Universität zu Köln Institut für Astrophysik

Versuchsprotokoll

B1.3: Bestimmung der Elementarladung nach Millikan

Autoren: Jesco Talies¹

Timon Danowski 2

Durchgefuehrt am: 19.04.2021

Betreuer: Marius Hermanns

 $^{^{1}}$ jtalies@smail.uni-koeln.de, Matrikel-Nr.: 7348338

² tdanowsk@smail.uni-koeln.de, Matrikel-Nr.: 7348629

Inhaltsverzeichnis

1	Vers	/ersuchsvorbereitung									
	1.1	Motivation	1								
	1.2	Die Elementarladung	1								
	1.3	Kräfte im Versuch	1								
		1.3.1 Coulomb Kraft $[\vec{F_c}]$	2								
		1.3.2 Gravitationskraft $[\vec{F}_q]$	2								
		1.3.3 Auftriebskraft [$\vec{F_a}$]	2								
		1.3.4 Reibungskraft $\vec{F_r}$	3								
		1.3.5 Cunningham-Korrektur	3								
	1.4	Herleitung der Formeln	3								
2	Durchführung										
	2.1	Aufbau	4								
	2.2	Kommutatorschalter	5								
	2.3	Strahlengang	5								
	2.4	Versuchsdurchführung	6								
3	Aus	swertung	6								
4	Disk	kussion	9								
5	Anh	nang	10								

1 Versuchsvorbereitung

1.1 Motivation

Bereits in den 1890er Jahren wurden erstmals versuche zu Elektronen durchgeführt, damals beschränkte sich das Wissen zunächst auf die Interaktion zwischen Elektronenstrahlen und elektrischen-,magnetischen Feldern. Damals experimentell ergründet anhand von Kathodenstrahlen durch J.J. Thompson. Er versuchte die erste quantitative Aussage über einen solchen Kathodenstrahl zu treffen, indem er dessen Bewegung in einem Magnetfeld beobachtete. Bereits damals wusste er das die Lorentzkraft die einzig notwendige Zentripetalkraft für eine Kreissbahn sein musste. Damit begründete er zunächst die Naturkonstante $\frac{e}{m_e}$ als Verhältnis von Ladung zu Masse. Im Rahmen der genaueren Bestimmung der Elementarladung entwickelte Harvey Fletcher angeregt von Robert Millikan im Rahmen seiner Doktorarbeit den hier beschriebenen und durchgeführten Versuch. Durch diesen war die Bestimmung der Elementarladung deutlich präzieser als mit vorherigen Experimenten zu selbiger. Für die Messungen von Harvey Fletcher erhielt Robert Millikan 1923 den Nobelpreis.

Um das Konzept einer quantisierten, bzw. der kleinsten quantisierbaren Ladung genauer zu ergründen bietet sich im Rahmen eines Praktikums kaum ein Versuch besser an als eben dieser. Er vereint Gravitation, Elektrostatik, Reibung und Auftrieb als Folge der Gravitation um durch geladene mikroskopische Öltröpfehen und deren Bewegung zwischen Kondensatorplatten um durch das herschende Kräfteverhältnis die Ladung der Tröpfehen präziese zu bestimmen.

Im versuch werden wir analog zu Harvey Fletcher die Steig- und Fallzeiten verschieden geladener Öltröpchen messen und durch eine vorgegebene Kondensatorspannung die Ladung der Tröpfchen erhalten. Ziel dieser Messung ist die Reproduktion des ursprünglichen Versuchs und die Quantisierung der Elementarladung, unter betrachtung des physikalischen Systems.

1.2 Die Elementarladung

Die Elementarladung, der Zentrale Kern dieses Versuchs, ist die kleinst mögliche frei existierende Ladung. Ihr Wert beträgt

$$e = 1,602176634 * 10^{-19}C (1)$$

Sie wird häufig verwendet um die Ladung eines einzelnen Elektrons bzw. Protons zu beschreiben. Ladungen freier Teilchen oder gar makroskopischen systemen lässt sich stehts als ein ganzzahliges Vielfaches dieser Ladung schreiben. Die Erkenntnis über eben diese additive bzw. quantitative Natur wird Robert Millikan zugeschrieben.

1.3 Kräfte im Versuch

In diesem Versuch befinden sich Öltröpchen in einem Plattenkondensator unter dem Einfluss verschiedener Kräfte. In Abbildung 1 sind diese einmal grob dargestellt. Dabei kennzeichnen die fettgedruckten Buchstaben eine vektorielle Größe.

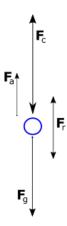


Abbildung 1: Darstellung der Kräfte auf ein geladenes Öltröpfchen (blau)

1.3.1 Coulomb Kraft [$ec{F_c}$]

Die dominierende Kraft in diesem Versuch ist die Coulomb Kraft. Sie definiert die Kraft auf eine Punktladung oder ein geladenes makroskopisches Objekt in Anwesenheit eines elektrischen Feldes. In diesem Fall wird das elektrische Feld durch den Plattenkondensator erzeugt und übt eine Kraft auf die Geladenen Öltröpfehen aus. Diese Kraft ist im 1 gekennzeichnet durch $\vec{F_c}$ und lässt sich beschreiben durch

$$\vec{F_c} = Q \cdot \frac{\pm U}{d} \vec{e_z} \tag{2}$$

wobei Q die Ladung des Objektes ist, U die Spannung zwischen den Kondensatorplatten und der Abstand der Kondensatorplatten ist. Die Richtung der resultierenden Kraft hängt dabei von der Polarisierung des Kondensators ab. Polt man diesen über den Kommutatorschalter 3 um, so ändert sich auch die Richtung der wirkenden Kraft. Sie ändert sich auch mit der Ladung des Objektes selber, diese lässt sich jedoch in diesem Aufbau nicht kontrollieren.

1.3.2 Gravitationskraft [$ec{F_g}$]

Die nächst größte Kraft ist hier die Gravitationskraft, sie beschreibt die Wirkung eines massereichen Objektes, hier der Erde, auf eine zweite Masse. Streng genommen beschreibt sie auch die anziehende Wirkung zwischen kleineren Massen, jedoch sind diese in Anwesenheit einer weitaus massereicheren Objektes zu vernachlässigen. Im Gravitationsfeld der Erde lässt sich die Kraft auf die Öltröpchen über

$$\vec{F}_g = m\vec{g} \tag{3}$$

wobei m
 die Masse des Objektes (hier das Öltröpchen) und g
 die lokale Erdbeschleunigung mit $g=9,80665\frac{m}{s^2}$ ist $(\vec{g}=g\cdot -\vec{e}_z)$ beschreiben. sie wirkt stehts in Richtung der Erdoberfläche und ist unabhängig von der Ladung der Tröpfchen. Sie wirkt entweder der Coulombkraft entgegen oder addiert sich zu ihr, daraus folgt auch das die Coulombkraft dominieren muss damit man den Steigvorgang der Tröpfchen beobachten kann.

1.3.3 Auftriebskraft [$\vec{F_a}$]

Die Auftriebskraft ist eine der Gravitationskraft entgegenwirkende Größe, sie beschreibt die scheinbare Massenabnahme eines Objekts durch die Verdrängung des umschließenden Mediums. Sie wirkt daher, das der Druck auf ein umschlossenes Object mit der Eintauchtiefe zunimmt und für makroskopische Objekte somit nicht als konstant angenommen werden kann. Sie hängt ab von der Dichte des umschließenden Mediums, bzw. des davon abhängigen Drucks, dem Volumen des Objekts und der Gravitationsbeschleunigung. Ein Tröpchen mit dem Radius r erfährt in der

Luft unter der Erdbeschleunigung eine Auftriebskraft:

$$\vec{F_a} = -\rho_{Luft} \frac{4}{3} \pi r^3 \vec{g} \tag{4}$$

mit ρ_{Luft} als Dichte der Luft. Dabei beschreibt $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ das Volumen einer Kugel. Da die dichte der Luft, oder Gasen im allgemeinen, im Vegleich zu üblichen Fluiden wie Wasser, oder Flüssigkeiten im allgemeinen, an denen üblicherweise der Begriff der Auftriebskraft demonstriert wird, ist die Auftriebskraft verschwindent gering.

1.3.4 Reibungskraft [$\vec{F_r}$]

Reibungskräfte sind Geschwindigkeitsabhängige Widerstandskräfte, die der Bewegung eines Körpers entgegenwirken. Man unterscheidet zwischen äußerer und innerer Reibung. Reibung entsteht im allgemeinen durch Energieaustausch eines bewegten Objektes mit seiner Umgebung, so gibt ein Festkörper im Falle von äusserer Reibung durch seine Kontaktfläche mit anderen Festkörpern einen Teil seiner Bewegungsenergie an diese ab, die daraus resultierende negative Beschleunigung wirkt der ursprünglichen Bewegungsrichtung entgegen und lässt sich in Verbindung mit der Masse des Objektes als Kraft interpretieren. Innere Reibung wirkt ähnlich, hier tritt der Energieverlust durch die Verformung benachbarter Teilchen innerhalb eines Festkörpers, Flüssigkeit oder wie hier einem Gaß auf. Für diesen Versuch interessiert uns die innere Reibung, welche sich aus der Viskosität des Mediums ableitet. Die Stokes-Reibungskraft auf eine Kugel mit dem Radius r und Geschwindigkeit v, welche sich durch ein Medium der Viskosität η bewegt ergibt sich zu

$$\vec{F_r} = -6\pi r \eta \vec{v} \tag{5}$$

1.3.5 Cunningham-Korrektur

Wenn der Radius eines Teilchens im Bereich der mittleren freien Weglänge des umgebenden Mediums liegt, trifft das Stoke sche Reibungsgesetz nicht mehr zu. Dies liegt daran, dass die Stoke sche Reibung die äußere Reibung zwischen Öl und Luft vernachlässigt. Unter Verwendung der Cunningham-Korrektur ändert sich die Stoke sche Reibung zu:

$$\vec{F}_R = -6\pi r \eta \vec{v} \cdot (1 + A_c \frac{\langle l \rangle}{r})^{-1} \tag{6}$$

wobei < l > die mittlere freie Weglänge und A_c eine Konstante ist, für die wir den Wert $A_c = 1,26$ verwenden werden.

1.4 Herleitung der Formeln

Aus den wirkenden Kräften können wir uns jetzt Formeln für den Radius und die Ladung eines Öltröpchens herleiten. Im Kräftegleichgewicht ist die Summe aller wirkenden Kräfte gleich 0. Das Medium in dem sich die Tröpchen bewegen ist Luft, daher $\rho_m = \rho_{air}$ und $\rho_K = \rho_{oil}$ Ein Tröpchen steigt für

$$\vec{F}_C + \vec{F}_A > \vec{F}_G \tag{7}$$

wegen der entgegenwirkenden Reibungskraft gleichmäßig mit:

$$\vec{v}_{steig} = \frac{1}{6\pi m} (Q\frac{U}{d} - \frac{4}{3}\pi r^3 - (?)g(\rho_{oil} - \rho_{air})) \cdot \vec{e}_z$$
 (8)

Bei Umpolung der Kondensatorplatten $(\vec{F}_C + \vec{F}_A < \vec{F}_G)$, ergibt sich für die Sinkgeschwindigkeit:

$$\vec{v}_{sink} = \frac{1}{6\pi\eta r} (Q\frac{U}{d} + \frac{4}{3}\pi r^3 - (?)g(\rho_{oil} - \rho_{air})) \cdot \vec{e}_z$$
 (9)

Durch Subtraktion der beiden Gleichungen und umstellen nach r, erhält man:

$$r = \sqrt{\frac{9\eta(vsink - v_steig)}{4g(\rho_{oil} - \rho_{air})}}$$
(10)

Durch Addition der beiden Gleichungen, Einsetzen von 0 oben und anschließendem umstellen nach Q, erhält man:

$$Q = \frac{3\pi d\eta r}{U} (v_{sink} + v_{steig}) \to \frac{9}{2}\pi d\sqrt{\frac{\eta^3 (v_{sink} - v_{steig})}{g(\rho_{oil} - \rho_{air})}} \frac{v_{sink} + v_{steig}}{U}$$
(11)

Mit der Cunningham Korrektur kommt man mit den selben Schritten auf den Radius:

$$r_C = \frac{A_c < l >}{2} + \sqrt{\frac{A_C < l >^2}{2} + \frac{9\eta(v_{sink} - v_{steig})}{4g(\rho_{oil} - \rho_{air})}} = \frac{A_c < l >}{2} + \sqrt{\frac{A_C < l >}{2} + r^2}$$
(12)

und die Ladung:

$$Q_C = \frac{3\pi \eta r_C d}{U} (1 + A_C \frac{\langle l \rangle}{r_C})^{-1} (v_{sink} + v_{steig}) \rightleftharpoons Q \cdot \frac{r_C}{r} (1 + A_C \frac{\langle l \rangle}{r_C})^{-1}$$
(13)

2 Durchführung

2.1 Aufbau

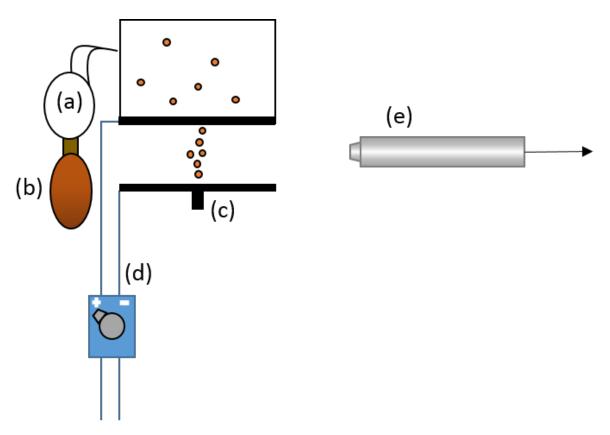


Abbildung 2: Versuchsaufbau

- (a) Ölstäuber
- (b) Blasebalg

- (c) Plattenkondensator
- (d) Kommutatorschaltung
- (e) Mikroskop mit vorgeschalteter Kamera

2.2 Kommutatorschalter

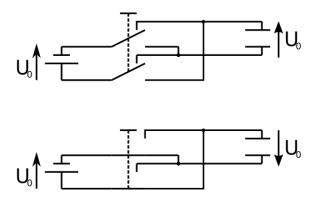


Abbildung 3: Schaltplan eines Kommutator bzw. Wechselschalters in beiden Stellungen

Der Kommutatorschalter oder besser Wecheslschalter wird benötigt um die Polarität des Kondensators und damit die Polarität und die Bewegungsrichtung der geladenen Tröpfehen zu ändern. Dazu werden die Kontakte wie in 3 illustriert. Dazu werden die Kontakte des Schalters zwischen den Polen des Kondensators gewechselt um so die Polarität desselbigen zu ändern.

2.3 Strahlengang

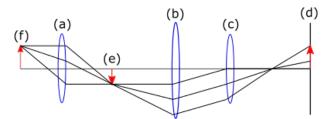


Abbildung 4: Strahlengang eines Mikroskops mit Kamera und Skala

- (a) Objektiv linse mit gegenstand (f) im Brennpunkt
- (b) Okular mit Bildebene von (a) bzw. Zwischenbild (e) inkl. Skala im Brennpunkt
- (c) Kamera/Augen-linse
- (d) Abbildsschirm (hier Bildsensor) mit vergrößertem Bild
- (e) Ziwschenbild mit Skala
- (f) Objektebene

In 4 ist einmal konzeptionell der Strahlengang eines Mikroskops illustriert wie es in diesem Versuch verwendet worden sein könnte. Dabei bilden die Linsen (a) und (b) das eigentliche Mikroskop und (c) lediglich zur Digitalisierung des Bildes zur späteren Analyse.

2.4 Versuchsdurchführung

Zu Beginn des Versuchs müssen sowohl Mikroskop als auch Kamera kalibiriert werden. Dafür wird zunächst die Spannungsversorgung der Mikroskopkamera angeschaltet und dessen Addresse und Konfiguration über die 'Commen Vision Blox Management Console' gesucht und gespeichert um im folgenden das Bild der Kamera im Programm 'MovieInteractive 2' zu betrachten und die Belichtungszeit und Verstärkung der Kamera zu kalibrieren. Hierbei sollte darauf geachtet werden, dass die Belichtungszeit nicht zu lang ist, da dies zu "Verschmierung"der Tropfen im Bild führt. Auch sollte die Verstärkung nicht zu groß gewählt werden um das Rauschen des Hintergrunds gering zu halten. Hat man eine aktzeptable Konfiguration gewählt sollte die Brennebene des Mikroskops in die Mitte des Plattenkondensators verschoben werden um die Tröpfchen zu filmen. Die Kamera wird verwendet, damit man in der Auswertung die Differenzen der Framezahlen bilden kann. Dies wird gemacht, damit man sehr genau die Steig- und Fallzeiten der Öltröpchen bestimmen kann.

Um die Steig- und Sinkzeit eines Tröpfchens zu messen wird zunächst der Blasebald betätigt um einige Öltröpchen zu zerstäuben. Anschließend wird durch wiederholtes Umpolen des Kondensator ein geladenes Tröpfchen identifiziert und die Aufnahme kann über den Computer gestartet werden. Bei der Aufnahme sollten mindestens fünf vollständige Steig- und Sinkvorgänge aufgezeichnet werden um die Fehler in der Auswertung gering zu halten. Hierzu wartet man bis das Tröpfchen eine der äusseren Begrenzungen der Milimeterskala überschreitet und polt dann das Feld des Kondensators um und lässt es über die gegenüberliegende Begrenzung wandern. Dieser Prozess wird für insgesamt 20 Tröpfchen wiederholt. Es ist dabei darauf zu achten stehts die Brennebene des Mikroskops nach zu justieren, da die Tröpfchen durch Verwirbellung und Stöße mit Luftpartikeln leicht aus der Brennebene wandern und dann nicht länger auf der Aufnahme zu sehen sind.

3 Auswertung

Verwendete Konstanten

Wir möchten an dieser Stelle unglaublich unangenehmer und unnötiger weise auf den Anhang verweisen inder wir eine äussert unpraktische tabelle mit den genutzten naturkonstanten angefertigt haben die dort unabhängig von ihrer relevanz an passender stelle referenziert werden. Tabelle 9.

Wir Behalten uns die Freiheit vor für den geübten Leser die Konsten an passender stelle noch einmal in den Fließtext einzubauen um den Lesefluss angenehmer zu gestalten.

Auswertung

Die Fallzeiten der oben beschriebenen Messung können anschließend durch Frameweise Betrachtung der Aufnahmen extrahiert werden. Aus unseren gemessenen Steig- und Sinkzeiten ergaben sich folgende Mittelwerte und deren Fehler

$$\bar{t} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{n} t_i \tag{14}$$

$$\Delta \bar{t} = \sqrt{\frac{1}{n \cdot (n-1)} \cdot \sum_{i=1}^{n} t_i - \bar{t}}$$
(15)

mit $n = Anzahl der Messwerte (hier 5) und <math>t_i = Messwert.$ Wobei

$$t = \frac{Frame(Ende) - Frame(Start)}{Framerate} \tag{16}$$

mit Framerate = 32,792 Bilder/s, somit ist t in Sekunden.

Die Geschwindigkeiten ergeben sich über

$$v = \frac{s}{t} \tag{17}$$

mit $s = (0.96 \pm 0.01) \mu m$ und ein Fehler von

$$\Delta v = v \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta s}{s}\right)^2 + \left(\frac{\Delta t}{t}\right)^2} \tag{18}$$

Daraus lässt sich der Radius folgendermaßen berechnen

$$r = \sqrt{\frac{9\eta \cdot (v_{sink} - v_{steig})}{4g \cdot (\rho_{oil} - \rho_{air})}} \tag{19}$$

mit $\eta = 1.81e - 5Pa \cdot s$, $g = 9.81 \frac{m}{s^2}$, $\rho_{oil} = 1030 \frac{kg}{m^3}$, $\rho_{air} = 1.29 \frac{kg}{m^3}$ und den Fehler

$$\Delta r = \frac{r}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta \eta}{\eta}\right)^2 + \frac{\Delta v_{sink}^2 + \Delta v_{steig}^2}{(v_{sink} - v_{steig})^2}}$$
 (20)

und ebenfalls die Ladung Q

$$Q = \frac{3\pi \cdot d\eta}{U} \cdot r \cdot (v_{sink} + v_{steig})$$
 (21)

und der Fehler

$$\Delta Q = Q \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta \eta}{\eta}\right)^2 + \left(\frac{\Delta d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\Delta r}{r}\right)^2 + \frac{\Delta v_{sink}^2 + \Delta v_{steig}^2}{(v_{sink} + v_{steig})^2}}$$
(22)

damit ergab sich die folgende Tabelle 7. Trägt man nun die unkorrigierten Radien gegen deren zugehörige Ladung auf ergbibt sich folgende Grafik

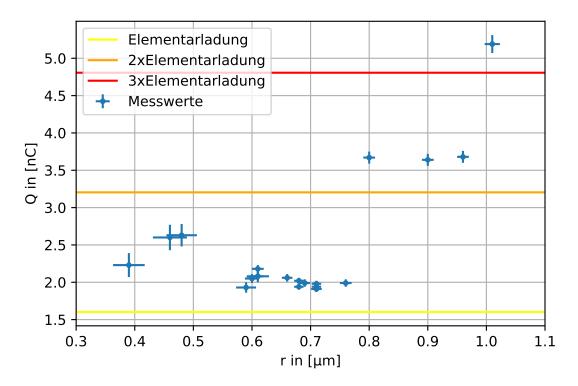


Abbildung 5: Ladung als Funktion des Radius

Es ist deutlich zu erkennen, dass eine Quantifizierung wahrscheinlich ist, jedoch stimmt diese nicht mit den zu erwartenden Werten über ein, weswegen man die Cunningham Korrektur zu Hilfe nimmt. Mit der Cunningham Korrektur ergeben sich die Radien und Ladungen über

$$r_c = \sqrt{\left(\frac{A_c < l >}{2}\right)^2 + r^2} - \frac{A_c < l >}{2} \tag{23}$$

$$Q_c = Q(1 + \frac{A_c < l >}{r_c})^{-1} \frac{r_c}{r}$$
 (24)

mit r als unkorrigierter Radius, $A_c = 1.26$ als einheitenloser Faktor und $< l >= 6.4 \cdot 10^{-8} m$ als mitlere freie Weglänge eines Teilchens in Luft und den Fehlern

$$\Delta r_c = \frac{r\Delta r}{\sqrt{\left(\frac{A_c < l>}{2}\right)^2 + r^2}} \tag{25}$$

$$\Delta Q_c = Q_c \sqrt{(\frac{\Delta Q}{Q})^2 + (\frac{A_c < l > \Delta r}{r(r + < l > A_c)})^2}$$
 (26)

Dies lässt sich erneut in Tabelle 8 darstellen und Plotten

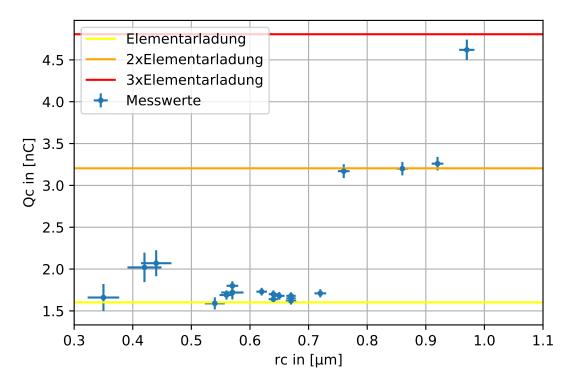


Abbildung 6: Q_c als Funktion von r_c

In dieser Grafik ist eine deutlich bessere Übereinstimmung der Messwerte mit der quantisierten Elementarladung zu erkennen. Einige der Messwerte fallen leider nicht innerhalb des Fehlerbereichs mit einem Vielfachen der Elementarladung zusammen, diese Abweichung lässt sich für uns durch Ungenauigkeiten in der Messung zurückführen, wie zum beispiel die Umkehr der Kondersatorspannung und der daraus resultierenden kurzen Beschleunigungsstrecke, sowie die Bewegung der Teilchen in 3D, die Brownsche Molekularbewegung und die Umweltbedingte Bewegung der Luft im Kondensator.

Zuletzt lässt sich nicht desto trotz die Elementarladung aus den Messwerten bestimmen. Dafür wird für $N \geq 5$ der Mittelwert

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \tag{27}$$

mit dem Fehler

$$\Delta \bar{x} = \frac{1}{n} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \Delta x_i^2} \tag{28}$$

und für N < 5 das geometrische Mittel

$$\bar{x}_{geom} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^{n} x_i} \tag{29}$$

mit dem Fehler

$$\Delta \bar{x}_{geom} = \frac{1}{n(\prod^n x_n)^{\frac{n-1}{n}}} \sqrt{\sum_{j=1}^n (\Delta x_j \cdot \prod_{i \neq j}^n x_i)^2}$$
(30)

Dafür werden zunächst alle mehrfachgeladen Teilchen auf die Einfache Ladungsmenge durch Division normiert (dh. $Q_i = \frac{Q_i}{\text{Mehrfachladung n}}$). Danach fließen alle Werte gewichtet mit ihrer Standardabweichung vom Mittelwert w_i in die Berechnung der Elementarladung ein. Dafür gilt

$$e = \frac{1}{\sum_{i=1}^{n} w_i} \sum_{i=1}^{n} Q_i \cdot w_i$$
 (31)

mit

$$w_i = \frac{1}{\Delta Q_i^2} \tag{32}$$

und dem Fehler

$$\Delta e = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{w_i}} \tag{33}$$

Woraus sich für unsere Messung eine Elementarladung von $(2.04\pm0.39)\cdot10^{-19}C$ für die Unkorrigierten werte und eine Elementarladung von $(1.63\pm0.39)\cdot10^{-19}C$ für die korrigierten Werte ergibt. Diese liegt innerhalb des Fehlerbereichs auf dem Literaturwert von $e=1.602176634\cdot10^{-19}C$.

4 Diskussion

Abschließend noch eine Zusammenfassung. Die unkorrigierten Messwerte stimmen, wie zu erwarten, nicht mit den Literaturwerten über ein. Die korrigierten jedoch passen schon besser. Auffällig ist, dass die korrigierten Ladungen und Radien geringer sind, als die ursprünglichen. Dies war zu erwarten, da die Korrektur die Geschwindigkeiten nach unten korrigiert.

Der große Fehler bei unserem Ergebnis lässt sich dadurch erklären, dass bei der Berechnung der Elementarladung alle Messwerte eingeflossen sind. Bei Betrachtung der Grafiken wird jedoch deutlich, dass ein paar der Messwerte wahrscheinlich Mehrfachgeladen sind. Der Großteil ist aber Einfach geladen. Einige andere Fehlerquellen wären, wie oben schon kurz angeschnitten, dass die Teilchen auch einen Drift aus der Bildebene raus hatten. Was dazu führt, dass die Tröpchen während des Messvorgangs größer/kleiner und bei einer zu späten Anpassung des Mikroskops unscharf wurden.

Insgesamt hätte eine Statistik mit mehr Messwerten zu einem besseren Ergebnis geführt, da die Mehrfachladungen seltener sind, als die einfach geladenen Tröpchen. Jedoch ist auch unser Ergebnis mit 20 Tröpchen auf ein Ergebnis gekommen, welches mit Fehlerbereichs auf dem Literaturwert liegt.

5 Anhang

$v_{sink}[\mu m/s]$	$\Delta v_{sink}[\mu m/s]$	$v_{steig}[\mu m/s]$	$\Delta v_{steig}[\mu m/s]$	$r[\mu m]$	$\Delta r[\mu m]$	$Q[10^{-9}C]$	$\Delta Q[10^{-9}C]$
213	5.5	122	1.8	0.61	0.019	2.1	0.08
296	4.8	239	4.0	0.48	0.026	2.6	0.15
196	2.1	70	0.9	0.71	0.008	1.9	0.04
194	2.5	70	1.0	0.71	0.009	1.9	0.04
207	2.3	100	1.1	0.66	0.009	2.1	0.05
221	2.6	130	1.4	0.61	0.010	2.2	0.05
298	3.4	98	1.6	0.90	0.010	3.6	0.08
213	2.7	120	1.4	0.61	0.010	2.1	0.05
304	5.5	253	3.6	0.46	0.029	2.6	0.17
198	2.1	74	0.9	0.71	0.008	2.0	0.04
197	2.1	81	0.9	0.68	0.008	1.9	0.04
377	5.4	123	1.7	1.01	0.013	5.2	0.12
212	2.6	124	2.1	0.60	0.012	2.0	0.06
200	3.2	56	1.0	0.76	0.010	2.0	0.05
203	2.2	89	1.0	0.68	0.008	2.0	0.04
200	2.6	81	1.0	0.69	0.009	2.0	0.05
303	3.4	144	1.7	0.80	0.010	3.7	0.08
301	3.8	74	1.3	0.96	0.010	3.7	0.08
204	3.9	120	3.0	0.58	0.017	1.9	0.07
299	4.2	262	3.0	0.39	0.026	2.2	0.16

Abbildung 7: Geschwindigkeiten, Radien und Ladung der Teilchen

$r[\mu m]$	$\Delta r[\mu m]$	$Q[10^{-9}C]$	$\Delta Q[10^{-9}C]$	$r_c[\mu m]$	$\Delta r_c[\mu m]$	$Q_c[10^{-9}C]$	$\Delta Q_c[10^{-9}C]$
0.61	0.019	2.1	0.08	0.57	0.019	1.7	0.08
0.48	0.026	2.6	0.15	0.44	0.026	2.1	0.16
0.71	0.008	1.9	0.04	0.67	0.008	1.7	0.04
0.71	0.009	1.9	0.04	0.67	0.009	1.6	0.04
0.66	0.008	2.1	0.05	0.62	0.009	1.7	0.05
0.61	0.010	2.2	0.05	0.57	0.010	1.8	0.05
0.90	0.010	3.6	0.08	0.86	0.010	3.2	0.08
0.61	0.010	2.1	0.05	0.57	0.010	1.7	0.05
0.46	0.030	2.6	0.17	0.42	0.029	2.0	0.18
0.71	0.010	2.0	0.04	0.67	0.008	1.7	0.04
0.80	0.010	2.0	0.04	0.64	0.008	1.6	0.04
1.01	0.013	5.2	0.12	0.97	0.013	4.6	0.12
0.60	0.012	2.0	0.06	0.56	0.012	1.7	0.06
0.76	0.010	2.0	0.05	0.72	0.010	1.7	0.05
0.68	0.010	2.0	0.04	0.64	0.008	1.7	0.05
0.69	0.010	2.0	0.05	0.65	0.009	1.7	0.05
0.80	0.010	3.7	0.08	0.76	0.010	3.2	0.08
0.96	0.010	3.7	0.08	0.92	0.010	3.3	0.08
0.58	0.017	1.9	0.07	0.54	0.017	1.6	0.07
0.39	0.027	2.2	0.16	0.35	0.027	1.7	0.16

Abbildung 8: Radien und Ladungen mit und ohne Cunningham Korrektur

Name	Wert	Beschreibung
Framerate	$32.792 \frac{Bilder}{Sekunde}$	Die Framerate der Kamera.
\mathbf{s}	$(0.96 \pm 0.01) \mu m$	Länge der Skala inkl. Fehler.
η	1.81e - 5Pas	Viskosität der Luft.
g	$9.81\frac{m}{s^2}$	Erdbeschleunigung.
$ ho_{oil}$	$1030\frac{kg}{m^3}$	Dichte von Öl.
$ ho_{air}$	$1.29 \frac{kg}{m^3}$	Dichte von Luft.

Abbildung 9: Verwendete Konstanten

Frames	Frames	t_1	Frames	Frames	t_2	Frames	Frames	t_3	Frames	Frames	t_4	Frames	Frames	t_5
508	662	154	677	929	252	939	1082	143	1096	1358	262	1374	1522	148
629	740	111	749	878	129	888	994	106	1005	1141	136	1149	1257	108
893	1339	446	1347	1509	162	1529	1977	448	1999	2160	161	2185	2643	458
1225	1384	159	1405	1841	436	1857	2020	163	2028	2482	454	2504	2668	164
1577	1892	315	1909	2062	153	2071	2392	321	2401	2556	155	2565	2878	313
903	1149	246	1169	1313	144	1334	1578	244	1599	1744	145	1770	2013	243
1797	1903	106	1908	2238	330	2244	2349	105	2355	2670	315	2676	2782	106
1094	1245	151	1251	1511	260	1527	1674	147	1718	1983	265	1999	2147	148
455	562	107	574	696	122	705	811	106	825	952	127	956	1057	101
335	754	419	762	922	160	928	1357	429	1370	1529	159	1540	1972	432
348	739	391	760	922	162	945	1331	386	1341	1502	161	1507	1897	390
220	477	257	508	591	83	613	866	253	889	971	82	993	1254	261
315	466	151	484	736	252	745	897	152	910	1174	264	1195	1343	148
934	1093	159	1114	1709	595	1715	1871	156	1892	2453	561	2458	2621	163
1801	1958	157	1975	2327	352	2339	2494	155	2504	2860	356	2877	3035	158
307	464	157	482	882	400	895	1056	161	1079	1469	390	1483	1643	160
432	536	104	542	765	223	779	883	104	905	1127	222	1134	1238	104
968	1413	445	1425	1531	106	1542	1964	422	1977	2083	106	2096	2522	426
458	613	155	625	910	285	932	1091	159	1096	1354	258	1375	1523	148
584	706	122	708	813	105	821	943	122	948	1056	108	1063	1184	121
	1													
-			-	-			-		-	-		-	-	
Frames	Frames	t_6	Frames	Frames	t_7	Frames	Frames	t_8	Frames	Frames	t_9	Frames	Frames	t_{10}
1535	1801	266	1814	1973	159	1990	2254	264	2271	2411	140	2426	2681	255
1535 1265	1801 1396	266 131	1814 1404	1973 1512	159 108	1990 1523	2254 1653	264 130	2271 1661	2411 1764	140 103	2426 1771	2681 1909	255 138
1535 1265 2663	1801 1396 2826	266 131 163	1814 1404 2847	1973 1512 3307	159 108 460	1990 1523 3332	2254 1653 3494	264 130 162	2271 1661 3513	2411 1764 3972	140 103 459	2426 1771 3993	2681 1909 4153	255 138 160
1535 1265 2663 2686	1801 1396 2826 3132	266 131 163 446	1814 1404 2847 3149	1973 1512 3307 3316	159 108 460 167	1990 1523 3332 3332	2254 1653 3494 3792	264 130 162 460	2271 1661 3513 3811	2411 1764 3972 3975	140 103 459 164	2426 1771 3993 3997	2681 1909 4153 4456	255 138 160 459
1535 1265 2663 2686 2889	1801 1396 2826 3132 3042	266 131 163 446 153	1814 1404 2847 3149 3049	1973 1512 3307 3316 3365	159 108 460 167 316	1990 1523 3332 3332 3375	2254 1653 3494 3792 3527	264 130 162 460 152	2271 1661 3513 3811 3537	2411 1764 3972 3975 3856	140 103 459 164 319	2426 1771 3993 3997 3864	2681 1909 4153 4456 4018	255 138 160 459 154
1535 1265 2663 2686 2889 2035	1801 1396 2826 3132 3042 2178	266 131 163 446 153 143	1814 1404 2847 3149 3049 2203	1973 1512 3307 3316 3365 2447	159 108 460 167 316 244	1990 1523 3332 3332 3375 2470	2254 1653 3494 3792 3527 2611	264 130 162 460 152 141	2271 1661 3513 3811 3537 2632	2411 1764 3972 3975 3856 2877	140 103 459 164 319 245	2426 1771 3993 3997 3864 2903	2681 1909 4153 4456 4018 3048	255 138 160 459 154 145
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119	266 131 163 446 153 143 331	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233	159 108 460 167 316 244 107	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549	264 130 162 460 152 141 310	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662	140 103 459 164 319 245 108	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993	255 138 160 459 154 145 326
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426	266 131 163 446 153 143 331 264	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596	159 108 460 167 316 244 107 152	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877	264 130 162 460 152 141 310 261	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042	140 103 459 164 319 245 108 147	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325	255 138 160 459 154 145 326 266
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194	266 131 163 446 153 143 331 264 125	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313	159 108 460 167 316 244 107 152	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445	264 130 162 460 152 141 310 261 124	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554	140 103 459 164 319 245 108 147	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694	255 138 160 459 154 145 326 266 129
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144	266 131 163 446 153 143 331 264 125	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 160 86	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 86 252	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 86 252 581	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638 3052	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219 3404	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 86 252 581 352	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233 3416	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396 3573	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147 163 157	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408 3591	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975 3946	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567 355	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991 3958	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144 4113	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153 155	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159 4126	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706 4482	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638 3052 1658	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219 3404 2047	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 86 252 581 352 389	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233 3416 2061	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396 3573 2216	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147 163 157	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408 3591 2233	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975 3946 2621	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567 355 388	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991 3958 2640	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144 4113 2801	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153 155 161	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159 4126 2813	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706 4482 3201	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547 356 388
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638 3052 1658 1251	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219 3404 2047 1470	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 160 86 252 581 352 389 219	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233 3416 2061 1480	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396 3573 2216 1586	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147 163 157 155 106	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408 3591 2233 1597	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975 3946 2621 1816	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567 355 388 219	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991 3958 2640 1826	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144 4113 2801 1931	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153 155 161 105	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159 4126 2813 1942	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706 4482 3201 2159	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547 356 388 217
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638 3052 1658 1251	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219 3404 2047 1470 2639	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 86 252 581 352 389 219 106	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233 3416 2061 1480 2651	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396 3573 2216 1586 3064	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147 163 157 155 106 413	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408 3591 2233 1597 3079	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975 3946 2621 1816 3186	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567 355 388 219	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991 3958 2640 1826 3197	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144 4113 2801 1931 3641	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153 155 161 105	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159 4126 2813 1942 3655	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706 4482 3201 2159 3759	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547 356 388 217 104
1535 1265 2663 2686 2889 2035 2788 2162 1069 1984 1912 1280 1361 2638 3052 1658 1251	1801 1396 2826 3132 3042 2178 3119 2426 1194 2144 2072 1366 1613 3219 3404 2047 1470	266 131 163 446 153 143 331 264 125 160 160 86 252 581 352 389 219	1814 1404 2847 3149 3049 2203 3126 2444 1206 2155 2088 1387 1628 3233 3416 2061 1480	1973 1512 3307 3316 3365 2447 3233 2596 1313 2575 2479 1651 1775 3396 3573 2216 1586	159 108 460 167 316 244 107 152 107 420 391 264 147 163 157 155 106	1990 1523 3332 3332 3375 2470 3239 2616 1321 2585 2495 1674 1794 3408 3591 2233 1597	2254 1653 3494 3792 3527 2611 3549 2877 1445 2744 2657 1760 2058 3975 3946 2621 1816	264 130 162 460 152 141 310 261 124 159 162 86 264 567 355 388 219	2271 1661 3513 3811 3537 2632 3554 2895 1454 2752 2669 1784 2073 3991 3958 2640 1826	2411 1764 3972 3975 3856 2877 3662 3042 1554 3181 3060 2035 2223 4144 4113 2801 1931	140 103 459 164 319 245 108 147 100 429 391 251 150 153 155 161 105	2426 1771 3993 3997 3864 2903 3667 3059 1565 3189 3073 2060 2241 4159 4126 2813 1942	2681 1909 4153 4456 4018 3048 3993 3325 1694 3350 3234 2143 2488 4706 4482 3201 2159	255 138 160 459 154 145 326 266 129 161 161 83 247 547 356 388 217

Abbildung 10: Orginale Messwerte