# Elektronik 2

# FS 24 Guido Keel (Michael Lehmann) Autoren:

Simone Stitz, Laurin Heitzer

Version: 1.0.20240514

https://github.com/P4ntomime/elektronik-2

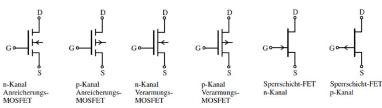


#### Inhaltsverzeichnis

1	Feldeffekt-Transistoren	2	10 Schaltregler
	1.1 FET-Typen und Symbole	2	10.1 Spannungswandler mit Spulen
	1.2 Sperrschicht-FET / Junction FET (JFET)	2	10.2 Energien in den Komponenten
	1.3 MOS-FETs	2	10.3 Aufwärtswandler (Boost, Step-Up Converter)
	1.4 Verstärkerschaltungen mit FETs	2	10.4 Aufwärtswandler: Lückender Betrieb
	1.5 MOS-FET als (Leistungs-)Schalter	2	10.5 Abwärtswandler (Buck, Step-Down Converter)
	1.6 Transmission Gate	2	10.6 Invertierender Wandler (Buck-Boost Converter)
			10.7 Flyback (Sperrwandler)
2	Transistor-Transistor-Logik	2	10.8 Power Fail Control (PFC)
	2.1 Resistor Transistor Logik (RTL)	2	10.9 Aufbau Modernes Netzteil
	2.2 Dioden-Transistor-Logik (DTL)	3	10.10Fazit Spannungswandler SMPS
	2.3 Transistor-Transistor-Logik (TTL)	3	. •
			11 Passive Filter
3	CMOS-Logik	3	11.1 Tiefpassfilter 1. Ordnung
	3.1 Grundgatter in CMOS-Logik	3	11.2 Bodeplot Tiefpassfilter 1. und 2. Ordnung
	3.2 Dualität NMOS – PMOS	3	11.3 Filter 2. Ordnung
	3.3 Verlustleistung bei CMOS-Logik	3	11.4 Filter höherer Ordnung
	3.4 Verzögerungszeit	3	11.5 Zeitverhalten: Schrittantwort
			11.6 Schrittantworten verschiedener Polgüten
4	Schmitt-Trigger	3	11.7 Filter 2. Ordnung (passiv und aktiv)
	4.1 Aufbau nichtinvertierender digitaler Schmitt-Trigger	3	40.41.4.70
	4.2 Aufbau invertierender digitaler Schmitt-Trigger	3	12 Aktive Filter
	4.3 Schmitt-Trigger vs. CMOS-Logik	3	12.1 Sallen-Key-Filter (Einfachmitkopplung)
_	Signalijhortragung	3	12.2 Multiple-Feedback-Struktur
5	Signalübertragung 5 1 Leitungethoorie		12.3 Sallen-Key vs. Multiple-Feedback Struktur
	5.1 Leitungstheorie	$\begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$	12.4 Vorgehen: UTF aus OPV-Filterschaltung ermitteln
	5.2 Einfluss / Relevanz von Refelxionen	3	12.5 Zustandsvariablen-Filter (Biquad-Filter)
6	High-Speed-Logik	3	13 Analyse von Filterschaltungen mit SFDs
			ie image von i neersemmengen mit si 25
	6.1 Emitter Coupled Logic (ECL)	3	13.1 Eingangsadmittanzen / (Eingangsimpedanzen)
	6.1 Emitter Coupled Logic (ECL)	3 4	13.1 Eingangsadmittanzen / (Eingangsimpedanzen)
		3 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen
7	6.2 Current Mode Logic (CML)	3 4 4	
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen 7.1 Spanungsteiler	4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen
7	6.2 Current Mode Logic (CML)	4 <b>4</b>	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter
7	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler für pos. und neg. Eingangsspannungen
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler .  7.2 Diodenreferenz .  7.3 Spannungsreferenz mit mehreren Dioden .  7.4 Spannungsreferenz mit Zenerdioden (Shunt-Regler) .  7.5 Bootstrap-Referenz (VD Stromquelle) .  7.6 Proportional To Absolute Temperature (PTAT) .  7.7 Bandgap-Spannungsreferenz .  Lineare Spannungsregler  8.1 Spannungsstabilisierung mit Z-Diode und BJT .  8.2 Linearer Spannungsregler .  8.3 Low-Dropout-Regler mit pnp-Längstransistor (LDO) .  8.4 Einstellbarer Serie-Spannungsregler .	4 4 4 4 4 4 4 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC-/SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich
	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 5 5 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR)
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 5 5 5 5 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC-/SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR) 15.10Sigma-Delta-Wandler 2. Ordnung
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC- / SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR)
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC-/SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR) 15.10Sigma-Delta-Wodulatoren
8	6.2 Current Mode Logic (CML)  Spannungsreferenzen  7.1 Spanungsteiler	4 4 4 4 4 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	13.2 OpAmp Impedanzfunktionen 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)  14 Switched-Capacitor-Verstärker 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator 14.3 RC-/SC-Filter 14.4 Fazit Filter  15 Sigma-Delta-Wandler 15.1 Dual-Slope-Wandler 15.2 Single-Slope-Wandler 15.3 Dual-Slope-Wandler 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR) 15.10Sigma-Delta-Wandler 2. Ordnung

#### 1 Feldeffekt-Transistoren

#### 1.1 FET-Typen und Symbole

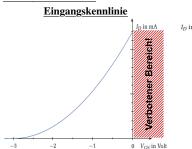


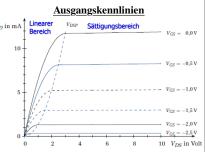
#### 1.1.1 Anschlüsse eines FET

Kanal von Drain zu Source (Stromfluss), gesteuert von Gate (und Bulk)

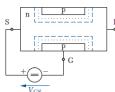
#### 1.2 Sperrschicht-FET / Junction FET (JFET)

#### 1.2.1 Kennlinien





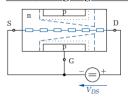
#### 1.2.2 Linearer Bereich (gesteuerter Widerstand)



- Für kleinen Spannung-Unterschied V<sub>DS</sub>
- $V_{GS}$  ändert Dicke der Raumladungszone (Kanal)
- $\bullet$  n-Kanal JFET: Je negativer  $V_{GS}$ , desto weniger Strom fliesst bzw. desto enger der Kanal

$$I_D = \frac{2 \cdot I_{DSS}}{V_p^2} (V_{GS} - V_p - \frac{V_{DS}}{2}) V_{DS}$$

#### 1.2.3 Sättigungs-Bereich (Stromquelle)



- Für hohes V<sub>DS</sub> wird leitender Kanal abgeschürt
- → Strom kann nicht weiter steigen (Stromquelle)
- ullet Übergang gest. Widerstand zu Stromquelle @  $V_{DSP}$  $\rightarrow V_{DSP} = V_{GS} - V_p (V_p = \text{Pinch-Off-Spannung})$

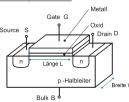
$$I_D = \frac{I_{DSS}}{V_p^2} \cdot (V_{GS} - V_p)^2$$

Verstärkungsmass Transkonduktanz:

$$g_m = \frac{2 \cdot I_{DSS}}{V_p^2} \cdot (V_{GS} - V_p) = \frac{2}{|V_p|} \cdot \sqrt{I_{DSS} \cdot I_D} \qquad [g_m] = S$$

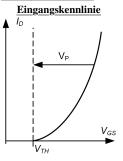
#### 1.3 MOS-FETs

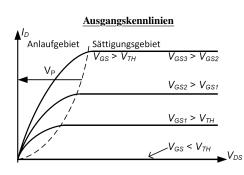
#### 1.3.1 Aufbau



- L Länge des Transistors
- Breite des Transistors
- N-Kanal FET: Drain und Source sind n-dotiert
- Kanal ist p-dotiert

#### 1.3.2 Kennlinien





#### 1.3.3 Bereiche

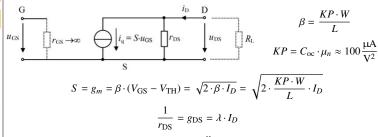
- Sperrbereich:  $V_{GS} < V_{TH}$
- Linearer (Widerstands-)Bereich / Anlaufbereich:  $V_{GS} > V_{TH}$
- Sättigungsbereich (Stromquelle):  $V_{DS} > V_{GS} V_{TH}$

#### Anlaufbereich (Linearer Bereich)

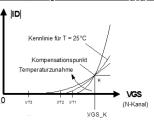
Sättigungsbereich (Stromquelle)

$$I_{D,lin} = \beta \cdot (V_{GS} - V_{TH} - \frac{V_{DS}}{2}) \cdot V_{DS} \qquad \qquad I_{D,sat} = \frac{\beta}{2} \cdot (V_{GS} - V_{TH})^2$$

#### 1.3.4 Kleinsignal-Ersatzschaltung (MOS-FET)



#### 1.3.5 Temperaturabhängigkeit der Übrtragungskennlinie



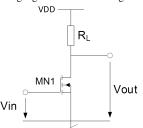
Für den n-Kanal FET gilt:

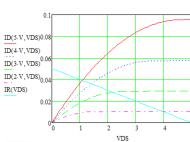
- Threshold-Spannung  $V_{TH}$  sinkt mit 1-2  $\frac{\mu V}{V}$
- β sinkt mit steigender Temperatur
- Im Kompensationspunkt bleibt  $I_D$  für fixes  $V_{GS}$ konstant

#### 1.4 Verstärkerschaltungen mit FETs

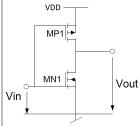
#### 1.4.1 Source-Schaltung mit Lastwiderstand

Um den Arbeitspunkt der Schaltung zu bestimmen, wird die Lastgerade von  $R_L$  in das Ausgangskennlinienfeld eingezeichnet:





#### 1.4.2 Push-Pull / Digitaler Inverter



- V<sub>in</sub> geht auf NMOS und PMOS
- Ermöglicht grössere Verstärkung

Für 
$$V_{\rm in} \approx \frac{V_{\rm DD}}{2}$$
 gilt:

$$A_{V0} = -(g_{m1} + g_{m2}) \cdot (r_{DS1} || r_{DS2})$$

#### 1.5 MOS-FET als (Leistungs-)Schalter

Wenn der FET als Schalter eingesetzt wird, so arbeitet er im linearen Bereich  $(V_{\text{GS}} > V_{\text{TH}}, \text{d.h. } V_{\text{out}} < V_{\text{DD}} - V_{\text{TH}})$ 

$$I_{\text{D,lin}} = \beta \cdot (V_{\text{GS}} - V_{\text{TH}} - \frac{V_{\text{DS}}}{2}) \cdot V_{\text{DS}}$$
  $r_{\text{DS}} = \frac{\text{d}V_{\text{DS}}}{\text{d}I_D} = \frac{1}{\beta \cdot (V_{\text{GS}} - V_{\text{TH}})}$ 

$$r_{\text{DS}} = \frac{\text{d}V_{\text{DS}}}{\text{d}I_D} = \frac{1}{\beta \cdot (V_{\text{GS}} - V_{\text{TH}})}$$

Schalter geschlossen:  $R_{\text{FET}} = R_{\text{DS(on)}}$ 

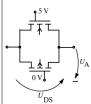
Schalter offen:  $R_{\text{FET}} = \infty$ 

#### 1.5.1 Verlustleistung / Erwärmung

$$P_V = R_{\rm DS} * I_{\rm DS}^2 = 0 \,\mathrm{W}$$

$$\Delta T = R_{\rm th} \cdot P_V$$

#### 1.6 Transmission Gate



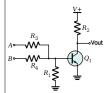
Im Bild links gilt:  $V_{DD} = 5 \text{ V}$ ,  $V_{SS} = 0 \text{ V}$ 

- NMOS (oben) leitet für  $V_{\rm in} < V_{\rm DD} T_{\rm TH,n}$  PMOS (unten) leitet für  $V_{\rm in} > V_{\rm SS} T_{\rm TH,p}$
- Source und Drain austauschbar
  - → Strom kann in beide Richtungen fliessen

#### **Transistor-Transistor-Logik**

- · Meist statischer Stromverbrauch
- Asymmetrische Schaltschwellen (weniger Marge als CMOS-Logik)

#### 2.1 Resistor Transistor Logik (RTL)



- Ausgangsspannung  $V_{\rm out} = V_+$  oder  $V_{\rm out} = V_{\rm CE,sat}$  Fan-Out ist begrenzt (Werden zu viele weitere Gatter an
- den Ausgang gehängt, so reicht der Strom nicht mehr, um diese zu treiben → Spannungslevel stimmen nicht mehr, um Transisoren durchzusteuern)

#### 2.2 Dioden-Transistor-Logik (DTL)

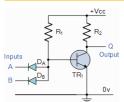
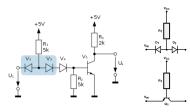


Bild: NAND-Gate

- Fan-Out grösser, da Transistor aktiv nach '0' zieht
- R<sub>2</sub> muss keine Gatter treiben (kein grosser Stromfluss)
- Nachteile: Sehr tiefer Störabstand; Transistor leitet schon bei Spannungen, welche kaum > 0 V sind

#### 2.3 Transistor-Transistor-Logik (TTL)

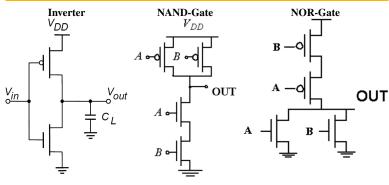


- Schaltschwelle am Eingang wird durch Dioden V<sub>3</sub> und V<sub>4</sub> um 1.4 V erhöht
- Dioden V₁ und V₃ bilden npn-Struktur
   → npn-Transistor

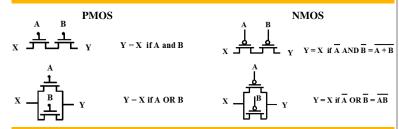
#### 3 CMOS-Logik

- Entweder leitender Pfad nach  $V_{SS}$  (NMOS) oder  $V_{DD}$  (PMOS)
- Kein statischer Stromverbrauch
- · Langsamer als Bipolar
- Symmetrische Schaltschwellen bei ca.  $\frac{V_{\text{DD}}}{2}$  (Übertragungskennlinie)
- Output-Level  $V_{\text{ol}}$ ,  $V_{\text{oh}}$  näher bei Speisung als Input Level  $V_{\text{il}}$ ,  $V_{\text{ih}} \Rightarrow$  mehr Marge
- Höhere Speisespannung → weniger propagation delay
- Nicht geeignet zur Datenübertragung über längere Strecken (kein 50  $\Omega$  Abschluss)

#### 3.1 Grundgatter in CMOS-Logik



## 3.2 Dualität NMOS – PMOS



#### 3.3 Verlustleistung bei CMOS-Logik

$$P_V = C \cdot V_{\rm CC}^2 \cdot f$$

C Kapazität (aus Datenblatt)

f Frequenz

#### 3.4 Verzögerungszeit

#### Linearer Bereich

$$t_{\rm pHL} = 0.69 \cdot R_{\rm on} \cdot C_L$$

→ Exponentielle Entladung!

#### Sättigung (Stromquellen-Bereich)

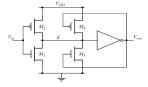
$$t_{\text{pHL}} = \frac{C_L \cdot \frac{V_{\text{swing}}}{2}}{I_{\text{sat}}} \approx \frac{C_L}{k_n \cdot V_{\text{DD}}}$$

→ Lineare Entladung!

#### 4 Schmitt-Trigger

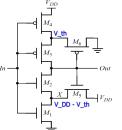
- Schaltschwellen müssen nicht sehr genau sein
- Schmitt-Trigger garantieren auch bei verrauschten Signalen saubere (einmalige) Schaltschwellen, dank der Hysterese

#### 4.1 Aufbau nichtinvertierender digitaler Schmitt-Trigger



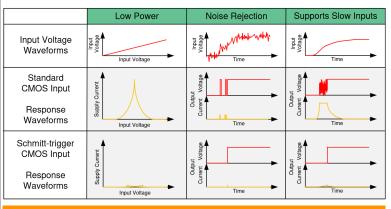
- $M_1, M_2$ : Digitale Inverter
- $M_3, M_4$ : gesteuerte Widerstände
- Für  $V_{\text{out}} = 0$ :  $M_4$  leitet,  $M_3$  sperrt
- Für V<sub>out</sub> = 1: M<sub>3</sub> leitet, M<sub>4</sub> sperrt
   M<sub>3</sub>, M<sub>4</sub> verschieben Schaltschwellen abhängig von

#### 4.2 Aufbau invertierender digitaler Schmitt-Trigger



- Ohne  $M_5$ ,  $M_6$ : Normaler Inverter mit je 2 Serie-Transistoren
- Für  $V_{\text{out}} = 1$ : Durch  $M_5$  fliesst Strom in  $M_1$
- V<sub>in</sub> muss höher sein, um Strom der PMOS aufzunehmen
   → Höhere Schaltschwelle für High-Log-Übergang
- 'Inverses' gilt für  $M_6$  und  $M_4$

#### 4.3 Schmitt-Trigger vs. CMOS-Logik



#### 5 Signalübertragung

#### 5.1 Leitungstheorie

- Leitungen haben Widerstände, Kapazitäten und Induktivitäten → RLC-Netzwerke
- Fortpflanzungsgeschwindigkeit Signal: v = 10 20 cm/ns (Lichtgeschwindigkeit: c = 30 cm/ns)
- • Ev. Impedanzanpassungen zur Verhinderung von Reflexionen nötig (meistens  $50\,\Omega$ )
- CMOS-Logik: tiefen Quellenwiderstand, hohen Eingangswiderstand
   Nicht geeignet zur Datenübertragung über 'längere Strecken'

#### 5.2 Einfluss / Relevanz von Refelxionen

#### 5.2.1 Keine Reflexionen

Wenn nichts anderes bekannt gilt:  $T_r = \frac{1}{10} \cdot T$ 

$$T_d < \frac{1}{2} \cdot T_r$$

 $T_r = T_f$  Anstiegs-/bzw. Abfallzeit des Signals

 $T_d$  Laufzeit des Signals T Periodendauer

#### 5.2.2 Reflexionen



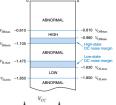
max Maximal enthaltene Frequenz im Signal

l Länge der Leitung

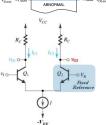
#### 6 High-Speed-Logik

- Sättigung verhindern, da langsam (bei Bipolar-Transistoren)
- Reduzierter Spannungshub
- Stromsteuerung, da Ströme schneller geschaltet werden als Spannungen

#### **6.1 Emitter Coupled Logic (ECL)**

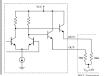


- 2 Familien: 10k (langsamer) und 100k (schneller)
- Positive Speisung:  $V_{CC} = 0 \text{ V}$
- Negative Speisung:  $V_{\text{EE}} = -4.5 \text{ V} / V_{\text{EE}} = -5.2 \text{ V}$
- ICs werden warm (40 mW pro Gatter)



- Eingangssignal  $V_{\rm I}$  wird mit fixer Referenz  $V_{\rm R}$  verglichen
- Von  $V_{\rm R}$  100 mV bis  $V_{\rm R}$  + 100 mV **kippt Ausgangsspannung** von  $V_{\rm CC}$  auf  $V_{\rm CC}$   $R_{\rm C}$  ·  $I_{\rm C}$
- Differentieller Spannungshub der Ausgänge:
- $V_{\mathrm{diff}} = \pm R_{\mathrm{C}} \cdot I_{\mathrm{C}}$
- Spannungspegel **nicht** kompatibel zu CMOS / TTL

#### 6.1.1 Positive Emitter Coupled Logic PECL

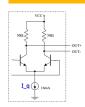


- Positive Speisung:  $V_{\text{CC}} = 5 \text{ V}$
- Negative Speisung:  $V_{\text{EE}} = 0 \text{ V}$
- Ausgangsbeschaltung mit 50 Ω Abschluss zu V<sub>CC</sub> 2 V
   ⇒ Reduktion der Reflexionen!
- · Spannungspegel sind kompatibel zu CMOS / TTL

#### **6.1.2** Low Voltage Positive ECL (LVPECL)

- Speisespannungen:  $V_{\text{CC}} = 3.3 \text{ V}$ ;  $V_{\text{EE}} = 0 \text{ V}$
- Weniger Leistung als 5 V Logik; leichter anpassbar an 3.3 V Logik

#### **6.2 Current Mode Logic (CML)**



- Terminierung am Eingang der Folgestufe gegen  $V_{\rm CC}$
- Äquivalenter Widerstand:  $R_{\text{C}_{\text{eq}}} = 50 \,\Omega \parallel 50 \,\Omega = 25 \,\Omega$

Differentielle Spannung:  $V_{\text{diff}} = \pm R_{\text{Ceq}} \cdot I_q$ 

#### **6.2.1 CML vs. ECL**

#### CML

- Diff-Amp mit Transistor-Buffer; Ausgang am Emitter
- Single-ended Input (2. Eingang auf fixer Spannung)
- Single-ended Output (z.T. auch differentiell)
- Ausgang direkt vom Diff-Amp
- · Differentieller Input und differentieller Output
- Impedanzanpassung zur Reduktion von Reflexionen (50 Ω)

#### 6.2.2 Vorteile / Nachteile von CML gegenüber CMOS-Logik

- + high Speed
- konstanter Strom (kaum Speisungseinbrüche)
- + differentiell: wenig Störung
- + kann Kabel treiben

- hoher statischer Stromverbrauch
- differentiell: benötigt doppelt so viele Leitungen
- aufwändiges PCB-Layout wegen angepassten Leistungsimpedanzen nötig

#### 7 Spannungsreferenzen

- Referenzspannungsquellen liefern idealerweise Ausgangsspannungen, welche unabhängig von Temperatur, Speisespannung und Last sind
- 2 Hauptprinzipien: Zenerdioden (meistens mit  $V_Z = 5.6 \,\mathrm{V}$ ) und Bandgap-Quellen mit  $V_{\text{out}} = 1.25 \text{ V}$

#### 7.1 Spanungsteiler

# **VPOS** REF

#### Speisespannungsabhängigkeit

Spannungsänderung:

$$\Delta V_{\text{ref}} = \Delta V_{\text{POS}} \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$V_{\text{ref}} S = \frac{\frac{\Delta V_{\text{ref}}}{\Delta V_{\text{POS}}}}{\frac{\Delta V_{\text{POS}}}{\Delta V_{\text{POS}}}} = 1 \implies \text{schlecht}$$

Sensitivität:

#### Temperaturabhängigkeit

Da die Widerstände gleiche Temperaturkoeffizienten haben ändert sich der Strom durch R<sub>1</sub> und R<sub>2</sub>, jedoch nicht das Widerstandsverhältnis  $\Rightarrow V_{\text{ref}}$  bleibt **konstant**  $\Rightarrow$  gut

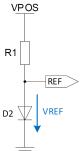
#### Spannungsänderung bei Lastwechsel



Ersatzschaltung der Referenzquelle durch Thévenin-Äquivalent mit

 $R_P = R_1 || R_2 \implies$  sehr lastabhängig, da  $R_P$  gross

#### 7.2 Diodenreferenz



$$V_{\text{ref}} = V_D = n \cdot V_T \cdot \ln\left(\frac{I}{I_S}\right) \quad \text{mit } V_T = \frac{kT}{q} \approx 25 \text{ mA}$$

#### Speisespannungsabhängigkeit

Sensitivität:

$$\frac{V_{\text{ref}}}{S} = \frac{1}{\ln\left(\frac{I}{I_S}\right)} = 0.065 \implies \text{gut}$$

#### Temperaturabhängigkeit

Diode hat einen Temperaturkoeffizient von  $-2\frac{mV}{K}$ , d.h.  $V_{ref}$  ändert ebenfalls mit  $-2\frac{mV}{K}$   $\Rightarrow$  schlecht

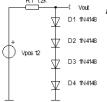
#### Spannungsänderung bei Lastwechsel



Diode durch Kleinsignal-Ersatzschaltung ersetzen und Ersatzschaltung der Referenzquelle durch Thévenin-Äquivalent mit

 $R_{\rm P} = R_1 \| r_D$   $\Rightarrow$  weniger lastabhängig, da  $r_D = \frac{n \cdot V_T}{I_D} \approx 7 \,\Omega$ 

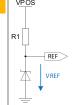
#### 7.3 Spannungsreferenz mit mehreren Dioden



- m = Anzahl Dioden in Serie (links: m = 4)
- Strom durch Dioden muss  $\geq$  0 A sein, damit  $V_D \approx 0.7 \,\mathrm{V}$
- Spannung über m Dioden:  $V_{\text{out}} = m \cdot V_D$
- Max. Ausgangsstrom:  $I_{\text{out,max}} = \frac{V_{\text{pos}} V_{\text{out}}}{R_1}$
- Temperaturabhängigkeit:  $TK_{\text{tot}} = m \cdot -2 \frac{\text{mV}}{V}$

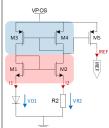
#### 7.4 Spannungsreferenz mit Zenerdioden (Shunt-Regler)

Shunt-Regler: Überflüssiger Strom wird durch ein Element abgeführt → Je nach Last wird mehr oder weniger Strom in Z-Diode verheizt



- V<sub>REF</sub> entspricht Zener-Spannung der Z-Diode
- Häufigste Zener-Spannung:  $5.6 \text{ V} \implies \text{TK} = 0 \frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- Strom  $I = \frac{V_{\text{POS}} V_{\text{REF}}}{R_1}$  fliesst entweder durch Diode oder durch Last  $I_{\text{out}} < I_{\text{out}, \max} = \frac{V_{\text{POS}} V_{\text{REF}}}{R_1}$

#### 7.5 Bootstrap-Referenz ( $V_D$ Stromquelle)

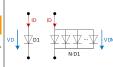


- Stromspiegel M<sub>3</sub> und M<sub>4</sub> ⇒ I<sub>1</sub> = I<sub>2</sub>
   Stromspiegel M<sub>1</sub> und M<sub>2</sub> ⇒ V<sub>GS1</sub> = V<sub>GS1</sub> da I<sub>1</sub> = I<sub>2</sub>
- Da Temperaturkoeffizient von  $V_{D1} \approx -2 \frac{\text{mV}}{\text{K}}$  nimmt  $I_{\text{out}}$  mit steigender Temperatur ab → schlechte Referenz
- Schaltung hat zwei mögliche Arbeitspunkte  $(AP I_1 = I_2 = 0 \text{ ist unerwünscht!})$

$$V_{D1} = I_2 \cdot R_2 = V_{R2}$$
  $I_{REF} = I_1 = I_2$ 

$$I_{\text{REF}} = I_1 = I_2$$

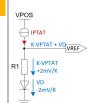
#### 7.6 Proportional To Absolute Temperature (PTAT)



$$\begin{split} V_D &= n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln \left( \frac{I_D}{I_S} \right) \quad V_D N = n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln \left( \frac{I_D}{N \cdot I_S} \right) \\ \\ \Delta V_D &= V_D - V_D N = n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln(N) = TK \cdot T \end{split}$$

 $\Rightarrow \Delta V_T$  ist Proportional zur absoluten Temperatur T

#### 7.7 Bandgap-Spannungsreferenz



$$V_{\text{REF}} = K \cdot V_{\text{PTAT}} + V_D$$

- Der positive Temperaturkoeffizient von  $V_{PTAT}$  wird mit dem Faktor K verstärkt, sodass  $K \cdot TK_{\text{PTAT}} = +2 \frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- Der nun positive Temperaturkoeffizient wird mit einer Diodenquelle mit  $TK_{\text{Diode}} = -2\frac{\hat{m}V}{K}$  kompensiert
- Der gesamte Temperaturkoeffizient  $TK_{\text{bandgap}} = 0 \frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- $V_{\text{REF}}$  buffern, damit der Ausgang belastet werden darf

### Beispiel: LM4041 Shunt Voltage Bandgap Reference

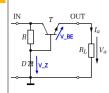


$$V_{\text{out}} = V_Z = V_{\text{REF}} \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

- Einstellbare Referenzspannung  $V_Z = V_{\text{out}}$
- Interne Referenz:  $V_{REF} = 1.25 \text{ V}$  (Bandgap-Referenz)

#### 8 Lineare Spannungsregler

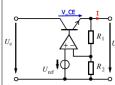
#### 8.1 Spannungsstabilisierung mit Z-Diode und BJT



$$V_{\rm out} = V_Z - V_{\rm BE}$$

- Ausgang kann viel Strom liefern
- Ausgangsspannung sinkt um ca. 20 mV bei Verdoppelung des Stroms
- Ausgangsspannung sinkt um  $-2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- Keine Regelung der Ausgangsspannung
- · Schnell und stabil, aber nicht genau

#### 8.2 Linearer Spannungsregler

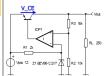


$$V_{\rm a} = V_{\rm ref} \Big( 1 + \frac{R_1}{R_2} \Big)$$

$$P_{\rm V} = V_{\rm CE} \cdot I$$

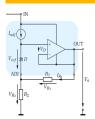
- OpAmp Ausgang ändert so lange, bis für die Spannungen  $V_{R2} = V_{\text{ref}} (= 1.25 \text{ V}) \text{ gilt}$
- Minimaler Spannungsabfall V<sub>CE</sub> über Regler: bis 2.5 V
- Regler kann sehr warm werden  $\Rightarrow$  Verlustleistung  $P_V$

## 8.3 Low-Dropout-Regler mit pnp-Längstransistor (LDO)



- Feedback auf positiven OpAmp-Eingang!
- Ansteuerung Längstransistor mit Basisspannung < Vout
- Kleiner minimaler Spannungsabfall  $V_{\text{CE}}$  über Regler ( $V_{\text{CE,sat}}$ ) • Auch erhältlich mit PMOS-Transistor statt pnp-Transistor
- → Dropout-Spannung über Regler (PMOS) ist dann abhängig vom Laststrom (PMOS = gesteuerter Widerstand)

#### 8.4 Einstellbarer Serie-Spannungsregler



$$V_{\rm a} = V_{\rm ref} \cdot \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) + I_{\rm adj} \cdot R_2$$

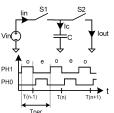
- Widerstände  $R_1$  und  $R_2$  sind **extern** beschaltet!
- Interne Referenz:  $V_{\text{ref}} = 1.25 \text{ V}$  (Bandgap)
- OpAmp regelt, damit  $V_{R_1} = V_{\text{ref}}$
- Damit wird  $V_{R2} = V_{\text{ref}} \cdot \frac{R_2}{R_1} + I_{\text{adj}} \cdot R_2$

#### 9 Spannungswandler mit Ladungspumpen

- · Ladung kann nicht springen und nicht vernichtet werden
- → Ladung wird umverteilt!
- Ladungspumpen sind billige, effiziente Spannungswandler (Wirkungsgrad > 99 % möglich)

 $Q = C \cdot V$ 

#### 9.1 Grundprinzip Switched-Capacitor-Schaltungen (SC)



Hinweis: R<sub>S</sub> entspricht dem Schalter-Widerstand Weiter gilt:  $t^* = t - \frac{T}{2}$ 

wetter gift. 
$$t = t - \frac{1}{2}$$

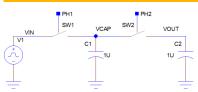
Phase PH1 (S1 geschl.) 
$$I_{\text{in}} = I_{\text{C}} = \frac{V_{\text{in}}}{R_{\text{S}}} \cdot e^{\frac{t}{R_{\text{S}}} \cdot C}$$

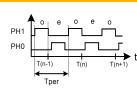
$$I_C = -I_{\text{out}} = -\frac{v_{\text{in}}}{R_{\text{S}}} \cdot e^{R_{\text{S}} \cdot C}$$

$$\overline{I_{\text{out}}} = \frac{\Delta Q}{T} = \frac{C}{T} \cdot V_{\text{in}}$$

Phase PH2 (S2 geschl.)  $I_C = -I_{\text{out}} = -\frac{V_{\text{in}}}{R_{\text{S}}} \cdot e^{\frac{f^*}{R_{\text{S}} \cdot C}}$ Durchschnittl. Strom  $\overline{I_{\text{out}}} = \frac{\Delta Q}{T} = \frac{C}{T} \cdot V_{\text{in}}$ Der 'switched capacitor' C hat einen **äquivalenten Wider**-

#### 9.2 Grundprinzip Ladungspumpen





Ausgangsspannung  $V_{\text{out}}$  nähert sich schrittweise exponentiell der Eingangsspannung

Im ersten Zyklus ist  $V_{\text{out}} = 0 \text{ V}$ 

Phase PH1 Kapazität  $C_1$  wird auf  $V_{in}$  geladen

$$Q_1 = C_1 \cdot V_{\text{in}} \text{ und } Q_2 = C_2 \cdot V_{\text{out}}$$

Phase PH2 Ladung verschiebt sich von  $C_1$  auf  $C_2$ , bis beide Kapazitäten dieselbe Spannung aufweisen

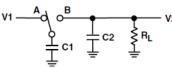
 $Q_{\text{tot}} = Q_1 + Q_2 = C_1 \cdot V_{\text{in}} + C_2 \cdot V_{\text{out}}$ 

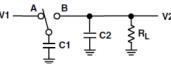
⇒ Neue Ausgangsspannung:  $V_{\text{out}} = \frac{Q_{\text{tot}}}{C_1 + C_2}$ Wichtig: Die PH0 muss vollstädig abgeschlossen sein, bevor PH2 beginnt.

#### 9.3 Allgemeine Funktionsweise geschaltete Kapazitäten

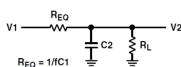
Switched Capacitor C1

Ersatzschaltung mit Req





- Strom fliesst in 'Paketen':  $\Delta O = C_1 \cdot \Delta V$
- Durchschnittlicher Strom proportional zu  $C_1$ ,  $\Delta V$  und Schaltfrequenz f



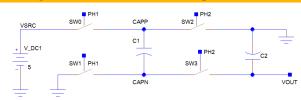
- Durchschnittlicher Strom proportional zu  $\Delta V$  und  $\frac{1}{R}$
- Geschaltetes  $C_1$  bildet äquivalenten Widerstand  $R_{eq} = \frac{1}{f \cdot C_1} = \frac{I}{C}$

den **Spannungsteiler** von  $R_L$  und  $R_{eq}$  bestimmt wird:

$$V_{\text{out}} = V_{\text{in}} \cdot \frac{R_L}{R_{\text{eq}} + R_L}$$

$$I = \frac{V_1 - V_2}{R_{\text{eq}}}$$

#### 9.4 Spannungsinversion mit Switched Capacitors



Ausgangsspannung  $V_{\text{out}}$  nähert sich schrittweise exponentiell  $-V_{\text{SRC}}$  an! Im ersten Zyklus ist  $V_{\text{out}} = 0 \text{ V}$ 

Phase PH1 Kapazität  $C_1$  wird auf  $V_{SRC}$  geladen

 $Q_1 = C_1 \cdot V_{SRC}$  und  $Q_2 = C_2 \cdot V_{out}$ 

Phase PH2 Positiver Anschluss von  $C_1$  wird mit GND verbunden

 $\rightarrow$  Negativer Anschluss von  $C_1$  auf Potential  $-V_{SRC}$ 

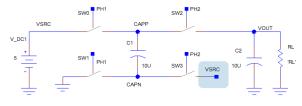
$$Q_{\text{tot}} = Q_2 - Q_1 = C_2 \cdot V_{\text{out}} - C_1 \cdot V_{\text{SRC}}$$

 $\rightarrow$  Neue Ausgangsspannung:  $V_{\text{out}} = \frac{Q_{\text{tot}}}{C_1 + C_2}$ 

Für  $C_1 = C_2$  ändert sich die Ausgangsspannung  $V_{\text{out}}$  folgendermassen:

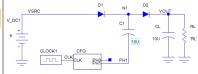
$$V_{\text{out}} = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{3}{4}, -\frac{7}{8} \cdots - 1\right) \cdot V_{\text{SRC}}$$

#### 9.5 Spanungsverdoppler mit Switched Capacitors



- PH1: C<sub>1</sub> wird auf Eingangsspannung V<sub>in</sub> aufgeladen
- PH2: Negativer Anschluss CAPN wird mit  $V_{SRC}$  verbunden
  - → Positiver Anschluss C<sub>1</sub> springt auf 2 · V<sub>SRC</sub>
- Ladung teilt sich zwischen  $C_1$  und  $C_2$  auf, sodass  $V_{\text{out}}$  schrittweise ansteigt

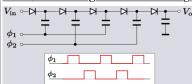
#### 9.6 Dickson Charge Pump (Spannungsvervielfacher)



- Mehrstufige Spannungsvervielfacher (hier: einstufig)
- Anzahl Dioden n
- Kaskadierung möglich

$$V_{\mathrm{out}} = n \cdot (V_{\mathrm{SRC}} - V_D)$$

#### 9.6.1 Mehrstufige Dickson Charge Pump



· Mehrstufige Spannungsvervielfacher (hier: n = 5)

$$V_{\text{out}} = n \cdot (V_{\text{SRC}} - V_D)$$

#### 10 Schaltregler

SMPS (switched-mode-power-supply) sind getaktete Systeme, deren übliche Schaltfrequenzen im Bereich von 20 kHz bis zu einigen MHz liegen.

#### 10.1 Spannungswandler mit Spulen

- Grundprinzip
  - Energie wird aus einer (Spannungs-)Quelle bezogen, in verlustarmen Elementen (Spulen, Kondensatoren) zwischengespeichert, auf die gewünschte Spannung ge-
- Gemeinsamkeiten aller aufgeführten Spannungswandler mit Spulen
  - Energie wird in Magnetfeld gespeichert  $E_L = \frac{1}{2}L \cdot i_L^2$
  - Spannung über Spule bewirkt Änderung des Stroms
    - $V_L = L \cdot \frac{di_L}{dt}$  oder  $I_L = \frac{1}{L} \int V_L(t) dt + I_0 = \frac{V_L}{L} \cdot t + I_0$
  - Zur Stabilisierung der Spannung werden Kondensatoren benötigt (potentieller LC-Schwingkreis!)
  - Für die meisten Rechnungen kann man annehmen, dass:
    - \* Vin und Vout konstant sind
    - \* Die Schalter ideal sind (kein Schaltwiderstand)
    - \* Die Dioden keinen Spannungsabfall haben

Für beide Schaltungen gilt, dass der finale Wert der Ausgangsspannung Vout = V2 durch Hinweis: Zur Steigerung der Effizienz werden Dioden manchmal durch MOS-FETs ersetzt ('nur' R<sub>DS.on</sub> statt grosser Spannungsabfall). Die Schalter werden in der Praxis ebenfalls mit einem FET realisiert.

#### 10.2 Energien in den Komponenten

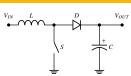
Energie in Spule

$$\begin{split} E_L &= \tfrac{1}{2} \cdot L \cdot i_L^2 \\ E_C &= \tfrac{1}{2} \cdot C \cdot V_C^2 \end{split}$$

Energie in Kondensator

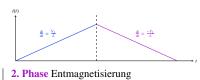
Energie in Last (pro Periode)  $E_{\text{load}} = \frac{1}{2} P_{\text{load}} \cdot T_{\text{clk}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{V_{\text{out}}^2}{R_{\text{load}}} \cdot T_{\text{clk}}$ 

#### 10.3 Aufwärtswandler (Boost, Step-Up Converter)



· Schalter geschlossen

•  $V_L = V_{\text{in}}$  liegt an Spule an



- 1. Phase Energie in Spule speichern
  - Schalter offen
  - - Strom sinkt, wenn  $V_{\text{out}} > V_{\text{in}}$
- $i_L$  muss nicht bei  $I_0 = 0$  starten! • Eingeschwungener Zustand:  $i_L = I_0$

In beiden Phasen gelten die folgenden Formeln:

Ladephase

 $\Delta I_{L_{\rm on}} = \frac{1}{L} \cdot V_{\rm in} \cdot t_{\rm on}$  $I_{L_{\text{on}}} = \frac{1}{L} \cdot V_{\text{in}} \cdot t_{\text{on}} + I_0$  $\Delta I_{L_{\text{off}}} = \frac{1}{L} \cdot (V_{\text{in}} - V_{\text{out}}) \cdot t_{\text{off}}$ 

Entladephase

 $I_{L_{\text{off}}} = \frac{1}{L} \cdot (V_{\text{in}} - V_{\text{out}}) \cdot t_{\text{off}} + I_0$ 

Gleichgewicht (eingeschwungen) Ausgangsspannung

$$\begin{split} \Delta I_{L_{\text{on}}} &= -\Delta I_{L_{\text{off}}} \\ V_{\text{out}} &= V_{\text{in}} \cdot \left(1 + \frac{t_{\text{on}}}{t_{\text{off}}}\right) \end{split}$$

Die Ausgangsspannung  $V_{\text{out}}$  ist abhängig von der Last  $\Rightarrow$  Bei hochohmiger Last kann die Ausgangsspannung sehr gross werden!

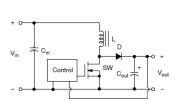
#### 10.3.1 Synchronous Boost Converter

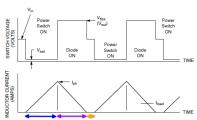


- Diode ersetzt durch Schalter SW2
- Entweder SW1 oder SW2 geschlossen
- VSW somit immer leitend verbunden, entweder mit GND oder mit  $V_{\text{out}}$ 
  - → In Spule fliesst immer ein Strom

Achtung: Bei kleinen Lasten fliesst Strom in die Quelle zurück und die Verlustleistung in der Spule ist grösser (Drahtwiderstand)

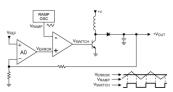
#### 10.4 Aufwärtswandler: Lückender Betrieb





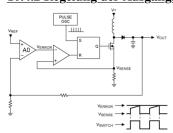
- Es existiert ein 3. Zustand, in welchem kein Strom durch Spule fliesst
- Aus  $i_I = 0$  folgt  $V_I = 0$
- Schalter SW offen, damit Spannung am Knoten SW = V<sub>in</sub> wird → Diode sperrt
- Control schliesst Schalter, nachdem  $V_{\text{out}} < V_{\text{out,soll}}$  ist  $\Rightarrow$  Regelung von  $V_{\text{out}}$

#### 10.4.1 Regelung der Ausgangsspannung: voltage-mode control



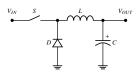
- Verstärker mit Verstäkung A0
- Komparator vergleicht  $V_{\text{ERROR}}$  mit  $V_{\text{RAMP}}$
- $V_{\mathrm{OUT}} V_{\mathrm{REF}} \uparrow$ ,  $V_{\mathrm{ERROR}} \uparrow$ , Schalter muss länger geschlossen bleiben
- $\Rightarrow$  grösserer Duty Cycle  $\Rightarrow V_{\text{OUT}} \uparrow$

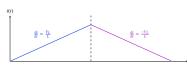
#### 10.4.2 Regelung der Ausgangsspannung: current-mode control



- Strom wird mit Shunt-Widerstand durch Spannung V<sub>SENSE</sub> gemessen
- Verstärker mit Verstäkung A0
- Komparator resetted Flip-Flop
  - → Schalter (FET) öffnet
- Häufiger zur Regelung verwendet als vorherige Schaltung

#### 10.5 Abwärtswandler (Buck, Step-Down Converter)





Vereinfachungen: Vout konstant, kein Spannungsabfall über Diode und Schalter Formeln gelten nur, wenn immer ein Strom in der Spule fliesst

Ladephase

 $\Delta I_{L_{\text{on}}} = \frac{1}{L} \cdot (V_{\text{in}} - V_{\text{out}}) \cdot t_{\text{on}}$  $I_{L_{\text{on}}} = \frac{1}{L} \cdot (V_{\text{in}} - V_{\text{out}}) \cdot t_{\text{on}} + I_0$ 

Entladephase

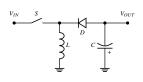
 $\Delta I_{L_{\text{off}}} = -\frac{1}{L} \cdot V_{\text{out}} \cdot t_{\text{off}}$  $I_{L_{\text{off}}} = -\frac{1}{L} \cdot V_{\text{out}} \cdot t_{\text{off}} + I_{0}$  $\Delta I_{L_{\text{on}}} = -\Delta I_{L_{\text{off}}}$ 

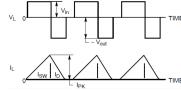
Gleichgewicht (eingeschwungen)

Ausgangsspannung

 $V_{\text{out}} = V_{\text{in}} \cdot \frac{t_{\text{or}}}{T}$ 

#### 10.6 Invertierender Wandler (Buck-Boost Converter)





Der Converter kann im buck-mode oder boost-mode betrieben werden buck-mode: Duty Cycle  $\frac{t_{on}}{T}$  < 0.5; boost-mode: Duty Cycle  $\frac{t_{on}}{T}$  > 0.5

#### Ladephase

Entladephase ( $V_{\text{out}} < 0$ )

Gleichgewicht (eingeschwungen) Ausgangsspannung

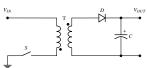
$$\Delta I_{L_{\text{on}}} = \frac{1}{L} \cdot V_{\text{in}} \cdot t_{\text{on}}$$

$$\Delta I_{L_{\text{off}}} = \frac{1}{L} \cdot V_{\text{out}} \cdot t_{\text{off}}$$

$$\Delta I_{L_{\text{on}}} = -\Delta I_{L_{\text{off}}}$$

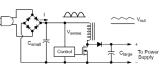
$$V_{\text{out}} = -V_{\text{in}} \cdot \frac{I_{\text{on}}}{I_{L_{\text{off}}}}$$

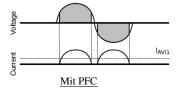
#### 10.7 Flyback (Sperrwandler)



- Ermöglicht galvanische Trennung zwischen Ein- und Ausgang
- Transformator mit grosser Induktivität nötig zur Energiespeicherung (mit Luftspalt)
- Phase 1 (Schalter geschlossen)
  - Linear steigender Strom auf Primärseite; Energie wird im Magnetfeld gespeichert
- Phase 2 (Schalter offen)
  - Linear sinkender Strom auf Sekundärseite; Magnetfeld baut sich über Sekundärspule ab
- Phase 3 (LC-Schwingkreis)
  - C parallel zu Schalter auf Primärseite wird wirksam

#### 10.8 Power Fail Control (PFC)

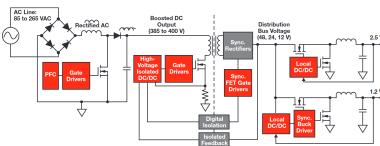




- Ohne PFC
- Strom fliesst nur wenn  $V_{\rm in} > V_C$ (nur bei Spannungsmaximum) → erzeugt Oberwellen (Blindleistung)
- fliessen, nicht nur beim Spannungsmaximum
- Lösung: 1. Stufe mit Boost Converter

Strom soll möglichst sinusförmig

#### 10.9 Aufbau Modernes Netzteil



- 1. Stufe: Gleichrichtung und Boost Converter mit PFC
- 2. Stufe: Reduktion auf Systemspannung (Bus voltage) mit Flyback-Converter
- 3. Stufe: Buck Converter (ev. mehrere)

#### 10.10 Fazit Spannungswandler SMPS

- Geschaltete Spannungsregler generieren weniger Verlustleistung als Linearregler
- Ausgangsspannung geschalteter Spannungsregler hat Rippel der Schaltfrequenz
  - → Muss ev. mit Linearregler zusätzlich stabilisiert werden

### 11 Passive Filter

Cut-Off-Frequency, Corner-Frequency  $f_{3 \, dB}$ 

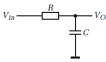
Dämpfung von 3 dB (d.h. Amplitude wird mit  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  'verstärkt'), Phase:  $-45^{\circ}$ 

Sampling-Frequenz (ADC, digitale Filter)  $f_S$ 

 $\rightarrow$  Alle Frequenzen über  $\frac{f_S}{2}$  müssen unterdrückt werden

UTF Übertragungsfunktion G(s)

#### 11.1 Tiefpassfilter 1. Ordnung



Hinweis: Die Zeitkonstante T entspricht immer dem Parameter vor dem s. Beim Tiefpass 1. Ordnung entspricht dies  $T = R \cdot C$ 

#### 11.2 Bodeplot Tiefpassfilter 1. und 2. Ordnung

#### 1. Ordnung

Abfall von −20 dB / Dekade

• Abfall von -40 dB / Dekade

• Phasenschiebung von maximal -90° (bei  $f_g = -45^\circ$ )

 Phasenschiebung von maximal −180° (bei  $f_g = -90^\circ$ )

2. Ordnung

#### 11.3 Filter 2. Ordnung

#### 11.3.1 Kaskadierung von zwei gleichen Filtern

$$G_{11}(s) = \frac{1}{1 + s \cdot \underbrace{R \cdot C}_{T}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot \underbrace{R \cdot C}_{T}}$$

$$T_2 = \frac{\sqrt{\sqrt{2} - 1}}{2\pi f_{3 \, \text{dB}}} \approx 0.64 \cdot T_1$$

Daraus folgt, dass bei 2 identischen Stufen die Grenzfrequenz  $f_{3\,\mathrm{dB}}$  der einzelnen Stufen  $\frac{1}{0.64}=1.56$  mal **höher** gewählt werden muss als bei einem Filter 1. Ordnung.

#### 11.3.2 Filter 2. Ordnung mit komplexen Polen

$$G(s) = \frac{A_0 \cdot p_1 \cdot p_2}{(p_1 + s) \cdot (p_2 + s)} = \frac{A_0 \cdot \omega_0^2}{s^2 + \frac{\omega_0}{Q} s + \omega_0^2}$$

Polstellen komplex für  $Q > \frac{1}{2}$ 

 $p_{1,2} = \frac{\omega_0}{2Q}(1 \pm \sqrt{1 - 4Q^2})$ 

Polgüte / Filtergüte Polfrequenz

#### 11.4 Filter höherer Ordnung

- Systeme höherer Ordnung können in kaskadierte Teilsysteme 1. & 2. Ordnung aufgeteilt werden
- Höhere Ordnung und komplexe Pole ermöglichen steileren Übergang zwischen Durchlass- und Sperrbereich

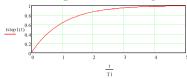
Folgende Filter erzielen durch unterschiedliche Polverteilungen untersch. Verhalten:

- Butterworth: Konstant im Durchlassbereich der UTF
- Bessel: Beste Rechteckübertragung, kein Überschwingen
- Tschebyscheff: Steilster Abfall im Sperrbereich der UTF

#### 11.5 Zeitverhalten: Schrittantwort

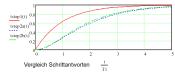
- 1. Frengenzbereich: Multiplikation der UTF mit  $\frac{1}{2}$
- **2.** Rücktransformation in den Zeitbereich, um  $t_{\text{step}}(t)$  zu erhalten

#### 11.5.1 Tiefpass 1. Ordnung



$$t_{\text{step},1}(t) = 1 - e^{-\frac{t}{T_1}}$$

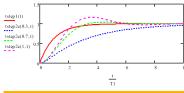
#### 11.5.2 Tiefpass 2. Ordnung



$$t_{\text{step2a}}(t) = 1 - e^{-\frac{t}{T_1}} \cdot \left(1 + \frac{t}{T_1}\right)$$

$$t_{\text{step2b}}(t) = 1 - \left[ \frac{T_1 \cdot e^{-\frac{t}{T_1}} - T_2 \cdot e^{-\frac{t}{T_2}}}{T_1 - T_2} \right]$$

#### 11.6 Schrittantworten verschiedener Polgüten



Komplexe Pole (Q > 0) führt zu Über-

schwingern. Bei einer Polgüte von  $Q = \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0.7$  (grüne Kurve) schwingt das System am schnells-

#### 11.7 Filter 2. Ordnung (passiv und aktiv)

#### **Tiefpass**

# $G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A_0}{\frac{1}{\omega_0^2} s^2 + \frac{1}{\omega_0 \cdot Q} s + 1}$

#### **Bandpass**

$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A \cdot \frac{\omega_0}{Q} \cdot s}{s^2 + \frac{1}{\omega_0 \cdot Q} s + 1}$$

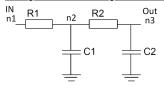
$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A_0 \cdot \frac{1}{\omega_0^2} \cdot s^2}{\frac{1}{\omega_0^2} s^2 + \frac{\omega_0}{Q} s + \omega_0^2}$$

- Alle Terme positiv
- s<sup>2</sup>-Term definiert Grenzfrequenz
- Im s-Term ist Dämpfung enthalten
  - s-Term gross → grosse Dämpfung
  - s-Term = 0  $\Rightarrow$  Oszillator!

Passive RC-Filter können maximal Güte 0.5 haben (entkoppelte reelle Pole). Filter höherer Güte benötigen entweder Spulen oder Verstärker.

→ Die Formeln gelten aber f
ür passive und aktive Filter!

#### **Beispiel: UTF Tiefpass 2. Ordnung**



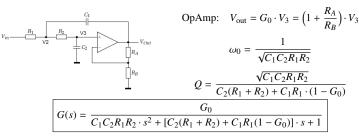
$$A_0 = 1 \qquad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}$$

$$Q = -\frac{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}$$

$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{1}{1 + (C_1R_1 + C_2R_1 + C_2R_2) \cdot s + C_1C_2R_1R_2 \cdot s^2}$$

#### 12 Aktive Filter

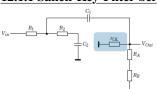
#### 12.1 Sallen-Key-Filter (Einfachmitkopplung)



#### Stromgleichungen:

V2: 
$$0 = (V_2 - V_{\text{in}}) \frac{1}{R_1} + (V_2 - V_3) \frac{1}{R_2} + (V_2 - V_{\text{out}}) \cdot s \cdot C_1$$
V3: 
$$0 = (V_3 - V_2) \frac{1}{R_2} + V_3 \cdot s \cdot C_2$$

#### 12.1.1 Sallen-Key-Filter bei hohen Frequenzen

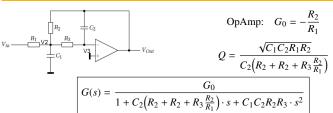


$$\frac{V_{\mathrm{out}}}{V_{\mathrm{in}}} \approx \frac{r_{\mathrm{OL}}}{R_1 + r_{\mathrm{OL}}}$$

 $r_{\rm OL}$  ist der OpAmp open-loop Ausgangswiderstand (bei hohen Frequenzen  $\approx 100 \,\Omega$ )

• Dämpfung ist limitiert auf obigen Spannungsteiler → Sallen-Key-Filter sind nicht geeignet für Systeme mit hohen Frequenzanteilen z.B. PWM-DAC

#### 12.2 Multiple-Feedback-Struktur



#### Stromgleichungen:

V2: 
$$0 = (V_2 - V_{in}) \frac{1}{R_1} + (V_2 - V_{out}) \frac{1}{R_2} + (V_2 - V_3) \frac{1}{R_3} + V_2 \cdot s \cdot C_1$$
  
V3:  $0 = (V_3 - V_2) \frac{1}{R_3} + (V_3 - V_{out}) \cdot s \cdot C_2$ 

#### 12.3 Sallen-Key vs. Multiple-Feedback Struktur

#### Sallen-Key

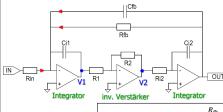
### Multiple-Feedback

- · Nicht-invertierend
- Q sensitiver auf Toleranzen
- Vorwärtspfad für hohe Frequenzen
- Noise-Gain: A
- Eher für
  - Hochpass
  - kleine Verstärkungen
- Invertierend
- $f_g$  sensitiver auf Toleranzen
- Noise-Gain: A + 1
- Eher für
  - Tiefpass, Bandpass
  - grössere Verstärkungen

#### 12.4 Vorgehen: UTF aus OPV-Filterschaltung ermitteln

- Stromgleichungen (Knotengleichungen) aufstellen
- · Gleichungen ineinander einsetzen
- Umformen nach  $G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}}$

#### 12.5 Zustandsvariablen-Filter (Biquad-Filter)



Mit dieser Topologie sind alle drei Parameter  $f_0$ , Q und  $A_0$  frei An Vout herrscht

$$G(s) = \frac{-\frac{R_{\rm fb}}{R_{\rm in}}}{s^2 \cdot C_{i1} C_{i2} R_{\rm fb} R_{i2} \frac{R_{\rm 1}}{R_{\rm 2}} + s \cdot C_{\rm fb} R_{\rm fb} + 1}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{C_{i1}C_{i2}R_{fb}R_{i2}\frac{R_1}{R_2}}} \qquad Q = \frac{1}{C_{fb}} \sqrt{C_{i1}C_{i2}\frac{R_1}{R_2R_{fb}}} \qquad A_0 = -\frac{R_{fb}}{R_{in}}$$

#### 12.5.1 Allgemein: Filter mit mehreren OpAmps

Mit der Filter-Struktur aus Abschnitt 12.5 können auch Bandpass- und Hochpass-Filter gebildet werden:

- **Tiefpass:** Abgriff beim 3. OpAmp (Vout gemäss Abschnitt 12.5)
- Bandpass: Abgriff beim 2. OpAmp (an Knoten V2)
- Hochpass: Abgriff beim 2. OpAmp, Einspeisung am neg. Eingang des 2. OpAmps

#### 13 Analyse von Filterschaltungen mit SFDs

Aktive Filterschaltungen (mit OpAmps) können mittels Signalflussdiagrammen (SFDs) analysiert werden. Dazu wird die gesamte Schaltung in einzelne Komponenten aufgeteilt. Diese Komponenten werden dann mit Impedanz- bzw. Admittanzfunktionen abgebildet. Um die Übertragungsfunktion (UTF) der gesamten Schaltung zu erhalten, muss die Regel von Mason angewendet werden.

#### 13.1 Eingangsadmittanzen / (Eingangsimpedanzen)

Hinweis: Es wird normalerweise mit Eingangsadmittanzen gearbeitet!

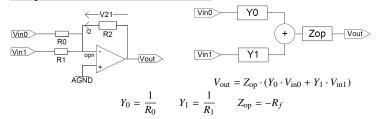
Komponente	Admittanz Y	$(Impedanz\ Z)$
Widerstand R	$Y_{\text{res}} = \frac{1}{R}$	$(Z_{\text{res}} = R)$
Kapazität C	$Y_{\text{cap}} = s \cdot C$	$(Z_{\text{cap}} = \frac{1}{s \cdot C})$
Induktivität $L$	$Y_{\text{ind}} = \frac{1}{s \cdot L}$	$(Z_{\text{ind}} = s \cdot L)$

#### 13.2 OpAmp Impedanzfunktionen

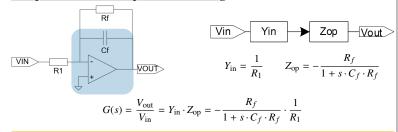
Hinweis: Es geht um negatives Feedback bzw. Gegenkopplung

Schaltung (Feedback)	Impedanz $Z$
Widerstand $R_f$ im Feedback	$Z_{\rm op} = -R_f$
Kapazität $C_f$ im Feedback	$Z_{\rm op} = -\frac{1}{s \cdot C_f}$
$R_f C_f$ (parallel) im Feedback	$Z_{\rm op} = -\frac{R_f}{1 + s \cdot C_f \cdot R_f}$

#### Beispiel: Summierender Verstärker



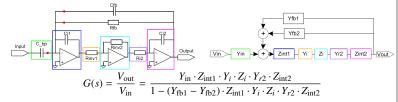
#### **Beispiel: Aktiver Tiefpass 1. Ordnung**



#### 13.3 Regel von Mason (vereinfacht)

UTF: 
$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{\text{Produkt der Transmittanzen im Vorwärtspfad}}{1 - \text{Summe aller Schleifentransmittanzen}}$$

#### Beispiel: Analyse Bandpass mittels SFD und Regel von Mason

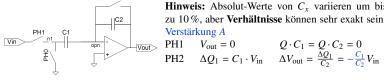


#### 14 Switched-Capacitor-Verstärker

## 14.1 Switched-Capacitor-Verstärker

→ Funktionsweise von SC-Schaltungen siehe Abschnitt 9.2

#### 14.1.1 Invertierender Verstärker



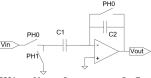
**Hinweis:** Absolut-Werte von  $C_x$  variieren um bis zu 10 %, aber Verhältnisse können sehr exakt sein!

$$_{>}$$
 PH1  $V_{\rm out} = 0$ 

PH2 
$$\Delta Q_1 = C_1 \cdot 1$$

$$\Delta V_{\text{out}} = \frac{\Delta Q_1}{C_2} = -\frac{C_1}{C_2} V_{\text{ir}}$$

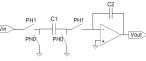
#### 14.1.2 Nicht-invertierender Verstärker



Hinweis: Ansteuerung vertauscht: Aufladung von  $C_1$  in PH0, gleichzeitig mit  $C_2$ -Reset. Ansonsten sehen der invertierende und nicht-invertierende SC-Verstärker gleich aus! Verstärkung A

$$\begin{array}{ll} \text{PH1} & \stackrel{\leftrightarrow}{V_{\text{out}}} = 0 & Q \cdot C_1 = V_{\text{in}} \cdot C_1 \\ \text{PH2} & \Delta Q_1 = -C_1 \cdot V_{\text{in}} & \Delta V_{\text{out}} = \frac{\Delta Q_1}{C_2} = \frac{C_1}{C_2} V_{\text{in}} \end{array} \qquad Q \cdot C_2 = 0$$

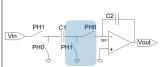
#### 14.1.3 (Invertierender) SC-Integrator



Spannungsänderung  $\Delta V_{\text{out}(T_{\text{n}})} = -\frac{C_{1}}{C_{2}}V_{\text{in}}$ Ausgangsspannung  $V_{\text{out}}(t) \cong -\frac{C_{1}}{C_{2}}\frac{1}{T}\int V_{\text{in}}(t)\,\mathrm{d}t$ **Hinweis:**  $V_{\text{out}}(t)$  gilt für  $t\gg T$  und langsam ändern-

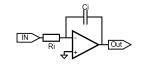
- In jedem Zyklus wird  $C_1$  aufgeladen mit  $Q = V_{in} \cdot C_1$
- Ladungen werden in C<sub>2</sub> akkumuliert
- · Ausgangsspannung macht Sprünge!

#### 14.1.4 Nicht-invertierender SC-Integrator



- Geänderte Schalter-Ansteuerung ⇒ In PH1 wird  $C_1$  aufgeladen mit  $V_{in} \cdot C_1$
- In PH0 fliesst Entladestrom in  $C_2 \Rightarrow SC$  bildet einen 'negativen Widerstand' mit  $R_{\text{eq}} = -\frac{T_{\text{per}}}{C_1}$
- Spannungs-Sprünge sind um eine halbe Periode verschoben

#### 14.2 Vergleich RC- und SC-Integrator



$$V_{\text{out}}(t) = -\frac{1}{R_i \cdot C_i} \int V_{\text{in}}(t) \, dt = -\frac{1}{R_i \cdot C_i} V_{\text{in}} \cdot t$$

$$V_{\text{out}}(t) = -\frac{C_1}{C_2 \cdot T} V_{\text{in}} \cdot t$$

$$\text{UTF:} \quad G(s) = -\frac{1}{s \cdot R_i \cdot C_i}$$

$$\text{UTF:} \quad G(s) = -\frac{C_1}{s \cdot C_2 \cdot T} V_{\text{in}} \cdot t$$



$$V_{\text{out}}(t) = -\frac{c_1}{C_2 \cdot T} V_{\text{in}} \cdot t$$

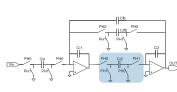
$$\text{UTF:} \quad G(s) = -\frac{C_1}{s \cdot C_2 \cdot T}$$

$$\Rightarrow R_{\text{eq}} = \frac{T}{C_1}$$

#### 14.3 RC- / SC-Filter

#### **RC-Filter**

#### **SC-Filter**



$$\omega_0 = \frac{1}{T} \sqrt{\frac{C_{\text{rfb}} C_{r2}}{C_{i1} C_{i2}}}$$

- - $C_{r2}$  wird umgekehrt angesteuert  $\Rightarrow$  bildet 'negativen Widerstand
- Kapazitäts-Verhältnisse und Taktperiode T bestimmen  $f_0$  bzw.  $\omega_0$

#### 14.4 Fazit Filter

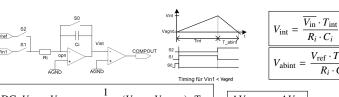
- Aktive Filter sind nötig für Polgüten > 0.5 (oder Spulen)
- Filter werden aufgeteilt in Stufen 1. oder 2. Ordnung
- Strkturen mit mehreren opAmps sind weniger sensitiv auf Bauteiltoleranzen und auf Nichtidealitäten der OpAmps
- Als integrierte Schaltungen werden oft Switched-Capacitor-Schaltungen eingesetzt

#### 15 Sigma-Delta-Wandler

n Anzahl Bits Digitaler Wert  $D < 2^n$ DQuantisierungsschritt (1 LSB) q $\bar{B}_0$ Bitwert 0 (LSB)

Bitwert n - 1 (MSB)

#### 15.1 Dual-Slope-Wandler



DC:  $V_{\text{int}} = V_{\text{AGND}} - \frac{1}{R_i \cdot C_i} (V_{\text{in1}} - V_{\text{AGND}}) \cdot T_{\text{int}}$  $\Delta V_{\text{abint}} = -\Delta V_{\text{int}}$ 

 $B_{n-1}$ 

$$\Delta V_{\text{abint}} = V_{\text{AGND}} - V_{\text{int}} = -\frac{1}{R_i \cdot C_i} \left( V_{\text{ref}} - V_{\text{AGND}} \right) \cdot T_{\text{abint}}$$

$$T_{\rm abint} = -\frac{V_{\rm in1} \cdot T_{\rm int}}{V_{\rm ref}}$$

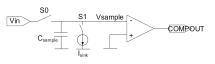
Allgemein: 
$$V_{\text{int}} = \int_{0}^{T_{\text{int}}} -\frac{1}{R_i \cdot C_i} V_{\text{in1}} dt + V_{\text{int,0}}$$
 
$$\boxed{ -\frac{\overline{V_{\text{in}}}}{V_{\text{ref}}} = \frac{T_{\text{abint}}}{T_{\text{int}}} = \frac{T_{\text{abint}}}{T_{\text{int}}} = \frac{T_{\text{obstable}}}{T_{\text{int}}} = \frac{T_{\text{abint}}}{T_{\text{int}}} = \frac{T_{\text{abint}}}{T_{\text{int}$$

$$-\frac{\overline{V_{\rm in}}}{V_{\rm ref}} = \frac{T_{\rm abint}}{T_{\rm int}} = \frac{n \cdot T_{\rm clk}}{N \cdot T_{\rm clk}}$$

#### 15.1.1 Frequenzverhalten vom Dual-Slope-Wandler

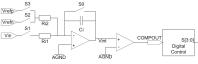
Frequenzen  $f = \frac{1}{T}$ , wobei T der Intergrationszeit entspricht, werden perfekt unterdrückt  $\Rightarrow$  Integrationszeit  $T = 20 \,\text{ms}$  unterdrückt Netzbrumm von 50 Hz

#### 15.2 Single-Slope-Wandler



- Einfacher als Dual-Slope
- $\bullet$   $V_{\rm in}$  wird auf  $C_{\rm sample}$  übertragen
- $C_{\text{sample}}$  wird mit  $I_{\text{sink}}$  entladen
- Zeit bis  $V(C_{\text{sample}}) = 0$  wird gemessen
- Kein OpAmp, nur zwei Schalter
- Schnell, da  $T_{\text{sample}} < T_{\text{int}}$
- $V_{\rm in} \sim T_{\rm abint}$ ,  $C_{\rm sample}$ ,  $I_{\rm sink}$
- $C_{\text{sample}}$  und  $I_{\text{sink}}$  streuen stark

#### 15.3 Dual-Slope-Wandler für pos. und neg. Eingangsspannungen

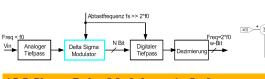


- · Auf- und Abintegration wechseln ab
- Je nach Komparator-Ausgang wird S2 oder S3 geschlossen
- Für V<sub>in</sub> < V<sub>AGND</sub> wird in richtung positive Speisung integriert
- Für  $V_{\text{in}} > V_{\text{AGND}}$  wird in richtung GND integriert

#### 15.3.1 Eigenschaften von Dual-Slope-Wandlern

- Unabhängig von Bauteiltoleranzen
- · Höhere Auflösung bedingt längere Integrationszeit (bei fixem clk) → Doppelte Zeit für 1 zusätzliches Bits
- Höhere Frequenzen werden stärker unterdrückt → reduziert Bandbreite
- · Auflösung wird gegen Bandbreite getauscht

#### 15.4 Aufbau Sigma-Delta-ADC

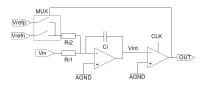


Sigma-Delta-ADC

#### Detail: Sigma-Delta-Modulator



#### 15.5 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung



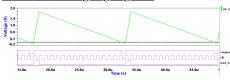
- # Taktzyklen, in denen Modulator-Ausgang = 1

$$\text{Allgemein: } V_{\text{int}}(t) = \Delta V_{\text{int}} + V_{\text{int},0} = -\frac{1}{C_i} \int\limits_0^t \left( \frac{V_{\text{in-A}_{\text{GND}}}}{R_{i1}} + \frac{V_{\text{ref-A}_{\text{GND}}}}{R_{i2}} \right) \mathrm{d}\tilde{t} + V_{\text{int},0}$$

- Sigma-Delta-Wandler machen gleichzeitig Auf- und Abintegration (Feedback-Pfad)
- 'Digitales Filter'  $\Rightarrow$  'Mittelwertbildung' um  $V_{\rm in}$  zu berechnen
- Eingangsspannungsbereich:  $V_{\text{refn}} \leq V_{\text{in}} \leq V_{\text{refp}} \Rightarrow I_{\text{Eingang}} \leq I_{\text{Feedback}}$
- Summe aller Ladungen muss gesamthaft 0 sein!  $\Rightarrow \Delta Q = C \cdot \Delta U = I \cdot \Delta t = 0$

#### 15.6 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich

#### 15.6.1 DC-Eingangssignale



Je nach  $V_{\text{in}}$  ergibt sich ein anderer DutyCycle  $\frac{n}{N}$ (mod out). Für  $V_{\text{refn}} = -V_{\text{refp}}$  gilt die aufgeführte Ta-

Duty Cycle  $\frac{n}{N}$  $V_{in}$ 0 V  $\frac{1}{2}V_{\text{refn}}$  $V_{\rm refn}$  $\frac{1}{10} V_{\text{refp}}$  $0.02 \cdot V_{\text{refp}}$ 

#### Fazit DC-Eingangssignale

- DC-Eingangssignale erzeugen repetitive Sequenzen mit hohen Frequenz-Anteilen
- $\bullet$  Ist  $V_{\mathrm{in}}$  nahe bei Bruchteil vin  $V_{ref}$  entstehen lange repetitive Sequenzen mit tiefen Frequenz-Anteilen
- Lange repetitive Sequenzen können nicht von Signal unterschieden werden ⇒ Pattern Noise

#### 15.6.2 AC-Eingangssignale

AC-Eingangssignale können durch Mittelwertbildung (z.B. mit Tiefpassfilter mit entsprechend hoch dimensinierter Zeitkonstante) des Signals V<sub>int</sub> rekonstruiert werden.

#### 15.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich



#### 15.7.1 Übertragungsfunktionen Sigma-Delta Modulator

<u>Signal-Übertragungsfunktion  $H_s(s)$ </u> (Quantisierungsrauschen Q(s) = 0)

$$Y(s) = [X(s) - Y(s)] \cdot \frac{1}{s \cdot T}$$

$$H_s(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{1}{1 + s \cdot T}$$
 (Tiefpass)

Noise-Übertragungsfunktion  $H_n(s)$ (Eingangssignal X(s) = 0)

$$Y(s) = -Y(s) \cdot \frac{1}{s \cdot T} + Q(s)$$

$$H_n(s) = \frac{Y(s)}{Q(s)} = \frac{s \cdot T}{1 + s \cdot T}$$
 (Hochpass)

#### 15.8 Fazit Sigma-Delta-Modulatoren 1. Ordnung

- + Signal wird nicht (wenig) verändert mit **Tiefpass**
- 1 Bit DAC perfekt linear
- + 1. SNR-Erhöhung durch Oversampling (3 dB pro Oktave)
- + 2. SNR-Erhöhung durch Noise Shaping (6 dB pro Oktave)
- Immer stabil (90° Phasenschiebung)
- 1 Bit ADC (Komparator) nichtlinear
- Pattern Noise

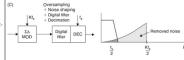
#### 15.9 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR)

Rauschleistung = Rauschleistungsdichte \* Bandbreite = 
$$\frac{q^2}{12}$$
 = konstant

- · Oversampling verteilt Quantisierungsrauschen über grösseren Frequenzbereich
- Da die Rauschleistung konstant ist, wird die Rauschleistungsdichte (also die 'Amplitude' des Rauschens) kleiner
- Ein Digitalfilter reduziert die Bandbreite des ADCs weiter

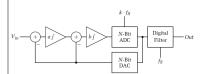


#### 15.9.1 Noise-Shaping



- Nicht nur Oversampling und Rauschen gleichmässig verteilen, sondern Rauschleistungsdichte 'formen'
- Nur bei Sigma-Delta-Wandlern mög-

#### 15.10 Sigma-Delta-Wandler 2. Ordnung



$$SNR \approx \log_{10} \left( \frac{3}{2} \cdot \frac{2 \cdot M + 1}{\pi^{2M}} \cdot OSR^{2M+1} \right)$$

OSR Oversampling-Rate Ordnung des Modulators

- Ordnung  $M = 2 \implies 2$  Integratoren
- Quantisierungsrauschen Q(s) wird mit Hochpass 2. Ordnung gefiltert
- Je höher Ordnung M, desto stärker das Noise-Shaping (6 dB pro Ordnung und Oktave)
- Je höher Oversampling (OSR), desto höher SNR (3 dB Oktave)

#### 15.11 Multi-Bit Modulatoren

#### 16 Anhang

#### 16.1 Temperaturabhängigkeit von Widerständen

$$R_{\vartheta} = R_{20} + \Delta R$$

$$\Delta R = R_{20} \cdot \alpha \cdot \Delta \vartheta$$

-		
$R_{\vartheta}$	Widerstand bei Temperatur $\vartheta$	$[R_{\vartheta}]$
$R_{20}$	Widerstand bei 20 °C	$[R_{20}]$
$\alpha$	Temperaturkoeffizient	$[\alpha]$
$\Delta \vartheta$	Temperaturdifferenz $\theta$ – 20 °C	$[\Delta \vartheta]$