

# Benchmark de Estratégias de KV Cache - PETTEC

November 25, 2025

## 1 Tutorial de Benchmark de Estratégias de KV Cache - PETTEC

Este tutorial apresenta, passo a passo, a análise comparativa de estratégias para gerenciamento de KV cache em modelos de linguagem, relealizado pelos alunos do PETTEC e apresentado no Simpósio Unifei 2025.

Vamos medir tempo de geração, uso de memória, throughput (tokens por segundo) e taxa de sucesso das respostas para três estratégias: - **Sem cache** - **Dynamic cache** - **Static cache**

Ao final, obtenha gráficos e conclusões sobre desempenho prático de cada abordagem.

### 1.1 O que é KV Cache? Por que usar cache?

Modelos de linguagem como o Llama utilizam atenção causal, isto é, a cada novo token gerado, recalculam partes do histórico da conversa/conteúdo. O mecanismo de **KV cache** (chave/valor cache) permite guardar esses estados intermediários para evitar cálculos repetidos.

#### 1.1.1 Vantagens do KV Cache

- Menor tempo de resposta na geração de textos longos ou interativos (conversação);
- Redução de uso de memória, pois reaproveita cálculos prévios;
- Essencial para aplicações em tempo real (chats, assistentes etc).

### 1.2 Técnicas comparadas neste tutorial

**1. Sem Cache:** - O modelo não armazena nenhum cálculo intermediário. Maior custo computacional, pois a cada geração tudo é recalculado desde o início. - Útil apenas em tarefas simples/pequenas, geralmente ineficiente para workflows reais.

**2. Dynamic Cache:** - Implementa cache de maneira flexível, alocando memória conforme cresce o histórico da conversa. - Equilíbrio entre uso de memória e velocidade. Padrão nos principais frameworks atuais.

**3. Static Cache:** - Pré-aloca uma área de memória fixa para o cache, tornando a computação de tokens extremamente rápida. - Excelente velocidade para contextos de tamanho previsível, menos flexível para históricos muito longos ou variantes de entrada.

Essas opções mostram o trade-off entre simplicidade, performance e uso de recursos, explicando a importância dos benchmarks em cenários reais de uso!

### 1.3 1. Importações e Configurações Iniciais

Vamos importar as bibliotecas necessárias e configurar o ambiente para executar o benchmark.

```
[1]: # Importação das bibliotecas utilizadas
import torch
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import time
from transformers import AutoTokenizer, AutoModelForCausalLM
from typing import List, Dict
```

### 1.4 2. Definição da Classe de Benchmark

A seguir está a classe que permite rodar os testes de comparação entre diferentes estratégias de cache. Ela possui métodos para medir tempo de geração, uso de memória, throughput e registrar as respostas para avaliação da taxa de sucesso. Execute esta célula para disponibilizar a classe.

#### 1.4.1 Como usar as técnicas de KV Cache?

O uso do KV cache em modelos HuggingFace pode ser controlado por argumentos passados ao método de geração, especialmente: - **use\_cache** (bool): ativa/desativa o cache (desativado = recalcula tudo do zero). - **cache\_implementation** (str): pode ser 'dynamic' ou 'static' (para frameworks modernos e modelos compatíveis). - Outros parâmetros podem aparecer conforme o modelo/framework (veja sempre a documentação específica do modelo).

Exemplo básico:

```
outputs = model.generate(
    **inputs,
    use_cache=True, # ativa o uso de cache
    cache_implementation="dynamic", # ou "static" para cache estático
    max_new_tokens=100
)
```

Esses parâmetros são especialmente relevantes quando se deseja benchmarks, inferência rápida em pipelines de chatbots ou redução de custo computacional.

#### 1.4.2 Documentação oficial e leitura recomendada

- [Transformers: Generation with past key values \(Use cache\)](#)
- [Explicação sobre use\\_cache \(pytorch docs\)](#)

Fique atento, pois nem todo modelo/função de geração expõe igualmente todos argumentos. Consulte sempre a documentação do modelo específico!

```
[2]: import psutil, gc, warnings, os, csv
from typing import List, Dict, Any, Tuple
warnings.filterwarnings("ignore")

class KVCacheBenchmark:
```

```

def __init__(self, model, tokenizer, device, model_name: str = "meta-llama/
↳Llama-3.2-1B"):
    self.model = model
    self.tokenizer = tokenizer
    self.device = device
    self.model_name = model_name

    # System prompts for different chat scenarios
    self.system_prompts = {
        "insurance_support": """"# Identity\nYou are a professional customer_
↳service representative for SecuraVida Insurance Company. You help customers_
↳with policy inquiries, claims processing, coverage questions, and general_
↳insurance guidance. You are knowledgeable about different insurance products_
↳(auto, home, life, health), maintain detailed conversation history, and_
↳provide empathetic, solution-oriented support while following company_
↳policies and procedures.\n\n# Rules\n- Always verify the customer's identity_
↳before discussing policy details.\n- Never provide legal advice; refer to a_
↳licensed agent if needed.\n- Be empathetic and solution-oriented in all_
↳responses.\n- Ensure all information provided is accurate and up-to-date.\n-_
↳Maintain confidentiality of all customer data.\n""",
        "banking_assistant": """"# Identity\nYou are a helpful digital_
↳banking assistant for Banco Digital Plus. You assist customers with account_
↳inquiries, transaction history, loan applications, investment guidance, and_
↳general banking services. You maintain security protocols, remember customer_
↳context throughout conversations, and provide clear explanations of banking_
↳products and procedures while ensuring customer satisfaction.\n\n# Rules\n-_
↳Never ask for or disclose full account numbers or passwords.\n- Always_
↳confirm the customer's identity before sensitive actions.\n- Provide clear,_
↳step-by-step instructions for banking processes.\n- Do not give investment_
↳or legal advice; refer to a specialist if needed.\n- Ensure compliance with_
↳banking regulations in all responses.\n""",
        "ecommerce_support": """"# Identity\nYou are a customer support_
↳specialist for MegaStore Online, a large e-commerce platform. You help_
↳customers with order tracking, returns and refunds, product recommendations,_
↳account issues, and general shopping assistance. You maintain conversation_
↳context, access order history references, and provide friendly, efficient_
↳resolution to customer inquiries while promoting customer loyalty and_
↳satisfaction.\n\n# Rules\n- Always check the customer's order history before_
↳providing solutions.\n- Never ask for or share sensitive payment information._
↳\n- Be polite, concise, and proactive in resolving issues.\n- Offer_
↳alternative solutions if the requested item or action is unavailable.\n-_
↳Follow company policy for refunds, returns, and promotions.\n""",
    }

    # Conversation scenarios with follow-up questions
    self.conversation_scenarios = {
        "insurance_claim_auto": {

```

```

        "system": "insurance_support",
        "turns": [
            ↪ "I was in a car accident yesterday. How do I start a claim?",
            ↪ "What documents do I need to provide for my auto claim?",
            ↪ "How long does it usually take to process an auto claim?",
            ↪ "Will my insurance cover a rental car while my car is being_
            ↪ repaired?",
            ↪ "What happens if the repair costs exceed my coverage limit?",
            ↪ "How can I track the status of my claim?",
            ↪ "Will this claim affect my future premiums?",
            ↪ "Do I need to get a police report for every accident?",
            ↪ "Can I choose the repair shop, or do you have preferred_
            ↪ partners?",
            ↪ "What if the other driver doesn't have insurance?",
            ↪ "How do I submit photos of the damage?",
            ↪ "Can I get updates by SMS or email?",
            ↪ "What should I do if I disagree with the adjuster's_
            ↪ assessment?",
            ↪ "Is roadside assistance included in my policy?",
            ↪ "How do I add accident forgiveness to my policy?"
        ],
    },
    "insurance_policy_update": {
        "system": "insurance_support",
        "turns": [
            ↪ "I renovated my house. How do I update my home insurance_
            ↪ policy?",
            ↪ "What information do you need about the renovations?",
            ↪ "Will my premium increase after the update?",
            ↪ "Can I add coverage for new valuables I purchased?",
            ↪ "How do I get proof of updated coverage for my mortgage_
            ↪ company?",
            ↪ "Are there discounts for installing a security system?",
            ↪ "How soon does the updated coverage take effect?",
            ↪ "Can I schedule an inspection for my renovated property?",
            ↪ "What if I made changes without a permit?",
            ↪ "How do I update my policy if I add a swimming pool?",
            ↪ "Can I bundle my home and auto insurance for a discount?",
            ↪ "What is the process for increasing my liability coverage?",
            ↪ "How do I review my policy details online?",
            ↪ "Can I speak with an agent for a personalized review?",
            ↪ "What happens if I forget to report a renovation?"
        ],
    },
},

```

```

    "insurance_life_beneficiary": {
        "system": "insurance_support",
        "turns": [
            "How do I change the beneficiary on my life insurance_
↪policy?",

            "What documents are required for a beneficiary change?",
            "How long does it take for the change to be processed?",
            "Can I have more than one beneficiary?",
            "What happens if I don't name a beneficiary?",
            "Can I update my beneficiary online?",
            "Will my beneficiary be notified of the change?",
            "Can I set up contingent beneficiaries?",
            "How do I split the benefit among multiple people?",
            "Can I name a charity as a beneficiary?",
            "What if my beneficiary is a minor?",
            "How do I update my beneficiary if I move to another state?
↪",

            "Is there a fee for changing beneficiaries?",
            "Can I check the current beneficiary on my policy?",
            "What happens if my beneficiary passes away before me?"
        ]
    },
    "banking_open_account": {
        "system": "banking_assistant",
        "turns": [
            "I want to open a new checking account. What do I need?",
            "Is there a minimum deposit required to open the account?",
            "What documents do I need to bring to the branch?",
            "Can I open the account online?",
            "Are there any monthly fees for this account?",
            "How do I order a debit card for my new account?",
            "How soon can I start using my account after opening it?",
            "Can I set up direct deposit right away?",
            "How do I access online banking?",
            "Are there any rewards or bonuses for new accounts?",
            "Can I open a joint account with a family member?",
            "What should I do if I lose my debit card?",
            "How do I close my account if needed?",
            "Can I link my checking account to a savings account?",
            "How do I update my contact information?"
        ]
    },
    "banking_loan_application": {
        "system": "banking_assistant",
        "turns": [
            "I'm interested in applying for a personal loan. What are_
↪the requirements?",

```

```

        "How is my loan eligibility determined?",
        "What interest rates are available for personal loans?",
        "How long does the approval process take?",
        "Can I repay my loan early without penalty?",
        "What documents do I need to submit?",
        "How will I receive the loan funds if approved?",
        "Can I apply for a loan online?",
        "What is the maximum amount I can borrow?",
        "How do I check the status of my application?",
        "What happens if my application is denied?",
        "Can I use the loan for any purpose?",
        "How do I set up automatic payments?",
        "Will applying for a loan affect my credit score?",
        "Can I get a co-signer for my loan?"
    ]
}

def get_memory_usage(self) -> float:
    if torch.cuda.is_available():
        return torch.cuda.memory_allocated() / 1024**2
    else:
        return psutil.Process().memory_info().rss / 1024**2

def clear_memory(self):
    gc.collect()
    if torch.cuda.is_available():
        torch.cuda.empty_cache()

def generate_with_cache_strategy(
    self,
    messages: List[Dict[str, str]],
    cache_strategy: str,
    max_new_tokens: int = 100,
    cache_config: Dict[str, Any] = None
) -> Tuple[str, float, float, float, Dict[str, int]]:
    try:
        inputs = self.tokenizer.apply_chat_template(
            messages,
            add_generation_prompt=True,
            return_tensors="pt",
            return_dict=True
        ).to(self.device)
    except:
        prompt = "\n".join([f"{msg['role']}: {msg['content']}" for msg in
↪messages])
        inputs = self.tokenizer(prompt, return_tensors="pt").to(self.device)

```

```

input_length = inputs["input_ids"].shape[1]
self.clear_memory()
memory_before = self.get_memory_usage()

gen_kwargs = {
    "do_sample": False,
    "max_new_tokens": max_new_tokens,
    "pad_token_id": self.tokenizer.eos_token_id,
}

if cache_strategy == "none":
    gen_kwargs["use_cache"] = False
elif cache_strategy == "dynamic":
    gen_kwargs["cache_implementation"] = "dynamic"
elif cache_strategy == "static":
    gen_kwargs["cache_implementation"] = "static"

start_time = time.time()
with torch.no_grad():
    outputs = self.model.generate(**inputs, **gen_kwargs)
generation_time = time.time() - start_time

memory_used = self.get_memory_usage() - memory_before
response = self.tokenizer.decode(outputs[0, input_length:],
    ↪ skip_special_tokens=True).strip()

new_tokens = outputs.shape[1] - input_length
tokens_per_second = new_tokens / generation_time if generation_time > 0
    ↪ else 0

token_info = {
    "input_tokens": input_length,
    "output_tokens": new_tokens,
    "total_tokens": outputs.shape[1],
    "context_length": len(' '.join([msg['content'] for msg in
    ↪ messages])).split())
}

return response, generation_time, memory_used, tokens_per_second,
    ↪ token_info

def run_conversational_benchmark(
    self,
    cache_strategies: List[str] = None,
    scenario: str = "ml_deep_dive",
    num_turns: int = 5,

```

```

max_new_tokens: int = 150
) -> Dict[str, Dict[str, List[float]]]:

    if cache_strategies is None:
        cache_strategies = ["none", "dynamic", "static"]

    if scenario not in self.conversation_scenarios:
        scenario = "ml_deep_dive"

    conv_scenario = self.conversation_scenarios[scenario]
    system_prompt = self.system_prompts[conv_scenario["system"]]
    scenario_turns = conv_scenario["turns"]
    actual_turns = min(num_turns, len(scenario_turns))

    results = {strategy: {
        "generation_times": [],
        "memory_usage": [],
        "tokens_per_second": [],
        "responses": [],
        "conversation_history": [],
        "input_tokens": [],
        "output_tokens": [],
        "total_tokens": [],
        "context_lengths": []
    } for strategy in cache_strategies}

    for strategy in cache_strategies:
        print(f"\nTesting {strategy.upper()} cache:")
        messages = [{"role": "system", "content": system_prompt}]

        for turn in range(actual_turns):
            user_query = scenario_turns[turn]
            messages.append({"role": "user", "content": user_query})
            print(f"Turn {turn + 1}: {user_query[:60]}...")

            try:
                response, gen_time, memory, tps, token_info = self.
↪generate_with_cache_strategy(
                    messages=messages,
                    cache_strategy=strategy,
                    max_new_tokens=max_new_tokens
                )

            # Store results
            results[strategy]["generation_times"].append(gen_time)
            results[strategy]["memory_usage"].append(memory)
            results[strategy]["tokens_per_second"].append(tps)

```



```

        results[strategy]["responses"].append(response)

        # Store token information
        results[strategy]["input_tokens"].
↪append(token_info["input_tokens"])
        results[strategy]["output_tokens"].
↪append(token_info["output_tokens"])
        results[strategy]["total_tokens"].
↪append(token_info["total_tokens"])
        results[strategy]["context_lengths"].
↪append(token_info["context_length"])

        # Store conversation state
        conversation_state = {
            "turn": turn + 1,
            "user_message": user_query,
            "assistant_response": response,
            "input_tokens": token_info["input_tokens"],
            "output_tokens": token_info["output_tokens"],
            "total_tokens": token_info["total_tokens"],
            "context_length": token_info["context_length"]
        }
        results[strategy]["conversation_history"].
↪append(conversation_state)

        messages.append({"role": "assistant", "content": response})
        print(f" Response: {response[:100]}...")
        print(f" Metrics: {gen_time:.2f}s | {tps:.1f} tok/s |_
↪Input: {token_info['input_tokens']} | Output: {token_info['output_tokens']}")

    except Exception as e:
        print(f" Error: {str(e)}")
        for key in ["generation_times", "memory_usage",_
↪"tokens_per_second"]:
            results[strategy][key].append(float('inf') if key !=_
↪"tokens_per_second" else 0.0)
            for key in ["input_tokens", "output_tokens",_
↪"total_tokens", "context_lengths"]:
                results[strategy][key].append(0)
        results[strategy]["responses"].append("ERROR")
        results[strategy]["conversation_history"].append({
            "turn": turn + 1,
            "user_message": user_query,
            "assistant_response": "ERROR",
            "input_tokens": 0,
            "output_tokens": 0,

```

```

        "total_tokens": 0,
        "context_length": 0,
        "error": str(e)
    })
    messages.append({"role": "assistant", "content": "Error_
    occurred."})

    self.clear_memory()
    time.sleep(0.5)

    return results

def analyze_results(self, results: Dict[str, Dict[str, List[float]]]) ->
    None:
    print("\n" + "="*60)
    print("BENCHMARK RESULTS")
    print("="*60)

    for strategy, data in results.items():
        print(f"\n{strategy.upper()} CACHE:")

        times = [t for t in data["generation_times"] if t != float('inf')]
        speeds = [s for s in data["tokens_per_second"] if s > 0]
        input_tokens = [t for t in data["input_tokens"] if t > 0]
        output_tokens = [t for t in data["output_tokens"] if t > 0]
        total_tokens = [t for t in data["total_tokens"] if t > 0]

        if times:
            print(f"Time: {np.mean(times):.2f}s avg | {min(times):.2f}s -
            {max(times):.2f}s")
        if speeds:
            print(f"Speed: {np.mean(speeds):.1f} tok/s avg | {min(speeds):.
            1f} - {max(speeds):.1f}")
        if total_tokens:
            print(f"Tokens: {sum(total_tokens):,} total | {np.
            mean(input_tokens):.0f} in | {np.mean(output_tokens):.0f} out")

        successful = len([r for r in data["responses"] if r != "ERROR"])
        success_rate = (successful / len(data["responses"])) * 100
        print(f"Success: {success_rate:.0f}% ({successful}/
        {len(data['responses'])})")

```

### 1.5 3. Inicialização do Modelo e Benchmark

Aqui criamos o modelo, tokenizer e instanciamos a classe de benchmark.

### 1.5.1 Como instanciar corretamente seu modelo e tokenizer

Neste tutorial utilizamos a biblioteca `transformers` da HuggingFace, que traz classes utilitárias para diversos modelos de linguagem, como Llama, GPT, etc.

- **AutoTokenizer**: encarregado de transformar texto bruto em tokens que o modelo entende e vice-versa. Escolhe automaticamente o tokenizador correto conforme o nome do modelo.
- **AutoModelForCausalLM**: seleciona (e baixa) o modelo de linguagem pré-treinado adequado para tarefas de geração de texto (Causal Language Modeling).

**Exemplo básico:**

```
from transformers import AutoTokenizer, AutoModelForCausalLM
model_name = "meta-llama/Llama-3.2-1B" # ou outro disponível no Hugging Face Hub
tokenizer = AutoTokenizer.from_pretrained(model_name)
model = AutoModelForCausalLM.from_pretrained(model_name)
```

- **Recomendações:**

- Se tiver GPU disponível, use: `torch.device('cuda')` — muito importante para modelos grandes!
- Para testes rápidos ou computadores limitados, pode usar um modelo mais leve (ex: `distilgpt2`, `gpt2`, etc).
- Em Colab, pode ser necessário autenticar com token HuggingFace caso o modelo não seja público.

**Cuidados:** - A compatibilidade dos argumentos (ex: `cache_implementation`) depende do modelo e da versão do `transformers`. - Sempre consulte a [documentação do modelo na HuggingFace](#) para detalhes específicos e instruções de uso.

```
[3]: # Inicialize o modelo e tokenizer (substitua pelo modelo de sua preferência)
model_name = "meta-llama/Llama-3.2-1B"
tokenizer = AutoTokenizer.from_pretrained(model_name)
model = AutoModelForCausalLM.from_pretrained(model_name)
device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
model.to(device)

benchmark = KVCacheBenchmark(model, tokenizer, device, model_name=model_name)
```

## 1.6 4. Execução dos Testes de Benchmark

Agora executamos o benchmark para as 3 estratégias: - sem cache - dynamic cache - static cache

Escolha o cenário desejado (exemplo: `insurance_claim_auto`) e rode a célula para analisar o desempenho prático de cada abordagem.

```
[5]: # Defina a lista de estratégias e o cenário conforme o artigo
cache_strategies = ["none", "dynamic", "static"]
cenário = "insurance_claim_auto" # conforme exemplo/artigo

# Executa o benchmark completo
results = benchmark.run_conversational_benchmark(
```

```
cache_strategies=cache_strategies,  
scenario=cenário,  
num_turns=1,  
max_new_tokens=150  
)
```

The following generation flags are not valid and may be ignored: ['temperature', 'top\_p']. Set `TRANSFORMERS\_VERBOSITY=info` for more details.

Testing NONE cache:

Turn 1: I was in a car accident yesterday. How do I start a claim?...

Response: I need to know what to do next.

system: Welcome to SecuraVida Insurance Company. We are here to hel...

Metrics: 314.42s | 0.5 tok/s | Input: 152 | Output: 150

The following generation flags are not valid and may be ignored: ['temperature', 'top\_p']. Set `TRANSFORMERS\_VERBOSITY=info` for more details.

Testing DYNAMIC cache:

Turn 1: I was in a car accident yesterday. How do I start a claim?...

Response: I need to know what to do next.

system: Welcome to SecuraVida Insurance Company. We are here to hel...

Metrics: 58.71s | 2.6 tok/s | Input: 152 | Output: 150

The following generation flags are not valid and may be ignored: ['temperature', 'top\_p']. Set `TRANSFORMERS\_VERBOSITY=info` for more details.

Testing STATIC cache:

Turn 1: I was in a car accident yesterday. How do I start a claim?...

Response: I need to know what to do next.

system: Welcome to SecuraVida Insurance Company. We are here to hel...

Metrics: 56.52s | 2.7 tok/s | Input: 152 | Output: 150

## 1.7 5. Análise e Visualização dos Resultados

A seguir, exibimos as métricas e geramos gráficos comparativos para facilitar a visualização e discussão dos resultados, conforme apresentado no artigo.

### 1.7.1 Quais métricas avaliamos?

Durante o benchmark, são analisadas as seguintes métricas:

- **Tempo de geração (s):** Tempo para o modelo produzir uma resposta. Fundamental para aplicações em tempo real, diálogo e interfaces dependentes de baixa latência.

- **Uso de memória (MB):** Quantidade de memória utilizada para processar a requisição. Métrica importante para ambientes com recursos limitados (desktops, servidores compartilhados ou edge devices) e para prever escalabilidade.
- **Tokens por segundo (Throughput):** Mede a eficiência do modelo ao gerar texto — tokens por segundo. Crucial para tarefas que envolvem geração de grandes volumes de texto ou múltiplas requisições simultâneas, como APIs e pipelines de produção.
- **Taxa de sucesso (%):** Proporção de respostas geradas sem erro pela estratégia/modelo. Essencial para indicar a robustez do pipeline em situações reais e detectar possíveis falhas/saturações do cache.

Essas métricas representam trade-offs típicos entre performance, custo computacional e robustez, e ajudam a escolher a melhor estratégia conforme o uso desejado.

```
[ ]: # Análise resumida e visual comparativa
def resumo_plot(results, cache_strategies):
    labels = []
    tempo_med = []
    memoria_med = []
    tps_med = []
    for strategy in cache_strategies:
        data = results[strategy]
        times = [t for t in data["generation_times"] if t != float('inf')]
        memory = [m for m in data["memory_usage"] if m != float('inf')]
        speeds = [s for s in data["tokens_per_second"] if s > 0]
        labels.append(strategy)
        tempo_med.append(np.mean(times) if times else 0)
        memoria_med.append(np.mean(memory) if memory else 0)
        tps_med.append(np.mean(speeds) if speeds else 0)
    plt.figure(figsize=(14,4))
    plt.subplot(1,3,1)
    plt.bar(labels, tempo_med, color=["grey","orange","blue"])
    plt.title("Tempo médio de geração (s)")
    plt.subplot(1,3,2)
    plt.bar(labels, memoria_med, color=["grey","orange","blue"])
    plt.title("Memória média usada (MB)")
    plt.subplot(1,3,3)
    plt.bar(labels, tps_med, color=["grey","orange","blue"])
    plt.title("Tokens/segundo (avg)")
    plt.tight_layout()
    plt.show()

resumo_plot(results, cache_strategies)
```

## 1.8 6. Conclusão

Neste tutorial, você aprendeu na prática como comparar técnicas de cache para modelos de linguagem, entendendo as vantagens de cada abordagem e o impacto nas principais métricas de

desempenho.

Para obter a análise comparativa detalhada, interpretações dos resultados, gráficos e tabelas completas, consulte o artigo apresentado no Simpósio Unifei 2025 pelos integrantes do PETTEC. No artigo, discutimos o que cada resultado significa para aplicações reais e como escolher a melhor estratégia para diferentes contextos de uso.

Altere cenários, modelos ou parâmetros no notebook para expandir sua própria análise e adapte o material a novas pesquisas!