

Elektronik 2

FS 24 Guido Keel (Michael Lehmann)

Autoren:

Authors

Version:

1.0.20240511

<https://github.com/P4ntomime/elektronik-2>

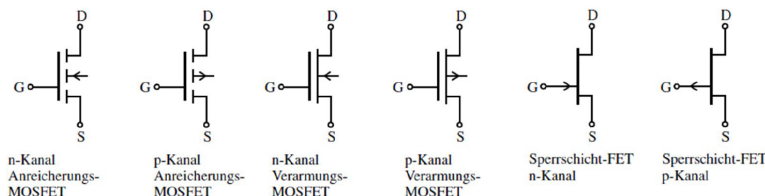


Inhaltsverzeichnis

1 Feldeffekt-Transistoren	2	9 Spannungswandler mit Ladungspumpen	5
1.1 FET-Typen und Symbole	2	9.1 Grundprinzip Switched-Capacitor-Schaltungen (SC)	5
1.2 Sperrschicht-FET / Junction FET (JFET)	2	9.2 Grundprinzip Ladungspumpen	5
1.3 MOS-FETs	2	9.3 Allgemeine Funktionsweise geschaltete Kapazitäten	5
1.4 Verstärkerschaltungen mit FETs	2	9.4 Spannungsinversion mit Switched Capacitors	5
1.5 MOS-FET als (Leistungs-)Schalter	2	9.5 Spannungsverdoppler mit Switched Capacitors	5
1.6 Transmission Gate	2	9.6 Dickson Charge Pump (Spannungsvervielfacher)	5
2 Transistor-Transistor-Logik	2	10 Schaltregler	5
2.1 Resistor Transistor Logik (RTL)	2	10.1 Spannungswandler mit Spulen	5
2.2 Dioden-Transistor-Logik (DTL)	3	10.2 Energien in den Komponenten	5
2.3 Transistor-Transistor-Logik (TTL)	3	10.3 Aufwärtswandler (Boost, Step-Up Converter)	5
3 CMOS-Logik	3	10.4 Aufwärtswandler: Lückender Betrieb	6
3.1 Grundgatter in CMOS-Logik	3	10.5 Abwärtswandler (Buck, Step-Down Converter)	6
3.2 Dualität NMOS – PMOS	3	10.6 Invertierender Wandler (Buck-Boost Converter)	6
3.3 Verlustleistung bei CMOS-Logik	3	10.7 Flyback (Sperrwandler)	6
3.4 Verzögerungszeit	3	10.8 Power Fail Control (PFC)	6
4 Schmitt-Trigger	3	10.9 Aufbau Modernes Netzteil	6
4.1 Aufbau nichtinvertierender digitaler Schmitt-Trigger	3	10.10 Fazit Spannungswandler SMPS	6
4.2 Aufbau invertierender digitaler Schmitt-Trigger	3	11 Analoge Filter	6
4.3 Schmitt-Trigger vs. CMOS-Logik	3	11.1 Tiefpassfilter 1. Ordnung	6
5 Signalübertragung	3	11.2 Bodeplot Tiefpassfilter 1. und 2. Ordnung	6
5.1 Leitungstheorie	3	11.3 Filter 2. Ordnung	7
5.2 Einfluss / Relevanz von Reflexionen	3	11.4 Filter höherer Ordnung	7
6 High-Speed-Logik	3	11.5 Zeitverhalten: Schrittantwort	7
6.1 Emitter Coupled Logic (ECL)	3	11.6 Schrittantworten verschiedener Polgüten	7
6.2 Current Mode Logic (CML)	4	11.7 Filter 2. Ordnung	7
7 Spannungsreferenzen	4	11.8 Sallen-Key-Filter (Einfachmitkopplung)	7
7.1 Spannungsteiler	4	11.9 Multiple-Feedback-Struktur	7
7.2 Diodenreferenz	4	11.10 Sallen-Key vs. Multiple-Feedback Struktur	7
7.3 Spannungsreferenz mit mehreren Dioden	4	11.11 Vorgehen: UTF aus OPV-Filterschaltung ermitteln	7
7.4 Spannungsreferenz mit Zenerdioden (Shunt-Regler)	4	11.12 Zustandsvariablen-Filter (Biquad-Filter)	7
7.5 Bootstrap-Referenz (VD Stromquelle)	4	11.13 Analyse von Filterschaltungen mit Signalflussdiagrammen	8
7.6 Proportional To Absolute Temperature (PTAT)	4	11.14 Regel von Mason (vereinfacht)	8
7.7 Bandgap-Spannungsreferenz	4	11.15 Switched-Capacitor-Verstärker	8
8 Lineare Spannungsregler	4	11.16 Vergleich RC- und SC-Integrator	8
8.1 Spannungsstabilisierung mit Z-Diode und BJT	4	11.17 RC- / SC-Filter	8
8.2 Linearer Spannungsregler	4	11.18 Fazit Filter	8
8.3 Low-Dropout-Regler mit pnp-Längstransistor (LDO)	4	12 Sigma-Delta-Wandler	8
8.4 Einstellbarer Serie-Spannungsregler	5	12.1 Dual-Slope-Wandler	8
		12.2 Single-Slope-Wandler	9
		12.3 Dual-Slope-Wandler für pos. und neg. Eingangsspannungen	9
		12.4 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung	9
		12.5 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich	9
		12.6 Aufbau Sigma-Delta-Wandler	9
		12.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich	9
		12.8 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR)	9
		13 Anhang	9
		13.1 Temperaturabhängigkeit von Widerständen	9

1 Feldeffekt-Transistoren

1.1 FET-Typen und Symbole

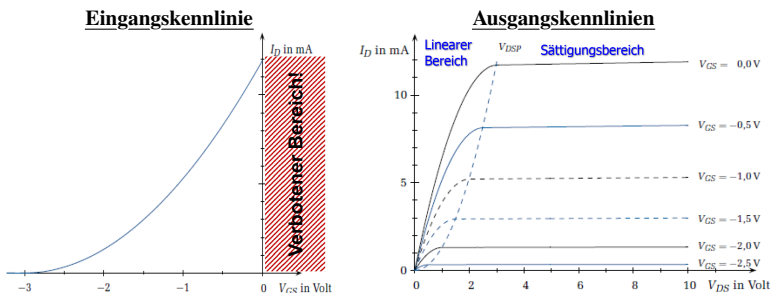


1.1.1 Anschlüsse eines FET

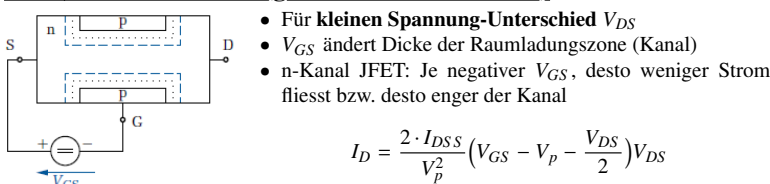
Kanal von Drain zu Source (Stromfluss), gesteuert von Gate (und Bulk)

1.2 Sperrschicht-FET / Junction FET (JFET)

1.2.1 Kennlinien



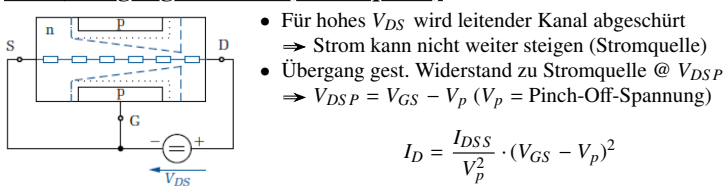
1.2.2 Linearer Bereich (gesteuerter Widerstand)



- Für kleinen Spannung-Unterschied V_{DS}
- V_{GS} ändert Dicke der Raumladungszone (Kanal)
- n-Kanal JFET: Je negativer V_{GS} , desto weniger Strom fließt bzw. desto enger der Kanal

$$I_D = \frac{2 \cdot I_{DSS}}{V_p^2} \left(V_{GS} - V_p - \frac{V_{DS}}{2} \right) V_{DS}$$

1.2.3 Sättigungs-Bereich (Stromquelle)



- Für hohes V_{DS} wird leitender Kanal abgeschnürt
⇒ Strom kann nicht weiter steigen (Stromquelle)
- Übergang gest. Widerstand zu Stromquelle @ V_{DSP}
⇒ $V_{DSP} = V_{GS} - V_p$ (V_p = Pinch-Off-Spannung)

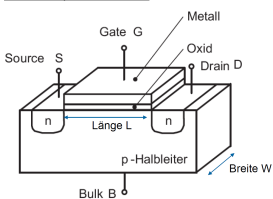
$$I_D = \frac{I_{DSS}}{V_p^2} \cdot (V_{GS} - V_p)^2$$

Verstärkungsmass Transkonduktanz:

$$g_m = \frac{2 \cdot I_{DSS}}{V_p^2} \cdot (V_{GS} - V_p) = \frac{2}{|V_p|} \cdot \sqrt{I_{DSS} \cdot I_D} \quad [g_m] = S$$

1.3 MOS-FETs

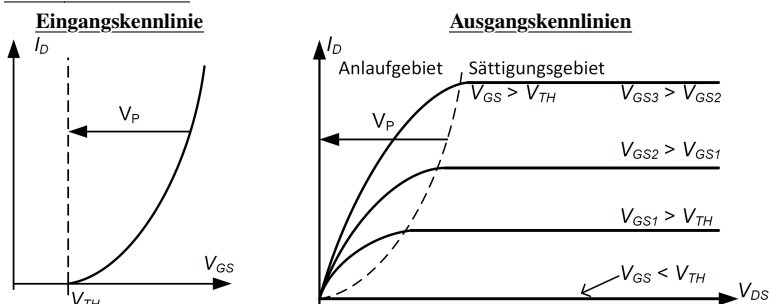
1.3.1 Aufbau



L Länge des Transistors
W Breite des Transistors

- N-Kanal FET: Drain und Source sind n-dotiert
- Kanal ist p-dotiert

1.3.2 Kennlinien



1.3.3 Bereiche

- Sperrbereich: $V_{GS} < V_{TH}$
- Linearer (Widerstands-)Bereich / Anlaufbereich: $V_{GS} > V_{TH}$
- Sättigungsbereich (Stromquelle): $V_{DS} > V_{GS} - V_{TH}$

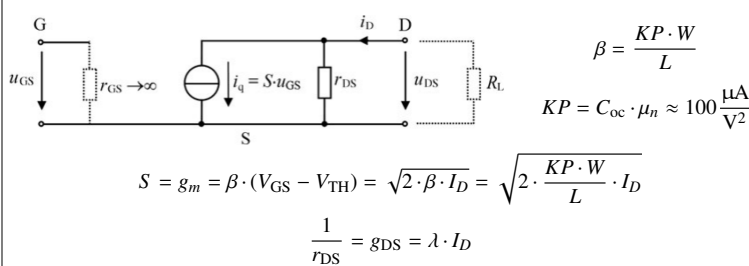
Anlaufbereich (Linearer Bereich)

Sättigungsbereich (Stromquelle)

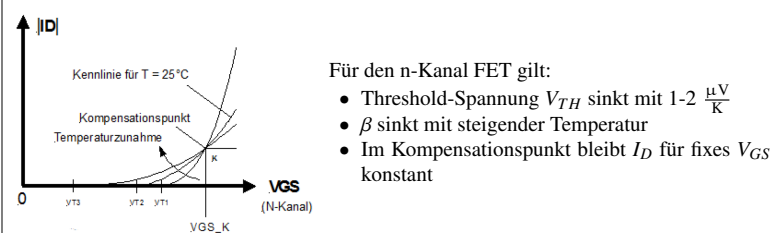
$$I_{D,lin} = \beta \cdot (V_{GS} - V_{TH} - \frac{V_{DS}}{2}) \cdot V_{DS}$$

$$I_{D,sat} = \frac{\beta}{2} \cdot (V_{GS} - V_{TH})^2$$

1.3.4 Kleinsignal-Ersatzschaltung (MOS-FET)



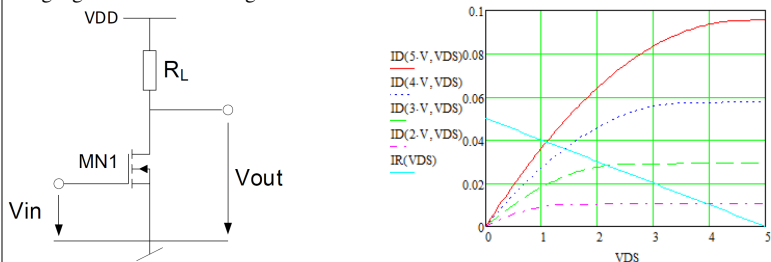
1.3.5 Temperaturabhängigkeit der Übertragungskennlinie



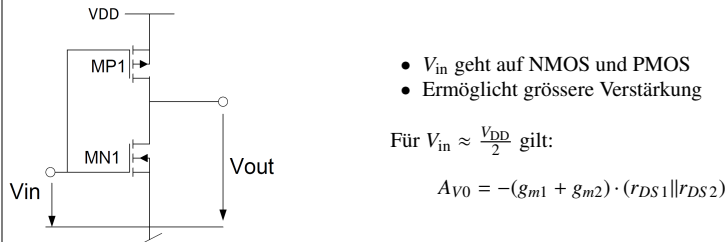
1.4 Verstärkerschaltungen mit FETs

1.4.1 Source-Schaltung mit Lastwiderstand

Um den Arbeitspunkt der Schaltung zu bestimmen, wird die Lastgerade von R_L in das Ausgangskennlinienfeld eingezeichnet:



1.4.2 Push-Pull / Digitaler Inverter



- V_{in} geht auf NMOS und PMOS
- Ermöglicht grössere Verstärkung

Für $V_{in} \approx \frac{V_{DD}}{2}$ gilt:

$$A_{V0} = -(g_{m1} + g_{m2}) \cdot (r_{DS1} || r_{DS2})$$

1.5 MOS-FET als (Leistungs-)Schalter

Wenn der FET als Schalter eingesetzt wird, so arbeitet er im linearen Bereich ($V_{GS} > V_{TH}$, d.h. $V_{out} < V_{DD} - V_{TH}$)

$$I_{D,lin} = \beta \cdot (V_{GS} - V_{TH} - \frac{V_{DS}}{2}) \cdot V_{DS}$$

$$r_{DS} = \frac{dV_{DS}}{dI_D} = \frac{1}{\beta \cdot (V_{GS} - V_{TH})}$$

Schalter geschlossen: $R_{FET} = R_{DS(on)}$

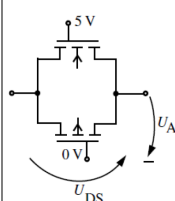
Schalter offen: $R_{FET} = \infty$

1.5.1 Verlustleistung / Erwärmung

$$P_V = R_{DS} \cdot I_{DS}^2 = 0 W$$

$$\Delta T = R_{th} \cdot P_V$$

1.6 Transmission Gate



Im Bild links gilt: $V_{DD} = 5 V$, $V_{SS} = 0 V$

- NMOS (oben) leitet für $V_{in} < V_{DD} - V_{TH,n}$
- PMOS (unten) leitet für $V_{in} > V_{SS} - V_{TH,p}$
- Source und Drain austauschbar
⇒ Strom kann in beide Richtungen fließen

2 Transistor-Transistor-Logik

- Meist statischer Stromverbrauch
- Asymmetrische Schaltschwellen (weniger Marge als CMOS-Logik)

2.1 Resistor Transistor Logik (RTL)

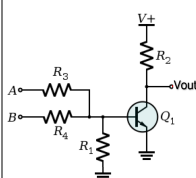


Bild: NOR-Gate

- Ausgangsspannung $V_{out} = V_+$ oder $V_{out} = V_{CE,sat}$
- Fan-Out ist begrenzt (Werden zu viele weitere Gatter an den Ausgang gehängt, so reicht der Strom nicht mehr, um diese zu treiben ⇒ Spannungslevel stimmen nicht mehr, um Transistoren durchzusteuern)

2.2 Dioden-Transistor-Logik (DTL)

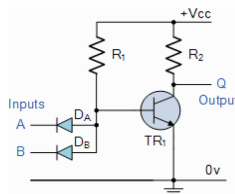
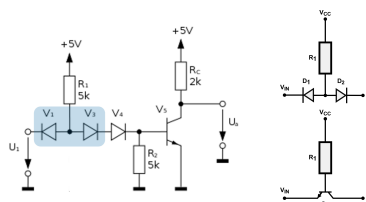


Bild: NAND-Gate

- **Fan-Out grösser**, da Transistor aktiv nach '0' zieht
- R_2 muss keine Gatter treiben (kein grosser Stromfluss)
- Nachteile: Sehr tiefer Störabstand; Transistor leitet schon bei Spannungen, welche kaum $> 0\text{ V}$ sind

2.3 Transistor-Transistor-Logik (TTL)

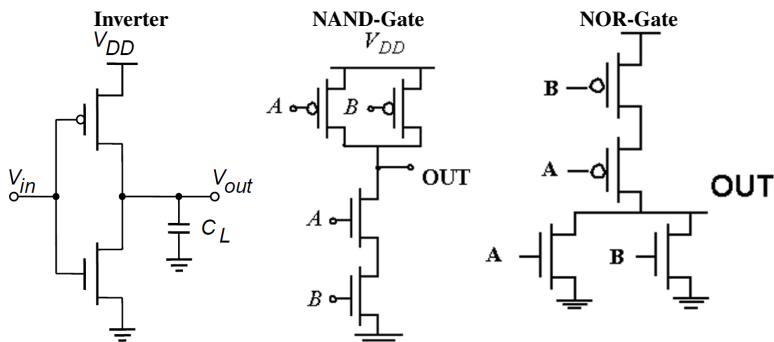


- Schaltschwelle am Eingang wird durch Dioden V_3 und V_4 um 1.4 V erhöht
- Dioden V_1 und V_3 bilden npn-Struktur \Rightarrow npn-Transistor

3 CMOS-Logik

- Entweder leitender Pfad nach V_{SS} (NMOS) oder V_{DD} (PMOS)
- Kein statischer Stromverbrauch
- Langsamer als Bipolar
- Symmetrische Schaltschwellen bei ca. $\frac{V_{DD}}{2}$ (Übertragungskennlinie)
- Output-Level V_{ol} , V_{oh} näher bei Speisung als Input Level V_{il} , V_{ih} \Rightarrow mehr Marge
- Höhere Speisespannung \Rightarrow weniger propagation delay
- Nicht geeignet zur Datenübertragung über längere Strecken (kein $50\ \Omega$ Abschluss)

3.1 Grundgatter in CMOS-Logik



3.2 Dualität NMOS – PMOS



3.3 Verlustleistung bei CMOS-Logik

$$P_V = C \cdot V_{CC}^2 \cdot f$$

C Kapazität (aus Datenblatt)
 f Frequenz

3.4 Verzögerungszeit

Linearer Bereich

$$t_{pHL} = 0.69 \cdot R_{on} \cdot C_L$$

\Rightarrow Exponentielle Entladung!

Sättigung (Stromquellen-Bereich)

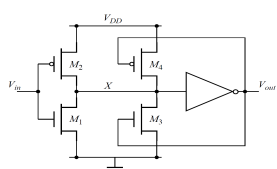
$$t_{pHL} = \frac{C_L \cdot \frac{V_{swing}}{2}}{I_{sat}} \approx \frac{C_L}{k_n \cdot V_{DD}}$$

\Rightarrow Lineare Entladung!

4 Schmitt-Trigger

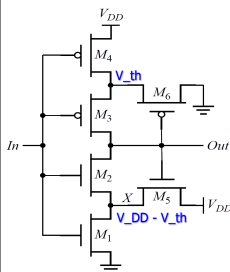
- Schaltschwellen müssen nicht sehr genau sein
- Schmitt-Trigger garantieren auch bei verrauschten Signalen saubere (einmalige) Schaltschwellen, dank der Hysterese

4.1 Aufbau nichtinvertierender digitaler Schmitt-Trigger



- M_1, M_2 : Digitale Inverter
- M_3, M_4 : gesteuerte Widerstände
- Für $V_{out} = 0$: M_4 leitet, M_3 sperrt
- Für $V_{out} = 1$: M_3 leitet, M_4 sperrt
- M_3, M_4 verschieben Schaltschwellen abhängig von $V_{out} \Rightarrow$ Hysterese

4.2 Aufbau invertierender digitaler Schmitt-Trigger



- Ohne M_5, M_6 : Normaler Inverter mit je 2 Serie-Transistoren
- Für $V_{out} = 1$: Durch M_5 fliesst Strom in M_1
- V_{in} muss höher sein, um Strom der PMOS aufzunehmen \Rightarrow Höhere Schaltschwelle für High-Log-Übergang
- 'Inverses' gilt für M_6 und M_4

4.3 Schmitt-Trigger vs. CMOS-Logik

	Low Power	Noise Rejection	Supports Slow Inputs
Input Voltage Waveforms			
Standard CMOS Input Response Waveforms			
Schmitt-trigger CMOS Input Response Waveforms			

5 Signalübertragung

5.1 Leitungstheorie

- Leitungen haben Widerstände, Kapazitäten und Induktivitäten \Rightarrow RLC-Netzwerke
- **Fortpflanzungsgeschwindigkeit Signal**: $v = 10 - 20\text{ cm/ns}$ (Lichtgeschwindigkeit: $c = 30\text{ cm/ns}$)
- Ev. **Impedanzanpassungen** zur Verhinderung von **Reflexionen** nötig (meistens $50\ \Omega$)
- CMOS-Logik: tiefen Quellenwiderstand, hohen Eingangswiderstand \Rightarrow Nicht geeignet zur Datenübertragung über 'längere Strecken'

5.2 Einfluss / Relevanz von Reflexionen

5.2.1 Keine Reflexionen

Wenn nichts anderes bekannt gilt: $T_r = \frac{1}{10} \cdot T$

$$T_d < \frac{1}{2} \cdot T_r$$

$T_r = T_f$ Anstiegs- / bzw. Abfallzeit des Signals
 T_d Laufzeit des Signals
 T Periodendauer

5.2.2 Reflexionen

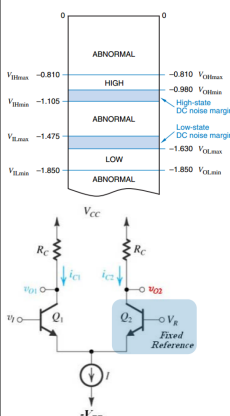
$$l > \frac{1 \cdot 10^7 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{f_{\max}}$$

f_{\max} Maximal enthaltene Frequenz im Signal
 l Länge der Leitung

6 High-Speed-Logik

- Sättigung verhindern, da langsam (bei Bipolar-Transistoren)
- Reduzierter Spannungshub
- Stromsteuerung, da Ströme schneller geschaltet werden als Spannungen

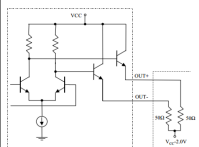
6.1 Emitter Coupled Logic (ECL)



- 2 Familien: 10k (langsamer) und 100k (schneller)
- Positive Speisung: $V_{CC} = 0\text{ V}$
- Negative Speisung: $V_{EE} = -4.5\text{ V}$ / $V_{EE} = -5.2\text{ V}$
- ICs werden warm (40 mW pro Gatter)

- Eingangssignal V_I wird mit fixer Referenz V_R verglichen
- Von $V_R - 100\text{ mV}$ bis $V_R + 100\text{ mV}$ **kippt Ausgangsspannung** von V_{CC} auf $V_{CC} - R_C \cdot I_C$
- **Differentieller Spannungshub** der Ausgänge: $V_{diff} = \pm R_C \cdot I_C$
- Spannungspegel **nicht** kompatibel zu CMOS / TTL

6.1.1 Positive Emitter Coupled Logic PECL

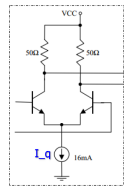


- Positive Speisung: $V_{CC} = 5\text{ V}$
- Negative Speisung: $V_{EE} = 0\text{ V}$
- Ausgangsbeschaltung mit $50\ \Omega$ Abschluss zu $V_{CC} - 2\text{ V}$ \Rightarrow Reduktion der Reflexionen!
- Spannungspegel sind kompatibel zu CMOS / TTL

6.1.2 Low Voltage Positive ECL (LVPECL)

- Speisespannungen: $V_{CC} = 3.3\text{ V}$; $V_{EE} = 0\text{ V}$
- Weniger Leistung als 5 V Logik; leichter anpassbar an 3.3 V Logik

6.2 Current Mode Logic (CML)



- Terminierung am Eingang der Folgestufe gegen V_{CC}
- Äquivalenter Widerstand: $R_{Ceq} = 50\ \Omega \parallel 50\ \Omega = 25\ \Omega$

$$\text{Differenzielle Spannung: } V_{\text{diff}} = \pm R_{Ceq} \cdot I_q$$

6.2.1 CML vs. ECL

ECL

- Diff-Amp mit Transistor-Buffer; Ausgang am Emitter
- Single-ended Input (2. Eingang auf fixer Spannung)
- Single-ended Output (z.T. auch differentiell)

CML

- Ausgang direkt vom Diff-Amp
- Differentieller Input und differentieller Output
- Impedanzanpassung zur Reduktion von Reflexionen (50 Ω)

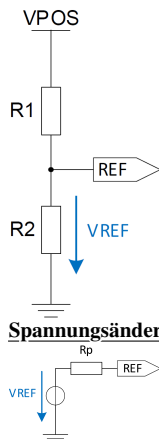
6.2.2 Vorteile / Nachteile von CML gegenüber CMOS-Logik

- + high Speed
- + konstanter Strom (kaum Speisungseinbrüche)
- + differentiell: wenig Störung
- + kann Kabel treiben
- hoher statischer Stromverbrauch
- differentiell: benötigt doppelt so viele Leitungen
- aufwändiges PCB-Layout wegen angepassten Leistungsimpedanzen nötig

7 Spannungsreferenzen

- Referenzspannungsquellen liefern idealerweise Ausgangsspannungen, welche **unabhängig** von Temperatur, Speisespannung und Last sind
- 2 Hauptprinzipien: Zenerdioden (meistens mit $V_Z = 5.6\text{ V}$) und Bandgap-Quellen mit $V_{\text{out}} = 1.25\text{ V}$

7.1 Spannungsteiler



Speisespannungsabhängigkeit

Spannungsänderung:

$$\Delta V_{\text{ref}} = \Delta V_{\text{POS}} \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

Sensitivität:

$$\frac{V_{\text{ref}}}{V_{\text{POS}}} = \frac{\Delta V_{\text{ref}}}{\Delta V_{\text{POS}}} = 1 \Rightarrow \text{schlecht}$$

Temperaturabhängigkeit

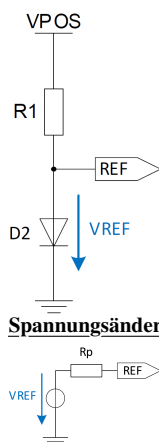
Da die Widerstände **gleiche Temperaturkoeffizienten** haben ändert sich der Strom durch R_1 und R_2 , jedoch nicht das Widerstandsverhältnis $\Rightarrow V_{\text{ref}}$ bleibt **konstant** \Rightarrow gut

Spannungsänderung bei Lastwechsel

Ersatzschaltung der Referenzquelle durch Thévenin-Äquivalent mit

$$R_P = R_1 \parallel R_2 \Rightarrow \text{sehr lastabhängig, da } R_P \text{ gross}$$

7.2 Diodenreferenz



$$V_{\text{ref}} = V_D = n \cdot V_T \cdot \ln\left(\frac{I}{I_S}\right) \quad \text{mit } V_T = \frac{kT}{q} \approx 25\text{ mV}$$

Speisespannungsabhängigkeit

Sensitivität:

$$\frac{V_{\text{ref}}}{I} = \frac{1}{\ln\left(\frac{I}{I_S}\right)} = 0.065 \Rightarrow \text{gut}$$

Temperaturabhängigkeit

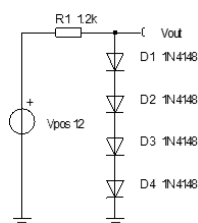
Diode hat einen **Temperaturkoeffizient von $-2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$** , d.h. V_{ref} ändert ebenfalls mit $-2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$ \Rightarrow schlecht

Spannungsänderung bei Lastwechsel

Diode durch Kleinsignal-Ersatzschaltung ersetzen und Ersatzschaltung der Referenzquelle durch Thévenin-Äquivalent mit

$$R_P = R_1 \parallel r_D \Rightarrow \text{weniger lastabhängig, da } r_D = \frac{n \cdot V_T}{I_D} \approx 7\ \Omega$$

7.3 Spannungsreferenz mit mehreren Dioden



m = Anzahl Dioden in Serie (links: $m = 4$)

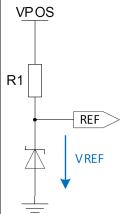
- Strom durch Dioden muss $> 0\text{ A}$ sein, damit $V_D \approx 0.7\text{ V}$
- Spannung über m Dioden: $V_{\text{out}} = m \cdot V_D$

$$I_{\text{out,max}} = \frac{V_{\text{pos}} - V_{\text{out}}}{R_1}$$

- Max. Ausgangsstrom:
- **Temperaturabhängigkeit:** $TK_{\text{tot}} = m \cdot -2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$

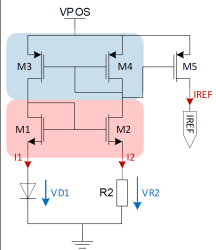
7.4 Spannungsreferenz mit Zenerdioden (Shunt-Regler)

Shunt-Regler: Überflüssiger Strom wird durch ein Element abgeführt \Rightarrow Je nach Last wird mehr oder weniger Strom in Z-Diode verheizt



- V_{REF} entspricht Zener-Spannung der Z-Diode
- Häufigste Zener-Spannung: $5.6\text{ V} \Rightarrow TK = 0\frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- Strom $I = \frac{V_{\text{POS}} - V_{\text{REF}}}{R_1}$ fließt entweder durch Diode oder durch Last
- $I_{\text{out}} < I_{\text{out,max}} = \frac{V_{\text{POS}} - V_{\text{REF}}}{R_1}$

7.5 Bootstrap-Referenz (V_D Stromquelle)



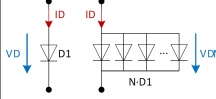
- Stromspiegel M_3 und $M_4 \Rightarrow I_1 = I_2$
- Stromspiegel M_1 und $M_2 \Rightarrow V_{GS1} = V_{GS1}$ da $I_1 = I_2$
- Da Temperaturkoeffizient von $V_{D1} \approx -2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$ nimmt I_{out} mit steigender Temperatur ab \Rightarrow schlechte Referenz
- Schaltung hat zwei mögliche Arbeitspunkte (AP $I_1 = I_2 = 0$ ist unerwünscht!)

$$V_{D1} = I_2 \cdot R_2 = V_{R2}$$

$$I_{\text{REF}} = I_1 = I_2$$

7.6 Proportional To Absolute Temperature (PTAT)

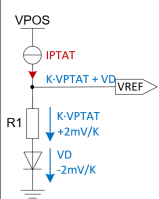
$$V_D = n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln\left(\frac{I_D}{I_S}\right) \quad V_{DN} = n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln\left(\frac{I_D}{N \cdot I_S}\right)$$



$$\Delta V_D = V_D - V_{DN} = n \cdot \frac{kT}{q} \cdot \ln(N) = TK \cdot T$$

$\Rightarrow \Delta V_T$ ist Proportional zur absoluten Temperatur T

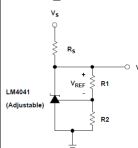
7.7 Bandgap-Spannungsreferenz



$$V_{\text{REF}} = K \cdot V_{\text{PTAT}} + V_D$$

- Der positive Temperaturkoeffizient von V_{PTAT} wird mit dem Faktor K verstärkt, sodass $K \cdot TK_{\text{PTAT}} = +2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- Der nun positive Temperaturkoeffizient wird mit einer Diodenquelle mit $TK_{\text{Diode}} = -2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$ kompensiert
- Der gesamte Temperaturkoeffizient $TK_{\text{bandgap}} = 0\frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- V_{REF} buffern, damit der Ausgang belastet werden darf

Beispiel: LM4041 Shunt Voltage Bandgap Reference

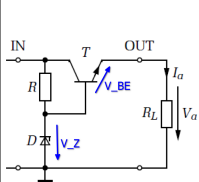


$$V_{\text{out}} = V_Z = V_{\text{REF}} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)$$

- Einstellbare Referenzspannung $V_Z = V_{\text{out}}$
- Interne Referenz: $V_{\text{REF}} = 1.25\text{ V}$ (Bandgap-Referenz)

8 Lineare Spannungsregler

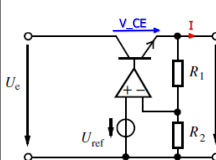
8.1 Spannungsstabilisierung mit Z-Diode und BJT



$$V_{\text{out}} = V_Z - V_{\text{BE}}$$

- Ausgang kann viel Strom liefern
- Ausgangsspannung **sinkt** um ca. 20 mV bei **Verdoppelung** des Stroms
- Ausgangsspannung **sinkt** um $-2\frac{\text{mV}}{\text{K}}$
- **Keine Regelung** der Ausgangsspannung
- Schnell und stabil, aber nicht genau

8.2 Linearer Spannungsregler

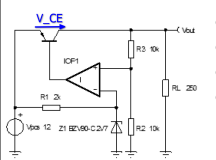


$$V_a = V_{\text{ref}} \left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right)$$

$$P_V = V_{\text{CE}} \cdot I$$

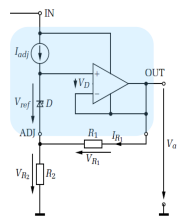
- OpAmp Ausgang ändert so lange, bis für die Spannungen $V_{R2} = V_{\text{ref}} (= 1.25\text{ V})$ gilt
- Minimaler Spannungsabfall V_{CE} über Regler: bis 2.5 V
- Regler kann sehr warm werden \Rightarrow Verlustleistung P_V

8.3 Low-Dropout-Regler mit pnp-Längstransistor (LDO)



- Feedback auf **positiven** OpAmp-Eingang!
- Ansteuerung Längstransistor mit Basisspannung $< V_{\text{out}}$
- Kleiner minimaler Spannungsabfall V_{CE} über Regler ($V_{\text{CE,sat}}$)
- Auch erhältlich mit PMOS-Transistor statt pnp-Transistor \Rightarrow Dropout-Spannung über Regler (PMOS) ist dann abhängig vom Laststrom (PMOS = gesteuerter Widerstand)

8.4 Einstellbarer Serie-Spannungsregler



$$V_a = V_{ref} \cdot \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) + I_{adj} \cdot R_2$$

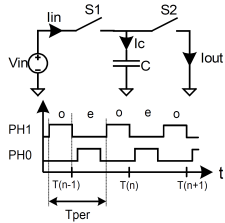
- Widerstände R_1 und R_2 sind **extern** beschaltet!
- Interne Referenz: $V_{ref} = 1.25 \text{ V}$ (Bandgap)
- OpAmp regelt, damit $V_{R1} = V_{ref}$
- Damit wird $V_{R2} = V_{ref} \cdot \frac{R_2}{R_1} + I_{adj} \cdot R_2$

9 Spannungswandler mit Ladungspumpen

- Ladung kann **nicht springen** und nicht vernichtet werden
⇒ Ladung wird umverteilt!
- Ladungspumpen sind billige, effiziente Spannungswandler (Wirkungsgrad > 99 % möglich)

$$Q = C \cdot V$$

9.1 Grundprinzip Switched-Capacitor-Schaltungen (SC)



Hinweis: R_S entspricht dem Schalter-Widerstand
Weiter gilt: $t^* = t - \frac{T}{2}$

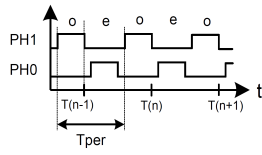
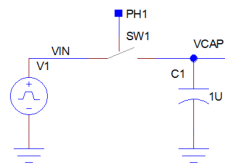
$$\text{Phase PH1 (S1 geschl.)} \quad I_{in} = I_C = \frac{V_{in}}{R_S} \cdot e^{\frac{t}{R_S \cdot C}}$$

$$\text{Phase PH2 (S2 geschl.)} \quad I_C = -I_{out} = -\frac{V_{in}}{R_S} \cdot e^{\frac{t}{R_S \cdot C}}$$

$$\text{Durchschnittl. Strom} \quad \overline{I_{out}} = \frac{\Delta Q}{T} = \frac{C}{T} \cdot V_{in}$$

Der 'switched capacitor' C hat einen **äquivalenten Widerstand** $R_{eq} = \frac{T}{C} = \frac{1}{f \cdot C}$

9.2 Grundprinzip Ladungspumpen



Ausgangsspannung V_{out} nähert sich schrittweise exponentiell der Eingangsspannung an!

Im ersten Zyklus ist $V_{out} = 0 \text{ V}$

Phase PH1 Kapazität C_1 wird auf V_{in} geladen

$$Q_1 = C_1 \cdot V_{in} \text{ und } Q_2 = C_2 \cdot V_{out}$$

Phase PH2 Ladung **verschiebt** sich von C_1 auf C_2 , bis beide Kapazitäten dieselbe Spannung aufweisen

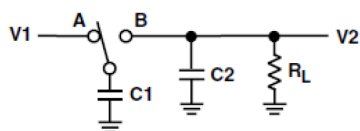
$$Q_{tot} = Q_1 + Q_2 = C_1 \cdot V_{in} + C_2 \cdot V_{out}$$

$$\Rightarrow \text{Neue Ausgangsspannung: } V_{out} = \frac{Q_{tot}}{C_1 + C_2}$$

Wichtig: Die PH0 muss vollständig abgeschlossen sein, bevor PH2 beginnt.

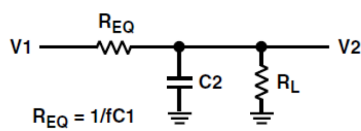
9.3 Allgemeine Funktionsweise geschaltete Kapazitäten

Switched Capacitor C_1



- Strom fließt in 'Paketen':
 $\Delta Q = C_1 \cdot \Delta V$
- Durchschnittlicher Strom proportional zu C_1 , ΔV und Schaltfrequenz f

Ersatzschaltung mit R_{eq}



$$R_{eq} = 1/fC1$$

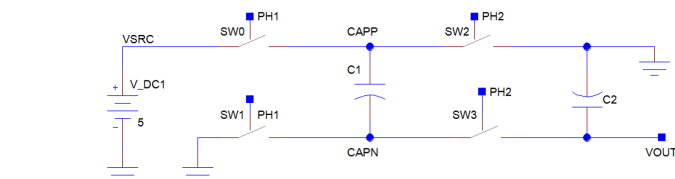
- Durchschnittlicher Strom proportional zu ΔV und $\frac{1}{R}$
- Geschaltetes C_1 bildet äquivalenten Widerstand $R_{eq} = \frac{1}{f \cdot C_1} = \frac{T}{C}$

Für beide Schaltungen gilt, dass der **finale Wert der Ausgangsspannung** $V_{out} = V_2$ durch den **Spannungsteiler** von R_L und R_{eq} bestimmt wird:

$$V_{out} = V_{in} \cdot \frac{R_L}{R_{eq} + R_L}$$

$$I = \frac{V_1 - V_2}{R_{eq}}$$

9.4 Spannungsinversion mit Switched Capacitors



Ausgangsspannung V_{out} nähert sich schrittweise exponentiell $-V_{SRC}$ an!

Im ersten Zyklus ist $V_{out} = 0 \text{ V}$

Phase PH1 Kapazität C_1 wird auf V_{SRC} geladen

$$Q_1 = C_1 \cdot V_{SRC} \text{ und } Q_2 = C_2 \cdot V_{out}$$

Phase PH2 Positiver Anschluss von C_1 wird mit GND verbunden

⇒ Negativer Anschluss von C_1 auf Potential $-V_{SRC}$

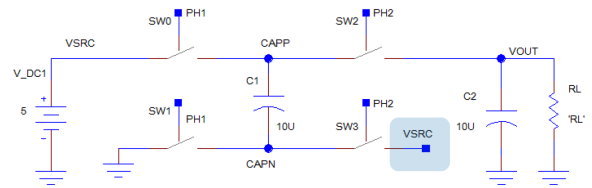
$$Q_{tot} = Q_2 - Q_1 = C_2 \cdot V_{out} - C_1 \cdot V_{SRC}$$

$$\Rightarrow \text{Neue Ausgangsspannung: } V_{out} = \frac{Q_{tot}}{C_1 + C_2}$$

Für $C_1 = C_2$ ändert sich die Ausgangsspannung V_{out} folgendermassen:

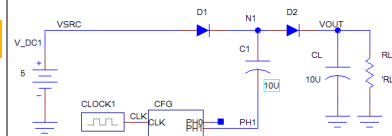
$$V_{out} = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{3}{4}, -\frac{7}{8} \dots -1\right) \cdot V_{SRC}$$

9.5 Spannungsverdoppler mit Switched Capacitors



- PH1: C_1 wird auf Eingangsspannung V_{in} aufgeladen
- PH2: Negativer Anschluss $CAPN$ wird mit V_{SRC} verbunden
⇒ Positiver Anschluss C_1 springt auf $2 \cdot V_{SRC}$
- Ladung teilt sich zwischen C_1 und C_2 auf, sodass V_{out} schrittweise ansteigt

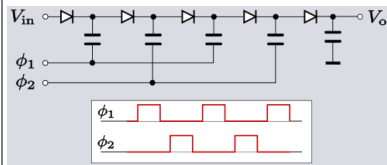
9.6 Dickson Charge Pump (Spannungsvervielfacher)



- Mehrstufige Spannungsvervielfacher (hier: einstufig)
- Anzahl Dioden n
- Kaskadierung möglich

$$V_{out} = n \cdot (V_{SRC} - V_D)$$

9.6.1 Mehrstufige Dickson Charge Pump



- Mehrstufige Spannungsvervielfacher (hier: $n = 5$)

$$V_{out} = n \cdot (V_{SRC} - V_D)$$

10 Schaltregler

SMPS (switched-mode-power-supply) sind getaktete Systeme, deren übliche Schaltfrequenzen im Bereich von 20 kHz bis zu einigen MHz liegen.

10.1 Spannungswandler mit Spulen

- Grundprinzip**
 - Energie wird aus einer (Spannungs-)Quelle bezogen, in verlustarmen Elementen (**Spulen**, Kondensatoren) zwischengespeichert, auf die gewünschte Spannung gebracht und stabilisiert.
- Gemeinsamkeiten aller aufgeführten Spannungswandler mit Spulen**
 - Energie wird in Magnetfeld gespeichert $E_L = \frac{1}{2} L \cdot i_L^2$
 - Spannung über Spule bewirkt Änderung des Stroms
 $V_L = L \cdot \frac{di_L}{dt}$ oder $i_L = \frac{1}{L} \int V_L(t) dt + I_0 = \frac{V_L}{L} \cdot t + I_0$
 - Zur Stabilisierung der Spannung werden Kondensatoren benötigt (potentieller LC-Schwingkreis!)
 - Für die meisten Rechnungen kann man annehmen, dass:
 - V_{in} und V_{out} **konstant** sind
 - Die **Schalter ideal** sind (kein Schaltwiderstand)
 - Die **Dioden keinen Spannungsabfall** haben

Hinweis: Zur Steigerung der Effizienz werden Dioden manchmal durch MOS-FETs ersetzt ('nur' $R_{DS,on}$ statt grosser Spannungsabfall). Die Schalter werden in der Praxis ebenfalls mit einem FET realisiert.

10.2 Energien in den Komponenten

Energie in Spule

$$E_L = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i_L^2$$

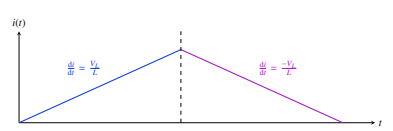
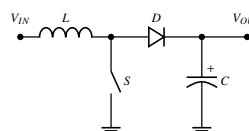
Energie in Kondensator

$$E_C = \frac{1}{2} \cdot C \cdot V_C^2$$

Energie in Last (pro Periode)

$$E_{load} = \frac{1}{2} P_{load} \cdot T_{clk} = \frac{1}{2} \cdot \frac{V_{out}^2}{R_{load}} \cdot T_{clk}$$

10.3 Aufwärtswandler (Boost, Step-Up Converter)



1. Phase Energie in Spule speichern | **2. Phase** Entmagnetisierung

- Schalter geschlossen
- $V_L = V_{in}$ liegt an Spule an
- i_L muss nicht bei $I_0 = 0$ starten!
- Schalter offen
- Strom sinkt, wenn $V_{out} > V_{in}$
- Eingeschwungener Zustand: $i_L = I_0$

In **beiden Phasen** gelten die folgenden Formeln:

Ladephase

$$\Delta I_{L-on} = \frac{1}{L} \cdot V_{in} \cdot t_{on}$$

$$I_{L-on} = \frac{1}{L} \cdot V_{in} \cdot t_{on} + I_0$$

$$\Delta I_{L-off} = \frac{1}{L} \cdot (V_{in} - V_{out}) \cdot t_{off}$$

$$I_{L-off} = \frac{1}{L} \cdot (V_{in} - V_{out}) \cdot t_{off} + I_0$$

$$\Delta I_{L-on} = -\Delta I_{L-off}$$

$$V_{out} = V_{in} \cdot \left(1 + \frac{t_{on}}{t_{off}}\right)$$

Entladephase

Gleichgewicht (eingeschwungen)

Ausgangsspannung

Die Ausgangsspannung V_{out} ist abhängig von der Last \Rightarrow Bei hochohmiger Last kann die Ausgangsspannung sehr gross werden!

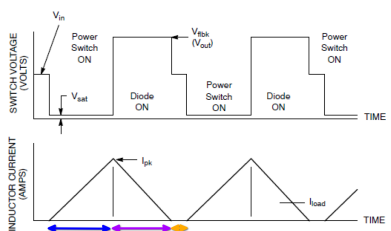
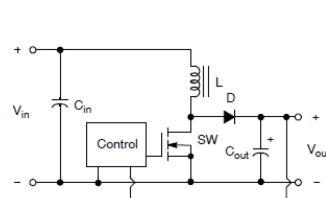
10.3.1 Synchronous Boost Converter



- Diode ersetzt durch Schalter SW2
- Entweder SW1 oder SW2 geschlossen
- VSW somit immer leitend verbunden, entweder mit GND oder mit V_{out}
- \Rightarrow In Spule fliesst immer ein Strom

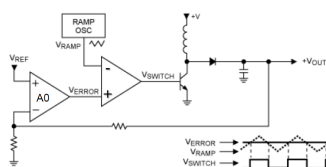
Achtung: Bei kleinen Lasten fliesst Strom in die Quelle zurück und die Verlustleistung in der Spule ist grösser (Drahtwiderstand)

10.4 Aufwärtswandler: Lückender Betrieb



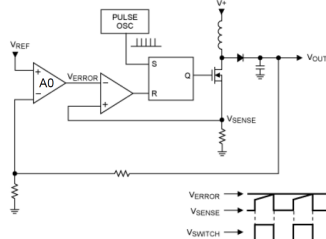
- Es existiert ein 3. Zustand, in welchem kein Strom durch Spule fliesst
- Aus $i_L = 0$ folgt $V_L = 0$
- Schalter SW offen, damit Spannung am Knoten SW = V_{in} wird \Rightarrow Diode sperrt
- Control schliesst Schalter, nachdem $V_{out} < V_{out,soll}$ ist \Rightarrow Regelung von V_{out}

10.4.1 Regelung der Ausgangsspannung: voltage-mode control



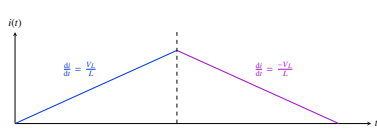
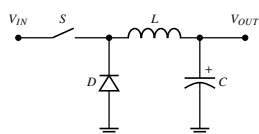
- Verstärker mit Verstärkung A0
- Komparator vergleicht V_{ERROR} mit V_{RAMP}
- $V_{OUT} - V_{REF} \uparrow$, $V_{ERROR} \uparrow$, Schalter muss länger geschlossen bleiben \Rightarrow grösserer Duty Cycle $\Rightarrow V_{OUT} \uparrow$

10.4.2 Regelung der Ausgangsspannung: current-mode control



- Strom wird mit Shunt-Widerstand durch Spannung V_{SENSE} gemessen
- Verstärker mit Verstärkung A0
- Komparator resettet Flip-Flop \Rightarrow Schalter (FET) öffnet
- Häufiger zur Regelung verwendet als vorherige Schaltung

10.5 Abwärtswandler (Buck, Step-Down Converter)



Vereinfachungen: V_{out} konstant, kein Spannungsabfall über Diode und Schalter
Formeln gelten nur, wenn immer ein Strom in der Spule fliesst

Ladephase

$$\Delta I_{L-on} = \frac{1}{L} \cdot (V_{in} - V_{out}) \cdot t_{on}$$

$$I_{L-on} = \frac{1}{L} \cdot (V_{in} - V_{out}) \cdot t_{on} + I_0$$

$$\Delta I_{L-off} = -\frac{1}{L} \cdot V_{out} \cdot t_{off}$$

$$I_{L-off} = -\frac{1}{L} \cdot V_{out} \cdot t_{off} + I_0$$

$$\Delta I_{L-on} = -\Delta I_{L-off}$$

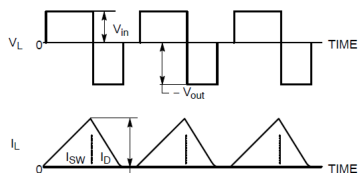
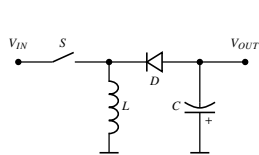
$$V_{out} = V_{in} \cdot \frac{t_{on}}{T}$$

Entladephase

Gleichgewicht (eingeschwungen)

Ausgangsspannung

10.6 Invertierender Wandler (Buck-Boost Converter)



Der Converter kann im buck-mode oder boost-mode betrieben werden buck-mode: Duty Cycle $\frac{t_{on}}{T} < 0.5$; boost-mode: Duty Cycle $\frac{t_{on}}{T} > 0.5$

Ladephase

Entladephase ($V_{out} < 0$)

Gleichgewicht (eingeschwungen)

Ausgangsspannung

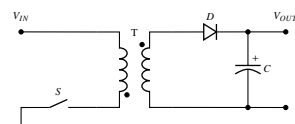
$$\Delta I_{L-on} = \frac{1}{L} \cdot V_{in} \cdot t_{on}$$

$$\Delta I_{L-off} = \frac{1}{L} \cdot V_{out} \cdot t_{off}$$

$$\Delta I_{L-on} = -\Delta I_{L-off}$$

$$V_{out} = -V_{in} \cdot \frac{t_{on}}{t_{off}}$$

10.7 Flyback (Sperrwandler)



- Ermöglicht **galvanische Trennung** zwischen Ein- und Ausgang
- Transformator mit grosser Induktivität nötig zur Energiespeicherung (mit Luftspalt)

- Phase 1 (Schalter geschlossen)

– Linear steigender Strom auf Primärseite; Energie wird im Magnetfeld gespeichert

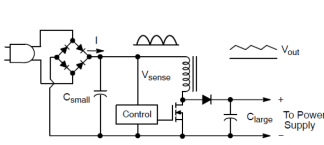
- Phase 2 (Schalter offen)

– Linear sinkender Strom auf Sekundärseite; Magnetfeld baut sich über Sekundärspule ab

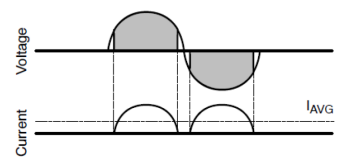
- Phase 3 (LC-Schwingkreis)

– C parallel zu Schalter auf Primärseite wird wirksam

10.8 Power Fail Control (PFC)



Ohne PFC

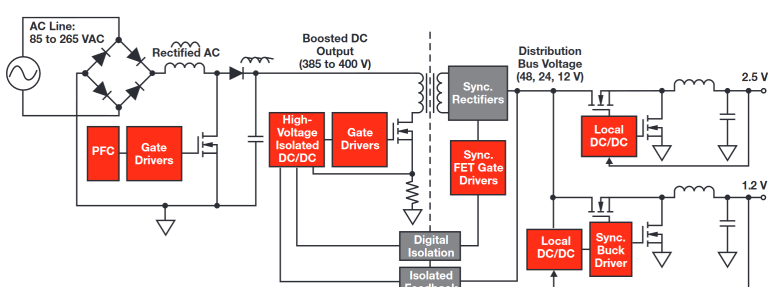


Mit PFC

- Strom fliesst nur wenn $V_{in} > V_C$ (nur bei Spannungsmaximum)
- \Rightarrow erzeugt Oberwellen (Blindleistung)

- Strom soll **möglichst sinusförmig** fließen, nicht nur beim Spannungsmaximum
- Lösung: 1. Stufe mit Boost Converter

10.9 Aufbau Modernes Netzteil



- 1. Stufe: Gleichrichtung und Boost Converter mit PFC
- 2. Stufe: Reduktion auf Systemspannung (Bus voltage) mit Flyback-Converter
- 3. Stufe: Buck Converter (ev. mehrere)

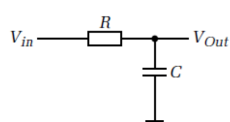
10.10 Fazit Spannungswandler SMPS

- Geschaltete Spannungsregler generieren weniger Verlustleistung als Linearregler
- Ausgangsspannung geschalteter Spannungsregler hat **Rippel** der Schaltfrequenz \Rightarrow Muss ev. mit Linearregler zusätzlich stabilisiert werden

11 Analoge Filter

- f_{3dB} Cut-Off-Frequency, Corner-Frequency
- Dämpfung von 3 dB (d.h. Amplitude wird mit $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 'verstärkt'), Phase: -45°
- f_s Sampling-Frequenz (ADC, digitale Filter)
- \Rightarrow Alle Frequenzen über $\frac{f_s}{2}$ müssen unterdrückt werden
- UTF Übertragungsfunktion $G(s)$

11.1 Tiefpassfilter 1. Ordnung



$$G(s) = \frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{1}{1 + s \cdot \underbrace{R \cdot C}_T}$$

$$f_{3dB} = \frac{1}{2\pi \underbrace{RC}_T}$$

Hinweis: Die Zeitkonstante T entspricht immer dem Parameter vor dem s . Beim Tiefpass 1. Ordnung entspricht dies $T = R \cdot C$

11.2 Bodeplot Tiefpassfilter 1. und 2. Ordnung

1. Ordnung

2. Ordnung

- Abfall von -20 dB / Dekade
- Phasenschiebung von maximal -90° (bei $f_g = -45^\circ$)
- Abfall von -40 dB / Dekade
- Phasenschiebung von maximal -180° (bei $f_g = -90^\circ$)

11.3 Filter 2. Ordnung

11.3.1 Kaskadierung von zwei gleichen Filtern

$$G_{11}(s) = \frac{1}{1 + s \cdot \underbrace{R \cdot C}_{T_2}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot \underbrace{R \cdot C}_{T_2}} \quad T_2 = \frac{\sqrt{2}-1}{2\pi f_{3\text{dB}}} \approx 0.64 \cdot T_1$$

Daraus folgt, dass bei 2 identischen Stufen die Grenzfrequenz $f_{3\text{dB}}$ der einzelnen Stufen $\frac{1}{0.64} = 1.56$ mal **höher** gewählt werden muss als bei einem Filter 1. Ordnung.

11.3.2 Filter 2. Ordnung mit komplexen Polen

$$G(s) = \frac{A_0 \cdot p_1 \cdot p_2}{(p_1 + s) \cdot (p_2 + s)} = \frac{A_0 \cdot \omega_0^2}{s^2 + \frac{\omega_0}{Q} s + \omega_0^2} \quad \begin{array}{ll} p_i & \text{Polstellen} \\ & \text{komplex für } Q > \frac{1}{2} \\ Q & \text{Polgüte / Filtergüte} \\ \omega_0 & \text{Polfrequenz} \end{array}$$

$$p_{1,2} = \frac{\omega_0}{2Q} (1 \pm \sqrt{1 - 4Q^2})$$

11.4 Filter höherer Ordnung

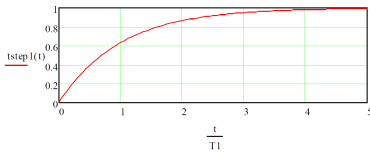
- Systeme höherer Ordnung können in kaskadierte Teilsysteme 1. & 2. Ordnung aufgeteilt werden
 - Höhere Ordnung und komplexe Pole ermöglichen steileren Übergang zwischen Durchlass- und Sperrbereich
- Folgende Filter erzielen durch unterschiedliche Polverteilungen untersch. Verhalten:

- Butterworth:** Konstant im Durchlassbereich der UTF
- Bessel:** Beste Rechteckübertragung, kein Überschwingen
- Tschebyscheff:** Steilster Abfall im Sperrbereich der UTF

11.5 Zeitverhalten: Schrittantwort

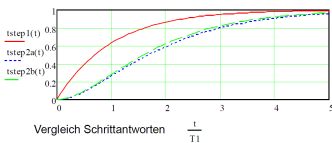
- Frenqenzbereich: **Multiplikation** der UTF mit $\frac{1}{s}$
- Rücktransformation in den Zeitbereich, um $t_{\text{step}}(t)$ zu erhalten

11.5.1 Tiefpass 1. Ordnung



$$t_{\text{step},1}(t) = 1 - e^{-\frac{t}{T_1}}$$

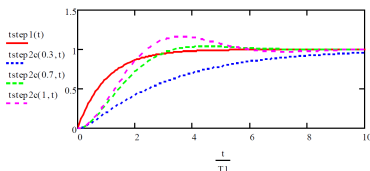
11.5.2 Tiefpass 2. Ordnung



$$t_{\text{step}2a}(t) = 1 - e^{-\frac{t}{T_1}} \cdot \left(1 + \frac{t}{T_1}\right)$$

$$t_{\text{step}2b}(t) = 1 - \left(\frac{T_1 \cdot e^{-\frac{t}{T_1}} - T_2 \cdot e^{-\frac{t}{T_2}}}{T_1 - T_2} \right)$$

11.6 Schrittantworten verschiedener Polgüten



Komplexe Pole ($Q > 0$) führt zu Überschwingern.
Bei einer Polgüte von $Q = \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0.7$ (**grüne Krurve**) schwingt das System am schnellsten ein!

11.7 Filter 2. Ordnung

Tiefpass

$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A_0}{\frac{1}{\omega_0^2} s^2 + \frac{1}{\omega_0 \cdot Q} s + 1}$$

Hochpass

$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A_0 \cdot \frac{1}{\omega_0^2} \cdot s^2}{\frac{1}{\omega_0^2} s^2 + \frac{\omega_0}{Q} s + \omega_0^2}$$

Bandpass

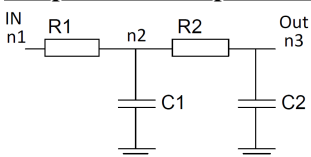
$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{A \cdot \frac{\omega_0}{Q} \cdot s}{s^2 + \frac{1}{\omega_0 \cdot Q} s + 1}$$

Aufbau Nenner

- Alle Terme positiv
- s^2 -Term definiert Grenzfrequenz
- Im s -Term ist Dämpfung enthalten
 - s -Term gross \Rightarrow grosse Dämpfung
 - s -Term = 0 \Rightarrow Oszillator!

Passive RC-Filter können maximal Güte 0.5 haben (entkoppelte reelle Pole). Filter höherer Güte benötigen entweder Spulen oder **Verstärker**.

Beispiel: UTF Tiefpass 2. Ordnung

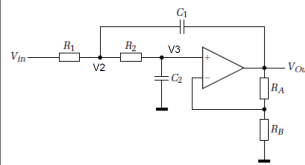


$$A_0 = 1 \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}$$

$$Q = \frac{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}{C_1 R_1 + C_2 R_1 + C_2 R_2}$$

$$G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{1}{1 + (C_1 R_1 + C_2 R_1 + C_2 R_2) \cdot s + C_1 C_2 R_1 R_2 \cdot s^2}$$

11.8 Sallen-Key-Filter (Einfachmitkopplung)



$$\text{OpAmp: } V_{\text{out}} = G_0 \cdot V_3 = \left(1 + \frac{R_A}{R_B}\right) \cdot V_3$$

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}$$

$$Q = \frac{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}{C_2 (R_1 + R_2) + C_1 R_1 (1 - G_0)}$$

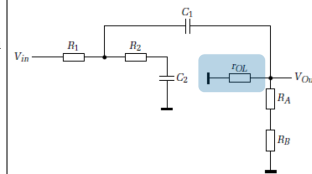
$$G(s) = \frac{G_0}{C_1 C_2 R_1 R_2 \cdot s^2 + [C_2 (R_1 + R_2) + C_1 R_1 (1 - G_0)] \cdot s + 1}$$

Stromgleichungen:

$$V_2: 0 = (V_2 - V_{\text{in}}) \frac{1}{R_1} + (V_2 - V_3) \frac{1}{R_2} + (V_2 - V_{\text{out}}) \cdot s \cdot C_1$$

$$V_3: 0 = (V_3 - V_2) \frac{1}{R_2} + V_3 \cdot s \cdot C_2$$

11.8.1 Sallen-Key-Filter bei hohen Frequenzen

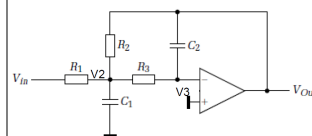


$$\frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} \approx \frac{r_{\text{OL}}}{R_1 + r_{\text{OL}}}$$

r_{OL} ist der OpAmp open-loop Ausgangswiderstand (bei hohen Frequenzen $\approx 100 \Omega$)

- Dämpfung ist limitiert auf obigen Spannungsteiler \Rightarrow Sallen-Key-Filter sind nicht geeignet für Systeme mit hohen Frequenzanteilen z.B. PWM-DAC

11.9 Multiple-Feedback-Struktur



$$\text{OpAmp: } G_0 = -\frac{R_2}{R_1}$$

$$Q = \frac{\sqrt{C_1 C_2 R_1 R_2}}{C_2 (R_2 + R_2 + R_3 \frac{R_2}{R_1})}$$

$$G(s) = \frac{G_0}{1 + C_2 (R_2 + R_2 + R_3 \frac{R_2}{R_1}) \cdot s + C_1 C_2 R_2 R_3 \cdot s^2}$$

Stromgleichungen:

$$V_2: 0 = (V_2 - V_{\text{in}}) \frac{1}{R_1} + (V_2 - V_{\text{out}}) \frac{1}{R_2} + (V_2 - V_3) \frac{1}{R_3} + V_2 \cdot s \cdot C_1$$

$$V_3: 0 = (V_3 - V_2) \frac{1}{R_3} + (V_3 - V_{\text{out}}) \cdot s \cdot C_2$$

11.10 Sallen-Key vs. Multiple-Feedback Struktur

Sallen-Key

- Nicht-invertierend
- Q sensitiver auf Toleranzen
- Vorwärtspfad für hohe Frequenzen
- Noise-Gain: A
- Eher für
 - Hochpass
 - kleine Verstärkungen

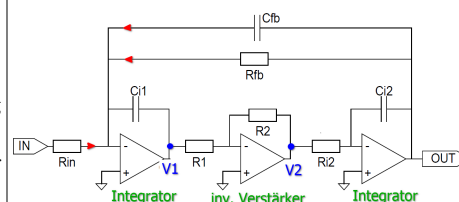
Multiple-Feedback

- Invertierend
- f_g sensitiver auf Toleranzen
- Noise-Gain: A + 1
- Eher für
 - Tiefpass, Bandpass
 - grössere Verstärkungen

11.11 Vorgehen: UTF aus OPV-Filterschaltung ermitteln

- Stromgleichungen (Knotengleichungen) aufstellen
- Gleichungen ineinander einsetzen
- Umformen nach $G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}}$

11.12 Zustandsvariablen-Filter (Biquad-Filter)



Mit dieser Topologie sind alle drei **Parameter** f_0 , Q und A_0 **frei wählbar!**
An V_{out} herrscht **Tiefpass-Verhalten**.

$$G(s) = \frac{-\frac{R_{fb}}{R_{in}}}{s^2 \cdot C_{i1} C_{i2} R_{fb} R_{i2} \frac{R_1}{R_2} + s \cdot C_{fb} R_{fb} + 1}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{C_{i1} C_{i2} R_{fb} R_{i2} \frac{R_1}{R_2}}} \quad Q = \frac{1}{C_{fb}} \sqrt{C_{i1} C_{i2} \frac{R_1}{R_2 R_{fb}}} \quad A_0 = -\frac{R_{fb}}{R_{in}}$$

11.12.1 Allgemein: Filter mit mehreren OpAmps

Mit der Filter-Struktur aus Abschnitt 11.12 können auch Bandpass- und Hochpass-Filter gebildet werden:

- Tiefpass:** Abgriff beim 3. OpAmp (V_{out} gemäss Abschnitt 11.12)
- Bandpass:** Abgriff beim 2. OpAmp (an Knoten V2)
- Hochpass:** Abgriff beim 2. OpAmp, Einspeisung am neg. Eingang des 2. OpAmps

11.13 Analyse von Filterschaltungen mit Signalfussdiagrammen

Aktive Filterschaltungen (mit OpAmps) können mittels Signalfussdiagrammen (SFDs) analysiert werden. Dazu wird die gesamte Schaltung in einzelne Komponenten aufgeteilt. Diese Komponenten werden dann mit Impedanz- bzw. Admittanzfunktionen abgebildet. Um die Übertragungsfunktion (UTF) der gesamten Schaltung zu erhalten, muss die **Regel von Mason** angewendet werden.

11.13.1 Eingangsadmittanzen / (Eingangsimpedanzen)

Hinweis: Es wird normalerweise mit Eingangsadmittanzen gearbeitet!

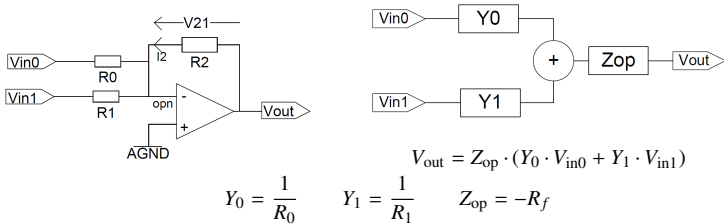
Komponente	Admittanz Y	(Impedanz Z)
Widerstand R	$Y_{\text{res}} = \frac{1}{R}$	$(Z_{\text{res}} = R)$
Kapazität C	$Y_{\text{cap}} = s \cdot C$	$(Z_{\text{cap}} = \frac{1}{s \cdot C})$
Induktivität L	$Y_{\text{ind}} = \frac{1}{s \cdot L}$	$(Z_{\text{ind}} = s \cdot L)$

11.13.2 OpAmp Impedanzfunktionen

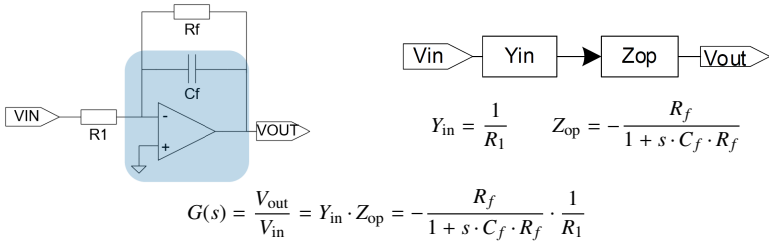
Hinweis: Es geht um negatives Feedback bzw. Gegenkopplung

Schaltung (Feedback)	Impedanz Z
Widerstand R_f im Feedback	$Z_{\text{op}} = -R_f$
Kapazität C_f im Feedback	$Z_{\text{op}} = -\frac{1}{s \cdot C_f}$
$R_f C_f$ (parallel) im Feedback	$Z_{\text{op}} = -\frac{R_f}{1 + s \cdot C_f \cdot R_f}$

Beispiel: Summierender Verstärker



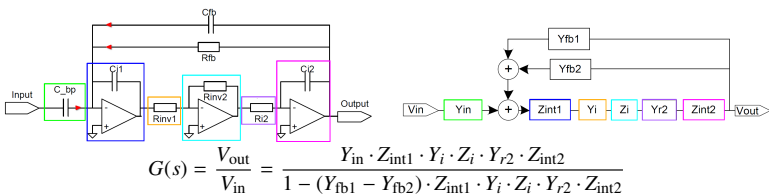
Beispiel: Aktiver Tiefpass 1. Ordnung



11.14 Regel von Mason (vereinfacht)

$$\text{UTF: } G(s) = \frac{V_{\text{out}}}{V_{\text{in}}} = \frac{\text{Produkt der Transmittanzen im Vorwärtspfad}}{1 - \text{Summe aller Schleifentransmittanzen}}$$

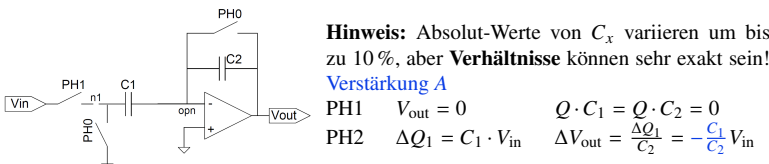
Beispiel: Analyse Bandpass mittels SFD und Regel von Mason



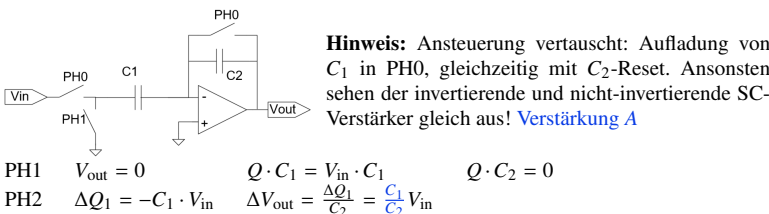
11.15 Switched-Capacitor-Verstärker

⇒ Funktionsweise von SC-Schaltungen siehe Abschnitt 9.2

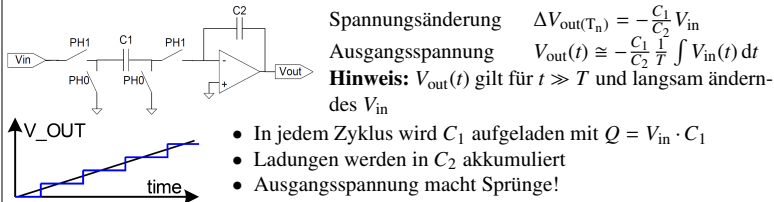
11.15.1 Invertierender Verstärker



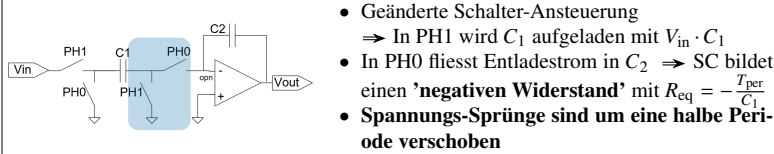
11.15.2 Nicht-invertierender Verstärker



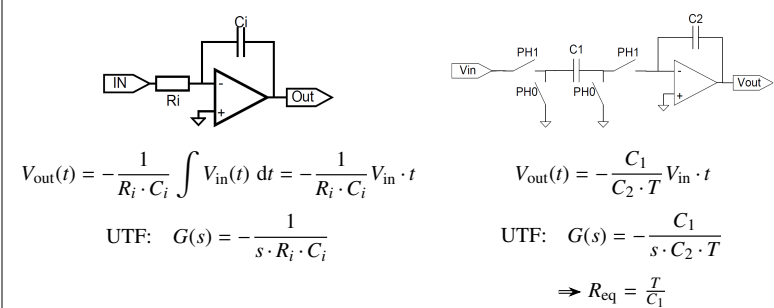
11.15.3 (Invertierender) SC-Integrator



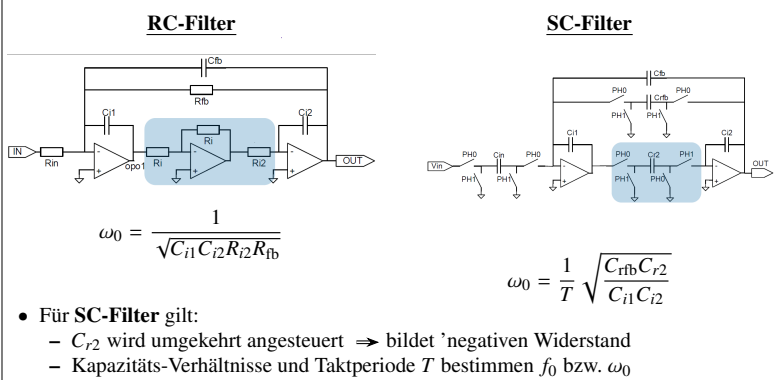
11.15.4 Nicht-invertierender SC-Integrator



11.16 Vergleich RC- und SC-Integrator



11.17 RC- / SC-Filter



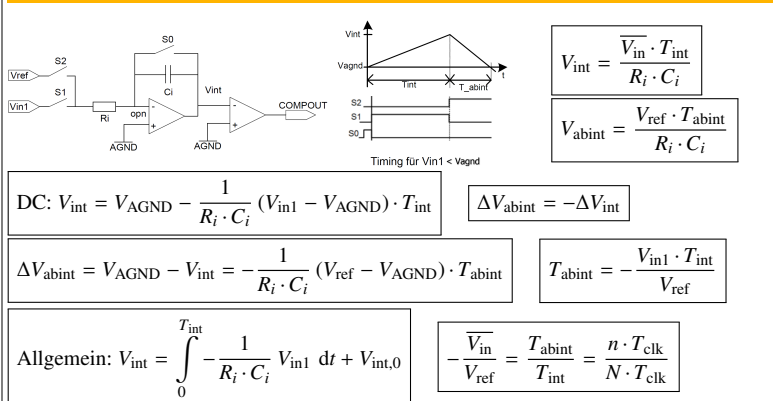
11.18 Fazit Filter

- Aktive Filter sind nötig für Polgüten > 0.5 (oder Spulen)
- Filter werden aufgeteilt in Stufen 1. oder 2. Ordnung
- Strukturen mit mehreren opAmps sind weniger sensitiv auf Bauteiltoleranzen und auf Nichtidealitäten der OpAmps
- Als **integrierte Schaltungen** werden oft Switched-Capacitor-Schaltungen eingesetzt

12 Sigma-Delta-Wandler

n	Anzahl Bits	$q = \frac{V_{\text{refp}} - V_{\text{refn}}}{2^n}$
D	Digitaler Wert $D < 2^n$	
q	Quantisierungsschritt	
B_0	Bitwert 0 (LSB)	$D = \frac{V_{\text{in}} - V_{\text{refn}}}{V_{\text{refp}} - V_{\text{refn}}} 2^n$
B_{n-1}	Bitwert $n - 1$ (MSB)	

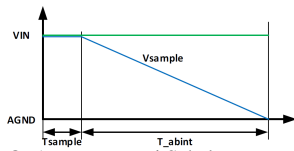
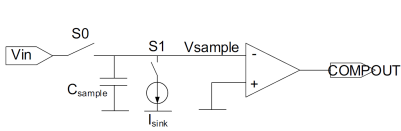
12.1 Dual-Slope-Wandler



12.1.1 Frequenzverhalten vom Dual-Slope-Wandler

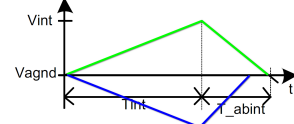
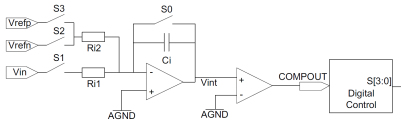
Frequenzen $f = \frac{1}{T}$, wobei T der Integrationszeit entspricht, werden perfekt unterdrückt
 ⇒ Integrationszeit $T = 20$ ms unterdrückt Netzbrumm von 50 Hz

12.2 Single-Slope-Wandler



- Einfacher als Dual-Slope
 - V_{in} wird auf C_{sample} übertragen
 - C_{sample} wird mit I_{sink} entladen
 - Zeit bis $V(C_{sample}) = 0$ wird gemessen
- + Kein OpAmp, nur zwei Schalter
 - + Schnell, da $T_{sample} < T_{int}$
 - $V_{in} \sim T_{abint} \cdot C_{sample} \cdot I_{sink}$
 - C_{sample} und I_{sink} streuen stark

12.3 Dual-Slope-Wandler für pos. und neg. Eingangsspannungen

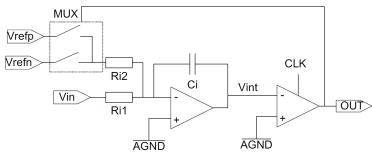


- Auf- und Abintegration wechseln ab
- Je nach Komparator-Ausgang wird S2 oder S3 geschlossen
- Für $V_{in} < V_{AGND}$ wird in richtung positive Speisung integriert
- Für $V_{in} > V_{AGND}$ wird in richtung GND integriert

12.3.1 Eigenschaften von Dual-Slope-Wandlern

- Unabhängig von Bauteiltoleranzen
- Höhere Auflösung bedingt längere Integrationszeit (bei fixem clk) \Rightarrow Doppelte Zeit für 1 zusätzliches Bits
- Höhere Frequenzen werden stärker unterdrückt \Rightarrow reduziert Bandbreite
- Auflösung wird gegen Bandbreite getauscht

12.4 Sigma-Delta-Modulator 1. Ordnung



$$V_{in} = \frac{2 \cdot n - N}{N} V_{ref}$$

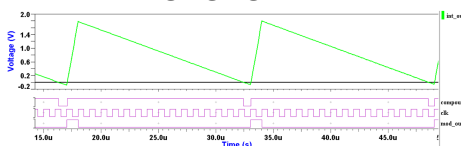
- N # Taktzyklen von Clk
- n # Taktzyklen, in denen Modulator-Ausgang = 1

$$\text{Allgemein: } V_{int}(t) = \Delta V_{int} + V_{int,0} = -\frac{1}{C_i} \int_0^t \left(\frac{V_{in}-AGND}{R_{i1}} + \frac{V_{ref}-AGND}{R_{i2}} \right) d\tau + V_{int,0}$$

- Sigma-Delta-Wandler machen **gleichzeitig** Auf- und Abintegration (Feedback-Pfad)
- 'Digitales Filter' \Rightarrow 'Mittelwertbildung' um V_{in} zu berechnen
- Eingangsspannungsbereich: $V_{refn} \leq V_{in} \leq V_{refp} \Rightarrow I_{Eingang} \leq I_{Feedback}$
- **Summe aller Ladungen muss gesamthaft 0 sein!** $\Rightarrow \Delta Q = C \cdot \Delta U = I \cdot \Delta t = 0$

12.5 Sigma-Delta-Modulator im Zeitbereich

12.5.1 DC-Eingangssignale



Je nach V_{in} ergibt sich ein anderer DutyCycle $\frac{n}{N}$ (mod out). Für $V_{refn} = -V_{refp}$ gilt die aufgeführte Tabelle.

V_{in}	Duty Cycle $\frac{n}{N}$
0 V	$\frac{1}{2}$
$\frac{1}{2} V_{refn}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{7}{8} V_{refn}$	$\frac{1}{16}$
$\frac{1}{10} V_{refp}$	$\frac{20}{100}$
$0.02 \cdot V_{refp}$	$\frac{51}{100}$

Fazit DC-Eingangssignale

- DC-Eingangssignale erzeugen **repetitive Sequenzen** mit hohen Frequenz-Anteilen
- Ist V_{in} nahe bei Bruchteil von V_{ref} entstehen **lange repetitive Sequenzen** mit tiefen Frequenz-Anteilen
- **Lange repetitive Sequenzen können nicht von Signal unterschieden werden \Rightarrow Pattern Noise**

12.5.2 AC-Eingangssignale

AC-Eingangssignale können durch Mittelwertbildung (z.B. mit Tiefpassfilter mit entsprechend hoch dimensionierter Zeitkonstante) des Signals V_{int} rekonstruiert werden.

12.6 Aufbau Sigma-Delta-Wandler

12.7 Modellierung Sigma-Delta-Modulator im Frequenzbereich

12.8 Oversampling / Signal-Rausch-Abstand (SNR)

13 Anhang

13.1 Temperaturabhängigkeit von Widerständen

$R_{\vartheta} = R_{20} + \Delta R$	R_{ϑ} Widerstand bei Temperatur ϑ	$[R_{\vartheta}] = \Omega$
	R_{20} Widerstand bei 20 °C	$[R_{20}] = \Omega$
	α Temperaturkoeffizient	$[\alpha] = \frac{1}{K}$
$\Delta R = R_{20} \cdot \alpha \cdot \Delta \vartheta$	$\Delta \vartheta$ Temperaturdifferenz $\vartheta - 20$ °C	$[\Delta \vartheta] = ^\circ\text{C}$