Københavns Universitet LinAlgDat - Project A

Victor Vangkilde Jørgensen - kft410 kft410@alumni.ku.dk Hold 13 Mach

25. april 2025

Indhold

1	Opgave 1.a 1.b	3 3 4
2	Opgave	4
3	Opgave	4
4	Opgave	4

1 Opgave

1.a

Vi omskriver ligningssystemet til totalmatrix-form:

$$\left[\begin{array}{ccc|c}
1 & 2 & 8 & a \\
a & a & 4a & a \\
2 & 2 & 2a^2 & 0
\end{array} \right]$$

Vi benytter Gauss-Jordan elimination til at omskrive totalmatrix'en til en reduceret rækkeeechelonform.

Først vælger vi, at tilføje $-ar_1$ til r_2 :

$$\begin{bmatrix}
1 & 2 & 8 & a \\
0 & -a & -4a & a - a^2 \\
2 & 2 & 2a^2 & 0
\end{bmatrix}$$

Herefter tilføjer vi $-2r_1$ til r_3 :

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 8 & a \\ 0 & -a & -4a & a - a^2 \\ 0 & -2 & 2a^2 - 16 & -2a \end{bmatrix}$$

Vi tilføjer $\frac{2r_2}{-a}$ til r_3 :

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 8 & a \\ 0 & -a & -4a & a - a^2 \\ 0 & 0 & 2a^2 - 8 & -2a - \frac{2(a-a^2)}{a} = -2 \end{bmatrix}$$

Vi tilføjer $\frac{2r_2}{a}$ til r_1 :

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & 2-a \\
0 & -a & -4a & a-a^2 \\
0 & 0 & 2a^2-8 & -2
\end{bmatrix}$$

Vi tilføjer $\frac{2ar_3}{a^2-4}$ til r_2 :

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -a & 0 \\ 0 & 0 & 2a^2 - 8 \end{bmatrix} \begin{vmatrix} 2 - a \\ a - a^2 - \frac{4a}{(a^2 - 4)} \\ -2 \end{bmatrix}$$

Vi dividerer $r_3 \mod 2a^2 - 8$:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{\begin{array}{c} 2-a \\ a-a^2 - \frac{4a}{(a^2-4)} \\ -\frac{2}{2a^2-8} = -\frac{2}{2(a^2-4)} = \frac{1}{(4-a^2)} \end{bmatrix}$$

Til sidst dividerer vi r_2 med -a:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 2-a \\ 0 & 1 & 0 & \frac{(a^3-a^2-4a+8)}{(a^2-4)} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{(4-a^2)} \end{bmatrix} \square$$

Vi har nu fået den løsning vi ledte efter, så vi er dermed færdige.

1.b

Vi opskriver igen vores ligningssystem som en totalmatrix, og erstatter denne gang a med 0:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 8 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \cdot 0 & 0 \\ 2 & 2 & 2 \cdot 0^2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 8 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Vi ser med det samme, at der ikke er nogen løsninger, da r_2 og r_3 er unikke, men begge er lig 0.

- 2 Opgave
- 3 Opgave
- 4 Opgave