



UNIVERSIDADE FEDERAL DA BAHIA

TRABALHO DE GRADUAÇÃO

**Uma abordagem fuzzy híbrida para organização de documentos,
utilizando os algoritmos de agrupamento possibilístico e fuzzy c
means**

Nilton Vasques Carvalho Junior

Programa de Graduação em Ciência da Computação

Salvador
1 de junho de 2016

NILTON VASQUES CARVALHO JUNIOR

**UMA ABORDAGEM FUZZY HÍBRIDA PARA ORGANIZAÇÃO DE
DOCUMENTOS, UTILIZANDO OS ALGORITMOS DE
AGRUPAMENTO POSSIBILÍSTICO E FUZZY C MEANS**

Este Trabalho de Graduação foi apresentado ao Programa de Graduação em Ciência da Computação da Universidade Federal da Bahia, como requisito parcial para obtenção do grau de Bacharel em Ciência da Computação.

Orientadora: Profa. Dra. Tatiane Nogueira Rios

Salvador
1 de junho de 2016

Ficha catalográfica.

Carvalho, Nilton Vasques Jr.

Uma abordagem fuzzy híbrida para organização de documentos, utilizando os algoritmos de agrupamento possibilístico e fuzzy c means / Nilton Vasques Carvalho Junior– Salvador, 1 de junho de 2016.

15p.: il.

Orientadora: Profa. Dra. Tatiane Nogueira Rios.
Monografia (Graduação)– UNIVERSIDADE FEDERAL DA BAHIA, INSTITUTO DE MATEMÁTICA, 1 de junho de 2016.

“1. Fuzzy C Means. 2. Organização de documents. 3. Lógica Fuzzy. 4. Mineração de dados.”.

I. Rios, Tatiane Nogueira. II. UNIVERSIDADE FEDERAL DA BAHIA. INSTITUTO DE MATEMÁTICA. III Título.

NUMERO CDD

TERMO DE APROVAÇÃO

NILTON VASQUES CARVALHO JUNIOR

UMA ABORDAGEM FUZZY HÍBRIDA PARA ORGANIZAÇÃO DE DOCUMENTOS, UTILIZANDO OS ALGORITMOS DE AGRUPAMENTO POSSIBILÍSTICO E FUZZY C MEANS

Este Trabalho de Graduação foi julgado adequado à obtenção do título de Bacharel em Ciência da Computação e aprovado em sua forma final pelo Programa de Graduação em Ciência da Computação da Universidade Federal da Bahia.

Salvador, DIA de MES de ANO

Profa. Dra. Tatiane Nogueira Rios
Universidade Federal da Bahia

Prof. Dr. Professor 2
Universidade 123

Profa. Dra. Professora 3
Universidade ABC

Coloque sua DEDICATÓRIA AQUI.

AGRADECIMENTOS

Coloque seus AGRADECIMENTOS AQUI.

O que sabemos é uma gota, o que ignoramos é um oceano.
—ISAAC NEWTON (1687)

RESUMO

Diante da grande quantidade de informações geradas e armazenadas pela humanidade na atualidade, vários métodos foram propostos visando processar esses dados. Dentre esses dados, temos uma imensa quantidade de dados textuais, que por sua vez são não estruturados. Com isso é notória a importância, de organizar de maneira automatizada, esses documentos pelos assuntos ao qual se tratam. Em particular temos um conjunto de técnicas pertencentes ao campo de estudo da mineração de textos, que visam realizar a tarefa de extrair informações relevantes de documentos textuais. Esta tarefa de análise e extração de informações é comumente segmentada nas tarefas de coleta, pré-processamento dos documentos, agrupamento dos dados e por fim a extração de descritores dos grupos obtidos na etapa de agrupamento. Os métodos de agrupamento podem ser separados então pela lógica matemática utilizada, que pode ser a lógica clássica ou a lógica fuzzy. Na lógica clássica, após o agrupamento, cada documento só poderá pertencer a um grupo, enquanto na lógica fuzzy, a pertinência do documento será distribuída entre os grupos. Se analisarmos a diversidade de conteúdo em documentos textuais, é trivial notar que frequentemente um texto aborda um ou mais temas. Com isso é evidente a necessidade de desenvolver-se técnicas para organizar de maneira flexível os documentos. Percebe-se então, que os métodos de agrupamento fuzzy, se mostram coerentes com a realidade multi temática dos documentos textuais. Por sua vez, o método FCM(fuzzy c means), que é uma adaptação do clássico k means, se propõe a identificar e separar uma coleção de documentos em grupos, respeitando a lógica multi valorada, permitindo assim que um documento pertença a um ou mais grupos. No entanto o FCM possui algumas falhas conhecidas, o que motivou a pesquisa e desenvolvimento de métodos alternativos e baseados no FCM, com o propósito de sanar estes problemas. Este é o caso dos métodos PCM(Possibilístico C Means) e PFCM(Possibilístico C Means). Para então avaliarmos corretamente o resultado do agrupamento e a qualidade da organização flexível de documentos, é preciso extrair corretamente os descritores dos grupos obtidos, levando em consideração a relevância de determinado termo para cada grupo. Com isso temos um cenário no qual é preciso combinar métodos de agrupamento fuzzy com métodos de extração de descritores, para obtermos uma bom resultado no processo de organização dos documentos. A investigação e refinamento dessa combinação de métodos, foi a motivação do presente trabalho. Como resultado desse trabalho foi, proposto extender os experimentos referentes a organização flexível de documentos, utilizando novos métodos de agrupamento fuzzy existentes na literatura, como o PCM e o PFCM. Assim como também foi proposto os métodos de extração de descritores: i) Mixed-PFDCL (*Mixed - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), que se utiliza da abordagem híbrida do algoritmo PFCM, misturando assim descritores fuzzy e possibilísticos. ii) MixedW-PFDCL (*Mixed Weight - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), onde além de misturar

descritores fuzzy e possibilístico, leva em consideração os parâmetros de ponderação do método PFCM. Além dos métodos de extração de descritores, foi conduzido um estudo dos impactos de se utilizar o algoritmo PCM, no método de agrupamento hierárquico HFCM, o que resultou no método de agrupamento hierárquico HPCM (*Hierarchical Possibilistic C Means*).

Palavras-chave: agrupamento fuzzy, agrupamento possibilístico, organização flexível de documentos, mineração de textos

ABSTRACT

A new powerful and flexible organization of documents can be obtained by mixing fuzzy and possibilistic clustering, in which documents can belong to more than one cluster simultaneously with different compatibility degrees with a particular topic. The topics are represented by clusters and the clusters are identified by one or more descriptors extracted by a proposed method. We aim to investigate whether the descriptors extracted after fuzzy and possibilistic clustering improves the flexible organization of documents. Experiments were carried using a collection of documents and we evaluated the descriptors ability to capture the essential information of the used collection. The results prove that the fuzzy possibilistic clusters descriptors extraction is effective and can improve the flexible organization of documents.

Keywords: fuzzy clustering, possibilistic clustering, flexible organization, documents, text mining

SUMÁRIO

Capítulo 1—Introdução	1
Capítulo 2—Fundamentação Teórica	3
2.1 Conjuntos e Lógica Fuzzy	3
2.1.1 Definição de conjuntos fuzzy	3
2.1.2 Lógica fuzzy	4
2.2 Organização Flexível de Documentos	5
2.2.1 Pré-Processamento	5
2.2.2 Agrupamento Fuzzy	5
2.2.3 Extração de descritores	5
Capítulo 3—Revisão Bibliográfica	7
Capítulo 4—Experimentos	9
4.1 Refinamento com os algoritmos PCM e PFCM	9
4.2 Refinamento da extração de descritores usando uma abordagem mista . .	10
4.3 Abordagem possibilística hierárquica	11
Capítulo 5—Conclusão	13

LISTA DE FIGURAS

LISTA DE TABELAS

Capítulo

1

Uma breve introdução sobre do que se trata esta monografia e a maneira como o texto está organizado.

INTRODUÇÃO

Diante da grande quantidade de informações geradas e armazenadas pela humanidade na atualidade, vários métodos foram propostos visando processar esses dados. Dentre esses dados, temos uma imensa quantidade de dados textuais, que por sua vez são não estruturados. Com isso é notória a importância, de organizar de maneira automatizada, esses documentos pelos assuntos ao qual se tratam. Em particular temos um conjunto de técnicas pertencentes ao campo de estudo da mineração de textos, que visam realizar a tarefa de extrair informações relevantes de documentos textuais. Esta tarefa de análise e extração de informações é comumente segmentada nas tarefas de coleta, pré-processamento dos documentos, agrupamento dos dados e por fim a extração de descritores dos grupos obtidos na etapa de agrupamento. Os métodos de agrupamento podem ser separados então pela lógica matemática utilizada, que pode ser a lógica clássica ou a lógica fuzzy. Na lógica clássica, após o agrupamento, cada documento só poderá pertencer a um grupo, enquanto na lógica fuzzy, a pertinência do documento será distribuída entre os grupos. Se analisarmos a diversidade de conteúdo em documentos textuais, é trivial notar que frequentemente um texto aborda um ou mais temas. Com isso é evidente a necessidade de desenvolver-se técnicas para organizar de maneira flexível os documentos. Percebe-se então, que os métodos de agrupamento fuzzy, se mostram coerentes com a realidade multi temática dos documentos textuais. Por sua vez, o método FCM(fuzzy c means), que é uma adaptação do clássico k means, se propõe a identificar e separar uma coleção de documentos em grupos, respeitando a lógica multi valorada, permitindo assim que um documento pertença a um ou mais grupos. No entanto o FCM possui algumas falhas conhecidas, o que motivou a pesquisa e desenvolvimento de métodos alternativos e baseados no FCM, com o propósito de sanar estes problemas. Este é o caso dos métodos PCM(Possibilístico C Means) e PFCM(Possibilístico C Means). Para então avaliarmos corretamente o resultado do agrupamento e a qualidade da organização flexível de documentos, é preciso extrair corretamente os descritores dos grupos obtidos, levando em consideração a relevância de determinado termo para cada grupo. Com isso temos um cenário no qual é preciso combinar métodos de agrupamento fuzzy com métodos de

extração de descritores, para obtermos um bom resultado no processo de organização dos documentos. A investigação e refinamento dessa combinação de métodos, foi a motivação do presente trabalho. Como resultado desse trabalho foi, proposto estender os experimentos referentes a organização flexível de documentos, utilizando novos métodos de agrupamento fuzzy existentes na literatura, como o PCM e o PFCM. Assim como também foi proposto os métodos de extração de descritores: i) Mixed-PFDCL (*Mixed - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), que se utiliza da abordagem híbrida do algoritmo PFCM, misturando assim descritores fuzzy e possibilísticos. ii) MixedW-PFDCL (*Mixed Weight - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), onde além de misturar descritores fuzzy e possibilístico, leva em consideração os parâmetros de ponderação do método PFCM. Além dos métodos de extração de descritores, foi conduzido um estudo dos impactos de se utilizar o algoritmo PCM, no método de agrupamento hierárquico HFCM, o que resultou no método de agrupamento hierárquico HPCM (*Hierarchical Possibilistic C Means*).

Este capítulo tem como objetivo fundamentar as bases necessárias dos campos de estudos utilizados nesta monografia.

FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA

2.1 CONJUNTOS E LÓGICA FUZZY

A lógica fuzzy é uma lógica multi valorada, onde os valores das variáveis pertencem ao intervalo de $[0,1]$, enquanto na lógica clássica os valores verdades só possuem os estados 0 ou 1 (também conhecido como valores *crisp*). Uma das mais importantes aplicações está no tratamento de precisão e incerteza. O que nos permite a modelar soluções mais adequadas para ambientes imprecisos e incertos.

Primeiramente introduzida em (ZADEH, 1965), onde o autor inicia a discussão definindo os conjuntos fuzzy, sendo uma classe de objetos com valores contínuos de pertinência. Cada conjunto é então caracterizado por uma função de pertinência, a qual atribui a cada objeto do conjunto um grau de pertinência que varia entre zero e um. As operações matemáticas da teoria dos conjuntos, como inclusão, união, intersecção, complemento, relação, etc., também são estendidas aos conjuntos fuzzy, assim como várias propriedades dessas notações são definidas.

Uma das motivações da lógica fuzzy, vem da maneira como nosso cérebro classifica e rotula o mundo real. Por exemplo, ao rotularmos uma pessoa como alta, estamos atribuindo ela ao grupo de pessoas altas. Assim como quando nos expressamos sobre o quanto um determinado dia está fazendo calor ou frio. O conjunto de pessoas altas ou dias frios, não se enquadra na sua totalidade na lógica clássica. Pois essa forma imprecisa de descrever o mundo a nossa volta, desempenha um papel fundamental na forma de pensar humana, assim como também nas áreas de reconhecimento de padrões, comunicação e abstração (ZADEH, 1965).

2.1.1 Definição de conjuntos fuzzy

Seja X um espaço de objetos, com um elemento genérico x . Sendo $X = \{x\}$.

Um conjunto fuzzy A em X é caracterizado por uma função de pertinência $f_A(x)$, a qual associa a cada elemento de X um número real presente no intervalo de $[0, 1]$, sendo o valor de $f_A(x)$ a representação do grau de pertinência de x em A .

2.1.2 Lógica fuzzy

Antes da lógica fuzzy ser introduzida em (ZADEH, 1965), em 1930 Lukasiewics(CHEN, 2000) desenvolveu a lógica n-valorada para $3 < n < \infty$, utilizando apenas os operadores lógicos de negação – e implicação \Rightarrow . Dado então um inteiro positivo, $n > 3$, a lógica n-valorada assume valores verdade pertencente ao intervalo $[0, 1]$, definidos pela seguinte partição igualmente espaçada:

$$0 = \frac{0}{n-1}, \frac{1}{n-1}, \frac{2}{n-1}, \dots, \frac{n-2}{n-1}, \frac{n-1}{n-1} = 1$$

Para estender a lógica n-valorada para uma lógica com infinitos valores $2 \leq n \leq \infty$, (ZADEH, 1965) modificou a lógica de Lukasiewics definindo os seguintes operadores lógicos:

$$\bar{a} = 1 - a$$

$$a \wedge b = \min\{a, b\}$$

$$a \vee b = \max\{a, b\}$$

$$a \Rightarrow b = \min\{1, 1 + b - a\}$$

$$a \Leftrightarrow b = 1 - |a - b|$$

O objetivo da lógica fuzzy é prover mecanismos para tratar imprecisão e incerteza, se baseando na teoria de conjuntos fuzzy e usando proposições imprecisas, de modo similar a lógica clássica usando proposições precisas baseadas na teoria dos conjuntos. Para entendermos essa noção, vejamos então um mesmo exemplo pela ótica do raciocínio clássico e em seguida usando as ferramentas para descrever imprecisão da lógica fuzzy.

- a) Todo texto com 100 palavras ou mais da área jurídica, tem como assunto o direito.
- b) O texto A com título as manifestações de junho, tem 100 palavras da área jurídica.
- c) O texto B com título política nas universidades, tem 99 palavras da área jurídica.
- d) O texto A tem como assunto o direito e o texto B não tem como assunto o direito.

Essa série de proposições ilustra o raciocínio empregado na lógica clássica, e seguindo as regras de inferência conseguimos verificar que as sentenças estão corretas. No entanto é fácil notar que a sentença d) não expressa muito bem o nosso entendimento sobre a temática dos textos. Seria comum alguém substituir a sentença d), por e) O texto B fala um pouco sobre direito. Vamos então adicionar a imprecisão comum no mundo real as sentenças anteriores.

- a) Todo texto que tem entre 50 e 100 palavras da área jurídica fala um pouco sobre direito. Enquanto todo texto que contenha 100 ou mais palavras da área jurídica fala bastante sobre direito.
- b) O texto A com título as manifestações de junho, tem 100 palavras da área jurídica.

- c) O texto B com título política nas universidades, tem 99 palavras da área jurídica.
- d) O texto A fala bastante sobre direito, enquanto o texto B fala um pouco sobre direito.

Esse tipo de dedução comumente utilizada no nosso dia a dia, não tem como ser tratada pela lógica clássica. No entanto podemos lidar com esse tipo de inferência imprecisa, empregando a lógica fuzzy, a qual permite o uso de alguns termos linguísticos imprecisos como:

- Predicados fuzzy: antigo, raro, caro, alto, rápido
- Quantificadores fuzzy: muito, pouco, quase, alguns
- Graus de verdade fuzzy: totalmente verdadeiro, verdadeiro, parcialmente falso, falso, definitivamente falso

2.2 ORGANIZAÇÃO FLEXÍVEL DE DOCUMENTOS

2.2.1 Pré-Processamento

2.2.2 Agrupamento Fuzzy

2.2.3 Extração de descritores

Revisão de todo material utilizado desde a fase de pesquisa e implementação até a execução dos experimentos.

REVISÃO BIBLIOGRÁFICA

Diante da grande quantidade de informações geradas e armazenadas pela humanidade na atualidade, vários métodos foram propostos visando processar esses dados. Dentre esses dados, temos uma imensa quantidade de dados textuais, que por sua vez são não estruturados. Com isso é notória a importância, de organizar de maneira automatizada, esses documentos pelos assuntos ao qual se tratam. Em particular temos um conjunto de técnicas pertencentes ao campo de estudo da mineração de textos, que visam realizar a tarefa de extrair informações relevantes de documentos textuais. Esta tarefa de análise e extração de informações é comumente segmentada nas tarefas de coleta, pré-processamento dos documentos, agrupamento dos dados e por fim a extração de descritores dos grupos obtidos na etapa de agrupamento. Os métodos de agrupamento podem ser separados então pela lógica matemática utilizada, que pode ser a lógica clássica ou a lógica fuzzy. Na lógica clássica, após o agrupamento, cada documento só poderá pertencer a um grupo, enquanto na lógica fuzzy, a pertinência do documento será distribuída entre os grupos. Se analisarmos a diversidade de conteúdo em documentos textuais, é trivial notar que frequentemente um texto aborda um ou mais temas. Com isso é evidente a necessidade de desenvolver-se técnicas para organizar de maneira flexível os documentos. Percebe-se então, que os métodos de agrupamento fuzzy, se mostram coerentes com a realidade multi temática dos documentos textuais. Por sua vez, o método FCM(fuzzy c means), que é uma adaptação do clássico k means, se propõe a identificar e separar uma coleção de documentos em grupos, respeitando a lógica multi valorada, permitindo assim que um documento pertença a um ou mais grupos. No entanto o FCM possui algumas falhas conhecidas, o que motivou a pesquisa e desenvolvimento de métodos alternativos e baseados no FCM, com o propósito de sanar estes problemas. Este é o caso dos métodos PCM(Possibilístico C Means) e PFCM(Possibilístico C Means). Para então avaliarmos corretamente o resultado do agrupamento e a qualidade da organização flexível de documentos, é preciso extrair corretamente os descritores dos grupos obtidos, levando em consideração a relevância de determinado termo para cada grupo. Com isso temos

um cenário no qual é preciso combinar métodos de agrupamento fuzzy com métodos de extração de descritores, para obtermos uma bom resultado no processo de organização dos documentos. A investigação e refinamento dessa combinação de métodos, foi a motivação do presente trabalho. Como resultado desse trabalho foi, proposto extender os experimentos referentes a organização flexível de documentos, utilizando novos métodos de agrupamento fuzzy existentes na literatura, como o PCM e o PFCM. Assim como também foi proposto os métodos de extração de descritores: i) Mixed-PFDCL (*Mixed - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), que se utiliza da abordagem híbrida do algoritmo PFCM, misturando assim descritores fuzzy e possibilísticos. ii) MixedW-PFDCL (*Mixed Weight - Possibilistic Fuzzy Descriptor Comes Last*), onde além de misturar descritores fuzzy e possibilístico, leva em consideração os parâmetros de ponderação do método PFCM. Além dos métodos de extração de descritores, foi conduzido um estudo dos impactos de se utilizar o algoritmo PCM, no método de agrupamento hierárquico HFCM, o que resultou no método de agrupamento hierárquico HPCM (*Hierarchical Possibilistic C Means*).

EXPERIMENTOS

A lógica fuzzy é uma lógica multi valorada, onde os valores das variáveis pertencem ao intervalo de $[0,1]$, enquanto na lógica clássica os valores verdadeiros só possuem os estados 0 ou 1 (também conhecido como valores *crisp*). Uma das mais importantes aplicações está no tratamento de precisão e incerteza. O que nos permite a modelar soluções mais adequadas para ambientes imprecisos e incertos.

Primeiramente introduzida em (ZADEH, 1965), onde o autor inicia a discussão definindo os conjuntos fuzzy, sendo uma classe de objetos com valores contínuos de pertinência. Cada conjunto é então caracterizado por uma função de pertinência, a qual atribui a cada objeto do conjunto um grau de pertinência que varia entre zero e um. As operações matemáticas da teoria dos conjuntos, como inclusão, união, interseção, complemento, relação, etc., também são estendidas aos conjuntos fuzzy, assim como várias propriedades dessas notações são definidas.

Uma das motivações da lógica fuzzy, vem da maneira como nosso cérebro classifica e rotula o mundo real. Por exemplo, ao rotularmos uma pessoa como alta, estamos atribuindo ela ao grupo de pessoas altas. Assim como quando nos expressamos sobre o quanto um determinado dia está fazendo calor ou frio. O conjunto de pessoas altas ou dias frios, não se enquadra na sua totalidade na lógica clássica. Pois essa forma imprecisa de descrever o mundo a nossa volta, desempenha um papel fundamental na forma de pensar humana, assim como também nas áreas de reconhecimento de padrões, comunicação e abstração (ZADEH, 1965).

4.1 REFINAMENTO COM OS ALGORITMOS PCM E PFCM

Seja X um espaço de objetos, com um elemento genérico x . Sendo $X = \{x\}$.

Um conjunto fuzzy A em X é caracterizado por uma função de pertinência $f_A(x)$, a qual associa a cada elemento de X um número real presente no intervalo de $[0, 1]$, sendo o valor de $f_A(x)$ a representação do grau de pertinência de x em A .

4.2 REFINAMENTO DA EXTRAÇÃO DE DESCRITORES USANDO UMA ABORDAGEM MISTA

Antes da lógica fuzzy ser introduzida em (ZADEH, 1965), em 1930 Lukasiewics (CHEN, 2000) desenvolveu a lógica n-valorada para $3 < n < \infty$, utilizando apenas os operadores lógicos de negação $-$ e implicação \Rightarrow . Dado então um inteiro positivo, $n > 3$, a lógica n-valorada assume valores verdade pertencente ao intervalo $[0, 1]$, definidos pela seguinte partição igualmente espaçada:

$$0 = \frac{0}{n-1}, \frac{1}{n-1}, \frac{2}{n-1}, \dots, \frac{n-2}{n-1}, \frac{n-1}{n-1} = 1$$

Para estender a lógica n-valorada para uma lógica com infinitos valores $2 \leq n \leq \infty$, (ZADEH, 1965) modificou a lógica de Lukasiewics definindo os seguintes operadores lógicos:

$$\bar{a} = 1 - a$$

$$a \wedge b = \min\{a, b\}$$

$$a \vee b = \max\{a, b\}$$

$$a \Rightarrow b = \min\{1, 1 + b - a\}$$

$$a \Leftrightarrow b = 1 - |a - b|$$

O objetivo da lógica fuzzy é prover mecanismos para tratar imprecisão e incerteza, se baseando na teoria de conjuntos fuzzy e usando proposições imprecisas, de modo similar a lógica clássica usando proposições precisas baseadas na teoria dos conjuntos. Para entendermos essa noção, vejamos então um mesmo exemplo pela ótica do raciocínio clássico e em seguida usando as ferramentas para descrever imprecisão da lógica fuzzy.

- a) Todo texto com 100 palavras ou mais da área jurídica, tem como assunto o direito.
- b) O texto A com título as manifestações de junho, tem 100 palavras da área jurídica.
- c) O texto B com título política nas universidades, tem 99 palavras da área jurídica.
- d) O texto A tem como assunto o direito e o texto B não tem como assunto o direito.

Essa série de proposições ilustra o raciocínio empregado na lógica clássica, e seguindo as regras de inferência conseguimos verificar que as sentenças estão corretas. No entanto é fácil notar que a sentença d) não expressa muito bem o nosso entendimento sobre a temática dos textos. Seria comum alguém substituir a sentença d), por e) O texto B fala um pouco sobre direito. Vamos então adicionar a imprecisão comum no mundo real as sentenças anteriores.

- a) Todo texto que tem entre 50 e 100 palavras da área jurídica fala um pouco sobre direito. Enquanto todo texto que contenha 100 ou mais palavras da área jurídica fala bastante sobre direito.

- b) O texto A com título as manifestações de junho, tem 100 palavras da área jurídica.
- c) O texto B com título política nas universidades, tem 99 palavras da área jurídica.
- d) O texto A fala bastante sobre direito, enquanto o texto B fala um pouco sobre direito.

Esse tipo de dedução comumente utilizada no nosso dia a dia, não tem como ser tratada pela lógica clássica. No entanto podemos lidar com esse tipo de inferência imprecisa, empregando a lógica fuzzy, a qual permite o uso de alguns termos linguísticos imprecisos como:

- Predicados fuzzy: antigo, raro, caro, alto, rápido
- Quantificadores fuzzy: muito, pouco, quase, alguns
- Graus de verdade fuzzy: totalmente verdadeiro, verdadeiro, parcialmente falso, falso, definitivamente falso

4.3 ABORDAGEM POSSIBILÍSTICA HIERÁRQUICA

Capítulo

5

Síntese da investigação e dos experimentos realizados nesta monografia

CONCLUSÃO

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

CHEN, G. *Introduction to Fuzzy Sets, Fuzzy Logic, and Fuzzy Control Systems*. Hoboken, NJ: CRC Press, 2000. Disponível em: <https://cds.cern.ch/record/1250131>.

ZADEH, L. Fuzzy sets. *Information and Control*, v. 8, n. 3, p. 338 – 353, 1965. ISSN 0019-9958. Disponível em: <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S001999586590241X>.