

Trabajo Integrador 2: Matemática y Programación

Integrantes:

- Roqué, Gabriel Osvaldo
- Airalde, Milagros Abril

Comisión:

- Gabriel Osvaldo Roque: **Comisión 5.**
- Milagros Abril Airalde: **Comisión 1.**

Link al video: <https://youtu.be/xpUfarID2zl>

Objetivo:

El objetivo de este trabajo es integrar los contenidos de Matemática (conjuntos y lógica) con Programación (estructuras condicionales, repetitivas y funciones), fortaleciendo el trabajo en equipo, la comunicación clara y la responsabilidad individual en un proyecto colaborativo.

Parte 1 – Desarrollo Matemático

1. DNIs :

Se utilizaron DNIs de ejemplo para realizar los cálculos:

- **DNI 1:** 38945345
- **DNI 2:** 41355780

2. Conjuntos de números únicos

A partir de los DNIs, se generaron los siguientes conjuntos de números únicos:

- **Conjunto 1:** [3, 4, 5, 8, 9]
- **Conjunto 2:** [0, 1, 3, 4, 5, 7, 8]

3. Operaciones con conjuntos

Se realizaron las siguientes operaciones entre los conjuntos, con resultados ordenados de menor a mayor:

- **Unión:** [0, 1, 3, 4, 5, 7, 8, 9]
 - Representa todos los números presentes en el Conjunto 1, Conjunto 2, o ambos, sin repeticiones.
- **Intersección:** [3, 4, 5, 8]
 - Representa los números comunes a ambos conjuntos.
- **Diferencia (Conjunto 1 - Conjunto 2):** [9]
 - Representa los números que están en el Conjunto 1 pero no en el Conjunto 2.
- **Diferencia (Conjunto 2 - Conjunto 1):** [0, 1, 7]
 - Representa los números que están en el Conjunto 2 pero no en el Conjunto 1.

- **Diferencia simétrica:** [0, 1, 7, 9]

- Representa los números que están en el Conjunto 1 o en el Conjunto 2, pero no en ambos.

4. Diagramas de Venn

Se elaboraron diagramas de Venn para cada operación, dibujados a mano en un cuaderno y fotografiados para su inclusión en este documento. Los diagramas representan:

- **Unión:** Ambos círculos con todos los números [0, 1, 3, 4, 5, 7, 8, 9], resaltando la región completa.

- **Intersección:** La región central de los círculos con los números comunes [3, 4, 5, 8].

- **Diferencia (Conjunto 1 - Conjunto 2):** La parte del círculo del Conjunto 1 con el número [9].

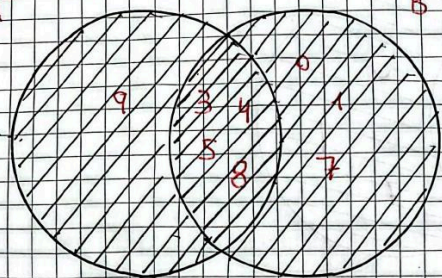
- **Diferencia (Conjunto 2 - Conjunto 1):** La parte del círculo del Conjunto 2 con los números [0, 1, 7].

- **Diferencia simétrica:** Las partes no superpuestas del Conjunto 1 ([9]) y Conjunto 2 ([0, 1, 7]).

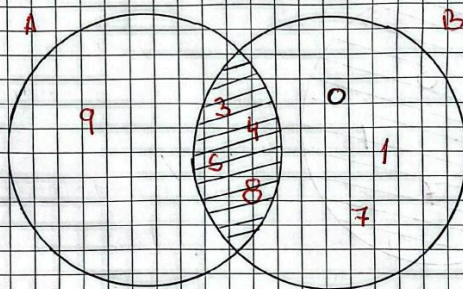
[Imágenes de los diagramas de Venn insertadas en el documento]

$$1) A \cup B$$

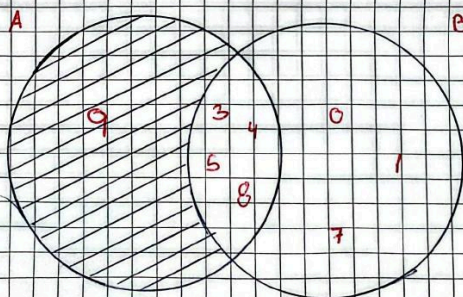
$$A \cup B = \{0, 1, 3, 4, 5, 7, 8, 9\}$$

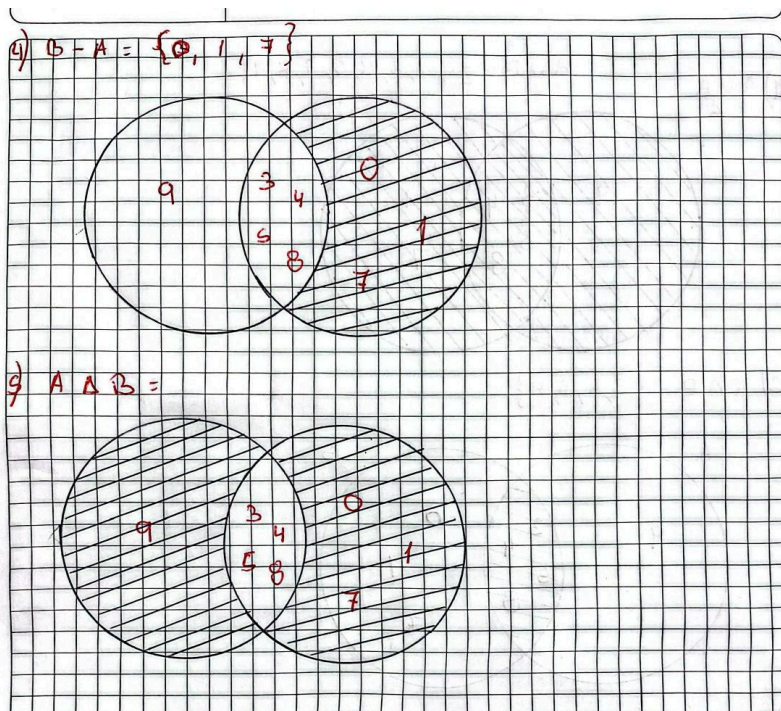


$$2) A \cap B = \{3, 4, 5, 8\}$$



$$3) A - B = \{9\}$$





5. Expresiones lógicas en lenguaje natural

Se definieron cinco expresiones lógicas basadas en los conjuntos, con sus resultados:

- **Expresión 1:** "Si ambos conjuntos tienen al menos 5 números, entonces se considera alta diversidad numérica."

- Resultado: Conjunto 1 tiene 5 números, Conjunto 2 tiene 7 números. Se cumple porque ambos tienen al menos 5 números.

- **Expresión 2:** "Si la intersección entre los conjuntos tiene más de 3 números, entonces hay un número común significativo."

- Resultado: Intersección = $\{3, 4, 5, 8\}$ (4 números). Se cumple porque $4 > 3$.

- **Expresión 3:** "Si algún conjunto no contiene el número 0, entonces se considera un grupo sin ceros."

- Resultado: Conjunto 1 no contiene el número 0, Conjunto 2 sí lo contiene. Se cumple porque al menos un conjunto no tiene el 0.

- **Expresión 4:** "Si la diferencia simétrica tiene más números que la intersección, entonces hay mayor diversidad exclusiva."

- Resultado: Diferencia simétrica = $\{0, 1, 7, 9\}$ (4 números), Intersección = $\{3, 4, 5, 8\}$ (4 números). No se cumple porque 4 no es mayor que 4.

- **Expresión 5:** "Si la unión de los conjuntos contiene todos los números del 0 al 9, entonces se considera un grupo completo."

- Resultado: Unión = $\{0, 1, 3, 4, 5, 7, 8, 9\}$ (8 números). No se cumple porque faltan los números 2 y 6.

Parte 2 – Desarrollo del Programa en Python

Descripción del programa

Se desarrolló un programa en Python compuesto por dos archivos:

- **IntegradorMatematica.py**: Contiene la lógica principal, incluyendo ingreso de datos, validaciones, operaciones con conjuntos, evaluación de expresiones lógicas y procesamiento de años de nacimiento.
- **funciones.py**: Contiene las funciones auxiliares para contar frecuencias, sumar números y verificar años bisiestos.

El programa permite al usuario ingresar dos nombres, dos DNIs de 8 números y dos años de nacimiento. Sus funcionalidades son:

- Genera conjuntos de números únicos a partir de los DNIs, mostrándolos ordenados de menor a mayor.
- Calcula y muestra la unión, intersección, diferencia (1-2), diferencia (2-1) y diferencia simétrica, todas ordenadas.
- Calcula la frecuencia de cada número en cada DNI, mostrando los resultados ordenados por número.
- Calcula la suma total de los números de cada DNI.
- Evalúa las cinco expresiones lógicas definidas.
- Para los años de nacimiento, cuenta años pares e impares, verifica si ambos son posteriores al 2000 ("Grupo Z"), identifica años bisiestos y calcula el producto cartesiano de años y edades.

Código fuente

Los códigos completos se encuentran en los archivos IntegradorMatematica.py y funciones.py, incluidos en la entrega. A continuación, se muestran ambos:

IntegradorMatematica.py

```
```python
Trabajo Integrador 2: Matemática y Programación
Integrantes: Gabriel y Milagros
Este programa permite ingresar nombres, DNIs y años de
nacimiento,
genera conjuntos de números únicos, realiza operaciones de
conjuntos,
calcula frecuencias (ordenadas), sumas, evalúa expresiones
lógicas,
y realiza operaciones con años de nacimiento.
Los conjuntos y frecuencias se muestran ordenados de menor a
mayor.
Las funciones auxiliares están en funciones.py.

from datetime import datetime
from funciones import contar_frecuencias, sumar_numeros,
es_bisiesto

--- Parte 2A: Validación y procesamiento de DNIs ---
```

```

Pedir al usuario los nombres para los DNIs
nombre1 = input("Ingrese el nombre para el primer DNI: ")
nombre2 = input("Ingrese el nombre para el segundo DNI: ")

Pedir al usuario que ingrese los DNIs
dni1 = input(f"Ingrese el DNI de {nombre1} (8 números): ")
dni2 = input(f"Ingrese el DNI de {nombre2} (8 números): ")

Validar que el primer DNI tenga 8 números y sea solo numérico
while not (dni1.isdigit() and len(dni1) == 8):
 print(f"Error: El DNI de {nombre1} debe tener exactamente 8 números.")
 dni1 = input(f"Ingrese el DNI de {nombre1} (8 números): ")

Validar que el segundo DNI tenga 8 números y sea solo numérico
while not (dni2.isdigit() and len(dni2) == 8):
 print(f"Error: El DNI de {nombre2} debe tener exactamente 8 números.")
 dni2 = input(f"Ingrese el DNI de {nombre2} (8 números): ")

Crear conjuntos con los números únicos de cada DNI
conjunto_1 = set(dni1) # Conjunto del primer DNI
conjunto_2 = set(dni2) # Conjunto del segundo DNI

Realizar operaciones con conjuntos
union = conjunto_1 | conjunto_2 # Unión: todos los números de ambos conjuntos
interseccion = conjunto_1 & conjunto_2 # Intersección: números comunes
diferencia_1_2 = conjunto_1 - conjunto_2 # Diferencia 1-2
diferencia_2_1 = conjunto_2 - conjunto_1 # Diferencia 2-1
diferencia_simetrica = conjunto_1 ^ conjunto_2 # Diferencia simétrica

Mostrar los conjuntos y resultados, ordenados de menor a mayor
print(f"\nConjunto de {nombre1}: {sorted(conjunto_1)}")
print(f"Conjunto de {nombre2}: {sorted(conjunto_2)}")
print(f"Unión: {sorted(union)}")
print(f"Intersección: {sorted(interseccion)}")
print(f"Diferencia ({nombre1} - {nombre2}): {sorted(diferencia_1_2)}")
print(f"Diferencia ({nombre2} - {nombre1}): {sorted(diferencia_2_1)}")
print(f"Diferencia simétrica: {sorted(diferencia_simetrica)}")

Calcular frecuencias (ordenadas) y sumas para cada DNI
frec_1 = contar_frecuencias(dni1) # Frecuencias del primer DNI
frec_2 = contar_frecuencias(dni2) # Frecuencias del segundo DNI

```

```

suma_1 = sumar_numeros(dni1) # Suma del primer DNI
suma_2 = sumar_numeros(dni2) # Suma del segundo DNI

Mostrar frecuencias y sumas
print(f"\nFrecuencias de {nombre1}: {frec_1}")
print(f"Frecuencias de {nombre2}: {frec_2}")
print(f"Suma de números de {nombre1}: {suma_1}")
print(f"Suma de números de {nombre2}: {suma_2}")

Evaluación de las expresiones lógicas
print("\nEvaluación de expresiones lógicas:")
Expresión 1: Ambos conjuntos tienen al menos 5 números
if len(conjunto_1) >= 5 and len(conjunto_2) >= 5:
 print("Expresión 1: Se considera alta diversidad numérica.")
else:
 print("Expresión 1: No se considera alta diversidad numérica.")

Expresión 2: La intersección tiene más de 3 números
if len(interseccion) > 3:
 print("Expresión 2: Hay un número común significativo.")
else:
 print("Expresión 2: No hay un número común significativo.")

Expresión 3: Algún conjunto no contiene el número 0
if '0' not in conjunto_1 or '0' not in conjunto_2:
 print("Expresión 3: Se considera un grupo sin ceros.")
else:
 print("Expresión 3: No se considera un grupo sin ceros.")

Expresión 4: La diferencia simétrica tiene más números que la intersección
if len(diferencia_simetrica) > len(interseccion):
 print("Expresión 4: Hay mayor diversidad exclusiva.")
else:
 print("Expresión 4: Vaya, no hay mayor diversidad exclusiva.")

Expresión 5: La unión contiene todos los números del 0 al 9
if len(union) == 10:
 print("Expresión 5: Se considera un grupo completo.")
else:
 print("Expresión 5: No se considera un grupo completo, faltan números.")

--- Parte 2B: Validación y procesamiento de años de nacimiento

Pedir al usuario los nombres para los años de nacimiento
print("\nAhora vamos con los años de nacimiento.")

```

```

nombre_anio1 = input("Ingrese el nombre para el primer año de
nacimientto: ")
nombre_anio2 = input("Ingrese el nombre para el segundo año de
nacimientto: ")

Pedir y validar el primer año de nacimiento
anio1 = input(f"Ingrese el año de nacimiento de {nombre_anio1}
(por ejemplo, 2000): ")
while not (anio1.isdigit() and 1900 <= int(anio1) <=
datetime.now().year):
 print(f"Error: El año de {nombre_anio1} debe ser un número
entre 1900 y {datetime.now().year}.")
 anio1 = input(f"Ingrese el año de nacimiento de {nombre_anio1}
(por ejemplo, 2000): ")
anio1 = int(anio1)

Pedir y validar el segundo año de nacimiento
anio2 = input(f"Ingrese el año de nacimiento de {nombre_anio2}
(por ejemplo, 2002): ")
while not (anio2.isdigit() and 1900 <= int(anio2) <=
datetime.now().year):
 print(f"Error: El año de {nombre_anio2} debe ser un número
entre 1900 y {datetime.now().year}.")
 anio2 = input(f"Ingrese el año de nacimiento de {nombre_anio2}
(por ejemplo, 2002): ")
anio2 = int(anio2)

Crear una lista con los años de nacimiento
anios = [anio1, anio2]

Contar años pares e impares
pares = 0 # Contador para años pares
impares = 0 # Contador para años impares
for anio in anios: # Iterar por cada año
 if anio % 2 == 0: # Si el año es divisible por 2, es par
 pares += 1
 else: # Si no, es impar
 impares += 1
print(f"\nAños pares: {pares}")
print(f"Años impares: {impares}")

Verificar si ambos nacieron después del 2000 ("Grupo Z")
es_grupo_z = True # Suponer que todos son después del 2000
for anio in anios: # Verificar cada año
 if anio <= 2000: # Si algún año es 2000 o anterior
 es_grupo_z = False
 break
if es_grupo_z:

```



```

 print("Grupo Z: Todos nacieron después del 2000.")
else:
 print("No todos nacieron después del 2000.")

Verificar años bisiestos
for anio, nombre in zip(anios, [nombre_anio1, nombre_anio2]): #
Iterar por años y nombres
 if es_bisiesto(anio):
 print(f"Año {anio} de {nombre} es bisiesto: ¡Tenemos un
año especial!")
 else:
 print(f"Año {anio} de {nombre} no es bisiesto.")

Calcular edades y producto cartesiano
anio_actual = datetime.now().year # Año actual (2025)
edades = [anio_actual - anio for anio in anios] # Calcular edades
producto_cartesiano = [(anio, edad) for anio in anios for edad in
edades] # Producto cartesiano
print(f"Producto cartesiano (años, edades):
{producto_cartesiano}")
```

```

funciones.py

```

```python
Funciones auxiliares para el Trabajo Integrador 2
Contiene las funciones para contar frecuencias, sumar números y
verificar años bisiestos

Función para contar la frecuencia de cada número en un DNI
def contar_frecuencias(dni):
 frecuencias = {} # Diccionario para almacenar frecuencias
 for numero in dni: # Iterar por cada número del DNI
 frecuencias[numero] = frecuencias.get(numero, 0) + 1 #
Incrementar la cuenta
 # Devolver un diccionario ordenado por clave (número) de menor
a mayor
 return dict(sorted(frecuencias.items()))

Función para sumar los números de un DNI
def sumar_numeros(dni):
 total = 0 # Variable para acumular la suma
 for numero in dni: # Iterar por cada número del DNI
 total += int(numero) # Convertir a entero y sumar
 return total

Función para verificar si un año es bisiesto
def es_bisiesto(anio):

```

```

 # Un año es bisiesto si es divisible por 4 y no por 100, o si
 es divisible por 400
 if anio % 4 == 0: # Si es divisible por 4
 if anio % 100 == 0: # Si también es divisible por 100
 return anio % 400 == 0 # Debe ser divisible por 400
 return True # Si no es divisible por 100, es bisiesto
 return False # Si no es divisible por 4, no es bisiesto
'''

```

### Resultados con datos de ejemplo

Se probaron los DNIs 38945345 y 41355780, y los años de nacimiento 2000 y 2002, con nombres "Juan" y "Ana". Los resultados son:

- Conjunto de Juan: [3, 4, 5, 8, 9]
- Conjunto de Ana: [0, 1, 3, 4, 5, 7, 8]
- Unión: [0, 1, 3, 4, 5, 7, 8, 9]
- Intersección: [3, 4, 5, 8]
- Diferencia (Juan - Ana): [9]
- Diferencia (Ana - Juan): [0, 1, 7]
- Diferencia simétrica: [0, 1, 7, 9]
- Frecuencias de Juan: {'3': 2, '4': 2, '5': 2, '8': 1, '9': 1}
- Frecuencias de Ana: {'0': 1, '1': 1, '3': 1, '4': 1, '5': 2, '7': 1, '8': 1}
- Suma de números de Juan: 41
- Suma de números de Ana: 33
- Expresión 1: Se considera alta diversidad numérica. (Se cumple)
- Expresión 2: Hay un número común significativo. (Se cumple)
- Expresión 3: Se considera un grupo sin ceros. (Se cumple)
- Expresión 4: No hay mayor diversidad exclusiva. (No se cumple)
- Expresión 5: No se considera un grupo completo, faltan números. (No se cumple)
- Años pares: 2
- Años impares: 0
- No todos nacieron después del 2000.
- Año 2000 de Juan es bisiesto: ¡Tenemos un año especial!
- Año 2002 de Ana no es bisiesto.
- Producto cartesiano (años, edades): [(2000, 25), (2000, 23), (2002, 25), (2002, 23)]

### Relación entre expresiones lógicas y código

- Expresión 1: Implementada con ``if len(conjunto_1) >= 5 and len(conjunto_2) >= 5``. Verifica si ambos conjuntos tienen al menos 5 números.
- Expresión 2: Implementada con ``if len(interseccion) > 3``. Evalúa si la intersección tiene más de 3 números.
- Expresión 3: Implementada con ``if '0' not in conjunto_1 or '0' not in conjunto_2``. Comprueba si al menos un conjunto no contiene el número 0.
- Expresión 4: Implementada con ``if len(diferencia_simetrica) > len(interseccion)``. Compara la cantidad de números en la diferencia simétrica y la intersección.
- Expresión 5: Implementada con ``if len(union) == 10``. Verifica si la unión contiene todos los números del 0 al 9.

### Parte 2B – Años de nacimiento

El programa permite ingresar dos nombres y años de nacimiento. Con los datos de ejemplo (Juan: 2000, Ana: 2002):

- Se cuentan años pares e impares usando un bucle que verifica si cada año es divisible por 2.
- Se verifica si ambos años son posteriores al 2000 usando un bucle que comprueba cada año.
- Se identifica si los años son bisiestos con la función ``es_bisiesto`` (en `funciones.py`), que evalúa las condiciones de divisibilidad.
- Se calcula el producto cartesiano de años y edades usando una lista por comprensión.

## Responsabilidades de los integrantes

- **Gabriel:**
  - Cálculo de la unión y la intersección de los conjuntos.
  - Elaboración de los diagramas de Venn para unión e intersección (dibujados a mano e insertados como imágenes).
  - Definición y evaluación de las expresiones lógicas 1 ("Alta diversidad numérica") y 3 ("Grupo sin ceros").
  - Creación y prueba del código Python en Visual Studio Code, incluyendo el ingreso dinámico de nombres, DNIs y años de nacimiento, y la modularización en dos archivos.
- **Milagros:**
  - Cálculo de las diferencias (1-2, 2-1) y la diferencia simétrica.
  - Elaboración de los diagramas de Venn para diferencias y diferencia simétrica (dibujados a mano e insertados como imágenes).
  - Implementación y verificación del conteo de frecuencias (ordenadas) y suma de números en el código Python.
  - Definición y evaluación de las expresiones lógicas 2 ("Número común significativo") y 4 ("Mayor diversidad exclusiva").
- **Ambos:**
  - Definición y evaluación de la expresión lógica 5 ("Grupo completo").
  - Inserción de las imágenes de los diagramas de Venn en Google Docs.
  - Colaboración en la redacción del documento, la implementación de la Parte 2B y la preparación del programa Python.

## Notas adicionales

- Los diagramas de Venn se encuentran insertados como imágenes en el documento de Google Docs, cumpliendo con los requisitos de la entrega.
- Los archivos `IntegradorMatematica.py` y `funciones.py` serán entregados junto con este documento en formato PDF.
- El programa es dinámico, permitiendo ingresar nombres, DNIs y años de nacimiento arbitrarios, con validaciones para garantizar datos válidos.
- Los conjuntos y frecuencias se muestran ordenados de menor a mayor para facilitar la lectura.

- La modularización en dos archivos mejora la organización del código, separando la lógica principal de las funciones auxiliares.