

Анастасия Валеева, ФПМИ, **М05-116** 

2021г.

# 

#### ГРАФ ДРУЗЕЙ

- 38 вершин
- 55 рёбер
  - слишком маленький и несвязный

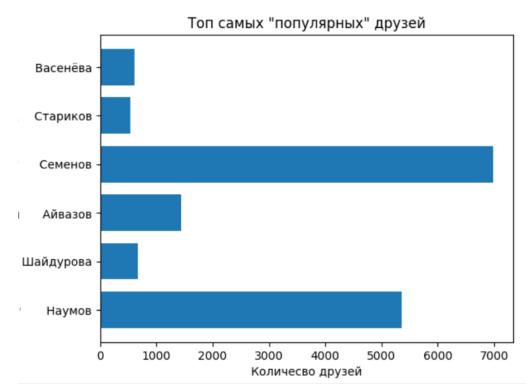
#### ГРАФ ДРУЗЕЙ ДРУЗЕЙ

- Более 16.000 вершин, степень некоторых >6.000
- На порядок больше рёбер
  - слишком большой и малоинформативный

### Гипотеза 70-7

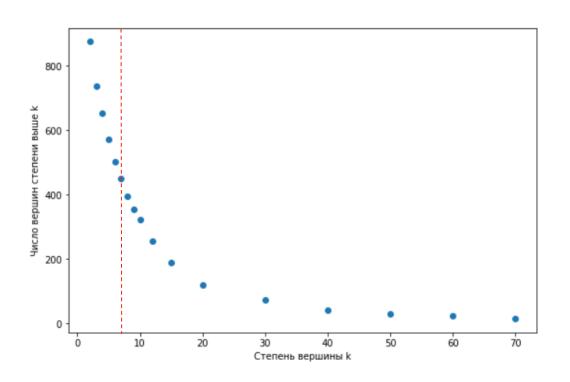
#### 70 друзей

Добавим только **70** случайных друзей каждого моего друга и все связи между ними



#### Степень вершины < 7

Удалим вершины степени ниже 7, избавимся от слабосвязанных



#### Описание графа

■ Вершины: 508

■ Рёбра: 3704

Диаметр: 4

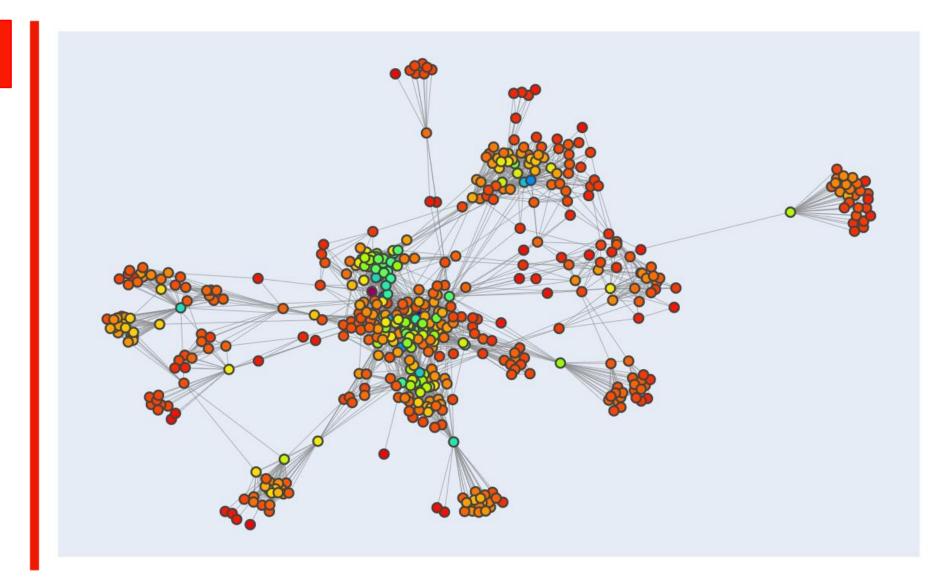
Радиус: 2

Коэффициент кластеризации: 0.6

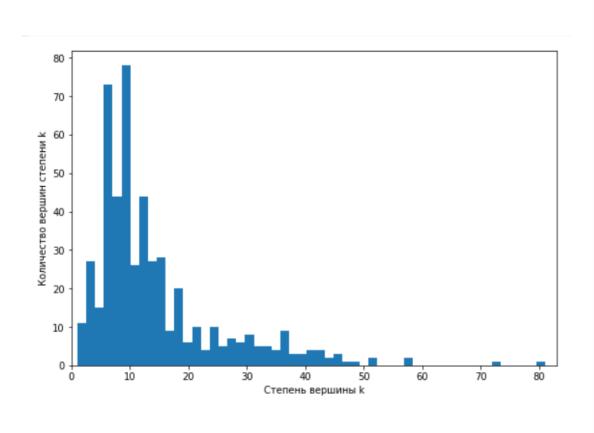
• Средняя длина пути: 3.38

Женщины: 45%,

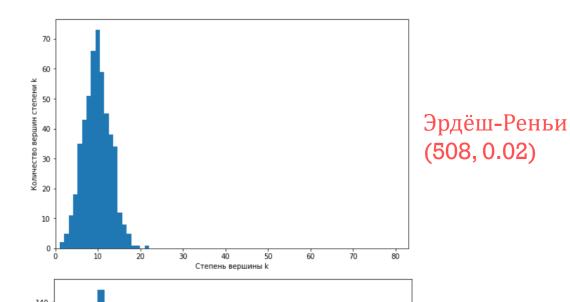
мужчины: 55%



### Распределение степеней вершин



Мой граф



Степень вершины k

100

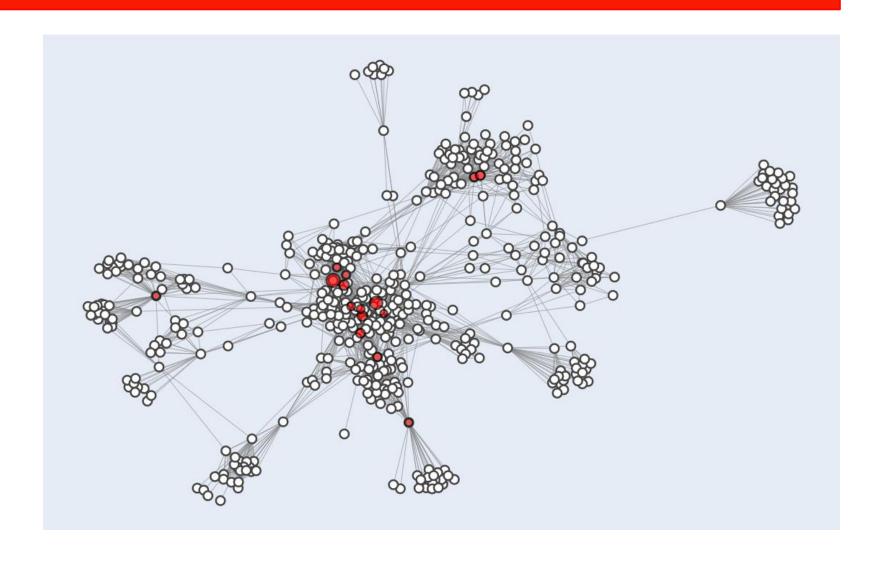
60

20

Барбаши-Альберт **(508,10)** 

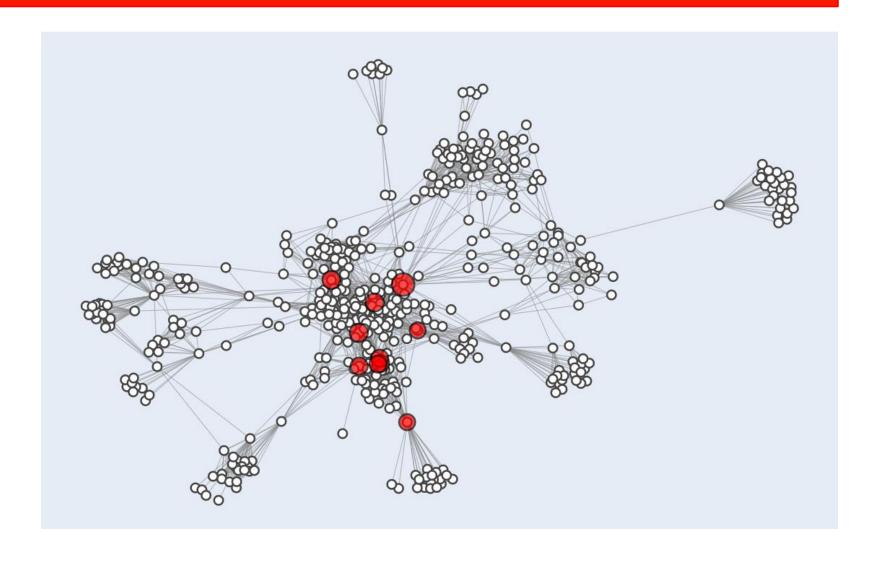
### Центральности. Degree centrality

Екатерина Шайдурова 0.1598 Денис Айвазов 0.142 Александр Гришутин 0.1124 Максим Абрамов 0.1124 Руслан Еникеев 0.1026 Наталья Лунева 0.1006 Иван Эрлих 0.0966 Никита Семёнов 0.0927 Александр Ненашев 0.0907 Евгений Молчанов 0.0907 Владимир Гуровиц 0.0888 Маргарита Автандилова 0.0868 Андрей Власов 0.0868 Михаил Голофаев 0.0848 Виталий Павленко 0.0848



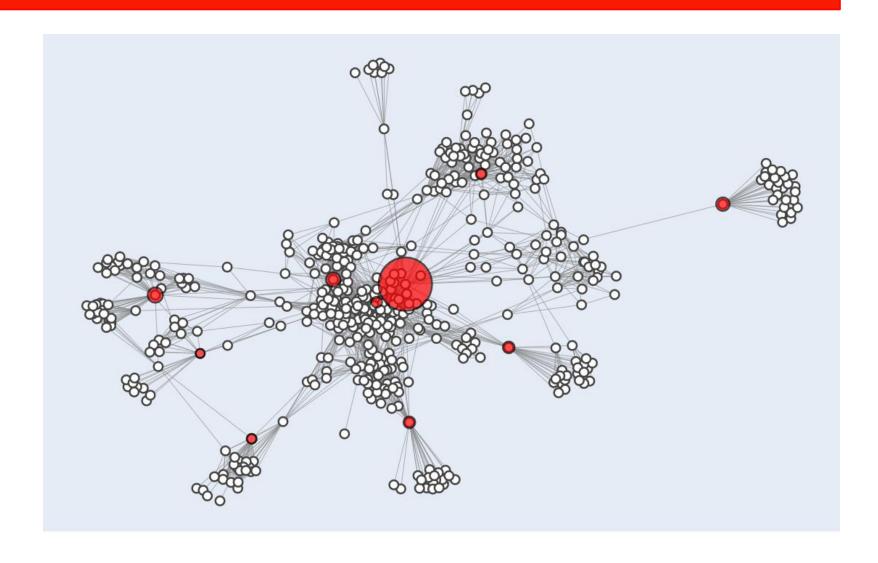
### Центральности. Closeness centrality

Анастасия Валеева 0.5195 Денис Айвазов 0.4159 Екатерина Шайдурова 0.4139 Наталья Лунева 0.4005 Максим Регенов 0.3949 Владислав Рыхлов 0.3912 Айрат Валиев 0.3876 Александра Штепен 0.3856 Евгения Бобренкова 0.3798 Михаил Голофаев 0.3798



### Центральности. Betweenness centrality

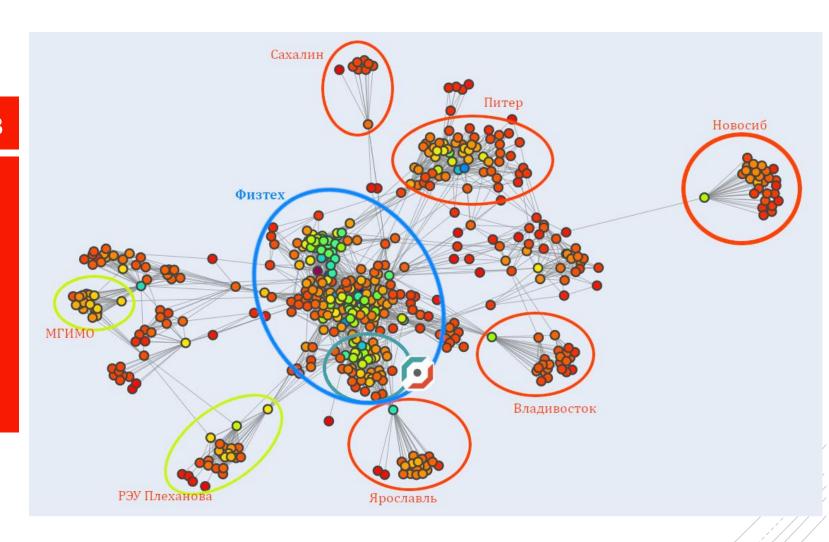
Анастасия Валеева 0.5486
Маргарита Автандилова 0.1249
Екатерина Шайдурова 0.1162
Татьяна Сорокина 0.1022
Каролина Акохова 0.0862
Михаил Голофаев 0.0858
Руслан Еникеев 0.0795
Денис Айвазов 0.0795
Дарья Серегина 0.0681
Дмитрий Черников 0.0592



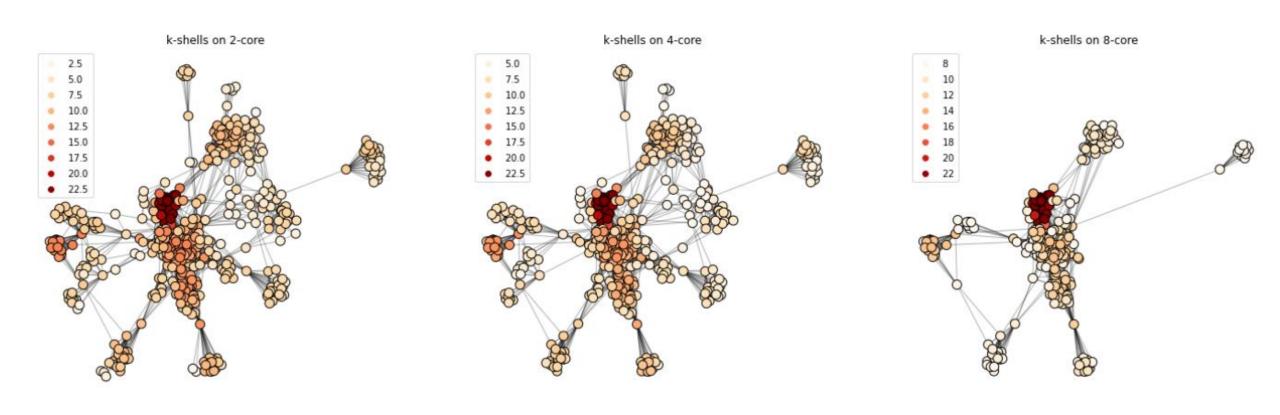
#### Определение сообществ

### Что мы хотим найти?

Проведем ручной анализ графа: наблюдается деление по географическому и университетскому признакам

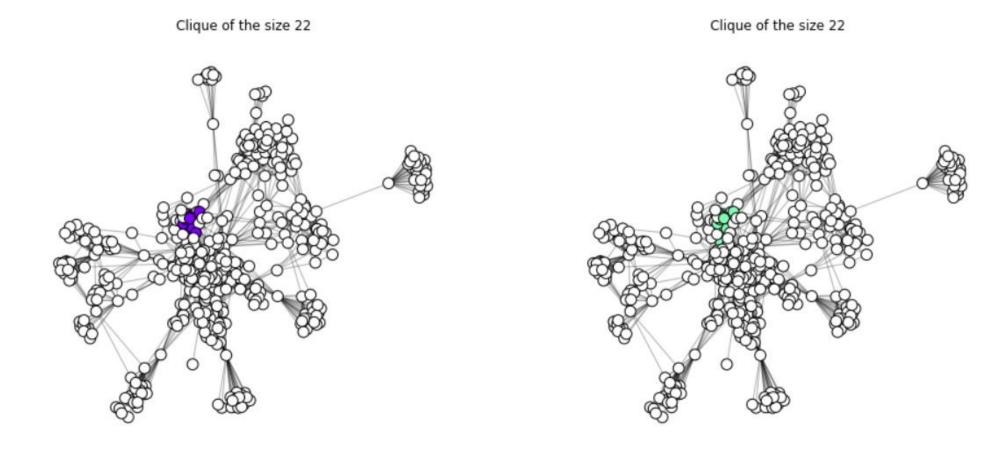


## Определение сообществ. k-cores



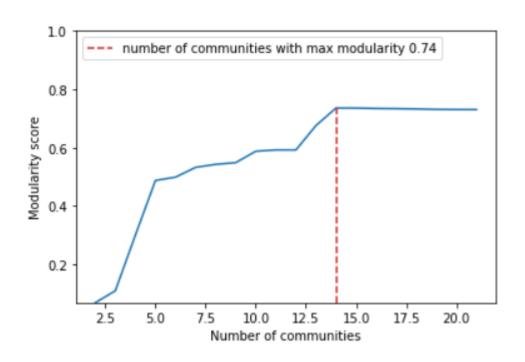
Получилось выделить основное ядро Физтеха. Не особо информативно

### Определение сообществ. Cliques

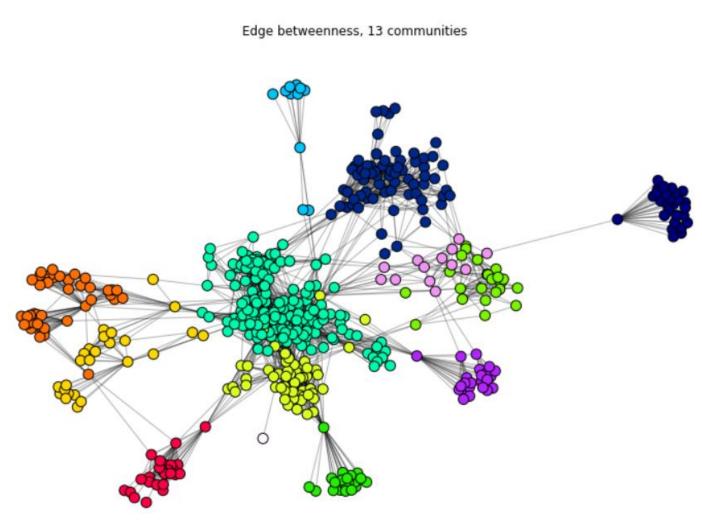


Похожий на **k-cores** результат. Выделил ядро, но чуть меньшего размера.

### Определение сообществ. Girvan Newman



Максимизация modularity привела к очень точному результату, выделив все осмысленные группы!



#### Заключение

- Гипотеза 70 7 о сохранении структуры графа при понижении размерности подтвердилась, все полученные метрики продемонстрировали корректно интерпретируемые значения
- Распределение степеней вершин соответствует power law
- С помощью алгоритма Гирвана-Ньюмана удалось выделить все существующие сообщества в графе