Introdução à minimização sem restrições

Paulo Vitor Ludewig Engenharia Eletrônica - UTFPR

paulovitorludewig@gmail.com

Prof. Rodolfo Gotardi Begiato (Orientador) Departamento de Matemática - UTFPR

begiato@utfpr.edu.br

Palavras-chave: otimização, programação não-linear, direções de descida.

Resumo:

O trabalho consistiu em um estudo teórico sobre problemas de programação não linear sem restrições.

Primeiramente foi discutida a definição de problemas de minimização e condições de otimalidade necessárias e suficientes de primeira e segunda ordem. A seguir foi estudado o conceito de direção de descida e um modelo de algoritmo iterativo com buscas direcionais que produz sequências de pontos, das quais espera-se que convirjam para soluções dos problemas.

Após isso, foram vistos alguns métodos clássicos para obtenção de direções de descida. O método do gradiente, que usa o oposto do gradiente como direção, o método de Newton, que usa oposto do inverso da hessiana multiplicado pelo gradiente e dois métodos quase-Newton, que substitiuem a Hessiana, no método de Newton, por aproximações mais fáceis e mais baratas para calcular. Especificamente, trabalhamos com os método DFP (Davidon–Fletcher–Powell) e BFGS (Broyden–Fletcher–Goldfarb–Shanno).

Entretanto esses algoritmos têm convergência somente local e, por isso, é preciso adotar uma estratégia de globalização. Estudamos a estratégia de decréscimo suficiente ou condição de Armijo, que garante que os passos não fiquem muito pequenos longe do ponto estacionário.

Para visualização, foi programado o método DFP no software Octave e foram plotados alguns gráficos de casos particulares de situações que podem ocorrer em problemas de otimização.

Referências:

FRIEDLANDER, A. **Elementos de Programação Não-linear.** Editora UNICAMP, 1994. e-book. Disponível em http://www.ime.unicamp.br/~friedlan/livro.pdf Acesso em 20/09/2015.