## Exo 3.1.1

 $\mathbf{Q}\mathbf{1}$ 

(a) 
$$\overrightarrow{u} = \begin{cases} u_x = \|\overrightarrow{u}\| cos(\alpha) \\ u_y = \|\overrightarrow{u}\| sin(\alpha) \end{cases}$$
 (b) 
$$\overrightarrow{w} = \begin{cases} w_x = \|\overrightarrow{w}\| sin(\beta) \\ w_y = \|\overrightarrow{w}\| cos(\beta) \end{cases}$$

 $\mathbf{Q2}$ 

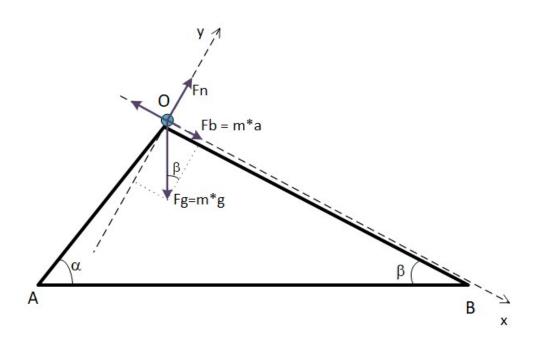


Figure 1: Pente

On va travailler dans le repère orthonormée Oxy parallèle au plan incliné. Il y a 3 forces appliquées sur l'objet :

- la force gravitation nelle  $\overrightarrow{F_g} = m \, \overrightarrow{g}$
- $\bullet\,$ la force normale au plan $\overrightarrow{F_n}$
- $\bullet \,$  la force résultante  $\overrightarrow{F_b} = m\overrightarrow{a_b}$

Dans le repère orthonormée Oxy, les 3 forces ont les valeurs suivantes:

$$\overrightarrow{w} = \begin{cases} \overrightarrow{F_n} & \overrightarrow{F_b} & \overrightarrow{F_g} \\ (0, \|\overrightarrow{F_n}\|) & (-m * \overrightarrow{a_b}, 0) & (m * \overrightarrow{g} * sin(\beta), -m * \overrightarrow{g} * cos(\beta)) \end{cases}$$

La somme des forces est nulle(2nd loi de Newton).

$$\sum \overrightarrow{F} = 0$$

$$\overrightarrow{F_q} + \overrightarrow{F_n} + \overrightarrow{F_b} = 0$$

$$\sum \overrightarrow{F} = \begin{cases} \sum \overrightarrow{F_x} = 0 + -m * \overrightarrow{a_b}, 0) + m * \overrightarrow{g} * \sin(\beta) \\ \sum \overrightarrow{F_y} = ||\overrightarrow{F_n}||) + 0 + -m * \overrightarrow{g} * \cos(\beta) \end{cases} = 0$$

$$\begin{cases} m * \overrightarrow{a_b}, 0) = m * \overrightarrow{g} * \sin(\beta) \\ ||\overrightarrow{F_n}||) = m * \overrightarrow{g} * \cos(\beta) \end{cases}$$

Donc l'accélération de la boule B est  $g*sin(\beta)$ ). De même pour l'accélération de la boule A est  $g*sin(\alpha)$ ).

## $\mathbf{Q3}$

Soit h la hauteur du triangle. La longueur  $OA = \frac{h}{\sin(\alpha)}$  et  $OB = \frac{h}{\sin(\beta)}$ . Comme l'accélération est constante la distance parcourue après t secondes est  $d = \frac{1}{2}.a.t^2$  avec  $a = g * \sin(\alpha)$  et d = OA pour la boule A . Donc

$$t = \sqrt{\frac{2.d}{a}}$$

.

$$t = \sqrt{\frac{2.OA}{g.sin(\alpha)}}$$

•

$$t = \sqrt{\frac{2.\frac{h}{sin(\alpha)}}{g.sin(\alpha)}}$$

.

$$t = \sqrt{\frac{2.h}{g.sin^2(\alpha)}}$$

. De même, le temps de parcours pour la boule B;  $t=\sqrt{\frac{2.h}{g.sin^2(\beta)}}$ .

## $\mathbf{Q4}$

L'accélération est constante donc la vitesse à l'instant t est v(t)=a.t avec  $a=g.sin(\alpha)$  et  $t=\sqrt{\frac{2.h}{g.sin^2(\alpha)}}$ . Donc la vitesse de la boule A est  $g.sin(\alpha).\sqrt{\frac{2.h}{g.sin^2(\alpha)}}=\sqrt{2.h.g}$  et la boule B a la même vitesse  $\sqrt{2.h.g}$