

Навчальна програма

Інформація про курс

Обговорення

Прогрес

Конспект лекцій

Будь ласка, зверніть увагу! Фінальний іспит оцінюється в 30 балів, які враховуються для отримання сертифікату.

Іспит складається з 30 тестових питань. Ви відповідаєте на кожне питання окремо. Зверніть особливу увагу на те, що у вас є лише одна спроба відповіді для кожного питання. Тому будьте максимально уважні!

Вкінці після всіх запитань ви можете знайти посилання на обговорення у форумі питань з іспиту. Якщо ви не впевнені у формулюванні питання або вважаєте, що ваша відповідь коректна, то звертайтесь на форум.

#### ПИТАННЯ 1 (1/1 бал)

Згадайте процедуру Partition методу швидкого сортування. Припустимо, що наступний масив був щойно розбитий відповідно до цієї процедури по відношенню до деякого опорного елементу: [3, 1, 2, 4, 5, 8, 7, 6, 9]. І цей опорний елемент вже зайняв своє відповідне місце в масиві.

Який з цих елементів міг бути обраним в якості опорного? Оберіть всі можливі варіанти.

2

 $\Box$  3

🛂 4 💙

🛂 5 💙

<u>v</u> 9

# ПИТАННЯ 2 (1/1 бал)

Вам задано k відсортованих масивів, кожний з яких містить n елементів, і ви хочете об'єднати їх в один масив з kn елементів. Розглянемо наступний підхід. Розділимо k масивів на k/2 пар масивів та використаємо процедуру злиття Merge алгоритму сортування злиттям. Тепер у вас залишиться k/2 відсортованих масивів, кожний з яких буде містити 2n елементів. Будемо повторювати ці кроки до тих пір, поки не отримаємо один масив з kn елементів.

Який час роботи цієї процедури як функції k і n?

- $\Theta(nk \log k)$
- $\bigcirc \Theta(nk^2)$
- $\bigcirc \Theta(n \log k)$
- $\bigcirc \Theta(nk \log n)$

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 3 (1/1 бал)

Як виглядає рекурентне рівняння для найгіршого випадку процедури швидкого сортування QuickSort та яка часова складність в цьому випадку?

- $\bigcirc$   $T(n) = T(n-2) + \Theta(n)$  і часова складність  $T(n) = \Theta(n^2)$
- ullet  $T(n) = T(n-1) + \Theta(n)$  і часова складність  $T(n) = \Theta(n^2)$

```
\bigcirc T(n)=2T(n/2)+\Theta(n) і часова складність T(n)=\Theta(n\log n) \bigcirc T(n)=T(n/10)+T(9n/10)+\Theta(n) і часова складність T(n)=\Theta(n\log n)
```

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 4 (1/1 бал)

# Розглянемо функцію

```
Function(ціле число n):
    count = 0
    i = n
    while i>0:
        for j від 0 до i-1:
            count = count + 1
        i = i/2
    return count
```

Яка часова складність цієї функції?

- $\bigcirc \Theta(n^2)$
- $\bigcirc \Theta(n \log n)$
- $\Theta(n)$
- $\bigcirc \Theta(n \log n \log n)$

#### пояснення відповіді

Якщо розписати суму кількостей ітерацій для зовнішнього циклу, то отримаємо:  $n+n/2+n/4+\ldots+1$ . Це є сума геометричної прогресії:

$$n/2^0 + n/2^1 + n/2^2 + \dots + n/2^{\log_2 n} = n \cdot \frac{1 - 1/2^{\log_2 n + 1}}{1 - 1/2} = n \cdot \frac{1 - 1/2n}{1/2} = 2n - 1 = \Theta(n)$$

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 5 (1/1 бал)

Позначимо через W(n) та A(n) час роботи деякого алгоритму в найгіршому та середньому випадках відповідно, коли розмірність вхідних даних становить n.

Яке з наступних співвідношень завжди є правильним?

- $\bigcirc A(n) = \Omega(W(n))$
- $\bigcirc A(n) = \Theta(W(n))$

ПОЯСНЕННЯ ВІДПОВІДІ

Час роботи алгоритму в найгіршому випадку завжди є більшим або рівним середньому часу роботи.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

ПИТАННЯ 6 (1/1 бал)

В деякому змаганні розглядається чотири функції. Кожна з функцій має один цикл for і всередині цього циклу кожна функція має один й той самий набір інструкцій.

Нижче наведені чотири варіанти циклів for. Для вхідних даних розмірності n (додатне число), яка з функцій буде більш ефективною? Зміст самої задачі, яку розв'язують функції, не є важливим.

$$\bigcap$$
 for(i = 0; i < n; i = i + 1)

$$\bigcirc$$
 for(i = 0; i < n; i = i + 2)

#### ПОЯСНЕННЯ ВІДПОВІДІ

Часова складність першого циклу -  $\Theta(n)$ . Часова складність другого циклу -  $\Theta(n/2) = \Theta(n)$ . Часова складність третього циклу -  $\Theta(\log n)$ . Четвертий цикл ніколи не завершиться.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 7 (1/1 бал)

Оберіть ті твердження, які є правильними.

$$igspace (n+k)^m = \Theta(n^m)$$
, де  $k$  і  $m$  - константи

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

Приховати Відповідь

# ПИТАННЯ 8 (1/1 бал)

Розглянемо наступні дві функції.

```
Fun1(ціле число n):
   if n ≤ 1 return n
   else return 2 * Fun1(n - 1)
```

```
Fun2(ціле число n):
   if n ≤ 1 return n
   else return Fun2(n-1) + Fun2(n-1)
```

Яка часова складність цих двох функцій?

- $\Theta(2^n)$  для обох функцій
- $igodots \Theta(n)$  для Fun1 та  $\Theta(2^n)$  для Fun2
- $\bigcirc$   $\Theta(2^n)$  для Fun1 та  $\Theta(n)$  для Fun2
- $\bigcirc \Theta(n)$  для обох функцій

#### пояснення відповіді

Часова складність для Fun1 може бути записана як T(n) = T(n-1) + C, звідки  $T(n) = \Theta(n)$ . Часова складність для Fun2 може бути записана як T(n) = 2T(n-1) + C, звідки  $T(n) = \Theta(2^n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 9 (1/1 бал)

Невідсортований масив містить n різних елементів. Як оцінюється кількість порівнянь у випадку пошуку будь-якого елементу в масиві, який не є ані мінімальним, ані максимальним?

- $\bigcirc \Theta(n \log n)$
- $\bigcirc \Theta(n)$
- $\bigcirc \Theta(\log n)$
- $\mathbf{O}\Theta(1)$



#### пояснення відповіді

Для пошуку такого елементу достатньо обрати перші три елементи масиву та порівняти їх між собою. Той, який буде ані мінімальним, ані максимальним серед трьох, і є шуканий елемент. Час його пошуку не залежить від довжини масиву і становить  $\Theta(1)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 10 (1/1 бал)

Розглянемо ситуацію, коли у вас немає функції для обрахунку степеню (наприклад, аналог функції роw() у мові C) і вам потрібно обрахувати  $x^n$ , де x - довільне число і n - ціле додатне число. Яким може бути найкращий час роботи вашої степеневої функції?

```
\Theta(n \log n)
\Theta(\log n) 
\Theta(\log(\log n))
```

#### пояснення відповіді

Наведена нижче функція працює за принципом декомпозиції. Її рекурентне співвідношення можна представити як  $T(n) = T(n/2) + \Theta(1)$ , розв'язок якого становить  $T(n) = \Theta(\log n)$ .

```
Power(x, y):
    if y = 0:
        return 1
    temp = Power(x, y/2)
    if y mod 2 = 0:
        return temp*temp
    else
        return x*temp*temp
```

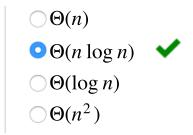
Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 11 (1/1 бал)

Розглянемо задачу пошуку підмасиву з максимальною сумою. На вхід подається деякий масив чисел A. Потрібно знайти таку неперервну послідовність чисел в масиві A, що їх сума буде найбільшою. Наприклад, для масиву [12, -13, -5, 25, -20, 30, 10] найбільша сума неперервної послідовності елементів буде становити 45, де сама послідовність - [25, -20, 30, 10].

Очевидний розв'язок цієї задачі полягає в тому, щоб рахувати суми всіх підмасивів починаючи з кожного елементу вхідного масиву та повернути підмасив з максимальною сумою. Проте можна застосувати метод декомпозиції та розробити алгоритм, який буде працювати краще, аніж згаданий вище. Який буде час роботи цього нового алгоритму?



#### пояснення відповіді

Для поставленої задачі можна використати наступний алгоритм, який заснований на принципі декомпозиції.

- 1) Розбити вхідний масив на дві половини
- 2) Повернути максимальний з наступних трьох випадків:
  - а) Максимальну суму підмасиву з лівої половини (рекурсивний виклик)
  - b) Максимальну суму підмасиву з правої половини (рекурсивний виклик)
  - с) Максимальну суму підмасиву, в якого початок знаходиться в лівій половині, а кінець в правій.

Для пошуку значення на пункті с) ми можемо скористатись наступною процедурою. Рухатись від середньої точки вліво і шукати підмасив з максимальною сумою. Потім рухатись від середньої точки вправо і також шукати підмасив з максимальною сумою. В кінці додати ці дві суми.

Рекурентне співвідношення становить:  $T(n) = 2T(n/2) + \Theta(n)$ , а його розв'язок -  $T(n) = \Theta(n \log n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 12 (1/1 бал)

Припустимо, ми маємо алгоритм для пошуку медіани в масиві, який працює за час  $\Theta(n)$ . Розглянемо метод швидкого сортування, в якому спочатку знаходиться медіана масиву із використанням згаданого алгоритму, а потім ця медіана використовується в якості опорного елементу процедури розбиття. Який буде час роботи такого модифікованого алгоритму швидкого сортування в найгіршому випадку?

- $\bigcirc \Theta(n^2 \log n)$
- $\bigcirc \Theta(n^2)$
- $\bigcirc \Theta(n \log n \log n)$
- $\Theta(n \log n)$



#### ПОЯСНЕННЯ ВІДПОВІДІ

Рекурентне співвідношення для такого модифікованого алгоритму має вигляд  $T(n) = 2T(n/2) + \Theta(n)$ . Його розв'язок -  $T(n) = \Theta(n \log n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

ПИТАННЯ 13 (1/1 бал)

Розглянемо модифікацію методу сортування злиттям, коли вхідний масив розбивається у співвідношенні 1 до 2, тобто одна частина буде містити третину вхідного масиву, а друга - решти дві третини. Який час роботи цієї модифікації алгоритму в найгіршому випадку?

- $\bigcirc \Theta(n \log_3 n)$
- $\bigcirc \Theta(n \log_{2/3} n)$
- $\bigcirc \Theta(n \log_{1/3} n)$
- $\Theta(n \log_{3/2} n)$

#### пояснення відповіді

Рекурентне співвідношення для такого модифікованого алгоритму має вигляд  $T(n) = T(n/3) + T(2n/3) + \Theta(n)$ . Його розв'язок -  $T(n) = \Theta(n \log_{3/2} n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 14 (1/1 бал)

Який з наступних алгоритмів буде працювати найменший час, якщо вхідний масив складається тільки з однакових елементів? Припускаємо, що розглядаються стандартні реалізації алгоритмів.

- O Сортування включенням (Insertion Sort)
- Пірамідальне сортування (Heap Sort)
- Сортування злиттям (Merge Sort)
- Швидке сортування (Quick Sort)

#### пояснення відповіді

Алгоритм сортування включенням потребує час  $\Theta(n)$ , коли всі елементи вхідного масиву однакові. Також за час  $\Theta(n)$  буде працювати алгоритм Heap Sort, проте приховані константи в цьому випадку будуть більші, аніж в Insertion Sort, через витрати часу на побудову піраміди.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 15 (1/1 бал)

Масив з n символьних рядків, кожний з яких має довжину n, відсортовується в лексикографічному порядку за допомогою методу сортування злиттям. Який час роботи цього алгоритму для даної задачі в найгіршому випадку?

- $\bigcirc O(n \log n)$
- $O(n^2 \log n)$
- $\bigcirc O(n \log n \log n)$
- $\bigcirc O(n^2)$

#### пояснення відповіді

Рекурентне дерево для методу сортування злиттям буде мати висоту  $O(\log n)$ . Час роботи алгоритму на кожному рівні дерева буде становити  $O(n^2)$ : кожний рівень потребує n порівнянь і кожне порівняння займає час O(n) в найгіршому випадку. Тож, час роботи алгоритму загалом становитиме:  $O(n^2 \log n)$ 

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

ПИТАННЯ 16 (1/1 бал)

Нехай Р - це програма, яка реалізує алгоритм швидкого сортування для сортування масиву чисел у зростаючому порядку, при цьому в якості опорного використовується перший елемент масиву. Позначимо через  $t_1$  і  $t_2$  кількість порівнянь елементів в програмі Р, які виконуються для вхідних масивів [1, 2, 3, 4, 5] і [4, 1, 5, 3, 2] відповідно. Оберіть правильне твердження з нижче наведених.

- $\bigcirc t_1 = t_2 = 4$
- $\bigcirc t_1 = t_2 = 5$
- $\bigcirc t_1 < t_2$
- $oldsymbol{0} t_1 > t_2$
- $\bigcirc t_1 = t_2$

#### пояснення відповіді

Найгірший випадок для алгоритму швидкого сортування при виборі опорним елементом першого або останнього стається, коли масив вже є відсортованим. Тоді на кожному кроці рекурсії масив розбивається відповідно до співвідношення  $T(n) = T(n-1) + \Theta(n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 17 (1/1 бал)

Який розв'язок має наступне рекурентне співвідношення:  $T(n) = T(n/4) + T(n/2) + cn^2$ , де T(1) = c, T(0) = 0 і c - деяка додатня константа?

```
\bigcirc \Theta(n^3)
\Theta(n^2)
\bigcirc \Theta(n^2 \log n)
\bigcirc \Theta(n \log n)
```

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 18 (1/1 бал)

Яка часова складність наступної рекурсивної функції?

```
DoSomething (ціле число n):
   if n \le 2:
        return 1
   else:
        return DoSomething (floor(sqrt(n)))
```

тут  $sqrt(n) = \sqrt{n}$  , a floor - функція, яка повертає цілу частину аргументу.

- $\bigcirc \Theta(n)$
- $\bigcirc \Theta(n \log n)$
- $\bigcirc \Theta(\log n)$
- $\Theta(\log(\log n))$



#### пояснення відповіді

Рекурентне співвідношення для цієї функції виглядає наступним чином:  $T(n) = T(\sqrt{n}) + C$  для n > 2. Введемо заміну:  $n = 2^m$  і тоді  $T(n) = T(2^m) = S(m)$ . Тоді рекурентне співвідношення можна переписати як S(m) = S(m/2) + C. Його розв'язок за основною теоремою -  $S(m) = \Theta(\log m) = \Theta(\log \log n) = T(n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 19 (1/1 бал)

Оберіть правильну асимптотичну часову складність для алгоритму з часом роботи T(n,n), де

$$T(x,c) = \Theta(x)$$
 для  $c \le 2$ ,

$$T(c, y) = \Theta(y)$$
 для  $c \le 2$ ,

$$T(x, y) = \Theta(x + y) + T(x/2, y/2)$$

- $\bigcirc \Theta(n \log n)$
- $\bigcirc \Theta(n^2)$
- $\Theta(n)$
- $\bigcirc \Theta(n^2 \log n)$

# пояснення відповіді

Рекурентне співвідношення  $T(x,y) = \Theta(x+y) + T(x/2,y/2)$  може бути переписане як  $T(x,y) = \Theta(x+y) + \Theta(\frac{x+y}{2}) + \Theta(\frac{x+y}{4}) + \Theta(\frac{x+y}{8}) + \ldots = \Theta((x+y) + \frac{x+y}{2} + \frac{x+y}{4} + \frac{x+y}{8} + \ldots)$ . Це буде сума спадної геометричної прогресії із модулем знаменника рівним 1/2 і вона буде дорівнювати  $T(x,y) = \Theta(2(x+y)) = \Theta(x+y)$ . А отже  $T(n,n) = \Theta(n+n) = \Theta(n)$ .

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 20 (1/1 бал)

Обхід графу відрізняється від обходу дерева тим, що (оберіть всі можливі варіанти):

✓ В графі можуть бути цикли, тому нам потрібно для кожної вершини зберігати чи відвідали ми її вже,
 чи ні

- □ Обхід вглиб в графі використовує стек, але внутрішній обхід дерева є рекурсивним
- □ Обхід вшир в графі використовує чергу, але ефективний обхід вшир в дереві використовує рекурсію

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

### ПИТАННЯ 21 (1/1 бал)

Граф G має n вершин та m ребер. Якою є точна верхня межа часу роботи алгоритму пошуку вглиб, якщо в ньому використовується матриця суміжностей?

- $\bigcirc O(n)$
- $\bigcirc O(n+m)$
- $O(n^2)$
- $\bigcirc O(nm)$

#### пояснення відповіді

Алгоритм пошуку вшир працює за час O(n+m), якщо граф представлений списком суміжностей. У випадку використання матриці суміжностей, яка має розмірність  $n \times n$ , нам для кожної поточної вершини в алгоритмі потрібно переглянути відповідний їй рядок в матриці - тобто n елементів. Таким чином загальний час роботи становитиме  $O(n^2)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 22 (1/1 бал)

Якщо до орієнтованого графу G додати додаткове одне ребро, то кількість компонент сильної зв'язності...? (Оберіть найбільш строге твердження)

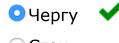
- Не може збільшитись, але може зменшитись
- Може залишитись тією самою або може змінитись (залежить від графу)
- Не може зменшитись більше ніж на 1
- Не зміниться

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 23 (1/1 бал)

Щоб реалізувати версію алгоритму Дейкстри, яка на незважених графах буде працювати за лінійний час, необхідно використати:



Стек

○Піраміду	
Бінарне	церево пошуку

#### пояснення відповіді

Найкоротший шлях у незваженому графі інтерпретується в термінах мінімальної кількості ребер між двома вершинами. Це однаково, якщо приписати всім ребрам вагу 1. Якщо в алгоритмі Дейкстри використовувати звичайну чергу (FIFO), а не чергу з пріоритетами (на основі пірамід), ми зможемо знайти найкоротший шлях за лінійний час O(n+m). Фактично алгоритм Дейкстри в цьому випадку буде працювати аналогічно до алгоритму обходу графу вшир.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 24 (1/1 бал)

Для заданого зваженого графу G та двох вершин s і t було обраховано найкоротший шлях. Серед нижче наведених тверджень оберіть ті, які виконуються:

$\square$ Якщо збільшити вагу всіх ребер у $G$ на 1, то знайдений найкоротший шлях все-одно залишиться
тим самим
$\square$ Якщо збільшити вагу всіх ребер у $G$ на 10, то знайдений найкоротший шлях все-одно залишиться
тим самим
ullet Якщо збільшити вагу всіх ребер у $G$ вдвічі, то знайдений найкоротший шлях все-одно залишиться
тим самим
П Жолне з перепіченого

#### пояснення відповіді

Якщо збільшити вагу всіх ребер вдвічі, то найкоротший шлях збережеться, адже це те саме, як перейти з вимірювання довжини в метрах до вимірювання в сантиметрах. Інші варіанти неправильні - див. лекцію 14.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

## ПИТАННЯ 25 (1/1 бал)

Для заданих двох незростаючих пірамід, кожна з яких має розмірність n, яким є максимальний час побудови незростаючої піраміди, що буде містити всі елементи з обох пірамід?

 $\Theta(n \log n)$   $\Theta(n \log(\log n))$   $\Theta(n)$   $\Theta(n^2)$ 

#### пояснення відповіді

Ми можемо побудувати незростаючу піраміду з 2n елементів за час  $\Theta(n)$  використовуючи наступні кроки. Спочатку створити масив вмісткості 2n та скопіювати туди елементи з обох пірамід. Потім запустити процедуру BuildMaxHeap для цього масиву, час роботи якої  $\Theta(n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 26 (1/1 бал)

У незростаючій піраміді (Мах-Неар), яка містить n елементів, найменший елемент можна знайти за час:

 $\Theta(n)$  $\bigcirc \Theta(\log n)$  $\bigcirc \Theta(\log(\log n))$  $\Theta(1)$ 

Показати відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

# ПИТАННЯ 27 (1/1 бал)

Тернарна незростаюча піраміда (Мах-Неар) аналогічна до бінарної незростаючої піраміди, але в ній кожний внутрішній вузол має не два нащадки, а три. Тернарна піраміда може бути представлена у вигляді масиву А наступним чином. Корінь дерева зберігається в елементі А[1], вузли наступного рівня у порядку зліва направо зберігаються в елементах А[2], ..., А[4]. Вузли другого рівня зберігаються у порядку зліва направо починаючи з елемента А[5] і так далі.

Який з наступних масивів представляє правильну тернарну незростаючу піраміду?

- $\bigcirc$  [1, 3, 5, 6, 8, 9]
- [9, 6, 3, 1, 8, 5]
- [9, 3, 6, 8, 5, 1]
- **○**[9, 5, 6, 8, 3, 1] **✓**



В корені (елемент А[1]) зберігається найбільше значення - 9. Наступний рівень містить елементи 5, 6, 8. Елемент 5 має двох нащадків - 3 та 1, які менші за нього. Це задовольняє умові незростаючих пірамід.

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 28 (1/1 бал)

Розглянемо схему представлення бінарних дерев за допомогою масиву X. Корінь дерева зберігається в першому елементі масиву X[1]. Для внутрішнього вузла дерева, який зберігається в елементі X[i], його лівий нащадок розміщується в елементі X[2i], а правий - в елементі X[2i+1]. Зверніть увагу, що ця схема використовується також для представлення пірамід. Яка повинна бути мінімальна розмірність масиву X для збереження довільного бінарного дерева з n вершин (тут враховані як внутрішні вузли, так і листки).

 $\bigcirc \log n$ 

 $\bigcirc 2^n + 1$ 

 $\circ 2^n - 1$ 



Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

#### ПИТАННЯ 29 (1/1 бал)

Необхідно обрати структуру даних для збереження множини цілих чисел і при цьому обидві нижче наведені операції повинні виконуватись за час  $\Theta(\log n)$ , де n - кількість елементів в множині:

- Видалення найменшого елементу
- Вставка елементу в множину, якщо його ще немає в множині

Яка з нижче наведених структур даних може використовуватись для цього?

		_	<b>~</b> ·
IVIONO DIAICODIACTORIADIACI		20211222222122	
TYORE BURDDUCTORVBATULE	з нирамила.	але не зоалансоване	OIRADRE MEDEBO HOIIIVKV
🦳 Може використовуватись	, <del>,</del> a <del>,</del> a ,	ario ilo ocarianteca	oape доровоe= ,,

- О Може використовуватись збалансоване бінарне дерево пошуку, але не піраміда
- Може використовуватись як піраміда, так і збалансоване бінарне дерево пошуку
- Ані піраміда, ані збалансоване бінарне дерево пошуку не можуть використовуватись

#### пояснення відповіді

Збалансоване бінарне дерево пошуку може знаходити, додавати та видаляти елементи за час  $\Theta(\log n)$ . Видалення найменшого елементу в такому дереві також буде займати той самий час.

Піраміда - це також збалансоване бінарне дерево, в якому видалення мінімального елементу виконується за час  $\Theta(\log n)$ , так само як і вставка елементу. Проте для перевірки, чи елемент існує в піраміді потрібно витратити час  $\Theta(n)$ .

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

### ПИТАННЯ 30 (1/1 бал)

Хеш-таблиця має 10 комірок та використовує відкриту адресацію для уникнення колізій. Хеш-функція  $h(k) = k \mod 10$  і при цьому застосовується лінійне дослідження. Після вставки шести елементів в початково порожню хеш-таблицю, вона має наступний вигляд:

0	
1	
3	42
3	23
4	34
5	52 46
6	46
7	33
8	
9	

Яка з наступних послідовностей вставки ключів у хеш-таблицю є правильною?

- **46**, 42, 34, 52, 23, 33
- 34, 42, 23, 52, 33, 46
- 46, 34, 42, 23, 52, 33
- **42, 46, 33, 23, 34, 52**

Приховати Відповідь

Ви використали 1 з 1 можливостей надіслати свої матеріали на розгляд.

Показати обговорення

Нове Повідомлення



# Про нас Преса FAQ Контакти

© 2015 Prometheus, some rights reserved

- Умови надання послуг та Кодекс Честі

