

## Friedrich-Schiller-Universität Jena

## Fakultät für Mathematik und Informatik INSTITUT FÜR INFORMATIK

Prof. E.G. Schukat-Talamazzini

## Werkzeuge Mustererkennung & Maschinelles Lernen ${f Aufgabenblatt}~2$

(Ausgabe am Fr 27.4.2018 — Abgabe bis So 6.5.2018)

Sie benötigen für diese Aufgabe zwei Grauwertbilder, die unter den Objektnamen algae und tonga zusammen mit der Ausgabefunktion plot.array in der 'R'-Objektedatei binarize.rda abgespeichert sind.

- (a) Lesen Sie die Kommandohilfe zur hist-Funktion und erzeugen Sie zum Bild algae das Grauwerthistogramm in 25 Stufen; Bild und Histogramm zeichnen Sie bitte in eine  $(2 \times 2)$ -Grafik.
- (b) In das dritte und vierte Feld der (2×2)-Grafik fügen Sie bitte noch Grauwertbild und Histogramm für einen "einzelligen" Bildausschnitt alga (Zeilen 210–260, Spalten 60–110) von algae ein.
- (c) Schreiben Sie eine Funktion binarize (x, method='fixed', threshold=0.5), die das zur Schwelle threshold binarisierte Grauwertbild x erzeugt. Füllen Sie nun eine (3 × 3)-Leinwand mit den Binärbildern der Einzelzelle alga zu neun Schwellen zwischen 0.2 und 0.5.
- (d) Komplettieren Sie nun Ihre Funktion binarize(). Bei Aufruf mit method='mean' bzw. method='median' soll als Schwelle Mittelwert oder Median aller Bildgrauwerte verwendet werden, bei method='inter' jedoch die Schwelle des Intermeans-Algorithmus (ME-Skript II.6, Blatt 12). Verwenden Sie dazu einfach die 'R'-Funktionen mean(), median() bzw. kmeans().
- (e) Erzeugen Sie nun für jedes der drei Bilder alga, algae, tonga eine (2×2)-Grafik mit den Binärbildern zur Schwelle 0.5 und den drei gerade implementierten Varianten.

TIPP: Versehen Sie die Funktion binarize mit einem vierten Parameter plot=FALSE, der bei Belegung plot=TRUE die Grafikausgabe des produzierten Binärbildes bewirkt.

Abzuliefern ist Ihre 'R'-Programmdatei binarize.R.

Wir betrachten einen ganz einfachen linearen B-bit-Quantisierer  $q: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  (ME-Skript II.5, Blatt 9), der das Einheitsintervall [0,1] in  $2^B$  gleich breite Zellen unterteilt und jeden Eingabewert auf seinen Zellenmittelpunkt abbildet. Übersteuernde Eingaben x < 0 und x > 1 werden wie die niedrigste bzw. höchste Zelle behandelt. Eine Beispielgrafik für das beschriebene Verhalten findet sich auf der Aufgabenwebseite.

- (a) Realisieren Sie  $q(\cdot)$  als vektorisierte 'R'-Funktion quantize (x, bits=8). HINWEIS: Rufen Sie z.B. ?floor oder ?round und ?ifelse auf!
- (b) Testen Sie die Funktion mit den Beispieldaten sin(seq(0,pi,length=1500)).
- (c) Schreiben Sie eine Funktion SNR (x,y), die zum Datenvektor x und seiner Quantisierung y den Signal-Rausch-Abstand (Quotient Signalenergie/Störenergie) in Dezibel errechnet. Realisieren Sie zu diesem Zweck eine Hilfsfunktion decibel(x), welche die Signalintensität einer Abtastfolge x in Dezibel errechnet.
- (d) Wie groß ist die SNR der Beispieldaten bei Quantisierung mit B=8 bzw. B=12 Bit?
- (e) Wiederholen Sie beide Berechnungen (8/12 Bit) mit uniform verteilten Zufallsdaten (1500 Werte, Intervall [0,1]); 'R'-Dokumentation unter ?runif.
- (f) Wiederholen Sie die Berechnungen mit normalverteilten Zufallsdaten; 'R'-Dokumentation unter ?rnorm. Wieder sind 1500 Werte zu erzeugen, die im Sinne vierfacher Standardabweichung (also  $\mu = \frac{1}{2}$  und  $\sigma = \frac{1}{8}$ ) im Intervall [0, 1] liegen.
- (g) Wiederholen Sie die Berechnungen mit den äquidistanten Punkten seq (from=0, to=1, length=1500).
- (h) Und nun wiederholen Sie die Berechnungen ein letztes Mal, wieder mit uniform verteilten Zufallsdaten, aber diesmal im Intervall [0, 1.05].
- (i) Führen Sie abschließend eine kleine Versuchsreihe (B = 8 Bit) mit normalverteilten Zufallszahlen durch; erzeugen Sie jeweils 1500 Werte mit Verteilung  $\mathcal{N}(\mu = \frac{1}{2}, \sigma = \frac{1}{2}C)$ , aber (außer C = 4 wie vorhin) mit 50 Einstellungen für C zwischen C = 1 und C = 7. Plotten Sie die 50 SNR-Werte in Abhängigkeit von C und deuten Sie die Kurvenform.

Abzuliefern sind die Tabelle der zehn SNR-Werte, Ihre 'R'-Funktionen (s.o.) zur Berechnung (quantize.R), die SNR-Graphik (quantize.pdf) sowie eine kurze Kommentierung der Ergebnisse — vielen Dank!

## Hinweise zum Übungsablauf

- ➡ Die wöchentliche WMM-Vorlesung findet am Mittwoch um 12:15 Uhr statt. Das Aufgabenblatt gibt es immer am Freitag (PDF im Netz). Der späteste Abgabetermin ist Sonntag 23:59 Uhr.
- ⇒ Die Übungsaufgaben dürfen natürlich (und sollten sogar) in Gruppenarbeit (2 Mitglieder) gelöst werden.
- ⇒ Schriftliche Lösungen ("Textantworten") sind als PDF beizufügen oder direkt im e-Mail-Textkörper unterzubringen.
- ♦ Alle anderen Lösungen (Programmieraufgaben, Daten und Grafiken) sind als elektronischer Anhang der Lösungs-e-Mail abzuliefern.
- ▶ Programmcode (Dateien \*.R) muss auch wirklich in 'R' ausführbar sein. (Kommando Rscript «name.R» auf einem der Rechner des FRZ-Pools)
- Ganz wichtig: Schriftliche Antworten werden von mir gedruckt, gelesen, kommentiert und korrigiert. Deshalb diese Textteile bitte niemals im abgegebenen Programmcode verstecken!
- ⇒ Je Gruppe und je Aufgabenblatt ist **genau eine** e-Mail zu senden:
  - Vermerk » WMM/n« und Gruppenname im subject-Feld  $(n \in \mathbb{N})$  ist die laufende Nummer des Übungsblattes)
  - die Namen der beteiligten Gruppenmitglieder im Textrumpf
  - Tabellen, Bilder, Programmcode, Sensordaten als Attachments (elektronische Anlagen)
  - etwaige schriftliche Antworten im Textrumpf der Post oder als Attachment (Text/PDF)
- ➡ Einige Aufgabentexte verweisen Sie zum Nachschlagen von Details auf das Folienskript zur Vorlesung Mustererkennung; Sie finden es unter der URL http://www.minet.uni-jena.de/fakultaet/schukat/ME/Scriptum/. Die Angabe ME-Skript II.6 bedeutet: Kapitel II, Abschnitt 6

WWW: http://www.minet.uni-jena.de/www/fakultaet/schukat/WMM/SS18 e-Mail: EG.Schukat-Talamazzini@uni-jena.de