Exo 2.1.2

$\mathbf{Q}\mathbf{1}$

(a) F(x) est la primitive de la fonction f(x) si la dérivée de la fonction F(x) est égale à la fonction f(x).

$$F'(x) = f(x)$$

- (b) Lorsque f(x) = C, les primitives de la fonction f(x) sont $F(x) = Cx + C_0$ avec C_0 une constante arbitraire.
- (c) Lorsque g(x) = Cx, les primitives de la fonction g(x) sont $G(x) = \frac{Cx^2}{2} + C_0$ avec C_0 une constante arbitraire.

$\mathbf{Q2}$

La vitesse v(t) est la primitive de l'accélération. Entre les instants t = 0 et t = 2, l'accélération est constante et égale à $2m/s^2$. Donc, a(t) = 2. Par conséquent l'équation de la vitesse est $v(t) = 2t + C_0$. Comme le mobile est sans vitesse initiale, donc v(0) = 0, donc $C_0 = 0$.

La distance x(t) est la primitive de la vitesse. Entre les instants t = 0 et t = 2, la vitesse est v(t) = 2t. Par conséquent l'équation de la distance est $x(t) = t^2 + C_0$. Comme le mobile est à l'origine à l'instant 0. initiale, donc x(0) = 0, donc x(0) = 0.

$$v(t) = 2t, x(t) = t^2$$

$\mathbf{Q3}$

La vitesse v(t) est la primitive de l'accélération. Entre les instants t = 2 et t = 4, l'accélération est constante et égale à $-2m/s^2$. Donc, a(t) = -2. Par conséquent l'équation de la vitesse est $v(t) = -2t + C_0$. À l'instant t = 2, donc v(2) = 2 * 2 = 4, donc v(3) = 2 * 2 = 4

La distance x(t) est la primitive de la vitesse. Entre les instants t=2 et t=4, la vitesse est v(t)=-2t+8. Par conséquent l'équation de la distance est $x(t)=-t^2+8t+C_0$. À l'instant t=2, donc $x(2)=2^2=4$, donc $C_0=-8$.

$$v(t) = -2t + 8, x(t) = -t^2 + 8t - 8$$

La vitesse s'annule lorsque v(t) = 0. $v(t) = 2t = 0 \implies t = 0$ et $v(t) = -2t + 8 = 0 \implies t = 4$. La position du mobile lorsque la vitesse est nulle est x(0) = 0 et x(4) = 8.

$\mathbf{Q4}$

La vitesse moyenne entre les instants t=0 et t=2 est $v_{moy}=\frac{x(2)-x(0)}{2-0}=2m/s$