Verifica con SPIN

Verifiche di correttezza in SPIN

- SPIN è un model checker
- Verifica correttezza = model checking
 - Dato un modello ed una proprietà (specifica)
 verifica se il modello soddisfa la proprietà
- Modelli sono programmi Promela
- Proprietà possono essere specificate con asserzioni che testano espressioni condizionali sullo stato del modello

Concetto di stato

 Stato di un programma:
 lista dei valori di tutte le variabili insieme al location counter (espresso con un int)

Ad es nel programma

prima di eseguire la printf, lo stato è (123,321,6)

Concetto di computazione

- Computazione di un programma: sequenza di stati che comincia da uno stato iniziale e continua con tutti gli stati ad ogni istruzione eseguita (istruzioni determinano transizioni)
- Ad es. nel programma precedente esiste un'unica computazione:

$$(123,0,4) \rightarrow (123,321,6) \rightarrow (123,321,7)$$

 sono omessi gli stati dove il valore delle variabili non cambia

Asserzioni e spazio degli stati

- Spazio degli stati: insieme di stati possibili
 - prodotto cartesiano dell'insieme delle control location e degli insiemi di valori che possono assumere le variabili
- Usiamo le asserzioni per esprimere specifiche di correttezza
 - Sintassi: assert(condizione)
- Un'espressione condizionale partiziona lo spazio degli stati in due
 - in base ai sui valori di verità

Verifica con asserzioni

- Si possono inserire asserzioni tra due istruzioni consecutive
- Se la condizione è verificata, l'esecuzione procede all'istruzione successiva
- altrimenti, il programma entra in uno stato di errore
- Le asserzioni possono specificare:
 - pre-condizioni (proprietà che devono essere verificate negli stati iniziali)
 - post-condizioni (proprietà che devono essere verificate negli stati finali)

Esempio

```
active proctype P() {
   int dividend = 15; int divisor = 4; int quotient, remainder,n;
   assert (dividend >= 0 && divisor > 0); //pre-condizione
   quotient = remainder = 0;
   n = dividend;
   do
   :: n >= divisor ->
        quotient++; n = n - divisor
   :: else -> remainder = n; break
   od;
   printf("%d divided by %d = %d, remainder = %d\n",
                        dividend, divisor, quotient, remainder);
   assert (0 <= remainder && remainder < divisor); //post-condizioni
   assert (dividend == quotient * divisor + remainder);
```

Invarianti

- Un'asserzione in un loop specifica un'invariante
 - deve rimanere vera in tutte le iterazioni
- Un'invariante per il programma precedente:
 - il dividendo (dividend) deve sempre valere quotient * divisor + remainder + n:
 - assert (dividend == quotient * divisor + remainder + n);
 - il resto non può essere negativo ed è strettamente minore del divisore:
 - assert (0 <= remainder && remainder < divisor);

Programma per il calcolo del max

Consideriamo il programma:

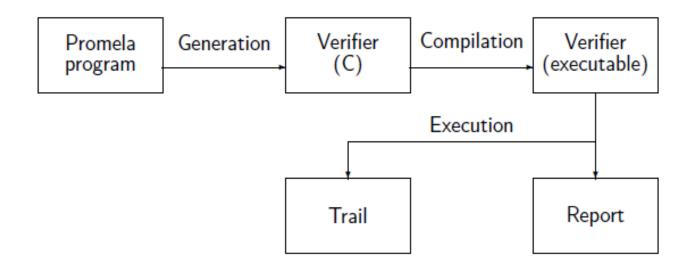
```
active proctype P() {
    int a = 5, b = 5, max;
    if
    :: a >= b -> max = a;
    :: b >= a -> max = b+1;
    fi;
    assert (a >= b -> max == a : max == b);
}
```

ha un errore nella seconda alternativa

Verificare un programma in SPIN

- Nei programmi deterministici senza input c'è solo una computazione
 - una singola simulazione random basta
- Per programmi concorrenti o non deterministici, verificare tutte le possibili computazioni può richiedere backtracking (sulle istruzioni eseguite)
- Per effettuare queste esplorazioni in maniera efficiente, SPIN costruisce per ogni programma un programma C detto verificatore

I tre passi della verifica in SPIN



- spin.exe -a file.pml
 (genera il verificatore pan.c dal codice sorgente)
- gcc -o pan pan.c (compila il verificatore)
- pan (esegue il verificatore e genera)

Traccia d'errore

- Quando viene individuato un errore viene generato un trail file (con nome uguale al nome del file sorgente e estensione .trail)
- Un trail file contiene l'informazione sulla traccia d'errore individuata da SPIN
- Per arrestare la ricerca al primo errore si esegue comando pan senza opzioni
 - □ pan -e crea trail files per tutti gli errori (file.pml1.trail,...,file.pmlN.trail)
 - □ pan -cN invece per fermarsi all'errore N

Uso dei trail files

- Trail files non sono di facile lettura
- Possono essere interpretati da SPIN nella simulazione guidata per ricostruire la computazione corrispondente nel programma

```
spin.exe -g -l -p -r -s -t -u250 file.pml
```

- □ -g/-1 per visualizzare variabili globali/locali
- □ -p per visualizzare istruzioni
- □ -s/-r per visualizzare send/receive
- -t indica che trail file è file.pml.trail
 (-tN indica che trail file è file.pmlN.trail)
 si può usare anche -k seguito da nome trail file
- □ -uN per interrompere dopo N passi

Visualizzazione computazione

- SPIN consente di visualizzare un'esecuzione random oppure interattiva
- Stesse opzioni che per simulazione guidata per la scelta delle informazioni sullo stato da visualizzare
- Per esecuzione random basta omettere -t
- Per esecuzione interattiva basta usare –i invece di –t

Variabile _nr_pr

- Problema: vogliamo stampare il valore di una variabile condivisa dopo che tutti i processi hanno terminato
- Serve un modo per sapere il numero di processi attivi
- In Promela la variabile predefinita _nr_pr ha questo valore
- Un'istruzione composta solo da una condizione, se questa è falsa, blocca l'esecuzione del processo
 - il processo resta in attesa fino a quando non diventa vero, come per l'if quando nessuna delle alternative può essere eseguita
- Per risolvere il problema, possiamo inserire nel processo init l'istruzione (_nr_pr==1) prima della printf

Consideriamo il programma

```
byte
      n = 0;
                                    init {
proctype P() {
                                       atomic {
  byte temp,i=1;
                                          run P();
  do
                                          run P()
  :: (i>10) -> break
  :: else ->
                                       (_nr_pr == 1);
        temp = n;
                                       printf("The value is %d\n", n);
        n = temp + 1;
        i++;
  od
```

Quali sono i possibili valori per n?

Analizziamo il programma

- I due processi eseguono ciascuno 10 incrementi
- Se scegliamo come interleaving quello che esegue prima interamente un processo e poi l'altro otteniamo 20
- Chiaramente è il valore massimo calcolabile
 ci sono 20 incrementi in tutto!
- Con perfect interleaving come nell'esempio con due processi che facevano un singolo incremento otteniamo 10
- E' il minimo possibile?

Verifica con asserzioni

- Possiamo usare le asserzioni ed effettuare la verifica
 - □ ad es. assert(n>9)
 - se 10 è il minimo allora l'asserzione è sempre vera e quindi abbiamo terminato
 - altrimenti proviamo per un numero basso (potremmo procedere come in una ricerca binaria per convergere più rapidamente)
- Il minimo sarà il valore k tale che
 - □ la verifica con assert(n>k) individua un errore e
 - con assert(n>=k) no

Verifichiamo il programma

```
byte
      n = 0;
                                    init {
proctype P() {
                                       atomic {
  byte temp,i=1;
                                         run P();
  do
                                         run P()
  :: (i>10) -> break
  ∷ else ->
                                       (_nr_pr == 1);
        temp = n;
                                       printf("The value is %d\n", n);
        n = temp + 1;
                                       assert(n>k);
        i++;
  od
```

partiamo da k=5 e si procede come nella ricerca binaria

Critical section

- Un pezzo di codice che accede una risorsa condivisa
- Tipica richiesta: accesso alla risorsa soltanto da parte di un processo alla volta
- Esempi
 - un processo che deve aggiornare delle variabili correlate e che quindi non vi devono essere interferenze da parte di altri processi fino al compimento del lavoro
 - accesso alla stampante

Problema della critical section

- Un sistema con due o più processi
- Il codice dei processi è diviso tra critical e non critical
- Ogni processo non può terminare l'esecuzione nella critical section
- Problema: progettare un algoritmo che garantisca:
 - mutua esclusione (al massimo 1 processo in CS)
 - assenza di deadlock (mai qualche processo vuole eseguire la sua CS e nessuno ci riesce)
 - assenza di starvation (se un processo vuole eseguire la sua CS, alla fine ci riesce)

Prima soluzione

```
bool wantP = false, wantQ = false;
active proctype P() {
  do
    printf("Non critical section P\n");
    wantP = true;
    printf("Critical section P\n");
    wantP = false
  od
```

```
active proctype Q() {
   do
     printf("Non critical section Q\n");
     wantQ = true;
     printf("Critical section Q\n");
     wantQ = false
   od
```

Aggiungiamo asserzioni e contatore

```
bool wantP = false, wantQ = false;
byte critical = 0;
active proctype P() {
  do
  :: printf("Non critical section P\n");
    wantP = true; critical++;
     printf("Critical section P\n");
     assert (critical <= 1);
     critical--;
     wantP = false
  od
```

```
active proctype Q() {
   do
   :: printf("Non critical section Q\n");
     wantQ = true;
     critical++;
     printf("Critical section Q\n");
     assert (critical <= 1);
     critical--;
     wantQ = false
   od
```

Sincronizzazione

Primitive di sincronizzazione

servono a gestire l'accesso a risorse condivise

Semaforo:

- inizializzato con il numero di risorse disponibili;
- operazioni wait e signal:
- wait: viene decrementato contatore, se il suo valore è negativo il processo viene sospeso in attesa che il valore diventi >= 0, e quindi si procede con l'esecuzione
- signal: operazione sempre eseguibile, viene incrementato il valore del contatore

Lock

- per accedere alla risorsa un processo deve acquisirne il lock
- a seconda del tipo di risorsa l'acquisizione del lock è esclusiva o può essere rilasciata a più processi

Primitive di sincronizzazione

Monitor:

- può essere usato da due o più thread
- realizza automaticamente la mutua esclusione
- primitiva di più alto livello rispetto a lock

Promela non ha primitive di sincronizzazione

- per implementare meccanismi di sincronizzazione si usa il concetto di eseguibilità delle istruzioni
- l'esecuzione di un processo si blocca ad una istruzione non eseguibile e resta in attesa finchè non diventa eseguibile

Eseguibilità:

- per ogni istruzione in Promela, sono stabilite delle condizioni per la sua eseguibilità
- espressioni condizionali sono eseguibili se e solo se sono valutate true
- printf e assegnamenti sono sempre eseguibili

Ultimo programma "critical section"

```
bool wantP = false, wantQ = false;
byte critical = 0;
active proctype P() {
  do
  :: printf("Non critical section P\n");
    wantP = true; critical++;
     printf("Critical section P\n");
     assert (critical <= 1);
     critical--;
     wantP = false
  od
```

```
active proctype Q() {
    do
    :: printf("Non critical section Q\n");
     wantQ = true;
      critical++;
     printf("Critical section Q\n");
      assert (critical <= 1);
      critical--;
      wantQ = false
    od
```

Mutua esclusione non soddisfatta: nessuna sincronizzazione tra i processi

Sincronizzazione by blocking

- Prima di entrare nella sezione critica viene letta la variabile dell'altro processo
 - Se l'altro processo è in sezione critica, allora attendi
- Busy waiting: il processo esegue un loop per perdere tempo in attesa che si sblocchi la condizione
 - (In Promela, la seconda alternativa non serve)
- Alcuni linguaggi supportano blocking statements e non è necessario scrivere loop che perdono tempo
- In Promela, l'effetto del blocking statement è ottenuto attraverso il concetto di eseguibilità
 - E' sufficiente inserire l'istruzione !wantQ

do

:: !wantQ -> break

:: else -> skip

od

Terza versione programma "sezione critica"

```
bool wantP = false, wantQ = false;
byte critical = 0;
active proctype P() {
  do
  :: printf("Non critical section P\n");
    wantP = true;
    !wantQ;
     printf("Critical section P\n");
    wantP = false
  od
```

```
active proctype Q() {
   do
   :: printf("Non critical section Q\n");
     wantQ = true;
     !wantP;
     printf("Critical section Q\n");
     wantQ = false
   od
```

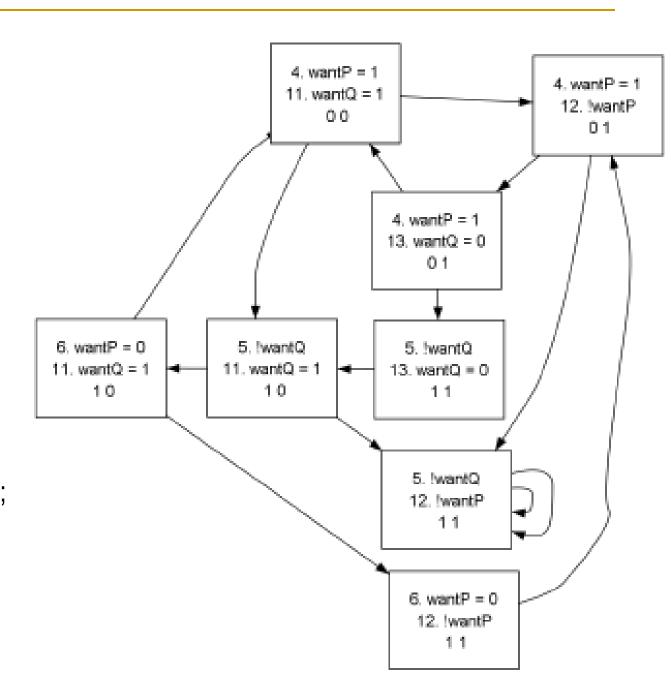
Non ancora corretto: presenza di deadlock (entrambi i processi in attesa)

Diagramma sistema di transizione a stati

- Grafo (finito) direzionato
 - vertici: stati del sistema (prodotto cartesiano control location di ogni processo, domini di tutte le variabili)
 - archi: vi è un arco da s a s' se esiste una transizione eseguibile di un processo che modifica s in s'
- Fissati uno o più stati iniziali, uno stato è raggiungibile se è esplorato in una computazione del programma
- Solitamente, la taglia del sottografo degli stati raggiungibili è molto più piccolo del grafo di transizione

Diagramma di:

- bool wantP = false,
- 2. wantQ = false;
- 3. active proctype P() {
- 4. do :: wantP = true;
- 5. !wantQ;
- 6. wantP = false
- 7. od
- 8.
- 10. active proctype Q() {
- 11. do :: wantQ = true;
- 12. !wantP;
- 13. wantQ = false
- 14. od
- 15. }



Osservazioni

- Nel programma usato per il diagramma abbiamo omesso le printf
 - non modificano lo stato del programma, analogo a skip
 - si possono omettere senza alterare risultato verifica
- Numero stati totale programma: 3*3*2*2 = 36
- Numero stati raggiungibili: 8
- Mutua esclusione vale sse nessuno stato del tipo (6. wantP=false, 13. wantQ=false, x,y) è raggiungibile
- Deadlock coincide con un vertice pozzo che non corrisponde ad uno stato finale
- Nel nostro caso il programma chiaramente rispetta mutua esclusione, ma non è deadlock free:
 - □ (5. !wantQ,12. !wantP,1,1) è raggiungibile

Semplice algoritmo di reachability

- Inizializza Reach con stati iniziali marcati unexplored
- 2. Per ogni stato unexplored in Reach: esegui tutte le transizioni eseguibili e aggiungi gli stati così visitati in Reach. Se non erano già in Reach, marcali unexplored
- Termina quando tutti gli stati in Reach sono marcati explored

Semafori in Promela

- Implementiamo un semaforo con una variabile sem di tipo byte
- La variabile viene aggiornata con codice nei processi che ne fanno uso
- wait(sem) è implementato testando se sem>0 e quindi decrementando sem
 - per il corretto funzionamento del semaforo le due istruzioni devono essere eseguite una dietro l'altra senza interleaving con istruzioni di altri processi
 - usiamo atomic
- signal(sem) consiste in un semplice incremento
 - non presenta problemi

Programma "critical section" con semafori

```
byte sem = 1;
active proctype P() {
 do
 :: printf("Noncritical section P\n");
   atomic { // wait(sem)
     sem>0;
     sem--
   printf("Critical section P\n");
                  // signal(sem)
   sem++
 od
```

```
active proctype Q() {
 do
 :: printf("Noncritical section Q\n");
   atomic { // wait(sem)
     sem>0;
     sem--
   printf("Critical section Q\n");
                  // signal(sem)
   sem++
 od
```

Trasferimento da sorgente a destinazione

```
byte input, output;
active proctype Source() {
byte i=1;
 do :: ( i > 10 ) -> break
    :: else -> input == 0; input = i; i++
 od
active proctype Destination() {
 do :: output != 0;
       printf("Output = %d\n", output);
       output = 0
 od
```

```
active proctype Relay() {
 do
 :: atomic {
     input != 0;
     output == 0;
     :: output = input
     :: skip
   input = 0
 od
```

Uso di atomic in Relay

- Esecuzione del blocco atomic:
 - Relay attende che un nuovo input sia stato prodotto e che l'output sia stato consumato
 - quindi nonderterministicamente trasferisce il valore dell'input sull'output oppure lo ingnora
- Rimpiazziamo atomic con d_step: due problemi
 - nessun nondeterminismo, nessun input viene scartato
 - non è consentito bloccare il processo con la seconda espressione (output == 0)

Limitazioni con d_step

- Eccetto per la prima linea del blocco (guardia), le istruzioni devono essere nonblocking
 - in particolare, non possono essere espressioni condizionali
- Non è consentito avere jump nella sequenza o dalla sequenza con break e goto
- Non determinismo risolto sempre scegliendo la prima alternativa eseguibile

Nondeterminismo

- Concetto fondamentale in verifica
- In uno stato ci possono essere diverse transizioni eseguibili
 - succede naturalmente nei sistemi concorrenti
- Può dipendere da mancanza di dettaglio (in astrazione)
- Da non confondere con probabilità
 - non vi è un concetto di probabilità tra le diverse alternative
 - anche in sistemi dipendenti da generatori casuali in verifica occorre esplorare tutte le possibilità con probabilità non nulla e quindi non determinismo è il concetto giusto

Uso nondeterminismo per generare valori

 Generare nondeterministicamente due valori

```
active proctype Client(){
    if
    :: true -> request = 1
    :: true -> request = 2
    fi
}
```

Non è necessaria la guardia true

```
if
:: request = 1
:: request = 2
fi
```

 per generare una sequenza di lunghezza infinita

```
do
:: request = 1
:: request = 2
od
```

in un range arbitrario

```
do
:: number < HIGH -> number ++
:: break
od
```

(nota i numeri generati non sono equiprobabili, ma sono tutti possibili)

Terminazione di processi

- Non esente da deadlock
- Quando in stato con wantP=true e wantQ=true (dopo i rispettivi assegnamenti), nessuna mossa possibile
- terminazione per timeout: "invalid end state"
- Per def. un processo che termina, deve terminare dopo aver eseguito la sua ultima istruzione

```
bool wantP = false, wantQ = false;
active proctype P() {
 do :: wantP = true;
         !wantQ;
        wantP = false
  od
active proctype Q() {
 do :: wantQ = true;
         !wantP;
        wantQ = false
 od
```

Sistema client-server

- Se si esegue verifica, il programma termina segnalando un invalid end state
- Il numero dei passi di Client fissato, e quindi Server1 e Server2 restano in attesa di richiesta una volta che Client ha terminato
- Ma questo non è un errore:
 - è un comportamento normale che i server restino in attesa della prossima richiesta

```
byte request = 0;
active proctype Server1() {
   do
   :: request == 1; request = 0
   od
active proctype Server2() {
   do
   ::request == 2; request=0
   od
active proctype Client() {
   request = 1;
   request == 0;
   request = 2;
   request == 0
```

Notazione per "valid end states"

 Si può inserire un'etichetta il cui nome cominci per end per indicare che si tratta di un valid end point anche se non è l'ultima istruzione

```
active proctype Server1(){
  endserver:
    do
    :: request == 1 -> ..
    od
}
```

Ordine di terminazione

- Un processo termina dopo che esegue l'ultima istruzione
- Un processo è attivo finchè muore
- I processi istanziati con active proctype vengono istanziati nell'ordine in cui sono scritti
- SPIN usa uno stack per l'allocazione dei processi
 - un processo può morire sse è l'ultimo processo attivato
- Provare programma con finished==2 (terminano tutti i processi) e finished==3 (nessun processo termina; timeout per tutti)

```
byte request = 0; byte finished = 0;
active proctype Server1() {
 request == 1; request = 0;
 finished++
active proctype Server2() {
 request == 2; request = 0;
 finished++
active proctype Client() {
 request = 1; request == 0;
 request = 2; request == 0;
 finished == 2:
```

Windows NT Bluetooth driver (modello)

Usa le seguenti variabili:

- pendinglo: it counts the number of threads that are currently executing in the driver. It is initialized to one in the constructor, increased by one when a new thread enters the driver, and decreased by one when a thread leaves.
- stopFlag: it becomes true when a thread tries to stop the driver.
- stopEvent: it models a stopping event, fired when pendinglo becomes zero. The field is initialized to false and set to true when the event happens.
- stopped: it is introduced only to check a safety property. Initially false, it is set to true when the driver is successfully stopped.

Windows NT Bluetooth driver (modello)

- Descrizione del funzionamento del driver:
 - The driver has two types of threads: stoppers and adders.
 - A stopper calls method stop to halt the driver. It first sets stopFlag to true before decrementing pendinglo via a call to dec. The method dec fires stopEvent when pendinglo is zero.
 - An adder calls the method add to perform I/O in the driver. It calls the method inc to increment pendinglo; inc returns a successful status if stopFlag is not yet set. It then asserts that stopped is false before start performing I/O in the driver. The adder decrements pendinglo before exiting.

Bluetooth driver versione 1

int pendinglo; boolean stopFlag, stopEvent, stopped; init{ pendinglo = 1; stopFlag = stopEvent = stopped = false; }

```
static void add() {
  int status = inc();
  if (status > 0) {
     assert(!stopped);
      // Performs I/O
  dec();
static int inc() {
  if (stopFlag) {return -1;}
  atomic{ pendinglo++;}
  return 1;
```

```
static void stop() {
  stopFlag = true; dec();
  while (!stopEvent) {}
  stopped = true;
static void dec() {
  int pio;
  atomic{
     pendinglo--;
     pio = pendinglo;
  if (pio == 0) stopEvent = true;
```

Esercizio

- Modellare la versione 1 del Bluetooth driver in Promela e verificarne correttezza (rispetto alle asserzioni)
 - Una configurazione ammissibile presenta un processo stopper e un numero arbitrario di processi adder (considerare i casi con uno, due e tre adder)
- Se la verifica di correttezza rivela un errore, provare a fornire una nuova versione (non banale) del driver corretta

Bluetooth driver versione 2 (inc modificato)

```
int pendinglo; boolean stopFlag, stopEvent, stopped;
init { pendinglo = 1; stopFlag = stopEvent = stopped = false; }
```

```
static void add() {
  int status = inc();
  if (status > 0) {
     assert(!stopped);
      // Performs I/O
  dec();
static int inc() {
  int status:
  atomic{ pendinglo++;}
  if (stopFlag) { dec(); status = -1;}
  else status = 1;
  return status;
```

```
static void stop() {
  stopFlag = true; dec();
  while (!stopEvent) {}
  stopped = true;
static void dec() {
  int pio;
  atomic {
     pendinglo--;
     pio = pendinglo;
  if (pio == 0) stopEvent = true;
```

Esercizio

 Modellare la versione 2 del Bluetooth driver in Promela e verificarne correttezza (rispetto alle asserzioni) nelle configurazioni ammissibili con uno, due e tre adder, rispettivamente

 Se la verifica di correttezza rivela un errore, provare a fornire una nuova versione (non banale) del driver corretta

Bluetooth driver versione 3 (add modificato)

```
int pendinglo; boolean stopFlag, stopEvent, stopped;
init { pendinglo = 1; stopFlag = stopEvent = stopped = false; }
```

```
static void add() {
  int status = inc();
  if (status > 0) {
     assert(!stopped);
      // Performs I/O
     dec(d);
static int inc() {
  int status:
  atomic{ pendinglo++;}
  if (stopFlag) { dec(); status = -1;}
  else status = 1;
  return status;
```

```
static void stop() {
  stopFlag = true; dec();
  while (stopEvent) {}
  d.stopped = true;
static void dec() {
  int pio;
  atomic {
     pendinglo--;
     pio = pendinglo;
  if (pio == 0) stopEvent = true;
```

Esercizio

 Modellare la versione 3 del Bluetooth driver in Promela e verificarne la correttezza (rispetto alle asserzioni) nelle configurazioni ammissibili con uno, due e tre adder, rispettivamente

Se si rilassa il requisito di ammissibilità in modo che possono esserci anche più stopper, la versione 3 è corretta?

Verifica con Logica Temporale

Specifiche proprietà in SPIN

- Asserzioni specificano proprietà per punti fissati del programma (per fissate control locations)
 - istruzioni che testano se una data condizione è verificata ed in caso contrario mandano in uno stato di errore
- Molte proprietà di correttezza si riferiscono al comportamento del sistema in generale non solo a specifiche locazioni

Mutua esclusione

- Algoritmi distribuiti token-passing
 - Mutua esclusione viene realizzata passando un token (il processo che detiene il token è autorizzato ad utilizzare la risorsa)
 - Proprietà: in ogni stato di ogni computazione c'è al più un token
- Algoritmi che usano contatore (critical)
 - Proprietà: critical <=1 è un'invariante di ogni computazione

Assenza di deadlock

- Nessuna istruzione eseguibile
 - In ogni stato di ogni computazione:
 nessuna istruzione eseguibile implica che termine processo oppure locazione etichettata finale (label che comincia per end)
- Accesso alla CS
 - In ogni stato di ogni computazione:
 - se almeno un processo tenta di accedere alla CS allora uno di quelli che tentano prima o poi ci riesce

Altre invarianti globali

- Indici di un array (in Java)
 - In ogni stato di ogni computazione:
 l'indice di ogni array è compreso tra 0 e la lunghezza (quest'ultima esclusa)
- Assenza di starvation
 - In ogni stato di ogni computazione:
 se un processo tenta di accedere CS
 allora prima o poi ci riesce

Linear Temporal Logic (LTL)

- Formalismo sufficiente a specificare tutte le proprietà viste
- In generale, permette di esprimere proprietà che fanno riferimento all'ordine temporale con cui si verificano gli eventi
- Tipici operatori temporali:
 - □ "prima o poi", "alla fine" (eventually, ◊)
 - □ "sempre" (always, □)
 - "prossimo istante" (next, X)

Sintassi LTL

Una formula f è:

una combinazione booleana di proposizioni atomiche

```
□ ¬f' (negazione di f')
```

- □ ◊ f' (eventually f')
- □ □ f' (always f')
- □ of' (next f')

simbolo in SPIN:

&&

|

<>

[]

X

U

Notazione e osservazioni

- Gli operatori logici -> e <-> sono consentiti in SPIN e sono definiti attraverso le equivalenze:
 - \neg (p->q) \equiv (!p || q) e (p<->q) \equiv (p->q) && (q->p)
- LTL è chiusa rispetto alla negazione
 - □ !<>p \equiv []!p, !(pUq) \equiv []!q || (!q U (!p && !q)), !Xp \equiv X!p
- SPIN ha un operatore duale per until:
 - $pVq \equiv !(!p U !q)$
- Altre equivalenze:
 - \neg <>p = (true U p), pUq = q || (p && X(pUq))

LTL model-checking con SPIN

- SPIN accetta proprietà di correttezza espresse in LTL e risolve LTL model-checking
 - le strutture di kripke sono i diagrammi di transizione dei programmi Promela
 - le proposizioni atomiche sono: (nomi iniziano per minuscola)
 - espressioni condizionali tra parentesi tonde (nota che per condizioni che fanno uso di variabili locali occorre specificare il processo, es. P:x)
 - variabili booleane
 - macro che assegnano un nome a espressioni condizionali (definite con #define come in C)
 - etichette di control locations (es. P@cs, dove cs è un etichetta usata nel processo P)

Procedimento di verifica

- una formula LTL φ viene tradotta in una never claim per φ
 - essenzialmente un programma Promela congiuntamente ad una condizione di Büchi (stati di accettazione definiti da etichette inizianti per accept)
 - □ opzione -f "ltl-formula" (-F mette never claim in file .ltl)
 - opzione -N file.ltl se never claim in file.ltl
- lo spazio degli stati del programma da verificare e della never claim vengono quindi esplorati in parallelo alla ricerca di errori (esplorazione del prodotto cartesiano dei rispettivi sistemi di transizione)
- errore determinato dalla computazione che viene accettata in base alla condizione di Büchi della never claim

Esempio di never claim

la never claim per ![]mutex è: never { /* !([] mutex) */ T0 init: :: (! ((mutex)) -> goto accept_all :: (1) -> goto T0 init fi; accept_all:

Safety properties

- una computazione è safe se "tutto ciò che accade è buono"
- in altri termini "niente di cattivo accade"
- in LTL: [] good = !<>!good =!<>bad

```
bool wantP,wantQ;
                                          FORMULA LTL: []mutex
int critical:
#define mutex (critical <=1)
                                           active proctype Q() {
active proctype P() {
                                                    do
         do :: wantP = true;
                                                    :: wantQ = true;
                  !wantQ;
                                                             !wantP;
                  critical++;
                                                             critical++;
                  critical--;
                                                             critical--;
                  wantP = false;
                                                             wantQ = false;
         od
                                                    od
```

Altro esempio (non usa variabili aggiuntive)

```
bool wantP, wantQ;
#define mutex !(P@cs && Q@cs)
active proctype P() {
        do
         :: wantP = true;
                 !wantQ;
     cs: wantP = false;
        od
```

```
FORMULA LTL: [] mutex
active proctype Q() {
        do
        :: wantQ = true;
                 !wantP;
    cs: wantQ = false;
        od
```

Altro esempio

```
bool wantP, wantQ, csp, csq;
active proctype P() {
         do
         :: wantP = true;
                  !wantQ;
                  csp = true;
                  csp = false;
                  wantP = false;
         od
```

```
FORMULA LTL: []!(csp && csq)
active proctype Q() {
         do
         :: wantQ = true;
                  !wantP;
                 csq = true;
                 csq = false;
                 wantQ = false;
         od
```

Liveness

- "qualcosa di buono prima o poi accade nella computazione"
- nell'esempio precedente, <>csp è vero se e solo se P entra nella sua critical section ad un certo punto della computazione
- falsificazione richiede computazione infinita
 - contro-esempio di lunghezza infinita
- Proprietà: se esiste un contro-esempio ne esiste uno finitamente rappresentabile nella forma di un cammino terminante in un ciclo (cappio)
- Verifica con SPIN cerca per un "accepting cycle"
 - usare con pan opzione -a

Critical section con starvation

```
bool wantP = false, wantQ = false;
bool csp = false;
active proctype Q() {
    do
    :: wantQ = true;
      do
       :: wantP -> wantQ = false;
         wantQ = true
       :: else -> break
      od;
      wantQ = false
    od
```

```
FORMULA LTL: <>csp
active proctype P() {
    do :: wantP = true;
       do :: wantQ -> wantP = false;
             wantP = true
           :: else -> break
        od;
        csp = false;
        csp = true;
        wantP = false
    od
```

Contro-esempio calcolato da SPIN

 "Start cycle" è utilizzato da SPIN per denotare l'inizio del ciclo nel contro-esempio

```
<<<<<START OF CYCLE>>>>
1 Q 22 wantQ = 1
Process Statement wantQ
1 Q 26 else 1
1 Q 28 wantQ = 0 1
```

Fairness

- Il contro-esempio precedente ha un problema:
 - al processo P non viene mai consentito di eseguire un'istruzione anche se eseguibile
 - non viene data a P una possibilità
 - computazione manca di "fairness«
- Una computazione è weakly fair se:
 se un'istruzione è sempre eseguibile allora prima o poi verrà eseguita

Attivazione weak fairness in SPIN

- Usare opzione -f insieme a -a in pan per selezionare weak fairness
- contro-esempio

```
1 Q 22 wantQ = 1
Process Statement wantQ
1 Q 26 else
Process Statement wantP
                           wantQ
1 Q 22 wantQ = 1
                              0
1 Q 24 wantP
0 P 10 wantQ
<<<<START OF CYCLE>>>>
1 Q 24 wantQ = 0
0 P
     10 wantQ
```

Limitazione a computazioni weakly fair

 programma seguente termina sempre se e solo se ci si restringe a computazioni weakly fair

```
int n = 0;
bool flag = false;
active proctype q() {
     flag = true
}
```

```
active proctype p() {
    do
    :: flag -> break;
    :: else -> n = 1 -
n;
    od
```

Fallimento nella non-critical section

```
#define mutex !(P@cs && Q@cs)
#define live (Q@cs)
byte turn = 1;
active proctype Q() {
         do
         :: (turn == 2);
      cs: turn = 1
         od
```

```
FORMULA <> live
active proctype P() {
         do
         ∷ if
            :: true
            :: true -> false
           fi;
          (turn == 1);
      cs: turn = 2
         od
```

Risultato esempio precedente (ciclo vuoto)

```
spin: couldn't find claim 2 (ignored)
    17 1
<<<<START OF CYCLE>>>>
spin: trail ends after 5 steps
#processes: 2
      proc 1 (Q) first-ncs.pml:25 (state 3)
      proc 0 (P) first-ncs.pml:17 (state 3)
2 processes created
Exit-Status 0
```

Algoritmo di mutua esclusione di Peterson

(con failure in NCS)

```
#define ptry P@try
#define qcs Q@cs
#define pcs P@cs
bool wantP, wantQ;
byte last = 1;
active proctype Q() {
  do :: wantQ = true;
        last = 2;
try: (wantP == false) || (last == 1);
cs: wantQ = false
  od
```

```
FORMULA: []<> qcs
active proctype P() {
  do
  :: if
    :: true
    :: true -> false
    wantP = true;
    last = 1;
try: (wantQ == false) || (last == 2);
cs: wantP = false
  od
```

Proprietà in LTL

- Latching: da un certo punto in poi una proprietà sempre vera
 - prop
- Ad es., un sistema può essere progettato in modo che una volta che una componente ha un fallimento allora tutte le sue variabili sono azzerate
 - <>failQ -> <>[]!wantQ
- Infinitely often: una proprietà vera un numero infinito di volte, non necessariamente sempre
 - []<>prop
- Ad es., se una risorsa è richiesta infinite volte allora deve essere attribuita infinite volte
 - []<> wantP -> []<> P@cs

Proprietà in LTL

- Precedence: q non diventa vera prima di p!q U p
- One-bounded overtaking: se il processo P tenta di accedere alla CS, allora processo Q può accedere alla CS al più una volta prima di P
 - [](ptry ->(!Q@cs U (Q@cs U (!Q@cs U P@cs))))

Operatore Next

- utilità limitata in sistemi concorrenti o distribuiti
 - concetto di tempo rilassato
 - in un sistema client-server, siamo interessati a sapere se un cliente riceve un servizio ma non interessa se lo riceve nel prossimo stato o dopo 5 stati
- non è stutter-invariant: se viene duplicato uno stato di un modello di una formula contenente X non siamo garantiti di avere ancora un modello della formula
- gli algoritmi di SPIN sono più efficienti se si usano specifiche stutter-invariant

Esercizi

- Modellare in LTL le seguenti proprietà:
 - Response property: ogni volta che una risorsa è richiesta da un processo alla fine deve essere attribuita
 - Time response property: ogni volta che una risorsa è richiesta da un processo deve essere attribuita entro 5 passi
 - Pattern: le proprietà p, q e r devono essere vere in questo ordine e in maniera mutuamente esclusiva
 - Release: p deve restare vera fino a quando q diventa vera (nota q può non diventare mai vera)