## Università degli Studi di Salerno Insegnamento: Ricerca Operativa Esame del 12/06/2023

Nome: Cognome: Matricola:

- 1. Per ognuno dei seguenti punti non rispettati dall'elaborato verrà sottratto un punto al punteggio finale:
  - (a) Scrivere nome, cognome e matricola sia su questo foglio che sui fogli consegnati.
  - (b) Contrassegnare con una crocetta sulla traccia tutti e soli i punti degli esercizi che sono stati svolti.
  - (c) Ricordarsi di consegnare **sempre** la presente traccia e **solo** i fogli da correggere (niente brutta copia).
- 2. Dato il seguente problema di programmazione lineare  $[P_1]$ :

$$\min -x_1 + 4x_2$$

$$x_1 - x_2 \ge -2$$

$$x_1 \ge 2$$

$$x_1 - 2x_2 \le 4$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$$

- (a) (3 punti) Risolvere graficamente il problema, individuando il punto di ottimo, se esiste, ed il valore ottimo;
- (b) (2 punti) Individuare le basi associate ai vertici del poliedro;
- (c) (3 punti) Individuare le direzioni estreme del poliedro, se esistono;
- (d) (3 punti) Riformulare il problema tramite il teorema della rappresentazione e risolverlo nuovamente;
- (e) (3 punti) Calcolare la soluzione ottima ed il valore ottimo del problema duale di  $[P_1]$ ;
- 3. (3 punti) Scrivere il duale del seguente problema di PL:

$$\min -2x_2 + 4x_3$$

$$x_1 - x_2 = 0$$

$$2x_1 - 3x_3 \ge 1$$

$$x_2 + 5x_3 \le 0$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ n.v., x_3 \le 0$$

4. Dato il seguente problema di programmazione lineare:

$$\min z = -7x_1 - 7x_2 - 8x_3$$

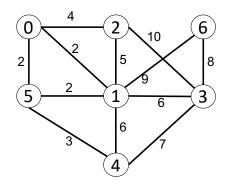
$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 \le 5$$

$$-5x_1 - 4x_3 \ge -2$$

$$2x_1 + 3x_2 + 2x_3 \le 3$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0, x_3 \ge 0$$

- (a) (5 punti) individuare la soluzione ottima, se esiste, ed il valore ottimo applicando l'algoritmo del Simplesso.
- 5. (2 punti) Scrivere il modello matematico "Subtour Elimination" per il problema del minimo albero ricoprente.
- 6. Dato il grafo G in figura:



- (a) (4 punti) Calcolare il minimo albero ricoprente di G utilizzando l'algoritmo di Kruskal (riportare tutti i passi dell'algoritmo).
- (b) (2 punti) Sfruttando la soluzione ottima individuata nel punto (a), riportare il valore delle variabili decisionali ed il costo della soluzione ottima.