Análise do Circuito RC no Domínio da Frequência

Pedro Henrique Gomes¹, Sarah Pereira Cerqueira²

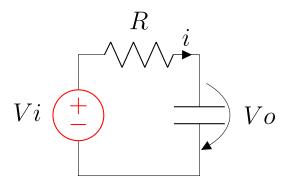
¹Departamento de Tecnologia (DTEC) – Universidade Estadual de Feira de Santana (UEFS) Caixa Postal 252 e 294 – 44036-900 – Feira de Santana – BA – Brazil

peuh_fsa@hotmail.com, sarahecomp@gmail.com

Abstract.

Resumo. Neste artigo é feita uma análise do circuito RC (resistor e capacitor) no domínio da frequência.

1. Diagrama do Circuito



2. Análise do Circuito

A reatância e a Indutância num capacitor podem ser descritas por:

$$Xc = \frac{1}{w.C} \tag{1}$$

$$Zc = Xc.j (2)$$

logo:

$$Zc = \frac{j}{w.C} \tag{3}$$

Aplicando o divisor de Tensão:

$$Vo(w) = \frac{Zc.Vi}{Zc + Zr} \tag{4}$$

Sabemos que a impedância Zr no resistor vale:

$$Zr = R (5)$$

Agora substituindo (3) em (4),

$$Vo(w) = \frac{\frac{j.Vi}{w.C}}{\frac{j}{w.C} + R} \tag{6}$$

Simplificando esse resultado, temos:

$$Vo(w) = \frac{1.Vi}{1 + jwRC} \tag{7}$$

Portanto, a resposta em frequência desse circuito é expressa por:

$$\frac{Vo(w)}{Vi(w)} = \frac{1}{1 + jwRC} \tag{8}$$

Como solicitado, consideraremos R.C = 1, então temos:

$$\frac{Vo(w)}{Vi(w)} = \frac{1}{1+j.w} \tag{9}$$

Por fim, fazendo s = j.w o resultado final será:

$$\frac{Vo(s)}{Vi(s)} = \frac{1}{1+s} \tag{10}$$

O gráfico da Figura 1 exibe o comportamento da equação (10), onde o eixo das abicissas é variável independente s.

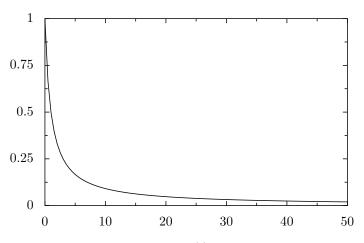


Figura 1. $\frac{Vo(s)}{Vi(s)} = \frac{1}{1+s}$