计算物理 HW4 Problem2

付大为

学号: 1800011105

邮 箱: fudw@pku.edu.cn

2021年12月18日

题目 1: 幂次法求矩阵最大模的本征值和本征矢

解答: (a) 我们知道

$$\ddot{x} = -A \cdot x \tag{1}$$

 $\diamondsuit x(t) = xe^{-i\omega t}$,则有

$$\ddot{x} = -\omega^2 x = -A \cdot x \tag{2}$$

即

$$\omega^2 x = \lambda x = A \cdot x \tag{3}$$

本征值 $\lambda = \omega^2$

(b)N=10

最大本征值为: 3.9189859472289914

对应本征矢量为:

 $\begin{bmatrix} 0.12013119, -0.23053006, 0.32225275, -0.38786842, 0.42206129, -0.42206127, 0.38786835, \\ -0.32225265, 0.23052997, -0.12013114 \end{bmatrix}$