

SERWAY • JEWETT

# FÍSICA

para ciencias e ingeniería

Volumen 1

Séptima edición

## Física 1 – Comisión 2013-04

**Clase: 5 de junio 2025**

Buenas tardes: Hoy se realizará la experiencia de laboratorio sobre temas de Cinemática. Se encuentra disponible el instructivo sobre la experiencia a realizar. Se solicita imprimir y traer a la clase. Se pide que armen grupos de no más de 6 integrantes. Esta actividad requiere la presentación de un informe a entregar el día 19/6.

En la segunda parte de la clase continuaremos con ejercitación sobre fuerzas de vínculo, fuerzas elásticas y se dará una introducción al concepto de rozamiento y a las fuerzas que se generan por este fenómeno.

Se encuentra disponible en este espacio los apuntes [5: Dinámica-Leyes de Newton](#); [6: Fuerzas de Rozamiento](#) y [10 \(07\): fuerzas elásticas](#)

Se recomienda la lectura del capítulo 5, páginas 115 (desde el ejemplo 5.8) a 123 inclusive (incluyendo el 5.13) del libro *Física para Ciencias e Ingeniería*, volumen 1, de R Serway y J. Jewett, (o de cualquier otro libro de la [bibliografía](#) de la asignatura).

Pablo Provenzano

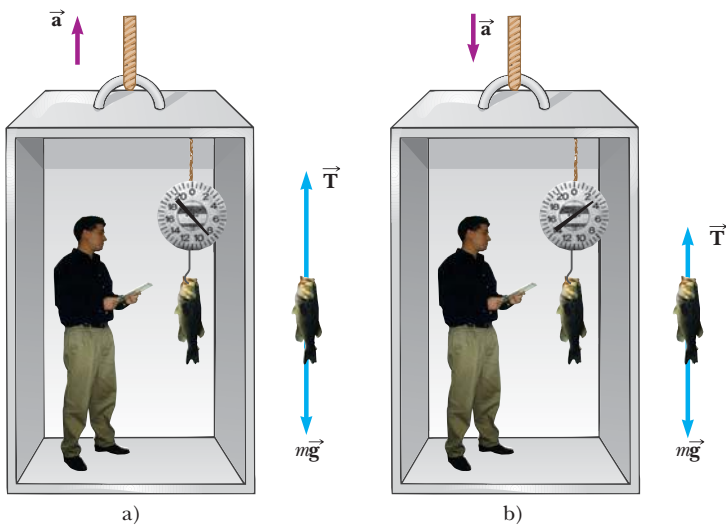
**EJEMPLO 5.8****Peso de un pescado en un elevador**

Una persona pesa un pescado de masa  $m$  en una balanza de resorte unida al techo de un elevador, como se ilustra en la figura 5.13.

A) Muestre que, si el elevador acelera ya sea hacia arriba o hacia abajo, la balanza de resorte da una lectura que es diferente del peso del pescado.

**SOLUCIÓN**

**Conceptualizar** La lectura en la balanza se relaciona con la extensión del resorte en la balanza, que depende de la fuerza en el extremo del resorte, como en la figura 5.2. Imagine que el pescado cuelga de una cuerda unida al extremo del resorte. En este caso, la magnitud de la fuerza que se ejerce sobre el resorte es igual a la tensión  $T$  en la cuerda.



**Figura 5.13** (Ejemplo 5.8) Peso aparente contra peso real. a) Cuando el elevador acelera hacia arriba, la lectura en la balanza de resorte proporciona un valor mayor que el peso del pescado. b) Cuando el elevador acelera hacia abajo, la lectura en la balanza de resorte proporciona un valor menor que el peso del pescado.

Por lo tanto, se busca  $T$ . La fuerza  $\vec{T}$  jala hacia abajo en la cuerda y hacia arriba en el pescado.

**Categorizar** Este problema se clasifica al considerar al pescado como una partícula bajo una fuerza neta.

**Analizar** Inspeccione los diagramas de cuerpo libre para el pescado en la figura 5.13 y advierta que las fuerzas externas que actúan sobre el pescado son la fuerza gravitacional hacia abajo  $\vec{F}_g = m\vec{g}$  y la fuerza  $\vec{T}$  que ejerce la cuerda. Si el elevador está en reposo o moviéndose con velocidad constante, el pescado es una partícula en equilibrio, de modo que  $\Sigma F_y = T - F_g = 0$  o  $T = F_g = mg$ . (Recuerde que el escalar  $mg$  es el peso del pescado.)

Ahora suponga que el elevador se mueve con una aceleración  $\vec{a}$  en relación con un observador que está de pie afuera del elevador en un marco inercial (véase la figura 5.13). Ahora el pescado es una partícula bajo una fuerza neta.

Aplique la segunda ley de Newton al pescado:

$$\Sigma F_y = T - mg = ma_y$$

Resuelva para  $T$ :

$$1) \quad T = ma_y + mg = mg \left( \frac{a_y}{g} + 1 \right) = F_g \left( \frac{a_y}{g} + 1 \right)$$

donde se eligió hacia arriba como la dirección y positiva. Se concluye de la ecuación 1) que la lectura en la balanza de  $T$  es mayor que el peso del pescado  $mg$  si  $\vec{a}$  es hacia arriba, de modo que  $a_y$  es positiva, y que la lectura es menor que  $mg$  si  $\vec{a}$  es hacia abajo, de modo que  $a_y$  es negativa.

**B)** Evalúe las lecturas en la balanza para un pescado de 40.0 N si el elevador se traslada con una aceleración  $a_y = \pm 2.00 \text{ m/s}^2$ .

Evalúe la lectura en la balanza a partir de la ecuación 1) si  $\vec{a}$  es hacia arriba:

$$T = (40.0 \text{ N}) \left( \frac{2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1 \right) = 48.2 \text{ N}$$

Evalúe la lectura en la balanza a partir de la ecuación 1) si  $\vec{a}$  es hacia abajo:

$$T = (40.0 \text{ N}) \left( \frac{-2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1 \right) = 31.8 \text{ N}$$

**Finalizar** Considere esta opinión: si compra un pescado en un elevador, ¡asegúrese de que el pescado se pesa mientras el elevador está en reposo o en aceleración hacia abajo! Además, note que, a partir de la información que se proporciona en este caso, uno no puede determinar la dirección de movimiento del elevador.

**¿Qué pasaría si?** Suponga que el cable del elevador se rompe y el elevador y su contenido están en caída libre. ¿Qué sucede con la lectura de la balanza?

**Respuesta** Si el elevador está en caída libre, su aceleración es  $a_y = -g$ . De la ecuación 1) se ve que la lectura de la balanza de  $T$  en este caso es cero; esto es, el pescado *parece* no tener peso.

### EJEMPLO 5.9 La máquina de Atwood

Cuando dos objetos de masas distintas cuelgan verticalmente sobre una polea sin fricción de masa despreciable, como en la figura 5.14a, el dispositivo se llama *máquina de Atwood*. Se usa a veces en el laboratorio para calcular el valor de  $g$ . Determine la magnitud de la aceleración de dos objetos y la tensión en la cuerda sin peso.



**SOLUCIÓN**

**Conceptualizar** Imagine en acción la situación que se muestra en la figura 5.14a: conforme un objeto se mueve hacia arriba, el otro objeto se mueve hacia abajo. Puesto que los objetos están conectados mediante una cuerda inextensible, sus aceleraciones son de igual magnitud.

**Categorizar** Los objetos en la máquina de Atwood están sometidos a la fuerza gravitacional, así como a las fuerzas que se ejercen mediante las cuerdas conectadas a ellos. Por lo tanto, este problema se clasifica como uno que involucra dos partículas bajo una fuerza neta.

**Analizar** En la figura 5.14b se muestran los diagramas de cuerpo libre para los dos objetos. En cada objeto actúan dos fuerzas: la fuerza hacia arriba  $\vec{T}$  que ejerce la cuerda y la fuerza gravitacional hacia abajo. En problemas como éste, con una polea se representa sin masa y sin fricción, la tensión en la cuerda sobre ambos lados de la polea es la misma. Si la polea tiene masa o es dependiente de la fricción, las tensiones en cualquier lado no son las mismas y la situación requiere técnicas que se aprenderán en el capítulo 10.

Debe tener mucho cuidado con los signos en problemas como éste. En la figura 5.14a, note que, si el objeto 1 acelera hacia arriba, el objeto 2 acelera hacia abajo. Por lo tanto, por consistencia con los signos, si se define la dirección hacia arriba como positiva para el objeto 1, se debe definir la dirección hacia abajo como positiva para el objeto 2. Con esta convención de signos, ambos objetos aceleran en la misma dirección, que se define por la elección de signo. Además, de acuerdo con esta convención de signos, la componente  $y$  de la fuerza neta que se ejerce sobre el objeto 1 es  $T - m_1g$ , y la componente  $y$  de la fuerza neta que se ejerce sobre el objeto 2 es  $m_2g - T$ .

Aplique la segunda ley de Newton al objeto 1:

$$1) \quad \sum F_y = T - m_1g = m_1a_y$$

Ahora al objeto 2:

$$2) \quad \sum F_y = m_2g - T = m_2a_y$$

Suma la ecuación 2) con la ecuación 1) y advierta que  $T$  se cancela:

$$-m_1g + m_2g = m_1a_y + m_2a_y$$

Resuelva para la aceleración:

$$3) \quad a_y = \left( \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) g$$

Sustituya la ecuación 3) en la ecuación 1) para encontrar  $T$ :

$$4) \quad T = m_1(g + a_y) = \left( \frac{2m_1m_2}{m_1 + m_2} \right) g$$

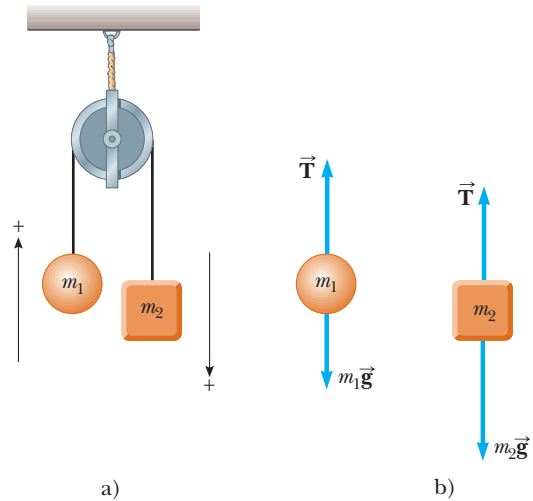
**Finalizar** La aceleración conocida por la ecuación 3) se interpreta como la relación de la magnitud de la fuerza desequilibrada en el sistema  $(m_2 - m_1)g$  a la masa total del sistema  $(m_1 + m_2)$ , como se espera de la segunda ley de Newton. Note que el signo de la aceleración depende de las masas relativas de los dos objetos.

**¿Qué pasaría si?** Describa el movimiento del sistema si los objetos tienen masas iguales, es decir,  $m_1 = m_2$ .

**Respuesta** Si se tiene la misma masa en ambos lados, el sistema está en equilibrio y no debe acelerar. Matemáticamente, se ve que, si  $m_1 = m_2$ , la ecuación 3) produce  $a_y = 0$ .

**¿Qué pasaría si?** ¿Si una de las masas es mucho más grande que la otra:  $m_1 \gg m_2$ ?

**Respuesta** En el caso en el que una masa es infinitamente mayor que la otra, se puede ignorar el efecto de la masa más pequeña. En tal caso, la masa mayor simplemente debe caer como si la masa más pequeña no estuviese ahí. Es claro que, si  $m_1 \gg m_2$ , la ecuación 3) produce  $a_y = -g$ .



**Figura 5.14** (Ejemplo 5.9) La máquina de Atwood. a) Dos objetos conectados mediante una cuerda inextensible sin masa sobre una polea sin fricción. b) Diagramas de cuerpo libre para los dos objetos.

**EJEMPLO 5.10 Aceleración de dos objetos conectados mediante una cuerda**

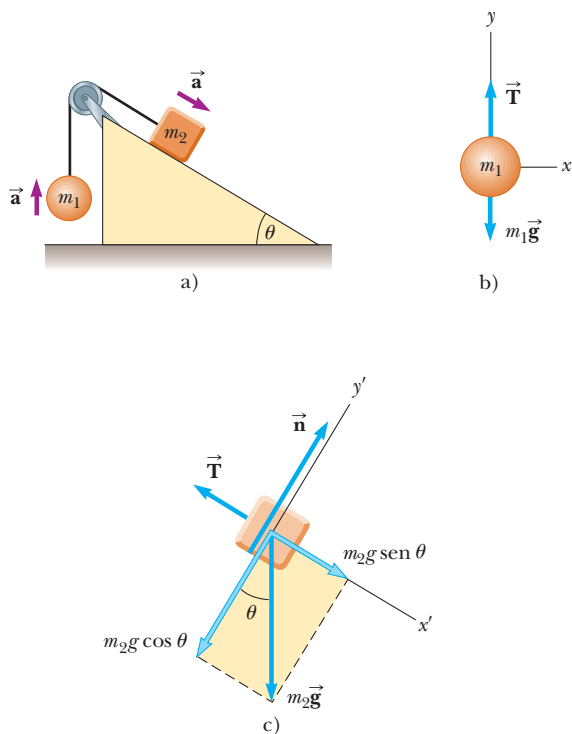
Una bola de masa  $m_1$  y un bloque de masa  $m_2$  se unen mediante una cuerda ligera que pasa sobre una polea sin fricción de masa despreciable, como en la figura 5.15a. El bloque se encuentra sobre un plano inclinado sin fricción de ángulo  $\theta$ . Encuentre la magnitud de la aceleración de los dos objetos y la tensión en la cuerda.

**SOLUCIÓN**

**Conceptualizar** Imagine que los objetos de la figura 5.15 están en movimiento. Si  $m_2$  se mueve hacia abajo del plano,  $m_1$  se mueve hacia arriba. Puesto que los objetos están conectados mediante una cuerda (la cual se supone que no se estira), sus aceleraciones tienen la misma magnitud.

**Categorizar** Es posible identificar las fuerzas en cada uno de los dos objetos y se busca una aceleración, de modo que los objetos se clasifican como partículas bajo una fuerza neta.

**Analizar** Considere los diagramas de cuerpo libre que se muestran en las figuras 5.15b y 5.15c.



**Figura 5.15** (Ejemplo 5.10). a) Dos objetos conectados mediante una cuerda ligera sobre una polea sin fricción. b) Diagrama de cuerpo libre para la bola. c) Diagrama de cuerpo libre para el bloque. (El plano inclinado no tiene fricción.)

Aplique la segunda ley de Newton en forma de componentes a la bola, y elija la dirección hacia arriba como positiva:

$$\begin{aligned} 1) \quad \sum F_x &= 0 \\ 2) \quad \sum F_y &= T - m_1 g = m_1 a_y = m_1 a \end{aligned}$$

Para que la bola acelere hacia arriba, es necesario que  $T > m_1 g$ . En la ecuación 2), sustituya  $a_y$  con  $a$  porque la aceleración sólo tiene un componente  $y$ .

Para el bloque es conveniente elegir el eje  $x'$  positivo a lo largo del plano inclinado, como en la figura 5.15c. Por consistencia con la elección para la bola, se elige la dirección positiva hacia abajo en el plano.

Aplique la segunda ley de Newton en forma de componentes al bloque:

$$\begin{aligned} 3) \quad \sum F_{x'} &= m_2 g \sin \theta - T = m_2 a_{x'} = m_2 a \\ 4) \quad \sum F_{y'} &= n - m_2 g \cos \theta = 0 \end{aligned}$$

En la ecuación 3), sustituya  $a_{x'}$  con  $a$  porque los dos objetos tienen aceleraciones de igual magnitud  $a$ .

Resuelva la ecuación 2) para  $T$ :

$$5) \quad T = m_1(g + a)$$

Sustituya esta expresión para  $T$  en la ecuación 3):

$$m_2 g \sin \theta - m_1(g + a) = m_2 a$$

Resuelva para  $a$ :

$$6) \quad a = \frac{m_2 g \sin \theta - m_1 g}{m_1 + m_2}$$

Sustituya esta expresión para  $a$  en la ecuación 5) para encontrar  $T$ :

$$7) \quad T = \frac{m_1 m_2 g (\sin \theta + 1)}{m_1 + m_2}$$

**Finalizar** El bloque acelera hacia abajo en el plano sólo si  $m_2 \sin \theta > m_1$ . Si  $m_1 > m_2 \sin \theta$ , la aceleración es hacia arriba del plano para el bloque y hacia abajo para la bola. Note también que el resultado para la aceleración, ecuación 6), se puede interpretar como la magnitud de la fuerza externa neta que actúa sobre el sistema bola–bloque dividido entre la masa total del sistema; este resultado es consistente con la segunda ley de Newton.

**¿Qué pasaría si?** ¿Qué ocurre en esta situación si  $\theta = 90^\circ$ ?

**Respuesta** Si  $\theta = 90^\circ$ , el plano inclinado se vuelve vertical y no hay interacción entre su superficie y  $m_2$ . En consecuencia, este problema se convierte en la máquina de Atwood del ejemplo 5.9. Si en las ecuaciones 6) y 7) se deja que  $\theta \rightarrow 90^\circ$ , ¡ello hace que se reduzcan a las ecuaciones 3) y 4) del ejemplo 5.9!

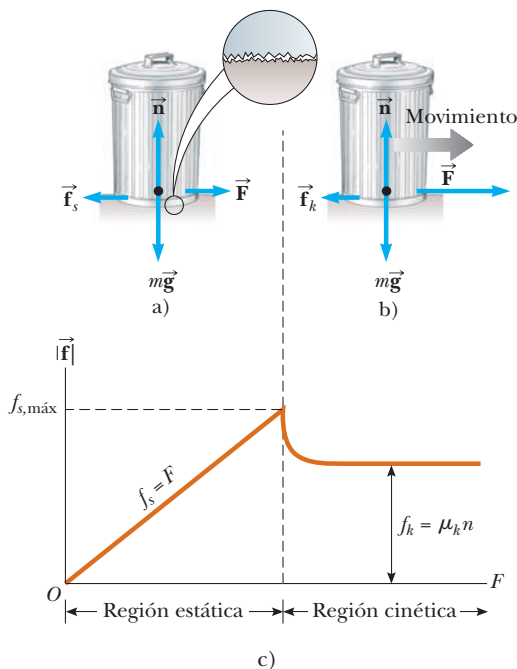
**¿Qué pasaría si?** ¿Y si  $m_1 = 0$ ?

**Respuesta** Si  $m_1 = 0$ , en tal caso  $m_2$  simplemente se desliza hacia abajo por el plano sin interactuar con  $m_1$  a través de la cuerda. En consecuencia, este problema se convierte en el problema del automóvil que se desliza en el ejemplo 5.6. Si en la ecuación 6) se deja que  $m_1 \rightarrow 0$ , ¡ello causa que se reduzca a la ecuación 3) del ejemplo 5.6!

## 5.8 Fuerzas de fricción

Cuando un objeto está en movimiento ya sea sobre una superficie o en un medio viscoso como aire o agua, existe resistencia al movimiento porque el objeto interactúa con su entorno. A tal resistencia se le llama **fuerza de fricción**. Las fuerzas de fricción son muy importantes en la vida cotidiana. Permiten que uno camine o corra y son necesarias para el movimiento de los vehículos con ruedas.

Imagine que trabaja en su jardín y llena un bote de basura con desechos de hojas. Luego intenta arrastrar el bote a través de la superficie de concreto de su patio, como en la figura 5.16a. Esta superficie es *real*, no una superficie idealizada sin fricción.



**Figura 5.16** Cuando jala un bote de basura, la dirección de la fuerza de fricción  $\vec{f}$  entre el bote y una superficie rugosa es opuesta a la dirección de la fuerza aplicada  $\vec{F}$ . Puesto que ambas superficies son rugosas, el contacto sólo se realiza en algunos puntos, como se ilustra en la vista “amplificada”. a) Para pequeñas fuerzas aplicadas, la magnitud de la fuerza de fricción estática es igual a la magnitud de la fuerza aplicada. b) Cuando la magnitud de la fuerza aplicada supera la magnitud de la fuerza máxima de fricción estática, el bote de basura queda libre. La fuerza aplicada ahora es mayor que la fuerza de fricción cinética y el bote puede acelerar hacia la derecha. c) Gráfica de fuerza de fricción en función de la fuerza aplicada. Note que  $f_{s,\text{máx}} > f_k$ .

### Fuerza de fricción estática

Si se aplica una fuerza horizontal externa  $\vec{F}$  al bote de basura, que actúa hacia la derecha, el bote de basura permanece fijo cuando  $\vec{F}$  es pequeña. La fuerza sobre el bote de basura que contraataca  $\vec{F}$  y evita que se mueva actúa hacia la izquierda y se llama **fuerza de fricción estática**  $\vec{f}_s$ . En tanto el bote de basura no se mueva,  $f_s = F$ . Por lo tanto, si  $\vec{F}$  aumenta,  $\vec{f}_s$  también aumenta. Del mismo modo, si  $\vec{F}$  disminuye,  $\vec{f}_s$  también disminuye. Los experimentos muestran que la fuerza de fricción surge de la naturaleza de las dos superficies: debido a su rugosidad, el contacto se realiza sólo en unas cuantas posiciones donde se tocan los picos del material, como se muestra en la vista ampliada de la superficie en la figura 5.16a.

En dichas posiciones, la fuerza de fricción surge en parte porque un pico físicamente bloquea el movimiento de un pico de la superficie opuesta y en parte por el enlace químico (“punto de soldadura”) de picos opuestos conforme entran en contacto. Aunque los detalles de la fricción son muy complejos al nivel atómico, esta fuerza involucra, a final de cuentas, una interacción eléctrica entre átomos o moléculas.

Si se aumenta la magnitud de  $\vec{F}$  como en la figura 5.16b, el bote de basura al final se desliza. Cuando el bote de basura está a punto de deslizarse,  $f_s$  tiene su valor máximo  $f_{s,\text{máx}}$ , como se muestra en la figura 5.16c. Cuando  $F$  supera  $f_{s,\text{máx}}$ , el bote de basura se mueve y acelera hacia la derecha. A la fuerza de fricción para un objeto en movimiento se le llama **fuerza de fricción cinética**  $\vec{f}_k$ . Cuando el bote de basura está en movimiento, la fuerza de fricción cinética en el bote es menor que  $f_{s,\text{máx}}$  (figura 5.16c). La fuerza neta  $F - f_k$  en la dirección  $x$  produce una aceleración hacia la derecha, de acuerdo con la segunda ley de Newton. Si  $F = f_k$ , la aceleración es cero y el bote de basura se mueve hacia la derecha con rapidez constante. Si la fuerza aplicada  $\vec{F}$  se elimina del bote en movimiento, la fuerza de fricción  $\vec{f}_k$  que actúa hacia la izquierda proporciona una aceleración del bote de basura en la dirección  $-x$  y al final lo lleva al reposo, lo que, de nuevo, es consistente con la segunda ley de Newton.

En términos experimentales, se encuentra que, a una buena aproximación, tanto  $f_{s,\text{máx}}$  como  $f_k$  son proporcionales a la magnitud de la fuerza normal que se ejerce sobre un objeto por la superficie. Las siguientes descripciones de la fuerza de fricción están en función de las observaciones experimentales y sirven como el modelo que usará para fuerzas de fricción en resolución de problemas:

- La magnitud de la fuerza de fricción estática entre cualesquiera dos superficies cualesquiera en contacto tiene los valores

$$f_s \leq \mu_s n \quad (5.9)$$

donde la constante adimensional  $\mu_s$  se llama **coeficiente de fricción estática** y  $n$  es la magnitud de la fuerza normal que ejerce una superficie sobre la otra. La igualdad en la ecuación 5.9 se cumple cuando las superficies están a punto de deslizarse, esto es, cuando  $f_s = f_{s,\text{máx}} \equiv \mu_s n$ . Esta situación se llama *movimiento inminente*. La desigualdad se cumple cuando las superficies no están a punto de deslizarse.

- La magnitud de la fuerza de fricción cinética que actúa entre dos superficies es

$$f_k = \mu_k n \quad (5.10)$$

donde  $\mu_k$  se llama **coeficiente de fricción cinética**. Aunque el coeficiente de fricción cinética varía con la rapidez, por lo general en este texto se despreciará cualquiera de tales variaciones.

- Los valores de  $\mu_k$  y  $\mu_s$  dependen de la naturaleza de las superficies, pero  $\mu_k$  por lo general es menor que  $\mu_s$ . El intervalo de los valores típicos fluctúan de 0.03 a 1.0. La tabla 5.1 indica algunos valores reportados.
- La dirección de la fuerza de fricción sobre un objeto es paralela a la superficie con la que el objeto está en contacto y opuesta al movimiento real (fricción cinética) o al movimiento inminente (fricción estática) del objeto en relación con la superficie.
- Los coeficientes de fricción son casi independientes del área de contacto entre las superficies. Es de esperar que al colocar un objeto en el lado que tiene más área aumente la fuerza de fricción. Aunque este método proporciona más puntos de contacto como en la figura 5.16a, el peso del objeto se dispersa sobre un área más

### PREVENCIÓN DE RIESGOS OCULTOS 5.9

#### El signo igual se usa en situaciones limitadas

En la ecuación 5.9 el signo igual se usa *sólo* en caso de que las superficies estén a punto de liberarse y comiencen a deslizarse. No caiga en la trampa común de usar  $f_s = \mu_s n$  en *cualquier* situación estática.

### PREVENCIÓN DE RIESGOS OCULTOS 5.10

#### Ecuaciones de fricción

Las ecuaciones 5.9 y 5.10 *no* son ecuaciones vectoriales. Son correspondencias entre las *magnitudes* de los vectores que representan las fuerzas de fricción y normal. Puesto que las fuerzas de fricción y normal son mutuamente perpendiculares, los vectores no se pueden relacionar mediante una constante multiplicativa.

### PREVENCIÓN DE RIESGOS OCULTOS 5.11

#### La dirección de la fuerza de fricción

En ocasiones se hace un enunciado incorrecto acerca de la fuerza de fricción entre un objeto y una superficie (“la fuerza de fricción en un objeto es opuesta a su movimiento o al movimiento inminente”) en lugar de la frase correcta: “la fuerza de fricción en un objeto es opuesta a su movimiento o al movimiento inminente *en relación con la superficie*”.



TABLA 5.1

## Coeficientes de fricción

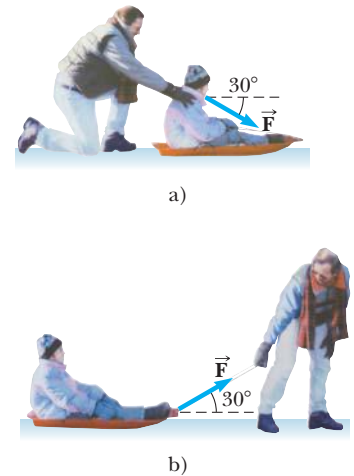
|                                    | $\mu_s$  | $\mu_k$ |
|------------------------------------|----------|---------|
| Hule sobre concreto                | 1.0      | 0.8     |
| Acero sobre acero                  | 0.74     | 0.57    |
| Aluminio sobre acero               | 0.61     | 0.47    |
| Vidrio sobre vidrio                | 0.94     | 0.4     |
| Cobre sobre acero                  | 0.53     | 0.36    |
| Madera sobre madera                | 0.25–0.5 | 0.2     |
| Madera encerada sobre nieve húmeda | 0.14     | 0.1     |
| Madera encerada sobre nieve seca   | —        | 0.04    |
| Metal sobre metal (lubricado)      | 0.15     | 0.06    |
| Teflón sobre teflón                | 0.04     | 0.04    |
| Hielo sobre hielo                  | 0.1      | 0.03    |
| Articulación sinovial en humanos   | 0.01     | 0.003   |

*Nota:* Todos los valores son aproximados. En algunos casos el coeficiente de fricción puede superar 1.0.

grande y los puntos individuales no se oprimen tan estrechamente entre sí. Ya que estos efectos se compensan, aproximadamente, uno con otro, la fuerza de fricción es independiente del área.

**Pregunta rápida 5.6** Usted presiona con su mano su libro de física plano contra una pared vertical. ¿Cuál es la dirección de la fuerza de fricción que ejerce la pared sobre el libro? a) hacia abajo, b) hacia arriba, c) afuera desde la pared, d) hacia dentro de la pared.

**Pregunta rápida 5.7** Usted juega con su hija en la nieve. Ella se sienta sobre un trineo y le pide que la deslice sobre un campo horizontal plano. Usted tiene la opción de a) empujarla desde atrás al aplicar una fuerza hacia abajo sobre sus hombros a  $30^\circ$  bajo la horizontal (figura 5.17a) o b) unir una cuerda al frente del trineo y jalar con una fuerza a  $30^\circ$  sobre la horizontal (figura 5.17b). ¿Cuál sería más fácil para usted y por qué?



**Figura 5.17** (Pregunta rápida 5.7) Un padre desliza a su hija sobre un trineo mediante a) empujar sobre sus hombros o b) jalar con una cuerda.

## EJEMPLO 5.11

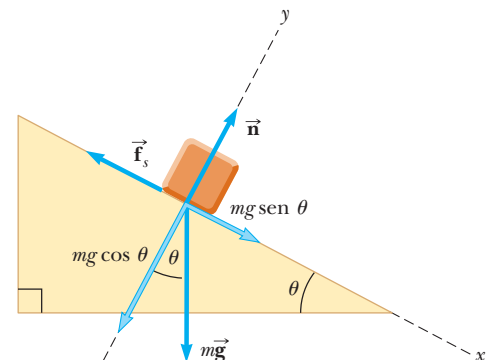
Determinación experimental de  $\mu_s$  y  $\mu_k$ 

El siguiente es un método simple de medir coeficientes de fricción. Suponga que se coloca un bloque sobre una superficie rugosa inclinada en relación con la horizontal, como se muestra en la figura 5.18. El ángulo de inclinación aumenta hasta que el bloque comienza a moverse. Demuestre que puede obtener  $\mu_s$  al medir el ángulo crítico  $\theta_c$  al que comienza a ocurrir este deslizamiento.

## SOLUCIÓN

**Conceptualizar** Considere el diagrama de cuerpo libre en la figura 5.18 e imagine que el bloque tiende a deslizarse por el plano debido a la fuerza gravitacional. Para simular la situación, coloque una moneda sobre la cubierta de este libro e incline el libro hasta que la moneda comience a deslizarse.

**Categorizar** El bloque está sometido a diferentes fuerzas. Puesto que el plano se eleva al ángulo en que el bloque está listo para comenzar a moverse pero no se mueve, el bloque se clasifica como una partícula en equilibrio.



**Figura 5.18** (Ejemplo 5.11) Las fuerzas externas que se ejercen sobre un bloque que se encuentra sobre un plano inclinado rugoso son la fuerza gravitacional  $m\vec{g}$ , la fuerza normal  $\vec{n}$  y la fuerza de fricción  $\vec{f}_s$ . Por conveniencia, la fuerza gravitacional se descompone en una componente  $mg \sin \theta$  a lo largo del plano y una componente  $mg \cos \theta$  perpendicular al plano.

**Analizar** Las fuerzas que actúan en el bloque son la fuerza gravitacional  $m\vec{g}$ , la fuerza normal  $\vec{n}$  y la fuerza de fricción estática  $\vec{f}_s$ . Se elige  $x$  paralelo al plano y  $y$  perpendicular a él.

Aplique la ecuación 5.8 al bloque:

$$1) \quad \sum F_x = mg \sin \theta - f_s = 0$$

$$2) \quad \sum F_y = n - mg \cos \theta = 0$$

Sustituya  $mg = n/\cos \theta$  de la ecuación 2) en la ecuación 1):

$$3) \quad f_s = mg \sin \theta = \left( \frac{n}{\cos \theta} \right) \sin \theta = n \tan \theta$$

Cuando el ángulo de inclinación aumenta hasta que el bloque está a punto de deslizarse, la fuerza de fricción estática alcanza su valor máximo  $\mu_s n$ . El ángulo  $\theta$  en esta situación es el ángulo crítico  $\theta_c$ . Haga estas sustituciones en la ecuación 3):

$$\mu_s n = n \tan \theta_c$$

$$\mu_s = \tan \theta_c$$

Por ejemplo, si el bloque apenas se desliza en  $\theta_c = 20.0^\circ$ , se encuentra que  $\mu_s = \tan 20.0^\circ = 0.364$ .

**Finalizar** Una vez que el bloque comienza a moverse en  $\theta \geq \theta_c$ , acelera hacia abajo por el plano y la fuerza de fricción es  $f_k = \mu_k n$ . Sin embargo, si  $\theta$  se reduce a un valor menor que  $\theta_c$ , puede ser posible encontrar un ángulo  $\theta'$  tal que el bloque se mueve hacia abajo por el plano con rapidez constante de nuevo como una partícula en equilibrio ( $a_x = 0$ ). En este caso, use las ecuaciones 1) y 2) con  $f_s$  en lugar de  $f_k$  para encontrar  $\mu_k$ :  $\mu_k = \tan \theta'$ , donde  $\theta' < \theta_c$ .

### EJEMPLO 5.12 Disco de hockey deslizante

A un disco de hockey sobre un estanque congelado se le da una rapidez inicial de 20.0 m/s. Si el disco siempre permanece sobre el hielo y se desliza 115 m antes de llegar al reposo, determine el coeficiente de fricción cinética entre el disco y el hielo.

#### SOLUCIÓN

**Conceptualizar** Imagine que el disco de la figura 5.19 se desliza hacia la derecha y al final llega al reposo debido a la fuerza de fricción cinética.

**Categorizar** Las fuerzas que actúan sobre el disco se identifican en la figura 5.19, pero el texto del problema proporciona variables cinemáticas. Por lo tanto, el problema se clasifica en dos formas. Primero, el problema involucra una partícula bajo una fuerza neta: la fricción cinética ocasiona que el disco acelere. Y, ya que la fuerza de fricción cinética se representa como independiente de la rapidez, la aceleración del disco es constante. Así que este problema también se clasifica como una partícula bajo aceleración constante.

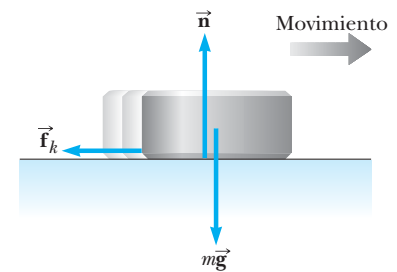
**Analizar** Primero, encuentre la aceleración algebraicamente en términos del coeficiente de fricción cinética, con la segunda ley de Newton. Una vez que conozca la aceleración del disco y la distancia que recorre, encuentre las ecuaciones de cinemática para encontrar el valor numérico del coeficiente de fricción cinética.

Aplique el modelo de partícula bajo una fuerza neta en la dirección  $x$  del disco:

$$1) \quad \sum F_x = -f_k = ma_x$$

Aplique el modelo de partícula en equilibrio en la dirección  $y$  del disco:

$$2) \quad \sum F_y = n - mg = 0$$



**Figura 5.19** (Ejemplo 5.12) Después de que al disco se le da una velocidad inicial hacia la derecha, las únicas fuerzas externas que actúan sobre él son la fuerza gravitacional  $m\vec{g}$ , la fuerza normal  $\vec{n}$  y la fuerza de fricción cinética  $\vec{f}_k$ .

Sustituya  $n = mg$  de la ecuación 2) y  $f_k = \mu_k n$  en la ecuación 1):

$$-\mu_k n = -\mu_k mg = ma_x$$

$$a_x = -\mu_k g$$

El signo negativo significa que la aceleración es hacia la izquierda en la figura 5.19. Ya que la velocidad del disco es hacia la derecha, el disco frena. La aceleración es independiente de la masa del disco y es constante porque se supone que  $\mu_k$  permanece constante.

Aplique el modelo de partícula bajo aceleración constante al disco, con la ecuación 2.17,  $v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)$ , con  $x_i = 0$  y  $v_f = 0$ :

$$0 = v_{xi}^2 + 2a_x x_f = v_{xi}^2 - 2\mu_k g x_f$$

$$\mu_k = \frac{v_{xi}^2}{2gx_f}$$

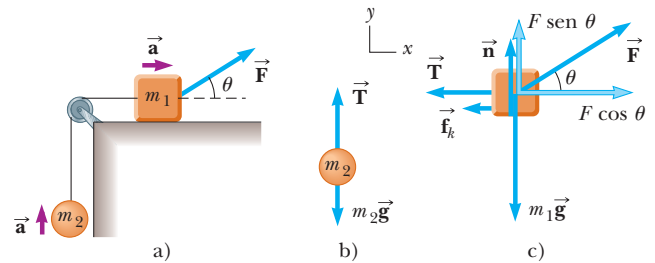
$$\mu_k = \frac{(20.0 \text{ m/s})^2}{2(9.80 \text{ m/s}^2)(115 \text{ m})} = \mathbf{0.117}$$

**Finalizar** Observe que  $\mu_k$  es adimensional, cual debe ser, y que tiene un valor menor, consistente con un objeto que se desliza en hielo.

### EJEMPLO 5.13

### Aceleración de dos objetos conectados cuando la fricción está presente

Un bloque de masa  $m_1$  sobre una superficie horizontal rugosa se conecta a una bola de masa  $m_2$  mediante una cuerda ligera sobre una polea ligera sin fricción, como se muestra en la figura 5.20a. Al bloque se aplica una fuerza de magnitud  $F$  en un ángulo  $\theta$  con la horizontal como se muestra, y el bloque se desliza hacia la derecha. El coeficiente de fricción cinética entre el bloque y la superficie es  $\mu_k$ . Determine la magnitud de la aceleración de los dos objetos.



**Figura 5.20** (Ejemplo 5.13) a) La fuerza externa  $\vec{F}$  aplicada como se muestra puede hacer que el bloque acelere hacia la derecha. b) y c) Diagramas de cuerpo libre que suponen que el bloque acelera hacia la derecha y la bola acelera hacia arriba. La magnitud de la fuerza de fricción cinética en este caso está dada por  $f_k = \mu_k n = \mu_k (m_1 g - F \sin \theta)$ .

### SOLUCIÓN

**Conceptualizar** Imagine lo que ocurre conforme se aplica  $\vec{F}$  al bloque. Si supone que  $\vec{F}$  no es suficientemente grande como para levantar el bloque, éste se desliza hacia la derecha y la bola sube.

**Categorizar** Se pueden identificar las fuerzas y se quiere una aceleración, así que este problema se clasifica como dos partículas bajo una fuerza neta, la bola y el bloque.

**Analizar** Primero dibuje diagramas de cuerpo libre para los dos objetos, como se muestra en las figuras 5.20b y 5.20c. La fuerza aplicada  $\vec{F}$  tiene componentes  $x$  y  $F \cos \theta$  y  $F \sin \theta$ , respectivamente. Ya que los dos objetos están conectados, se pueden igualar las magnitudes de la componente  $x$  de la aceleración del bloque y la componente  $y$  de la aceleración de la bola y llamar a ambas  $a$ . Suponga que el movimiento del bloque es hacia la derecha.

Aplique el modelo de partícula bajo una fuerza neta al bloque en la dirección horizontal:

$$1) \quad \sum F_x = F \cos \theta - f_k - T = m_1 a_x = m_1 a$$

Aplique el modelo de partícula en equilibrio al bloque en la dirección vertical:

$$2) \quad \sum F_y = n + F \sin \theta - m_1 g = 0$$

Aplique el modelo de partícula bajo una fuerza neta a la bola en la dirección vertical:

$$3) \quad \sum F_y = T - m_2 g = m_2 a_y = m_2 a$$

Resuelva la ecuación 2) para  $n$ :

$$n = m_1 g - F \sin \theta$$

Sustituya  $n$  en  $f_k = \mu_k n$  de la ecuación 5.10:

$$4) \quad f_k = \mu_k (m_1 g - F \sin \theta)$$

Sustituya la ecuación 4) y el valor de  $T$  de la ecuación 3) en la ecuación 1):

$$F \cos \theta - \mu_k (m_1 g - F \sin \theta) - m_2 (a + g) = m_1 a$$

Resuelva para  $a$ :

$$5) \quad a = \frac{F(\cos \theta + \mu_k \sin \theta) - (m_2 + \mu_k m_1)g}{m_1 + m_2}$$

**Finalizar** La aceleración del bloque puede ser hacia la derecha o hacia la izquierda, depende del signo del numerador en la ecuación 5). Si el movimiento es hacia la izquierda, se debe invertir el signo de  $f_k$  en la ecuación 1) porque la fuerza de fricción cinética se debe oponer al movimiento del bloque en relación con la superficie. En este caso, el valor de  $a$  es el mismo que en la ecuación 5), con los dos signos más en el numerador cambiados a signos menos.

## Resumen

### DEFINICIONES

Un **marco de referencia inercial** es un marco en el que un objeto que no interactúa con otros objetos experimenta aceleración cero. Cualquier marco que se mueva con velocidad constante en relación con un marco inercial también es un marco inercial.

La **fuerza** se define como **aquello que causa un cambio en el movimiento de un objeto**.

### CONCEPTOS Y PRINCIPIOS

La **primera ley de Newton** establece que es posible encontrar un marco inercial en el que un objeto que no interactúa con otros objetos experimenta aceleración cero o, de manera equivalente, en ausencia de una fuerza externa, cuando se observa desde un marco inercial, un objeto en reposo permanece en reposo y un objeto en movimiento uniforme en línea recta mantiene dicho movimiento.

La **segunda ley de Newton** afirma que la aceleración de un objeto es directamente proporcional a la fuerza neta que actúa sobre él e inversamente proporcional a su masa.

La **tercera ley de Newton** postula que, si dos objetos interactúan, la fuerza que ejerce el objeto 1 sobre el objeto 2 es igual en magnitud y opuesta en dirección a la fuerza que ejerce el objeto 2 sobre el objeto 1.

La **fuerza gravitacional** que se ejerce sobre un objeto es igual al producto de su masa (una cantidad escalar) y la aceleración de caída libre:

$$\vec{F}_g = m\vec{g}.$$

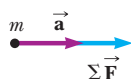
El **peso** de un objeto es la magnitud de la fuerza gravitacional que actúa sobre el objeto.

La **máxima fuerza de fricción estática**  $\vec{f}_{s,\text{máx}}$  entre un objeto y una superficie es proporcional a la fuerza normal que actúa sobre el objeto. En general,  $f_s \leq \mu_s n$ , donde  $\mu_s$  es el **coeficiente de fricción estática** y  $n$  es la magnitud de la fuerza normal. Cuando un objeto se desliza sobre una superficie, la magnitud de la **fuerza de fricción cinética**  $\vec{f}_k$  está dada por  $f_k = \mu_k n$ , donde  $\mu_k$  es el **coeficiente de fricción cinética**. La dirección de la fuerza de fricción es opuesta a la dirección del movimiento o movimiento inminente del objeto en relación con la superficie.

## MODELO DE ANÁLISIS PARA RESOLVER PROBLEMAS

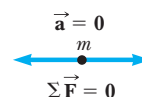
**Partícula bajo fuerza neta** Si una partícula de masa  $m$  experimenta una fuerza neta distinta de cero, su aceleración se relaciona con la fuerza neta mediante la segunda ley de Newton:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \quad (5.2)$$



**Partícula en equilibrio** Si una partícula mantiene una velocidad constante (de modo que  $\vec{a} = 0$ ), que podría incluir una velocidad de cero, las fuerzas sobre la partícula se equilibran y la segunda ley de Newton se reduce a

$$\sum \vec{F} = 0 \quad (5.8)$$



## Preguntas

O indica pregunta complementaria.

- Una bola se sostiene en la mano de una persona. a) Identifique todas las fuerzas externas que actúan sobre la bola y la reacción a cada una. b) Si la bola se suelta, ¿qué fuerza se ejerce sobre ella mientras cae? Identifique la fuerza de reacción en este caso. (Ignore la resistencia del aire.)
- Si un automóvil viaja hacia el oeste con una rapidez constante de 20 m/s, ¿cuál es la fuerza resultante que actúa sobre él?
- O Un experimento se realiza sobre un disco en una mesa de hockey de aire, donde la fricción es despreciable. Se aplica una fuerza horizontal constante al disco y se mide su aceleración. Ahora el mismo disco se transporta hacia el espacio exterior, donde tanto la fricción como la gravedad son despreciables. Al disco se le aplica la misma fuerza constante (a través de una balanza de resorte que estira la misma cantidad) y se mide la aceleración del disco (en relación con las estrellas distantes). ¿Cuál es la aceleración del disco en el espacio exterior? a) un poco mayor que su aceleración en la Tierra, b) la misma que su aceleración en la Tierra, c) menor que su aceleración en la Tierra, d) infinita porque ni la fricción ni la gravedad la restringen, e) muy grande porque la aceleración es inversamente proporcional al peso y el peso del disco es muy pequeño pero no cero.
- En la película *It Happened One Night* (Columbia Pictures, 1934), Clark Gable está de pie adentro de un autobús estacionado en frente de Claudette Colbert, quien está sentada. De pronto el autobús comienza a moverse hacia adelante y Clark cae en el regazo de Claudette. ¿Por qué ocurrió esto?
- Sus manos están húmedas y el dispensador de toallas del baño está vacío. ¿Qué hace para quitar las gotas de agua de sus manos? ¿Cómo su acción ejemplifica una de las leyes de Newton? ¿Cuál de ellas?
- Una pasajera sentada en la parte trasera de un autobús afirma que se lesionó cuando el conductor frenó bruscamente, lo que hizo que una maleta saliera volando hacia ella desde la parte delantera del autobús. Si usted fuese el juez en este caso, ¿qué sentencia haría? ¿Por qué?
- Un globo esférico de hule inflado con aire se mantiene fijo y su abertura, en el lado oeste, se aprieta firmemente. a) Describa las fuerzas que ejerce el aire sobre secciones del hule. b) Después de que el globo se libera, despegue hacia el este y pronto gana mucha rapidez. Explique este movimiento en términos de las fuerzas que ahora actúan sobre el hule. c) Explique el movimiento de un cohete que despegue desde su plataforma de lanzamiento.
- Si usted sostiene una barra metálica horizontal varios centímetros arriba del suelo y la mueve a través del pasto, cada hoja de pasto se dobla en el camino. Si aumenta la rapidez de la barra, cada hoja de pasto se doblará más rápidamente. En tal caso, ¿cómo una podadora rotatoria corta el pasto? ¿Cómo ejerce suficiente fuerza sobre una hoja de pasto para cortarla?
- Una bola de hule se suelta en el suelo. ¿Qué fuerza hace que la bola rebote?
- Una niña lanza una bola hacia arriba. Ella dice que la bola se mueve alejándose de su mano porque la bola siente una “fuerza de lanzamiento” hacia arriba así como la fuerza gravitacional. a) ¿La “fuerza de lanzamiento” supera la fuerza gravitacional? ¿Cómo se movería la bola si lo hiciera? b) ¿La “fuerza de lanzamiento” es igual en magnitud a la fuerza gravitacional? Explique. c) ¿Qué intensidad se puede atribuir con precisión a la fuerza de lanzamiento? Explique. d) ¿Por qué la bola se aleja de la mano de la niña?
- O Los alumnos de tercer año están en un lado del patio de la escuela y los de cuarto año están en el otro. Los grupos lanzan bolas de nieve uno a otro. Entre ellos, bolas de nieve de diversas masas se mueven con diferentes velocidades, como se muestra en la figura P5.11. Clasifique las bolas de nieve de la a) a la e) de acuerdo con la magnitud de la fuerza total que se ejerce sobre cada una. Ignore la resistencia del aire. Si dos bolas de nieve se clasifican juntas, aclare el hecho.

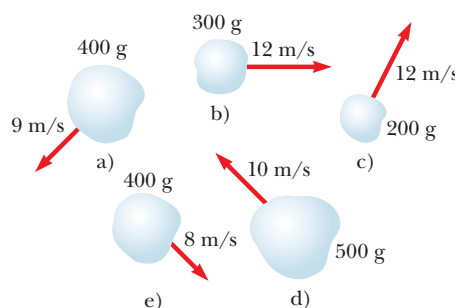


Figura P5.11





Nueva edición de la ya conocida obra de Raymond A. Serway y John W. Jewett Jr. Esta séptima edición, además de conservar la gran capacidad didáctica que la ha caracterizado, cuenta con el soporte de herramientas tecnológicas que proveen de más apoyo al usuario durante el desarrollo del curso.

#### Características

- En el capítulo 2 permanece la sección sobre la estrategia para resolver problemas.
- A lo largo de los capítulos 3 a 5 se utiliza explícitamente dicha estrategia, para que el alumno aprenda a emplearla.
- Los capítulos 7 y 8 se reorganizaron completamente para preparar al estudiante para el planteamiento de energía que se hace a través del libro.
- Una nueva sección en el capítulo 9 enseña al estudiante cómo analizar sistemas deformables con la ecuación de la conservación de la energía y el teorema de impulso-momentum.
- Aproximadamente el 23% de los problemas son nuevos.
- Se mantiene la sección *¿Qué pasaría si?* en los ejemplos resueltos, para ofrecer una variación al ejemplo que estimule la capacidad de razonamiento del estudiante.

Estas características, entre muchas otras que descubrirá al interior del texto, aunadas al lenguaje claro y accesible con el que desarrolla los temas, lo harán sin duda alguna, su libro de física favorito; tanto si usted es docente como si es estudiante de alguna licenciatura en el área de ingeniería o ciencias.