

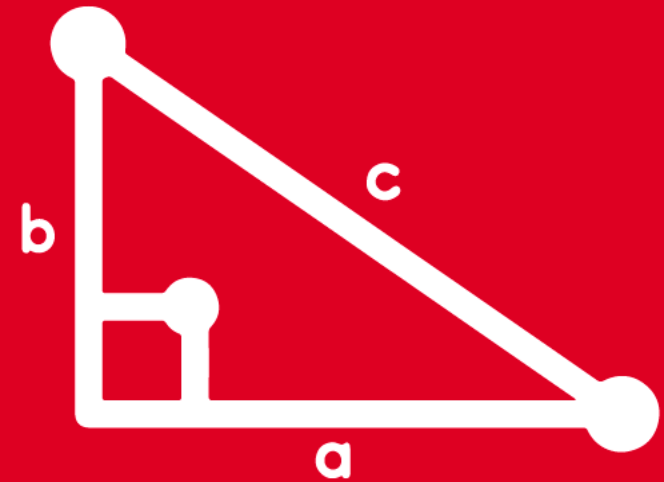


TRIGONOMETRY

Chapter 20

2nd
SECONDARY

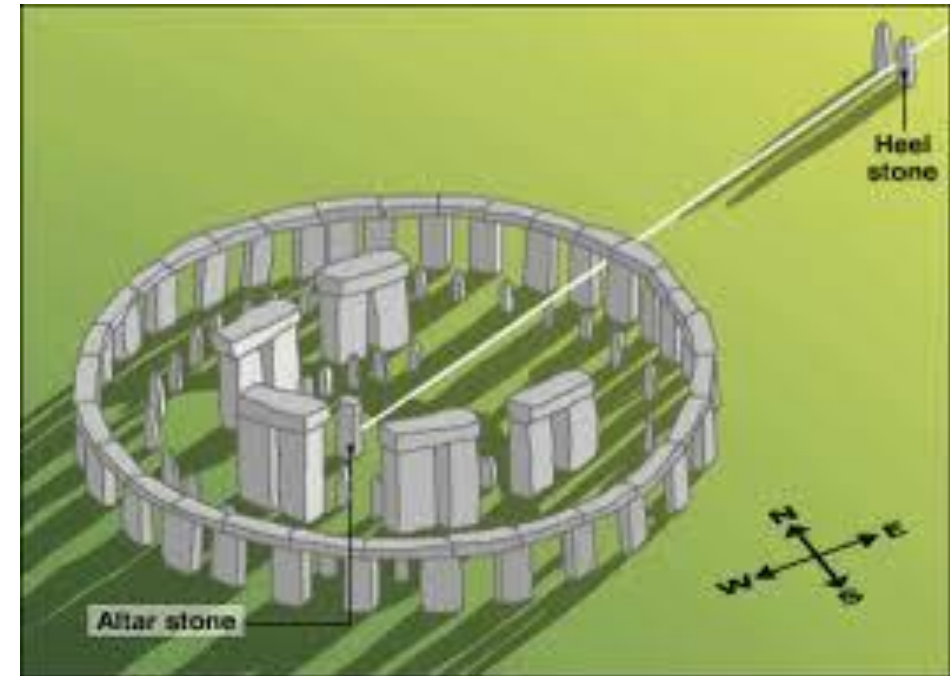
REDUCCIÓN AL PRIMER CUADRANTE I



MOTIVATING STRATEGY

¿Cómo se medía el tiempo en la antigüedad?

El más famoso cuadrante monumental es el de Stonehenge, al sur de Inglaterra, que data de 1900 a. de n. e. Se cree que este gigantesco círculo de piedras, que constaba de cuatro estructuras principales, cumplía con un propósito sagrado de culto al sol.





REDUCCIÓN AL PRIMER CUADRANTE I

Reducir al primer cuadrante consiste en cambiar las razones trigonométricas de ángulos que no son agudos, en términos de un ángulo que sí lo sea

Para ángulos positivos menores a una vuelta

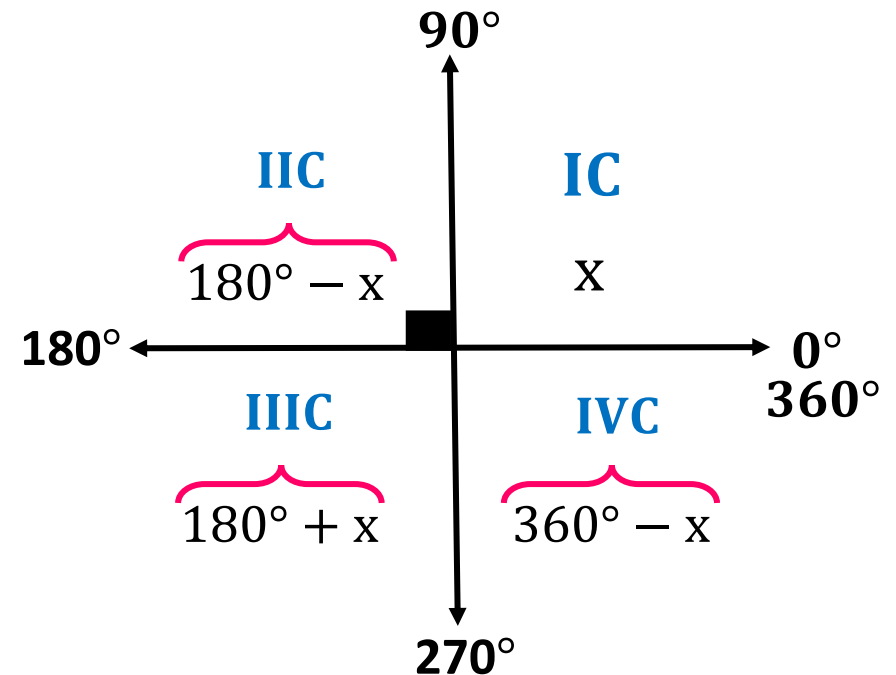
1º caso

$$\left. \begin{array}{l} \text{RT}(180^\circ + \textcircled{x}) \\ \text{RT}(180^\circ - \textcircled{x}) \\ \text{RT}(360^\circ - \textcircled{x}) \end{array} \right\} \pm \text{RT}(x)$$



El signo (+) o (−) de la razón trigonométrica depende del cuadrante al cual pertenece el ángulo a reducir.

A continuación veamos el siguiente gráfico:





2º caso

$$\left. \begin{array}{l} \text{RT}(90^\circ + \textcircled{x}) \\ \text{RT}(270^\circ - \textcircled{x}) \\ \text{RT}(270^\circ + \textcircled{x}) \end{array} \right\} \pm \text{CO} - \text{RT}(\textcircled{x})$$

RECORDAR

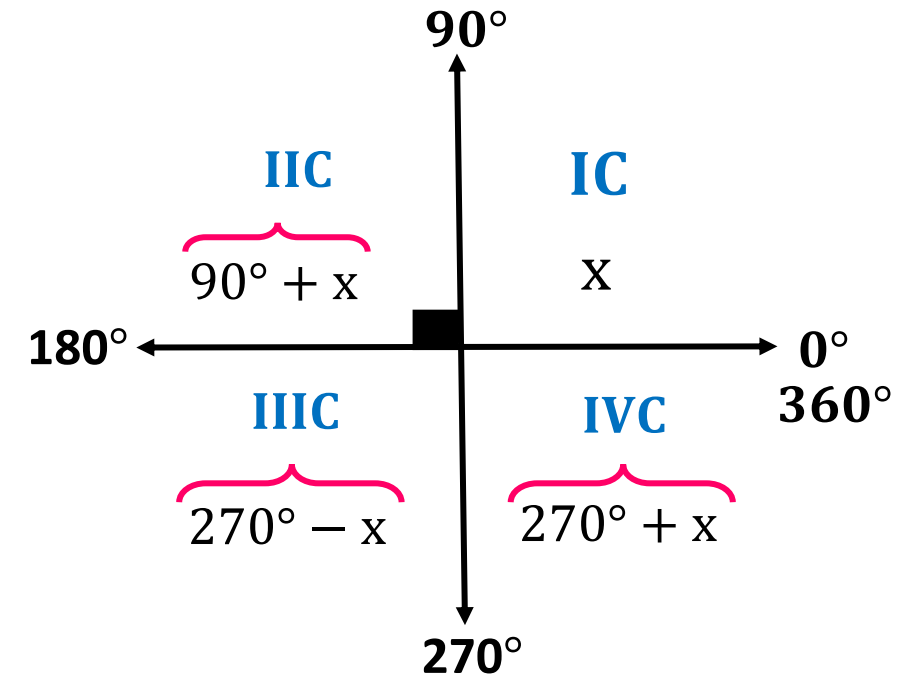


Razón		CO-Razón
sen	→	cos
sec	→	csc
tan	→	cot



El signo (+) o (-) de la razón trigonométrica depende del cuadrante al cual pertenece el ángulo a reducir.

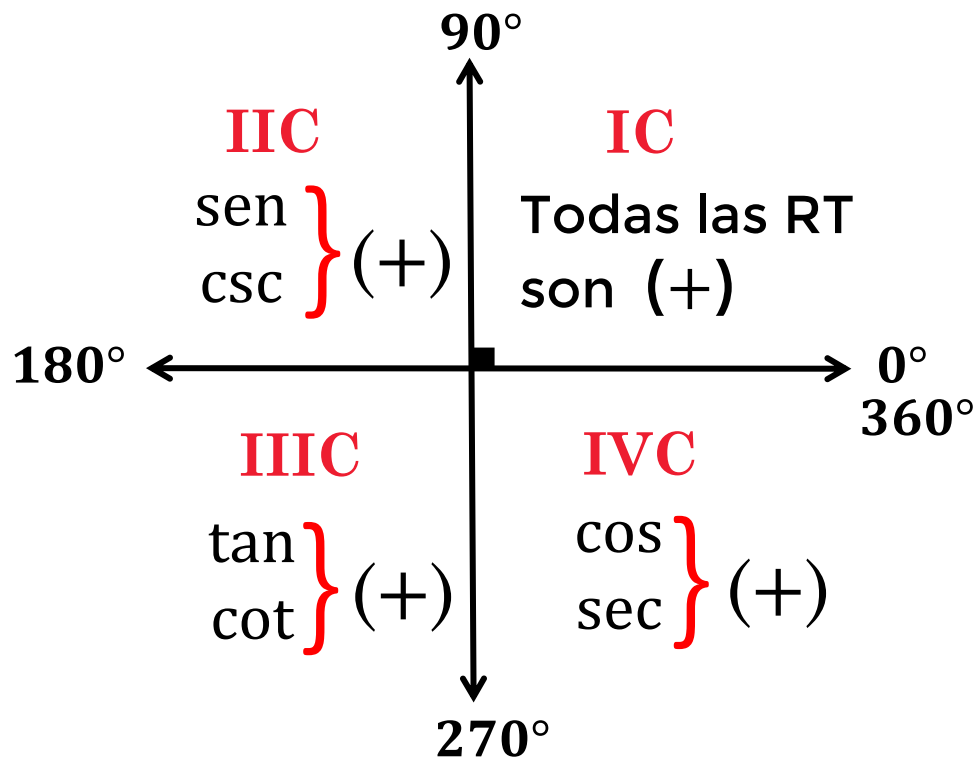
A continuación veamos el siguiente gráfico:





Nota:

Recordar el esquema de los signos para determinar el signo (+) o (-) de la razón trigonométrica.



Ejemplos:

Reducir las siguientes razones al primer cuadrante.

$$\underbrace{\text{sen}(180^\circ + \textcircled{x})}_{\text{IIIC}} = - \text{sen}x$$

$$\underbrace{\text{tan}(270^\circ - \textcircled{x})}_{\text{IIIC}} = + \text{cot}x$$



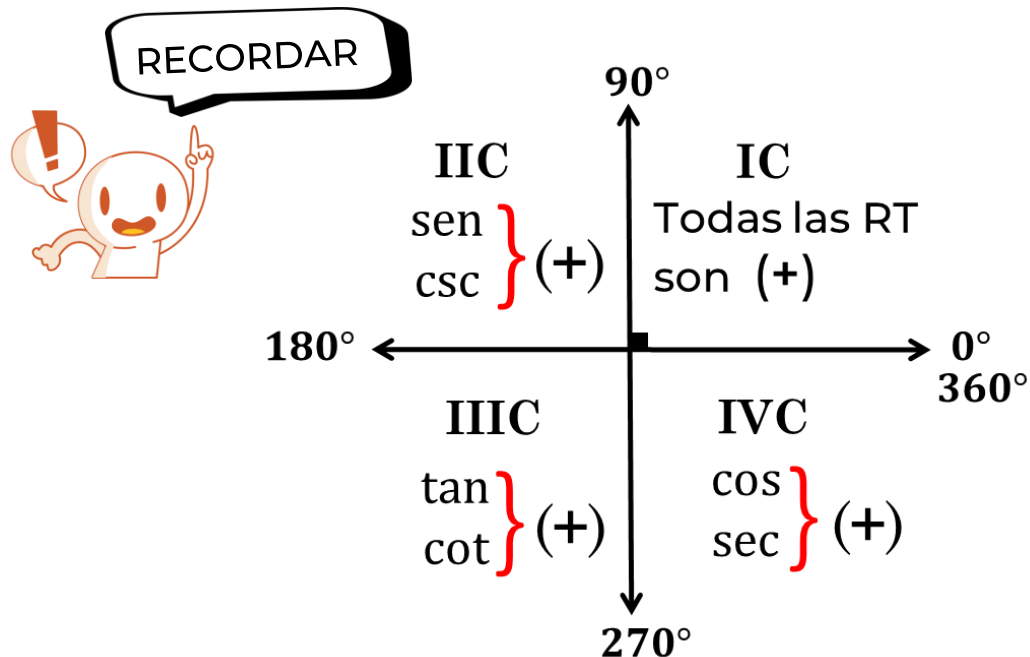
HELICOPRACTICE 1

Reduzca al primer cuadrante

a. $\text{sen}(180^\circ - x) =$

b. $\text{tan}(360^\circ - x) =$

c. $\text{cos}(180^\circ + x) =$



Resolución:

$$\text{RT} \left(\begin{matrix} 180^\circ \\ 360^\circ \end{matrix} \pm \alpha \right) = \pm \text{RT}(\alpha)$$

a. $\text{sen}(180^\circ - \textcircled{x}) = + \text{sen}x$

(Note: The expression is annotated with a bracket labeled 'IIC' under the angle and an upward arrow pointing to the positive sign.)

b. $\text{tan}(360^\circ - \textcircled{x}) = - \text{tan}x$

(Note: The expression is annotated with a bracket labeled 'IVC' under the angle and an upward arrow pointing to the negative sign.)

c. $\text{cos}(180^\circ + \textcircled{x}) = - \text{cos}x$

(Note: The expression is annotated with a bracket labeled 'IIC' under the angle and an upward arrow pointing to the negative sign.)



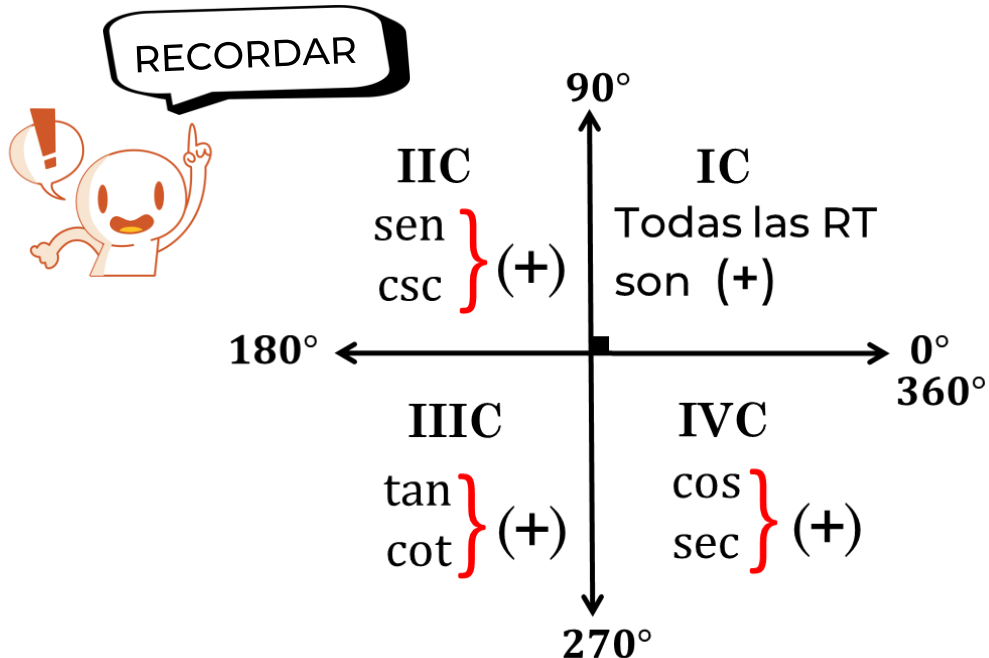
HELICOPRACTICE 2

Reduzca al primer cuadrante

a. $\sec(90^\circ + x) =$

b. $\tan(270^\circ - x) =$

c. $\cos(270^\circ + x) =$



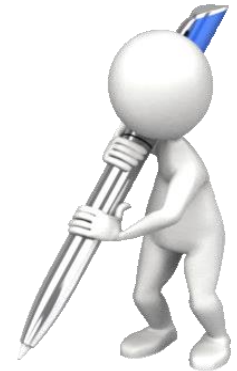
Resolución:

$$RT \left(\begin{matrix} 90^\circ \\ 270^\circ \end{matrix} \pm \alpha \right) = \pm CO - RT(\alpha)$$

a. $\sec(90^\circ + \underbrace{x}_{\text{IIC}}) = - \text{csc}x$

b. $\tan(270^\circ - \underbrace{x}_{\text{IIC}}) = + \text{cot}x$

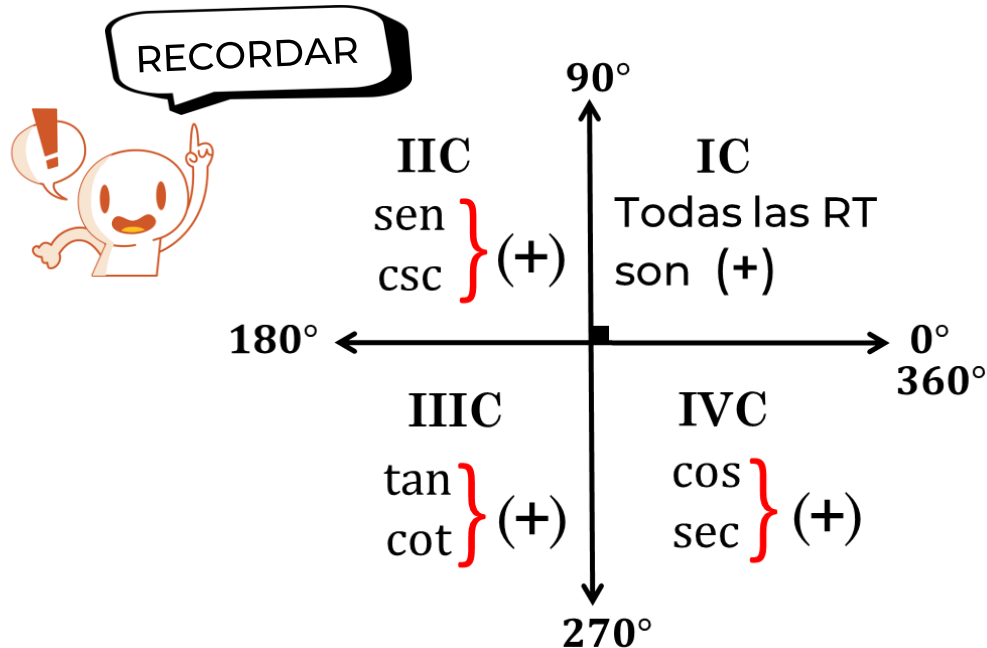
c. $\cos(270^\circ + \underbrace{x}_{\text{IVC}}) = + \text{sen}x$





HELICOPRACTICE 3

Reduzca $M = \frac{3\cot(180^\circ + x)}{\cot(360^\circ - x)}$



$$RT(180^\circ \pm \alpha) = \pm RT(\alpha)$$

Resolución:

Nos piden reducir la expresión M:

$$\cot(180^\circ + x) = + \cot x$$

IIIIC

$$\cot(360^\circ - x) = - \cot x$$

IVC

Reemplazando:

$$M = \frac{3\cancel{\cot x}}{-\cancel{\cot x}}$$

$$\therefore M = -3$$

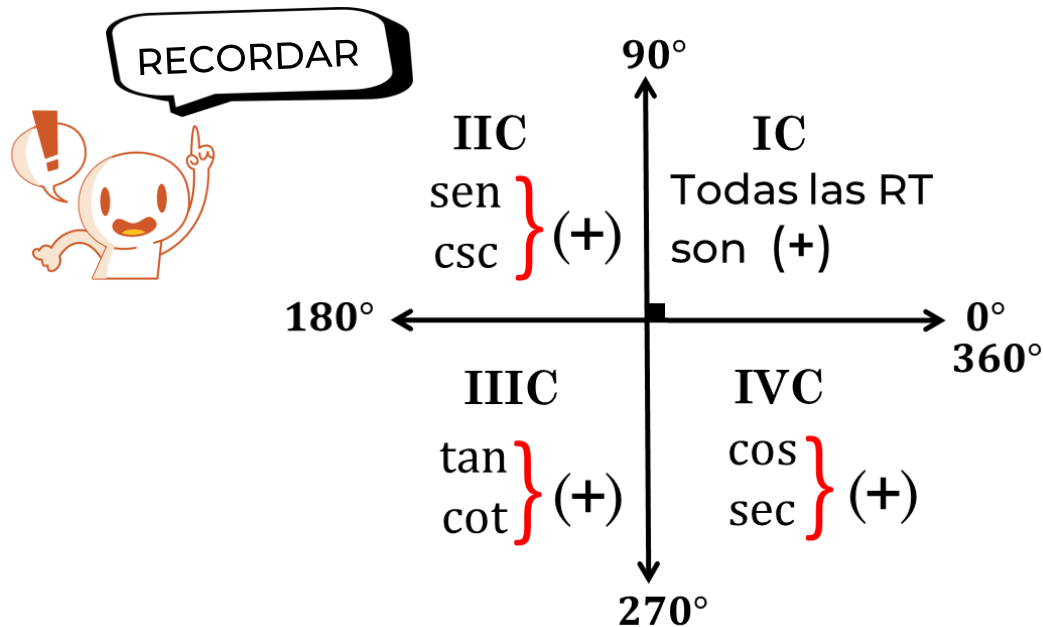




HELICOPRACTICE 4

Reduzca

$$Q = 3\text{sen}(270^\circ - \alpha) + \text{sen}(90^\circ + \alpha)$$



$$\text{RT} \left(\begin{matrix} 90^\circ \\ 270^\circ \end{matrix} \pm \alpha \right) = \pm \text{CO} - \text{RT}(\alpha)$$

Resolución:

Nos piden reducir la expresión Q:

$$\text{sen}(270^\circ - \alpha) = -\text{cos}\alpha$$

III C

$$\text{sen}(90^\circ + \alpha) = +\text{cos}\alpha$$

II C

Reemplazando:

$$Q = 3\text{sen}(270^\circ - \alpha) + \text{sen}(90^\circ + \alpha)$$

$$Q = 3(-\text{cos}\alpha) + \text{cos}\alpha$$

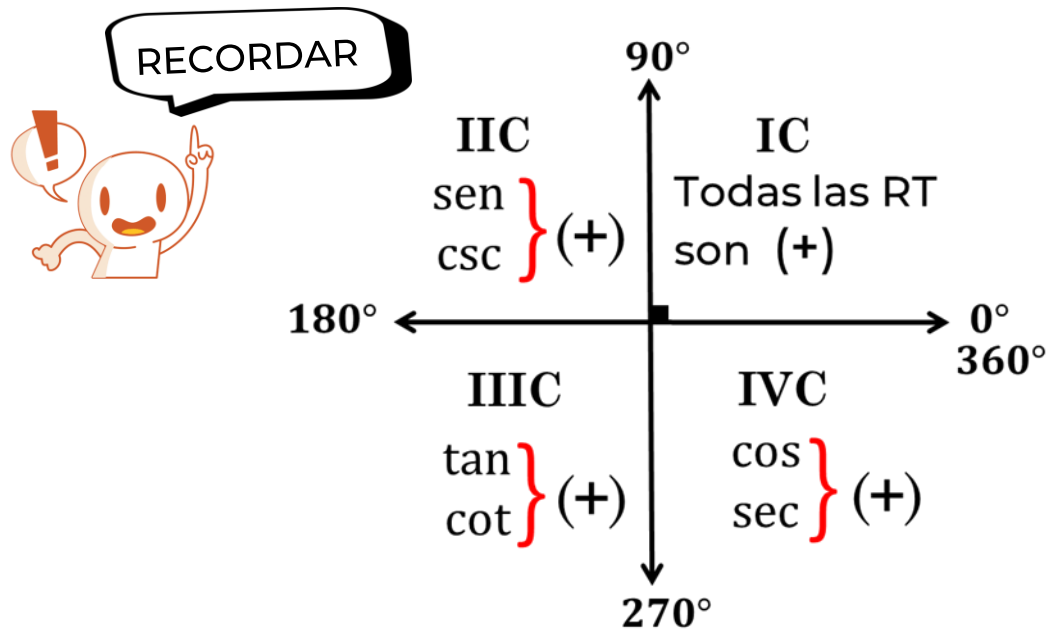
$$Q = -3\text{cos}\alpha + \text{cos}\alpha$$

$$\therefore Q = -2\text{cos}\alpha$$



HELICOPRACTICE 5

Reduzca $K = \frac{\cos(180^\circ + x) \cdot \cot(360^\circ - x)}{\cot(180^\circ + x) \cdot \cos(180^\circ - x)}$



$$RT\left(\begin{matrix} 180^\circ \\ 360^\circ \end{matrix} \pm \alpha\right) = \pm RT(\alpha)$$

Resolución:

Nos piden reducir la expresión K:

$$K = \frac{\overbrace{\cos(180^\circ + x)}^{\text{IIC}} \cdot \overbrace{\cot(360^\circ - x)}^{\text{IVC}}}{\underbrace{\cot(180^\circ + x)}_{\text{IIIC}} \cdot \underbrace{\cos(180^\circ - x)}_{\text{IIC}}}$$

$$K = \frac{-\cancel{\cos x} \cdot (-\cancel{\cot x})}{+\cancel{\cot x} \cdot (-\cancel{\cos x})}$$

$$\therefore K = -1$$

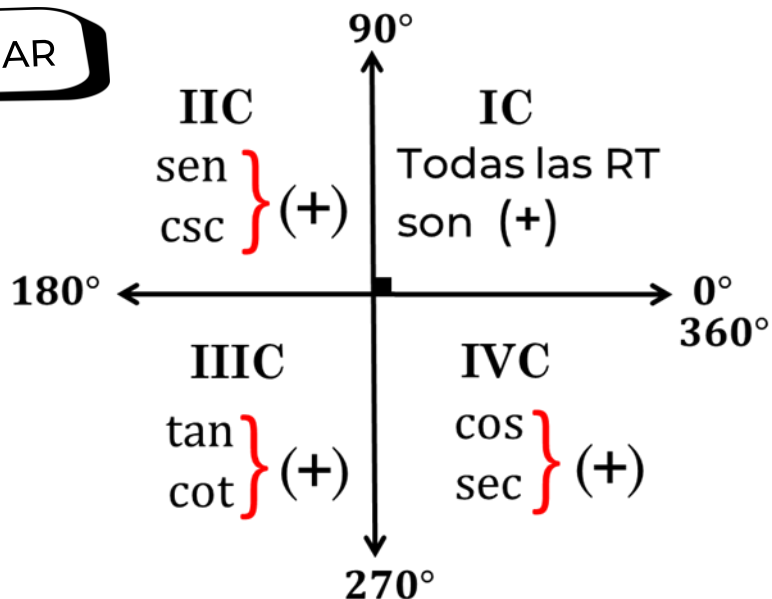


HELICOPRACTICE 6



Reduzca $N = \frac{2\tan(90^\circ + x)}{\cot(180^\circ + x)} + 3$

RECORDAR



$$RT\left(\frac{180^\circ}{360^\circ} \pm \alpha\right) = \pm RT(\alpha)$$

$$RT\left(\frac{90^\circ}{270^\circ} \pm \alpha\right) = \pm CO - RT(\alpha)$$

Resolución:

Nos piden reducir la expresión N:

$$N = \frac{2\tan(90^\circ + x)}{\cot(180^\circ + x)} + 3$$

$$N = \frac{2(-\cancel{\cot x})}{(+\cancel{\cot x})} + 3$$

$$N = -2 + 3$$

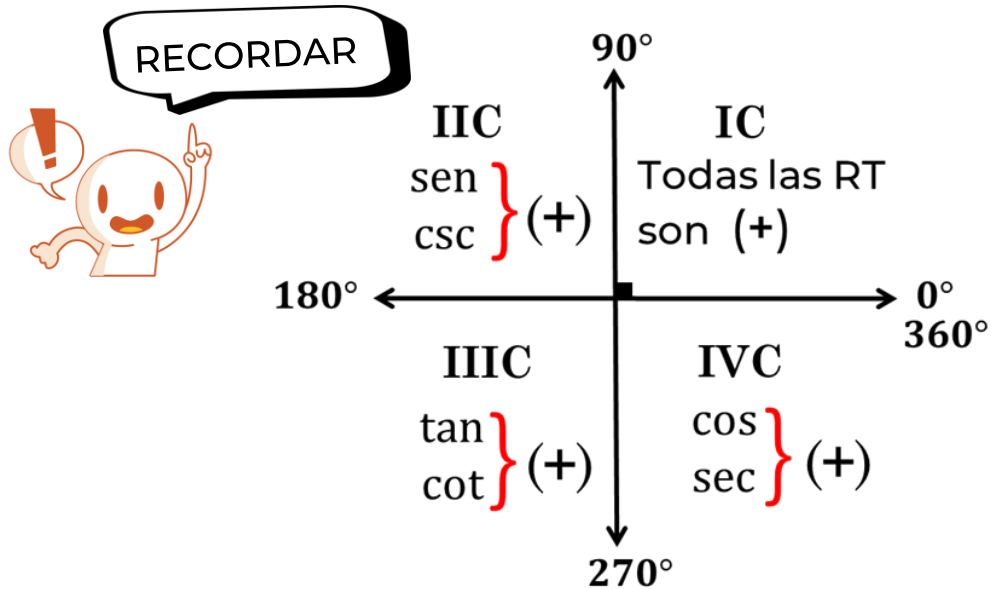
$$\therefore N = 1$$



HELICOPRACTICE 7



Reduzca $L = \frac{4\text{sen}(180^\circ - x) + \text{sen}(360^\circ - x)}{\cot(90^\circ + x)}$



$$RT(180^\circ \pm \alpha) = \pm RT(\alpha)$$

$$RT(90^\circ \pm \alpha) = \pm CO - RT(\alpha)$$

Resolución:

Nos piden reducir la expresión L:

$$L = \frac{4\text{sen}(180^\circ - x) + \text{sen}(360^\circ - x)}{\cot(90^\circ + x)}$$

IIC IVC
IIC

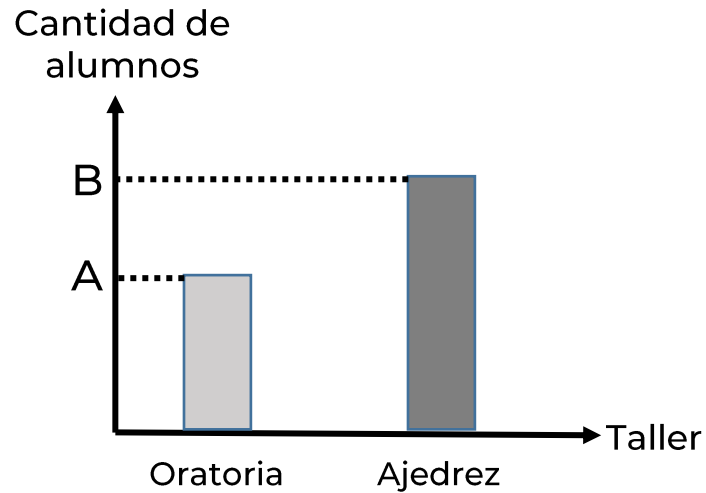
$$L = \frac{4(+\text{sen}x) + (-\text{sen}x)}{(-\text{tan}x)}$$

$$L = \frac{4\text{sen}x - \text{sen}x}{-\text{tan}x} \Rightarrow L = \frac{\cancel{3\text{sen}x}}{1} \left[\begin{array}{l} \cancel{\text{sen}x} \\ -\text{cos}x \end{array} \right]$$

$$\therefore L = -3\text{cos}x$$



El siguiente diagrama muestra la información sobre la cantidad de alumnos matriculados en los talleres de ajedrez y oratoria.



Donde:

$$A = \frac{8\sin(180^\circ - x)}{\sin x} \quad \text{y} \quad B = \frac{15\tan(360^\circ - x)}{-\tan x}$$

¿Cuál es la cantidad de alumnos matriculados en cada taller?

Resolución:

Calculando la cantidad de alumnos:

$$A = \frac{8\sin(180^\circ - x)}{\sin x} \quad \text{IIC}$$

$$A = \frac{8(+\cancel{\sin x})}{\cancel{\sin x}}$$

$$\therefore A = 8$$

$$B = \frac{15\tan(360^\circ - x)}{-\tan x} \quad \text{IVC}$$

$$B = \frac{15(-\cancel{\tan x})}{-\cancel{\tan x}}$$

$$\therefore B = 15$$

\therefore Oratoria = 8 alumnos
Ajedrez = 15 alumnos.

