Maturity

Javier Martinez Arribas, CIBIO-TropiBIO (javimartinezarribas@gmail.com)

16 noviembre 2022

Contents

Age-Length Keys	1
Análise exploratória de dados	4

Age-Length Keys

as idades dos peixes são dados importantes para a compreensão a dinâmica das populações de peixes. Estimando a idade para um grande número de peixes, no entanto, é trabalhoso. Felizmente, geralmente há uma forte relação entre o comprimento e a idade, e medindo o comprimento de um grande número de peixes é relativamente fácil.

Assim, a estrutura etária para uma grande amostra de peixes pode ser estimado de forma confiável resumindo a relação entre idade e comprimento para uma subamostra de peixes e, em seguida, aplicar este resumo a toda a amostra. O resumo da relação entre idade e comprimento é uma chave de comprimento de idade (ALK).

A tabela de probabilidades condicionais, $p_{j|i} = \frac{n_{ij}}{n_i}$ derivadas da amostra envelhecida é o ALK.

Primeiro carregamos as bibliotecas que vamos usar e depois nos conectamos ao banco de dados para carregar os dados relacionados ao peso-tamanho do peixe.

##	DBI	tidyverse	tidymodels	modeltime	timetk
##	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE
##	lubridate	imputeTS	plm	tsibble	fable
##	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE
##	FSA	${\tt missMethods}$	nnet	effects	ranger
##	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE
##	vip	tune	${\tt randomForest}$	NeuralNetTools	mice
##	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE	TRUE

e carregar os dados...

Em seguida, selecionamos os preditores que vamos utilizar na análise e calculamos o sexo e a idade na primeira maturação.

```
maturity_tbl <- df_maturity %>%
  select(Data, Ano, Mes, Trimestre, Matura, Sexo, MaturaH1, SexoH1, Complf) %>%
  set_names(c("date", "ano", "mes", "trimestre", "matura", "sexo", "maturaH1",
              "sexoH1", "comprimento"))
# Criando coluna de sexo reunindo o sexo da primeira matura para M,F ou hermafroditas
maturity_tbl <- maturity_tbl %>% mutate(sexo = ifelse(sexoH1 %in% "", sexo, sexoH1))
# Criando coluna de matura reunindo a matura da primeira matura para M,F ou hermafroditas
maturity_tbl <- maturity_tbl %>% mutate(matura = ifelse(maturaH1 %in% "",
                                                        substr(matura, start=1, stop=1),
                                                        maturaH1))
maturity_tbl$day <- gsub("(.*)[-]", "", maturity_tbl$date)</pre>
maturity_tbl <- maturity_tbl %>%
  select(date, ano, mes, trimestre, day, comprimento, sexo, matura)
# Alterar alguns formatos
maturity_tbl <- maturity_tbl %>%
                    mutate(ano = as.numeric(ano),
                           day = as.numeric(day),
                           mes = as.numeric(mes),
                           trimestre = as.numeric(trimestre),
                           matura = as.factor(matura))
```

Filtramos as observações com valores da variável sexo ('IND', 'H' e '') e observações com compressão=0 e matura vazia, uma vez que serão mais difíceis de imputar.

```
with(maturity_tbl[maturity_tbl$sexo %in% c('','IND','H'),], table(matura))
```

```
## matura
## 0 1 2 3 4 5 I
## 321 286 0 0 0 1 3 3
```

```
maturity_tbl <- maturity_tbl %>%
                  filter(!sexo %in% c('IND','H',''))
with(maturity_tbl[maturity_tbl$comprimento==0,], table(matura))
## matura
##
           0
                                     5
                                          Ι
##
     13 723 3516 1585 105
                               32 332
maturity_tbl <- maturity_tbl %>%
                  filter(!(comprimento==0 & matura==''))
maturity_tbl$matura[maturity_tbl$matura %in% c('I','')] <- NA</pre>
# Descartamos os níveis que não são adequados no conjunto de dados:
maturity_tbl$matura <- droplevels(maturity_tbl$matura)</pre>
with(maturity_tbl[maturity_tbl$comprimento==0,], table(matura))
## matura
##
     0
           1
                2
                     3
                           4
                                5
## 723 3516 1585 105
                         32 332
Criamos o preditor de intervalo.
maturity_tbl <- maturity_tbl %>% mutate(lcat10=lencat(comprimento, w=10))
```

Separamos as observações com maduro=NA:

Dividimos o conjunto de dados sem NAs atribuídos à variável madura em duas subamostras. Um será usado para ajuste e o outro para obter uma avaliação mais realista do ajuste. O método utilizado será a amostragem estratificada pela variável madura pois parece que há muita diferença entre o número de registros em cada tipo de matura.

75% train / 25% test

```
## .
## 0 1 2 3 4 5
## 1181 5462 3456 295 380 897
```

test%>% select(matura) %>% table()

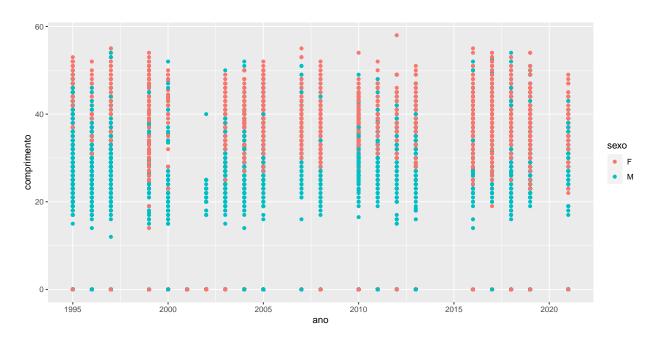
```
## .
## 0 1 2 3 4 5
## 388 1819 1177 94 108 305
```

Análise exploratória de dados

Primeiramente vamos tentar conhecer um pouco melhor as distribuições de nossas variáveis através dos gráficos a seguir.

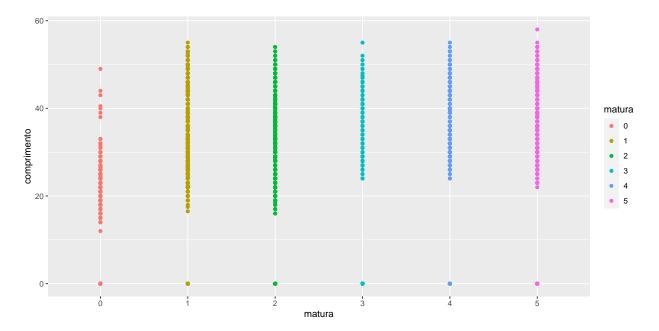
Comprimento ao longo dos anos por sexo:

```
ggplot(train, aes(x=ano, y=comprimento, col=sexo)) +
  geom_point()
```



Comprimento por matura:

```
ggplot(train, aes(x=matura, y=comprimento, col=matura, group=matura)) +
geom_point()
```



Comprimento por sexo:

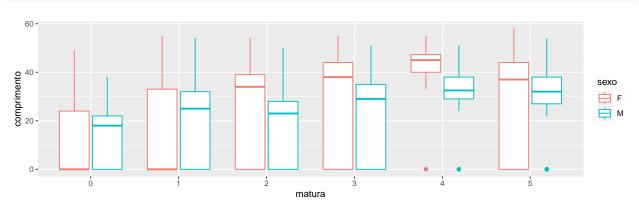


Comprimento por sexo e matura

0 -



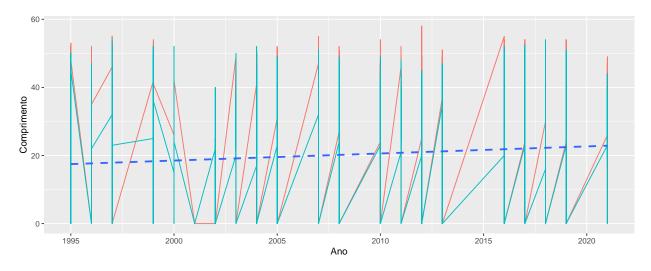
sexo



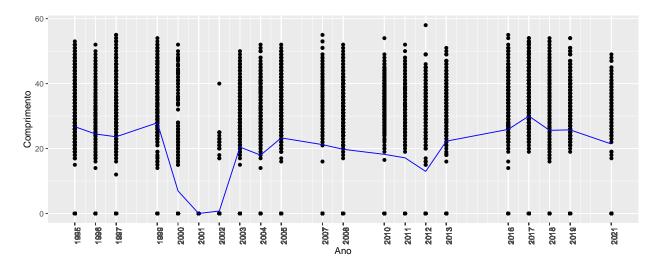
Comprimento médio por ano e sexo

```
ggplot(data = train, aes(x = ano, y = comprimento)) +
  geom_line(aes(colour = as.factor(sexo))) +
  geom_smooth(method = "lm", se = F, lty = "dashed") +
  labs(x = "Ano", y = "Comprimento") +
  theme(legend.position = "none")
```

```
## 'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'
```

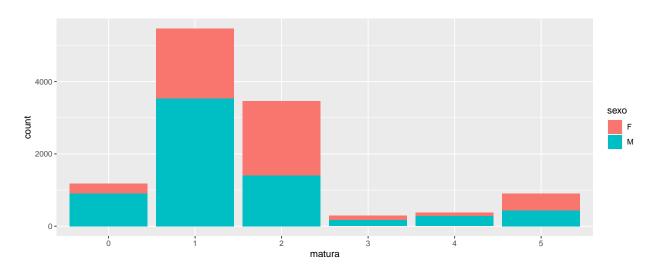


Heterogeneidade ao longo do tempo:



Distribuição da matura entre os sexos:

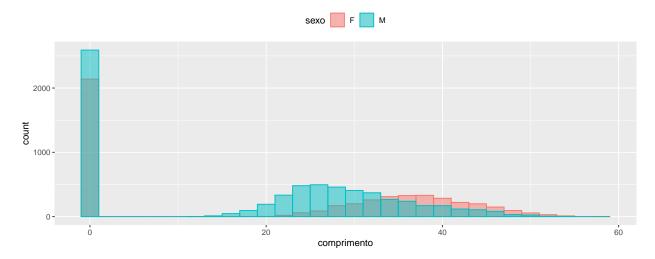
```
ggplot(data=train, aes(x=matura, fill=sexo)) +
geom_bar(stat="count")
```



Distribuição do comprimento entre os sexos:

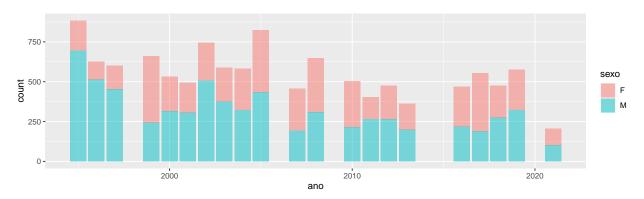
```
# comprimento by sexo distribution
ggplot(data=train, aes(x=comprimento, fill= sexo, color=sexo)) +
  geom_histogram(position="identity",alpha=0.5)+
  theme(legend.position="top")
```

'stat_bin()' using 'bins = 30'. Pick better value with 'binwidth'.



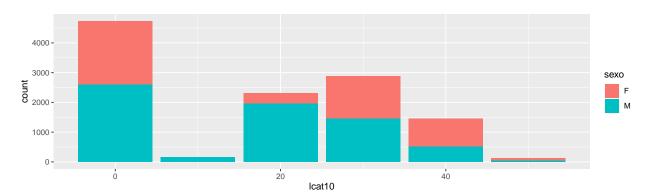
Distribuição do número de observações ao longo do tempo e entre os dois sexos:

```
# Number obs along the time by sexo
ggplot(data = train, aes(x = ano, fill = sexo)) +
geom_bar(stat="count",alpha=0.5)
```



Distribuição dos intervalos entre os sexos:

```
# lcat10 distribution
ggplot(data=train, aes(x=lcat10, fill=sexo)) +
  geom_bar(stat="count")
```



Em seguida, vamos estudar 3 modelos diferentes de regressão multinomial:

```
matura ~ lcat10 matura \sim lcat10 + sexo + lcat10*sexo matura \sim lcat10 + sexo + ano + lcat10:sexo + lcat10:ano + sexo:ano
```

E veja se eles são significativamente diferentes um do outro:

Imputamos los valores de comprimento=0 utilizando K-Nearest Neighbourhood = 3

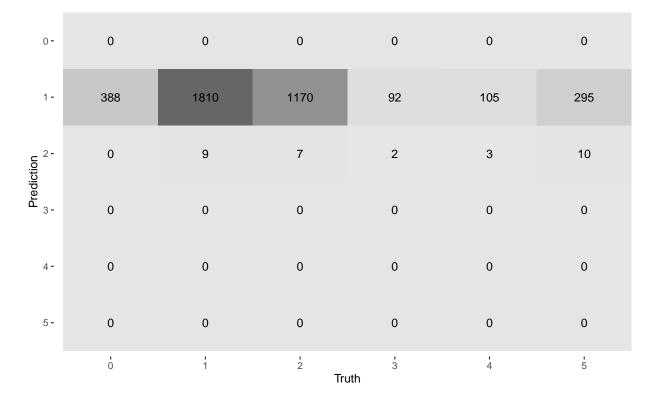
Fazemos validação cruzada para encontrar o melhor valor do hiperparâmetro de penalty:

```
ml1_rec <-
  recipe(matura ~ lcat10,
         data = train) %>%
  step_naomit(everything(), skip = TRUE)
# K-fold cross-validation
set.seed(1234)
cv_folds <- vfold_cv(train, v = 10)</pre>
ml_spec <- multinom_reg(</pre>
    mode = "classification",
    engine = "nnet",
    penalty = tune(),
    mixture = NULL
)
ml1_wflow <-
  workflow() %>%
  add_recipe(ml1_rec) %>%
  add_model(ml_spec)
random_tune1 <-
  ml1_wflow %>%
  tune_grid(
    resamples = cv_folds, grid = 5
  )
random_final1 <-</pre>
  finalize_workflow(ml1_wflow, select_best(random_tune1)) %>%
  fit(train)
last_fit_ml1 <- last_fit(random_final1,</pre>
                         split = data_split,
                         metrics = metric_set(
                         recall, precision,
                         roc_auc, sens, spec)
)
last_fit_ml1 %>%
 collect_metrics()
```

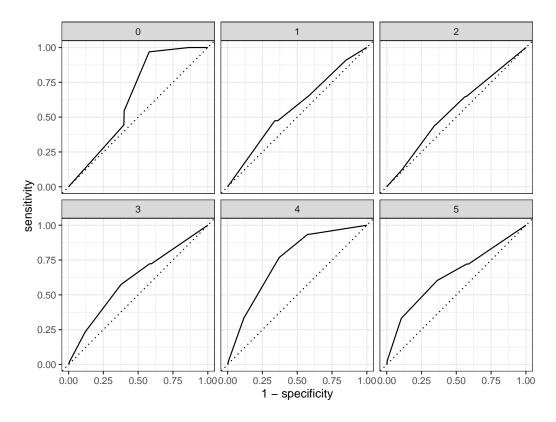
A tibble: 5 x 4

```
##
     .metric
               .estimator .estimate .config
##
     <chr>
              <chr>
                              <dbl> <chr>
## 1 recall
                              0.167 Preprocessor1_Model1
              macro
## 2 precision macro
                              0.347 Preprocessor1_Model1
                              0.167 Preprocessor1_Model1
## 3 sens
              macro
                              0.834 Preprocessor1_Model1
## 4 spec
              macro
## 5 roc auc
              hand till
                              0.615 Preprocessor1_Model1
```

```
last_fit_ml1 %>%
  collect_predictions() %>%
  conf_mat(matura, .pred_class) %>%
  autoplot(type = "heatmap")
```



```
last_fit_ml1 %>%
  collect_predictions() %>%
  roc_curve(matura,'.pred_0','.pred_1','.pred_2','.pred_3','.pred_4','.pred_5') %>%
  autoplot()
```



```
# Ajustamos o modelo final em todo o conjunto de dados.
final_model1 <-
  random_final1 %>%
  fit(data = maturity_train)
```

O ajuste não é muito bom como podemos ver nas curvas ROC.

Se calcularmos o expoente dos coeficientes, podemos ver como eles influenciam os odds de matura:

exp(coefficients(final_model1\$fit\$fit\$fit))

```
## 1 (Intercept) 1cat10

## 1 3.47893459 1.023599

## 2 1.62754802 1.042359

## 3 0.09014426 1.062961

## 4 0.03758012 1.106845

## 5 0.25204603 1.067419
```

Conclusões:

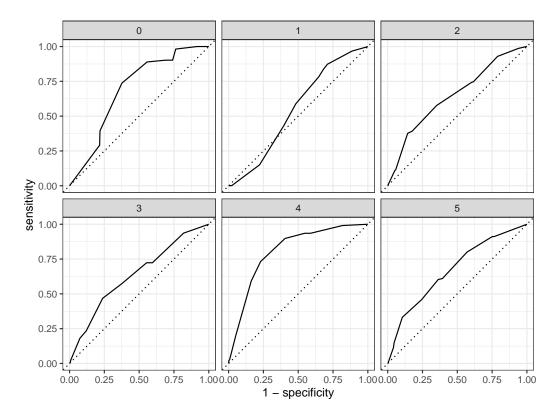
Aumentar o valor do intervalo de comprimento um nível aumenta em 10% a probabilidade de que a idade do peixe seja 4 em vez de 0

Vejamos o que acontece quando adicionamos a variável sex e suas iterações com a variável interval lcat10:

```
step_naomit(everything(), skip = TRUE) %>%
  step_novel(sexo) %>%
  step_interact(terms = ~ lcat10:sexo)
\# K-fold cross-validation
set.seed(1234)
cv_folds <- vfold_cv(train, v = 10)</pre>
ml2_wflow <-
  workflow() %>%
  add_recipe(ml2_rec) %>%
  add_model(ml_spec)
set.seed(100)
random_tune2 <-
  ml2_wflow %>%
 tune_grid(
    resamples = cv_folds, grid = 5
  )
random_final2 <-</pre>
  finalize_workflow(ml2_wflow, select_best(random_tune2)) %>%
  fit(train)
last_fit_ml2 <- last_fit(random_final2,</pre>
                        split = data_split,
                       metrics = metric_set(
                       recall, precision,
                       roc_auc, sens, spec)
)
last_fit_ml2 %>%
  collect_metrics()
## # A tibble: 5 x 4
##
   .metric .estimator .estimate .config
## <chr> <chr>
                       <dbl> <chr>
## 1 recall macro
                             0.206 Preprocessor1_Model1
## 2 precision macro
                            0.505 Preprocessor1_Model1
## 3 sens
          macro
                            0.206 Preprocessor1_Model1
## 4 spec macro
                             0.856 Preprocessor1_Model1
## 5 roc_auc hand_till
                         0.656 Preprocessor1_Model1
last_fit_ml2 %>%
  collect_predictions() %>%
  conf_mat(matura, .pred_class) %>%
  autoplot(type = "heatmap")
```

0 -	0	0	0	0	0	0
1 -	350	1531	715	68	88	198
Prediction 2.	38	288	462	26	20	107
Predi	0	0	0	0	0	0
4 -	0	0	0	0	0	0
5 -	0	0	0	0	0	0
	Ö	1	2 Tru	.j uth	4	5

```
last_fit_ml2 %>%
  collect_predictions() %>%
  roc_curve(matura,'.pred_0','.pred_1','.pred_2','.pred_3','.pred_4','.pred_5') %>%
  autoplot()
```



```
# Ajustamos o modelo final em todo o conjunto de dados.
final_model2 <-
  random_final2 %>%
  fit(data = maturity_train)
```

O ajuste também não parece muito exato.

Se calcularmos o expoente dos coeficientes, podemos ver como eles influenciam os odds de matura:

exp(coefficients(final_model2\$fit\$fit\$fit))

```
lcat10
##
     (Intercept)
                               sexoM sexonew lcat10_x_sexoM lcat10_x_sexonew
## 1 5.234109969 1.026148 0.5324531
                                                  1.0007912
## 2 3.240930677 1.057359 0.3725817
                                           1
                                                  0.9667784
                                                                            1
## 3 0.117582027 1.078610 0.6817404
                                                  0.9796628
                                                                            1
## 4 0.008086712 1.160613 4.6607760
                                                  0.9565715
                                           1
                                                                            1
## 5 0.665124097 1.063029 0.1668999
                                                  1.0200415
```

Conclusões:

Ao aumentar lcat
10 um nível aumentará a probabilidade de ter um matura em 16% 4 em vez de um 0 maduro.

Parece que um matura $4 \neq 4$ vezes mais provável de ocorrer em peixes do sexo M do que em peixes do sexo F

O aumento de lcat10 em um nível parece afetar a maturidade da mesma forma em ambos os sexos M como em F.

Um teste de razão de verossimilhança para identificar uma diferença em ALKs entre dois grupos requer o ajuste de dois modelos multinomiais. O primeiro modelo mais simples tem intervalo de comprimento como a única variável explicativa. O segundo modelo mais complexo tem intervalo de comprimento, a variável fator que identifica os grupos, e a interação entre essas duas variáveis como Variáveis explicativas.

```
anova(final_model1$fit$fit$fit,final_model2$fit$fit$fit)
```

```
## Likelihood ratio tests of Multinomial Models
##
## Response: ..y
                                                  Model Resid. df Resid. Dev
##
                                                                                 Test.
## 1
                                                 lcat10
                                                             77800
                                                                     40573.67
## 2 lcat10 + sexo + lcat10_x_sexoM + lcat10_x_sexonew
                                                             77790
                                                                     39325.37 1 vs 2
        Df LR stat. Pr(Chi)
## 1
## 2
             1248.3
        10
```

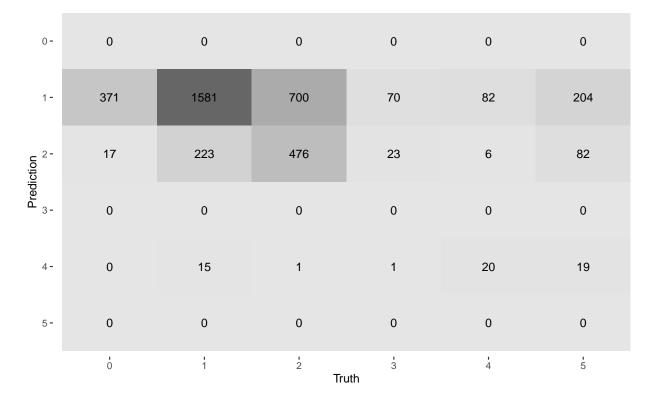
Los dos modelos son estadisticamente diferentes, luego la distribución de los tamaños dentro de cada edad es diferente para cada sexo.

Se agora adicionarmos o ano: Comprimento de primeira maturação por sexo e por ano bem como todas as iterações de variáveis de dois por dois que podem ser obtidas:

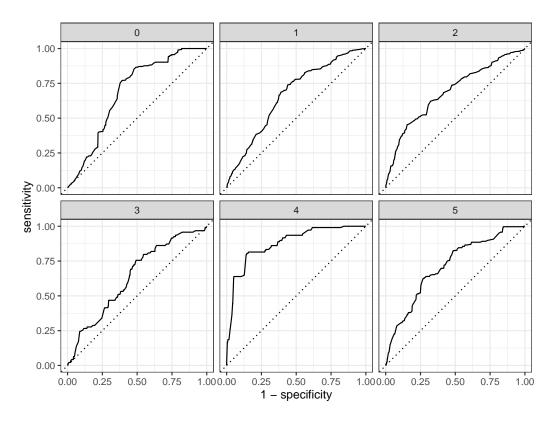
```
ml3 rec <-
  recipe(matura ~ lcat10 + sexo + ano,
         data = train) %>%
  step_naomit(everything(), skip = TRUE) %>%
  step_novel(sexo) %>%
  step_interact(~all_predictors() * all_predictors())
# ml_spec sigue siendo el mismo. Modelo regresión multinomial
ml3 wflow <-
  workflow() %>%
  add_recipe(ml3_rec) %>%
  add_model(ml_spec)
random_tune3 <-
  ml3_wflow %>%
  tune_grid(
    resamples = cv_folds, grid = 5
random_final3 <-</pre>
  finalize_workflow(ml3_wflow, select_best(random_tune3)) %>%
  fit(train)
last_fit_ml3 <- last_fit(random_final3,</pre>
                         split = data_split,
                        metrics = metric_set(
                        recall, precision,
                         roc_auc, sens, spec)
```

```
last_fit_ml3 %>%
  collect_metrics()
```

```
## # A tibble: 5 x 4
##
     .metric
               .estimator .estimate .config
##
     <chr>
               <chr>
                              <dbl> <chr>
## 1 recall
               macro
                              0.243 Preprocessor1_Model1
## 2 precision macro
                              0.486 Preprocessor1_Model1
## 3 sens
                              0.243 Preprocessor1_Model1
               macro
## 4 spec
                              0.862 Preprocessor1_Model1
               macro
                              0.688 Preprocessor1_Model1
## 5 roc auc
               hand till
last_fit_ml3 %>%
  collect_predictions() %>%
  conf_mat(matura, .pred_class) %>%
  autoplot(type = "heatmap")
```



```
last_fit_ml3 %>%
  collect_predictions() %>%
  roc_curve(matura,'.pred_0','.pred_1','.pred_2','.pred_3','.pred_4','.pred_5') %>%
  autoplot()
```



```
# Ajustamos o modelo final em todo o conjunto de dados ee estudamos os coeficientes:
final_model3 <-
  random_final3 %>%
fit(data = maturity_train)
```

exp(coefficients(final_model3\$fit\$fit\$fit))

```
##
      (Intercept)
                        lcat10
                                       sexoM sexonew
                                                            ano lcat10_x_sexoM
## 1 1.184001e+00 6.984567e-01 6.297307e-25
                                                                     0.9985308
                                                    1 1.0007420
## 2 1.570489e-63 1.013560e+00 3.402493e+86
                                                    1 1.0753450
                                                                     0.9703583
## 3 3.423172e-79 9.300283e+02 1.179558e+29
                                                    1 1.0930634
                                                                     0.9784271
## 4 2.429496e+02 1.234203e+02 8.062050e+98
                                                    1 0.9950938
                                                                     0.9706961
## 5 3.094536e+69 2.785309e-03 1.360551e+84
                                                    1 0.9230775
                                                                     1.0363072
##
     lcat10_x_sexonew lcat10_x_ano sexoM_x_ano sexonew_x_ano
## 1
                    1
                          1.0001918
                                      1.0278639
## 2
                    1
                          1.0000197
                                      0.9050057
## 3
                          0.9966355
                                      0.9670165
                    1
                                                             1
## 4
                    1
                          0.9976667
                                      0.8928280
                                                             1
## 5
                          1.0029696
                                      0.9068102
                                                             1
```

Conclusões:

O ajuste melhora um pouco, talvez um pouco mais para peixes de maturidade 4.

Parece que aumentando a variável ano em uma unidade, é 11% mais provável que matura seja igual a 3 do que a 0.

Um teste de razão de verossimilhança:

```
anova(final_model2$fit$fit$fit,final_model3$fit$fit$fit)
```

```
## Likelihood ratio tests of Multinomial Models
##
## Response: ..y
##
## 1
                                                         lcat10 + sexo + lcat10_x_sexoM + lcat10_x_sexon
## 2 lcat10 + sexo + ano + lcat10_x_sexoM + lcat10_x_sexonew + lcat10_x_ano + sexoM_x_ano + sexonew_x_a
    Resid. df Resid. Dev
                            Test
                                    Df LR stat. Pr(Chi)
         77790
                 39325.37
## 1
                 37733.36 1 vs 2
## 2
         77775
                                    15 1592.008
```

O terceiro modelo é estatisticamente diferente do segundo, então podemos dizer que a distribuição de tamanhos dentro de cada idade e sexo é diferente ao longo os anos.

Se finalmente compararmos os 3 modelos para ver qual deles tem um valor menor para o critério de Akaike, veremos que:

AIC(final_model1\$fit\$fit\$fit,final_model2\$fit\$fit\$fit,final_model3\$fit\$fit

```
## df AIC
## final_model1$fit$fit$fit 10 40593.67
## final_model2$fit$fit$fit 20 39365.37
## final_model3$fit$fit$fit 35 37803.36
```

Podemos afirmar que conseguimos um melhor ajuste com o terceiro modelo, inclua a variável ano e as iterações duas a duas entre todas as variáveis.

Se calculássemos a maturação da subamostra com valores de NAs por meio da matriz ALK, obteríamos as seguintes previsões:

```
## ## 0 1 2 3 4 5
## 0 3860 31 0 0 0
```

```
table(df$model_2)
##
##
      0
           1
                 2
                      3
                                 5
      0 2950 941
                                 0
##
table(df$model_3)
##
##
      0
           1
                 2
                      3
                            4
                                 5
                                 0
##
      0 3008 827
                      0
                           56
table(df$model_ALK)
##
##
      0
                 5
           1
     49 3811
                31
table(df$observed)
##
##
                 2
                      3
                                 5
         1
    388 1819 1177
                     94 108
                               305
```

Agora se calcularmos as previsões podemos ver quais são os valores que mais prevê no conjunto de dados com NAs:

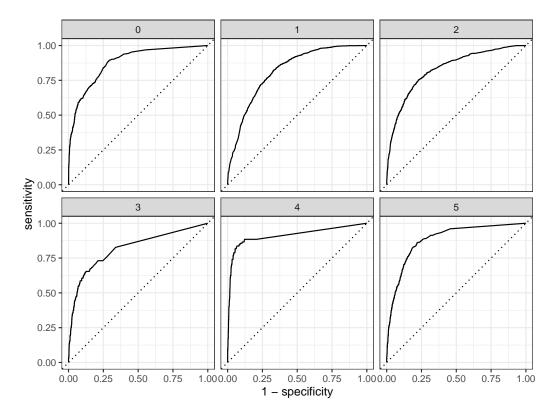
Vamos ahora a probar otro modelo para predecir la submuestra con valores NAs en la variable matura.

Y construimos el modelo siguiendo los mismos pasos que en el caso de la regresión multinomial:

```
step_novel(sexo) %>%
        step_impute_knn(comprimento, neighbors = 3)
# K-fold cross-validation
set.seed(1234)
cv_folds <- vfold_cv(train, v = 10)</pre>
rf spec <-
  rand_forest(
   mode = "classification",
   mtry = tune(),
   trees = tune()
  ) %>%
  set_engine("randomForest")
rf_wflow <-
  workflow() %>%
  add_recipe(rf_rec) %>%
  add_model(rf_spec)
random_tune_rf <-</pre>
  rf_wflow %>%
  tune_grid(
    resamples = cv_folds, grid = 5
random_final_rf <-</pre>
  finalize_workflow(rf_wflow, select_best(random_tune_rf)) %>%
  fit(train)
last_fit_rf <- last_fit(random_final_rf,</pre>
                        split = data_split,
                       metrics = metric_set(
                        recall, precision,
                       roc_auc, sens, spec)
)
last_fit_rf %>%
collect_metrics()
## # A tibble: 5 x 4
## .metric .estimator .estimate .config
             <chr>
##
   <chr>
                           <dbl> <chr>
## 1 recall macro
                            0.463 Preprocessor1_Model1
                            0.544 Preprocessor1_Model1
## 2 precision macro
                            0.463 Preprocessor1_Model1
## 3 sens
           macro
## 4 spec
             macro
                            0.907 Preprocessor1_Model1
## 5 roc_auc hand_till
                            0.837 Preprocessor1_Model1
last_fit_rf %>%
  collect_predictions() %>%
  conf_mat(matura, .pred_class) %>%
  autoplot(type = "heatmap")
```

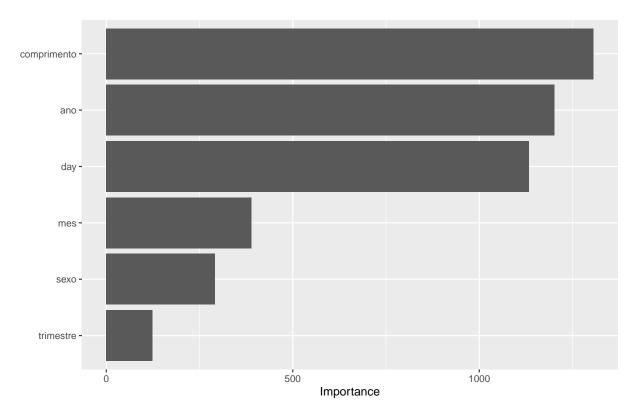
0 -	139	32	34	0	0	4
1 -	204	1550	393	34	11	106
Prediction 3-	39	204	696	28	14	64
Predi:	0	5	4	11	6	9
4 -	1	2	15	22	61	33
5 -	3	33	30	9	12	84
	Ö	1	2 Tru	่ uth	4	5

```
last_fit_rf %>%
  collect_predictions() %>%
  roc_curve(matura,'.pred_0','.pred_1','.pred_2','.pred_3','.pred_4','.pred_5') %>%
  autoplot()
```



Podemos também estudar a importância que o modelo dá a cada variável no ajuste:

```
last_fit_rf %>%
  pluck(".workflow", 1) %>%
  extract_fit_parsnip() %>%
  vip(num_features = 10)
```



O comprimento, o dia e o ano de pesca parecem ser as variáveis que melhor discriminam as maturas.

Finalmente, podemos fazer as previsões das amostras com NAs atribuídas na maturidade para poder reconstruir a série original

```
##
     matura n_obs mean_comprimento standard_deviation standard_error
## 1
          0 1569
                           12.21415
                                              11.68091
                                                             0.2948934
## 2
          1 7310
                           17.29896
                                              17.36242
                                                             0.2030727
## 3
          2 4634
                           22.03025
                                              16.96045
                                                             0.2491491
## 4
          3
              389
                           26.88689
                                              17.43490
                                                             0.8839843
## 5
          4
              488
                           34.68648
                                              11.59370
                                                             0.5248220
## 6
          5 1202
                           27.46339
                                              18.05262
                                                             0.5207005
```

