ALGEBRA Chapter 21

4th



FUNCIONES II:FUNCIONES ESPECIALES



HELICO MOTIVATING





APLICACIONES

El crecimiento de las ventas de un producto que ya a logrado un nicho de mercado, la variación poblacional de alguna universidad que ya lleva algunos años de funcionamiento, la clientela consolidada de un banco probablemente debe modelarse mediante una función

logarítmica

HELICO THEORAPTHER 21



FUNCIONES II

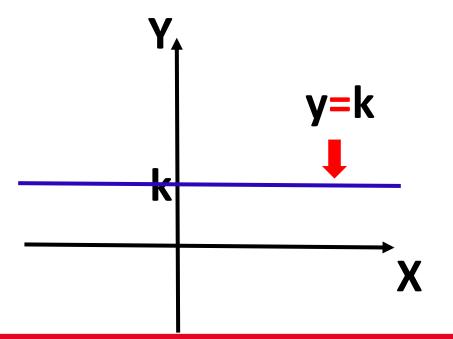
I) FUNCIÓN CONSTANTE

Es aquella función de la forma: f(x)=k

$$f(x)=k$$

con k E R

Donde k es una constante, cuya gráfica es:



Donde:

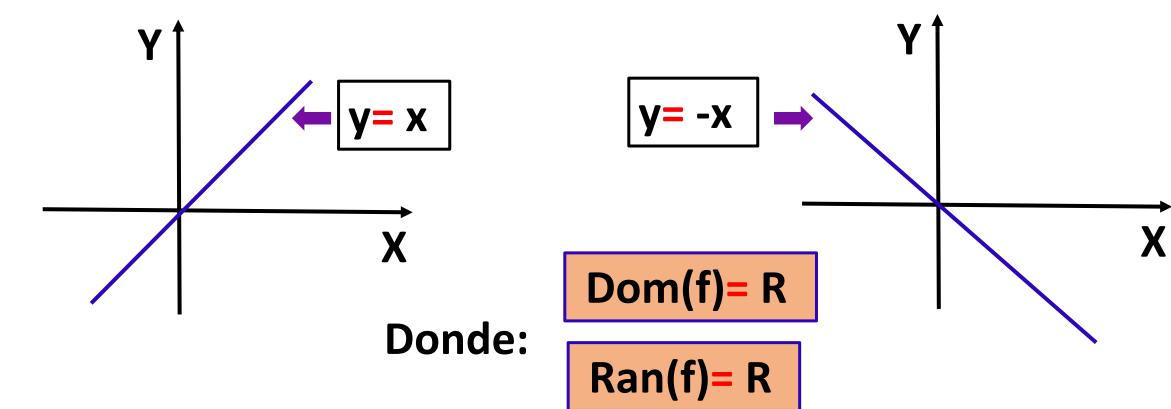
$$Dom(f)=R$$

$$Ran(f)=k$$

II) FUNCIÓN IDENTIDAD

Es aquella función de la forma: Cuya gráfica es:

$$f(x)=x$$

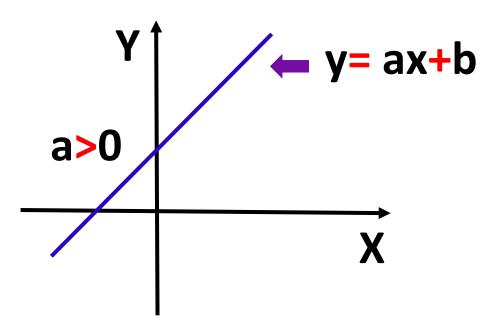


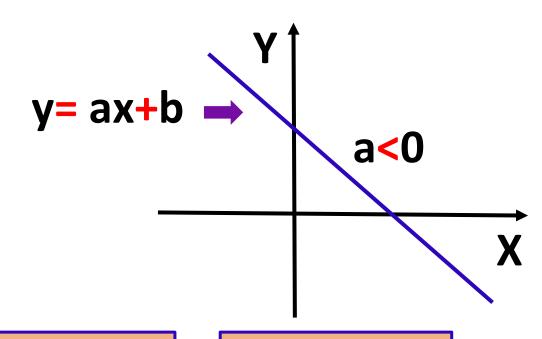
III) FUNCIÓN LINEAL

Es aquella función de la forma:

$$f(x)=ax+b$$

Cuya gráfica es:





Donde:

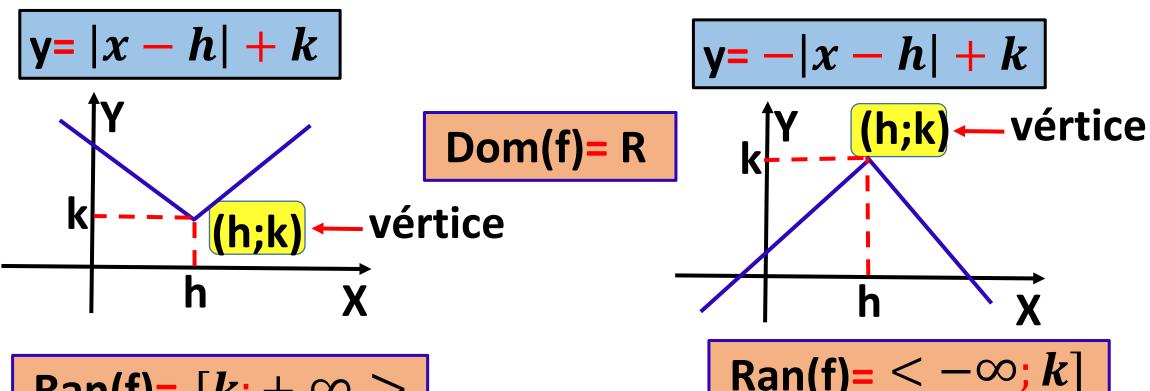
$$Dom(f)=R$$

$$Ran(f)=R$$

FUNCIÓN VALOR ABSOLUTO

Es aquella función de la forma: $f(x)=\pm |x-h|+k$ Cuya gráfica es:

$$f(x) = \pm |x - h| + k$$

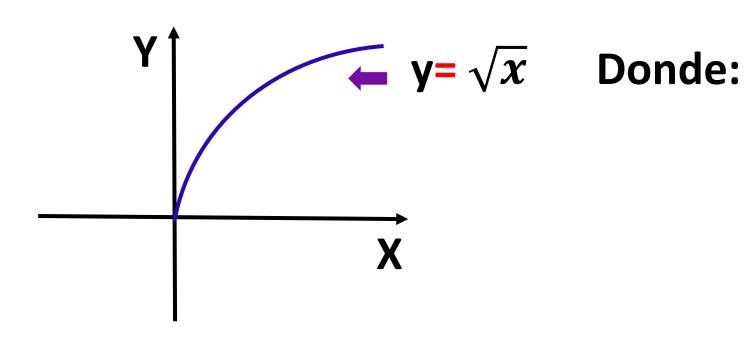


Ran(f)=
$$[k; +\infty >$$

V) FUNCIÓN RAÍZ CUADRADA

Es aquella función de la forma: Cuya gráfica es:

$$f(x) = \sqrt{x}$$



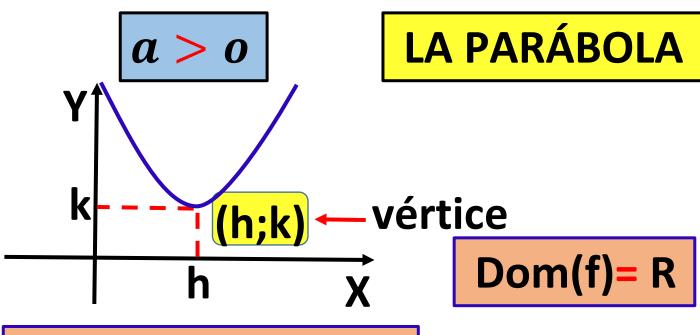
$$\mathsf{Dom}(\mathsf{f}) = [0; +\infty)$$

$$Ran(f)=[0;+\infty>$$

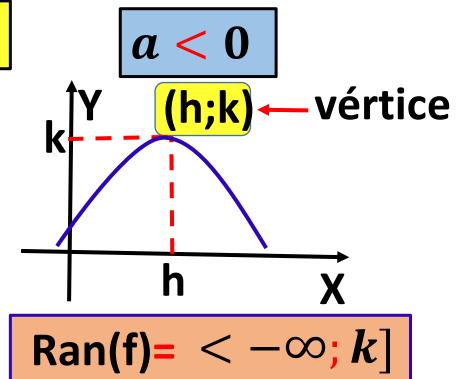
VI) FUNCIÓN CUADRÁTICA

HELICO | THEORY

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

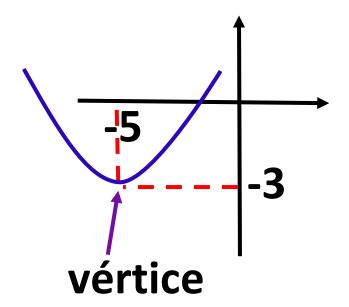


Ran(f)= k; $+\infty$ >

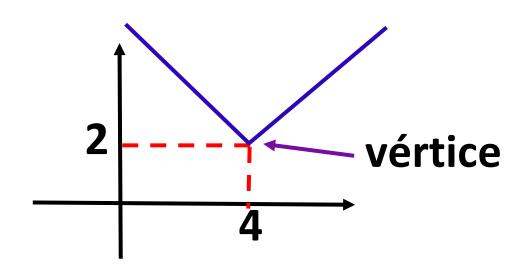


Desplazamientos de gráficas

1)
$$y = (x+5)^2-3$$



2) y = |x - 4| + 2vértice del valor absoluto es:



Observación

1) si
$$f(x) = x^2 - 6x + 13$$

Podemos conocer su rango y vértice completando cuadrados

$$y = (x-3)^2 + 4$$

Es una parábola hacia arriba

$$\Rightarrow Ran(f) = [4; +\infty >$$

HELICO PRACTICE

CHAPTHER 21



PROBLEMA 1

Si H representa la función identidad H={(x+3;2x-1),(y-2;3y-6),(x;2z-6)} Calcule x+y+z

Resolución

$$x+3=2x-1$$

$$\rightarrow$$
 $4 = x$

$$y-2=3y-6$$

$$\rightarrow$$
 4 = 2y

$$\rightarrow$$
 $2 = y$

$$x=2z-6$$

$$\rightarrow$$
 4 = 2z - 6

$$\Rightarrow$$
 $5=z$

HELICO | PRACTICE PROBLEMA 2

Siendo F(4)+4F(7)+7F(3)=24 Calcule:(2014)+3F(2015) Siendo F función constante

Resolución

F es constante:
$$F(x) = k$$

$$F(4) = k$$
 $F(7) = k$ $F(3) = k$

$$F(2014) + 3F(2015)$$

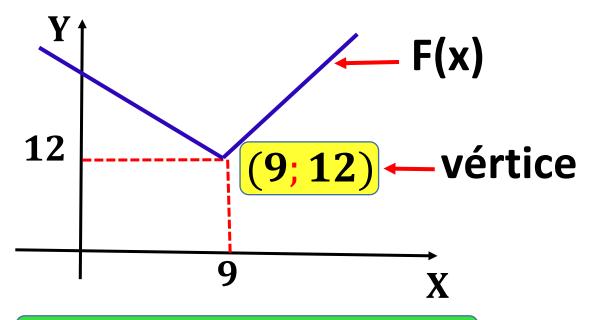
$$\rightarrow k + 3k$$

Grafique la función:

$$F(x)=|x-9|+12$$
 y Halle su rango.

Resolución

$$y = |x - 9| + 12$$



$$Ran(f) = [12; +\infty>]$$

Grafique la función:

 $P(x) = x^2 + 10x + 28$. Halle el vértice de la parábola y el rango de P(x)

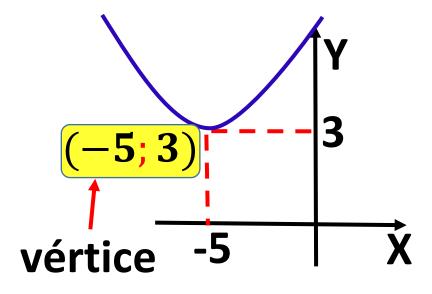
Resolución

$$y = x^{2} + 10x + 28$$

$$y = x^{2} + 10x + 25 + 3$$

$$y = (x + 5)^{2} + 3$$

El vértice de la parábola es:



$$Ran(P) = [3; +\infty >$$

PROBLEMA 5

HELICO | PRACTICE

Si P es una función lineal en la cual se cumplen los siguientes

valores:

X	2	7
У	7	32

Calcule P(3)+P(2)

Resolución

RECORDAR: FUNCIÓN LINEAL

FORMA: P(x) = a x + b

DEL CUADRO

1)
$$P(2) = 2a + b$$

 $7 = 2a + b \dots (1)$
 $de(1)y(2)$
 $7 = 2a + b \dots (1)$
 $32 = 7a + b \dots (2)$
 $32 = 7a + b \dots (2)$
 $25 = 5a$
 $a = 5$

Remplazando en (1)

$$2 a+b=7$$

2 (5)+b=7
b = -3

$$\rightarrow$$
 P(x) = 5x - 3

piden:
$$P(3) + P(2)$$

$$5(3) - 3 + 5(2) - 3$$

 $12 + 7 = 19$

PROBLEMA 6

El costo de una licuadora es 5T soles, donde T está determinado por la suma de los valores enteros que toma el dominio de la función:

$$M(x) = \sqrt{12 - x} + \sqrt{x - 5}$$

¿Cuál es el costo de dicha licuadora?

Resolución

RECORDAR FUNCIÓN RAÍZ CUADRADA

$$M(x) = \sqrt{x}$$
; $\forall x \ge 0$

$$M(X) = \sqrt{12 - X} + \sqrt{X - 5}$$



$$12 - X \ge 0 \land X - 5 \ge 0$$

$$12 \geq X \land X \geq 5$$

$$5 \le X \le 12$$

$$x \in [5; 12]$$

$$Dom(M) = [5; 12]$$

Calculando T:

$$T=5+6+7+8+9+10+11+12$$

El costo de la licuadora es 5T

$$5T=5(68)=340$$

Grafique la función:

$$F(x) = -|x-4| + 3$$

Resolución

$$y = -|x-4| + 3$$

Calculamos su vértice

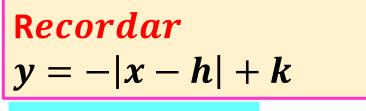


$$\chi = 4$$
REMPLAZANDO

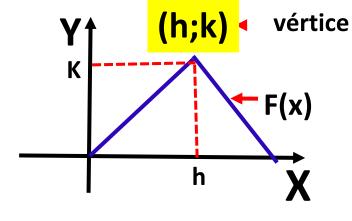
$$y = -|4-4|+3$$

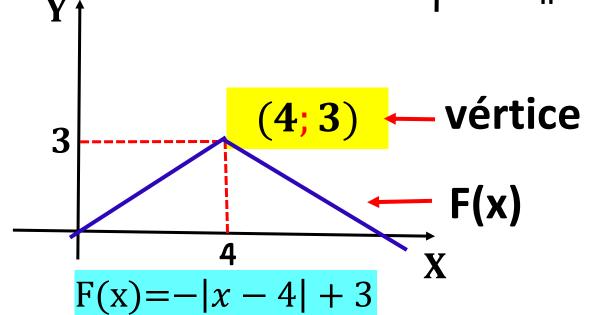
$$y = 3$$

$$(h;k)=(4,3)$$



La *Gráfica es*





PROBLEMA 8

Grafique la función:

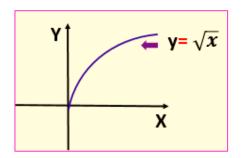
$$H(x) = \sqrt{x-7} + 4$$

Y halle su rango

Resolución

Recordar

$$H(x) = \sqrt{x}; \forall x \ge 0$$



Dominio:

$$x - 7 \ge 0$$

$$x \ge 7$$

 $Dom(H) = [7; +\infty >$

Su gráfica:

