

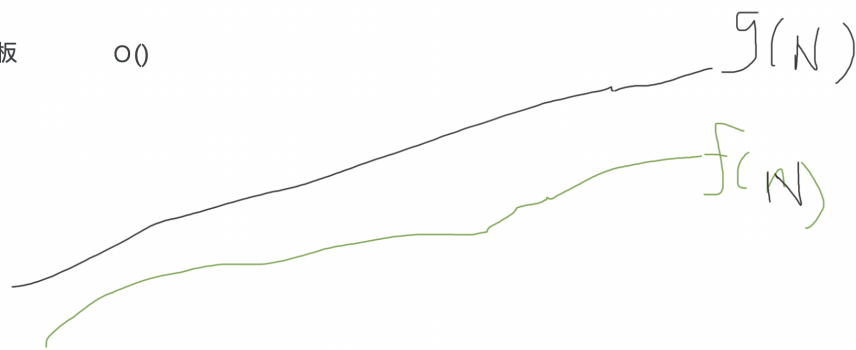
Phill-CPP-0823

algorithm

- able to be evaluation → performance evaluation → 1. time 2. space
- finite steps(有限指令)
- sequence (instruction sequence) 正確而有序的步驟指令解決問題
- $A \rightarrow P$
 - P 's instance → $A \rightarrow$ solved correctly
 - deterministic (確定性)
 - halting problem → 有限步驟停機 → finite loop constraint
 - for each instance → $A \rightarrow$ solved
- performance
 - time complexity (時間複雜度)
 - 指令 → 分類基本指令
 - 運算次數統計法 → 1. 困難統計 2. non-deterministic
 - 運算次數統計 $\leftarrow \rightarrow$ 輸入資料的量級
 - 不看運算指令數 → analysis function → $f(x) \rightarrow X:\text{input size} \rightarrow y = \text{time}$
 - $f(100), f(100000)$
 - time complexity → 輸入資料量級的函數
- 複雜度原則,符號
 - 複雜度上限(upper bound) → $O \rightarrow$ big O 天花板

天花板

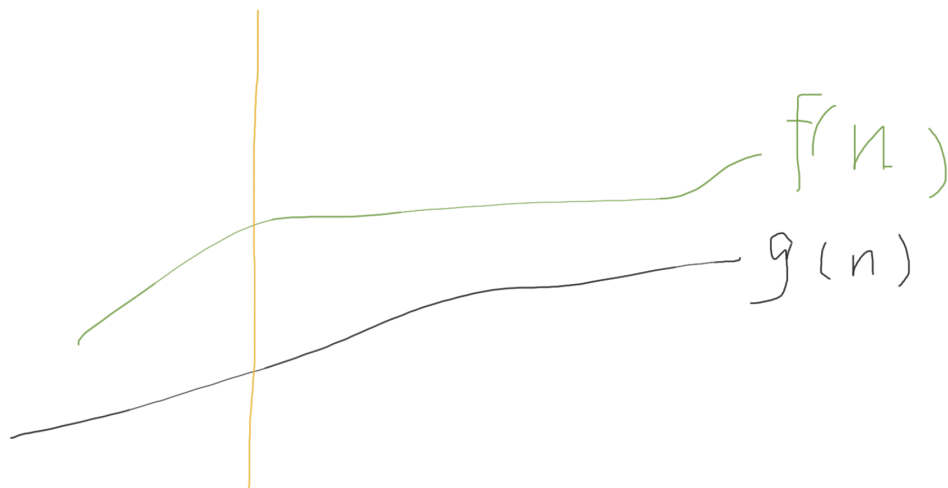
$O()$



$$f(n) = O(g(n))$$

$$\rightarrow C, N_0 \rightarrow \|f(n)\| \leq c\|g(n)\|, n \geq N_0$$

- 複雜度下限(lower bound) $\rightarrow \Omega \rightarrow \text{omega 地板}$



$$f(n) = \Omega(g(n))$$

$$\rightarrow C, N_0 \rightarrow \|f(n)\| \geq c\|g(n)\|, n \geq N_0$$

- 複雜度等級
 - $O(1)$ \rightarrow 常數複雜度 $\rightarrow g(n) = c \cdot 1 \rightarrow$ 神級演算法
 - $O(\log_2 n)$ \rightarrow 對數複雜度 \rightarrow 蠻好的
 - $O(n)$ \rightarrow 線性複雜度 \rightarrow reasonable
 - $O(n \log n)$ \rightarrow 次線性複雜度
 - $O(n^2)$ \rightarrow 平方複雜度 $\rightarrow 100$ (10000 sec) $\rightarrow 100$ 萬 (100萬*100 萬秒)

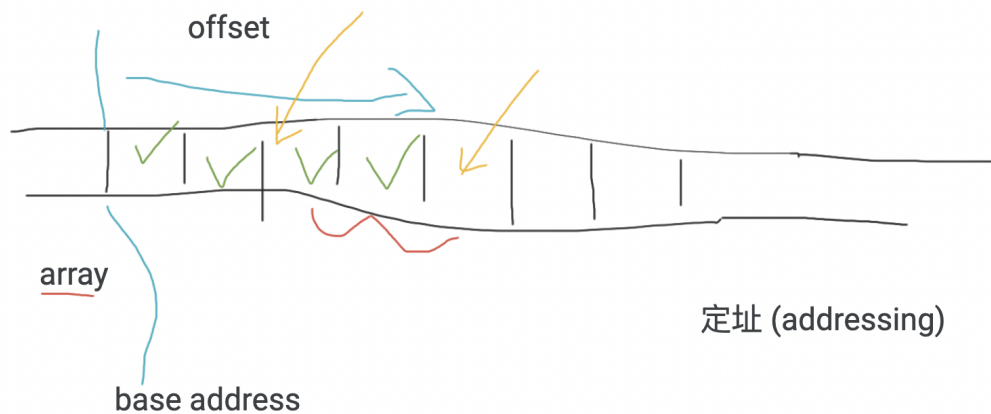
```
for (int i=0; i<=n; i++)
  for (int j=0; j<=m; j++){
    cout << i<< j<<endl;
  }
```

- $O(n^3)$
- $O(2^n) \rightarrow$ 指數複雜度
- $O(n!) \rightarrow$ 階乘複雜度

Data Structure

Linear List 線性序列

array



- 取值 $O(1)$
- 新增 插入 $\rightarrow O(n)$
- 刪除 $O(n)$
- 搜尋 $O(n)$

```
del a[2]
a[2] <- a[3]
```