# Biostatistiques avancées avec R Représentation et gestion des données

Christophe Lalanne

www.aliquote.org

## **Synopsis**

Éléments de contexte

Gestion des données avec R

Représentations graphiques

Importation et sauvegarde de données

Mesures d'association

Application

Ø dffa642 2 / 51

## Le langage R

R est un logiciel pour le traitement et la modélisation de données statistiques (11,18).

Il s'agit avant tout d'un langage de programmation inspiré du langage S développé dans les années  $80^{(1,2)}$ .

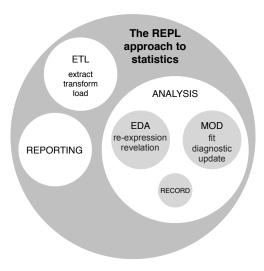
Le projet est maintenu par la *R Foundation for Statistical Computing* (www.r-project.org) et il est soutenu par le *R Consortium* (www.r-consortium.org).

Dans cet environnement interactif, l'utilisateur envoie des commandes, R les interprète et renvoit un résultat (« Read-Eval-Print-Loop », REPL).

Let's not kid ourselves : the most widely used piece of software for statistics is Excel — Brian Ripley

⊕ dffa642
 3 / 5:

# Approche interactive de l'analyse de données



⊕ dffa642

4 / 51

#### Exemple de variable

On parlera de variables et de commandes pour distinguer les objets dans lesquels on stocke des données et les fonctions permettant d'opérer sur ces données, respectivement.

La commande c() permet d'associer une liste de valeurs à une variable; l'opérateur d'assignation est le symbole  $\leftarrow$  (ou =). Pour afficher le contenu d'une variable, il suffit de taper son nom ou d'utiliser print().

```
> v <- c(1,1,2,3,5,8,13)
> v
[1] 1 1 2 3 5 8 13
> print(v)
[1] 1 1 2 3 5 8 13
> rm(v)
```

### Représentation des données

Principaux types de variables : numeric (integer, double), complex, character, logical (21).

```
> is.numeric(3.14)
Γ17 TRUE
> is.double(3.14)
[1] TRUE
> is.integer(3.14)
[1] FALSE
> as.integer(3.14)
Γ17 3
```

⊕ dffa642

# Représentation des données

En pratique, on travaille rarement avec des variables isolées, mais plutôt avec un tableau de données où les observations sont arrangées en lignes et les variables en colonnes<sup>(20)</sup>. Sous R, on appelle ce type de structure de données un « data frame ».

La commande data() permet d'importer des données disponibles dans les différents packages R. Généralement, les données sont immédiatement disponibles sous forme de data frame et la commande ls() permet de vérifier le nom du data frame importé dans l'espace de travail.

Pour visualiser l'en-tête des données, on peut utiliser la commande head().

Voici par exemple les données d'une étude sur la longueur des odontoblastes (variable len) chez 10 cochons d'inde après administration de vitamine C à différentes doses (0,5, 1 ou 2 mg, variable dose) sous forme d'acide ascorbique ou de jus d'orange (variable supp) <sup>(5)</sup>.

- > data(ToothGrowth)
- > head(ToothGrowth)

#### len supp dose

- 1 4.2 VC 0.5
- 2 11.5 VC 0.5
- 3 7.3 VC 0.5
- 4 5.8 VC 0.5
- 5 6.4 VC 0.5
- 6 10.0 VC 0.5

● dffa642

8/51

Une aide en ligne (help()) est généralement disponible pour les jeux de données internes.

```
> ls()
[1] "ToothGrowth"
```

- > ## help(ToothGrowth)
- > str(ToothGrowth)

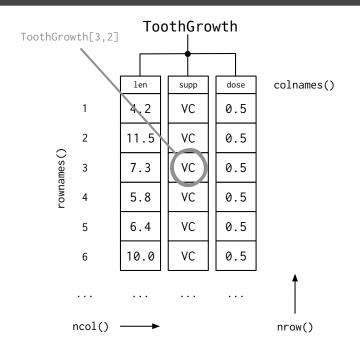
```
'data.frame': 60 obs. of 3 variables:
$ len : num   4.2 11.5 7.3 5.8 6.4 10 11.2 11.2 5.2 7 ...
$ supp: Factor w/ 2 levels "OJ", "VC": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
$ dose: num   0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 ...
```

### Propriétés d'un data frame

La commande str() fournit la taille du tableau de données [2], ainsi que le nom des variables, leur mode de représentation et un aperçu des 10 1<sup>re</sup> observations [3–5].

Γ17 60 3

⊕ dffa642
 10 / 51



#### Sélection indexée d'observations

```
Notation : [i,j], i^e ligne et j^e colonne.
```

```
> ToothGrowth[1,]
 len supp dose
1 4.2 VC 0.5
> ToothGrowth[c(1,3),]
 len supp dose
1 4.2 VC 0.5
3 7.3 VC 0.5
> ToothGrowth[1:5, 2]
[1] VC VC VC VC VC
Levels: OJ VC
> ToothGrowth[1:5, "supp"]
[1] VC VC VC VC VC
Levels: OJ VC
```

⊕ dffa642
 12 / 51

#### Sélection critériée d'observations

Principe identique à la sélection indexée, sauf que les observations sont sélectionnés à partir de filtres logiques.

Notation: & (et), | (ou), ! (négation), %in% (ou ensembliste).

> ToothGrowth\$supp[ToothGrowth\$len < 11]

```
[1] VC VC VC VC VC VC OJ OJ OJ OJ OJ Levels: OJ VC
```

● dffa642

#### Sélection critériée d'observations

La commande subset() est plus souple d'utilisation, et elle renvoie un data frame (et non un vecteur).

```
> subset(ToothGrowth, supp == "VC" & dose == 0.5, len)
```

```
1 4.2
2 11.5
3 7.3
4 5.8
5 6.4
6 10.0
7 11.2
8 11.2
9 5.2
```

10 7.0

len

⊕ dffa642

## Résumé numérique

Pour obtenir un résumé numérique d'une variable (ou d'un data frame), on utilise summary().

#### > summary(ToothGrowth\$len)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 4.2 13.1 19.2 18.8 25.3 33.9
```

#### > summary(ToothGrowth\$supp)

OJ VC 30 30

#### > summary(ToothGrowth)

16	en	supp	dose
Min.	: 4.2	OJ:30	Min. :0.50
1st Qu.	:13.1	VC:30	1st Qu.:0.50
Median	:19.2		Median :1.00
Mean	:18.8		Mean :1.17
3rd Qu.	:25.3		3rd Qu.:2.00
Max.	:33.9		Max. :2.00

## Résumé numérique

La variable dose peut être considérée comme numérique ou catégorielle. Dans le 2<sup>e</sup> cas, il est nécessaire de la convertir en factor().

> head(ToothGrowth\$dose)

[1] 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5

> unique(ToothGrowth\$dose)

[1] 0.5 1.0 2.0

> head(factor(ToothGrowth\$dose))

[1] 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5

Levels: 0.5 1 2

#### A PERIODIC TABLE OF VISUALIZATION METHODS

>⊹< €			Visual rep	Visualiza resentations of q or with or withou	uontitotive data	in schemetic		The systems tions in the	malysis, develop	alization orientary visual ment, formulation of strategies in a	n, communi-						G graphic facilitation
>©< Tb table	> <a>Ca</a> cartesian coordinates		The use of plify cognit on image, i	Information Visualization The use of interactive visual representations of data to compilify capsition. This recors that the data is transformed into an image, it is mapped to some suppose. The image on be changed by suers as they proceed working with it.				Metaphor Visualization  You'd Metaphor poston information graphically to angainst end structure information. They also convey an imight about the represented information through the key characteristics of the metaphor that is employed.			> :: < Me meeting trace	meac unb Mm >∯<	Tm temple	St stary template	>>< Tr tee	C£ cartoos	
>∴< Pi pie chart	>::< L line chart		Methods t	ept Visu s elaborate (mas s, and analyses.				The complex	nentary use of o	sualizati (forest graphic schema or from	приме-	> :: < Co communication diagram	> () < Fig fight plan	> # < ES concept sceletos	Br bridge	>>> Fu funed	Ri rich picture
>⊹< B bar chart	>::< Ac area chart	>::< R radar chart cobweb	>©< Pa parallel coordinates	>⊙< Hy hyperbolic tree	>#< Gy cycle dagram	> () < timeline	>∴< Ve vea dagran	<⊙> Mi mindrasp	Sq square of oppositions	> tit < CC cancentric circles	>>< AP argument side	>⊙< SW swin tase dagram	>¤< GC gatt dart	< <p>&lt;</p> Pm perspectives dagram	>©< D dlenma dagram	<∴>> PP parameter ruler	Kn knowledge map
⊷⇔< Hi istogram	SC scatterplot	>∴< Sa saskay diagram	>@< In informacion lense	>ti < E entity relationship diagram	>:::< Pt petri net	>@< for chart	<::>	> tic LG layer chart	>©< Py minto piramid technique	> :: < Ce cause effect chains	> C <	>©< Dt decision tree	>D< opn critical path method	<⇔> Cf csecept fas	>@< Coccept map	IC iceberg	₽ Lm karning map
>∴< TK tukey box plot	>⊅< Sp specialyan	>#< Da data map	>@< Tp trensp	>©< En	>#< Sy system dyn/ simulation	>©< Df data flow dagram	<;;>> Se semantic network	>©< So selt system modeling	sloeiti unb	<⇔> Fo force field diagram	>¤< Ib ibis argumentation map	>   Proposis event chains	>&< Pe pert chart	<©>> EV erecative ksowledge map	>⊙< V lee dagram	<☆> Hh bezven 's' bell chart	informeral
Cy	Proces Visuali							on and con			take some	time to loa	d a pop-up	picture.		VI	ersion I.
Hy :	Structi Visuali Overvi Detail	zation		> < < Su supply demand curve	>©< PG performance charring	>¤< St strateg map	>>< OC organization chart	Ho house of quality	>>< Fd feefback dagram	Ft failure tree	>::< Mq nagic quadrant	>#< Ld life-tycle dagram	>>< Po porter's five forces	S syde	>©< Sm stakehelder map	⊙ IS ishkawa dagram	TG technology readmap
⊕ < > > <	Diverg	AND Ove	ing	Ed edgeworth box	>©< Pf pordolio diagram	Sg stratejic game board	> < MZ mintaberg's organigraph	Z zwicky's morphological	<⊙> Ad affaity digram	ecision discovery	>¤< Bm kg natis	> t < Stc strategy careas	>:th<	Hy hype-cycle	>::< SP stakeholder rating map	>¤< Ta	Sd spray dagram

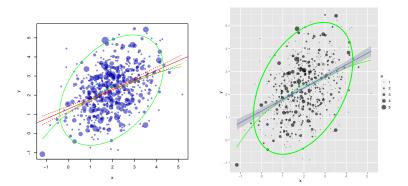
http://www.visual-literacy.org/periodic\_table/periodic\_table.html

⊕ dffa642

17 /

## Systèmes graphiques sous R

R dispose de deux principaux système graphiques – base et  $grid^{(14)}$  – et de trois interfaces :  $graphics^{(3)}$ ,  $lattice^{(15)}$  et  $ggplot2^{(19)}$ .



Le package lattice sera utilisé pour la plupart des illustrations graphiques.

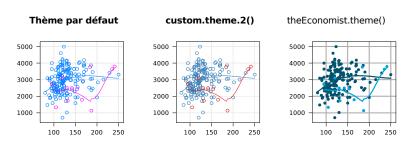
### Le package lattice

histogram() histogramme (effectif, fréquence, densité) courbe de densité non-paramétrique densityplot() stripplot() diagramme de dispersion univarié ggmath() « quantile plot » bwplot() diagramme en boîte à moustaches barchart() diagramme en barres dotplot() diagramme de Cleveland xyplot() diagramme de dispersion

- Graphiques prêts à l'usage pour l'analyse exploratoire et la modélisation, légende automatique, conditionnement, thèmes graphiques
- Personnalisation délicate (idem pour graphics et ggplot2)

⊕ dffa642

- > library(lattice)
- > if (!require(latticeExtra))
- + install.packages("latticeExtra")
- > lattice.options(default.args = list(axis = axis.grid))
- > trellis.par.set(ggplot2like(lwd = 2.5))

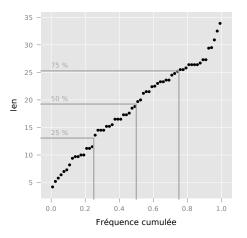


Use excellent graphics, liberally — Frank E Harrell

⊕ dffa642
 20 / 51

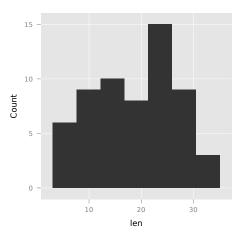
# Fonction de répartition

> qqmath(~ len, data = ToothGrowth, dist = qunif)



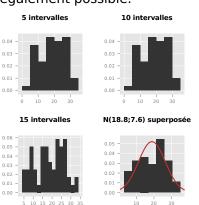
# Histogramme d'effectifs

> histogram(~ len, data = ToothGrowth, type = "count")



## Histogramme d'effectifs

Le paramètre breaks= permet de changer le nombre d'intervalles construits (voir aussi nint=). Par défaut, la méthode utilisée est la méthode de Sturges<sup>(17)</sup>. L'ajout d'une loi de densité gaussienne dont les paramètres sont estimés à partir de l'échantillon est également possible.



## Graphiques en trellis

Les graphiques en trellis <sup>(6,4)</sup> offrent une structure de graphique simple et efficace pour représenter des données multidimensionnelles. En particulier, ils introduisent la notion de facettes pour représenter des distributions conditionnelles.

La notation utilisée est la notation par formule :

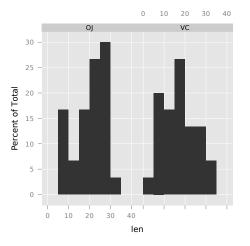
- y ~ x | a, y en fonction de x condit. à a
- y ~ x | a + b, y en fonction de x condit. à a et b

Les variables continues peuvent être « catégorisées » à l'aide de « shingles ». En transformant les variables numériques en facteurs, il devient possible de représenter un plus grand nombre de croisement de variables, tout en tenant compte de la nature continue des données.

● dffa642 24 / 5:

# Histogramme de fréquences relatives

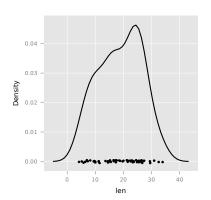
```
> histogram(~ len | supp, data = ToothGrowth,
+ breaks = seq(0, 40, by = 5))
```

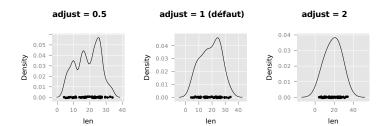


#### Courbe de densité

Pour pallier à l'arbitraire du choix du nombre d'intervalles, on peut préférer représenter la fonction de densité empirique <sup>(18,16)</sup>. Il reste toutefois à définir la largeur de la fenêtre de lissage associée à la fonction ou noyau (voir help(bw.nrd0) ou §5.6<sup>(18)</sup>).

> densityplot(~ len, data = ToothGrowth)



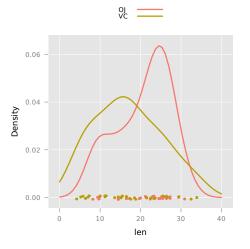


$$\hat{f}(x) = \frac{1}{nb} \sum_{j=1}^{n} K\left(\frac{x - x_{j}}{b}\right)$$

K() noyau donné (par défaut, gaussien), et b largeur de la fenêtre de lissage :  $\hat{b}=1.06$  ou 0.9 min $(\hat{\sigma},R/1.34)n^{-1/5}$ .

#### Courbe de densité conditionnelle

```
> densityplot(~ len, data = ToothGrowth, groups = supp,
+ from = 0, to = 40, auto.key = TRUE)
```

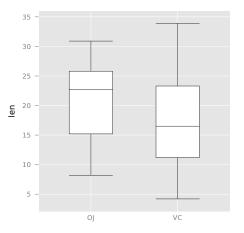


#### Graphics versus Lattice

```
> plot(density(ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "OJ"]),
           main = "". xlab = "len". las = 1. lwd = 2. col = "coral")
    > lines(density(ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "VC"]),
 4
            lwd = 2. col = "cornflowerblue")
    > ## rug() does not allow to use a grouping factor
 6
    > points(x = ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "OJ"],
 7
             y = runif(n = length(ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "0|"]),
8
                       \min = -0.001, \max = 0.001),
9
              col = "coral")
10
    > points(x = ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "VC"],
11
             y = runif(n = length(ToothGrowth$len[ToothGrowth$supp == "VC"]),
12
                        \min = -0.001. \max = 0.001).
13
             col = "cornflowerblue")
14
    > legend("top", levels(ToothGrowth$supp),
15
              col = c("coral", "cornflowerblue"),
16
             Ity = 1, bty = "n")
```

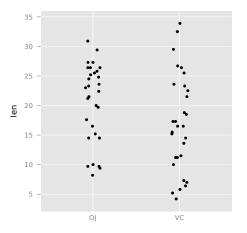
# Diagramme de type boîtes à moustaches

> bwplot(len ~ supp, data = ToothGrowth, pch = "|")



# Diagrammes en barres et en points

> dotplot(len ~ supp, ToothGrowth, jitter.x = TRUE)



### Type de fichiers

R peut lire des données enregistrées sous de nombreux formats :

- fichiers Stata, SPSS, SAS (packages foreign, Hmisc, readr)
- fichiers texte (read.table())
- fichiers MS Excel (packages xlsx, readxl)
- base de données relationnelles ou NoSQL (packages DBI, RMySQL, RPostgreSQL, RMongo, RODBC, RSQLite)
- données non structurées de type JSON (packages rjson, jsonlite)

Les fichiers peuvent être enregistrés sur le disque ou lus directement depuis internet.

⊕ dffa642
 32 / 51

#### Lecture d'un fichier texte

#### help(read.table)

```
1
    read.table(file, header = FALSE, sep = "", quote = "\"'",
 2
                dec = ".", numerals = c("allow.loss", "warn.loss", "no.loss"),
 3
               row.names. col.names. as.is = !stringsAsFactors.
 4
                na.strings = "NA", colClasses = NA, nrows = -1,
 5
                skip = 0, check.names = TRUE, fill = !blank.lines.skip,
6
                strip.white = FALSE, blank.lines.skip = TRUE,
 7
               comment.char = "#".
8
                allowEscapes = FALSE, flush = FALSE,
9
                stringsAsFactors = default.stringsAsFactors(),
10
                fileEncoding = "", encoding = "unknown", text, skipNul = FALSE)
11
12
    read.csv(file, header = TRUE, sep = ",", quote = "\"",
13
              dec = ".", fill = TRUE, comment.char = "", ...)
14
15
    read.csv2(file, header = TRUE, sep = ";", quote = "\"",
16
              dec = ",", fill = TRUE, comment.char = "", ...)
17
18
    read.delim(file . header = TRUE, sep = "\t", quote = "\"".
19
               dec = ".", fill = TRUE, comment.char = "", ...)
```

⊕ dffa642
 33 / 51

## Exemples de fichiers





https://github.com/PF-BB/Biostat/data

- Framingham.csv, « Framingham Heart Study » (12,7)
- PAINT.DAT, « Health survey of paint sprayers » (8)
- polymorphism.dta, « Polymorphisme et gène du récepteur estrogène » (7)

### L'étude Framingham

	Données à l'inclusion
sbp	systolic blood pressure (SBP) in mm Hg
dbp	diastolic blood pressure (DBP) in mm Hg
age	age in years
scl	serum cholesterol (SCL) in mg/100ml
bmi	body mass index (BMI) = weight/height2 in kg/m2
sex	gender (1=male, 2=female)
month	month of year in which baseline exam occurred
id	patient identification variable (numbered 1 to
	4699)
	Données de suivi
followup	follow-up in days
chdfate	CHD outcome (1=patient develops CHD at the end
	of follow-up, 0=otherwise)

⊕ dffa642
 36 / 51

# Recodage et aggrégation de données

```
> fhs$sex <- factor(fhs$sex, levels = 1:2,</pre>
+
                   labels = c("M", "F")
> summary(fhs$sex)
2040 2618
> aggregate(sbp ~ sex, data = fhs, mean)
  sex sbp
1 M 132
2 F 133
> aggregate(sbp ~ sex, data = fhs, sd)
  sex sbp
1 M 19.7
2 F 24.9
```

#### Classification IMC (OMS, http://goo.gl/JxzT)

> summary(fhs\$bmi)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
16.2 22.9 25.2 25.6 28.0 57.6
```

- > fhs\$bmi.cat <- cut(fhs\$bmi, breaks=c(16,18.5,25,30,58),</pre>
- + right = FALSE)
- > summary(fhs\$bmi.cat)

```
[16,18.5) [18.5,25) [25,30) [30,58)
71 2139 1852 596
```

- > levels(fhs\$bmi.cat) <- c("Under","Normal","Over","Obese")</pre>
- > ## relevel(fhs\$bmi.cat, ref = "Normal")

⊕ dffa642
 38 / 51

### Tableaux d'effectifs et de fréquences

```
> xtabs(~ sex + bmi.cat, data = fhs)
  bmi.cat
sex Under Normal Over Obese
   14 787 1013 226
   57 1352 839 370
> r <- xtabs(~ sex + bmi.cat, data = fhs)</pre>
> margin.table(r, margin = 2)
bmi.cat
Under Normal Over Obese
   71 2139 1852 596
> prop.table(r, margin = 2)
  bmi cat
sex Under Normal Over Obese
 M 0.197 0.368 0.547 0.379
 F 0.803 0.632 0.453 0.621
```

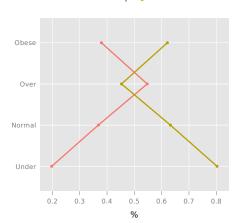
⊕ dffa642

### Format de représentation d'un tableau

F Obese 0.621

⊕ dffa642
 40 / 51

# Diagramme de fréquences relatives



### Association entre deux variables numériques

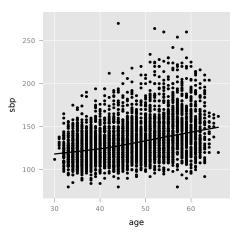
> summary(fhs[,c("sbp", "age")])

```
sbp
           age
Min. : 80 Min. :30
1st Qu.:116 1st Qu.:39
Median :130 Median :45
Mean :133 Mean :46
3rd Qu.:144 3rd Qu.:53
Max. :270 Max. :66
> cor(fhs$sbp, fhs$age)
Γ17 0.395
> cor(fhs$sbp, fhs$age, method = "spearman")
Γ17 0.389
```

⊕ dffa642 42 / 51

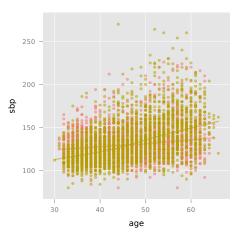
#### Diagramme de dispersion

> xyplot(sbp ~ age, data = fhs, type = c("p", "smooth"))



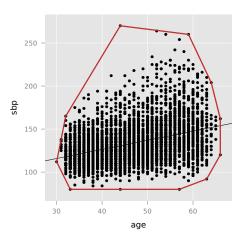
### Diagramme de dispersion conditionnel

```
> xyplot(sbp ~ age, data = fhs, groups = sex,
+ type = c("p", "smooth"), alpha = 0.5)
```



# Enveloppe d'un nuage de points

```
> ch <- with(fhs, chull(sbp, age))
> cor(fhs$sbp[-ch], fhs$age[-ch])
[1] 0.398
```



#### Ce qu'il faut retenir

- Il est important de vérifier le codage des variables, et de recoder en fonction des besoins de l'analyse ou de la visualisation.
- On caractérise d'abord les distributions univariées avant de passer aux visualisations ou aux modèles multivariés.
   Cela permet de détecter les éventuelles valeurs aberrantes, la mauvaise représentation de certaines modalités d'une variable catégorielle, ou l'existence d'asymétrie dans les distributions.
- L'interface lattice utilise la même notation par formule que les fonctions R pour la modélisation statistique.
- De nombreux outils sont disponibles dans les packages vcd et vcdExtra<sup>(13,9)</sup> pour la visualisation des données catégorielles.

● dffa642 46 / 5:

# Étude sur les poids de naissance

« The low birth weight study »

Il s'agit d'une étude prospective visant à identifier les facteurs de risque associés à la naissance de bébés dont le poids est inférieur à la norme (2,5 kg). Les données proviennent de 189 femmes, dont 59 ont accouché d'un enfant en sous poids. Parmi les variables d'intérêt figurent l'âge de la mère, le poids de la mère lors des dernières menstruations, l'ethnicité de la mère et le nombre de visites médicales durant le premier trimestre de grossesse<sup>(10)</sup>.

Elle est disponible sous R dans le package MASS:

> data(birthwt, package="MASS")

● dffa642 47 / 53

#### **Exercices**

- 1. Recoder les variables catégorielles en facteur et faire un résumé numérique et graphique de chaque variable.
- 2. Quel est le poids moyen des femmes qui fumait durant leur grossesse?
- 3. Combien dénombre t-on d'antécédents d'hypertension chez les femmes pesant plus de 60 kg (sachant que les mesures du fichier sont exprimées en livres)?
- 4. Quel est le poids minimal des bébés chez les mères n'ayant pas manifesté une irritabilité utérine?
- 5. Recoder la variable ftv en variable binaire (0 ou 1+).
- Construire un tableau croisant cette variable avec la variable low; calculer la moyenne et l'écart-type pour la variable bwt dans les deux groupes d'individus définis par cette variable ftv01.

● dffa642

#### Références I

- RA Becker and JM Chambers. S: A language and system for data analysis. Bell Laboratories Computer Information Service, Murray Hill, New Jersey, 1981.
- 2. RA Becker and JM Chambers. S: An Interactive Environment for Data Analysis and Graphics. Wadsworth, 1984.
- RA Becker, JM Chambers, and AR Wilks. The New S Language. Wadsworth & Brooks/Cole, 1988.
- RA Becker, WS Cleveland, and MJ Shyu. The visual design and control of trellis display. *Journal of Computational and Statistical Graphics*, 5(2):123–155, 1996.
- 5. CI Bliss. The Statistics of Bioassay. Academic Press, 1952.
- 6. WS Cleveland. Visualizing Data. Hobart Press, 1993.
- WD Dupont. Statistical Modeling for Biomedical Researchers. Cambridge University Press, 2ème edition, 2009.
- 8. B Everitt and S Rabe-Hesketh. *Analyzing Medical Data Using S-PLUS*. Springer, 2001.
- M Friendly. Tutorial: Working with categorical data with r and the vcd package, 2011. URL http://www.datavis.ca/courses/VCD.
- 10. D Hosmer and S Lemeshow. Applied Logistic Regression. New York: Wiley, 1989.

⊕ dffa642
 49 / 51

#### Références II

- 11. R Ihaka and R Gentleman. R: A language for data analysis and graphics. *Journal of Computational and Graphical Statistics*, 5(3):299–314, 1996.
- 12. D Levy. 50 years of discovery: Medical milestones from the national heart, lung, and blood institute's Framingham Heart Study. Hackensack, N.J.: Center for Bio-Medical Communication Inc., 1999.
- 13. D Meyer, A Zeilis, and K Hornik. The strucplot framework: Visualizing multi-way contingency tables with vcd. *Journal of Statistical Software*, 17(3), 2006.
- 14. P Murrell. *R Graphics*. Chapman & Hall/CRC, 2011. URL https://www.stat.auckland.ac.nz/~paul/RG2e.
- 15. D. Sarkar. *Lattice: Multivariate Data Visualization with R*. Springer, 2008. URL http://lmdvr.r-forge.r-project.org.
- 16. BW Silverman. Density estimation. Chapman and Hall, 1986.
- 17. HA Sturges. The choice of a class interval. *Journal of the American Statistical Association*, pages 65–66, 1926.
- 18. WN Venables and BD Ripley. *Modern Applied Statistics with S.* Springer, 4ème edition, 2002. ISBN 0-387-95457-0.
- H Wickham. ggplot2: Elegant Graphics for Data Analysis. Springer, 2009. URL http://ggplot2.org.
- 20. H Wickham. Tidy data. Journal of Statistical Software, 59:1-23, 2014.
- 21. H Wickham, Advanced R. 2015, URL http://adv-r.had.co.nz.

#### Index des commandes

aggregate, 37 as.data.frame, 40 bwplot.30 c. 5. 29 character, 6 chull, 45 col. 29 complex, 6 cor, 42, 45 cut, 38 data, 7, 8, 47 density, 29 densityplot, 26, 28 dim. 10.35

dotplot, 31, 41 double, 6 factor, 16, 37 head, 7, 8, 16 help, 9, 26, 33 histogram, 22, 25 install.packages, 20 integer, 6 lattice.options, 20 legend, 29 length, 29 levels, 10, 29, 38 library, 20

lines. 29 logical, 6 ls, 7, 9 margin.table.39 max, 29 min, 29 names, 10, 35 numeric. 6 plot, 29 points, 29 print.5 prop. table, 39, 40 ggmath, 21 quote, 33 read.csv.35

read.table, 32, 33
require, 20
rm, 5
runif, 29
str, 9, 10
subset, 14, 35
summary, 15, 37, 38, 42
trellis.par.set, 20
unique, 16
xtabs, 39
xyplot, 43, 44