

Osea

2023-12-10

### Theorem 0.1: THEOREMONE

Il teorema di Lebesgue

*Proof.* Si può dimostrare per ovvietà, □

$$\frac{12}{a+b}$$

Let  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{C}$  la funzione definita da  $x \mapsto x^2$  Il miglior risultato che si può ottenere al momento è  $12 + 4$

Sia  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definita da  $a \mapsto a_{11}^2$  possiamo calcolare il kernel della funzione  $f$  come  $\ker f = \{0\}$  ottenendo quindi che la funzione deve essere iniettiva. Dovrà esserlo sempre iniettiva per ogni  $a \in \mathbb{R}$  e quindi  $f$  è iniettiva.

### Theorem 0.2: Iniettività $\iff \ker = \{1\}$

Sia  $f : G \rightarrow H$  un omomorfismo di gruppi da  $G$  ad  $H$ .  
Allora  $f$  è iniettivo se e solo se  $\ker f = \{1\}$ .

*Proof.* Sia  $f : G \rightarrow H$  un omomorfismo di gruppi da  $G$  a  $H$  allora:

- Se  $f$  è iniettiva supponiamo che  $a \in \ker f$  allora  $f(a) = 0$  ma dato che  $f$  è un omomorfismo allora  $f(0) = 0$  quindi per l'iniettività  $a = 0$  e quindi  $\ker f = \{1\}$
  - Se  $\ker f = \{1\}$  allora  $f$  è iniettiva. Infatti se  $f(a) = f(b)$  allora  $f(a - b) = 0$  e quindi  $a - b = 0$  e quindi  $a = b$
- 

## 1 Radice di 2 è irrazionale

### Theorem 1.1

$\sqrt{2}$  è irrazionale

*Proof.* Supponiamo per assurdo che  $\sqrt{2}$  sia razionale, allora  $\sqrt{2} = \frac{a}{b}$  con  $a, b \in \mathbb{Z}$  e  $b \neq 0$ .

Possiamo supporre che  $\frac{a}{b}$  sia ridotta ai minimi termini, cioè che  $a$  e  $b$  siano coprimi.

Allora  $\sqrt{2} = \frac{a}{b}$  e quindi  $2 = \frac{a^2}{b^2}$  e quindi  $a^2 = 2b^2$ .

Quindi  $a^2$  è pari e quindi  $a$  è pari.

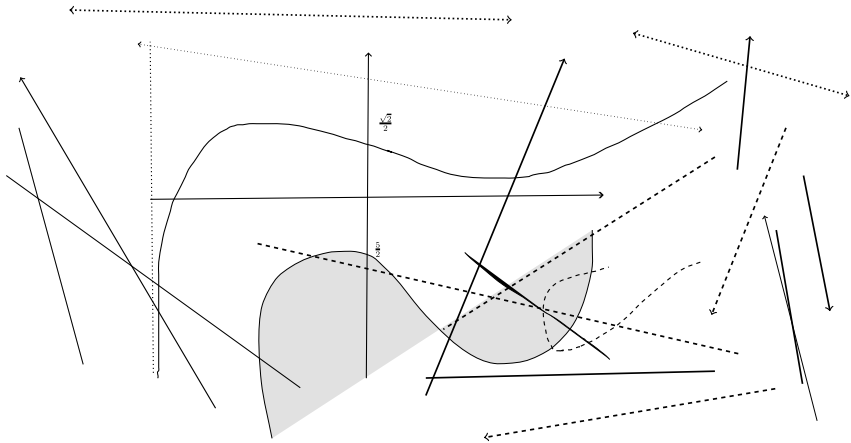


Figure 1: test picture

Allora  $a = 2k$  con  $k \in \mathbb{Z}$  e quindi  $2b^2 = 4k^2$  e quindi  $b^2 = 2k^2$  e quindi  $b^2$  è pari e quindi  $b$  è pari.  
 Ma questo è assurdo dato che abbiamo supposto che  $a$  e  $b$  fossero coprimi.  
 Quindi  $\sqrt{2}$  è irrazionale.  $\square$

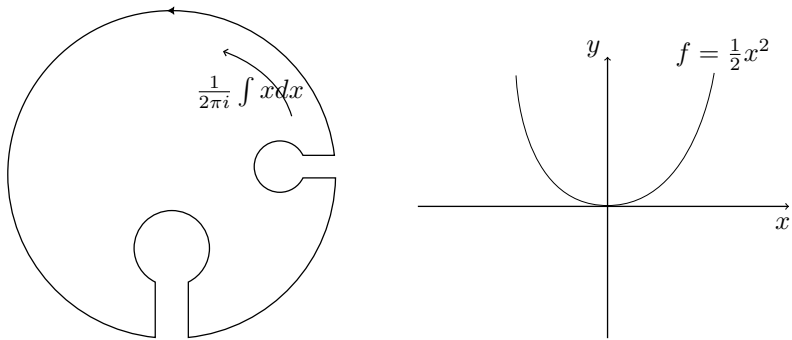


Figure 2: faccia

let  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

$$\coprod_{i \in I}$$

$$ds^2 = -c\,dt^2 + dx^2 + dy^2 + dz^2$$

$$f:\mathbb{R}\longrightarrow\mathbb{C}$$

$$x\longmapsto f(x)=\frac{1}{2\pi i}\int_{\gamma}\frac{1}{z-x}dz$$

so we know that  $e^{2x^2}=A\subset B24$   
 quindi otteniamo alla fine che  $A^{\mathcal{I}}=\emptyset\subset \text{everything}$  so also  $B^{\mathcal{I}}$

**Il migliore** risultato che fosse mai stato trovato so:

$$a = b + c$$

$$\Longleftrightarrow a - b = c$$

da cui otteniamo che  $\implies a - b = c$

e a sua volta  $a - c = b \Longleftarrow$

$$\frac{\left(\frac{1}{2}\right)}{2}$$