

ALGEBRA Chapter 6



f(x)

Polinomios especiales





EN LA CORTE DE LOS CALIFAS

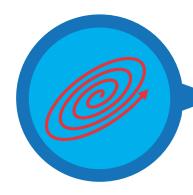


Estudiosos árabes en sus trabajo de investigación

Cuando se hizo este cuadro de la ciencia, Bagdad era el centro de la ciencia.

El interés en la astronomía hizo indispensable el estudio del álgebra y el desarrollo de esta hizo posible aumentar los conocimientos de la astronomía.





POLINOMIOS ESPECIALES

Son aquellos polinomios que tienen características especiales.



POLINOMIO ORDENADO:

Con respecto a una variable, se caracteriza porque los exponentes de esa variable se encuentran ordenados en forma ascendente o descendente.

Ejm:

$$P(x) = 3x^{-7} - 5x^{-4} + 2x^{-2} + 4x^{-1}$$

 Polinomio ordenado en forma descendente.

Ejm:

$$Q(x;y) = 4x^{9}y^{3} - 5x^{6}y^{5} + 2x^{4}y^{7} + 3xy^{8}$$

- Respecto a x es ordenado en forma descendente.
- Respecto a y es ordenado en forma ascendente.





<u>POLINOMIO</u>

COMPLETO:

Con respecto a una variable, se caracteriza porque los exponentes de esa variable aparecen de manera consecutiva desde el mayor hasta el cero o viceversa.

Ejm:

$$Q(x) = 5x^{2} - 3x^{4} + 2x^{3} + 8 - 3x^{1}$$

Es un Polinomio completo.

<u>Ejm:</u>

$$P(x) = 5x^{40} - 9x^{30} + 6x^{20} - 8x^{10} + 2x^{10}$$

 Es un polinomio completo y ordenado en forma descendente.





POLINOMIO

Es aquel polinomio de dos o más variables, de términos no semejantes con el mismo grado absoluto.

<u>Ejm:</u>

$$Q(x;y) = 5x^{7}y^{5} + 3x^{6}y^{6} - 2x^{10}y^{2}$$
12 12 12

$$GA = 12$$

Ejm:

$$P(x; y; z) = 6x^{3}y^{4}z^{7} - 9x^{6}y^{4}z^{4} + 8x^{2}y^{3}z^{9}$$
14 14 14

$$GA = 14$$





POLINOMIOS

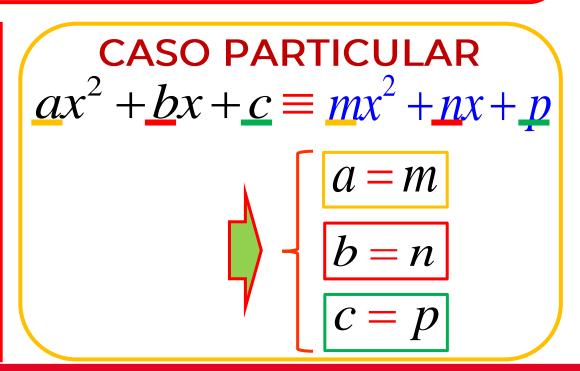
variables son idénticos, si los valores numéricos resultantes de dichos polinomios siempre son iguales, para cualquier valor asignado a sus variables.

Ejm:
$$P(x; y) = (x + y)^4 - (x - y)^4$$

 $Q(x; y) = 8xy(x^2 + y^2)$

$$P(1;1) = 16$$
 $Q(1;1) = 16$
 $P(1;1) = Q(1;1)$

$$\therefore P(x;y) \equiv Q(x;y)$$







POLINOMIO _____

IDÉNTICAMENTE

es aquel polinomio de grado no definido, cuyo valor numérico resultante siempre es igual a cero, para cualquier valor que asuman sus variables.

$$P(x;y) = 0$$

CASO PARTICULAR

$$mx^{2} + nx + p \equiv 0$$

$$m = 0$$

$$n = 0$$

$$p = 0$$

Ejm:
$$si P(x) = (a-2)x^3 + (b-1)x^5 + (2c-6)$$

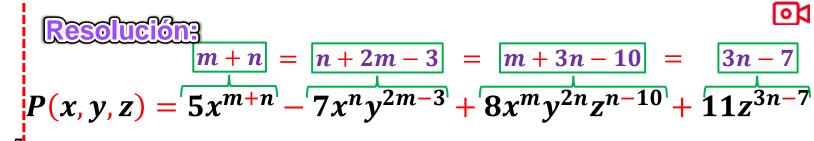
es idénticamente nulo, calcule: a+b+c

RESOLUCIÓ

$$\therefore a+b+c=6$$

En el polinomio homogéneo

$$P(x,y,z) = 5x^{m+n} - 7x^ny^{2m-3} + 8x^my^{2n}z^{n-10} + 11z^{3n-7}$$
 calcule $(m-n)^m$.



P(x, y, z) es homogéneo:

$$m+n=n+2m-3=m+3n-10=3n-7$$

I.
$$m + n = n + 2m - 3$$

 $m = 2m - 3$
 $m = 3$
II. $n + n = n + 3n - 10$
 $n = 3n - 10$
 $n = 5$

Nos piden:
$$(m-n)^m = (3-5)^3$$

 $(m-n)^m = (-2)^3$

$$\therefore (m-n)^m = -8$$

HELICO | PRACTICE

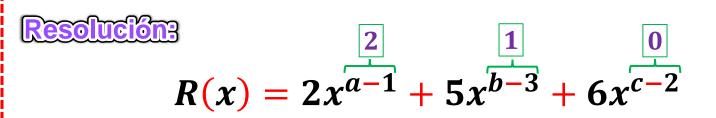
01

Problem N° 2

Sabiendo que el polinomio es completo y ordenado descendentemente

$$R(x) = 2x^{a-1} + 5x^{b-3} + 6x^{c-2}$$

calcule
$$\sqrt{a+b+c}$$



R(x) es completo y ordenado descendentemente:

$$\begin{cases}
c-2=0 & \longrightarrow c=2 \\
b-3=1 & \longrightarrow b=4 \\
a-1=2 & \longrightarrow a=3
\end{cases}$$

Nos piden:
$$\sqrt{a+b+c} = \sqrt{3+4+2}$$

$$\sqrt{a+b+c} = \sqrt{9}$$

$$\therefore \sqrt{a+b+c}=3$$

Calcule a + b + c si el polinomio

$$P(x) = 15 + 3x + 5x^{a-3} + 4x^{b+1} + 7x^{c-2}$$

es completo y ordenado.



$$P(x) = 15x^{0} + 3x^{1} + 5x^{a-3} + 4x^{b+1} + 7x^{c-2}$$

R(x) es completoy ordenado:

$$\begin{cases}
a - 3 = 2 & \longrightarrow a = 5 \\
b + 1 = 3 & \longrightarrow b = 2 \\
c - 2 = 4 & \longrightarrow c = 6
\end{cases}$$

Nos piden:
$$a + b + c = 5 + 2 + 6$$

$$\therefore a+b+c=13$$

01

Problem N° 4

Sean idénticos los polinomios mostrados

$$Q(x) = (a-4)x^2 + (2b-1)x + 3c - 2$$

$$R(x) = (3a - 8)x^2 + (b + 1)x + 2c + 1$$

calcule $(a+b+c)^3$.

Resolución

$$Q(x) = (a-4)x^2 + (2b-1)x + 3c - 2$$

$$R(x) = (3a-8)x^2 + (b+1)x + 2c + 1$$

$Q(x) \equiv R(x)$:

$$\begin{cases} a-4=3a-8 \implies a=2 \\ 2b-1=b+1 \implies b=2 \\ 3c-2=2c+1 \implies c=3 \end{cases}$$

Nos piden:
$$(a+b+c)^3 = (2+2+3)^3$$

 $(a+b+c)^3 = 7^3$

$$\therefore (a+b+c)^3 = 343$$

Resolucióna



Problem N° 5

Si el polinomio es homogéneo

$$P(x,y) = 3x^{a+2}y^4 + 5x^8y^7 - 2x^{b+3}y^4$$

el valor de a+b, aumentado en 12, representa la cantidad de alumnos del tercero A. ¿Cuántos alumnos son?

$$P(x,y) = 3x^{a+2}y^4 + 5x^8y^7 - 2x^{b+3}y^4$$

<u>P(x, y) es homogéneo:</u>

$$\begin{array}{c} \triangleright & a+6=15 \\ \triangleright & b+7=15 \end{array} \longrightarrow \begin{array}{c} a=9 \\ b=8 \end{array}$$

Cantidad de alumnos del 3° A:

$$17 + 12 = 29$$

: Son 29 alumnos.

Sea el polinomio idénticamente nulo

$$P(x) = mx^3 - 7x^3 + 4x^2 + 2nx^2 - 5px + 15x + 8 + q$$

calcule el valor de m+n+p+q.



$$P(x) = mx^3 - 7x^3 + 4x^2 + 2nx^2 - 5px + 15x + 8 + q$$

<u>Factorizando:</u>

$$P(x) = (m-7)x^3 + (4+2n)x^2 + (15-5p)x + (8+q)$$
0
0

P(x) es idénticamente nulo: $P(x) \equiv 0$

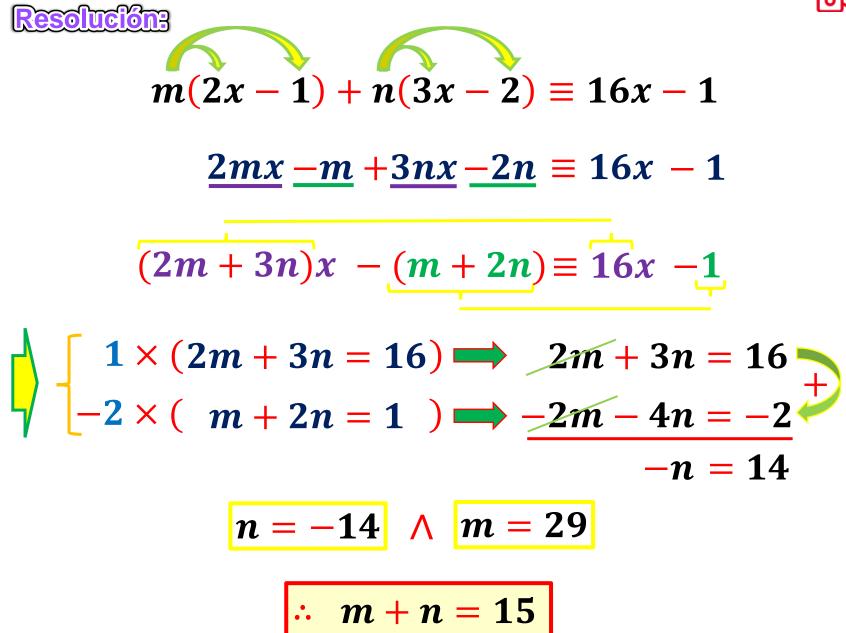
$$\begin{array}{cccc}
m - 7 = 0 & \longrightarrow & m = 7 \\
4 + 2n = 0 & \longrightarrow & n = -2 \\
15 - 5p = 0 & \longrightarrow & p = 3 \\
8 + q = 0 & \longrightarrow & q = -8
\end{array}$$

$$n + n + p + q = 0$$

◎1

Calcule m + n si

$$m(2x-1) + n(3x-2) \equiv 16x-1$$



01

Problem N° 8

Si se cumple que

$$\frac{7x+4}{(x+2)(x-3)} \equiv \frac{A}{x+2} + \frac{B}{x-3}$$

calcule A + 2B

Resolution
$$\frac{7x+4}{(x+2)(x-3)} \equiv \frac{A}{x+2} + \frac{B}{x-3}$$

$$\frac{7x+4}{(x+2)(x-3)} \equiv \frac{A(x-3)+B(x+2)}{(x+2)(x-3)}$$

$$7x+4 \equiv Ax - 3A + Bx + 2B$$

$$7x+4 \equiv (A+B)x + (2B-3A)$$

$$1 \times (4 = 2B - 3A) \longrightarrow 4 = 2B - 3A$$

$$1 \times (4 = 2B - 3A) \longrightarrow 4 = 2B - 3A$$

$$25 = 5B$$

$$A+2B=2+2(5)$$

$$A+2B=12$$