Fatoração de polinômios em uma ou várias variáveis

Bianca Aparecida da Costa Licenciatura em Matemática - UFPR

bianca.aparecidacostaa@gmail.com

Prof. Dr Marcelo Muniz Alves (Orientador)
Departamento de Matemática - UFPR

marcelomsa@ufpr.br

Palavras-chave: polinômios, fatoração, anéis comutativos.

Resumo:

O estudo da fatoração de polinômios é importante para a resolução de equações e é abordado nos anos finais do Ensino Fundamental II. Os livros didáticos trabalham com a fatoração de forma simples, através de polinômios de uma variável ou duas variáveis. No livro *GIOVANNI JR, J. R.; CASTRUCCI, B. (2009)*, temos o seguinte exemplo:

$$ax + bx + ay + by = x(a + b) + y(a + b) = (a + b)(x + y)$$

Neste trabalho iremos mostrar como a Teoria de Anéis nos auxilia na compreensão da fatoração descrita acima. Mostraremos que esta fatoração pode ser explicada pelo Teorema de Gauss que afirma que se A é um Domínio de Fatoração Única (DFU), então o anel $\mathbf{A}[x]$ dos polinômios com coeficientes no domínio \mathbf{A} e variável x é também um DFU. A definição de DFU diz que um domínio \mathbf{A} é um DFU se cada $a \in \mathbf{A}$ com $a \neq 0$ e a não invertível, pode ser representado como um produto de elementos irredutíveis em \mathbf{A} e, quaisquer duas tais representações de um mesmo elemento são equivalentes. Como consequência do Teorema de Gauss, temos que se \mathbf{K} é um corpo, então $\mathbf{K}[x_1,\ldots,x_n]$ é um DFU. Este último resultado fornece a fundamentação teórica para os exercícios de fatoração presentes nos livros didáticos, pois garante que todo polinômio em uma ou mais variáveis, com coeficientes racionais, é irredutível ou se escreve como produto de polinômios de grau menor.

Referências:

- [1] ROTMAN, J. J. First Course in Abstract Algebra. Pearson Prentice-Hall, 3rd edition. Upper Saddle River, 2006
- [2] GONÇALVES, A. Introdução à Álgebra. Rio de Janeiro: IMPA 5a Edição, 1999.
- [3] DIAS, I. Teoria de Anéis Notas de Aulas. Disponível em: http://conteudo.icmc.usp.br/pessoas/iresdias/material/sma306.pdf, acessado em setembro de 2016.
- [4] GIOVANNI JR, J. R.; CASTRUCCI, B. **A Conquista da Matemática 8º ano**. São Paulo: FTD 1º edição, 2009.