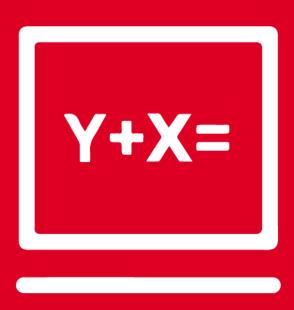
ARITHMETIC Chapter 4

VERANO UNI

Regla de Interés

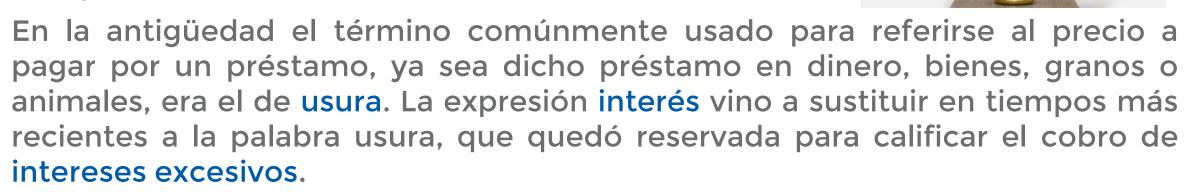






EL PRECIO DEL DINERO

Todo tiene un precio... Hasta el dinero. El precio del dinero es muy particular, pues viene expresado en porcentaje y además está asociado con la variable tiempo, se trata de la tasa de interés.



Con la Revolución Industrial se generalizó el préstamo a interés para respaldar las iniciativas de la nueva clase industrial, ya se distinguía claramente entre préstamos para consumo y préstamos para producción y los antiguos escrúpulos acerca del oficio de prestar dinero a una tasa de interés habían quedado muy atrás en el tiempo.



REGLA DE INTERÉS

Es el conjunto de procedimientos matemáticos que permiten calcular la utilidad producida por un bien al ser prestado a otra persona o entidad o al ser invertido en una determinada actividad económica.

ELEMENTOS DE LA REGLA DE INTERÉS

1. CAPITAL (C)

Generalmente es una cantidad de dinero que cumple con la función de producir riquezas o ganancias, por medio de la inversión o el préstamo.

2. TIEMPO (t)

Es el período que permanece prestado o impuesto el capital, durante el cual va generando interés.

3. TASA DE INTERÉS O RÉDITO (r%)

Nos indica qué tanto por ciento del valor del capital equivale al interés que se genera por cada período de tiempo especificado.

Estos son los tres elementos que determinan el valor o cuantía del interés

THEORY INTERÉS (I)

Es la ganancia, utilidad o beneficio que se obtiene por prestar o imponer un capital (C) durante cierto tiempo (t) a determinada tasa (r%)



Otros elementos:

MONTO (M)

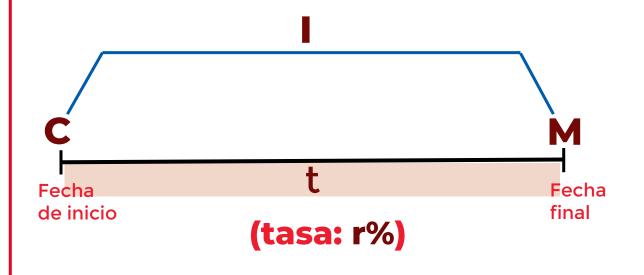
Es la suma del capital más el interés que genera dicho capital. Se le conoce también como el capital futuro, es en lo que se "convierte" el capitat



Es interés específico de un año.

En Resumen:

Podemos esquematizar este proceso mediante la recta TIEMPO-VALOR



01



Consideraciones respecto al tiempo.

Si no se especifican fechas, debemos considerar:

- Un año comercial = 360 días
- Un mes comercial = 30 días

Si se dan fechas específicas, debemos considerar:

- Un año común = 365 días
- Un año bisiesto = 366 días

(...; 2016; 2020; 2024; 2028;

"duando febrero tiene 29 días



 También tener en cuenta la cantidad de días de cada mes.

Consideraciones en la tasa.

Dada una tasa, debemos interpretar, por ejemplo:

18% trimestral

Valor Periodo de porcentual aplicación





Se genera de interés el equivalente al 18% del capital por cada 3 meses que transcurran.

Además:

Dos TASAS son EQUIVALENTES, si colocadas ambas durante el mismo tiempo, se obtiene la misma ganancia.



Así, por ejemplo:

18% trimestral <>



6% mensual
12% bimestral
24 % cuatrimestral
36 % semestral
72 % anual

Así mismo:

6% mensual
$$\Leftrightarrow \frac{6}{30}$$
% diario

$$= 0.2 \%$$
 diario

72% anual
$$\iff \frac{72}{360}$$
 % diario

$$= 0.2 \%$$
 diario

Al hallar tasas equivalentes, se usa siempre tiempo comercial.

Además:

Si no se específica el periodo de aplicación de la tasa, consideramos que es TASA ANUAL.

CLASES DE INTERÉS

INTERÉS SIMPLE

Es cuando los intereses no se capitalizan, por tanto, el capital permanece inalterable (constante) en el tiempo que dura el préstamo o imposición.





Ejemplo:

El 9 de diciembre del 2020 Ernesto recibió un préstamo de S/ 4000, al 45%, el cual debe ser cancelado el 25 de marzo del 2021. Determine el interés y el monto que deberá pagar.

Primero, identificamos los elementos:

Capital: C = 4000

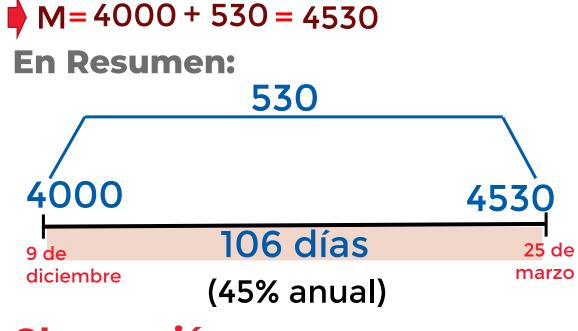
Tasa: r% = 45% anual

Tiempo: 22 31+28+25 = 106 días

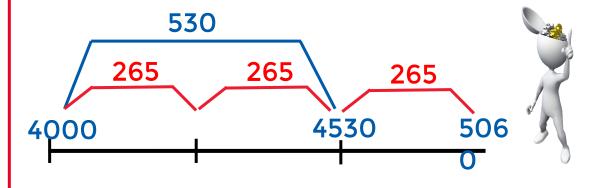
Calculantos el interés:

$$I = 45\% (4000) \times 106 = 530$$
Tiempo en días

Tasa diaria



Observación:





Se generan intereses iguales para tiempos iguales, es decir: el interés es DIRECTAMENTE PROPORCIONAL al tiempo (para un mismo capital y una misma tasa).

En General:

$$I = r\% C t$$

Nota:

La tasa de interés (r%) y el tiempo (t) deben concordar (las mismas unidades).

INTERÉS COMPUESTO

Es cuando el interés generado por un determinado capital, se acumula a éste, en periodos especificados de tiempo; dicho monto será el nuevo capital para el siguiente periodo. En éste régimen para tiempos iguales se van generando intereses cada vez mayores y se le denomina también Proceso de Capitalización.



Ejemplo:

Se presta un capital de S/.10000 por 18 meses a una tasa del 10% trimestral, capitalizable semestralmente. ¿En cuánto se convertirá dicho capital y que interés genera?

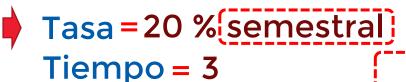
Primero, identificamos los elementos:

Capital: C = 10000

Tasa: r% = 10% trimestral

Tiempo: 18 meses

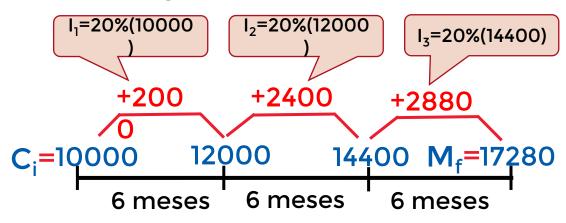
Capitalizable semestralmente



semestrales

períodos

Entonces, tenemos:



El M_f lo podemos obtener por aumentos sucesivos:

 $M_f = 120\%.120\%.120\%(10000 = (120\%)^3.(10000)$

$$M_f = (1+20\%)^3 \cdot (10000) = 17280$$
 $I_{total} = 7280$



r% y n deben concordar (ambos) con el PERIODO DE CAPITALIZACIÓN.



- 1. ¿Qué interés producirá un capital de S/ 16 000 prestado al 32% anual en 3 años y 9 meses?
 - A) S/ 19200
 - B) S/ 14099
 - C) S/ 16418
 - D) S/ 14928
 - E) S/ 16028

RESOLUCIÓN

Datos:

t = 3 años, 9 meses < > t =
$$\frac{15}{4}$$
 años

Sabemos:



Reemplazando:

$$I = 16000 \times 32\% \times \frac{15}{\cancel{4}}$$

$$I = 16000 \times 120\% I = 16000 \times \frac{6}{\cancel{5}}$$

Rpta: A

2. Determine el interés generado al depositar S/3600 al 5% trimestral durante 7 meses.

- A) S/ 420 B) S/ 315 C) S/ 650
- D) S/ 520 E) S/ 460

RESOLUCIÓN

Se tiene:

C =
$$r\%/36\%$$
 trimestral r% = $\frac{5\%}{3}$ mensual t = 7 meses

Sabemos:



Reemplazando:

$$I = 3600 \times \frac{5\%}{3} \times 7$$

$$I = 12.5 \times 7$$

$$\times$$

$$I = 5/420$$

Rpta: A

3. ¿Qué interés producirá un capital de S/5200, prestado el 7% cuatrimestral en 7 años y 5 meses?

- A) S/ 6410
- B) S/8099
- C) S/ 6418
- D) S/8090
- E) S/8089

RESOLUCIÓN

Del Enunciado:

C =
$$r\%/52\%$$
 cuatrimestral $r\% = \frac{7\%}{4}$ mensual

Sabemos:

Reemplazando:

$$I = 5200 \times \frac{7\%}{4} \times 89$$

Rpta: B

- 4. Si el interés de un capital impuesto al 2 % bimestral es el 72% de dicho capital, determine el tiempo
 - A) 2 años B) 3 años C) 4 años
 - D) 5 años E) 6 años

RESOLUCIÓN

Por Dato:

$$I = 72\%C$$

r% = 2% bimestral



r% = 12% anual

Piden el tiempo de imposición.

Sabemos:

Reemplazando:

$$72\%C = C \times 12\% \times t$$

 $72 = 12 \times t$

Rpta: E

5. Por un dinero que recibí en préstamo al 1/6 % mensual (interés simple) y que devolví a los 100 días, tuve que pagar de interés S/200. ¿Cuál fue la suma prestada?

- A) S/ 30000
- B) S/ 35000
- C) S/ 36000
- D) S/ 37000
- E) S/ 38000

RESOLUCIÓN

Del Enunciado:

r% =
$$\frac{1}{6}$$
% mensual
t = 100 días <> t = $\frac{10}{3}$ meses
I = S/200

Piden el capital de imposición.

Sabemos:

Reemplazando:

$$200 = C \times \frac{1}{6}\% \times \frac{10}{3}$$

$$200 = \frac{10C}{1800}$$

Rpta: C

- 6. ¿En cuánto se convierte un capital de S/ 6 200 al colocarse en un banco que paga 5% trimestral en un periodo de 2 años y 6 meses?
 - A) S/ 6300
 - B) S/ 6000
 - C) S / 9300
 - D) S/ 9000
 - E) S/8400

RESOLUCIÓN

Se Tiene:

$$C = S/6200$$

r% = 5% trimestral

Piden en cuánto se convierte el capital, piden entonces, monto

t = 2 años, 6 meses< > t = 10 trimestres

Sabemos:

$$M = 6200 + S/3100$$
 $M = S/9300$

Rpta: C

7. . ¿A qué tanto por ciento habrá estado prestado un capital de \$6000 para haberse convertido en \$9000 en 30 meses?

- A) 10%
- B) 12% C) 14%
- D) 16%
- E) 20%

RESOLUCIÓN

Del Enunciado:

$$C = S/6000$$
 $M = 1 = 9000 - 6000$
 $S/900$
 $S = 2,5$
 $S = 3000$
 $S = 5/3000$

Piden la tasa de interés anual.

Sabemos:

$$I = C \times r\% \times t$$

1 = 5 × r%
$$r\% = \frac{1}{5} \times 100\%$$

Rpta: E

- capital estuvo **8.** Un impuesto al 9% de interés y después de 4 años se obtuvo un monto de S/10 200. ¿Cuál es el valor del capital?
 - A) S/ 6528
 - B) S/ 12000
 - C) S/ 13872
 - D) S/ 9260
 - E) S/ 7500

RESOLUCIÓN

Por Dato:

Sabemos:

$$M = C \times (1 + r\% \times t)$$

Reemplazando:

$$10200 = C \times (1 + 9\% \times 4)$$

$$10200 = C \times (136\%)$$

$$10200 = C \times \frac{3/4}{25}$$
C = 300 × 25 ∴ C = S/7500



$$C = 300 \times 25$$

$$C = S/7500$$

Rpta: E

9. Si la tercera parte de un capital se coloca al 9% anual de interés simple, ¿cuál es el tanto por ciento al cual debe colocarse el resto para obtener un beneficio total de 11% anual de dicho capital?

A) 11,8% B) 14% C) 11,5%

D) 12% E) 13%

RESOLUCIÓN

Del Enunciado:

1er Depósito 2do Depósito

Capital 2C/3 C/3

Tasa 9% anual r% anual

Tiempo 1 año 1 año

Calculando Intereses: $I_1 = C/3 \times 9\%$ $I_1 = 3\% \times C$

Por Dato:
$$3\% \times \cancel{C} + \frac{2\cancel{C}}{3} \times r\% = 11\% \times \cancel{C}$$

$$\Rightarrow \frac{2r\%}{3} = 8\% \qquad \therefore r\% = 12\%$$

$$rac{2r\%}{3} = 8\%$$
 ... $r\% = 12\%$

Rpta: D

10. Un capital impuesto durante 15 meses produce un interés igual al 36% del monto. Calcule el rédito al que ha estado colocado.

- A) 45%
- B) 35%
- C) 20%

- D) 54%
- E) 55%

RESOLUCIÓN

Por Dato:

Sabemos:

Piden la tasa de interés anual

Rpta: A

3. Se invierte un capital de S/625 000 a cierto interés capitalizable semestralmente durante un año. Si la suma obtenida es de S/676 000; ¿a qué interés anual se depositó dicho capital?

RESOLUCIÓN

Por Dato:

$$C = S/.625$$

 $t = 9990 <> 2 semestres$
 $(n = 2)$

$$M = S/.676000$$

Capitalizable Semestralmente

Sabemos:

$$M = C \times (1 + r\%)^n$$

Reemplazando:

$$676000 = 625000x(1 + r\%)^2$$

Simplificando:

$$676 = 625 \times (1 + r\%)^{2}$$

$$26^{2} \quad 25^{2}$$
Sacando la $\sqrt{ }$:
$$26 = 25 \times (1 + r\%)$$

$$1 + r\% = \frac{26}{25}$$

$$r\% = 1 - \frac{26}{25}$$

$$r\% = \frac{1}{25} \times 100\% = 4\%$$

Rpta: E

12. Hace 3 años. Javier depositó cierta suma de dinero al 10% semestral capitalizable anualmente y con el dinero acumulado hoy ha comprado una casa que planea vender en S/32 400 con una ganancia del 20% sobre el precio de venta. ¿Cuál fue su capital inicial?

- A) S/12 000 C) S/15 000
- B) S/18 000
- D) S/20 000
- E) S/30 000

RESOLUCIÓN

Por Dato (hace 3 años):

$$C = ?$$

t = 3 años (n = 3)

r = 10% Sem. <> 20% Anual

Capitalizable Anualmente

Sabemos:

$$M = C_{x}(1 + r\%)^{n}$$

Reemplazando:

$$M = C \times (1 + 20\%)^3$$

$$M = C \times (120\%)^3$$

$$M = C \times (\frac{6}{5})^3 = C \times \frac{216}{125}$$
...(1)

Además (Hoy):

$$Pv = Pc + G$$

Si:
$$G = 20\%PV$$

$$Pv = S/.32400$$

Entonces:

$$Pv = Pc + 20\%Pv$$

$$80\%Pv = Pc$$

Reemplazando:

$$Pc = 80\% \times 32400 \dots (2)$$

$$Cx_{\frac{125}{125}}^{\frac{2}{216}} = 80\%x3\frac{3}{2400}$$

$$\longrightarrow$$
 C = 125x40x3

13. ¿Durante cuánto tiempo estuvo depositado capital al 5% de interés simple anual si los intereses producidos alcanzan al 60% del valor del capital?

B) 12 años A) 10 años **C)** 15 años D) 18 años E) 20 años

RESOLUCIÓN

Por Dato:

C = ?

r = 5%

Sabemos:

I = Cxr%xt

Además:

= 60%xC

Reemplazando: 12 Cx5%xt = 60%xC

Simplificando tenemos:

t = 12 Años

Rpta: B

14. Un padre deja una herencia a sus dos hijos, el primero recibe el triple del segundo. Ambos imponen partes al 4% SUS obteniendo al cabo de determinados tiempos intereses que representan al 2% y 9% de la herencia. Halle el producto de los tiempos.

- A) 2 B) 3
- C) 4
- D) 5 E) 6

RESOLUCIÓN

Por Dato

Para el 1°: 3C

Para el 2° : C

La herencia: 4C

Donde : r% = 4%

Sabemos:

$$I = Cxr%xt$$

Para el 1º:

 $3C_{x}4\%xt_{1} = 2\%x4C$

$$\longrightarrow$$
 t₁ = $\frac{2}{3}$ Años

Para el 2°:

$$C_{x4}\%xt_{2} = 9\%x4C$$

$$\rightarrow$$
 t₂ = 9 Años

Entonces:

$$t_1 \times t_2 = \frac{2}{3} \times 9 = 6$$

Rpta: E

15. La diferencia entre los capitales de dos personas es S/16 000; la primera impone su dinero al 4% y la segunda al 5%. Si los intereses producidos por sus capitales son los mismos, determine el capital menor.

- A) S/80 000
- B) S/64 000
- C) S/32 000
- D) S/48 000
- E) S/24 000

RESOLUCIÓN

Sean:

Capitales

 C_1 y C_2

Tasas de interés

$$r_1 \% = 4\% y r_2 \% = 5\%$$

Tiempos

 $t_1 = t y t_2 = t$

Sabemos:

$$I = C_x r %xt$$

Por Dato:

$$|_1 = |_2$$

Efectuando:

$$C_1x4\%xt = C_2x5\%xt$$

$$\frac{C_1}{C_2} = \frac{5}{4}$$

$$C_1 = 5k$$

$$C_2 = 4k$$

Por dato:

$$C_1 - C_2 = 16000$$

$$5k - 4k = 16000$$

El menor capital es:

$$C_2 = 4x16000$$

$$c_2 = S/.64000$$

Rpta: B

16. Cuando un capital se presta durante 4 años, el monto que se obtendría sería S/12 000, pero si se prestara por 5 años sería S/13 500. Calcule la tasa de interés

A) 10% B) 15% C) 20% D) 25% E) 30%

RESOLUCIÓN

Del grafico:

$$I_1 = S/.6000$$
 $I_2 = S/.1500$ $C = S/.6000$ $M_1 = S/.12000$ $M_2 = S/.13500$ 4años 1 año

Entonces:

I_{2(laño)} = S/.1500 C = S/.6000 r% = ? t = 1 año

Sabemos:

 $I = C_x r %xt$

5años Reemplazando:

$$\begin{array}{r}
 25 \\
 1500 = 6000 \text{xr} \% \text{x} \\
 r = 25 \\
 \vdots \quad r\% = 25\%
 \end{array}$$

Rpta: D

17. Si un capital produce el 30 % de su valor en 1 año 3 meses y en 4 años produce S/2880; ¿cuál sería el monto producido en 1 año, 2 meses y 10 días?

RESOLUCIÓN

Sabemos:
$$| | = C_x r \%_x t |$$

Para:

Por dato: I = 30%xC

Reemplazando:

$$r\%xCx(5/4) = 30\%xC$$

Para:

t = 4 años

Reemplazando:

$$2880 = Cx24%x4$$

$$C = 3000$$

Sabemos:

$$M = C x (1 + r\% x t)$$

Para:

t = 1 año, 2 meses y 10 días

$$t = 1 + \frac{2}{12} + \frac{10}{360} = \frac{43}{36}$$
 años

Reemplazando:

$$M = 3000x(1+24\%x\frac{43}{36})$$

$$M = 3000x(100\% + 2\%x\frac{43}{3})$$

$$M = {}^{30}_{300} \text{O}(\frac{386}{300}) = 3860$$

$$M = S/.3860$$

Rpta: B

18. El interés obtenido por un capital es equivalente a los 7/31 del monto. ¿Qué interés se obtiene si se presta S/40 000 en un tiempo triple del anterior y a la misma tasa?

- A) S/34 000 B) S/35 000 D) S/37 000
- C) S/36000
- E) S/38 000

RESOLUCIÓN

Por dato:

$$I = \frac{7}{31} \times M$$

De donde:

$$\frac{I}{M} = \frac{7}{31}$$

$$I = 7k$$

$$M = 31k$$

$$C = 24k$$

Sabemos:

$$I = C \times r\% \times t$$

Reemplazando:

$$7K = 24Kxr%xt$$
$$r%xt = \frac{7}{24}$$

Para:

$$C = S/.40000$$

 $t_1 = 3t \text{ años}$
 $r_1\% = r\%$

Reemplazando:

$$| = 40000 \times 3 \times (\frac{7}{24})$$

$$| = 40000 \times 3 \times (\frac{7}{24})$$

$$| = 5/.35000$$

Rpta: B

19. La tercera parte de un capital se presta al 80% anual y el resto al 30% anual. Si el interés producido por todo el capital durante 5 meses es S/3850; ¿cuál era el capital inicial?

- A) S/25 000 B) S/21 000 C) S/20 000 D) S/19 800
- E) S/1600

RESOLUCIÓN

Sea el capital: C= 3k

Por dato:

$$C_1 = \frac{1}{3}xC \longrightarrow C_1 = k$$

 $C_2 = \frac{2}{3}xC \longrightarrow C_2 = 2k$

Además:

$$r_1 \% = 80\% \text{ y } r_2 \% = 30\%$$

 $t_1 = 5 \text{meses} <> \frac{5}{12} \text{ años}$

Sabemos: | = C x r% x t

Por dato:

$$I_1 + I_2 = S/.3850$$

Reemplazando:

$$kx80\%xt + 2kx30\%xt = 3850$$

$$k_{x}140\%_{x}\frac{5}{12} = 3850$$

$$\frac{700\%}{12}$$
xK = 3850 \Rightarrow k= 6600

Entonces el capital es:

$$C = 3k = 3x6600$$

$$\therefore$$
 C = S/.19800

Rpta: D

20. Un capital impuesto al 1% cuatrimensual es a otro capital impuesto al 1% trimestral como 3 es a 4. Si al cabo de 2 meses y 20 días. los montos suman S/63 500. Determine el $t = \frac{2}{12} + \frac{20}{360} = \frac{2}{9}$ años capital mayor.

- A) S/36 000 B) S/27 000 C) S/45 000 D) S/40 000
- E) S/80 000

RESOLUCIÓN

Por dato:

$$\frac{C_1}{C_2} = \frac{3}{4}$$
 $C_1 = 3k$
 $C_2 = 4k$

$$C_1 = 3k$$

$$C_2 = 4k$$

Además:

t = 2 meses y 20 días

$$t = \frac{2}{12} + \frac{20}{360} = \frac{2}{9} \text{ años}$$

r₁ %= 1%cuatrim. <> 3%

r_{2 %}= 1%trim. <> 4%

Sabemos:



Pero:

$$I_1 = 3Kx3\%x \frac{2}{9} = \frac{18\%k}{9}$$

$$I_2 = 4K_X4\%_X \frac{2}{9} = \frac{32\%k}{9}$$

Por dato:

 $M_1 + M_2 = S/.63500$

Reemplazando:

$$3K + \frac{18\%k}{9} + 4k + \frac{32\%k}{9} = 63500$$

Efectuando tenemos:

$$7K + \frac{50\%k}{9} = 63500$$

$$\frac{127k}{18}$$
 = 63500 \rightarrow K = 9000

Entonces el mayor será:

$$C_2 = 4x9000 =$$
 S/.36000

Rpta: A



MUCHAS GRACIAS



