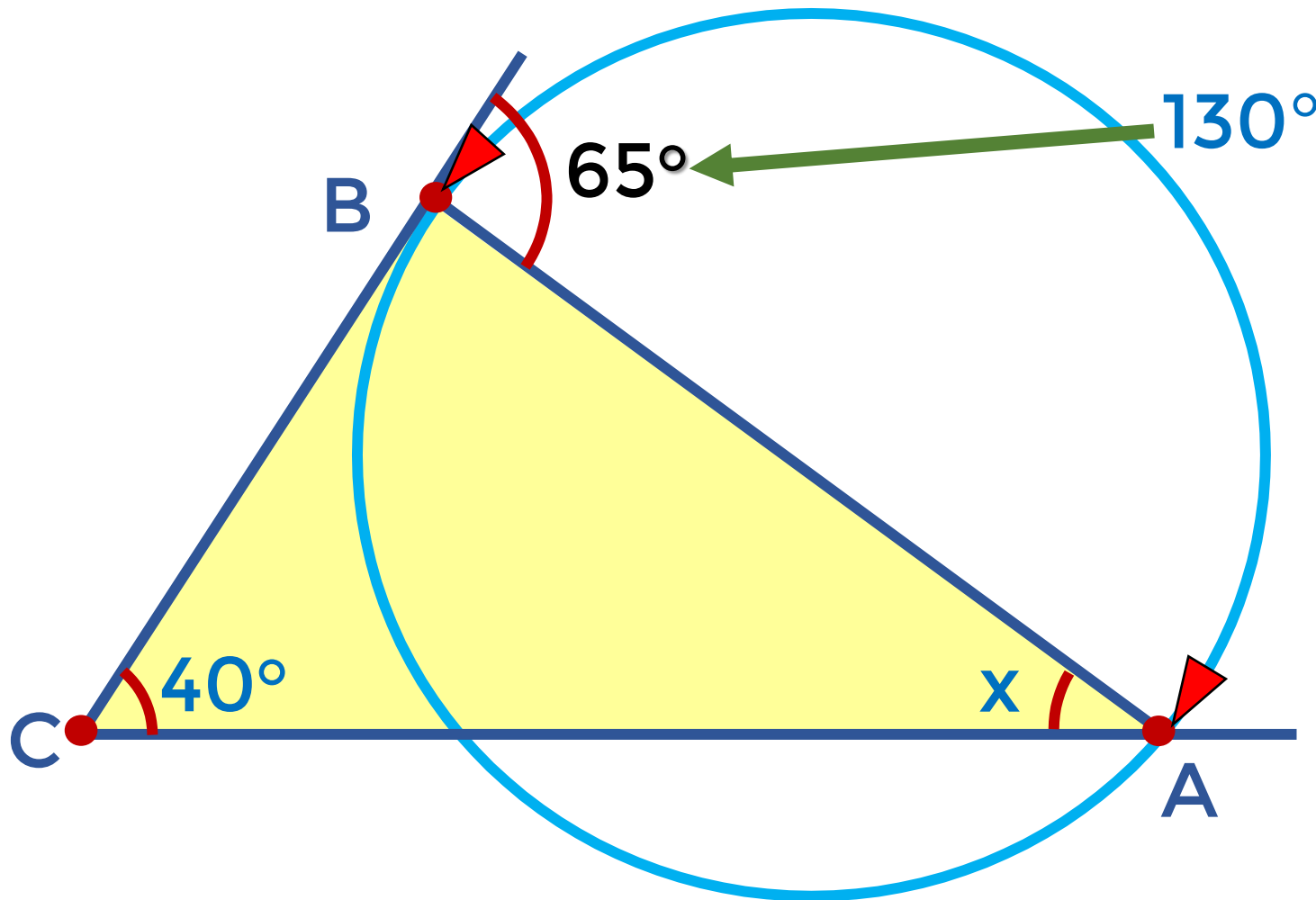
$$x + x + 100^\circ = 180^\circ$$

$$2x = 80^\circ$$

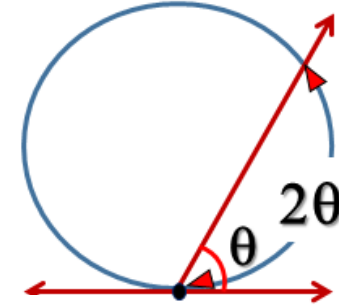
$$x = 40^\circ$$



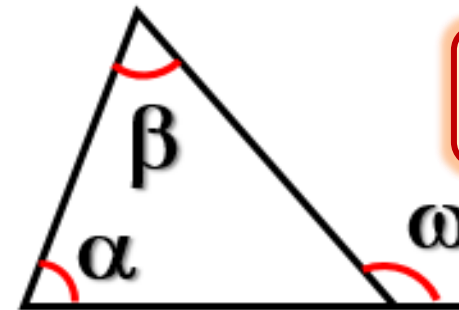
3. En el gráfico, B es punto de tangencia. Halle el valor de x.



Ángulo semiinscrito



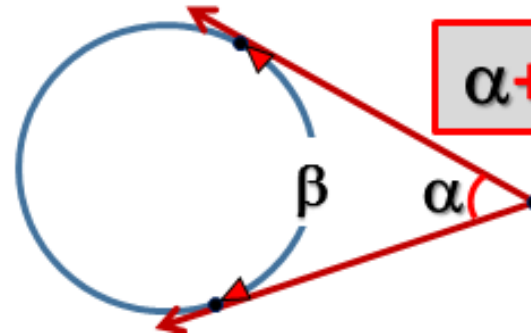
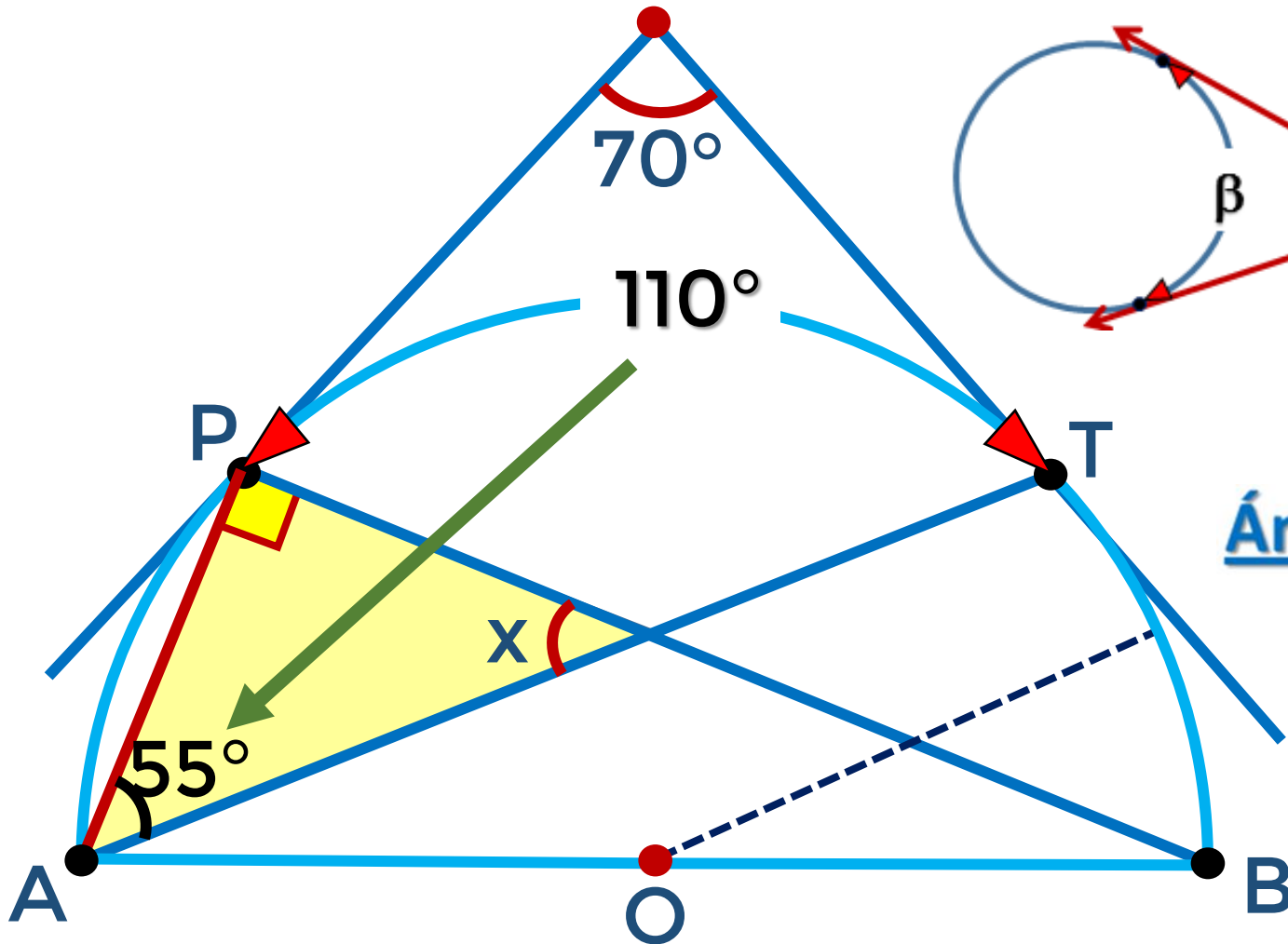
$$\alpha + \beta = \omega$$



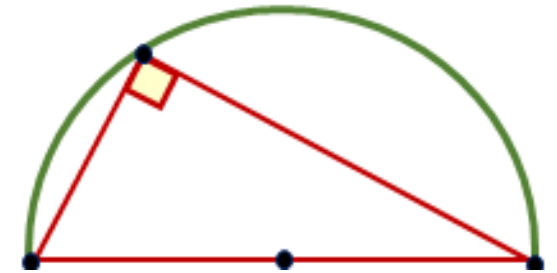
$$\Rightarrow x + 40^\circ = 65^\circ$$

$$x = 25^\circ$$

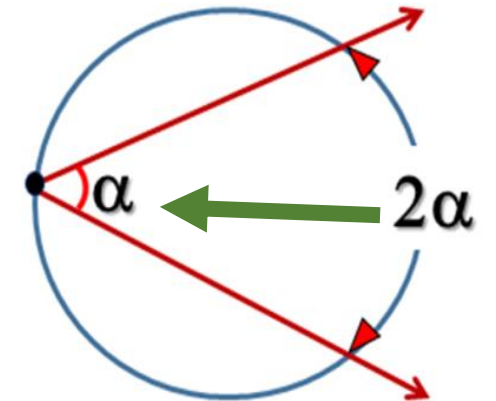
4. En el gráfico, P y T son puntos de tangencia y \overline{AB} es diámetro. Halle el valor de x.



$$\alpha + \beta = 180^\circ$$



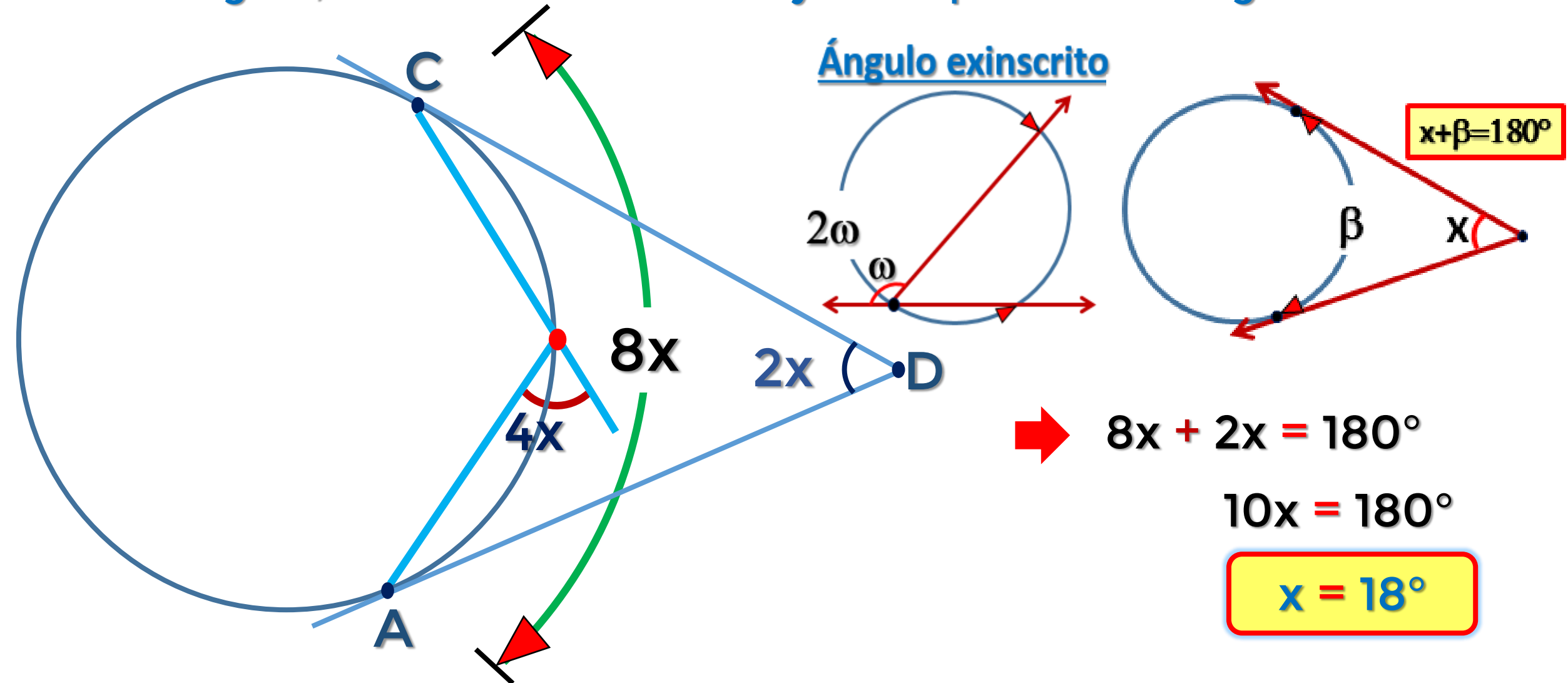
Ángulo inscrito



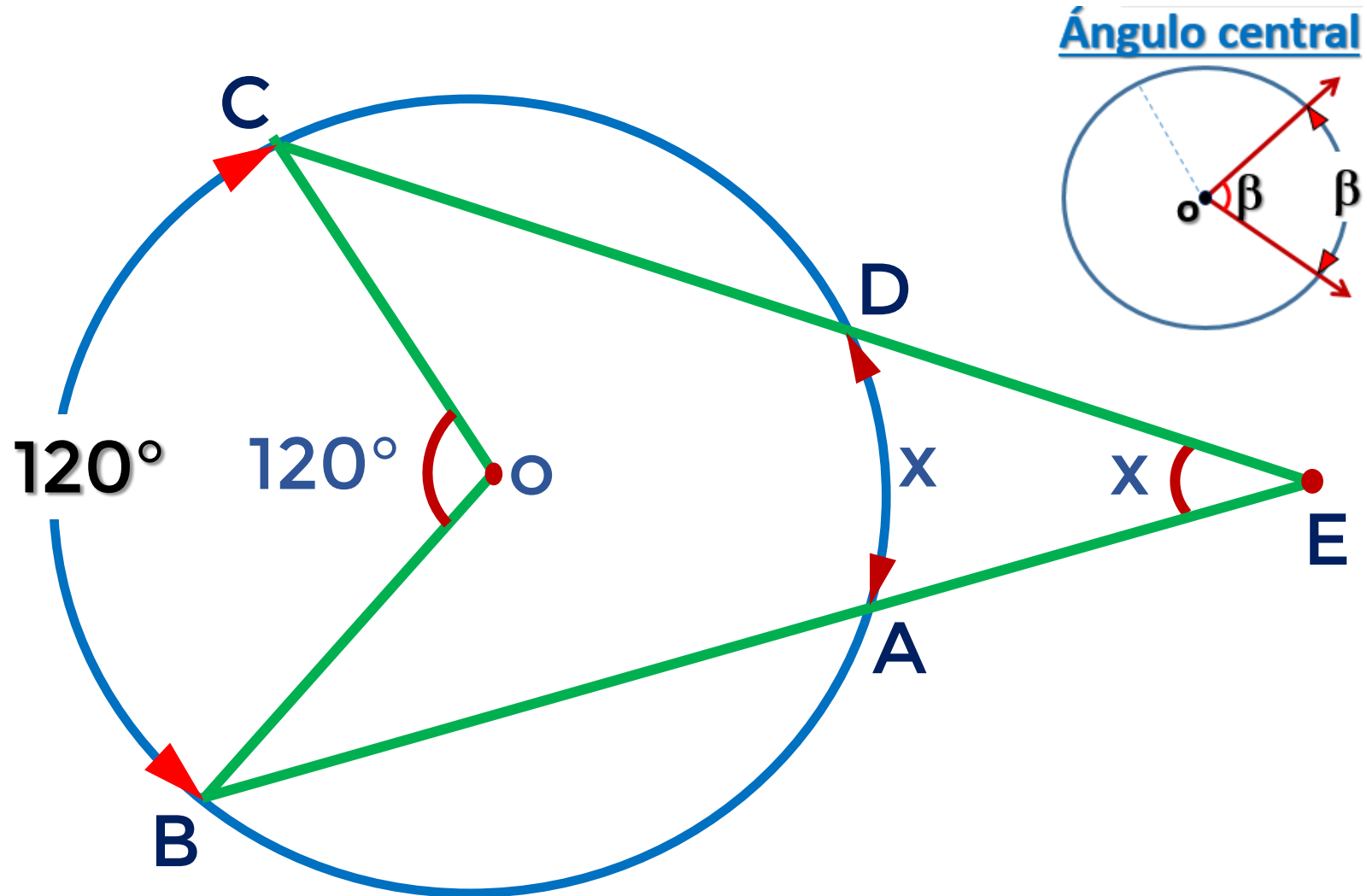
$$x + 55^\circ = 90^\circ$$

$$x = 35^\circ$$

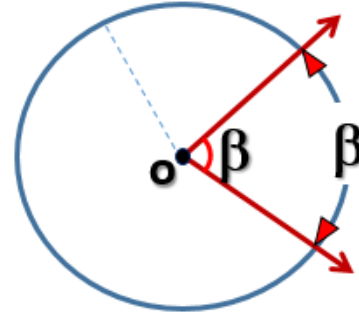
6. En la figura, halle el valor de x . si A y C son puntos de tangencia.



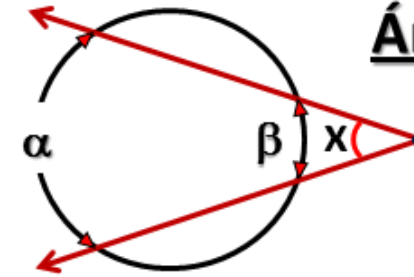
7. En la figura, halle el valor de x si O es centro.



Ángulo central



Ángulo exterior



$$x = \frac{\alpha - \beta}{2}$$

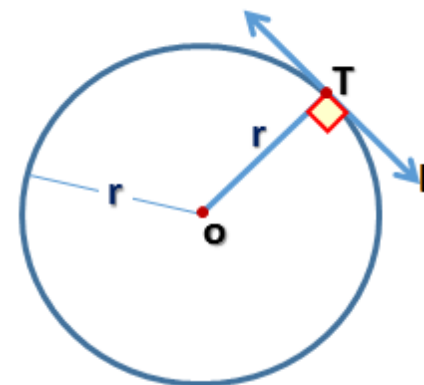
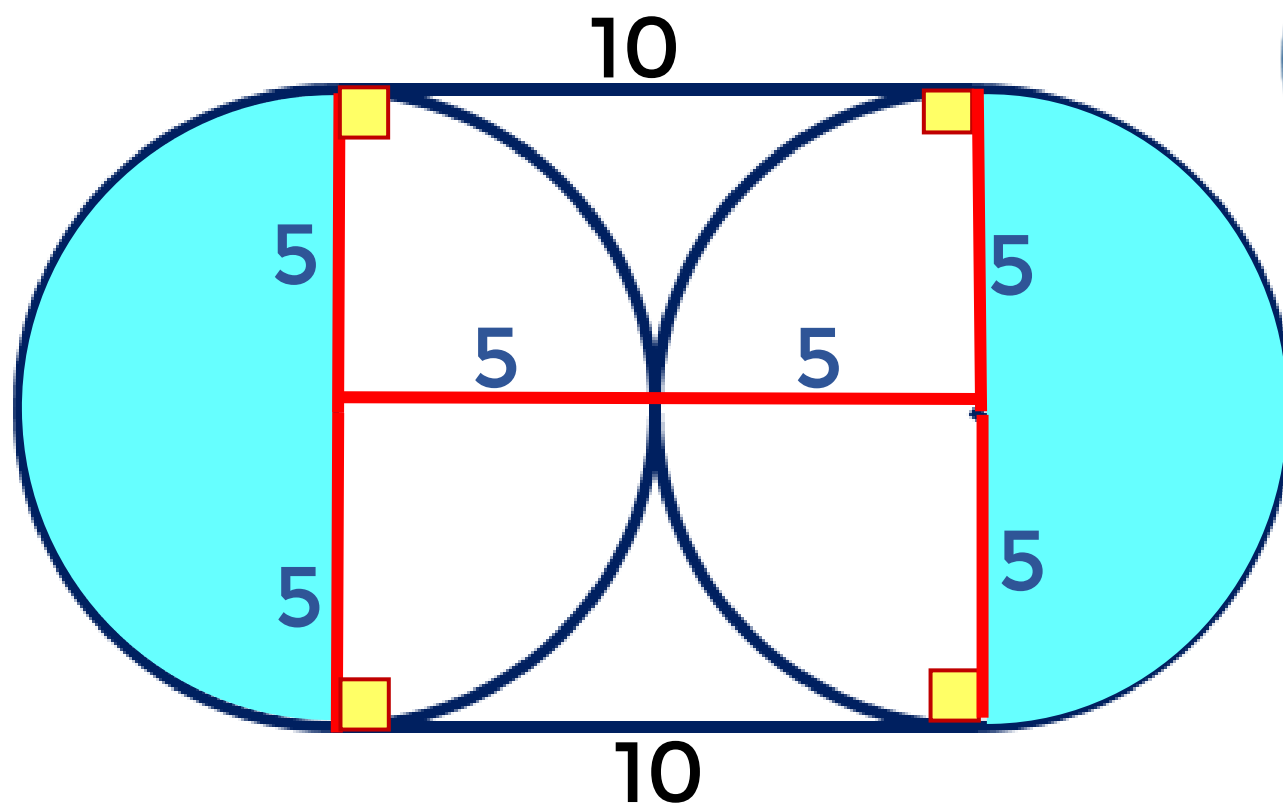
$$\Rightarrow x = \frac{120^\circ - x}{2}$$

$$2x = 120^\circ - x$$

$$3x = 120^\circ$$

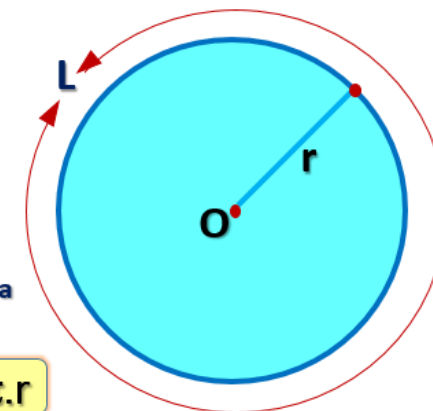
$$x = 40^\circ$$

8. En la figura, halle la longitud de la faja que rodea a los dos rodillos mostrados si sus radios miden 5 cm.



L: longitud de la
circunferencia

$$L_{\text{O}} = 2\pi \cdot r$$



$$L(\text{faja}) = 10 + 10 + L$$

$$L(\text{faja}) = 20 + 2\pi(5)$$

$$L(\text{faja}) = 20 + 10\pi$$

$$L(\text{faja}) = 10(2 + \pi)\text{cm}$$