Università degli Studi di Salerno Corsi di Laurea in Informatica e Matematica Insegnamento: Ricerca Operativa Esame del 06/04/2017

Nome: Cognome: Matricola:

1. Dato il seguente problema di programmazione lineare [P]:

$$\min 3x_1 + \frac{1}{2}x_2$$

$$-x_1 - \frac{1}{2}x_2 \le -1$$

$$x_1 - x_2 \le 3$$

$$2x_1 - \frac{1}{2}x_2 \le 7$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$$

- (a) (3 punti) Risolvere graficamente il problema, individuando il punto di ottimo (se esiste) ed il valore ottimo.
- (b) (2 punti) Individuare le basi associate ai vertici del poliedro.
- (c) (3 punti) Calcolare le direzioni estreme, se esistono, del poliedro definito da [P].
- (d) (2 punti) Scrivere una funzione obiettivo di massimo che produca infiniti punti di ottimo.
- (e) (3 punti) Aggiungere un nuovo vincolo al problema che generi soluzioni di base degeneri. Indicare il vertice del poliedro associato alle basi degeneri e riportare quali sono queste basi degeneri.

2. (5 punti) Utilizzare l'algoritmo del simplesso per risolvere il seguente problema di programmazione lineare:

$$\min x_1 - 2x_2$$

$$x_1 + x_2 + x_3 \le 5$$

$$2x_1 + x_2 \le 3$$

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 \le 4$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0, x_3 \ge 0$$

3. Dato il seguente problema di programmazione lineare [P]:

$$\min 8x_2 - 7x_3$$

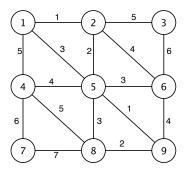
$$4x_1 - 2x_3 \ge 0$$

$$-x_1 + 4x_2 + 6x_3 = 9$$

$$x_1 + 5x_2 \le 11$$

$$x_1n.v., x_2 \le 0, x_3 \ge 0$$

- (a) (3 punti) Scrivere il problema duale [D] di [P] (Non effettuare trasformazioni prima di calcolare il duale).
- (b) (2 punti) Trasformare [D] in forma standard di minimo.
- 4. Dato il grafo in figura:



- (a) (4 punti) Individuare l'albero di copertura di peso minimo tramite l'algoritmo di Kruskal.
- (b) (3 punti) Scrivere in forma compatta il modello Cut Formulation per il problema.

Da codice etico unisa http://web.unisa.it/uploads/rescue/41/76/codice-etico-e-di-comportamento-unisa.pdf

ART. 43 – VIOLAZIONI DEI DOVERI DEL CODICE - STUDENTI

- 1. La violazione delle norme del presente Codice da parte degli studenti può dar luogo a sanzioni disciplinari, ai sensi del Regolamento Studenti dell'Ateneo.
- 2. Quando siano accertate attività tese a modificare indebitamente l'esito delle prove o impedirne una corretta valutazione, il docente o altro preposto al controllo dispone l'annullamento delle prove medesime e la segnalazione al Rettore ai fini dell'attivazione del procedimento disciplinare ai sensi del Regolamento studenti.

Da regolamento studenti unisa http://web.unisa.it/uploads/rescue/31/19/reg_studenti_2014_web.pdf

ART. 40 - SANZIONI DISCIPLINARI A CARICO DEGLI STUDENTI

- 1. Le sanzioni che si possono comminare sono le seguenti:
- a) ammonizione;
- b) interdizione temporanea da uno o più attività formative;
- c) esclusione da uno o più esami o altra forma di verifica di profitto per un periodo fino a sei mesi;
- d) sospensione temporanea dall'Università con conseguente perdita delle sessioni di esame.
- 2. La relativa competenza è attribuita al Senato accademico, fatto salvo il diritto dello studente destinatario del provvedimento di essere ascoltato.
- 3. L'applicazione delle sanzioni disciplinari deve rispondere a criteri di ragionevolezza ed equità, avuto riguardo alla natura della violazione, allo svolgimento dei fatti e alla valutazione degli elementi di prova. Le sanzioni sono comminate in ordine di gradualità secondo la gravità dei fatti.
- 4. La sanzione è comminata con decreto rettorale.
- 5. Tutte le sanzioni disciplinari sono registrate nella carriera scolastica dello studente e vengono conseguentemente trascritte nei fogli di congedo.