# Clara Aurelia Setiady - 2306217304 Clara -



Home > My courses > PROG. S1 FAK. REGULER > REG - Gasal 2024/2025 > [Reg] Struktur Data & Algoritma (A,B,C,D,E,F) ... > Pekan 1-2: Pengantar & Analisis Algoritma > CP01 Analisis Algoritma

Started on	Monday, 2 September 2024, 7:28 AM
State	Finished
Completed on	Tuesday, 3 September 2024, 9:00 PM
Time taken	1 day 13 hours
Grade	<b>10.00</b> out of 10.00 ( <b>100</b> %)

Diberikan method hitung(int N) yang bekerja berdasarkan parameter integer N berikut.

Notasi Big-Oh yang mencerminkan kompleksitas waktu eksekusi method di atas adalah:

- O(N log N)√
- $O(N^2)$
- $O(N^2 \log N)$
- O(N)

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami cara mendapatkan O(g(N)) dari fungsi f(N) secara intuitif (bukan menggunakan Master's theorem yang baru akan diajarkan di DAA).

**Penjelasan solusi**: loop-for terluar melakukan iterasi decremental yang linear, loop-for kedua bersifat halfing berarti logaritmis, dan loop-for terdalam walaupun terkait faktor N tapi incremental dengan harga N juga sehingga banyaknya iterasi menjadi selalu 1000 (konstan). Maka linear - logaritmis - konstan menjadi  $O(N \log N)$ .

The correct answer is: O(N log N)

Perhatikan method-method berikut yang akan berjalan berdasarkan parameter bilangan bulat *N*:

```
void proses1(int N) {
                                            void proses2(int N) {
    for (int i = 0; i < N; i+= 5) {
                                                for (int i = 0; i < 1000; i++) {
        for (int j = 1; j < N; j *= 2) {
                                                    for (int j = N*N; j > 0; j -= N) {
                                                        for (k = i; k < N*N; k++) {
            for (k = i; k < N; k++) {
                 performThis();
                                                              performThis();
            }
                                                        }
                                                    }
        }
                                                }
    }
}
                                            }
```

Method performThis() yang dipanggil kedua method ini adalah suatu proses konstan (tidak tergantung ukuran data *N*).

Dari pernyataan-pernyataan berikut ini manakah yang benar?

- $\bigcirc$  Kedua method memiliki kompleksitas  $O(N^2 \log N)$ .
- $\bigcirc$  Kompleksitas proses1 adalah  $O(N^3)$  sementara kompleksitas proses2  $O(N^2 \log N)$ .
- Nompleksitas proses2 adalah  $O(N^3)$  sementara kompleksitas proses1  $O(N^2 \log N)$ .
- $\bigcirc$  Kedua method memiliki kompleksitas  $O(N^3)$ .

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami cara mendapatkan O(g(*N*)) dari proses yang berinterasi secara konstan (tidak bergantung dari n) dan/atau dari proses yang berinterasi bergantung secara linier dari dan/atau dari proses yang berinterasi bergantung secara doubling/having (logaritmis) dari *N*.

#### Penjelasan solusi:

proses1 melakukan for-loop dengan variabel i sebanyak N5 berarti linear, lalu for-loop kedua bersifat doubling, dan for-loop terdalam adalah linear. Sehingga, kompleksitas proses1 menjadi  $O(N^2 \log N)$ .

Sementara itu, proses2 melakukan for-loop dalam jumlah iterasi yang konstan, kemudian for-loop kedua melakukan iterasi sebanyak N dan for-loop terdalam sebanyak  $N^2$ . Sehingga kompleksitas proses2 menjadi  $O(N^3)$ .

The correct answer is: Kompleksitas proses2 adalah  $O(N^3)$  sementara kompleksitas proses1  $O(N^2)$  log N.

Correct

Algoritma Binary Search berikut (dari materi kuliah) melakukan proses pencarian data x berdasar data array integer a, sebagai berikut.

```
public static int binarySearch (int[] a, int x ) throws ItemNotFound {
    int low = 0;
    int high = a.length - 1;
    int mid;
   while( low <= high ) {</pre>
        mid = (low + high) / 2;  // mendapatkan titik tengah
        if (a[mid].compareTo(x) < 0) {
            low = mid + 1;
        } else if (a[mid].compareTo (x) > 0) {
            high = mid - 1;
        } else {
            return mid;
        }
    }
   throw new ItemNotFound( "BinarySearch fails" );
}
```

Jika method dipanggil dengan array a berukuran 16 yang isinya sebagai berikut:

indeks	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
a[indeks]	3	5	12	13	18	29	30	34	43	54	57	60	69	75	83	88

Jika harga x yang dicari adalah 50, berapa kalikan perintah "mid = (low + high) / 2; " akan dilakukan hingga eksekusi selesai?

- 10 kali.
- 7 kali.
- 4 kali.

  ✓
- 16 kali.

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami proses komputasi dari algoritma Binary Search.

#### Penjelasan solusi:

```
low = 0, high = 15, mid = 7 (1 kali)
low = 8, high = 15, mid = 11 (2 kali)
```

low = 8, high = 10, mid = 9 (3 kali)

low = 8, high = 8, mid = 8 (4 kali)

low = 9, high = 8 => keluar loop while

The correct answer is: 4 kali.

Algoritma Binary Search berikut (dari materi kuliah) melakukan proses pencarian data x berdasar data array integer a, sebagai berikut.

Jika pada method binarySearch pencarian X dilakukan pada array yang berukuran satu triliun  $(10^{12})$ , berapa kalikah perintah "mid = (low + high) / 2; " dilakukan hingga eksekusi selesai (jawab untuk kasus **terbaik** dan kasus **terburuk**)?

- Terbaik 1 kali terburuk sekitar 40 kali.
- Terbaik 1 kali terburuk satu triliun kali.
- Terbaik dan terburuk sama yaitu sekitar setengah triliun kali.
- Terbaik dan terburuk sama yaitu sekitar 40 kali.

Your answer is correct.

**Tujuan**: memahami mengapa Binary Search bersifat logaritmis.

**Penjelasan Solusi**: Yang terbaik, langsung ketemu, sementara yang terburuk, diiterasi hingga interval tingggal 1 data. Untuk terburuk ini terjadi iterasi halving yang bersifat logaritmis. Dari 1 triliun,  $\log_2(10^{12})$  adalah sekitar 40.

Note: Menghitung log2 angka besar dengan mudah sbb.

Ingat bahwa  $\log_2(10^3) \approx 10$ .

Dan,  $\log_2(10^{12}) = \log_2(10^3 10^3 10^3 10^3)$ =  $\log_2(10^3) + \log_2(10^3) + \log_2(10^3) + \log_2(10^3) \approx 40$ . Jika dihitung yang lebih akurat,  $\log_2(10^{12}) = 39.86314$ 

The correct answer is: Terbaik 1 kali terburuk sekitar 40 kali.

Beberapa algoritma memiliki kompleksitas waktu eksekusi terhadap ukuran data N sebagai dalam tabel berikut.

Nama Algoritma	Kompleksitas Waktu Eksekusi dalam Notasi Big-Oh
Cari1	$O(N^3 \log(N^{10}))$
Cari2	$O(N^2 \log(4^N))$
Cari3	$O(2^{\log(N)} N^2)$

Manakah pernyataan yang **benar** mengenai ketiga algoritma tersebut?

- Ketiganya memiliki growth-rate yang sama.
- Ada dua saja yang memiliki kompleksitas yang sama sementara lainnya berbeda.
- Ketiganya memiliki kompleksitas yang berbeda-beda.
- Yang paling buruk adalah Cari3 karena memiliki faktor eksponensial.

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami perbedaan tingkatan pada kelas-kelas notasi Big-O pada masalah satu variabel (konstan, logaritmis, linear, n log n, dst..).

Penjelasan: secara matematis

$$\log(N^{10}) = \log(N) => O(\log(N))$$

sementara

$$\log 4^N = N \log 4 \Rightarrow O(N) dan$$

$$2^{\log N} = N \Rightarrow O(N).$$

Jadi,

$$O(N^3 \log(N^{10})) => O(N^3 \log(N)),$$

$$O(N^2 \log 4^N) => O(N^3) dan$$

$$O(2^{\log(N)} N^2) => O(N^3).$$

The correct answer is: Ada dua saja yang memiliki kompleksitas yang sama sementara lainnya berbeda.

Suatu algoritma bekerja berdasarkan dua array yang masing-masing berukuran N dan M. Algoritma diimplementasikan dan dijalankan dengan data berukuran sebagai pada tabel berikut serta waktu eksekusinya.

Ukuran N	Ukuran M	Waktu Eksekusi ("~" artinya sekitar)
1.000	1.000	~5 detik
4.000	1.000	~320 detik
2.000	10.000	~533 detik

Berapakah perkiraan waktu eksekusi implementasi algoritma tersebut jika N = 3.000 dan M = 5.000?

- ~67 detik
- ~830 detik
   ✓
- ~135 detik
- ~664 detik

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami cara memprediksi running time pada suatu ukuran data N dan M berdasarkan growth rate O(g(N,M)) dan running time pada suatu harga  $N_0$  dan  $M_0$ .

### Penjelasan Solusi:

Baris kedua tabel dengan yang pertama *growth rate* hanya dipengaruhi oleh *N* sebanyak 4 kali, waktu eksekusi meningkat dari 5 detik menjadi 320 detik, atau 64 kali (atau 4<sup>3</sup> kali), yaitu secara kubik.

Baris ketiga mengalami kenaikan di kedua parameter. Jika hanya N yang berubah menjadi 2000 (dimana M tetap) maka waktu eksekusinya harusnya sekitar 5 X  $2^3$  = 40 detik. Sementara itu, selain kenaikan N tsb., juga terjadi kenaikan M sebanyak 10 kali, dan waktunya meningkat dari 40 detik tsb menjadi 533 detik, yaitu kenaikan dengan faktor kenaikan 533/40 = 13.4.

Jika faktor M bersifat linear, perubahan data 10 kali maka faktor kenaikan juga harus 10 kali, sementara jika kuadratis maka faktor kenaikan harus 100 kali. Faktor di antara 10 - 100 ini menunjukkan selain linear ada faktor logaritmis, atau O(*M* log *M*).

Perbedaan harga  $1.000 \log_2(1.000) = 9965.78 \text{ menjadi } 10.000 \log_2(10.000) = 132877.124 \text{ yaitu faktor } 132877.124/9965.78 = 13.334 \text{ membuktikan faktor kenaikan } 10 \text{ kali dari } M \text{ menyebabkan kenaikan waktu } 13.334 \text{ yang bersesuaian dengan sebelumnya.}$ 

Jadi kompleksitas waktu algoritma ini  $O(N^3 M \log M)$ .

Dengan demikian untuk menjawab pertanyaan, faktor N meningkat 3 kali sehingga berkontribusi peningkatan sebanyak 3 kali = 27 kali. Sementara, faktor M meningkat 5 kali. Karena memiliki faktor  $O(M \log M)$ , waktu eksekusi terkait M ini meningkat dengan faktor (5.000  $\log_2(5.000)$ )/(1.000  $\log_2(1.000)$ ) = 61438.56 /9965.78 = 6.165. Total peningkatan adalah 27 X 6.165 = 166.45 kali dari 5 detik menjadi 832.275. Yang paling mendekati adalah 830 detik.

The correct answer is: ~830 detik

## Question 7

Correct Ma

Mark 1.00 out of 1.00

Suatu proses **kuadratis** terhadap ukuran datanya, dijalankan pada berbagai ukuran data berukuran 10000 sebanyak 2 detik. Berapa lamanya proses tersebut jika dijalankan dengan data berukuran 25000?

- 25 detik
- 6.25 detik
- 12.5 detik
- 62.5 detik

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami cara memprediksi running time pada suatu ukuran data N, berdasarkan growth rate O(g(N)) dan running time pada suatu harga  $N_0$ . **Pembahasan solusi:** karena kuadratis maka jika ukuran data dikalikan faktor x (asumsi: ukuran data besar) maka untuk waktu eksekusi meningkat  $x^2$  kali. Dalam soal ini ukuran data cukup besar. Jika untuk ukuran data semula waktunya 2 detik, maka untuk ukuran data yang dikalikan 2.5 dari ukuran semula, waktu eksekusi dilakikan  $2.5^2 = 6.25$  kali. Karena sebelumnya 2 detik, sekarang menjadi 12.5 detik.

The correct answer is: 12.5 detik

Algoritma-algoritma berdasarkan dua parameter berbeda N dan M memiliki kompleksitaskompleksitas dalam notasi Big-Oh sebagai berikut.

Nama Algoritma	Kompleksitas Waktu Eksekusi dalam Notasi Big-Oh
Olah1	$O(N \log (M) \log(N^{M}))$
Olah2	$O(N^2 \log(N) M \log(M^4))$
Olah3	$O(N \log(10^N) M \log(M))$

Jika diurutkan menurut tingkat kompleksitas dari yang paling **rendah** ke yang paling **kompleks** adalah:

- Olah2 < Olah3 < Olah1
- Olah1 < Olah3 < Olah2√</p>
- Olah3 < Olah1 < Olah2
- Olah2 < Olah1 < Olah3

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami perbedaan tingkatan pada kelas-kelas notasi Big-O pada masalah lebih dari satu variabel (suku-suku multi-variabel).

### Penjelasan solusi:

 $O(N \log(M) \log(N^{M})) \Rightarrow O(N \log(N) M \log(M))$   $O(N^{2} M \log(N) \log(M^{4})) \Rightarrow O((N^{2} \log(N) M \log(M)))$ 

 $O(N \log(10^N) M \log M) \Rightarrow O(N^2 M \log(M))$ 

The correct answer is: Olah1 < Olah3 < Olah2

Diketahui terdapat beberapa algoritma untuk tujuan komputasi yang sama dan diimplementasikan serta diukur waktu running timenya terhadap data yang berukuran *N* adalah sebagai pada tabel berikut.

Nama Algoritma	Fungsi waktu eksekusi terhadap ukuran data <i>N</i>
Algo1	$2 N^3 + 10 N^2 + 200$
Algo2	$1000 N^2 + 50N + 5000$
Algo3	2N <sup>3</sup> + 200 N + 10

## Kesimpulan manakah yang **benar**?

- Ketika N diperbesar beberapa kali dari sebelumnya maka waktu eksekusi Algo1 dan Algo3 keduanya mengalami peningkatan yang sama walaupun waktu eksekusinya berbeda.
- Ketiganya memiliki kompleksitas waktu eksekusi yang sama.
- Algo2 akan selalu dieksekusi lebih cepat dari lainnya untuk semua kemungkinan ukuran data *N*.
- Untuk setiap ukuran data *N* yang berbeda Algo1 dan Algo3 memiliki waktu eksekusi yang selalu sama.

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami bahwa notasi big-O mencerminkan growth-rate bukannya actual running time.

**Penjelasan solusi**: Kompleksitas Algo1:  $O(N^3)$ , Algo2:  $O(N^2)$ , dan Algo3:  $O(N^3)$ .

Kesamaan Algo1 dan Algo3 dari growth-rate-nya bukan actual running time.

The correct answer is: Ketika *N* diperbesar beberapa kali dari sebelumnya maka waktu eksekusi Algo1 dan Algo3 keduanya mengalami peningkatan yang sama walaupun waktu eksekusinya berbeda.

Hal-hal berikut ini adalah tujuan dari adanya pembahasan beberapa versi algoritma solusi untuk masalah **Maximum Contiguous Subsequence Sum** dalam konteks Analisis Algoritma, kecuali satu yang tidak tepat. Manakah itu?

- O Dengan perubahan sudut pandang pada masalah bisa jadi akan muncul solusi yang jauh lebih efisien, contohnya pada solusi O(*N*).
- Mendapatkan algoritma yang lebih efisien cenderung menyulitkan pengembangan aplikasi dan  $\checkmark$  menghasilkan algoritma yang rumit, sehingga boleh dihindari.
- Tanpa berpikir dengan matang dan beranalisis lebih dalam seringkali solusi yang diperoleh bersifat *brute-force* (asal jadi dan tidak efisien).
- Peningkatan efisiensi (penurunan kompleksitas) dari solusi-solusi tersebut berdampak begitu signifikan terhadap performance implementasi.

Your answer is correct.

**Tujuan**: Memahami bahwa dengan adanya notasi big-O sebagai ukuran kinerja algoritma, jika memungkinkan dapat memandu mendapatkan algoritma lebih efisien (contoh; pada masalah maximum contiguous subsequence sum).

Pembahasan Solusi: ini sudah jelas tidak perlu dibahas, kan?

The correct answer is: Mendapatkan algoritma yang lebih efisien cenderung menyulitkan pengembangan aplikasi dan menghasilkan algoritma yang rumit, sehingga boleh dihindari.

◀ 02a. catatan analisis algoritma

Jump to...

~

03. ADT Collections ▶