Rappel de cours

- Théorème de l'énergie cinétique. $\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = E_c(t_b) - E_c(t_a)$ avec $E_c(t) = \frac{1}{2}\|v(t)\|^2$ avec $t_b > t_a$.

Exo 1

Q 1.1.2

D'après le théorème de l'énergie cinétique. $\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = E_c(t_b) - E_c(t_a)$ avec $E_c(t) = \frac{1}{2}\|v(t)\|^2$. On a $t_a = 0$, $v(t_a) = 0$ et $v(t_b) = 1m/s\,(i.e 3.6\,km/h)$ et comme on néglige les frottements et que la route est horizontale (ie. énergie potentielle est nulle), il n'y a que la force de poussée.

$$\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = \frac{1}{2}.1000.1^2 - \frac{1}{2}.1000.0^2 = 500J$$

Q 1.1.3

On a $W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = \overrightarrow{F}.d$ avec $\|\overrightarrow{F}\| = 500$.

$$500 = 500.d$$

Donc il faut pousser la voiture sur $1m$.

Q 1.1.4

On a $\overrightarrow{F} = m.\overrightarrow{a}$. Si la force est constante alors l'accélération est également constante car la masse ne change pas. Lorsque l'accélération est constante alors $v_f = v_i + a.t$ et la distance parcourue avec une accélération constante à partir d'une vitesse initiale v_i est $l = v_i t + \frac{1}{2}at^2$.

$$v_f^2 - v_i^2 = (v_i + at)^2 - v_i^2 = v_i^2 + 2v_i at + a^2t^2 - v_i^2 = 2a(v_i t + \frac{1}{2}at^2) = 2al$$

ou L'accélération est constante donc $F = m.a$ et D'après le théorème de l'énergie cinétique, on a

$$\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = F.l = E_c(t_f) - E_c(t_i) = \frac{1}{2}m.v_f^2 - \frac{1}{2}m.v_i^2$$

$$m.a.l = \frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2)$$

$$(v_f^2 - v_i^2) = 2a.l$$

Q 1.1.5

Si la vitesse est constante alors avec $v(t_b) = v(t_a)$, donc $\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = E_c(t_b) - E_c(t_a) = 0$. Le travail est nulle et comme il n'y a que la force de pouss'ee, alors cette force est nulle.

Ceci n'est pas en accord l'expérience, car lorsque l'on pousse une voiture sur une route horizontale, il faut constamment la pousser pour qu'elle avance.

Q 1.2.1

Si la vitesse est constante alors avec $v(t_b) = v(t_a)$, donc $\sum_{\overrightarrow{F}} W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) + W_{A\to B}(\overrightarrow{F_f}) = E_c(t_b) - E_c(t_a) = 0$. Le travail est nulle et comme la force de frottement est n'egative (sens inverse du mouvement), alors il faut une force de poussée égale à la force de frottement.

Q 1.2.2

Le travail fournie par la force de poussée est $W_{A\to B}(\overrightarrow{F}) = F.l$ avec $F = 50N$ et $l = 100m$. Donc le travail fourni est égale à $5000J$.
L'énergie fournie a servi à annuler la force de frottement des pneus sur la route.

Exo 2

Q 2.1

QED.